## Actor-Critic算法

结合了DQN和策略梯度的想法,使用DQN学习价值函数,然后指导策略网络学习,最终的输出还是策略。

在策略梯度算法中,可以把梯度写成一个一般的形式:

$$g = \mathbb{E}\left[\sum_{t=0}^T \psi_t 
abla_{ heta} \log \pi_{ heta}(a_t|s_t)
ight]$$

其中 $\psi_t$ 有多种形式:

$$1. \sum_{t'=0}^T \gamma^{t'} r_{t'}: 轨迹的总回报;$$

$$2. \sum_{t'=t}^T \gamma^{t'-t} r_{t'}:$$
 动作 $a_t$ 之后的回报;

$$3. \sum_{t'=t}^T \gamma^{t'-t} r_{t'} - b(s_t) : 基准线版本的改进;$$

$$4. Q^{\pi_{\theta}}(s_t, a_t) : 动作价值函数;$$

$$5. A^{\pi_{\theta}}(s_t, a_t) : 优势函数;$$

$$6. r_t + \gamma V^{\pi_{\theta}}(s_{t+1}) - V^{\pi_{\theta}}(s_t)$$
: 时序差分残差。

对于形式4,可以考虑DQN学习价值函数的方法,使用策略网络+价值网络共同指导策略的学习。

Actor 的更新采用策略梯度的原则,那 Critic 如何更新呢?我们将 Critic 价值网络表示为 $V_\omega$ ,参数为 $\omega$ 。于是,我们可以采取时序差分残差的学习方式,对于单个数据定义如下价值函数的损失函数:

$$\mathcal{L}(\omega) = rac{1}{2}(r + \gamma V_{\omega}(s_{t+1}) - V_{\omega}(s_t))^2$$

与 DQN 中一样,我们采取类似于目标网络的方法,将上式中 $r+\gamma V_\omega(s_{t+1})$ 作为时序差分目标,不会产生梯度来更新价值函数。因此,价值函数的梯度为:

$$abla_{\omega}\mathcal{L}(\omega) = -(r + \gamma V_{\omega}(s_{t+1}) - V_{\omega}(s_t)) 
abla_{\omega}V_{\omega}(s_t)$$

然后使用梯度下降方法来更新 Critic 价值网络参数即可。