

1. Формат числа с фиксированной запятой, 16 бит
(целое число со знаком)

Знак 1 бит	Цифровые разряды числа, 15 бит														
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0

Формат числа с плавающей запятой, 32 бит (действительное число)

Знак 1 бит	Характеристика, 8 бит								Мантисса числа, 23 бит (целый бит не хранится)																						
0	1	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Границы представления целых чисел (диапазоны)

Разрядность ь (бит)	Минимальное значение	Максимальное значение
16	-32 768	+32 767
32	-2 147 483 648	+2 147 483 647

4 Смещения порядка для чисел с плавающей запятой

Разрядность числа, бит	Разрядность порядка, бит	Смещение порядка	
		10 с/с	16 с/с
32	8	127	7F
64	11	1023	3FF
80	15	16383	3FFF

1. ПОЗИЦИОННЫЕ СИСТЕМЫ СЧИСЛЕНИЯ

ЗАДАЧА 1.1.

Дано действительное двоичное число: $+101,01_{(2)}$. Записать число в десятичной системе счисления.

РЕШЕНИЕ

Любое число - это сумма его цифр, умноженных на соответствующие степени основания системы счисления. В алгебре такие суммы называют полиномами или многочленами. Вычислим такую сумму при основании 2.

$$101,01_{(2)} = 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} = 1 \cdot 4 + 0 \cdot 2 + 1 \cdot 1 + 0 \cdot 1/2 + 1 \cdot 1/4 = 4 + 0 + 1 + 0 + 1/4 = 5,25_{(10)}$$

ЗАДАЧА 1.2.

Дано действительное шестнадцатеричное число: $+1C2,0A_{(16)}$. Записать число в десятичной системе счисления.

РЕШЕНИЕ

Особенность шестнадцатеричной системы счисления заключается в том, что для представления цифр используются шестнадцать символов: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F. При выполнении вычислений с цифрами от A до F нужно использовать десятичные эквиваленты этих цифр: 10, 11, 12, 13, 14, 15.

$$\begin{aligned} 1C2,0A_{(16)} &= 1 \times 16^2 + C \times 16^1 + 2 \times 16^0 + 0 \times 16^{-1} + A \times 16^{-2} = \\ &= 1 \times 256 + 12 \times 16 + 2 \times 1 + 0 \times 1/16 + 10 \times 1/256 = \\ &= 256 + 192 + 2 + 0 + 10/256 = \\ &= 450 + 5/128 = 450,0390625_{(10)} \end{aligned}$$

ЗАДАЧА 1.3.

Определить, существуют ли системы счисления с основанием P и Q , в которых выполняется неравенство $12_{(P)} > 21_{(Q)}$.

РЕШЕНИЕ

1) Запишем соответствующие числа в форме многочленов 1-ой степени от P и Q .

Любое двузначное число вида XY в системе счисления с основанием Z может быть записано в форме $XZ+Y$. Например, десятичное число 38 - это $3 \times 10 + 8$.

Следовательно, для данных чисел получим неравенство:

$$P + 2 > 2Q + 1$$

При этом основания систем счисления не могут быть меньше, чем 3 - в двоичной системе нет цифры 2.

Таким образом, имеем еще два ограничения:

$$P > 2$$

$$Q > 2$$

2) Теперь нужно найти решения для системы неравенств. Преобразуем неравенство 1 к более простому виду. Получим:

$$P > 2Q - 1$$

$$P > 2$$

$$Q > 2$$

Решения для полученной системы очевидны.

1. При $Q = 3$, $P > 5$: 6, 7, 8, ...

2. При $Q = 4$, $P > 7$: 8, 9, 10, ...

3....

Ответ: Да, существуют. Пример. $P = 6$, $Q = 3$.

ЗАДАЧА 1.4.

Дано целое десятичное число: $+20_{(10)}$. Записать число в двоичной системе счисления (в системе с основанием 2).

РЕШЕНИЕ

Для решения используем известный алгоритм деления с остатком. Исходное целое число надо разделить на основание той системы счисления, в которую число переводится. Полученный остаток от деления дает младшую (последнюю) цифру результата. Целое частное делится так же, остаток дает следующий разряд числа и т.д. Процесс продолжается до тех пор, пока в частном не образуется нуль.

$$20:2 = 10 \text{ остаток от деления} = 0$$

$$10:2 = 5 \text{ остаток от деления} = 0$$

$$5:2 = 2 \text{ остаток от деления} = 1$$

$$2:2 = 1 \text{ остаток от деления} = 0$$

$$1:2 = 0 \text{ остаток от деления} = 1$$

Ответ: $10100_{(2)}$

ЗАДАЧА 1.5.

Дано целое десятичное число: $+35_{(10)}$. Записать число в троичной системе счисления (в системе с основанием 3).

РЕШЕНИЕ

Метод решения задачи тот же, что и в задании №1.4. Но в качестве делителя используется число 3.

$$35:3 = 11 \text{ остаток от деления} = 2$$

$$11:3 = 3 \text{ остаток от деления} = 2$$

$$3:3 = 1 \text{ остаток от деления} = 0$$

$$1:3 = 0 \text{ остаток от деления} = 1$$

Ответ: $1022_{(3)}$

ЗАДАЧА 1.6.

Дано действительное десятичное число: $+20,375_{(10)}$. Записать число в двоичной системе счисления (в системе с основанием 2).

РЕШЕНИЕ

Для перевода целой части числа используется известный алгоритм деления. Для перевода дробной части числа используется алгоритм умножения. Дробную часть числа (правильную дробь) надо умножить на основание той системы счисления, в которую число переводится. Целая часть полученного произведения дает первую цифру после запятой. Дробная часть полученного произведения умножается так же, новая целая часть дает следующий разряд числа и т.д. Процесс продолжается до тех пор, пока в дробной части произведения не получится нуль или будет достигнута требуемая точность вычислений. При переводе дроби в другую систему счисления может образоваться бесконечная периодическая дробь. В этом случае вычисления прекращаются сразу после обнаружения периода дроби.

Целая часть числа найдена в задаче 1.4.(см.):

$$20_{(10)} = 10100_{(2)}$$

Находим дробную часть числа.

$$1) \ 0,375 \times 2 = 0,75 \text{ целая часть} = 0$$

$$2) \ 0,75 \times 2 = 1,5 \text{ целая часть} = 1$$

$$3) \ 0,5 \times 2 = 1,0 \text{ целая часть} = 1$$

Ответ: $10100,011_{(2)}$

ЗАДАЧА 1.7.

Дано действительное десятичное число: $+44,2890625_{(10)}$. Записать число в шестнадцатеричной системе счисления.

РЕШЕНИЕ

Находим целую часть числа.

$$44 : 16 = 2, \quad \text{остаток от деления} = 12 \text{ (C)}$$

$$2 : 16 = 0, \quad \text{остаток от деления} = 2$$

$$\text{Целая часть} = 20_{(16)}$$

Находим дробную часть числа.

$$1) \quad 0,2890625 \times 16 = 4,625 \text{ целая часть} = 4$$

$$2) \quad 0,625 \times 16 = 10,0 \quad \text{целая часть} = 10 \text{ (A)}$$

$$\text{Дробная часть числа} = 0,4A_{(16)}$$

$$\text{Ответ: } 2C,4A_{(16)}$$

ЗАДАЧА 1.8

Дано действительное десятичное число: $+1,3_{(10)}$. Записать число в восьмеричной системе счисления.

