

ENSIAS

# ALGORITHMIQUE

A. ETTALBI

A.U. : 2018-2019

[ettalbi1000@gmail.com](mailto:ettalbi1000@gmail.com)

# Module M1.1

**Intitulé : Algorithmique et Programmation**

**Responsable : A. ETTALBI**

**Volume horaire : 54 Heures**

**Période : Semestre S1 (1<sup>er</sup> Semestre de la  
1<sup>ère</sup> Année)**

# Composition de M1.1

2 Eléments de Module :

- M1.1.1 : **Algorithmique** (28H)
- M1.1.2 : **Programmation** (26H)

# Caractéristiques des Eléments de Module du Module M1.1

	<b>Nom</b>	<b>Responsable</b>	<b>Volume horaire</b>	<b>Coeff</b>
<b>M1.1.1</b>	Algorithmique	ETTALBI	Cours : 14H TD : 14H	1
<b>M1.1.2</b>	Programmation	NASSAR	Cours : 12H TP : 14H	1

ENSIAS

# ALGORITHMIQUE

A. ETTALBI

A.U. : 2018-2019

[ettalbi1000@gmail.com](mailto:ettalbi1000@gmail.com)

# Plan Général

I- Définitions

II- Objectifs de la programmation

III- Les langages de programmation

IV- Algorithme et Organigramme

V- Structure d'un Algorithme

VI- Structures de données

VII- Fonctions (Sous-Programmes)

Exercices-Corrections

# I- DEFINITIONS

- Informatique :

*Définition 1 :*

Traitement automatique de *l'information*

*Définition 2 :*

Science de *l'ordinateur*

# I- DEFINITIONS

- Information :

Toute donnée *brute* qui peut être *quantifiée, stockée* pour être *traitée* afin de donner un *résultat*.



# I- DEFINITIONS

- Ordinateur :

Machine qui permet de *mémoriser* une grande quantité d'information et faire des *calculs* de base sur ces informations très *rapidement*.

# Composants de l'ordinateur

- **Composants internes :**

- Unité Arithmétique et Logique
- Mémoires (RAM, ROM, ...)
- Entrées/Sorties

# Composants de l'ordinateur

- Composants externes ou Périphériques :

Eléments externes à l'ordinateur  
qui communiquent avec lui

# Composants de l'ordinateur

- 3 types de Périphériques :

- d'entrée (clavier, souris, scanner)
- de sortie (écran, imprimante)
- de stockage (disques, CD-ROM)

## II- OBJECTIF DE LA PROGRAMMATION

- Résolution automatique (par l'ordinateur) des problèmes.
- En profitant de la rapidité et de la capacité de stockage de l'ordinateur.

## II- OBJECTIF DE LA PROGRAMMATION

- Etapes en général à suivre :
  - Position du Problème
  - Modèle de résolution
  - Algorithme de résolution
  - Programme informatique

# EXEMPLE

## Exemple :

Calcul de la consommation  
d'un véhicule

## Etape 1 : *Position du Problème*

- Consommation = Nombre de litres consommés en 100 km
- Données :
  - K1 : Kilométrage au départ
  - K2 : Kilométrage à l'arrivée
  - L1 : Nombre de litres au départ
  - L2 : Nombre de litres à l'arrivée



## Etape 2 : *Modèle de Résolution*

$$K2-K1 \longrightarrow L1-L2$$

$$100 \longrightarrow X ?$$

- Données d'entrée : K1, K2, L1, L2
- Résultat à calculer (à chercher) : X
- Donc :

$$X = 100 * (L1-L2) / (K2-K1)$$

## Etape 3 : *Algorithme de Résolution*

Début :

Afficher("Donner K1,K2,L1,L2 : ")

Lire(K1,K2,L1,L2)

Si (K1=K2) Alors Afficher("Erreur ")

Sinon Calculer  $X \leftarrow 100 * (L1 - L2) / (K2 - K1)$

Afficher("la consommation est : ", X, "%")

FinSi

Fin.

## Etape 4 : *Programme en langage C*

```
#include<stdio.h>

main() {
    int K1,K2,L1,L2; float X;
    printf("Donner K1,K2,L1,L2 :");
    scanf("%d%d%d%d",&K1,&K2,&L1,&L2);
    if(K1==K2) printf("Erreur");
    else { X = 100 * (L1-L2) / (K2-K1);
          printf("La consommation est %f %",X);
        }
}
```

# III- LES LANGAGES DE PROGRAMMATION

- Définition :

- Moyen de communication entre l'homme et la machine
- Ensembles de conventions pour assurer un dialogue bidirectionnel entre le développeur et l'ordinateur.

# III- LES LANGAGES DE PROGRAMMATION

- 3 Niveaux :

- Langage machine (binaire)
- Langages d'assemblage
- Langages évolués

# LANGUAGE MACHINE

- Lié à la structure **électronique** interne de l'ordinateur,
- Composé de **bits** (0 et 1),
- **Jamais** utilisé par les programmeurs,
- **Seul** langage compris par la machine,
- Tout programme informatique doit être **traduit** vers ce langage.

# LANGAGES D'ASSEMBLAGE

## (Langages de bas niveau)

- Propres à chaque machine (càd à chaque **processeur**),
- **Proches** du langage machine,
- **Loin** du langage naturel,
- Nécessitent bien-sûr un **traducteur**.

# LANGAGES EVOLUES

## (Langages de haut niveau)

- **Proches** du langage naturel
- **Loin** du langage machine
- Nécessitent une traduction vers le langage machine par un *compilateur* ou un *interpréteur*

**Exemples** : Pascal, C, JAVA, SQL



# PROGRAMME INFORMATIQUE

- Ensemble d'instructions agissant sur des données en entrées pour donner des résultats en sortie.
- Les informations manipulées sont codifiées sous forme de variables, constantes, ...

# PROGRAMME INFORMATIQUE



# PROGRAMME INFORMATIQUE

- Variable :

Objet informatique identifié par un "*identificateur*", d'un "*type*" donné, possédant une *case mémoire* et une *valeur* qui peut *changer* au cours de l'exécution du programme.

# PROGRAMME INFORMATIQUE

- Constante :

Objet informatique identifié par un *"identificateur"*, possédant une *case mémoire* et une *valeur qui ne peut pas changer* au cours de l'exécution du programme.

# PROGRAMME INFORMATIQUE

- Identificateur :

Chaîne de caractères *alphanumériques* qui *commence* par un caractère alphabétique, qui *ne contient pas* d'espaces et pas de *caractères spéciaux* (é, è, à, ê, î, ...)

# PROGRAMME INFORMATIQUE

## Exemple d'identificateurs *corrects*:

A, a, age, etudiant, UnEtudiant

## Exemple d'identificateurs *incorrects*:

à, âge, étudiant, 1Etudiant

# PROGRAMME INFORMATIQUE

- Type (Domaine) :

Représente l'ensemble des *valeurs possibles* pour une variable et spécifie l'ensemble des *opérations possibles* sur cette variable.

# PROGRAMME INFORMATIQUE

- Types prédéfinis : Entiers, Réels, Chaînes de caractères, Dates, ...
- Types définis par l'utilisateur :  
Etudiants, Vecteurs à 3 dimensions,  
Matrices carrées d'ordre  $N$ , ...



# ETAPES D'UN PROGRAMME INFORMATIQUE

- **Edition** : écriture du programme,
- **Compilation** : détection des erreurs et traduction vers le langage machine,
- **Exécution** : qui *"doit"* donner les résultats attendus du programme.

# IV-ALGORITHME ET ORGANIGRAMME

## Algorithme :

- Description des *étapes* de résolution d'un problème.
- Constitué d'un ensemble d'*opérations* élémentaires (afficher, lire, calculer, ...)

# IV-ALGORITHME ET ORGANIGRAMME

## Organigramme :

- Description des étapes de résolution d'un problème,
- Constitué d'un ensemble de *figures géométriques* permettant de schématiser les opérations.

# EXEMPLE

## *Calcul du Périmètre d'un Cercle*

- Données en entrées :

- R (Rayon)
- PI (constante = 22/7)

- Résultat à calculer :

- P (Périmètre)

- Modèle de résolution :

$$P = 2 * PI * R$$

# EXEMPLE

## *Calcul du Périmètre d'un Cercle*

### Algorithme

**Objets :**

PI : Constante=22/7

P, R : variables réelles

**Début :**

Afficher("Donner le Rayon : ")

Lire(R)

Calculer  $P \leftarrow 2 * PI * R$

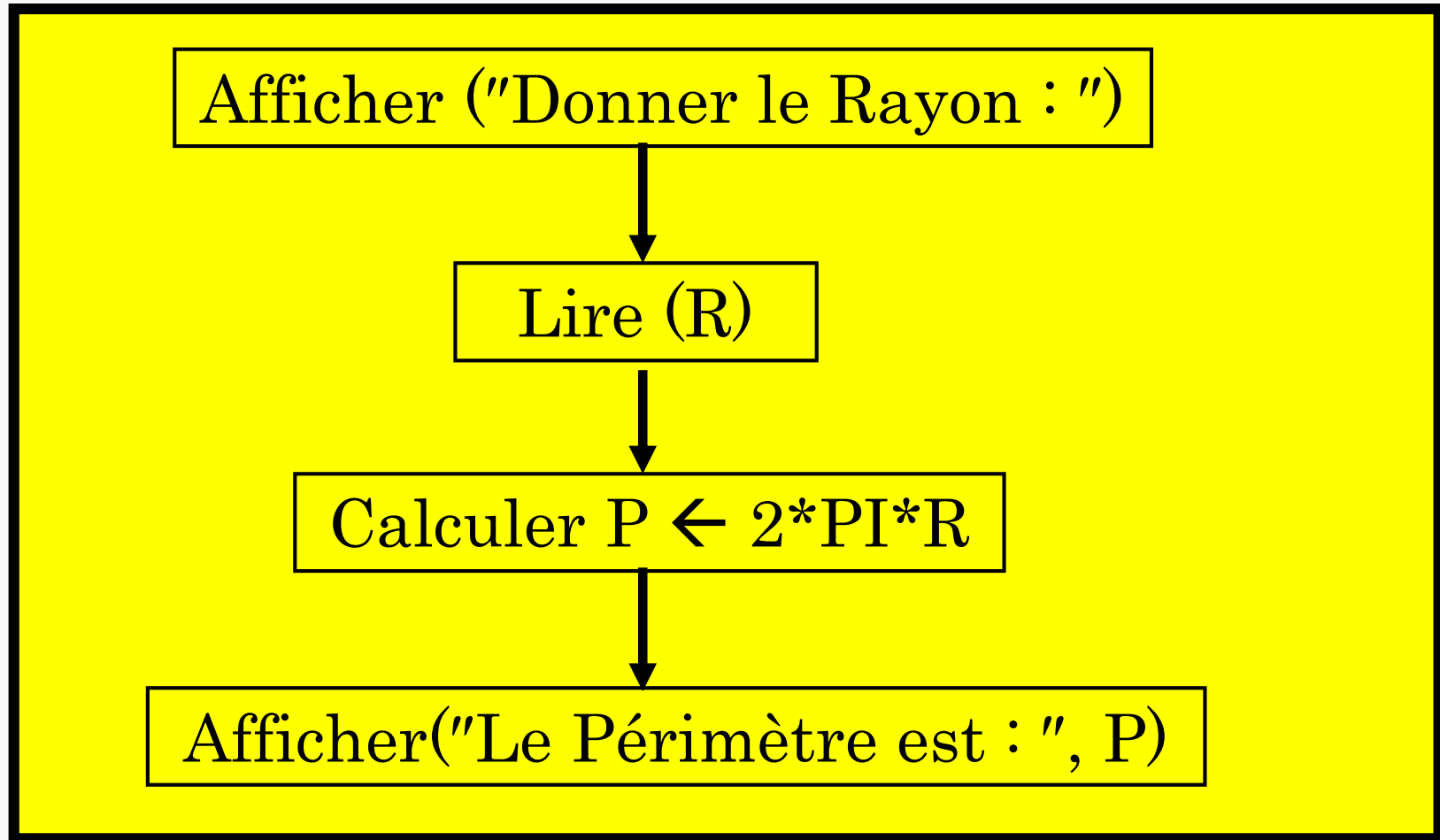
Afficher("Le Périmètre est : ", P)

