数据处理分析实验报告Ⅳ

- 一. 数据集: PISA (国际学生评价计划)
 - 一个衡量 15 岁学生能力水平的计划,分三个课程:数学,科学,阅读。 本次需要研究的是 18 年的评价结果,覆盖几十万名中学生的成绩。

二. 研究目的

- 1. 证明<u>国家性别不平等</u>比<u>其他国家变量</u>(国际基尼系数, 国家人均 GDP) 对<u>学业成绩</u>的影响更大; 国家性别不平衡越严重, 学生成绩越 差
- 2. 证明<u>成长型思维</u>能缓解<u>国家性别不平等</u>的消极影响;研究成长型思维 与国家性别不平衡的<mark>交互作用</mark>

三. 数据分析需求

这一次用 Lasso、随机森林、随机排序和 xgboost 来做特征重要性排名。 基于机器学习方法本身存在的不确定性,最终结果也是一种可能的情况, 为分析结论做辅助补充。

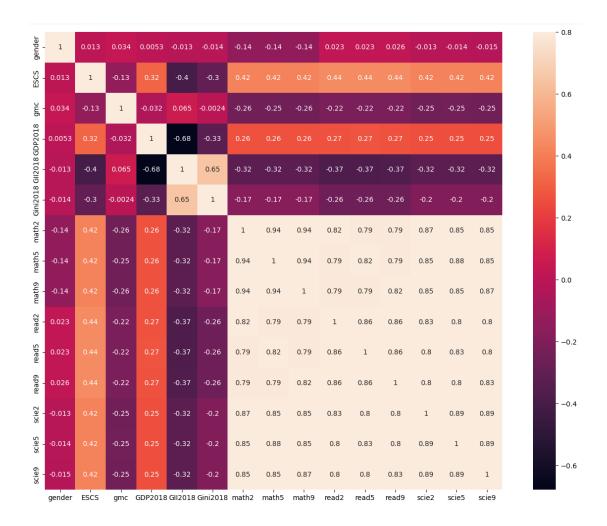
四. 实验结果:

这一次实验只用到学校层和学生层,在控制变量中加入了 SNW 成绩用的是 pv2、pv5、pv9,数据总量约有 612004 条

经过清理之后剩余 444238 条数据

男生 221826 人. 女生 222412 人

首先可以简单的看一下各个变量之间的相关性,容易看到 GII 和 GINI 都 对成绩具有负面影响(颜色最深最黑)



4.1 Lasso 方法

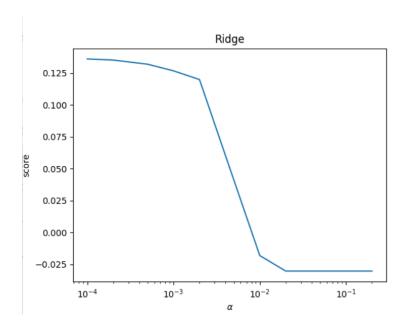
介绍

Lasoo 方法是一种正则化的方法,主要思想就是在经验风险上加一个惩罚项,这个惩罚项用于惩罚模型的复杂度,当惩罚项选用的是 L1 范数时就叫回归模型为 Lasso 回归。惩罚项的加入可以将一些不重要的变量前面的系数化为 0.

$$\widehat{\beta}_{\text{lasso}} = \underset{\beta}{\operatorname{argmin}} \left\{ \sum_{i=1}^{n} \left(y_i - \beta_0 - \sum_{j=1}^{p} \beta_j x_{ij} \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^{p} |\beta_j| \right\}$$

因为在α越小,模型的评分(预测能力)越强,所以可以知道,七个特征变

量都对最终的成绩有一定的贡献。



当 α 从小取到大的过程中(α 是 lasso 的参数),各个特征变量的系数开始收缩,(各个变量系数对应的名称从左到右依次为 gender、ESCS、gmc、SNW、gdp、GII、GINI),因为模型会随着 α 的增大逐步舍弃次要的特征,系数变为 0 最慢的特征是最重要的特征,因此可以根据这个结果对特征变量的重要性进行排序:

<mark>#综合分析(男女混合在一起)(排序</mark>:重要的在前面)

实验 1.1.1-Lasso-PV2-math: GII、gender、gmc、ESCS、gdp、Gini

alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0002	Coe:-0.0305	0.2539	-0.0863	0.0082	-0.0793	0.0370
a:0.0010	Coe:-0.0273	0.2200	-0.0762	0.0000	-0.0831	0.0203
a:0.0050	Coe:-0.0110	0.0462	-0.0268	-0.0000	-0.0863	0.0000
a:0.0065	Coe:-0.0050	0.0000	-0.0073	-0.0000	-0.0799	0.0000
a:0.0077	Coe: -0.0002	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0662	0.0000
a:0.0080	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0627	0.0000