РЕШЕНИЕ

Целая часть числа определяется сразу:

$$1_{(10)} = 1_{(8)}$$

Находим дробную часть числа.

$$1) \quad 0,3 \times 8 = 2,4 \text{ целая часть} = 2$$

$$2) \quad 0,4 \times 8 = 3,2 \text{ целая часть} = 3$$

$$3) \quad 0,2 \times 8 = 1,6 \text{ целая часть} = 1$$

$$4) \quad 0,6 \times 8 = 4,8 \text{ целая часть} = 4$$

$$5) \quad 0,8 \times 8 = 6,4 \text{ целая часть} = 6$$

$$6) \quad 0,4 \times 8 = 3,2 \text{ целая часть} = 3$$

$$7) \quad 0,2 \times 8 = 1,6 \text{ целая часть} = 1$$

Образовался период дроби: (3146) . Такая ситуация возникает часто: не каждая дробь может быть точно представлена в системе счисления с другим основанием.

$$\text{Ответ: } 1,2(3146)_{(8)}$$

ЗАДАЧА 1.9.

Дана периодическая десятичная дробь: $+2,35(7)_{(10)}$. Записать число в шестнадцатеричной системе счисления в форме обыкновенной дроби.

РЕШЕНИЕ

1) Итак, мы имеем периодическую десятичную дробь вида: $+2,35777777...$

Очевидно, что для точного преобразования такого числа необходимо иметь число в форме обыкновенной (простой) дроби.

Выполним преобразование числа в форму простой дроби. Это можно сделать с помощью простых алгебраических преобразований. Основная проблема - избавиться от бесконечной периодической части.

$$\text{Пусть: } x = 2,35777777...$$

Умножая x на 100 и 1000, получим:

$$100x = 235,777777...$$

$$1000x = 2357,777777...$$

Вычтем меньшее число из большего.

$$1000x - 100x = 2357 - 235$$

Одинаковые разряды при вычитании дали нулевые значения.

Отсюда легко найти x :

$$x(1000 - 100) = 2357 - 235$$

$$x = 2122/900$$

$$2122/900 = 2 \frac{322}{900}$$

После сокращения получим обыкновенную дробь в десятичной системе счисления.

$$2 \frac{161}{450_{(10)}}$$

2) Теперь можно преобразовать числитель и знаменатель дроби в 16-ричную систему счисления.

$$161:16=10(1)$$

$$10:16=0(10=A)$$

Числитель дроби = A1

$$450:16=28(2)$$

$$28:16=1(12=C)$$

$$1:16=0(1)$$

Знаменатель дроби = 1C2

Дробная часть получена. Целая часть в 16-ричной системе счисления будет выглядеть так же ($2_{(16)}=2_{(10)}$)

$$2 \frac{A1}{1C2_{(16)}}$$

ЗАДАЧА.1.10

Дано действительное шестнадцатеричное число: $+1C,04_{(16)}$. Записать число в двоичной системе счисления (в системе с основанием 2).

РЕШЕНИЕ

Переходы между системами с основанием 2 и 16 можно осуществить на основе простой подстановки. Принцип подстановки очень прост. Вместо каждой цифры в 16-ричном числе надо подставить 4 двоичных цифры, которые образуют значение разряда в двоичной системе счисления.

Например, вместо цифры C надо подставить 1100 (это запись C в двоичной системе: $C_{(16)}=12_{(10)}=1100_{(2)}$). При этом количество двоичных цифр обязательно должно быть равно 4: в случае необходимости следует добавлять недостающие нули слева. Такое количество двоичных разрядов связано с тем, что 16 - это именно четвертая степень двойки.

В системах с основаниями 4 и 8 осуществляется то же правило. Только вместо 4 разрядов нужно подставлять 2 двоичных цифры вместо одной 4-ричной, 3 цифры - вместо одной 8-ричной.

Делаем подстановки.

$$1 = 0001, C = 1100, 0 = 0000, 4 = 0100$$

$$1C,04_{(16)} = 0001\ 1100, 0000\ 0100_{(2)} = 11100,000001_{(2)}$$

ЗАДАЧА 1.11.

Дано действительное двоичное число: $+11010,01111_{(2)}$. Записать число в 4-ричной системе счисления (в системе с основанием 4).

РЕШЕНИЕ

Это обратная задача. Нужно от основания 2 перейти к основанию 4. Четыре - это вторая степень двойки. Поэтому каждую пару цифр в двоичном

числе можно заменить одной цифрой в 4-ричной системе счисления.

Для правильной замены двоичных цифр нужно разбить число на группы по две цифры влево и вправо от положения запятой. Для наглядности добавим незначащие нули слева и справа.

01 10 10,01 11 10

Делаем подстановки.

$00 = 0, 01 = 1, 10 = 2, 11 = 3$

$11010,01111_{(2)} = 122,132_{(4)}$

2, АРИФМЕТИЧЕСКИЕ ОПЕРАЦИИ НАД ЧИСЛАМИ

ЗАДАЧ А2.1,

Даны целые двоичные числа: $A = 110011101100_{(2)}$, $B = 100110111110_{(2)}$. Вычислить сумму чисел в двоичной системе счисления ($A+B$).

РЕШЕНИЕ

Мы уже говорили, что законы арифметики универсальны и не зависят от формы записи числа. Это значит, что умение складывать и вычитать десятичные числа автоматически гарантирует умение делать точно такие же вещи над двоичными и троичными. К сожалению, на практике попытка выполнять арифметические действия в "чужих" системах счисления приводит к различным трудностям.

Этот феномен может носить чисто психологический характер, но чаще всего означает другое: человек делает некоторые вещи механически и не задумывается, почему он делает их именно так. Самый простой пример - когда при сложении возникает перенос в старший разряд, и что мы должны записать в разряд суммы?

Небольшой пример с двоичными числами.

Сложим два числа в двоичной системе счисления: $1110+1100$.

При этом будем выполнять действия по тем же правилам, что и в "обычной" арифметике.

Сначала сложим младшие разряды: $0 + 0 = 0$ (это очевидно!)

Сложим следующие разряды: $1+0=1$ (тоже все ясно)

Следующие разряды дают: $1+1=10$

10 - это запись числа 2 в двоичной системе счисления (1 двойка плюс 0 единиц). Наверное, не нужно объяснять, что именно следует записать в разряде суммы: если при сложении получилось число 10, значит мы пишем 0 и переносим одну единицу в следующий разряд. Если Вы поступаете иначе, то придется признать, что Вы просто не умеете считать.

И, наконец, последние разряды: $1+1+1(\text{перенос})=11$

Три единицы всегда дают число три, т.е. 11 в форме двоичного числа.

Теперь можно собрать все полученные разряды суммы: 11010. Именно это число мы должны получить - в десятичной системе счисления наш пример имеет следующий вид: $14+12=26$.

