

AEX 21

5.1, 5.2.1 a 5.2.4

(0,0)	(0,1)	(0,2)	...
(1,0)	(1,1)	(1,2)	...
⋮	⋮	⋮	...

5.1) → C: elementos da mesma linha são guardados um ao lado do outro na cache

→ word: 32 b.

1) Bloco: 16 bytes
 int: 4 bytes (32 bits) → $\frac{16}{4} = 4$ inteiros

verificando (★)

2) for (i=0; i < 8; i++) {
 for (j=0; j < 8000; j++) {
 $A[i][j] = B[i][0] + A[j][i]$

i=0:

$$\begin{aligned} A[0][0] &= B[0][0] + A[0][0] \\ A[0][1] &= B[0][0] + A[1][0] \\ A[0][2] &= B[0][0] + A[2][0] \\ &\vdots \end{aligned}$$

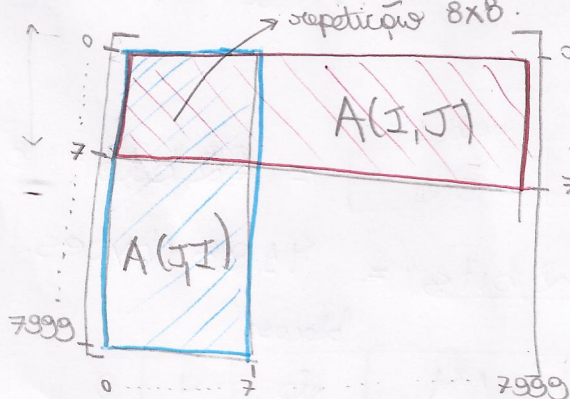
↓
 constante para cada laço de j
 localidade temporal

3) como a linguagem C guarda elementos da mesma linha cordiguamente, haverá localidade espacial. Basta observar (★).

$A[i][j]$

4) Cache 16-bytes por bloco. $A_{8000 \times 8000}$ $B_{8 \times 8}$
 $i \in [0, 7]$ e $j \in [0, 7999]$

$A(I, J) \rightarrow A(J, I)$
 $A(0,0)$ até $A(7, 7999)$ $A(0,0)$ até $A(7999, 7)$



→ $A(J, I)$ usa 8000×8 elementos
 → $A(I, J)$ usa 8×8000 elementos
 → repete 8×8

$$R = 64 \cdot 10^3 + 64 \cdot 10^3 - 64$$

$$R = 12736 \text{ elementos}$$

→ cada elemento tem 32 bits logo:

$$\frac{12736 \cdot 4 \text{ (bytes)}}{16 \text{ bytes bloco}} = \frac{12736 \text{ blocos}}{4} = \boxed{3184}$$

5) Mat lab guarda desta forma na cache:

(0,0)	(1,0)	(2,0)	...
(0,1)	(0,2)	(0,3)	...
⋮	⋮	⋮	...

verificando (*)

$i=0$

$$A(0,0) = B(0,0) + A(0,0)$$

$$A(0,1) = B(0,0) + A(1,0)$$

$$A(0,2) = B(0,0) + A(2,0)$$

temporal: $i, j \in B(I,0)$

6) $A(J,I)$

5 2/11 → word address!

→ Endereço é um número inteiro

3, 180, 43, 2, 192, 88, 190, 14, 181, 44, 186 e 253

1) Mapeamento Direto

• 16 blocos • $\frac{1 \text{ palavra}}{\text{bloco}}$

Decimal

→ block address: fica igual ao word address porque será dividido por um.

→ índice:

$$3 \bmod 16 = 3 \quad 180 \bmod 16 = 4 \quad 43 \bmod 16 = 11$$

→ 2^{10} bytes
15

4) MD • 32 KiB • 1 cache • $\frac{2w}{\text{bloco}} = \frac{8 \text{ bytes}}{\text{bloco}}$

$$32 \text{ KiB} = \frac{2^5 \cdot 2^{10} \text{ bytes}}{8 \text{ bytes}} = 2^{12} \text{ blocos.} \rightarrow \begin{cases} \text{tag} = 17 \\ \text{índice} = 12 \\ \text{w off} = 1 \\ \text{B off} = 2 \end{cases}$$

Bloco:

válido	tag	w0	w1
1	17	32	32

Total Cache = $2^{12} \cdot 18 + 64 \cdot 2^{12} = 335872 \text{ bits}$

\downarrow blocos \downarrow v+tag \downarrow blocos \downarrow words(bits)

Não tem mais onde mexer

2ª Cache

MD • 16w • $\frac{8x}{\text{bloco} + \text{words}}$

Bloco:

v	tag	w0	...	w15
1	14	32	...	32

-3 bits da tag

tag	índice	word offset	byte offset
14	log ₂ 32	4	2

Total Cache = $\frac{\text{Dados}}{\text{Cache}} + (\text{tag} + \text{válido}) \cdot \text{blocos}$

Dados = número de words • Tamanho da word • blocos

Dados = $16 \cdot 32 \cdot x$

Total Cache = $512x + (14+1)x$

Total C₂ = $527x$

$335872 \leq 527x$

$x \geq 637$ $\xrightarrow{\text{potência de 2.}}$ 2^{10}

$2^{10} \text{ blocos} \rightarrow 2^{10} \text{ blocos}$

Comparação:

- blocos: Quanto menos blocos, mais conservação por um índice na cache (↑ miss)
- Tamanho: Caches maiores têm tempo de acesso maior.