实验 1.1.2-Lasso-PV5-math: GII、gender、gmc、ESCS、gdp 、Gini

alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0002	Coe:-0.0315	0.2633	-0.0894	0.0100	-0.0822	0.0382
a:0.0010	Coe:-0.0283	0.2293	-0.0794	0.0000	-0.0853	0.0218
a:0.0050	Coe:-0.0121	0.0556	-0.0299	-0.0000	-0.0892	0.0000
a:0.0065	Coe:-0.0060	0.0000	-0.0110	-0.0000	-0.0847	0.0000
a:0.0077	Coe:-0.0013	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0713	0.0000
a:0.0080	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0677	0.0000

实验 1.1.3-Lasso-PV9-math: GII、gender、gmc、ESCS、gdp 、Gini

alpha	gender	ESCS	gmc Gini	GII Gdp
a:0.0002	Coe:-0.0315	0.2654	-0.0902 0.0105	-0.0832 0.0368
a:0.0010	Coe:-0.0283	0.2314	-0.0802 0.0000	-0.0861 0.0205
a:0.0050	Coe:-0.0121	0.0576	-0.0308 -0.0000	-0.0894 0.0000
a:0.0065	Coe:-0.0060	0.0000	-0.0120 -0.0000	-0.0854 0.0000
a:0.0077	Coe:-0.0013	0.0000	-0.0000 -0.0000	-0.0720 0.0000
a:0.0083	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0000 -0.0000	-0.0649 0.0000

实验 1.1.4-Lasso-PV2-read: GII、ESCS、gmc、gender、Gini、gdp

alpha	gender	ESCS g	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0002	Coe:0.0044	0.2385 -	-0.0657	-0.0420	-0.0931	0.0046
a:0.0005	Coe:0.0032	0.2265 -	-0.0611	-0.0179	-0.1027	0.0000
a:0.0010	Coe:0.0013	0.2052 -	-0.0543	-0.0000	-0.1079	0.0000
a:0.0050	Coe:0.0000	0.0309	-0.0044	-0.0000	-0.1019	0.0000
a:0.0055	Coe:0.0000	0.0087	-0.0000	-0.0000	-0.1011	0.0000
a:0.0083	Coe:0.0000	0.0000 -	-0.0000	-0.0000	-0.0701	0.0000

实验 1.1.5-Lasso-PV5-read: GII、ESCS、gmc、gender、Gini、gdp

alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0002	Coe:0.0047	0.2549	-0.0708	-0.0476	-0.0978	0.0091
a:0.0005	Coe:0.0035	0.2433	-0.0660	-0.0218	-0.1100	0.0000
a:0.0010	Coe:0.0015	0.2221	-0.0591	-0.0000	-0.1165	0.0000
a:0.0035	Coe:0.0000	0.1132	-0.0279	-0.0000	-0.1128	0.0000
a:0.0060	Coe:0.0000	0.0035	-0.0000	-0.0000	-0.1090	0.0000
a:0.0083	Coe:0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0827	0.0000

实验 1.1.6-Lasso-PV9-read: GII、ESCS、gmc、gender、Gini、gdp

alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0002	Coe:0.0051	0.2443	-0.0659	-0.0427	-0.0932	0.0054
a:0.0005	Coe:0.0039	0.2323	-0.0613	-0.0183	-0.1033	0.0000
a:0.0010	Coe:0.0019	0.2110	-0.0545	-0.0000	-0.1085	0.0000
a:0.0035	Coe:0.0000	0.1022	-0.0232	-0.0000	-0.1048	0.0000
a:0.0055	Coe:0.0000	0.0146	-0.0000	-0.0000	-0.1018	0.0000
a:0.0083	Coe:0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0721	0.0000

实验 1.1.7-Lasso-PV2-scie: GII、gmc、ESCS、Gdp、gender、Gini

alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0001	Coe:-0.0016	0.2494	-0.0836	-0.0039	-0.0744	0.0300
a:0.0004	Coe: -0.0004	0.2370	-0.0796	-0.0000	-0.0786	0.0226
a:0.0010	Coe:-0.0000	0.2119	-0.0717	-0.0000	-0.0840	0.0091
a:0.0035	Coe:-0.0000	0.1037				
a:0.0065	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0012	-0.0000	-0.0743	0.0000
a:0.0083	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0533	0.0000

实验 1.1.8-Lasso-PV5- scie: GII、gmc、ESCS、Gdp、gender、Gini

alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0001	Coe: -0.0020	0.2513	-0.0830	-0.0070	-0.0743	0.0304
a:0.0004	Coe:-0.0008	0.2389	-0.0789	-0.0000	-0.0798	0.0225
a:0.0010	Coe:-0.0000	0.2139	-0.0710	-0.0000	-0.0851	0.0090
a:0.0035	Coe:-0.0000	0.1056	-0.0396	-0.0000	-0.0856	0.0000
a:0.0065	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0006	-0.0000	-0.0758	0.0000
a:0.0083	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0547	0.0000