Теперь можно решить исходную задачу. Если внимательно следить за переносами, то Вы получите результат без особого труда.

Найдем $C = A + B$.
 A: 110011101100
 B: 10011'0111110
 C: 1011010101010

ЗАДАЧА 2.2.

Даны целые шестнадцатеричные числа: $A = 1A4C_{(16)}$, $B = 8E9C_{(16)}$
 Вычислить сумму чисел в шестнадцатеричной системе счисления ($A+B$).
 Результат сложения записать в двоичной системе счисления.

РЕШЕНИЕ

Правила сложения остаются прежними.

Сначала нужно определить результат сложения цифровых разрядов C и C в 16-ричной системе счисления. Шестнадцатеричная цифра C это десятичное число 12. Следовательно, в десятичной форме эта сумма равна 24. Число 24 в 16-ричной системе счисления имеет вид $18 = 1 \times 16 + 8$. Таким образом, мы получаем, что в 16-ричной системе счисления $C+C=18$.

Если мы получили при сложении 18, то цифру 8 надо записать в разряде суммы, а 1 переноса перенести в старший разряд. Сравните с решением задачи 2.1. - в общих правилах сложения разрядов нет никакой разницы.

$A = 1A4C$
 $B = 8E9C$
 $C = A8E8$

После подстановки двоичных групп получим окончательный результат:
 1010 1000 1110 1000₍₂₎

ЗАДАЧА 2.3.

Даны целые шестнадцатеричные числа: $X = 1A4C_{(16)}$, $Y = 8E9C_{(16)}$.
 Вычислить значение выражения в шестнадцатеричной системе счисления.
 Результат вычислений записать в 4-ричной и десятичной системах счисления.
 Все числа в выражении заданы в шестнадцатеричной системе счисления.

$$Z = \frac{3X - Y}{7F7}$$

РЕШЕНИЕ

Покажем это на примере шестнадцатеричных вычислений.

1) Сначала умножаем $1A4C$ на 3

1A4C
 3

4EE4

Некоторые пояснения. Конечно, правила умножения в любой системе счисления тоже ничем не отличаются от обычных! Умножаем младшие разряды множителей: 3 на C. В десятичной системе это выглядит так: $3 \times 12 = 36$. Десятичное число 36 в шестнадцатеричной системе счисления - это 24 ($2 \times 16 + 8$). Цифру 4 пишем, 2 запоминаем для переноса. Дальше: умножаем 3 на 4, в шестнадцатеричной форме получаем C. К полученному значению

надо прибавить 2. $C+2=E$, это следующий разряд в произведении. Остальные действия приведем в сокращенной форме. $3*A=1E$, E пишем, 1 переносим. $3*1=3$, $3+1=4$.

2) Получим разность $4EE4-8E9C$. Очевидно, что вычитаемое больше, поэтому разность будет отрицательна.

$$\begin{array}{r} 8E9C \\ 4EE4 \\ \hline 3FB8 \end{array}$$

Процесс вычитания тоже не содержит ничего нового. Отнимаем 4 из C - получаем 8 (в десятичной форме: $12-4$). Из 9 вычесть E нельзя, поэтому занимаем единицу из старшего разряда. Вычисляем: $19-E=B$ (десятичный эквивалент операции: $25-14=11$). Мы имеем заем из старшего разряда, поэтому следующий шаг: D-E. Приходится занимать единицу еще раз. Считаем: $1D-E=F$ (десятичный эквивалент: $29-14=15$). Наконец, в последнем разряде имеем: $7-4=3$. Операция закончена.

3) Теперь выполним операцию деления. Делить числа можно непосредственно - с помощью подбора множителей и шестнадцатеричного вычитания. Но иногда переход к двоичному основанию может упростить эти операции. Мы покажем именно такой вариант деления.

$$\begin{array}{r} 3FB8_{(16)} = 0011\ 1111\ 1011\ 1000_{(2)} \\ 7F7_{(16)} = 0111\ 1111\ 0111_{(2)} \\ \hline 1111110111000 \quad \underline{1111110111} \\ 1111110111 \quad \quad \underline{1000} \\ \hline 0 \end{array}$$

4) Поскольку числитель дроби отрицательный, то окончательный результат вычислений будет отрицательным числом: $-1000_{(2)}$. Переход к 4-ричному и десятичному основанию уже не представляет трудности.

$$-1000_{(2)} = -20_{(4)} = -8_{(10)}$$

ЗАДАЧА 2.4.

Найти сумму целых чисел от $10_{(4)}$ до $33_{(4)}$. Границы интервала включаются и заданы в 4-ричной системе счисления. Результат записать в 16-ричной системе счисления.

РЕШЕНИЕ

Эта задача решается очень просто - складывать все числа в заданном интервале не нужно. Речь идет о вычислении суммы арифметической прогрессии.

Метод вычисления суммы прогрессии известен.

$$S_n = (A_1 + A_n)N/2$$

Здесь N - это количество чисел в прогрессии, S_n - это сумма, A_1 и A_n - первый и последний элементы.

Границы интервала малы, поэтому значение суммы можно вычислить и в 10-тичной, и в 4-ричной системе счисления.

1) Десятичные вычисления.

Определим сумму арифметической прогрессии.

$$A_1 = 1 \times 4 + 0 = 4 + 0 = 4$$

$$A_n = 3 \times 4 + 3 = 12 + 3 = 15$$

$$n = A_{n+1} - A_1$$

$$n = 15 + 1 - 4 = 12$$

$$S_n = (4 + 15) \times 12 / 2 = 19 \times 6 = 114$$

Переводим число в 16-ричную систему счисления.

$$114 : 16 = 7(2)$$

$$7 : 16 = 0(7)$$

$$114_{(10)} = 72_{(16)}$$

2) Четверичные вычисления.

Определим сумму арифметической прогрессии.

$$N = A_{n+1} - A_1,$$

$$n = 33 + 1 - 10 = 100 - 10 = 30$$

$$S_n = (10 + 33) \times 30 / 2 = 103 \times 12 = 103 \times (10 + 2) = 1030 + 212 = 1302$$

Переводим число в 16-ричную систему счисления. $1302(4) = 0111\ 0010(2) = 72_{(16)}$

ЗАДАЧА 2.5.

Дана периодическая восьмеричная дробь: $+2,35(6)_{(8)}$. Записать число в десятичной системе счисления в форме обыкновенной дроби.

РЕШЕНИЕ

1) Итак, мы имеем периодическую восьмеричную дробь вида: $+2,35666666...$

Очевидно, что для точного преобразования такого числа необходимо иметь число в форме обыкновенной (простой) дроби.

Мы уже имели похожую ситуацию в задаче 1.9. Здесь сложность заключается только том, что соответствующие преобразования нужно выполнить над 8-ричными числами.

Преобразуем число в обыкновенную дробь.