**Fin.**

# EXEMPLE

## *Calcul du Périmètre d'un Cercle*

### Organigramme



# EXEMPLE

## *Calcul du Périmètre d'un Cercle*

### Programme en C

```
#include<stdio.h>
#define PI 3.14 /* constante */
main()
{ float P, R;
  printf("Donner le Rayon :");
  scanf("%f",&R);
  P=2*PI*R;
  printf("Le Perimetre est %f", P);
}
```

# EXERCICE D'APPLICATION

## *Calcul de la moyenne de deux nombres*

- 1) Donner les objets en entrée et en sortie.
- 2) Donner le modèle de résolution.
- 3) Dresser l'algorithme.
- 4) Ecrire le programme en langage C.



# V- STRUCTURE D'UN ALGORITHME

## Types d'instructions :

- Instructions séquentielles.
- Instructions alternatives.
- Instructions itératives.

# INSTRUCTIONS SEQUENTIELLES

- S'exécutent *toutes*.
- S'exécutent l'une après l'autre dans un ordre *séquentiel*.

Exemples :

Lire, Afficher, Calculer

# EXEMPLE

## *Calcul du périmètre et de la surface d'un rectangle (Algorithme)*

**Objets :**

Long , Larg, P, S : variables réelles,

**Début :**

Afficher("Donner la longueur et la largeur : ")

Lire(Long, Larg)

Calculer  $P \leftarrow 2 * (Long + Larg)$

Calculer  $S \leftarrow Long * Larg$

Afficher("Le Périmètre est : ", P)

Afficher("La Surface est : ", S)

**Fin.**

# EXEMPLE

## *Calcul du périmètre et de la surface d'un rectangle (Programme)*

```
#include<stdio.h>
main() { float Long, Larg, P, S;
    printf("Donner la longueur et la largeur : ");
    scanf("%f%f", &Long, &Larg);
    P = 2*(Long + Larg);
    S = Long * Larg;
    printf("Le Périmètre est : %f", P);
    printf("\nLa Surface est : %f", S);
}
```

# INSTRUCTIONS ALTERNATIVES

## 2 types :

- A deux alternatives :
  - 1 Choix (Chemin) parmi 2.
- A plusieurs alternatives :
  - 1 Choix parmi plusieurs.

# INSTRUCTIONS A 2 ALTERNATIVES

- Se basent sur une *condition*
- Contiennent 2 blocs d'instructions.
- Si la condition est vraie, on exécute le 1<sup>er</sup> bloc, si elle est fausse, on exécute le 2<sup>ème</sup> bloc.
- Le 2<sup>ème</sup> bloc est facultatif

# INSTRUCTIONS A 2 ALTERNATIVES

- Syntaxe générale

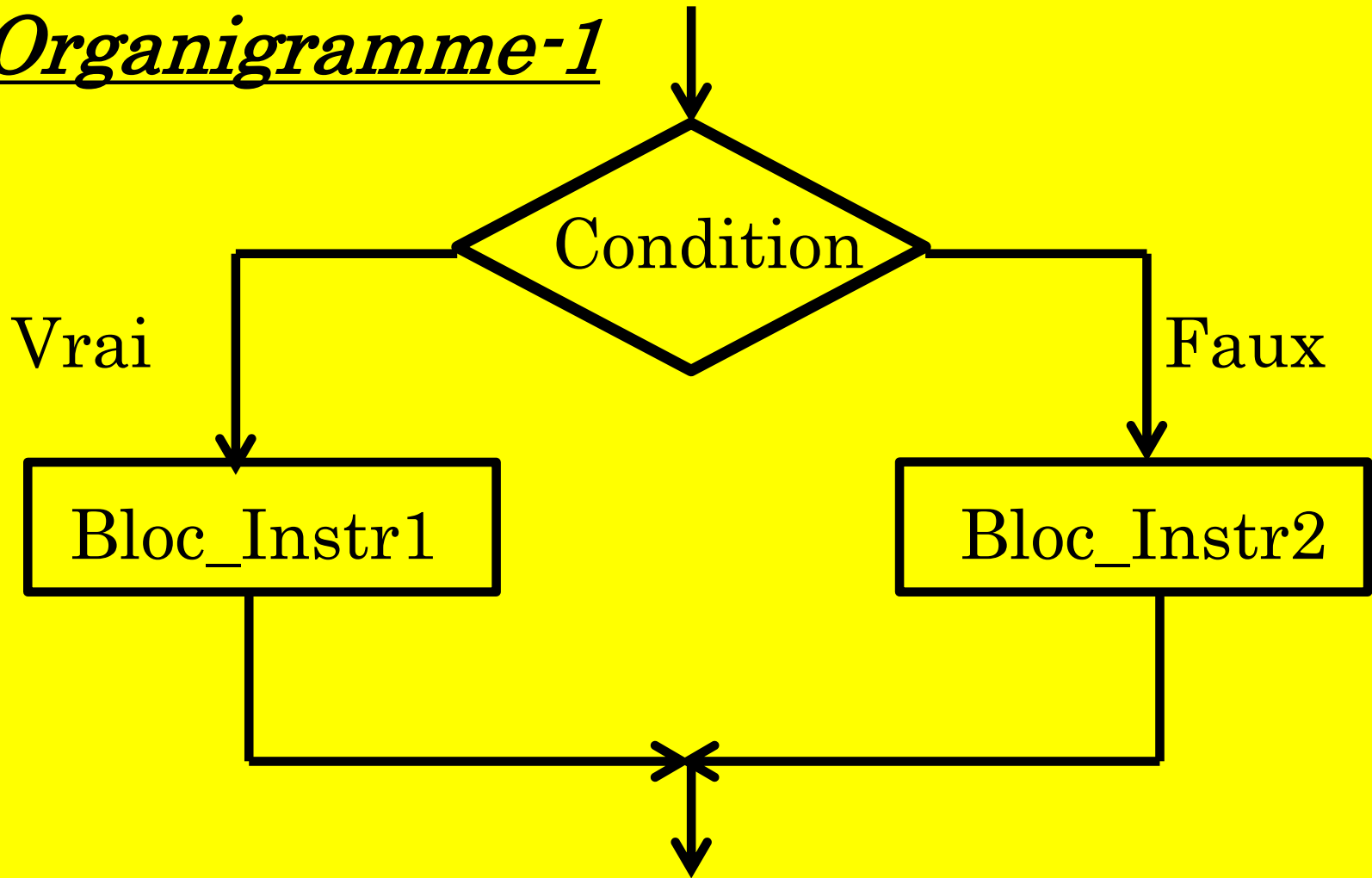
**Si Condition alors Bloc\_Instructions1  
[Sinon Bloc\_Instructions2]  
FinSi**

Avec :

- Condition : expression booléenne (V ou F)
- Bloc\_Instructions1 et Bloc\_Instructions2 :  
peuvent être une instruction simple, des  
instructions séquentielles et/ou alternatives  
et/ou itératives

# INSTRUCTIONS A 2 ALTERNATIVES

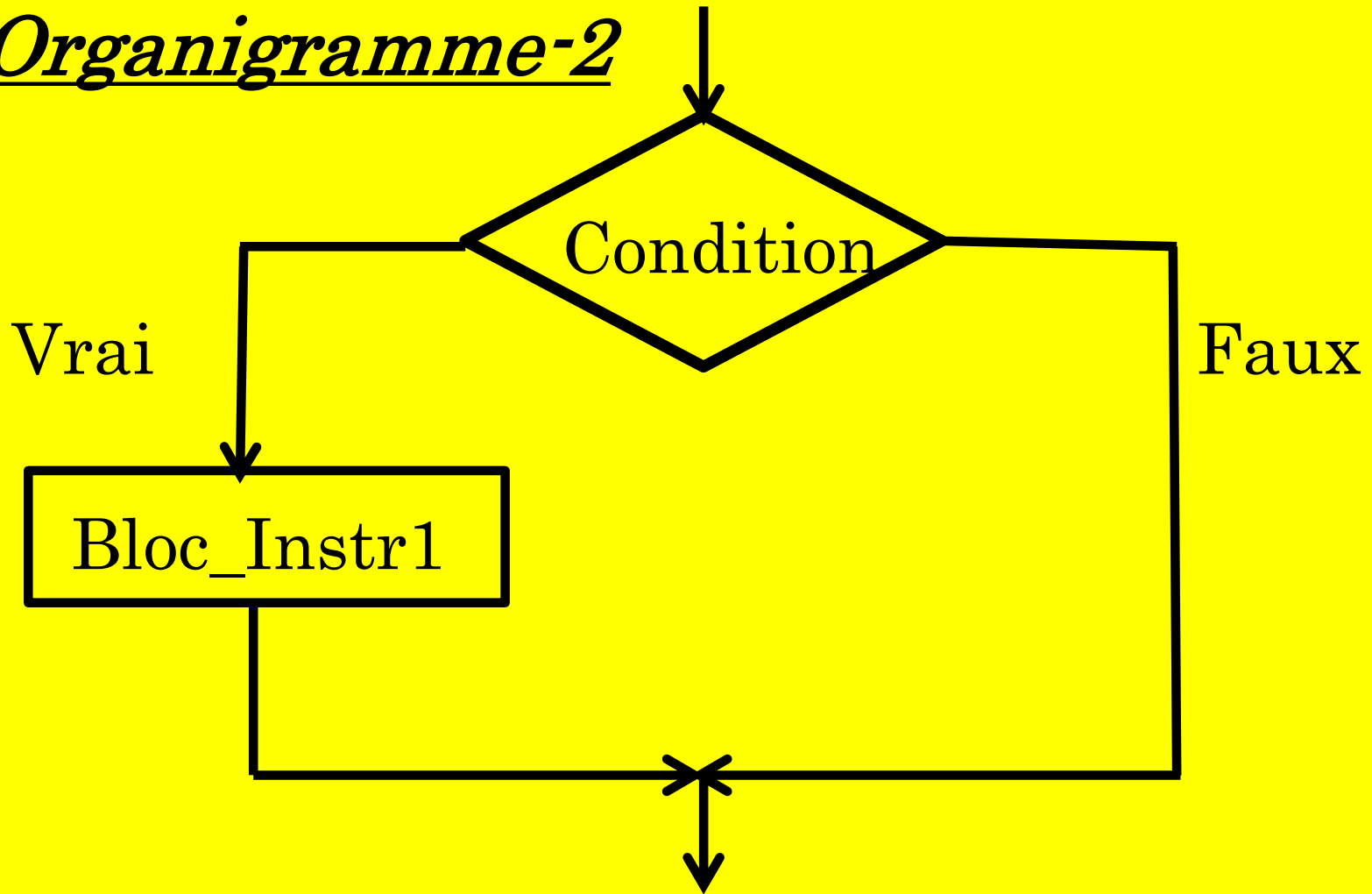
*Organigramme-1*





# INSTRUCTIONS A 2 ALTERNATIVES

Organigramme-2



# INSTRUCTIONS A 2 ALTERNATIVES

## Exemple 1 :

Valeur absolue d'un entier  $a$  :

*Si  $a > 0$  alors  $Abs \leftarrow a$*

*Sinon  $Abs \leftarrow -a$*

*FinSi*

# INSTRUCTIONS A 2 ALTERNATIVES

## Exemple 2 :

Min, Max de 2 entiers a et b :

*Si  $a > b$  alors  $Max \leftarrow a$*

*$Min \leftarrow b$*

*Sinon  $Max \leftarrow b$*

*$Min \leftarrow a$*

*FinSi*

# Instructions alternatives imbriquées

## Exemple 1 :

Lire 2 entiers a et b et afficher un message indiquant si a est supérieur strictement à b, b est supérieur strictement à a ou s'ils sont égaux.