实验 1.1.9-Lasso-PV9- scie: GII、gmc、ESCS、Gdp、gender、Gini

alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0001	Coe:-0.0022	0.2486	-0.0828	-0.0060	-0.0732	0.0310
a:0.0004	Coe:-0.0010	0.2362	-0.0787	-0.0000	-0.0783	0.0233
a:0.0010	Coe:-0.0000	0.2111	-0.0709	-0.0000	-0.0837	0.0097
a:0.0035	Coe:-0.0000	0.1029	-0.0394	-0.0000	-0.0844	0.0000
a:0.0065	Coe:-0.0000	0.0000	0.0003	-0.0000	-0.0741	0.0000
a:0.0083	Coe:-0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0530	0.0000

综上,可以看到性别不平等 GII 比 GINI 系数、GDP 变量的影响作用更大, 并且因为系数是负值,所以其对成绩为负面影响。

#性别分析(男女生分开研究):

男生成绩:

实验 1.2.1-Lasso-PV2-math: GII、gmc、ESCS、Gdp、Gini

ini GII Gdp	gmc G	ESCS	gender	alpha
.0379 -0.0863 0.0383	-0.0876	0.2478	Coe:0.0000	a:0.0001
.0000 -0.0786 0.0244	-0.0772	0.2079	Coe:0.0000	a:0.0010
0.0000 -0.0851 0.0000	-0.0462 -	0.0975	Coe:0.0000	a:0.0035
0.0000 -0.0717 0.0000			Coe:0.0000	a:0.0065
a.0000 <mark>-0.0508</mark> 0.0000	-0.0000 -	0.0000	Coe:0.0000	a:0.0083
.0000 -0.0786 <mark>0.0244</mark> 0.0000 -0.0851 0.0000	-0.0772 6 -0.0462 -	0.2079 0.0975 0.0000	Coe:0.0000 Coe:0.0000 Coe:0.0000	a:0.0010 a:0.0035 a:0.0065

实验 1.2.2-Lasso-PV5-math: GII、gmc、ESCS、Gdp、Gini

gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
Coe:0.0000	0.2573	-0.0907	0.0401	-0.0901	0.0396
Coe:0.0000	0.2174	-0.0804	0.0000	-0.0815	0.0260
Coe:0.0000					
Coe:0.0000	0.0000	-0.0116	-0.0000	-0.0773	0.0000
Coe:0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0566	0.0000
	Coe:0.0000 Coe:0.0000 Coe:0.0000 Coe:0.0000	Coe:0.0000 0.2573 Coe:0.0000 0.2174 Coe:0.0000 0.1071 Coe:0.0000 0.0000	Coe:0.0000 0.2573 -0.0907 Coe:0.0000 0.2174 -0.0804 Coe:0.0000 0.1071 -0.0494 Coe:0.0000 0.0000 -0.0116	Coe:0.0000 0.2573 -0.0907 0.0401 Coe:0.0000 0.2174 -0.0804 0.0000 Coe:0.0000 0.1071 -0.0494 -0.0000 Coe:0.0000 0.0000 -0.0116 -0.0000	Coe:0.0000 0.2573 -0.0907 0.0401 -0.0901 Coe:0.0000 0.2174 -0.0804 0.0000 -0.0815 Coe:0.0000 0.1071 -0.0494 -0.0000 -0.0888 Coe:0.0000 0.0000 -0.0116 -0.0000 -0.0773

实验 1.2.3-Lasso-PV9-math: GII、gmc、ESCS、Gdp、Gini

		_				
alpha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0.0001		0.2627				
a:0.0010	Coe:0.0000	0.2228	-0.0827	0.0000	-0.0828	0.0253
a:0.0035	Coe:0.0000	0.1125		_		
a:0.0065	Coe:0.0000	0.0000	-0.0142	0.0000	-0.0793	0.0000
a:0.0083	Coe:0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0587	0.0000