Пусть: $x = 2,35666666...$

Тогда,

$$100x = 235,666666...$$

$$1000x = 2356,666666...$$

При вычитании все шестерки дают нули в дробной части разности.

$$1000x - 100x = 2356 - 235 = 2121_{(8)}$$

Найдем x из полученного уравнения. Для этого вынесем x за скобки и выполним арифметические действия в 8-ричной системе счисления.

$$x(1000 - 100) = 2121$$

$$x = 2121 / (1000 - 100) = 2121 / 700$$

Мы получили обыкновенную дробь в 8-ричной системе счисления: $2121/700_{(8)}$

2) Теперь можно преобразовать числитель и знаменатель дроби в десятичную систему счисления.

$$2121_{(8)} = 2 \times 512 + 1 \times 64 + 2 \times 8 + 1 = 1105_{(10)}$$

$$700_{(8)} = 7 \times 64 = 448_{(10)}$$

$$2121/700_{(8)} = 1105/448_{(10)}$$

ЗАДАЧА 2.6.

Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа XXX и YXZ в восьмеричной системе счисления. Сумма чисел в восьмеричной системе счисления равна 7Z0. Найти все варианты для X, Y, Z.

РЕШЕНИЕ

1) Сумма цифр в младшем разряде дает число восемь в восьмеричной системе счисления. Следовательно:

$$X+Z=10_{(8)}.$$

2) Составим таблицу для допустимых вариантов X и Z. При этом очевидно, что варианты X=0 и (X=4, Z=4) можно исключить. Первый вариант отбрасываем, потому что первое число по определению больше нуля (XXX). Второй вариант - потому что X и Z могут обозначать только разные цифры.

X	Z	Выражение	Оценка
1	7	$111+Y17=770$	-
2	6	$222+Y26=760$	-
3	5	$333+Y35=750$	-
5	3	$555+Y53=730$	+
6	2	$666+Y62=720$	-
7	1	$777+Y71=710$	-

3) Из всех вариантов для цифр X и Z найден только один, при котором в младших разрядах суммы образуется нужная пара цифровых значений: 30. При сложении 5 и 3 получаем восьмеричную восьмерку (10), нуль пишем и переносим единицу в старший разряд. В следующей позиции получаем: 5+5+1. В данной системе счисления это 13 - нужная тройка получена!

Следовательно: X=5, Z=3.

4) Теперь осталось вычислить цифру Y

Имеем в старшей позиции числа:

$$5+Y+1=7$$

$$Y=7-5-1$$

Даже в восьмеричной системе нужные действия выполнить совсем просто - для Y получаем результат Y=1.

Ответ: $555_{(8)} + 153_{(8)} = 730_{(8)}$

ЗАДАЧА 2.7.

Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа XXX и ZYX в шестнадцатеричной системе счисления. Сумма чисел равна YYUV. Найти все варианты для X, Y, Z, U, если известно, что V=A.

РЕШЕНИЕ

1) Для цифры X существует два допустимых значения: 5+5=A; D+D=1 A. Найдем первый вариант решения при X=5.

$$555 + ZY5 = YYUA$$

2) Теперь надо определить неизвестные цифры Y, Z, U. Как это можно сделать? Продолжим рассуждения. Сколько различных вариантов можно

допустить для неизвестной цифры Y? Если посмотреть внимательно, то не так много. В самом деле, значение 0 исключается (два незначащих нуля обычно не пишут). Если подставить вместо Z и Y максимально возможные шестнадцатеричные цифры, мы получим следующие варианты:

$$555 + EF5 = 144A$$

$$555 + FE5 = 153A$$

Как видно, первые две цифры суммы не могут превысить значение 15 - варианты 22, 33 и т.п. в старших разрядах суммы невозможны. Таким образом, для первых двух разрядов суммы остается только один вариант: 11 (Y=1).

$$555 + Z15 = 11UA$$

3) Теперь найти значения для Z и U совсем просто.

$$5 + 1 = U, \text{ следовательно, } U = 6_{(16)}$$

$$5 + Z = 11, \text{ т.е. } Z = 11_{(16)} - 5_{(16)} = C_{(16)}$$

$$555_{(16)} + C15_{(16)} = 116A_{(16)}$$

4) Второй вариант решения получается с помощью похожих рассуждений. При X=D сумма чисел имеет вид: DDD + ZYD = YYUA. Цифра Y может иметь только одно значение: 1 (см. выше). Таким образом, получаем еще одно допустимое решение:

$$DDD_{(16)} + 41D_{(16)} = 11FA_{(16)}$$

3. ФОРМАТ ЦЕЛОГО ЧИСЛА

ЗАДАЧА 3.1

Дано положительное целое десятичное число: $M = +20_{(10)}$. Записать число в формате компьютера как целое число со знаком (формат с фиксированной запятой). Разрядность числа 16 бит. Результат записать в двоичной и в шестнадцатеричной системах счисления.

РЕШЕНИЕ

1) Запишем число в двоичной системе счисления. Алгоритм перевода - см. решение задачи 1.4. Получим: $10100_{(2)}$

2) Теперь необходимо записать целое положительное число в формате компьютера. Для этого достаточно добавить слева такое количество незначащих нулей, чтобы общее количество двоичных разрядов было равно 16. Для удобства перехода к 16-ричному основанию сделаем разбивку по 4 цифры.

$$M_{(2)} = 0000\ 0000\ 0001\ 0100$$

При этом первый нулевой бит выполняет роль знака (+), а остальные 15 разрядов являются двоичными цифрами числа. Для перехода к 16-ричной форме записи заменяем 4-разрядные цифровые группы на их шестнадцатеричные эквиваленты. $0000_{(2)} = 0_{(16)}$, $0001_{(2)} = 1_{(16)}$, $0100_{(2)} = 4_{(16)}$.

$$M_{(16)} = 0014$$

ЗАДАЧА 3.2.

Дано отрицательное целое десятичное число: $M = -20_{(10)}$. Записать число

в формате компьютера как целое число со знаком (формат с фиксированной запятой). Разрядность числа 16 бит. Результат записать в двоичной и в шестнадцатеричной системах счисления.

РЕШЕНИЕ

1) Сначала запишем число в обычной форме, как неотрицательное число +20 с фиксированной запятой. Обычная двоичная запись неотрицательного числа в формате компьютера называется прямым кодом числа. После добавления незначащих нулей слева получим прямой двоичный код числа.

$$M_{(2)} = 0000\ 0000\ 0001\ 0100$$

2) Исходное число отрицательно. Отрицательные целые числа хранятся в форме дополнительного двоичного кода. Для двоичного числа можно использовать упрощенные приемы перехода к дополнению, без явного вычитания. Сначала определяется обратный код числа - для этого следует заменить все единицы на нули, а все нули на единицы (инвертировать разряды числа). К полученному обратному коду нужно прибавить 1. Можно поступать еще проще: инвертировать все цифры слева направо до тех пор, пока не встретим самую правую единицу - эта единица и все нули после нее остаются на своих местах.

Теперь выполним преобразования для данного числа.

Прямой код числа	0000 0000 0001 0100
Обратный код числа	1111 1111 1110 1011
Дополнительный код числа	1111 1111 1110 1100

$$M_{(2)} = 1111\ 1111\ 1110\ 1100$$

Мы получили изображение целого отрицательного числа в форме двоичного дополнения. Обратим внимание, что при такой форме первый разряд имеет значение единицы. Для компьютера - это признак отрицательного числа.

