



广工资源在线

更多试卷、资料尽在公众号



广东工业大学考试试卷 (A)

课程名称: 概率论与数理统计 C

试卷满分 100 分

考试时间: 2011 年 12 月 16 日 (第 16 周星期五)

题 号	一	二	三						总分
			1	2	3	4	5		
评卷得分									
评卷签名									
复核得分									
复核签名									

一. 选择题 (20 分, 每题 4 分)

1. 将一枚均匀硬币掷两次, A 为“至少有一次为正面”, 事件 B 为“两次掷出同一面”, 则 $p(B|A)=[\quad]$

A $\frac{1}{3}$ B $\frac{1}{2}$ C $\frac{1}{4}$ D $\frac{3}{4}$

2. 设 X 服从 $(-1, 1)$ 上的均匀分布, 则方程 $y^2 - 3Xy + 1 = 0$ 有实根的概率为 ()

A $1/3$ B $1/4$ C $2/3$ D $1/2$

3. 设随机变量 $X \sim B(10, 1/2)$, $Y \sim N(2, 10)$, 又 $E(XY) = 14$, 则 X 与 Y 的相关系 $\rho_{XY} =$ (D)

A. -0.8 B. -0.16 C. 0.16 D. 0.8

4. 设 F(x) 和 f(x) 分别为某随机变量的分布函数和概率密度, 则必有 ()

A f(x) 单调不减 B $\int_{-\infty}^{+\infty} F(x) dx = 1$
 C $F(-\infty) = 0$ D $F(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x) dx$

5. 设 $X_i = \begin{cases} 0 & \text{以 } A \text{ 出现} \\ 1 & \text{以 } \bar{A} \text{ 出现} \end{cases}$ ($i=1, 2, \dots, 10000$), 且 $P(A)=0.9$,

$X_1, X_2, \dots, X_{10000}$ 相互独立, 令 $Y = \sum_{i=1}^{10000} X_i$, 则由中心极限定理知 Y 近

似服从的分布是 ()

A $N(0, 1)$ B $N(9000, 30)$ C $N(900, 9000)$ D $N(9000, 900)$

二. 填空题 (20 分, 每题 4 分)

1. 若事件 A、B 相互独立, 且 $P(A)=0.5$, $P(B)=0.25$, 则 $P(A \cup B) =$ _____

2. 随机变量 $\xi \sim \varphi(x) = \frac{1}{1+x^2}$, 则 2ξ 的概率密度函数为 _____

3. 设随机变量 X 与 Y 相互独立, 且 $X \sim B(16, 0.5)$, Y 服从于参数为 9 的泊松分布, 则 $D(X-2Y+1) =$ _____

4. 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} ke^{-x} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$, 则 $k =$ _____

5. 已知二元离散型随机变量 (X, Y) 的概率分布如下表:

X \ Y	1	2	3
1	1/6	1/9	1/18
2	1/3	α	β

且 X 与 Y 相互独立, 则 $\alpha =$ _____, $\beta =$ _____。

三. 计算题 (60 分)

1. (12 分) 设股票购买者中有主力, 大户和散户, 它们占得份额分别为 0.5, 0.3, 0.2, 且造成股票上涨的概率分别为 0.65, 0.25, 0.1, 试求:

1) 该股票上涨的概率是多少?

2) 如果该股票已上涨, 则它是由主力造成的概率是多少?

2. (12 分) $\xi \sim \varphi(x) = \begin{cases} ax+b & 0 \leq x \leq 1 \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$, 且 $E\xi = 7/12$, 求:

(1) a, b 的值

(2) 分布函数 $F(x)$

3. (10 分) 型号电子元件的寿命 X (以小时计) 具有概率密度

$f(x) = \begin{cases} \frac{1000}{x^2}, & x > 1000 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ 。现有一大批这种元件, 设各元件损坏与否相互独立。

任取 5 只元件, 求 5 只中恰有 1 只寿命大于 1500 小时的概率。

4. (12 分) 设随机变量 X 与 Y 相互独立, 已知 X 服从标准正态分布, Y 服从 $(-\pi, +\pi)$ 上的均匀分布, 试求 $Z=X+Y$ 的概率密度函数 $f(z)$

5. (14 分) 设二维随机向量 (X, Y) 的联合概率密度为

$$f(x, y) = \begin{cases} kxy & x \leq y \leq 1, 0 \leq x \leq 1 \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$$

(1) 常数 k

(2) 求 (X, Y) 分别关于 X 和 Y 的边缘概率密度 $f_X(x), f_Y(y)$

(3) 判断 X 与 Y 是否相互独立, 并说明理由;

(4) 计算 $P\{X+Y \leq 1\}$ 。

(5) $E(XY)$