实验 1.2.4-Lasso-PV2-read: GII、gmc、ESCS、Gini、Gdp

```
Gini GII
 alpha
                gender
                                ESCS
                                       gmc
                                                               Gdp
                                0.2374 -0.0693 -0.0249 -0.1027 0.0057
 a:0.0001
                Coe:0.0000
                                0.2291 -0.0663 -0.0077 -0.1106 0.0000
                Coe:0.0000
 a:0.0003
                               0.0853 -0.0273 -0.0000 -0.1069 0.0000
 a:0.0035
                Coe:0.0000
                                0.0000 -0.0029 -0.0000 -0.1021 0.0000
 a:0.0055
                Coe:0.0000
                                0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0690 0.0000
 a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.2.5-Lasso-PV5-read: GII、gmc、ESCS、Gini、Gdp
                                ESCS
                                                Gini
                                                        GII
alpha
                gender
                                        gmc
                                                                Gdp
a:0.0001
                Coe:0.0000
                                0.2580
                                       -0.0773 -0.0349 -0.1088 0.0112
                                0.2415 -0.0713 -0.0005 -0.1245 0.0000
a:0.0005
                Coe:0.0000
                               0.1065 -0.0350 -0.0000 -0.1188 0.0000
a:0.0035
                Coe:0.0000
                                0.0000 -0.0043 -0.0000 -0.1128 0.0000
                Coe:0.0000
a:0.0060
                                0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0857 0.0000
a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.2.6-Lasso-PV9-read: GII、gmc、ESCS、Gini、Gdp
                 gender
                                ESCS
                                        gmc
                                                Gini
                                                        GII
                                                                Gdp
 alpha
 a:0.0001
                 Coe:0.0000
                                0.2426 -0.0706 -0.0275 -0.1024 0.0087
                                0.2302 -0.0661 -0.0017 -0.1143 0.0000
 a:0.0004
                 Coe:0.0000
                                0.0908 -0.0285 -0.0000 -0.1089 0.0000
 a:0.0035
                 Coe:0.0000
 a:0.0057
                 Coe:0.0000
                                0.0000 -0.0014 -0.0000 -0.1030 0.0000
                                0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0721 0.0000
 a:0.0083
                 Coe:0.0000
实验 1.2.7-Lasso-PV2-scie: GII、gmc、ESCS、Gdp、Gini
                               ESCS
                                       gmc
                                              Gini
                                                      GII
                                                              Gdp
alpha
                gender
                               0.2457 -0.0864 0.0008 -0.0759 0.0354
a:0.0000
                Coe:0.0000
                               0.2289 -0.0814 -0.0000 -0.0789 0.0269
                Coe:0.0000
a:0.0004
                              0.0917 -0.0431 -0.0000 -0.0853 0.0000
a:0.0035
                Coe:0.0000
                               0.0000 -0.0161 -0.0000 -0.0796 0.0000
a:0.0057
                Coe:0.0000
                               0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0496 0.0000
a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.2.8-Lasso-PV5- scie: GII、gmc、ESCS、Gdp、Gini
alpha
                                ESCS
                                                Gini
                                                        GII
                                                                Gdp
                gender
                                        gmc
                                        -0.0857 0.0013 -0.0771 0.0364
a:0.0000
                Coe:0.0000
                                0.2474
a:0.0004
                Coe:0.0000
                                0.2305 -0.0808 -0.0000 -0.0798 0.0280
                                0.0935 -0.0425 -0.0000 -0.0868 0.0000
                Coe:0.0000
a:0.0035
                                0.0000 -0.0155 -0.0000 -0.0814 0.0000
a:0.0057
                Coe:0.0000
```

实验 1.2.9-Lasso-PV9- scie: GII、gmc、ESCS、Gdp、Gini

Coe:0.0000

3dp
0.0363
0.0281
0.0000
0.0000
0.0000
Э. Э.

0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0514 0.0000

女生成绩:

a:0.0083

实验 1.3.1-Lasso-PV2-math: GII、ESCS、gmc、Gdp、Gini

```
alpha
                               ESCS
                                       gmc
                                               Gini
                                                      GII
                                                              Gdp
                gender
                               0.2787 -0.0905 0.0214 -0.0892 0.0377
a:0.0000
               Coe:0.0000
a:0.0004
                Coe:0.0000
                               0.2629 -0.0859 0.0000 -0.0844 0.0320
                               0.1406 -0.0445 -0.0000 -0.0951 0.0000
a:0.0035
                Coe:0.0000
a:0.0069
                Coe:0.0000
                              0.0015 -0.0000 -0.0000 -0.0906 0.0000
                               0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0754 0.0000
a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.3.2-Lasso-PV5-math: GII、ESCS、gmc、Gdp、Gini
                gender
                               ESCS
                                       gmc
                                              Gini
                                                      GII
alpha
a:0.0000
                Coe:0.0000
                               0.2772 -0.0903 0.0222 -0.0880 0.0373
a:0.0004
                Coe:0.0000
                               0.2613 -0.0857 0.0000 -0.0828 0.0318
                               0.1390 -0.0443 -0.0000 -0.0935 0.0000
a:0.0035
                Coe:0.0000
                              0.0008 -0.0000 -0.0000 -0.0890 0.0000
a:0.0069
                Coe:0.0000
                               0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0733 0.0000
a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.3.3-Lasso-PV9-math: GII、ESCS、gmc、Gdp、Gini
 alpha
                gender
                                ESCS
                                       gmc
                                               Gini
                                                       GII
                                                              Gdp
 a:0.0000
                Coe:0.0000
                                0.2790 -0.0905 0.0233 -0.0896 0.0358
                                0.2630 -0.0859 0.0000 -0.0839 0.0304
 a:0.0004
                Coe:0.0000
                                0.1406 -0.0446 -0.0000 -0.0939 0.0000
 a:0.0035
                Coe:0.0000
                               0.0016 -0.0000 -0.0000 -0.0894 0.0000
 a:0.0069
                Coe:0.0000
                                0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0742 0.0000
 a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.3.4-Lasso-PV2-read: GII、ESCS、gmc、Gini、Gdp
                gender
                               ESCS
                                      gmc
                                            Gini
                                                   GII
                                                            Gdp
 a:0.0000
                Coe:0.0000
                               0.2525 -0.0683 -0.0868 -0.0721 0.0148
 a:0.0004
                Coe:0.0000
                               0.2382 -0.0614 -0.0510 -0.0901 0.0000
 a:0.0035
                               0.1156 -0.0201 -0.0000 -0.1028 0.0000
                Coe:0.0000
                             0.0117 -0.0000 -0.0000 -0.0993 0.0000
 a:0.0060
                Coe:0.0000
                               0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0754 0.0000
 a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.3.5-Lasso-PV5-read: GII、ESCS、gmc、Gini、Gdp
 alpha
                gender
                               ESCS
                                       gmc
                                            Gini GII
                                                             Gdp
 a:0.0000
                               0.2627 -0.0702 -0.0866 -0.0756 0.0181
                Coe:0.0000
 a:0.0005
                Coe:0.0000
                               0.2456 -0.0619 -0.0437 -0.0974 0.0000
                               0.1260 -0.0219 -0.0000 -0.1077 0.0000
 a:0.0035
                Coe:0.0000
                Coe:0.0000
                              0.0226 -0.0000 -0.0000 -0.1043 0.0000
 a:0.0060
                               0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0829 0.0000
 a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.3.6-Lasso-PV9-read: GII、ESCS、gmc、Gini、Gdp
                               ESCS
                                            Gini
                                                              Gdp
                gender
                                       gmc
                                                    GII
                               0.2686 -0.0698 -0.0888 -0.0753 0.0138
 a:0.0000
                Coe:0.0000
                               0.2512 -0.0617 -0.0474 -0.0946 0.0000
 a:0.0005
                Coe:0.0000
                               0.1317 -0.0216 -0.0000 -0.1062 0.0000
 a:0.0035
                Coe:0.0000
                              0.0282 -0.0000 -0.0000 -0.1028 0.0000
 a:0.0060
                Coe:0.0000
                               0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0826 0.0000
 a:0.0083
                Coe:0.0000
实验 1.3.7-Lasso-PV2-scie: GII、ESCS、gmc、Gdp、Gini
alpha
               gender
                               ESCS
                                       gmc
                                             Gini
                                                     GII
                                                            Gdp
a:0.0000
                               0.2691 -0.0880 -0.0285 -0.0670 0.0337
               Coe:0.0000
a:0.0005
               Coe:0.0000
                               0.2515 -0.0802 -0.0000 -0.0830 0.0178
                               0.1320 +0.0407 +0.0000 -0.0873 0.0000
a:0.0035
               Coe:0.0000
                              0.0029 -0.0000 -0.0000 -0.0832 0.0000
a:0.0067
               Coe:0.0000
```

a:0.0083

Coe:0.0000

0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0653 0.0000

实验 1.3.7-Lasso-PV5-scie: GII、ESCS、gmc、Gdp、Gini

alp	ha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0	.0000	Coe:0.0000	0.2668	-0.0860	-0.0348	-0.0646	0.0328
a:0	.0005	Coe:0.0000	0.2495	-0.0780	-0.0000	-0.0832	0.0158
a:0	.0035	Coe:0.0000	0.1299	-0.0386	-0.0000	-0.0866	0.0000
a:0	.0067	Coe:0.0000	0.0002	-0.0000	-0.0000	-0.0824	0.0000
a:0	.0083	Coe:0.0000	0.0000	-0.0000	-0.0000	-0.0639	0.0000
实验 1.3.7-Lasso-PV9-scie: GII、ESCS、gmc、Gdp、Gini							
alp	ha	gender	ESCS	gmc	Gini	GII	Gdp
a:0	0.0000	Coe:0.0000	0.2688	-0.0869	-0.0343	-0.0649	0.0348
a:0	0.0005	Coe:0.0000	0.2515	-0.0789	-0.0000	-0.0833	0.0179
a:0	0.0035	Coe:0.0000	0.1320	-0.0394	-0.0000	-0.0877	0.0000