# Instructions alternatives imbriquées

## Algorithme :

**Objets** : a, b : variables entières

**Début**

Afficher ("Donner 2 entiers : ")

Lire(a, b)

Si  $a > b$  alors Afficher(a, " > " , b)

Sinon Si  $b > a$  alors Afficher(a, " < " , b)

Sinon Afficher(a, " = " , b)

FinSi

FinSi

**Fin.**

# Instructions alternatives imbriquées

## Exemple 2 :

Lire 3 entiers  $a$ ,  $b$  et  $c$  et afficher le maximum et le minimum entre eux en supposant qu'ils sont disjoints deux à deux.

# Instructions alternatives imbriquées

## Algorithme :

**Objets** : a, b, c : variables entières

**Début** :

Afficher("Donner 3 entiers disjoints : ")

Lire(a,b,c)

Si  $a > b$  alors Si  $a > c$  alors Afficher("Max = " , a)

Sinon Afficher("Max = " , c)

FinSi

Si  $b > c$  alors Afficher("Min = " , c)

Sinon Afficher("Min = " , b)

FinSi

# Instructions alternatives imbriquées

## Algorithme (Suite) :

Sinon Si  $b > c$  alors Afficher("Max = " , b)

Sinon Afficher("Max = " , c)

FinSi

Si  $a > c$  alors Afficher("Min = " , c)

Sinon Afficher("Min = " , a)

FinSi

FinSi

Fin.



# EXERCICE D'APPLICATION

## *Affichage de la mention en fonction de la note*

Ecrire un algorithme qui lit une note et affiche le message "admis avec mention" si cette note est supérieure à 14, "admis" si cette note est entre 12 et 14, "ajourné" si cette note est entre 10 et 12 et "exclus" si la note est inférieure à 10.

# INSTRUCTIONS A PLUSIEURS ALTERNATIVES

- Se basent sur N conditions.
- Contiennent N Blocs d'instructions.
- Si la  $i^{\text{ème}}$  condition est vraie, on exécute le  $i^{\text{ème}}$  bloc d'instructions.

# INSTRUCTIONS A PLUSIEURS ALTERNATIVES

- Syntaxe générale

**Selon (variable)**

**Si Val\_1 : Bloc\_Instructions1, Sortir**

**Si Val\_2 : Bloc\_Instructions2, Sortir**

**.....**

**Si Val\_N : Bloc\_InstructionsN, Sortir**

**[Si Autres : Bloc\_Instructions]**

**FinSelon**

# INSTRUCTIONS A PLUSIEURS ALTERNATIVES

## Exemple :

Tarifs d'un Zoo :

Code Visiteur	Type Visiteur	Tarif en DH
0	Enfant	10
1	Etudiant	12
2	Agé	15
3	Autres	25

# INSTRUCTIONS A PLUSIEURS ALTERNATIVES

## Algorithme :

Objets : Code, Tarif : entiers

Début :

Afficher ("Donner le code visiteur 0, 1, 2 ou 3 : ")

Lire(Code)

Selon (Code)

Si 0 : Tarif  $\leftarrow$  10, Sortir

Si 1 : Tarif  $\leftarrow$  12, Sortir

Si 2 : Tarif  $\leftarrow$  15, Sortir

Si 3 : Tarif  $\leftarrow$  25, Sortir

FinSelon

Afficher("Vous devez payer : ", Tarif, " DH")

Fin.

# INSTRUCTIONS A PLUSIEURS ALTERNATIVES

## Programme en C :

```
#include<stdio.h>
main()
{ int Code, Tarif;
  printf("Donner le type 0, 1, 2 ou 3 : ");
  scanf("%d",&Code);
  switch(Code)
  { case 0 : Tarif=10; break;
    case 1 : Tarif=12; break;
    case 2 : Tarif=15; break;
    case 3 : Tarif=25; break;
  }
  printf("Vous devez payer %d DH", Tarif); }
```

# Correction de l'exercice

## *Calcul de la moyenne de deux nombres*

- 1) Donner les objets en entrée et en sortie.
- 2) Donner le modèle de résolution.
- 3) Dresser l'algorithme.
- 4) Ecrire le programme en langage C.

# Correction de l'exercice

## *Calcul de la moyenne de deux nombres*

### 1) Les objets en entrée :

a, b : variables entières

### Les objets en sortie :

M : variable réelle.

### 2) Modèle de résolution :

$$M=(a+b)/2.0$$



# Correction de l'exercice

## *Calcul de la moyenne de deux nombres*

### 3) Algorithme:

**Objets** : a, b : variables entières

M : variable réelle

**Début:**

Afficher("Donner 2 entiers : ")

Lire(a, b)

Calculer  $M \leftarrow (a+b)/2.0$

Afficher("Leur moyenne est : ", M)

**Fin.**

# Correction de l'exercice

## *Calcul de la moyenne de deux nombres*

### 4) Programme en langage C:

```
#include<stdio.h>
main()
{ int a, b; float M;
  printf("Donner 2 entiers :");
  scanf("%d%d", &a, &b);
  M=(a+b)/2.0;
  printf("Leur moyenne est %f", M);
}
```

# EXERCICE D'APPLICATION

## *Affichage de la mention en fonction de la note*

Ecrire un algorithme qui lit une note et affiche le message "admis avec mention" si cette note est supérieure à 14, "admis" si cette note est entre 12 et 14, "ajourné" si cette note est entre 10 et 12 et "exclus" si la note est inférieure à 10.

# Correction de l'exercice

## *Affichage de la mention en Fonction de la note*

### Algorithme:

Objets : N : variable réelle

Début :

Afficher("Donner la note :")

Lire(N)

Si  $N \geq 14$  alors Afficher("Admis avec mention")

Sinon Si  $N \geq 12$  alors Afficher("Admis")

    Sinon Si  $N \geq 10$  alors Afficher("Ajourné")

        Sinon Afficher("exclus")

    FinSi

FinSi

FinSi

Fin.

# Correction de l'exercice

## *Affichage de la mention en Fonction de la note*

### Programme en C :

```
#include<stdio.h>
main()
{ float N;
  printf("Donner la note :");
  scanf("%f", &N);
  if (N>=14) printf("Admis avec mention");
  else if (N>=12) printf("Admis");
    else if (N>=10) printf("Ajourné");
      else printf("exclus");
}
```

# INSTRUCTIONS ITERATIVES (Boucles)

- Ecrites une seule fois.
- S'exécutent plusieurs fois.
- Sont caractérisées par :
  - La **condition de sortie** qui doit être valide (sinon boucle infinie),
  - Le **corps** de la boucle qui contient les instructions qui doivent se répéter.

# INSTRUCTIONS ITERATIVES (Boucles)

- On distingue deux types :
  - se basant sur le **nombre d'itérations**  
(On connaît au départ le nombre de répétitions du corps de la boucle),
  - se basant sur une **condition** (On ne connaît pas le nombre de répétitions).

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

(se basant sur le nombre d'itérations)

- Utilisent une variable appelée compteur de boucle.
- Le compteur de boucle est une variable entière parcourant un intervalle [Min, Max] avec un pas donné.



# INSTRUCTIONS ITERATIVES

(se basant sur le nombre d'itérations)

## Syntaxe générale

*Pour Var*  $\leftarrow$  *Val1* jusqu'à *Val2* [*Pas=P*] faire  
    *Bloc\_Instructions*

*Fin-Pour*

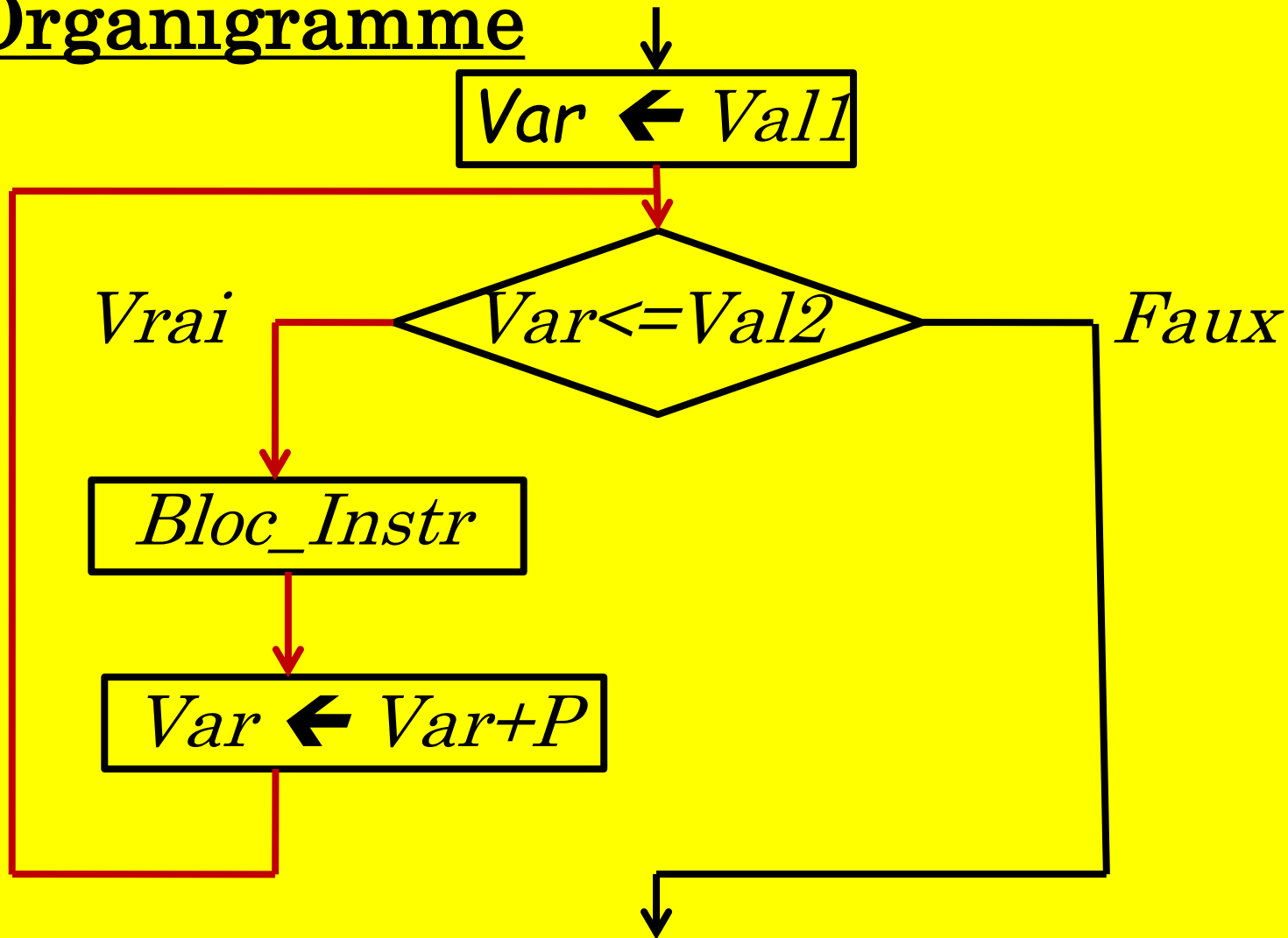
Avec :

- *Val1*, *Val2* et *P* : des valeurs entières
- *P* : a par défaut la valeur 1
- *Bloc\_Instructions* : peut être une instruction simple, des instructions séquentielles et/ou alternatives et/ou itératives.