Для записи числа в шестнадцатеричной форме выполняем необходимые подстановки: $1111_{(2)} = F_{(16)}$, $1110_{(2)} = E_{(16)}$, $1100_{(2)} = C_{(16)}$. $M_{(16)} = FFEC$

ЗАДАЧА 3.3.

Дано целое число в формате компьютера (16 бит): FFD4. Запись формата числа дана в шестнадцатеричной системе счисления. Определить десятичное значение данного числа.

РЕШЕНИЕ

1) Сначала запишем двоичный код числа - заменим шестнадцатеричные цифры двоичными группами по 4 цифры.

$$1111\ 1111\ 1101\ 0100$$

2) Первый бит равен 1. Это значит, что число отрицательно и хранится в форме двоичного дополнительного кода.

Чтобы получить "прямое" изображение числа, надо выполнить те же преобразования, что и при получении дополнения; дополнение для дополнения дает исходное значение кода.

Дополнительный код числа	1111 1111 1101 0100
Обратный код числа	0000 0000 0010 1011

Прямой код числа	0000 0000 0010 1100
------------------	---------------------

3) Мы получили запись исходного числа в двоичной системе счисления. Теперь осталось выполнить перевод числа в десятичную систему счисления. При этом не забудем, что машинная форма изображает отрицательное число в дополнительном коде. Приведем преобразования в немного сокращенной форме.

$$-101100_{(2)} = - (32 + 0 + 8 + 4 + 0 + 0) = - (32 + 8 + 4) = - 44_{(10)}$$

К этому добавим, что двоичный код мы использовали только для определения знака числа. Найти дополнение и сделать десятичный перевод можно непосредственно для шестнадцатеричного числа. Для FFD4 дополнение имеет вид: 002C (меняем все цифры на их дополнения до F, к полученному обратному коду прибавляем единицу).

$$-2C_{(16)} = - (2 \times 16 + 12) = - 44_{(10)}$$

4. ФОРМАТ ДЕЙСТВИТЕЛЬНОГО ЧИСЛА

ЗАДАЧА 4.1.

Дано отрицательное действительное десятичное число: $B = -450,0390625_{(10)}$. Записать число в формате компьютера (формат с плавающей запятой). Разрядность числа 32 бит. Результат записать в двоичной и в шестнадцатеричной системах счисления.

РЕШЕНИЕ

1) Сначала запишем число в двоичной системе счисления.

Получим:

$$B_{(2)} = -111000010,0000101$$

2) Любое число в системе счисления с основанием X может быть представлено в форме произведения двух чисел, одно из которых является определенной степенью основания системы. Такая форма называется нормальной или научной записью и часто используется в технических и естественных науках. Она очень удобна для изображения очень больших или очень маленьких чисел. Вместо записи десятичного числа 150 000 000 000 лучше написать $(1,5 \times 10^{11})$. Запишем полученное двоичное число в нормальной форме. При этом двойку и показатель степени проще указать в обычной десятичной системе счисления.

$$B_{(2)} = -1,110000100000101 \times 2^{+8}$$

В компьютерах такая форма числа называется числом с плавающей запятой (точкой). Числа с плавающей запятой, это та машинная форма, в которой представляются все действительные числа (более точно, рациональные числа, которые могут быть записаны в форме конечных двоичных дробей).

Показатель степени у двойки называется порядком и означает количество позиций, на которые надо переместить запятую в дробном двоичном числе, чтобы получить истинное значение числа. Очевидно, что, умножая двоичное число на любую положительную степень двойки, мы

фактически перемещаем запятую на соответствующее количество цифровых разрядов вправо. Соответственно, отрицательная степень приводит к перемещению запятой влево.

Машинная форма числа хранит не сам порядок, а его смещенное значение - характеристику числа. Это сделано для того, чтобы не хранить знак порядка. Характеристика числа всегда будет только положительным числом, и операции сравнения чисел выполняются проще. Для этого исходный порядок увеличивают на постоянную величину, которая называется смещением и зависит от конкретной разновидности формата. Для 32-разрядного числа к порядку прибавляют число +127 (127 в десятичной системе счисления, в самом компьютере, конечно, не 127, а двоичное число 1111111). Чтобы получить из характеристики истинное значение порядка нужно выполнить обратную операцию. Отношения между смещенным порядком числа (P^*) и истинным порядком (P) удобно изобразить с помощью простых формул (a - смещение порядка).

$$P^* = P + a; P = P^* - a$$

Значение цифры числа в форме с плавающей запятой принято называть мантиссой числа. При этом значение мантиссы любого ненулевого числа выбирают таким образом, чтобы целая часть числа была равна единице. Это требование можно записать в виде неравенства.

$$1 \leq |M| < 2$$

Мантисса, которая записана подобным образом, называется нормализованной. При выполнении арифметических операций это свойство мантиссы может быть нарушено. Поэтому в любой операции над числами присутствует этап проверки мантиссы и нормализация числа в случае нарушения данного свойства.

Поскольку целый разряд ненулевой мантиссы всегда равен 1, то эта единица в памяти компьютера не хранится, а только подразумевается. Это полезное техническое решение, потому что 32 и даже 64 двоичные цифры - это не очень много для сложных задач вычислительной математики.

Перечисленные особенности представления чисел с плавающей запятой, конечно, не имеют отношения к нулевым числам. Нуль хранится таким образом, что все двоичные разряды формата просто равны нулю.

Особенности представления отрицательных целых чисел тоже не распространяются на числа с плавающей запятой. Мантисса отрицательного числа ничем не отличается от мантиссы положительного числа с такой же абсолютной величиной. Поэтому никакой переход к дополнению в этой задаче не требуется.

Теперь мы можем выполнить все необходимые процедуры.

3) Определим значение характеристики числа. Для полной ясности покажем это в трех системах счисления.

Десятичная	$8 + 127 = 135$
Двоичная	$1000 + 1111111 = 10000111$
Шестнадцатеричная	$8 + 7F = 87$

4) Машинная форма числа содержит три элемента: знак, характеристику и мантиссу. Нужно записать все двоичные числа в поле длиной 32 бита.

Первый бит - это знак мантиссы. Для отрицательного числа он равен 1. Далее 8 бит образуют двоичное значение характеристики (10000111). Последние 23 бита - это дробная часть мантиссы (целый бит не хранится).

Напишем еще раз все элементы нашего числа.

Знак : 1

Характеристика : 10000111

Дробная часть мантиссы : 11000010000010100000000

Сборка всех элементов дает окончательный двоичный результат. Для удобства перехода к 16-ричному основанию сделаем разбивку по 4 цифры.

$V_{(2)} = 1100\ 0011\ 1110\ 0001\ 0000\ 0101\ 0000\ 0000$

Переход к 16-ричному основанию производим в соответствии с известным правилом замены.

$V_{(16)} = C3\ E1\ 05\ 00$

ЗАДАЧА 4.2,

Дано действительное число в формате компьютера (32 бита): C1040000. Запись формата дана в шестнадцатеричной системе счисления. Определить десятичное значение данного числа.

