Modélisation de l'impact de l'humidité sur la température

1. donnée l'humidité capacité thermique de l'air

- Air sec : $c_{\rm air} \approx 1005 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$
- Vapeur d'eau : $c_{\text{vapeur}} \approx 1860 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$

La capacité thermique effective du mélange dépend de la proportion de vapeur d'eau.

2. Formule de capacité thermique effective

On fait une moyenne pondérée à partir des densités des constituants :

$$c_{\text{eff}} = \frac{\rho_{\text{air}} \cdot c_{\text{air}} + \rho_{\text{vapeur}} \cdot c_{\text{vapeur}}}{\rho_{\text{air}} + \rho_{\text{vapeur}}}$$

3. Valeurs typiques utilisées

- $-\rho_{\rm air} \approx 1.2 \ {\rm kg/m^3}$
- $\rho_{\text{vapeur}} \approx h \cdot 0.02 \text{ kg/m}^3$, avec h l'humidité relative (entre 0 et 1)

4. Exemple de calcul

Humidité relative h = 0.7:

$$\begin{split} \rho_{\rm vapeur} &= h \cdot 0.02 = 0.7 \times 0.02 = 0.014 \text{ kg/m}^3 \\ \rho_{\rm totale} &= 1.2 + 0.014 = 1.214 \\ c_{\rm eff} &= \frac{1.2 \cdot 1005 + 0.014 \cdot 1860}{1.214} \approx \frac{1206 + 26.04}{1.214} \approx 1017.3 \text{ J/kg·K} \end{split}$$

5. Implémentation Python

def capacite_thermique_eff(h):
 h : humidité relative (entre 0 et 1)
 rho_air = 1.2 # kg/m³

```
rho_vapeur_max = 0.02*h  # kg/m³
c_air = 1005  # J/kg/K
c_vapeur = 1860  # J/kg/K

rho_vapeur = h * rho_vapeur_max
c_eff = (rho_air * c_air + rho_vapeur * c_vapeur) / (rho_air + rho_vapeur)
return c_eff
```