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

(se basant sur le nombre d'itérations)

## Organigramme



# INSTRUCTIONS ITERATIVES

(se basant sur le nombre d'itérations)

## *Exemple 1:*

Lire 10 notes et calculer leur  
moyenne.

## Modèle :

Moyenne = la Somme des Notes divisée  
par le nombre de Notes

## *Exemple 1(Suite)*

### **Variables à utiliser :**

N : Note (réel),

MN : Moyenne des Notes (réel)

I : Compteur de la Boucle (entier )

### **Constante à utiliser :**

NN=10 : Nombre de Notes

# *Exemple1 (Suite) : Algorithme*

Objets : N, MN : variables réelles,  
I : variable entière,  
NN : constante entière=10,

Début :

$MN \leftarrow 0$

Pour I  $\leftarrow 1$  jusqu'à NN faire

Afficher("Donner une note :")

Lire(N)

$MN \leftarrow MN + N$

Fin-Pour

$MN \leftarrow MN / NN$

Afficher("La moyenne de ces notes est :", MN)

Fin.

# *Exemple 1(Suite) : Programme*

```
#include<stdio.h>
#define NN 10 /* Constante */
main()
{ float N, MN; int I;
  MN=0;
  for (I=1 ; I<=NN ; I++)
    { printf("Donner une note :");
      scanf("%f",&N); MN=MN+N;
    }
  MN=MN/NN;
  printf("La moyenne de ces notes est :%f", MN);
}
```

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

(se basant sur le nombre d'itérations)

## *Exemple 2:*

Lire 2 entiers A et B et afficher les nombres compris strictement entre A et B ainsi que leurs carrés et leurs cubes.

## *Exemple 2(Suite)*

**Variables à utiliser :**

A, B : Entiers à lire (**Entrées**)

I : Compteur de la boucle représentant  
aussi le I<sup>ème</sup> entier entre A et B

CA : Carré du I<sup>ème</sup> entier entre A et B

CU : Cube du I<sup>ème</sup> entier entre A et B

CA, CU, I : des **Sorties**



## *Exemple2 (Suite) : Algorithme*

**Objets :** A, B, I, CA, CU : variables entières,

**Début :**

Afficher("Donner 2 entiers A et B avec  $A < B$  :")

Lire(A, B)

**Pour**  $I \leftarrow A+1$  jusqu'à  $B-1$  faire

    Calculer  $CA \leftarrow I * I$

    Calculer  $CU \leftarrow CA * I$

    Afficher("L'entier est : ", I)

    Afficher("Son carré est : ", CA)

    Afficher("Son cube est : ", CU)

**Fin-Pour**

**Fin.**

# *Exemple 1(Suite) : Programme*

```
#include<stdio.h>
main()
{ int A, B, I, CA, CU;
  printf("Donner 2 entiers A et B avec A < B :");
  scanf("%d%d", &A, &B);
  for (I=A+1 ; I<B ; I++)
    {CA = I*I; CU = CA*I;
     printf("L'entier est :%d", I)
     printf("\nSon carré est : %d", CA)
     printf("\nSon cube est : %d", CU)
    }
}
```

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

(se basant sur une condition)

- Se basent sur une condition  
(expression booléenne)
- N'utilisent pas de compteur mais  
l'utilisateur peut en définir en cas  
de besoin.

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

(se basant sur une condition)

## 2 types :

- On teste la condition **avant** d'entrer dans la boucle

⇒ Nombre d'itérations  $\geq 0$

- On exécute la boucle, **ensuite** on teste la condition

⇒ Nombre d'itérations  $> 0$

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

se basant sur une condition

## Syntaxe-1 :

**Tant que (Condition)**

**Bloc\_Instructions**

**Fin-Tant-que**

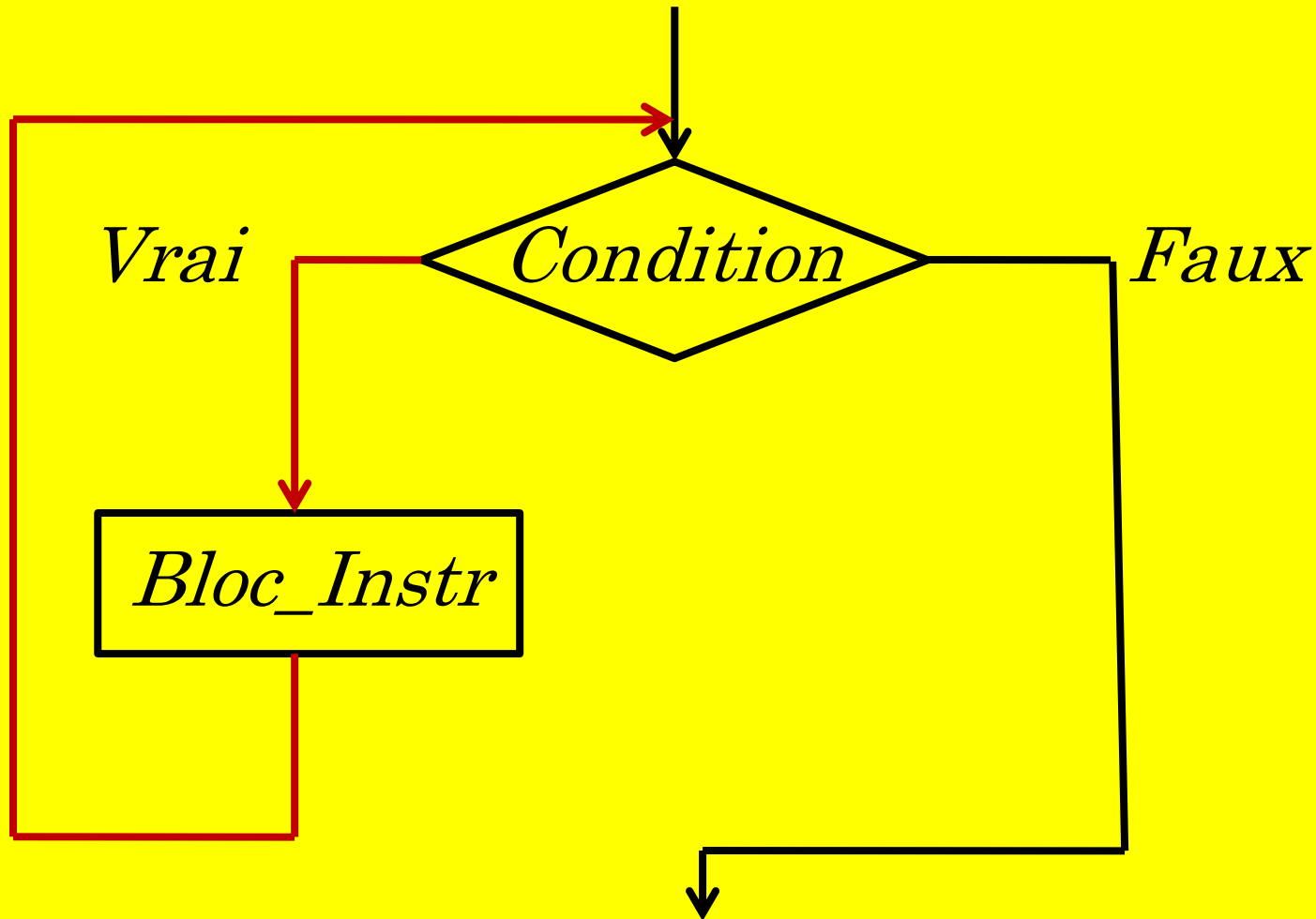
## Avec :

- **Condition** : expression booléenne
- **Bloc\_Instructions** : peut être une instruction simple, des instructions séquentielles et/ou alternatives et/ou itératives.