综上,可以观察到 GII 的重要性排名在第一位置,其次是 ESCS。

Coe:0.0000 0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0656 0.0000

0.0026 -0.0000 -0.0000 -0.0835 0.0000

可证明. GII 对成绩的影响程度比其他国家变量更深。

Coe:0.0000

4.2 随机森林

a:0.0067

a:0.0083

介绍

随机森林(Random Forest,简称RF)属于集成学习方法,是Bagging方法的一个扩展变体。RF在以决策树为基学习器构建Bagging集成的基础上,进一步在决策树的训练过程中引入了随机属性选择,具体来说,传统决策树在选择划分属性时是在当前结点的属性集合(假定有d个属性)中选择一个最优属性;而在RF中,对基决策树的每个结点,先从该结点的属性集合中随机选择一个包含k个属性的子集,然后再从这个子集中选择一个最优属性用于划分。

随机森林通常用于数据科学工作流程中的特征选择。 原因是因为随机森林使用的基于树的策略自然会根据它们提高节点purity的程度来排名。 这意味着所有树的impurity减少(称为gini impurity)。 impurity减少最多的节点出现在树的开头,而impurity减少最少的节点出现在树的末尾。 因此,通过修剪特定节点下方的树,我们可以得到最重要特征的子集。

#综合实验:

```
实验-randomforest-因变量为 math2 时
[('ESCS', 0.7204), ('gmc', 0.0772), ('Gdp', 0.0698), ('GII', 0.0674), ('gini', 0.046), ('gender', 0.0191)]
实验-randomforest-因变量为 math5 时
[('ESCS', 0.7226), ('gmc', 0.077), ('GII', 0.0741), ('Gdp', 0.0606), ('gini', 0.0465), ('gender', 0.0193)]
实验-randomforest-因变量为 math9 时
[('ESCS', 0.7215), ('gmc', 0.0772), ('Gdp', 0.0715), ('GII', 0.0647), ('gini', 0.0458), ('gender', 0.0192)]
实验-randomforest-因变量为 read2 时
[('ESCS', 0.7338), ('GII', 0.1029), ('gmc', 0.0596), ('gini', 0.0419), ('Gdp', 0.0354), ('gender', 0.0263)]
实验-randomforest-国变量为 read5 时
[('ESCS', 0.7341), ('GII', 0.104),
实验-randomforest-因变量为 read9 时
                                   'gmc', 0.0587), ('gini', 0.0426), ('Gdp', 0.034), ('gender', 0.0266)]
[('ESCS', 0.7369), ('GII', 0.1007), ('gmc', 0.0589), ('gini', 0.0429), ('Gdp', 0.0349), ('gender', 0.0259)]
实验-randomforest-因变量为 scie2 时
[('ESCS', 0.7285), ('Gdp', 0.0762), ('gmc', 0.0686), ('GII', 0.0602), ('gini', 0.0337), ('gender', 0.0328)]
实验-randomforest-因变量为 scie5 时
[('ESCS', 0.73), ('Gdp', 0.0793), ('gmc', 0.0675), ('GII', 0.0552), ('gini', 0.0348), ('gender', 0.0331)]
实验-randomforest-因变量为 scie9 时
[('ESCS', 0.7286), ('Gdp', 0.071), ('gmc', 0.0693), ('GII', 0.0621), ('gini', 0.0367), ('gender', 0.0322)]
```

上图结果展示的是数学成绩 pv259 和阅读成绩 pv259 作为因变量时的变量重要性排名,可以看到 GII 排名在第二三四。(对于变量的特征相对重要性的得分是利用模型提供的feature_importance_属性得到的)

#性别分析(男女分别研究)

男生成绩:

```
实验-randomforest-因变量为 math2 时
[('ESCS', 0.7361), ('gmc', 0.0748), ('Gdp', 0.0704), ('GII', 0.0697), ('gini', 0.049), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 math5 时
('GII', 0.076), ('gmc', 0.0751), ('Gdp', 0.0639), ('gini', 0.0492), ('gender', 0.0)] 实验-randomforest-因变量为 math9 时
[('ESCS', 0.7364), ('gmc', 0.0749), ('GII', 0.0711), ('Gdp', 0.0685), ('gini', 0.0492), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 read2 时
[('ESCS', 0.7431), ('GII', 0.1181), ('gmc', 0.0601), ('gini', 0.0412), ('Gdp', 0.0376), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 read5 时
[('ESCS', 0.7412), ('GII', 0.1197), ('gmc', 0.0605), ('gini', 0.0414), ('Gdp', 0.0372), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 read9 时
[('ESCS', 0.7432), ('GII', 0.1188), ('gmc', 0.0603), ('gini', 0.0405), ('Gdp', 0.0372), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 scie2 时
[('ESCS', 0.7395), ('Gdp', 0.0783), ('gmc', 0.0712), ('GII', 0.0705), ('gini', 0.0405), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 scie5 时
[('ESCS', 0.7398), ('Gdp', 0.0791), ('gmc', 0.0703), ('GII', 0.0696), ('gini', 0.0412), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 scie9 时
[('ESCS', 0.7365), ('Gdp', 0.0808), ('gmc', 0.0719), ('GII', 0.0692), ('gini', 0.0416), ('gender', 0.0)]
```