РЕШЕНИЕ

1) Сначала запишем двоичный код числа - заменим шестнадцатеричные цифры 4-разрядными двоичными:

1100 0001 0000 0100 0000 0000 0000 0000

Для анализа более удобна другая форма - разделим основные части числа с плавающей запятой.

1 10000010 000010000000000000000000

Теперь у нас есть все для решения задачи.

2) Знак числа определяется сразу - бит 1 в первом разряде говорит о том, что число отрицательно.

3) Порядок числа получим путем вычитания смещения из значения смещенного порядка. Это можно сделать в любой системе счисления - выбирайте ту, где Вы можете считать без ошибок. Мы сделаем это в шестнадцатеричной системе.

$$82_{(16)} - 7F_{(16)} = 3_{(16)}$$

4) Мантисса числа получится без особых трудностей - целый бит всегда равен 1, остальные цифры надо взять из формата.

1,00001 (2)

5) Теперь можно записать двоичное число с "нормальным" порядком и мантиссой:

$$-1,00001_{(2)} \times 2^{+3}$$

6) Порядок говорит только о реальном положении запятой (точки) в двоичном числе. Сдвигаем запятую на три разряда вправо.

-1000,01(2)

Это и есть "настоящее" число. Пока оно записано в двоичной системе

$$-1000,01_{(2)} = -(8 + 0 + 0 + 0 + 0 + 1/4) = -8,25_{(10)}$$

$$-1000,01_{(2)} = -(8 + 0 + 0 + 0 + 0 + 1/4) = -8,25_{(10)}$$

Найти результат выполнения арифметической операции $Z=X+Y$. Значения переменных X и Y заданы в формате с плавающей точкой в 16-ричной системе счисления. Тип переменных - 32-разрядное число с плавающей точкой в формате компьютера. Результат представить в 16-ричной системе счисления в формате с плавающей точкой и в десятичной системе счисления (действительное десятичное число). Аргументы операции равны:

Y=4412EA00

1) Сначала запишем двоичные представления чисел - так легче представить структуру машинного кода.

Y = 0 10001000 001001011101010000000000

2) Числа имеют одинаковые смещенные порядки. Значит операцию над мантиссами можно выполнять непосредственно - одноименные разряды уже находятся в одной позиции. Числа имеют противоположные знаки - X отрицательно, Y - положительно, причем модуль мантиссы X больше, чем мантисса Y . Следовательно, мы должны выполнить вычитание мантиссы Y из мантиссы X , полученная разность будет отрицательна.

[illegible]

Итак, мантисса разности получена. Обратим внимание, что она не нормализована - ее значение стало меньше единицы.

3) Определим порядок двоичного числа. Для этого из смещенного порядка нужно вычесть значение смещения. Это легко сделать в шестнадцатеричной системе счисления. Шестнадцатеричное смещение для формата 32-разрядного числа равно 7F. Смещенный порядок числа в шестнадцатеричной записи равен 88.

Таким образом, получим значение порядка без смещения.

Порядок: $88_{(16)} - 7F_{(16)} = 9_{(16)}$

Мы получили все данные для записи результата в форме обычного десятичного числа. Порядок числа равен 9. Мантисса: 0,00100011111. Чтобы получить число в естественной форме нужно сдвинуть запятую на 9 позиций вправо.

Запишем результат вычислений:

-1000111,11₍₂₎

Для перевода в десятичную систему счисления выполним стандартные преобразования:

Целая часть : - (64 + 4 + 2 + 1) = - 71

Дробная часть : $1/2 + 1/4 = 0,75$

Окончательный результат в форме десятичного числа:

-71,75

4) Для полного решения задачи осталось записать число в машинной форме с плавающей запятой.

Для записи машинного числа необходимо нормализовать мантиссу - ее целая часть должна находиться между 1 и 2. Для этого сдвинем запятую так, чтобы целая часть мантиссы стала равной 1. Поскольку сдвиг запятой осуществляется вправо на 3 разряда, то значение смещенного порядка надо уменьшить соответственно на 3 единицы.

Получим новые значения для мантиссы и смещенного порядка.

Мантисса до нормализации : 0,00100011111

Мантисса после нормализации : 1,00011111000

Характеристика: $88_{(16)} - 3_{(16)} = 85_{(16)} = 10000101_{(2)}$

Теперь у нас есть все элементы для записи числа в формате компьютера.

Машинная форма числа:

1 10000101 000111110000000000000000

То же с разбивкой на группы разрядов:

1100 0010 1000 1111 1000 0000 0000 0000

Шестнадцатеричное представление числа: C2 8F 80 00

ЗАДАЧА 4.4.

Найти результат выполнения арифметической операции $Z=X+Y$. Значения переменных X и Y заданы в формате с плавающей точкой в 16-ричной системе счисления. Тип переменных - 32-разрядное число с плавающей точкой в формате компьютера. Результат представить в 16-ричной системе счисления в формате с плавающей точкой. Аргументы операции равны:

$X = 40600000$

$Y = 40D00000$

РЕШЕНИЕ

1) Сначала просто запишем двоичные представления чисел.

$X = 0100\ 0000\ 0110\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

$Y = 0100\ 0000\ 1101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

Выделим в коде числа основные элементы формата: знак, характеристику и мантиссу.

$X = 0\ 10000000\ 110000000000000000000000$

$Y = 0\ 10000001\ 101000000000000000000000$

2) Первый разряд содержит 0, значит оба числа положительны. Поэтому будем выполнять обычное сложение двух чисел.

Сравним характеристики двух чисел. Они не равны. Значит не равны и

порядки чисел. Положение точки в записи чисел различно, и складывать эти разряды так, как они записаны в вертикальных парах, нельзя.

Эта обычная ситуация разрешается в компьютерах следующим образом. Положение двоичной запятой в числах нужно совместить. Мы всегда можем перенести запятую влево на любое число позиций и одновременно увеличить величину порядка на соответствующее число. Значение числа при этом не меняется.

Действительно, все числа в следующих строках определяют одно и то же значение в двоичной системе счисления: 110,1.

$$1,101 \times 2^2$$

$$0,1101 \times 2^3$$

$$0,01101 \times 2^4$$

3) Именно так происходит выравнивание чисел в компьютере. Характеристику с меньшим значением нужно увеличить до большего значения. При этом мантиссу этого числа надо сдвинуть вправо на соответствующее число разрядов.

Сначала запишем мантиссы в обычной форме с целой частью. Это поможет выполнить операции более просто и надежно. Оставим после запятой только 4 разряда - остальные незначащие нули можно временно отбросить.

$$X = 1, 1100$$

$$Y = 1, 1010$$

Характеристики чисел отличаются на 1 (10000001-10000000). При этом порядок числа Y больше, чем порядок числа X. Это значит, что мантиссу X нужно сдвинуть вправо ровно на один разряд.

$$X = 0, 1110$$

$$Y = 1, 1010$$

Теперь порядки чисел равны и разряды чисел расположены верно – один под другим. Следовательно, сложение чисел можно выполнить. При этом обратим внимание на то, что порядок X равен 10000001 и значение числа не изменилось.

$$X = 0, 1110$$

$$Y = 1, 1010$$

$$Z = 10,1000$$

4) Мы получили сумму мантисс - она равна 10,1. Интересно, что свойство нормализации нарушилось. Для нормализации мантиссы нужно перенести запятую на один разряд влево. Одновременно характеристику числа следует увеличить на единицу - при этом число сохранит свое значение.