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

se basant sur une condition

## Organigramme-1



# INSTRUCTIONS ITERATIVES

se basant sur une condition

## Syntaxe-2 :

**Répéter**

**Bloc\_Instructions**

**Tant que (Condition)**

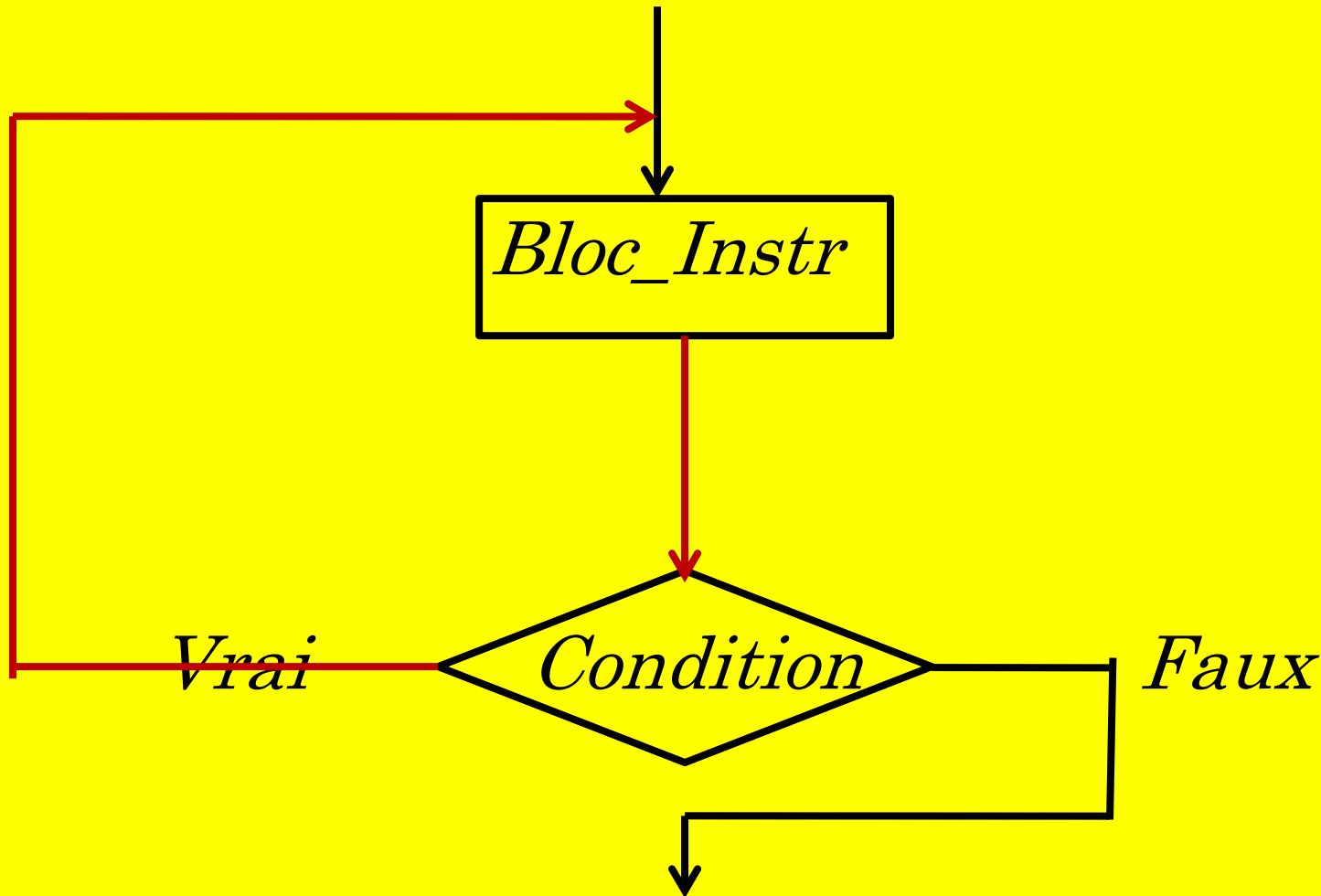
## Avec :

- **Condition** : expression booléenne
- **Bloc\_Instructions** : peut être une instruction simple, des instructions séquentielles et/ou alternatives et/ou itératives.

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

se basant sur une condition

## Organigramme-2





# INSTRUCTIONS ITERATIVES

se basant sur une condition

## Exemple 1:

- Lire des entiers jusqu'à ce qu'on donne 0 puis afficher le nombre d'entiers lus ainsi que leur somme.
- Besoin d'un compteur : entier initialisé à 0 et incrémenté au besoin.

# *Exemple1 (Suite) : Algorithme Avec Tant-Que*

**Objets :** E, NE, SE : variables entières

**Début :**

SE  $\leftarrow$  0; NE  $\leftarrow$  0; E  $\leftarrow$  1

**Tant que** (E  $\neq$  0) faire

Afficher("Donner un entier et 0 pour sortir :")

Lire(E)

Calculer SE  $\leftarrow$  SE + E

Si E  $\neq$  0 alors Calculer NE  $\leftarrow$  NE + 1

FinSi

**Fin-Tant-que**

Afficher("Le nombre d'entiers lus est :", NE)

Afficher("Leur somme est :", SE)

**Fin.**

# *Exemple1 (Suite) : Programme en C*

```
#include<stdio.h>
main()
{ int E, SE, NE; SE=0; NE=0; E=1;
  while (E!=0)
  {printf("Donner un entier et 0 pour sortir :");
   scanf("%d", &E);
   SE=SE+E;
   if (E!=0) NE=NE+1;
  }
  printf("Le nombre d'entiers lus est : %d", NE);
  printf("\nLeur somme est :%d", SE);
}
```

# *Exemple1 : Algorithme Avec Répéter-Tant-Que*

**Objets :** E, NE, SE : variables entières,

**Début :**

SE  $\leftarrow$  0; NE  $\leftarrow$  0    /\* Pas besoin de E  $\leftarrow$  1; \*/

**Répéter**

    Afficher("Donner un entier et 0 pour sortir :")

    Lire(E)

    Calculer SE  $\leftarrow$  SE + E

    Si E  $\neq$  0 alors Calculer NE  $\leftarrow$  NE + 1 FinSi

**Tant que** (E  $\neq$  0)

    Afficher("Le nombre d'entiers lus est :", NE)

    Afficher("Leur somme est :", SE)

**Fin.**

# *Exemple1 : Programme en C*

```
#include<stdio.h>
main()
{ int E, SE, NE; SE=0; NE=0;
  do {
    printf("Donner un entier et 0 pour sortir :");
    scanf("%d", &E);
    SE=SE+E;
    if (E!=0) NE=NE+1;
  }
  while (E!=0);
  printf("Le nombre d'entiers lus est : %d", NE);
  printf("\nLeur somme est : %d", SE);
}
```

# INSTRUCTIONS ITERATIVES

se basant sur une condition

## Exemple 2:

- Lire les Prix Unitaires et les Quantités de produits achetés et afficher le total à payer.
- On boucle tant que l'utilisateur le désire.

## *Exemple2 (Suite) : Algorithme Avec Tant-Que*

**Objets :** PU, PT : variables réelles  
Qte, Choix : variables entières

**Début :**

PT  $\leftarrow$  0; Choix  $\leftarrow$  1

**Tant que** (Choix  $\neq$  0) faire

Afficher("Donner Le PU et la Qte achetée:")

Lire(PU, Qte)

Calculer PT  $\leftarrow$  PT + (PU \* Qte)

Afficher("Taper 1 pour Continuer ou 0 pour sortir :")

Lire(Choix)

**Fin-Tant-que**

Afficher("Le prix total à payer est :", PT, "DH")

**Fin.**

## *Exemple2 (Suite) : Programme en C*

```
#include<stdio.h>
main()
{ float PU, PT; int Qte, Choix;
  PT=0; Choix=1;
  while (Choix!=0) {
    printf("Donner Le PU et la Qte achetée:");
    scanf("%f%d", &PU, &Qte);
    PT=PT+(PU*Qte);
    printf("Taper 1 pour Continuer ou 0 pour sortir :")
    scanf("%d", &Choix);
  }
  printf("Le prix total à payer est :%f DH", PT);
}
```



## *Exemple2 : Algorithme Avec Répéter-Tant-Que*

**Objets :** PU, PT : variables réelles;  
Qte, Choix : variables entières,

**Début :**

PT  $\leftarrow$  0;

**Répéter**

Afficher("Donner Le PU et la Qte achetée:")

Lire(PU, Qte)

Calculer PT  $\leftarrow$  PT + (PU \* Qte)

Afficher("Taper 1 pour Continuer ou 0 pour sortir :")

Lire(Choix)

**Tant que** (Choix  $\neq$  0)

Afficher("Le prix total à payer est :", PT, "DH")

**Fin.**

## *Exemple2 : Programme en C*

```
#include<stdio.h>
main()
{ float PU, PT; int Qte, Choix;
  PT=0;
  do {
    printf("Donner Le PU et la Qte achetée:");
    scanf("%f%d", &PU, &Qte);
    PT=PT+(PU*Qte);
    printf("Taper 1 pour Continuer ou 0 pour sortir :")
    scanf("%d", &Choix);
  }
  while (Choix!=0);
  printf("Le prix total à payer est :%f DH", PT);
}
```

# Exercice d'application N°1

Lister tous les nombres entiers pairs inférieurs ou égaux à un nombre N lu à partir du clavier.

- Utiliser les 3 boucles séparément
- Donner l'algorithme et le programme en C pour chaque cas.

# Exercice d'application N°2

Lire un entier N et afficher sa table de multiplication.

- Utiliser les 3 boucles séparément.
- Donner l'algorithme et le programme en C pour chaque cas.

# Attention aux erreurs logiques dans les boucles

- **Condition de sortie non valide** : on risque d'avoir une boucle infinie.
- **Corps de la boucle incorrect** : on risque de répéter des instructions qui ne doivent pas être répétées ou l'inverse.

# Exemple 1 : Min et Max d'entiers

## Algorithme

**Objet** : N, Min, Max : variables entières

**Début:**

Afficher("Donner un entier et 0 pour sortir :")

Lire(N)

Min $\leftarrow$ N; Max $\leftarrow$ N

**Tant Que** (N  $\neq$  0) faire ... Boucle Infinie Si !!...

Afficher("Donner un entier et 0 pour sortir :")

Si (Min > N) Min $\leftarrow$ N FinSi

Si (Max < N) Max $\leftarrow$ N FinSi

**Fin-Tant-que**

Afficher("Le Min est :", Min, " Le max est : ", Max)

**Fin.**

# Exemple 2 : Norme d'un Vecteur

## Algorithme

**Objet** : I, C : variable entière

X, N : variables réelles

**Début:**

Afficher("Donner la taille du Vecteur :")

Lire(C);  $N \leftarrow 0$

**Pour**  $I \leftarrow 1$  jusqu'à C faire

Afficher("Donner la coordonnée :", I, " : ")

Lire(X)

**Fin-Pour**

Calculer  $N \leftarrow N + (X * X)$  ... **N** = ... **!!** ...

Afficher("La Norme est : ", RacineCarrée(N))

**Fin.**

# Remarque

- Les 3 boucles sont équivalentes avec quelques modifications.
- On choisit la boucle au nombre d'itérations si on connaît au départ combien de fois on va boucler.
- On utilise la boucle se basant sur une condition lorsque la sortie de la boucle est conditionnée par une condition et on ne connaît pas au départ le nombre de répétitions.



# Exemple : Somme des carrés des entiers inférieurs ou égaux à N

## Algorithme avec la boucle Pour

**Objet** : N, S, I : variables entières

**Début** :

Afficher("Donner un entier :")

Lire(N);  $S \leftarrow 0$

**Pour**  $I \leftarrow 1$  jusqu'à N faire

    Calculer  $S \leftarrow S + I * I$

**Fin-Pour**

Afficher("La somme des carrés des entiers  
          inférieurs ou égaux à ", N, " est : ", S)

**Fin.**

# Exemple : Somme des carrés des entiers inférieurs ou égaux à N

## Algorithme avec la boucle Tant-Que

Objet : N, S, I : variables entières

Début :

Afficher("Donner un entier :")

Lire(N);  $S \leftarrow 0$ ;  $I \leftarrow 1$

Tant Que ( $I \leq N$ ) faire

    Calculer  $S \leftarrow S + I * I$

$I \leftarrow I + 1$

Fin-Tant-Que

Afficher("La somme des carrés des entiers  
inférieurs ou égaux à ", N, " est : ", S)

Fin.

