

Práctica calificada 1

Curso: Lógica y Argumentación

Sección: 8

Nombre y apellidos: Pacheco Aldonati Cristel Brighth

Parte I. Sintaxis y semántica de LC

[6 puntos]

Desarrolla los siguientes:

- A) Indica cuáles de las siguientes secuencias de símbolos son mal formadas. Además, debes indicar qué error se comete en cada una de ellas (0.75 puntos c/u).

- a. $\neg(\neg R \wedge \neg(\neg P \neg(\neg S \vee \neg(Q \equiv T))))$
b. $((\neg P \vee \neg(T \equiv \neg S)) \supset ((Q < \neg R) \vee \neg Q))$
c. $\neg(\neg(R \vee (\neg(\neg(S \equiv Q) \wedge P))) \supset (S \vee \neg T))$
d. $((P \wedge \neg Q) \equiv \neg R) \supset (\neg S \equiv \neg(P \vee T))$

Secuencia mal formada	Error cometido
la a:	Está mal formada, ya que el símbolo de negación después de la "p" está de más, o también se podría decir que falta un operador entre $\neg P$ y $\neg(S \vee \neg(Q \equiv T))$
la b:	Está mal formada porque tiene el símbolo "<", que no es un operador lógico válido.
la c:	Está mal formada porque no hay la misma cantidad de conectores lógicos que paréntesis.

- B) Construye el árbol sintáctico de la fórmula bien formada. Además, señala cuál es su operador principal, cuál es su grado de complejidad y cuántas subfórmulas tiene. (1.75 puntos)

Fórmula bien formada	Árbol sintáctico
	$ \begin{array}{c} \frac{P \quad \frac{Q}{\neg Q}}{(P \wedge \neg Q)} \quad \frac{R}{\neg R} \quad \frac{S}{\neg S} \quad \frac{P \quad T}{(P \vee T)} \\ \frac{\{ (P \wedge \neg Q) \equiv \neg R \}}{\{ (P \wedge \neg Q) \equiv \neg R \}} \quad \frac{\{ \neg S \equiv \neg (P \vee T) \}}{\{ \neg S \equiv \neg (P \vee T) \}} \\ \frac{\{ ((P \wedge \neg Q) \equiv \neg R) \supset (\neg S \equiv \neg (P \vee T)) \}}{\{ ((P \wedge \neg Q) \equiv \neg R) \supset (\neg S \equiv \neg (P \vee T)) \}} \end{array} $ <p> Operador principal: \supset Grado de complejidad: 4 Cantidad de subfórmulas: 15 </p>

- c) Elabora un modelo y un contramodelo para la fórmula bien formada. Debes consignar el cálculo lineal de valores de la fila correspondiente (1 punto c/u):

Modelo					Cálculo
P	Q	R	S	T	$((((P \wedge \neg Q) \equiv \neg R) \supset (\neg S \equiv \neg (P \vee T))))$
V	F	F	V	V	V V V V V (V) F V F V V V

Contramodelo					Cálculo
P	Q	R	S	T	$((((P \wedge \neg Q) \equiv \neg R) \supset (\neg S \equiv \neg (P \vee T))))$
F	V	V	V	F	F F F (V) F (F) F F V F F F

Parte II. Tablas de verdad y conceptos semánticos

[8 puntos]

Considera las siguientes reglas extra para el conector $\#$ que se añaden a la LC:

Reglas de formación extra

rf5. Si ϕ y ψ son fbf's, entonces $(\phi \# \psi)$ es una fbf.

Reglas de interpretación extra

ri7. $U(\phi \# \psi) = V$ si $U(\phi) = F$ y $U(\psi) = V$

A continuación, desarrolla los siguientes ítems:

- A) Crea la tabla de verdad compartida por ϕ y ψ . Debes consignar, como mínimo, todos los valores de los conectores lógicos. (2 puntos)

ϕ	ψ	$(\phi \# \psi)$
V	V	F
V	F	F
F	V	V
F	F	F

Parte III. Propiedades de la LC

Considera las siguientes afirmaciones:

[6 puntos]

- $(\phi \supset \neg \chi)$ implica a $(\phi \wedge \neg \chi)$.
- Si ψ es tautológica e implica a ω , entonces $\phi \therefore (\psi \wedge \omega)$ es válido.

A continuación, señala si expresan propiedades cumplidas por cualquier fórmula en LC o no. Justifica tu respuesta. (3 puntos c/u)

	¿Expresa una propiedad de la LC?	Justificación
a.	$(\phi \supset \neg \chi)$ implica a $(\phi \wedge \neg \chi)$	<p>No expresan una propiedad de la LC, ya que la implicación no se cumple siempre.</p> <p>Por ejemplo si:</p> <ul style="list-style-type: none"> $\phi = F$ $\chi = F$ <p> $(\phi \supset \neg \chi) \rightarrow$ es V. $F \vee V$ </p> <p> $(\phi \wedge \neg \chi) \rightarrow$ también da F $F \wedge V$ </p> <p>Entonces se puede decir que no se cumple en todas las LC, porque en el ejemplo mencionado se puede ver que el primero es V y el segundo F, y cuando esto pasa ya no hay implicación.</p>
b.	Si ψ es tautológica e implica a ω , entonces $\phi \therefore (\psi \wedge \omega)$ es válido.	<p>Si expresa una propiedad de la LC, esto quiere decir que si ψ es tautológica siempre será V, y cuando dice que esto implica a ω, quiere decir también que esto siempre será V.</p> <p>Entonces podemos afirmar que $\phi \therefore \psi \wedge \omega$ será válido</p>