Получим новое значение смещенного порядка для суммы:

$$10000001_{(2)} + 1_{(2)} = 10000010_{(2)}$$

При этом мантисса будет иметь значение:

$$1,01_{(2)}$$

Теперь все элементы суммы известны. Остается собрать все вместе и выполнить все требования машинного представления.

$$0\ 10000010\ 010000000000000000000000$$

0100 0001 0010 0000 0000 0000 0000 0000

Переход к 16-ричному основанию уже не представляет никакой трудности. Покажем только окончательный результат.

41 20 00 00

КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ

1. Даны целые числа в системах счисления с недесятичным основанием. Определить, какие числа записаны верно. Ответ объяснить. $123_{(4)}$, $35_{(4)}$, $12AC09_{(20)}$, $13476_{(7)}$, $BA12_{(11)}$, $AA45_{(14)}$
2. Какое минимальное основание может иметь система счисления, если в ней записаны все следующие числа: 432, 2435, 2НН, ABC0, 432, 2C5, АВ.
3. Написать первые 10 чисел натурального ряда в системе счисления с основанием 7.
4. Написать числа натурального ряда от 1 до 20 в системах счисления с основанием 2, 3, 4, 6, 8, 12.
5. Даны числа в четверичной системе счисления от 1 до $33_{(4)}$. Выписать все четные числа из данной последовательности.
6. Даны целые числа в недесятичных системах счисления. Записать числа в десятичной системе счисления.

$11101010_{(2)}$

$1022_{(3)}$

$2023_{(4)}$

$: 3454_{(6)}$

$: 1612_{(8)}$

$: 12B2_{(12)}$

$: 160A_{(16)}$

7. Даны действительные числа в недесятичных системах счисления. Записать числа в десятичной системе счисления. Если результат является периодической дробью, то записать его в форме обыкновенной дроби.

1. Двоичное	:1110,1101
2. Троичное	: 10,22
3. 4-ричное	: 20,23
4. 6-ричное	: 34,54
5. 8-ричное	: 16,12
6. 12-ричное	: 12,B2
7.16-ричное	: 16,0A

8. Дано целое десятичное число $N = +62$. Записать число в системах счисления с основанием: 2, 3, 4, 5, 8, 12, 16.
9. Дано целое десятичное число $N = +200$. Записать число в системах счисления с основанием: 2, 3, 6, 7, 9, 13, 16.
10. Дано целое десятичное число $N = +1020$. Записать число в системах

счисления с основанием: 2, 4, 8, 16.

11. Даны действительные десятичные числа. Записать числа в системах счисления с основанием: 2, 4, 8, 16.

0,5	0,125	0,625
		102,335937
0,25	0,375	5
10,28125	50,703125	254,757812
127,398437	128,6640625	5
5	0 01171875	0 10546875

12. Дано целое число в двоичной системе счисления. Записать число и системах счисления с основанием 4, 8, 16.

$N = 1011011101111001001000100001$

13. Дано действительное число в двоичной системе счисления. Записать число в системах счисления с основанием 4, 8, 16.

$N = 10110111011110,01001000100001$

14. Дано целое число в 4-ричной системе счисления. Записать число и двоичной системе счисления.

$N = 1012012301230$

15. Дано целое число в 8-ричной системе счисления. Записать число и двоичной системе счисления.

$N = 1023045607070$

16. Дано целое число в 4-ричной системе счисления. Записать число и 16-ричной системе счисления.

$N = 1023012301020$

17. Дано действительное число в 8-ричной системе счисления. Записать число в двоичной системе счисления.

$N = 70230456,10204$

18. Дано действительное число в 16-ричной системе счисления. Записать число в двоичной системе счисления.

$N = 18BC2FE,1DA2$

19. Дано действительное число в 16-ричной системе счисления. Записать число в 8-ричной системе счисления.

$N = 9BAC2F0,5BD4$

20. Записать в системе счисления с основанием 240 следующие числа: 240, 241, 242, 243, 250, 251.

21. Определить в какой системе счисления десятичное число 153 имеет вид 7D.

22. Определить количество троичных чисел в диапазоне $10_{(3)}$ до $10000_{(3)}$.

23. Сравнить числа.

$1011_{(2)}$ и $101_{(8)}$	$33_{(5)}$ и $33_{(6)}$	$777_{(8)}$ и $66_{(16)}$
$1011_{(4)}$ и $10_{(13)}$	$33_{(9)}$ и $33_{(6)}$	$76_{(8)}$ и $66_{(9)}$

24. Существуют ли системы счисления с основаниями P и Q, в которых $15_{(P)} > 51_{(Q)}$?

25. Десятичное число перевели в системы счисления с основанием X и Y.

При этом известно, что $56_{(X)} = 63_{(Y)}$. Определить данное число и основания систем счисления X и Y

26. Десятичное число 70,94 перевели в систему счисления с основанием 7. Найти 1000 цифру после запятой.

27. Числа даны в двоичной системе счисления. Найти сумму чисел. Записать результат в 8-ричной системе счисления.

$$11101010,011_{(2)} + 11011110,001_{(2)}$$

28. Числа даны в двоичной системе счисления. Выполнить операции над числами. Записать результат в 16-ричной системе счисления.

$$11101010,101_{(2)} \times 1010_{(2)} - 11011110,001_{(2)}$$

29. Числа даны в 6-ричной и в 8-ричной системе счисления. Найти сумму чисел. Записать результат в 4-ричной системе счисления.

$$1254,3_{(6)} + 1254,4_{(8)}$$

30. Числа даны в 16-ричной системе счисления. Найти произведение чисел. Записать результат в 16-ричной системе счисления.

$$1BC_{(16)} \times E2_{(16)}$$

31. Вычислить значения числовых выражений в системах счисления с недесятичным основанием;

$12FC_{(16)} + 452A_{(16)}$	$123_{(6)} * 45_{(6)}$
$452A_{(16)} - 12FC_{(16)}$	$8901_{(13)} * 25_{(13)}$
$3334_{(6)} + 5154_{(6)}$	$56_{(12)} * 31_{(12)}$
$5154_{(8)} - 3334_{(8)}$	$BBB_{(14)} * AA_{(14)}$
$3334_{(9)} + 5154_{(9)}$	$4567_{(15)} ; 1000_{(15)}$
$5154_{(11)} - 3334_{(11)}$	$11111_{(2)} ; 11_{(2)}$
$9999_{(14)} - AA_{(14)}$	$11010101_{(3)} * 1110_{(3)}$

32. Определить сумму всех целых чисел в интервале от $A_{(16)}$ до $AA_{(16)}$. Границы интервала включаются и заданы в 16-ричной системе счисления. Результат записать в 8-ричной системе счисления.