# Exemple : Somme des carrés des entiers inférieurs ou égaux à N

## Algorithme avec la boucle Répéter

**Objet** : N, S, I : variables entières

**Début** :

Afficher("Donner un entier :")

Lire(N);  $S \leftarrow 0$ ;  $I \leftarrow 1$

**Répéter**

    Calculer  $S \leftarrow S + I * I$

$I \leftarrow I + 1$

**Tant Que** ( $I \leq N$ )

Afficher("La somme des carrés des entiers  
inférieurs ou égaux à ", N, " est : ", S)

**Fin.**

# Les boucles imbriquées

- Le corps d'une boucle peut contenir une autre boucle
- On parle alors de boucles imbriquées
- Le système ne passe à l'itération suivante d'une boucle que lorsqu'il a terminé l'exécution de toute la boucle interne

# Exemple 1: Affichage des nombres premiers inférieurs à 100

- Un entier  $N$  est premier si tous les entiers compris entre 2 et  $\text{Racine}(N)$  ne sont pas des diviseurs de  $N$
- On a besoin d'une boucle pour parcourir l'intervalle  $[2, 100]$
- Dans cette boucle, on aura besoin d'une autre boucle pour parcourir l'intervalle  $[2, \text{Racine}(N)]$

# Exemple 1: Affichage des nombres premiers inférieurs à 100

Objet : N, I, R : Variables entières

Début :

**Pour** N←2 jusqu'à 100 faire

    I←2;

    Calculer R←RacineCarrée(N)

**Tant que**(N mod I ≠ 0 et I ≤ R) faire

        Calculer I←I+1

**Fin-Tant-que**

    Si (I > R) alors

        Afficher(N, " est premier :")

    Fin-Si

**Fin-Pour**

**Fin.**

## Exemple 2: Moyenne générale des étudiants

- On saisit les notes et les coefficients d'un étudiant et on calcule sa moyenne générale
- On répète cela tant que l'utilisateur le désire
- On aura donc besoin de 2 boucles : une pour parcourir les étudiants et l'autre pour saisir les notes et les coefficients.

# Exemple 2: Moyenne générale des étudiants

**Objet** : N, I, R, C, SC : Variables entières  
No, SNC : variables réelles

**Début** :

**Répéter**

Afficher("Donner le nombre d'examens :")

Lire(N); SC $\leftarrow$ 0; SNC $\leftarrow$ 0

**Pour** I $\leftarrow$ 1 jusqu'à N faire

Afficher("Donner la note et le coefficient:")

Lire(No, C)

Calculer SNC $\leftarrow$ SNC+(No\*C)

Calculer SC $\leftarrow$ SC+C

**Fin-Pour**

Afficher("La moyenne générale est :", (SNC/SC))

Afficher("Taper 1 pour continuer:")

Lire(R)

**Tant que** (R=1)

**Fin.**



# VI- STRUCTURES DE DONNEES

- **Variable simple :**

ne peut contenir qu'une seule information (car elle a une seule case mémoire)

- **Variable structurée :**

peut contenir plusieurs informations (car elle possède plusieurs cases mémoires)

# VI- STRUCTURES DE DONNEES

## 2 Types de Structures de Données :

- Structures de données *homogènes* :

Tous les éléments sont de même type

Exemple : tableaux

- Structures de données *hétérogènes* :

Les éléments peuvent être de types différents

Exemple : structures (enregistrements)

# TABLEAUX

- Structure de données homogènes
- Caractérisé par un **identificateur** (**nom**) , le **type** des éléments et la **taille** (Nombre d'éléments) qui doit être une **constante** entière positive (dû à la réservation d'espace mémoire)

# TABLEAUX

- Chaque élément est repéré dans le tableau par un **indice**.
- Un indice est un entier variant de 0 à la taille moins un ( $\text{Taille}-1$ ) (En Pascal de 1 à Taille)

# TABLEAUX (Exemple)

## Déclaration Algorithmique:

N : Constante entière égale à 10

T : Tableau d'entiers de taille N

## Déclaration En C :

```
#define N 10
```

```
int T[N];
```

# OPERATIONS SUR LES TABLEAUX

- Les tableaux s'utilisent en général avec la boucle au nombre d'itérations

- Opérations :

Lecture, Affichage, Somme des éléments, Min/Max des éléments, Tri des éléments, Somme de deux tableaux, ...

# LECTURE DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

Algorithme :

$i$  : variable entière

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

Afficher("Donner l'élément d'indice:",  $i$ )

Lire( $T[i]$ )

Fin-Pour

# LECTURE DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

## Programme en C :

```
int i;  
for (i=0; i<N; i++)  
{printf("Donner l'élément d'indice %d:",i);  
  scanf("%d", &T[i]);  
}
```



# AFFICHAGE DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

## Algorithme :

$i$  : variable entière

Afficher("les éléments du tableau sont:")

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

    Afficher( $T[i]$ , " ")

Fin-Pour

# AFFICHAGE DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

## Programme en C :

```
int i;  
printf("les éléments du tableau sont:");  
for (i=0; i<N; i++)  
    printf("%d ",T[i]);
```

# SOMME DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

Algorithme :

Objet :  $S, i$  : variables entières

$S \leftarrow 0$

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

    Calculer  $S \leftarrow S + T[i]$

Fin-Pour

Afficher("la somme est : ",  $S$ )

# SOMME DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

## Programme en C :

```
int i;
```

```
int S=0;
```

```
for (i=0; i<N; i++)
```

```
    S=S+T[i];
```

```
printf("La somme est : %d",S);
```

# Min/Max DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

## Algorithme :

**Objets** :  $i$ ,  $Min$ ,  $Max$  : variables entières

$Min \leftarrow T[0]$

$Max \leftarrow T[0]$

**Pour**  $i \leftarrow 1$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

    Si  $(Min > T[i])$  alors  $Min \leftarrow T[i]$  FinSi

    Si  $(Max < T[i])$  alors  $Max \leftarrow T[i]$  FinSi

**Fin-Pour**

Afficher("le Minimum est : ",  $Min$ )

Afficher("le Maximum est : ",  $Max$ )

# Min/Max DES ELEMENTS D'UN TABLEAU

## Programme en C :

```
int i, Min, Max;  
Min=T[0]; Max=T[0];  
for (i=1; i<N; i++)  
    { if (Min>T[i]) Min=T[i];  
      if (Max<T[i]) Max=T[i];  
    }  
printf("\nLe minimum est : %d",Min);  
printf("\nLe maximum est : %d",Max);
```

# SOMME DE DEUX TABLEAUX

## Algorithme :

T1,T2,T3: tableaux d'entiers de taille N

//Lecture de T1 et T2

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

    Calculer  $T3[i] \leftarrow T1[i] + T2[i]$

Fin-Pour

Afficher("le tableau somme est : ")

//Affichage de T3

# SOMME DE DEUX TABLEAUX

## Programme en C :

```
#define N 10  
  
int i, T1[N], T2[N], T3[N];  
  
/* Lecture de T1 et T2 */  
  
for (i=0; i<N; i++)  
    T3[i]=T1[i]+T2[i];  
  
/* Affichage de T3 */
```



# RECHERCHE D'UN ENTIER DANS UN TABLEAU

- L'entier existe ou non ?
- 1<sup>ère</sup> occurrence de l'entier s'il existe
- Le nombre d'occurrences de l'entier
- Les indices des occurrences de l'entier
- Recherche dans un tableau trié

# L'entier $A$ existe ou non ?

## Algorithme

$i \leftarrow 0$

**Tant-Que**( $i < N$  et  $T[i] \neq A$ ) faire

    Calculer  $i \leftarrow i + 1$

**Fin-Tant-que**

Si ( $i < N$ ) alors

    Afficher( $A$ , " existe dans le tableau")

Sinon Afficher( $A$ , " n'existe pas")

FinSi

# L'entier A existe ou non

## Programme en C

```
i=0;
```

```
while(i<N &&T[i]!=A)
```

```
    { i=i+1; }
```

```
if (i<N)
```

```
    printf("%d existe dans le tableau", A);
```

```
else printf("%d n'existe pas", A);
```

# 1<sup>ère</sup> occurrence d'un entier A

## Algorithme

$i \leftarrow 0$

Tant-Que( $i < N$  et  $T[i] \neq A$ ) faire

    Calculer  $i \leftarrow i + 1$

Fin-Tant-que

Si ( $i < N$ ) alors

    Afficher("1<sup>ère</sup> occurrence de:", A, " est:", i)

    Sinon Afficher(A, " n'existe pas")

FinSi

# 1<sup>ère</sup> occurrence d'un entier A

## Programme en C

```
i=0;
```

```
while(i<N &&T[i]!=A)
```

```
    { i=i+1; }
```

```
if (i<N)
```

```
    printf("1ère occurrence de:%d est:%d",A,i);
```

```
else printf("%d n'existe pas",A);
```

# Nombre d'occurrences de A

## Algorithme

$i, C$  : variables entières

$C \leftarrow 0$

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

    Si  $(T[i]=A)$  alors Calculer  $C \leftarrow C+1$

    FinSi

Fin-Pour

Afficher("Nombre d'occurrences de:"  
           $A$ ," est:", $C$ )

# Nombre d'occurrences de A

## Programme en C

```
int i, C;  
C=0;  
for(i=0; i<N; i++)  
    { if (T[i]==A) C=C+1; }  
printf("Nombre d'occurrences de:%d  
      est:%d",A,C)
```

# Indices des occurrences de A

## Algorithme

i : variables entières

Afficher("L'entier:", A, " existe dans les  
indices suivants :")

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à (N-1) faire

Si ( $T[i]=A$ ) alors Afficher(i, " ")

FinSi

Fin-Pour



# Indices des occurrences de A

## Programme en C

```
int i;  
printf("L'entier:%d existe dans les  
      indices suivants :", A)  
for(i=0; i<N; i++)  
    { if (T[i]==A) printf("%d ", i); }
```

# Recherche dans un tableau trié

- Soit  $T$  un tableau d'entiers contenant  $N$  éléments ordonnés par ordre croissant,
- L'objectif est de rechercher dans ce tableau un entier  $A$  saisi au clavier,
- L'algorithme s'appelle Dichotomie
- 2 versions : itérative et récursive

# Principe de l'Algorithme

- On compare  $A$  avec l'entier du milieu du tableau (d'indice  $MI$ ),
- Si cet entier est égal à  $A$  c'est terminé
- S'il est supérieur strictement à  $A$  alors on cherche  $A$  dans le 1<sup>er</sup> sous-tableau (Indices 0 à  $(MI-1)$ )
- S'il est inférieur strictement à  $A$  alors on cherche  $A$  dans le 2<sup>ème</sup> sous-tableau (Indices  $(MI+1)$  à  $(N-1)$ )
- Si les bornes du tableau ne sont plus valides on sort ( $A$  n'existe pas dans le tableau)

# Algorithme Dichotomie (itératif)

**Objets** :  $B_i$ ,  $B_s$ ,  $M_i$ ,  $A$  : variables entières

Trouvé : variable booléenne

**Début:**

$B_i \leftarrow 0$     $B_s \leftarrow (N-1)$    Trouvé  $\leftarrow$  faux

**Tant Que**  $((B_i \leq B_s) \text{ et } (\text{non Trouvé}))$  faire

    Calculer  $M_i \leftarrow (B_s + B_i) / 2$

    Si  $(T[M_i] = A)$  alors Trouvé  $\leftarrow$  vrai

    Sinon Si  $(T[M_i] > A)$  alors Calculer  $B_s \leftarrow (M_i - 1)$

        Sinon Calculer  $B_i \leftarrow (M_i + 1)$

    FinSi

FinSi

**Fin-Tant-Que**

Si (Trouvé) alors Afficher( $A$ , " existe à l'indice:",  $M_i$ )

Sinon Afficher( $A$ , " n'existe pas")

FinSi

**Fin.**

# Exercice d'application N°1

Ecrire un algorithme qui lit deux tableaux d'entiers T1 et T2 de taille 10 chacun et affiche les éléments existants dans T1 sans exister dans T2 (càd  $T1 - T2$ ) et les éléments existants dans T2 sans exister dans T1 (càd  $T2 - T1$ ).

