



广工资源在线

更多试卷、资料尽在公众号



[日期]

[公司地址]

广东工业大学试卷参考答案及评分标准 (B)

课程名称: 概率论与数理统计 C

考试时间: 2011 年 12 月 16 日 (第 16 周 星期五)

一. 选择题 (20 分, 每题 4 分)

1. C ; 2. D ; 3. A ; 4. B ; 5. B .

二. 填空题 (20 分, 每题 4 分)

1. 0.2 ; 2. 0.8 ; 3. $f_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{8}, & 0 \leq y \leq 8 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$;

4. 2 ; 5. $\frac{19}{32}$

三. 计算题 (60 分)

1. (9 分) (1) 设事件 A_1, A_2, A_3 分别表示三个箱子, 事件 B 表示取出的是白球,(1 分)

则 $P(A_1) = P(A_2) = P(A_3) = \frac{1}{3}$;(1 分)

$P(B|A_1) = \frac{4}{5}$, $P(B|A_2) = \frac{3}{8}$, $P(B|A_3) = \frac{5}{8}$;(1 分)

$P(B) = P(A_1)P(B|A_1) + P(A_2)P(B|A_2) + P(A_3)P(B|A_3)$
所以 $= \frac{1}{3} \times (\frac{4}{5} + \frac{3}{8} + \frac{5}{8}) = 0.6$ (2 分)

(2) $P(A_3|\bar{B}) = \frac{P(A_3)P(\bar{B}|A_3)}{P(\bar{B})} = \frac{\frac{1}{3} \times (1 - \frac{5}{8})}{1 - 0.6} = \frac{5}{16}$ (4

分)

2. (9 分) $P(X < \frac{1}{2}) = \int_0^{\frac{1}{2}} 2x dx = \frac{1}{4}$ (2 分)

由题意可知 $Y \sim B(4, \frac{1}{4})$ (2 分)

$(n+1)p = (4+1)\frac{1}{4} = 1.25$ (1

分)

对应的概率为 $P(Y=1) = C_4^1 \left(\frac{1}{4}\right)^1 \left(\frac{3}{4}\right)^3 = \frac{27}{64}$ (2 分)

3. (12 分)由题意可知边缘分布如下表:

Y \ X	0	1	
0	a	0.25-a	0.25
1	0.75-a	a	0.75
	0.75	0.25	1

.....(2 分)

$$EX = 0.25, EY = 0.75 \text{(1 分)}$$

$$EX^2 = 0.25, EY^2 = 0.75$$

$$DX = EX^2 - (EX)^2 = \frac{1}{4} - \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{3}{16}$$

$$DY = EY^2 - (EY)^2 = \frac{3}{4} - \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{3}{16} \text{(2 分)}$$

$$EXY = a \text{(2 分)}$$

$$\text{Cov}(X, Y) = EXY - EXEY = a - \frac{3}{16} = r_{XY} \sqrt{DXDY} = -\frac{1}{3} \times \frac{3}{16} = -\frac{1}{16} \text{(2 分)}$$

$$\text{得: } a = \frac{1}{8}, \text{(1 分)}$$

所以 (X, Y) 的联合分布列为

Y \ X	0	1
0	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$
1	$\frac{5}{8}$	$\frac{1}{8}$

.....(2 分)

$$4. (14 \text{ 分}) (1) EX = 1, EY = 0; DX = 9, DY = 4 \text{(1 分)}$$

$$EZ = \frac{1}{3}EX - \frac{1}{2}EY + \frac{2}{3} = 1, \text{(2 分)}$$

$$DZ = D\left(\frac{1}{3}X - \frac{1}{2}Y\right) = \frac{1}{9}DX + \frac{1}{4}DY - \frac{1}{3}r_{XY}\sqrt{DX}\sqrt{DY} = 1 \text{(3 分)}$$

$$(2) \text{Cov}(X, Z) = E(X - EX)(Z - EZ) = \text{Cov}\left(X, \frac{1}{3}X - \frac{1}{2}Y\right)$$

$$= \frac{1}{3} \text{Cov}(X, X) - \frac{1}{2} \text{Cov}(X, Y) = \frac{1}{3} \times 9 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 3 \times 2 = 1.5 \dots\dots\dots(3 \text{ 分})$$

$$\text{所以 } r_{XZ} = \frac{\text{Cov}(X, Z)}{\sqrt{DX} \sqrt{DZ}} = 0.5 \dots\dots\dots(2 \text{ 分})$$

(3) 由于相关系数不等于零, $\dots\dots\dots(2 \text{ 分})$

所以 X 与 Z 一定不独立。 $\dots\dots\dots(1 \text{ 分})$

$$5. (16 \text{ 分}) \quad (1) \quad P(X < Y) = \int_0^2 \int_x^{+\infty} \frac{1}{2} x e^{-y} dy dx = \frac{1}{2} (1 - 3e^{-2}) \text{。} \dots\dots\dots(2 \text{ 分})$$

$$(2) \text{ 当 } 0 < x < 2 \text{ 时 } f_X(x) = \int_0^{+\infty} \frac{1}{2} x e^{-y} dy = \frac{1}{2} x$$

$$\text{故 } f_X(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} x & 0 < x < 2 \\ 0 & \text{其他} \end{cases} \dots\dots\dots(2 \text{ 分})$$

$$\text{当 } y > 0 \text{ 时, } f_Y(y) = \int_0^2 \frac{1}{2} x e^{-y} dx = e^{-y} \quad \text{故 } f_Y(y) = \begin{cases} e^{-y} & y > 0 \\ 0 & \text{其他} \end{cases} \dots\dots(2 \text{ 分})$$

由于 $f(x, y) = f_X(x) \cdot f_Y(y)$, 所以 X 与 Y 独立。 $\dots\dots\dots(2 \text{ 分})$

(3) 当 $x \leq 0$ 时, $F_X(x) = 0$, 当 $x \geq 2$ 时, $F_X(x) = 1 \dots\dots\dots(2 \text{ 分})$

$$\text{当 } 0 < x < 2 \text{ 时, } F_X(x) = \int_0^x \frac{1}{2} x dx = \frac{1}{4} x^2$$

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & x \leq 0 \\ \frac{1}{4} x^2 & 0 < x < 2 \\ 1 & x \geq 2 \end{cases} \dots\dots\dots(2 \text{ 分})$$

$$\text{当 } y > 0 \text{ 时, } F_Y(y) = \int_0^y e^{-y} dy = 1 - e^{-y} \quad \text{故 } F_Y(y) = \begin{cases} 1 - e^{-y} & y > 0 \\ 0 & \text{其他} \end{cases} \dots\dots\dots(2 \text{ 分})$$

所以根据独立性

$$F(x, y) = F_X(x) \cdot F_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{4} x^2 (1 - e^{-y}) & 0 < x < 2, y > 0 \\ 1 - e^{-y} & x \geq 2, y > 0 \\ 0 & \text{其他} \end{cases} \dots\dots\dots(2 \text{ 分})$$