33. Определить в 16-ричной системе счисления сумму действительных чисел (дробей). Результат записать в 8-ричной системе счисления.

$$F,1 + E,2 + D,3 + C,4 + B,5 + A,6 + 6,A + 5,B + 4,C + 3,D + 2,E + 1,F$$

34. Числа даны в 4-ричной системе счисления. Выполнить заданные операции над числами. Записать результат в 2-ичной системе счисления.

$$12_{(4)} * 12_{(4)} / (100_{(4)} - 30_{(4)}) + 120_{(4)}$$

35. Числа даны в 8-ричной системе счисления. Выполнить заданные операции над числами. Записать результат в 16-ричной системе счисления.

$$(3664_{(8)} + 0,4_{(8)} * 100_{(8)}) / (10_{(8)} - 4)$$

36. Числа даны в 16-ричной системе счисления. Выполнить заданные операции над числами. Записать результат в 8-ричной системе счисления.

$$(ACD0_{(16)} - 1C_{(16)}) / (100_{(16)} - F0_{(16)})$$

37. Числа даны в форме простых дробей в 8-ричной и в 16-ричной системе счисления. Найти сумму чисел. Перевести результат в 4-ричную систему счисления и из простой дроби получить десятичную - либо периодическую, либо непериодическую.

$$(47\frac{45}{60})_{(8)} + (2E\frac{EA}{F0})_{(16)}$$

38. Числа даны в форме дробей в 4-ричной системе счисления. Вычислить значение числового выражения. Записать результат в 4-ричной системе счисления.

$$(132\frac{3}{10} - 120\frac{3}{20}) * 0,3$$

39. Числа даны в форме дробей в 8-ричной системе счисления. Вычислить значение числового выражения. Записать результат в 8-ричной системе счисления.

$$172\frac{5}{6} - 170\frac{1}{3} + 3\frac{5}{12}$$

40. Определить, существует ли система счисления, в которой одновременно выполняются следующие равенства:

- 1) $4+5=9, 4*5=22, 13+24=37$
- 2) $25-11=7, 27+34=62, 22*26=583$

41. В какой системе счисления выполнены действия?

$5389+6788=CB44$	$123+555+267+111+670=1060$
$5389+8686= DB31$	$AABVCC+CCBVAA=1333332$
$7328-5783=1435$	$16709-9987=7832$
$6BV8-5783=1435$	

42. Восстановите знаки, на месте которых стоит звездочка (*):

$$1*01*10110*0+1111011*0*11=1*0*10*00*101$$

43. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Дана сумма натуральных чисел в десятичной системе счисления: СИНИЦА+СИНИЦА=ПТИЧКИ. Найти все возможные варианты чисел.

44. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа XYZ и YXZ в восьмеричной системе счисления. Сумма данных чисел равна 1ZZ0. Найти эти числа.

45. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа X, XX, XYZ в восьмеричной системе счисления. Сумма всех чисел равна XZY/ Найти все возможные тройки чисел X, XX, XYZ.

46. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа X, XX, YUX в восьмеричной системе счисления. Сумма всех чисел равна YZX. Найти все возможные тройки чисел X, XX, YUX.

47. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа XYZ и ZYX в шестнадцатеричной системе счисления. Сумма данных чисел равна $1776_{(16)}$. Найти все возможные пары чисел XYZ, ZYX.

48. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа XXY , XY , Y в шестнадцатеричной системе счисления. Сумма всех чисел равна XYZ . Найти все возможные тройки чисел XXY , XY , Y .
49. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа X , XY , XYZ в шестнадцатеричной системе счисления. Сумма всех чисел равна YZY . Найти эти числа. Ответ записать в восьмеричной системе счисления.
50. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа XYZ , YZX , ZXY в шестнадцатеричной системе счисления. Сумма всех чисел равна $ZZZY$. Найти эти числа. Ответ записать в десятичной системе счисления.
51. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа $BOSS$, OSS , SS , S в четверичной системе счисления. Сумма всех чисел в 4-ричной системе счисления равна $3000_{(4)}$. Найти эти числа.
52. Для обозначения цифр числа используются буквы. При этом одинаковые цифры обозначены одной буквой. Даны натуральные числа $NORTON$, $ORTON$, $RTON$, TON , ON , N в восьмеричной системе счисления. Сумма всех чисел в 8-ричной системе счисления равна $153126_{(8)}$. Найти эти числа.
53. Дано целое положительное десятичное число $N = +111$. Записать число в формате 16-разрядного целого числа с фиксированной запятой. Результат представить в двоичной и в восьмеричной форме записи.
54. Дано целое отрицательное десятичное число $N = -300$. Записать число в формате 16-разрядного целого числа с фиксированной запятой. Результат представить в двоичной и в шестнадцатеричной форме записи.
55. Дано действительное положительное десятичное число $X = +127,125$. Записать число в формате 32-разрядного числа с плавающей запятой. Результат представить в двоичной и в восьмеричной форме записи.
56. Дано действительное отрицательное десятичное число $X = -256,375$. Записать число в формате 32-разрядного числа с плавающей запятой. Результат представить в двоичной и в шестнадцатеричной форме записи.
57. Дано действительное десятичное число $X = 0,99609375$. Записать число в формате 32-разрядного числа с плавающей запятой. Результат представить в двоичной и в шестнадцатеричной форме записи.
58. Дана 16-ричная запись целого числа в формате компьютера (с фиксированной запятой). Определить значение числа в десятичной системе счисления.
- | | | | | |
|------|------|------|-------|------|
| 003A | 003E | 004B | 0058 | 005E |
| FFC6 | FFC2 | FFB | 5FFA8 | FFA2 |
| FFFF | 0064 | 004D | FFD4 | FFC0 |
59. Дана 16-ричная запись действительного числа в формате компьютера (с плавающей запятой). Определить значение числа в десятичной системе счисления.

40580000	412A0000	41E40000	42480000
424A0000	437FAA00	BE000000	BF800000
C1AA0000	C1780000	C1640000	C2908000

60. Найти результат выполнения арифметической операции $Z=X+Y$. Значения переменных X и Y заданы в формате с плавающей точкой в 16-ричной системе счисления. Тип переменных 32 ра (рядное число с плавающей точкой в формате компьютера. Результат представить в 16-ричной системе счисления в формате с плавающей точкой и в десятичной системе счисления (действительное десятичное число).

	X	Y
1	3FA00000	40080000
2	434FA800	C3B4F800
3	C4451200	4387A000

61. Найти результат выполнения арифметической операции $Z=X-Y$ Значения переменных X и Y заданы в формате с плавающей точкой в 16-ричной системе счисления. Тип переменных - 32-разрядное число с плавающей точкой в формате компьютера. Результат представить в 16-ричной системе счисления в формате с плавающей точкой.

	X	Y
1	3FA00000	40080000
2	40A80000	410C0000
3	C1280000	C18C0000

62. Найти результат выполнения арифметической операции $Z=X*X$ Значения переменных X и Y заданы в формате с плавающей точкой в 16-ричной системе счисления. Тип переменных - 32-разрядное число с плавающей точкой в формате компьютера. Результат представить в десятичной системе счисления.

$$X = 3F340000 \quad Y = BF800000$$