## Exercice d'application N°2

Ecrire un algorithme qui lit deux tableaux de réels P1 et P2 de taille 10 chacun comportant les coefficients de 2 polynômes de degré ?? et stocke la somme de ces 2 polynômes dans un 3<sup>ème</sup> polynôme P3 de degré ?? puis affiche P3.

# Tri d'un tableau

Différents algorithmes de tri :

- Tri à Bulles
- Tri par sélection
- Tri par insertion
- Tri rapide (Quicksort)
- Tri par tas (Heapsort)
- Tri fusion
- ...

# Tri à Bulles

## Principe de l'algorithme :

- consiste à faire remonter progressivement les plus grands éléments du tableau
- on parcourt le tableau et on compare les couples d'éléments successifs
- lorsque 2 éléments successifs ne sont pas ordonnés, on les permute
- Si on fait au moins une permutation dans un cycle, on doit refaire le cycle
- L'algorithme s'arrête lorsqu'on fait un cycle sans permutation.



# Algorithme Tri à Bulles

**Objets** : I, P : variables entières  
R : variable booléenne

**Début:**

**Répéter**

R ← faux

**Pour** I ← 0 jusqu'à (N-2) faire

Si (T[I] > T[I+1]) alors

P ← T[I]

T[I] ← T[I+1]

T[I+1] ← P

R ← vrai

FinSi

**Fin-Pour**

**Tant Que** (R=vrai)

**Fin.**

# Exemple: Algorithme Tri à Bulles

5	2	8	6	10	1	4	3	9	7
2	5	6	8	1	4	3	9	7	10
2	5	6	1	4	3	8	7	9	10
2	5	1	4	3	6	7	8	9	10
2	1	4	3	5	6	7	8	9	10
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

# Exercice d'application N°3

Soit T un tableau d'entiers contenant les éléments suivants: 8 6 0 4 2 7 9 1 3 5

1) Donner le contenu du tableau après chaque itération de l'algorithme Tri à Bulles

2) Déduire le nombre d'itérations nécessaires pour que le tableau soit trié

# Tri par sélection

## Principe de l'algorithme :

- Rechercher le plus petit élément du tableau et l'échanger avec l'élément d'indice 0
- Rechercher le second plus petit élément et l'échanger avec l'élément d'indice 1
- Continuer de cette façon jusqu'à ce que le tableau soit entièrement trié
- On peut s'intéresser à rechercher le plus petit élément ou son indice
- Donc, pour chaque  $i$ ,  $T[i]=...??$

# Algorithme Tri par sélection

**Objets** :  $I, J, P$  : variables entières

**Début:**

Pour  $I \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-2)$  faire

    Pour  $J \leftarrow I+1$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

        Si  $(T[I] > T[J])$  alors

$P \leftarrow T[I]$

$T[I] \leftarrow T[J]$

$T[J] \leftarrow P$

        FinSi

    Fin-Pour

Fin-Pour

Fin.

# Exemple: Algorithme Tri par sélection

5	2	8	6	10	1	4	3	9	7
1	5	8	6	10	2	4	3	9	7
1	2	8	6	10	5	4	3	9	7
1	2	3	8	10	6	5	4	9	7
1	2	3	4	10	8	6	5	9	7
1	2	3	4	5	10	8	6	9	7
1	2	3	4	5	6	10	8	9	7
1	2	3	4	5	6	7	10	9	8
1	2	3	4	5	6	7	8	10	9
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

# Exercice d'application N°4

Soit T un tableau d'entiers contenant les éléments suivants: 8 6 0 4 2 7 9 1 3 5

- 1) Donner le contenu du tableau après chaque itération de l'algorithme Tri par sélection
- 2) Déduire le nombre d'itérations nécessaires pour que le tableau soit trié

# Tri par insertion

## Principe de l'algorithme :

- Trier les 2 premiers éléments du tableau
- Insérer le 3<sup>ème</sup> élément à sa bonne place de telle manière à ce que les 3 premiers éléments soient triés
- Et ainsi de suite : insérer le  $i^{\text{ème}}$  élément à sa bonne place pour que les  $i$  premiers éléments soient triés



# Algorithme Tri par insertion

**Objets** :  $I, J, X$  : variables entières

**Début:**

**Pour**  $I \leftarrow 1$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

$X \leftarrow T[I]$

$J \leftarrow I$

**Tant que**  $((J > 0) \text{ et } (T[J-1] > X))$  faire

$T[J] \leftarrow T[J-1]$

        Calculer  $J \leftarrow J-1$

**Fin-Tant-que**

$T[J] \leftarrow X$

**Fin-Pour**

**Fin.**

# Exemple: Algorithme Tri par insertion

5	2	8	6	10	1	4	3	9	7
2	5	8	6	10	1	4	3	9	7
2	5	8	6	10	1	4	3	9	7
2	5	6	8	10	1	4	3	9	7
2	5	6	8	10	1	4	3	9	7
1	2	5	6	8	10	4	3	9	7
1	2	4	5	6	8	10	3	9	7
1	2	3	4	5	6	8	10	9	7
1	2	3	4	5	6	8	9	10	7
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

# Exercice d'application N°5

Soit T un tableau d'entiers contenant les éléments suivants: 8 6 0 4 2 7 9 1 3 5

- 1) Donner le contenu du tableau après chaque itération de l'algorithme Tri par insertion
- 2) Déduire le nombre d'itérations nécessaires pour que le tableau soit trié

# *Remarque sur les tableaux*

## Problème :

Taille constante  $\Rightarrow$  sur-utilisation ou sous-utilisation du tableau

## Exemple :

N : constante entière = 10

T tableau d'entiers de taille N

- *Si on a besoin de plus de 10 cases ?*
- *Si on veut stocker juste 3 entiers ?*

# *Remarque sur les tableaux(suite)*

## Solution :

- Utiliser des tableaux dynamiques utilisant les **pointeurs** : réserver au besoin et libérer les espaces non utilisés (Cas des langages C et C++)
- Utiliser un type prédéfini dont la gestion de la mémoire est faite par le système (Cas des types prédéfinis du langage JAVA: Vector, ArrayList,...)

# Les tableaux à 2 dimensions

- Sont aussi appelés **Matrices**
- Chaque élément est repéré par 2 indices
- Ils sont manipulés en utilisant 2 boucles imbriquées
- Une boucle pour parcourir les lignes
- L'autre boucle pour parcourir les colonnes

# Exemple de tableaux à 2 dimensions

## Déclaration:

N : constante entière égale à 10

M : constante entière égale à 20

T : tableau d'entiers de taille  $N \times M$

⇒ T est un tableau à 2 dimensions contenant 200 ( $10 \times 20$ ) éléments, c'est-à-dire une matrice formée de 10 lignes et 20 colonnes

# Exemple de tableaux à 2 dimensions

Lecture :

I, J : variables entières

Pour  $I \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

    Pour  $J \leftarrow 0$  jusqu'à  $(M-1)$  faire

        Afficher("Donner un entier:")

        Lire( $T[I][J]$ )

    Fin-Pour

Fin-Pour



# Exemple de tableaux à 2 dimensions

Affichage : (Matricielle)

I, J : variables entières

Afficher("La matrice est:")

Pour I  $\leftarrow$  0 jusqu'à (N-1) faire

    Pour J  $\leftarrow$  0 jusqu'à (M-1) faire

        Afficher(T[I][J], " ")

    Fin-Pour

Retourner à la ligne

Fin-Pour

# Les structures

## Définition:

Une structure est un ensemble d'informations **homogènes** (relatives à la même entité) qui peuvent être de types différents.

## Exemples:

- **Etudiant**(Code, Nom, Prénom, Classe, ...)
- **Matière**(Code, Nom, Coefficient)
- **Enseignant**(Nom, Prénom, Spécialité, ...)
- **Date**(Jour, Mois, Année)
- **Examen**(Date, Matière, Etudiant, Note)

# Les structures

## Déclaration Algorithmique

Structure **NomStructure**

**Champ1** : Type1

**Champ2** : Type2

.....

**ChampN** : TypeN

Fin-Structure

**Rmq** : Cette déclaration ne réserve  
*aucun espace mémoire*

# Exemple

Structure représentant les Vecteurs  
dans l'espace à 3 dimensions

Structure **Vecteur3d**

**X** : réel

**Y** : réel

**Z** : réel

Fin-Structure

# Les variables structurées

## Déclaration Algorithmique

Structure NomStructure NomVariablestructurée

## Remarque :

Cette déclaration réserve l'espace mémoire nécessaire pour tous les champs de cette variable structurée

# Exemple

Déclaration d'un Vecteur V1 comme étant une variable structurée de la structure Vecteur3d précédente :

**Structure Vecteur3d V1**

⇒ Le système réserve l'espace mémoire nécessaire pour les champs X, Y et Z de la variable structurée V1

# Accès aux champs

Pour accéder aux champs d'une variable structurée, on utilise l'opérateur "."

## Exemple :

**V1.X** représente le champ X de V1

**V1.Y** représente le champ Y de V1

**V1.Z** représente le champ Z de V1

# Exemple : Lecture et affichage d'une variable structurée

Structure Vecteur3d

X, Y, Z : réels

Fin-Structure

**Objet** : V1 : variable de type Vecteur3d

**Début** :

Afficher("Donner les coordonnées du vecteur :")

Lire(V1.X, V1.Y, V1.Z)

Afficher("Les coordonnées du vecteur sont :")

Afficher("(" , V1.X, " , " , V1.Y, " , " , V1.Z, ")")

**Fin.**



# Exercice d'application N°1

Ecrire un algorithme dans lequel :

- On définit la structure Complexe comportant 2 champs R (Réel) et I (Imaginaire) de type réel
- On déclare 2 Complexes C1 et C2
- On lit leurs champs respectifs
- On affiche C1, C2, leur somme et leur produit

# Structures de données particulières

On peut manipuler des structures de données particulières telles que :

- Des tableaux de structures
- Des structures comportant des tableaux
- Des structures comportant d'autres structures
- Des Piles et des Files

# Tableaux de structures

## Exemple

Structure Vecteur3d

X, Y, Z : réels

Fin-Structure

Objet : N : constante entière égale à 10

T : tableau de Vecteur3d de taille N

i : variable entière

/\* Les éléments de T sont des variables  
structurées de type la structure Vecteur3d \*/

# Tableaux de structures

**Début :**

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

Afficher("Donner les coordonnées du vecteur :")

Lire( $T[i].X$ ,  $T[i].Y$ ,  $T[i].Z$ )

Fin-Pour

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $(N-1)$  faire

Afficher("Les coordonnées du vecteur sont :")

Afficher("(" ,  $T[i].X$  , " , " ,  $T[i].Y$  , " , " ,  $T[i].Z$  , ")")

Retourner à la ligne

**Fin.**

# Tableaux de structures

## Remarque :

Dans cet exemple,  $T[i]$  représente le  $i^{\text{ème}}$  élément du tableau  $T$ , c'est une variable structurée de type la structure `Vecteur3d`, donc il possède 3 champs : `X`, `Y` et `Z`, et ceci pour tout  $i$  allant de 0 jusqu'à  $(N-1)$

# Structures comportant des tableaux

## Exemple

Structure Etudiant

Nom, Prénom : chaines de caractères

TN : tableau de réels de taille 10

Fin-Structure

//TN: comporte les notes de l'Etudiant

Objet : E : variable de type Etudiant

i : variable entière

/\*TN est un champ de la structure E, il est  
déclaré comme étant un tableau de  
réels\*/

# Structures comportant des tableaux

**Début :**

Afficher("Donner le nom et le prénom de l'Etudiant:")

Lire(E.Nom, E.Prenom)

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à 9 faire

    Afficher("Donner la note :")

    Lire(E.TN[i])

Fin-Pour

Afficher("Le nom et le prénom de l'Etudiant sont:")

Afficher(E.Nom, " ", E.Prenom)

Afficher("Ses notes sont:")

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à 9 faire

    Afficher(E.TN[i] , " ")

Fin-Pour

**Fin.**

# Structures comportant des tableaux

## Remarque :

Dans cet exemple, TN a été déclaré comme étant un champ de la structure Etudiant. Donc, et puisque E a été déclaré comme variable structurée de type la structure Etudiant, E.TN est un tableau.