女生成绩:

```
[('ESCS', 0.7444), ('GII', 0.0835), ('gmc', 0.0757), ('Gdp', 0.0595), ('gini', 0.0369), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 math5 时
[('ESCS', 0.7479), ('GII', 0.0833), ('gmc', 0.0752), ('Gdp', 0.0565), ('gini', 0.0372), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 math9 时
[('ESCS', 0.7484), ('GII', 0.0823), ('gmc', 0.0759), ('Gdp', 0.0566), ('gini', 0.0368), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 read2 时
[('ESCS', 0.7455), ('GII', 0.1029),
                                   ('gmc', 0.0629), ('gini', 0.0526), ('Gdp', 0.0362), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 read5 时
[('ESCS', 0.7478), ('GII', 0.1026),
                                   ('gmc', 0.0613), ('gini', 0.0521), ('Gdp', 0.0361), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 read9 时
[('ESCS', 0.7492), ('GII', 0.1004),
                                   ('gmc', 0.0621), ('gini', 0.0523), ('Gdp', 0.036), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 scie2 时
[('ESCS', 0.7522), ('GII', 0.0822),
                                   ('gmc', 0.0718), ('Gdp', 0.0497), ('gini', 0.0441), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 scie5 时
[('ESCS', 0.754), ('GII', 0.0809), ('gmc', 0.0706), ('Gdp', 0.0492), ('gini', 0.0453), ('gender', 0.0)]
实验-randomforest-因变量为 scie9 时
[('ESCS', 0.7532), ('GII', 0.0822), ('gmc', 0.0717), ('Gdp', 0.0482), ('gini', 0.0448), ('gender', 0.0)]
```

上图结果展示的是分别计算男女成绩,数学成绩 pv259 和阅读成绩 pv259 作为因变量时的变量重要性排名,可以看到 GII 排名在第二时比较多。且 GII 的影响对于女生比对于男生影响程度更多。

4.3 Xgboost 方法

介绍

XGBoost 是陈天奇等人开发的一个开源机器学习项目,高效地实现了GBDT 算法并进行了算法和工程上的许多改进,被广泛应用在 Kaggle 竞赛及其他许多机器学习竞赛中并取得了不错的成绩。说到 XGBoost,不得不提GBDT(Gradient Boosting Decision Tree)。因为 XGBoost 本质上还是一个GBDT,但是力争把速度和效率发挥到极致,所以叫 X (Extreme) GBoosted。包括前面说过,两者都是 boosting 方法。

xgboost 属于决策树类的算法,决策树具备评估特征重要性的能力。单个决策树的重要性是通过每个属性分割点(树的分叉点)改进性能度量的量计算的,由节点负责的观察数加权。因此xgboost 也能用于特征重要性评估。

#综合实验:

```
实验-xgboost-因变量为 math2 时
[('gmc', 0.23981017) ('Gdp', 0.20023079), ('GII', 0.1792558), ('ESCS', 0.15434647), ('gender', 0.1376622), ('Gini', 0.08869452)]
实验-xgboost-因变量为
                    math5 时
[('gmc', 0.22988242) ('GII', 0.18754523), ('Gdp', 0.1754084), ('gender', 0.15818864), ('ESCS', 0.15784082), ('Gini', 0.09113452)]
实验-xgboost-因变量为
                    math9 时
[('gmc', 0.23299293) ('Gdp', 0.19665053), ('gender', 0.16788438), ('ESCS', 0.15630154), ('GII', 0.15322821), ('Gini', 0.09294234)]
 实验-xgboost-因变量为
                    read2 时
[('GII', 0.371706),
                    'ESCS', 0.20086859), ('gmc', 0.18150647), ('Gdp', 0.123435974), ('Gini', 0.10126352), ('gender', 0.021219425)]
 影-xgboost-因变量为
                    read5 时
[('GII', 0.3322895), ('gmc', 0.19113825), ('ESCS', 0.19038743), ('Gini', 0.13765666), ('Gdp', 0.12921937), ('gender', 0.019308839)]
  验-xgboost-因变量为
                    read9 时
[('GII', 0.3274635), ('ESCS', 0.19656043), ('gmc', 0.1783091), ('Gdp', 0.13970025), ('Gini', 0.13454378), ('gender', 0.023422915)]
 实验-xgboost-因变量为
                    scie2 时
[('Gdp', 0.25507528) ('gmc', 0.24899858), ('GII', 0.216881), ('ESCS', 0.1822027), ('Gini', 0.07792921), ('gender', 0.018913211)]
 实验-xgboost-因变量为
                    scie5 ⊞
[('gmc', 0.2509025), ('Gdp', 0.23830523), ('GII', 0.20107517), ('ESCS', 0.19864357), ('Gini', 0.09475482), ('gender', 0.016318718)]
实验-xgboost-因变量为 scie9 时
[('gmc', 0.24961348) ('Gdp', 0.23590498), ('GII', 0.20728466), ('ESCS', 0.18480746), ('Gini', 0.101556435), ('gender', 0.020832982)]
```

