### **TEMA D'ESAME**

# Domanda A

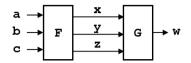
Date le funzioni F(a, b, c) e G(x, y, z) così definite

$$F(a, b, c) = \Sigma_x(3,7), \Sigma_y(4,5,6), \Sigma_z(0,1,2)$$

$$G(x, y, z) = \Sigma(2,3,4,7)$$

si svolgano i seguenti punti:

- 1. Si sintetizzino le forma minima di *F* e *G* su due livelli mediante il metodo delle mappe di Kanaugh, tenedo conto dell'architettura mostrata a fianco.
- 2. Date le forme algebriche di tali funzioni si determini l'espressione della funzione complessiva w(a, b, c).



# Domanda B

Sia  $X = [x_3 \ x_2 \ x_1 \ x_0]$  la codifica binaria di un numero naturale. Si svolgano i seguenti punti:

- Si progetti un modulo DIV5\_4B che calcola il quoziente Q ed il resto R del rapporto X/5.
- 2. Utilizzando il modulo appena progettato, si ricavi per via strutturale l'architettura ottima di un nuovo modulo DIV5\_5B che calcola il quoziente ed il resto della divisione di un nuovo numero X', codificato come  $[x_3 \ x_2 \ x_1 \ x_0 \ b]$ , per 5. Per la progettazione strutturale si ricorra unicamente a moduli DIV5\_4B, full-adder, half-adder, multiplexer e porte logiche.

#### **Domanda C**

Si dimostri in modo rigoroso che per una macchina a stati finiti non completamente specificata la relazione di compatibilità è riflessiva.

#### Domanda D

Si progetti una macchina a stati finiti con alfabeto d'ingresso  $X = \{\alpha, \beta, \gamma\}$  ed alfabeto di uscita  $Z = \{0,1\}$ . L'uscita assume normalmente valore 0 ed assume valore 1 per un ciclo di clock non appena sugli ingressi viene identificata la sequenza  $\alpha\alpha\gamma\beta$ . Dopo aver identificato il diagramma degli stati, si verifichi se la maccina ottenuta è minima e la si minimizzi nel caso in cui non lo fosse. Si sintetizzi infine la macchina utilizzando bistabili di tipo JK.

Supponendo infine che il ritardo (ns) delle porte AND e OR sia dato dalla relazione:

$$T_D = 1.1 + 0.3(N - 2)$$

in cui N è il numero degli ingressi, e che le porte NOT abbiano ritardo pari 0.5ns, si determini la massima frequenza accettabile per il clock della macchina.