# Structures comportant des structures

## Exemple

Structure Date

Jour, Mois, Année : entiers

Fin-Structure

Structure Personne

Nom, Prénom : chaînes de caractères

DN : variable de type Date //Date Naissance

Fin-Structure

**Objet** : P : variable de type Personne

/\*P est une variable structurée de type la structure Personne, elle comporte entre autres un champ DN qui est une variable structurée de type la structure Date\*/

# Structures comportant des structures

**Début :**

Afficher("Donner le nom et le prénom :")

Lire(P.Nom, P.Prenom)

Afficher("Donner le jour de naissance :")

Lire(P.DN.Jour)

Afficher("Donner le mois de naissance :")

Lire(P.DN.Mois)

Afficher("Donner l'année de naissance :")

Lire(P.DN.Année)

Afficher("Nom et Prénom :", P.Nom, " ", P.Prénom)

Afficher("Date naissance est :")

Afficher(P.DN.Jour, "/", P.DN.Mois, "/", P.DN.Année)

**Fin.**

# Structures comportant des structures

## Remarque :

Dans cet exemple, P a été déclaré comme étant une variable structurée de type la structure Personne. Donc, elle comporte entre autres un champ DN qui est lui-même une variable structurée de type la structure Date.

Donc, P.DN.Jour représente le Jour de la variable structurée DN de la variable structurée P

# Piles et Files

**Pile** : Structure de données  
fonctionnant avec l'algorithme  
LIFO (Last In First Out)

**Exemple** : Pile de livres, d'assiettes, ...

**File** : Structure de données  
fonctionnant avec l'algorithme  
FIFO (First In First Out)

**Exemple** : File d'attente de personnes,  
de processus, ...

# Caractéristiques d'une Pile

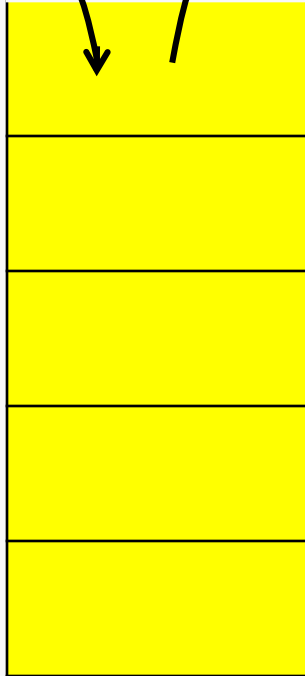
- Taille** : Nombre maximum d'éléments
- NC** : Nombre courant d'éléments
- Tête** : par où entrer et sortir les éléments
- Une **SD** pour stocker les éléments de la Pile

# Caractéristiques d'une File

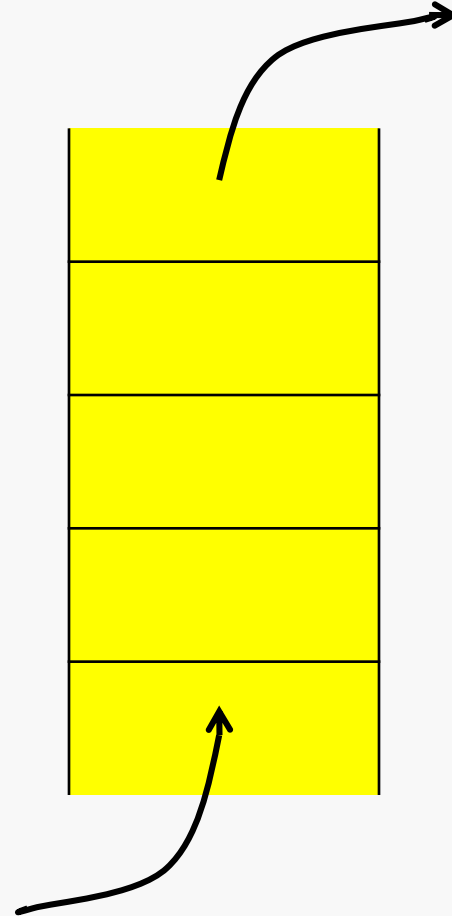
- **Taille** : Nombre maximum d'éléments
- **NC** : Nombre courant d'éléments
- **Tête** : par où entrer les éléments
- **Queue** : par où sortir les éléments
- Une **SD** pour stocker les éléments de la File

# Pile et File

Pile



File



# Opérations sur les Piles

- **Empiler** : entrer un élément dans la Pile
- **Dépiler** : sortir un élément de la Pile (Le dernier empilé)
- **Savoir l'état de la Pile** : Pleine ou non, Vide ou non
- **Vider la Pile** : dépiler tous les éléments de la Pile
- **Afficher les éléments de la Pile !!!**



# Opérations sur les Files

- Insérer**: entrer un élément dans la File
- Retirer**: sortir un élément de la File (Le premier inséré)
- Savoir l'état de la File** : Pleine ou non, Vide ou non
- Vider la File** : retirer tous les éléments de la File
- Afficher les éléments de la File !!!**

# Implémentation des Piles et Files

On peut implémenter une Pile (une File) avec :

- Un **Tableau statique** (mauvaise exploitation de la mémoire !!)
- Une **SDD** : tableau dynamique, liste chaînée, arbre, ...(Les données ne sont pas permanentes !!)
- Un **Fichier** (La gestion est faite par l'utilisateur !!)

# Pile avec Tableau statique

## Structure *Pile*

**NM** : constante entière égale à *Taille*

**NC** : variable entière initialisée à 0

**Tab** : tableau d'*Eléments* de taille NM

## Fin-Structure

//**Elément**: Type des éléments de la Pile

//**NM**: Nombre Maximum d'Eléments

//**NC**: Nombre Courant d'Eléments

# Pile avec Tableau statique

Fonction **PilePleine**(P: Pile) : booléen

Si (P.NM=P.NC) alors

    retourner (Vrai)

Sinon

    retourner (Faux)

FinSi

Fin-Fonction

# Pile avec Tableau statique

Fonction **PileVide**(P: Pile) : booléen

Si (P.NC=0) alors

    retourner (Vrai)

Sinon

    retourner (Faux)

FinSi

Fin-Fonction

# Pile avec Tableau statique

Fonction **Empiler**(P: Pile, E : Élément)

Si (PilePleine(P)) //P.NC=P.NM

alors

    Afficher("Impossible d'empiler")

Sinon P.Tab[P.NC]←E

    Calculer P.NC←P.NC+1

FinSi

Fin-Fonction

# Pile avec Tableau statique

Fonction **Dépiler**(P: Pile) : Elément

Si (PileVide(P)) //P.NC=0

alors

Afficher("Impossible de dépiler")

Sinon Calculer  $P.NC \leftarrow P.NC - 1$

retourner (P.Tab[P.NC])

FinSi

Fin-Fonction

# Pile avec Tableau statique

Fonction **Vider**(P: Pile)

Tant que (non PileVide(P)) faire

    //P.NC≠0 ou P.NC>0

        Dépiler(P)

Fin-Tant-que

Fin-Fonction



# Pile avec Tableau statique

Fonction **Afficher**(P: Pile) !!!

Objet : i : variable entière

Si (PileVide(P)) alors

    Afficher("La pile est vide")

Sinon

    Afficher("Les éléments de la pile :")

    Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à (P.NC-1) faire

        Afficher(P.Tab[i], " ")

    Fin-Pour

FinSi

Fin-Fonction

# File avec Tableau statique

## Structure File

**NM** : constante entière égale à *Taille*

**NC** : variable entière initialisée à 0

**Tête** : variable entière initialisée à 0

**Tab** : tableau d'*Eléments* de taille NM

## Fin-Structure

//**Elément**: Type des éléments de la Pile

//**NM**: Nombre Maximum d'Eléments

//**NC**: Nombre Courant d'Eléments

//**Tête** : Indice du 1<sup>er</sup> Elément

//**Queue** = ???

# File avec Tableau statique

Fonction **FilePleine**(F: File) : booléen

Si (P.NM=P.NC) alors

    retourner (Vrai)

Sinon

    retourner (Faux)

FinSi

Fin-Fonction

# File avec Tableau statique

Fonction **FileVide**(F: File) : booléen

Si (F.NC=0) alors

    retourner (Vrai)

Sinon

    retourner (Faux)

FinSi

Fin-Fonction

# File avec Tableau statique

Fonction **Insérer**(F: File, E : Élément)

Si (FilePleine(F)) //P.NC=P.NM

alors Afficher("Impossible d'insérer")

Sinon F.Tab[(F.Tête+F.NC) mod F.NM]←E

Calculer F.NC←F.NC+1

FinSi

Fin-Fonction

# File avec Tableau statique

Fonction **Retirer**(F: File) : Élément

Objet : E : variable de type Élément

Si (FileVide(F)) //F.NC=0

alors Afficher("Impossible de retirer")

Sinon  $E \leftarrow F.Tab[F.Tête]$

Calculer  $F.Tête \leftarrow (F.Tête + 1) \bmod NM$

Calculer  $F.NC \leftarrow F.NC - 1$

Retourner (E)

FinSi

Fin-Fonction

# File avec Tableau statique

Fonction **Vider**(F: File)

Tant que (non FileVide(F)) faire

    //P.NC≠0

    Retirer(F)

Fin-Tant-que

Fin-Fonction

# File avec Tableau statique

Fonction **Afficher**(F: File)

Objet : i :variable entière

Afficher("Les éléments de la file :")

Si (F.Tête+F.NC<F.NM) alors

    Pour  $i \leftarrow$  F.Tête jusqu'à (F.Tête+F.NC-1)

        faire Afficher(F.Tab[i], " ")

Fin-Pour



# File avec Tableau statique

Sinon

Pour  $i \leftarrow F.Tête$  jusqu'à  $(F.NM-1)$  faire  
    Afficher( $F.Tab[i]$ , " ")

Fin-Pour

Pour  $i \leftarrow 0$  jusqu'à  $((F.Tête + F.NC) \bmod F.NM)$   
    faire Afficher( $F.Tab[i]$ , " ")

Fin-Pour

FinSi

Fin-Fonction