#性别分析(男女分别研究)

```
男生成绩
实验-xgboost-因变量为 math2 时
[('gmc', 0.27222118)] ('GII', 0.2371495), ('Gdp', 0.22113031), ('ESCS', 0.1555129), ('Gini', 0.11398612), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为
                    math5 时
[('gmc', 0.2716958), ('GII', 0.24961755), ('Gdp', 0.20425695), ('ESCS', 0.15998109), ('Gini', 0.11444864), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 math9 时
[('gmc', 0.27551883), ('GII', 0.22852343), ('Gdp', 0.21886027), ('ESCS', 0.1532673), ('Gini', 0.12383021), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为
                     read2 #
[('GII', 0.4218317), ('gmc', 0.18105681), ('ESCS', 0.16052176), ('Gdp', 0.13903023), ('Gini', 0.09755943), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 read5 时
[('GII', 0.40903008) ('gmc', 0.18302819), ('ESCS', 0.17152418), ('Gdp', 0.13364008), ('Gini', 0.10277743), ('gender', 0.0)]
实验-xgboost-因变量为 read9 时
[('GII', 0.43164724) ('gmc', 0.17446171), ('ESCS', 0.16296916), ('Gdp', 0.12781411), ('Gini', 0.10310773), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 scie2 时
[('GII', 0.2601484), ('Gdp', 0.25765482), ('gmc', 0.23221599), ('ESCS', 0.1552338), ('Gini', 0.09474706), ('gender', 0.0)]
实验-xgboost-因变量为 scie5 时
[('Gdp', 0.2546339), ('gmc', 0.25154686), ('GII', 0.24034327), ('ESCS', 0.15320018), ('Gini', 0.100275785), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 <u>scie9</u> 时
[('Gdp', 0.2577719), ('GII', 0.25361744), ('gmc', 0.24621095), ('ESCS', 0.15186705), ('Gini', 0.09053264), ('gender', 0.0)]
女生成绩
 实验-xgboost-因变量为 math2 时
[('GII', 0.27902186), ('gmc', 0.24797592), ('Gdp', 0.20626536), ('ESCS', 0.19089098), ('Gini', 0.07584583), ('gender', 0.0)]
实验-xgboost-因变量为 math5 时
[('GII', 0.2791944), ('gmc', 0.2674884), ('ESCS', 0.20489758), ('Gdp', 0.17975876), ('Gini', 0.06866097), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为
                      atha Ist
[('gmc', 0.2904919), ('GII', 0.28160003), ('ESCS', 0.1998096), ('Gdp', 0.1536584), ('Gini', 0.07444007), ('gender', 0.0)]
    -xgboost-因变量为 read2 时
[('GII', 0.36776808), ('ESCS', 0.19499001), ('gmc', 0.18636368), ('Gdp', 0.13404049), ('Gini', 0.11683767), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 read5 时
[('GII', 0.37996387), ('ESCS', 0.19550884), ('gmc', 0.17163624), ('Gini', 0.1309674), ('Gdp', 0.12192361), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 read9 时
[('GII', 0.34218407), ('ESCS', 0.20754306), ('gmc', 0.18598886), ('Gini', 0.13796479), ('Gdp', 0.12631926), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 scie2 时
[('GII', 0.29365653), ('gmc', 0.25172505), ('ESCS', 0.19860359), ('Gdp', 0.15839027), ('Gini', 0.09762452), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 scie5 时
[('GII', 0.2885254), ('gmc', 0.24590701), ('ESCS', 0.19953543), ('Gdp', 0.15887499), ('Gini', 0.10715719), ('gender', 0.0)]
 实验-xgboost-因变量为 scie9 时
[('GII', 0.28499794), ('gmc', 0.24582596), ('ESCS', 0.19342023), ('Gdp', 0.17054056), ('Gini', 0.10521531), ('gender', 0.0)]
```

五. 实验结论:

本实验通过 Lasso 参数选择方法、随机森林方法、xgboost 方法,从多个角度,以不同的评估方法衡量 ESCS、gender、gmc、GII、gdp、GINI 这些自变量对学生成绩的影响,虽然从不同角度评估各个自变量重要性时重要性排名有所差别,但是国家性别不平等在其中都有着较大的影响。证明了国家性别不平等比其他国家变量(国际基尼系数,国家人均GDP)对学业成绩的影响更大;国家性别不平衡越严重,学生成绩越差。此外,我们同样

证明了国家性别不平等对男女学生成绩都有一定的负面影响。