



广工资源在线

更多试卷、资料尽在公众号



广东工业大学考试试卷 (A)

课程名称: 概率论与数理统计 C 试卷满分 100 分

考试时间: 2014 年 01 月 09 日 (第 19 周 星期 四)

题 号	一	二	三	四	五	六	七	八	九	十	总分
评卷得分											
评卷签名											
复核得分											
复核签名											

一、 选择题 (每小题 4 分, 共 20 分)

1. 房间中有 4 个人, 试问没有两个人的生日在同一个月份的概率为 (D)

(A); $\frac{12!}{4^{12}8!}$ (B); $\frac{8!}{4^{12}12!}$ (C) $\frac{8!}{12^4 12!}$; (D) $\frac{12!}{12^4 8!}$

2. 一口袋中有 3 个红球和 2 个白球, 某人从该口袋中随机摸出一球, 摸得红球得 5 分, 摸得白球得 2 分, 则他所得分数的数学期望为 (C)

(A) 2.5; (B) 3.5; (C) 3.8; (D) 以上都不对

3. 如果 X, Y 满足 $D(X+Y) = D(X-Y)$, 则必有 (b)

(A) X 与 Y 独立 (B) X 与 Y 不相关 (C) $DY = 0$ (D) $DX = 0$

4. 设连续型随机变量 X 的概率密度函数为 $f(x) = \begin{cases} a(8-3x^2), & 0 < x < 2 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$, 则常数 $a =$ (C) . (A) 1/2; (B) 1/4; (C) 1/8; (D) 1/16

5. 设随机变量 X 在区间 $[0, 2]$ 上服从均匀分布, 用切比雪夫不等式估计

$P\{|X-1| \geq 2\} \leq () \cdot A$

(A) 1/12; (B) 11/12; (C); 3/4; (D) 1/4;

二、 填空题 (每小题 4 分, 共 20 分)

1. 设 A, B 是两个事件, $p(A) = 0.4$, $p(A \cup B) = 0.7$, 当 A, B 互斥时事件 B 的概

率与 A , B 独立时事件 B 的概率之和为 0.8.

2. 设 X, Y 相互独立, 且 X 服从参数为 λ 的指数分布, Y 服从二项分布 $B(n, p)$, 则

$$D(2X - Y) = \underline{4/\lambda^2 + np(1-p)}.$$

3. 随机变量 ξ 的期望为 $E(\xi) = 5$, 标准差为 $\sigma(\xi) = 2$, 则 $E(\xi^2) = \underline{29}$.

4. 设 X 服从 $N(2, \sigma^2)$, 且 $p(2 < X < 4) = 0.3$, $p(X < 0) = \underline{0.2}$.

5. 设随机变量 X 的概率密度函数为 $f(x)$, 若 $Y = -3X + 2$, 则 Y 的密度函数 $g(y) =$

$$\frac{1}{3} f\left(-\frac{y-2}{3}\right)$$

三、计算题 (每小题 12 分, 共 60 分)

1. 两台机床加工同样的零件, 第一台的次品率是 0.03, 第二台的次品率是 0.02, 加工出来的零件放在一起, 并且已知第一台加工的零件比第二台加工的零件多一倍,

求 (1) 任意取出一个零件是合格品的概率; $73/75$

(2) 如果已知取出的零件是次品, 那么它是第一台机床加工的概率. $3/4$

2. 设离散型随机变量 X 和 Y 的联合分布律为:

$\begin{matrix} Y \\ X \end{matrix}$	-1	0	1	2
-2	a	0	0	0
-1	0.14	b	0	0
0	0.01	0.02	0.03	0
1	0.12	0.13	0.14	0.15

且 $E(X + Y) = 0$, 求: (1) a, b ; $a = 0.17, b = 0.09$

(2) X 的概率分布函数;

$$0 \quad x < -2$$

$$0.17 \quad -2 \leq x < -1$$

$$0.4 \quad -1 \leq x < 0$$

$$0.46 \quad 0 \leq x < 1$$

$$1 \quad x \geq 1$$

$$(3) \quad EXY = 2 \times 0.17 + 1 \times 0.14 - 1 \times 0.12 + 1 \times 0.14 + 2 \times 0.15 = 0.8$$

3. 设二维随机变量 (X, Y) 在区域: $\{0 < x < a, 0 < y < b\}$ 上服从均匀分布。

(1) 求 (X, Y) 的联合概率密度及边缘概率密度;

$$f(x, y) = \begin{cases} 1/ab & 0 < x < a, 0 < y < b \\ 0, & \text{其他} \end{cases} \quad f_1(x) = \begin{cases} 1/a, & 0 < x < a \\ 0, & \text{其他} \end{cases} \quad f_2(y) = \begin{cases} 1/b, & 0 < y < b \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

2) 已知 $DX = 12, DY = 36$, 求参数 a, b ;

$$a=12, b=12\sqrt{3}$$

(3) 判断随机变量 X 和 Y 是否相互独立?
独立

4. 设 (X, Y) 的密度函数为

$$f(x, y) = \begin{cases} Axy, & 0 < x < 1, 0 < y < 1 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

求 (1) 常数 A ;

$$A=4$$

(2) $P(X < 0.4, Y < 1.3)$;

$$0.16$$

(3) Ee^{tX+sY} , 其中 s, t 为常数;

$$4((s+1)e^s - 1)((t+1)e^t - 1)$$

(4) 求 $EX, DX, Cov(X, Y)$.

$$2/3 \quad 1/18 \quad 0$$

5、设随机变量 X 在区间 $(0, 1)$ 上服从均匀分布, 在 $X = x (0 < x < 1)$ 的条件下, 随机变量 Y 在区间 $(0, x)$ 服从均匀分布, 求:

(1)

$$\text{从而 } f(x, y) = \begin{cases} 1/x & 0 < y < x < 1 \\ 0, & \text{其它} \end{cases} \quad (4 \text{ 分})$$

$$\begin{aligned} (2) P\{X + Y > 1\} &= \int_{1/2}^1 dx \int_{1-x}^x \frac{1}{x} dy \\ &= 1 - \ln 2 \quad (4 \text{ 分}) \end{aligned}$$

