

Image Fundamentals

زهرا نیازی

اطلاعات گزارش	چکیده
تاریخ: 1401/09/01	در این گزارش، مفاهیم هیستوگرام، چندی سازی (quantization)، downsample و upsample کردن تصاویر مطرح شده است. تاثیر تعداد سطوح خاکستری بر روی کیفیت تصویر و مراحل روش های مختلف درونیایی تصویر بررسی شده است.
واژگان کلیدی:	
مقاله	
شیوه نامه تدوین	
نویسنده	
چاپ	
شکل	
جدول	
فرمول	
نتایج	

1-مقدمه

برای اعمال این تغییرات، یکی از نکات مهم از دست ندادن بخش های مهمی از عکس می باشد که آن را برای چشم ما قابل تمیز نکند. روش های مختلفی برای انجام این عملیات ها وجود دارند. قصد داریم میزان دقت تعدادی از آنها را بررسی کنیم.

هنگام کار با تصاویر دیجیتال، عملیات های هندسی مختلفی می توان روی تصویر انجام داد که تا تغییرات مفیدی روی تصویر اعمال شوند. در انجام عملیات های لازم

2-شرح تکنیکال

2-1-چندی سازی و درون یابی

2-1-1 چندی سازی

در این قسمت از ما خواسته شده تصویر Elaine را به تعداد (4, 8, 16, 32, 64, 128) سطوح خاکستری کوانتیزه کنیم و برای هر حالت، تصویر را در کنار هیستوگرام آن نمایش دهیم. همچنان خواسته شده این کار برای هیستوگرام equalized شده نیز تکرار شود.

برای انجام این کار باید مقادیر تک تک پیکسل های عکس را از بازه (0-255) به بازه ای بین 0 تا تعداد سطوح خاکستری مشخص شده ببریم.

هیستوگرام اطلاعات تصویر دو بعدی را به یک بعد کاهش می دهد. همچنین وابسته به تعداد سطوح خاکستری تصویر می باشد که برای مقایسه ما مفید است. روش به دست آوردن هیستوگرام هر تصویر به این صورت است که باید PDF(probability density function) تصویر محاسبه شود تا احتمال رخداد هر کدام از سطوح خاکستری را بدانیم. سپس این مقادیر را تقسیم بر کل سائز تصویر میکنیم.

برای به دست آوردن هیستوگرام متعادل شده نیز باید ابتدا CDF(cumulative density function) تصویر را به دست آورده و آن را ضرب در بیشترین مقدار سطح خاکستری در تصویر کنیم. جمع تک تک pdf ها مقدار cdf را مشخص میکند.

این روش معمولاً کنتراست کلی بسیاری از تصاویر را افزایش می دهد، به خصوص زمانی که تصویر با محدوده کوچکی از مقادیر نمایش داده می شود. با اعمال این تغییر، مقادیر را می توان بهتر و به طور مساوی بر روی هیستوگرام با استفاده از طیف کامل مقادیر توزیع کرد. این کار باعث می شود تا مناطق با کنتراست محلی کمتر کنتراست بالاتری به دست آورند.

چندی سازی، یکی از تکنیک های فشرده سازی lossy (با اتلاف) است که با فشرده سازی محدوده ای از مقادیر به یک مقدار گسسته به دست می آید.

روش کوانتیزه کردن تصویر به این طریق است که اگر قرار است 128 سطح خاکستری در تصویر وجود داشته باشد، پس مقدار هر پیکسل باید به عددی در بازه (0-128) مپ بشود.

روش به دست آوردن optimum mean square error نیز مطابق فرمول زیر پیاده سازی شده است:

$$MSE = \left[\left(\frac{1}{N} \right) \sum_{i=1}^N (\hat{y}_i - y_i)^2 \right] \quad (1)$$

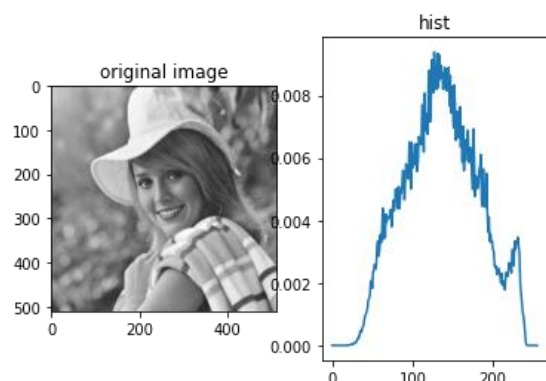
2-1-2- درون یابی

در این قسمت خواسته شده بود که درونیایی برای کوچک نمایی و سپس بزرگنمایی پیکسل های تصویر Goldhill را انجام دهیم.

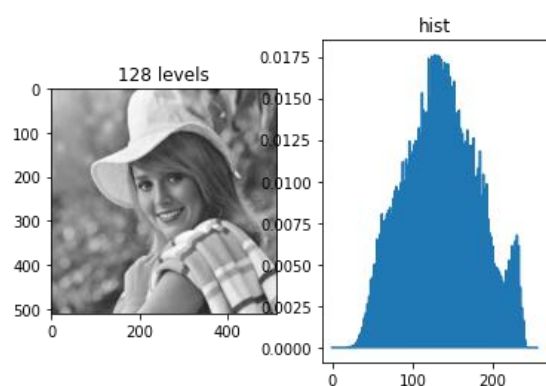
کوچک کردن تصویر به فاکتور 2 به این معناست که طول و عرض تصویر هر دو تقسیم بر 2 میشوند. دو روش برای کوچک کردن تصویر معرفی شده اند که یکی averaging و دیگری حذف یک سطر و یک ستون می باشد. Averaging به این معناست که برای هر پیکسلی که در تصویر کوچک شده قرار میدهیم، میانگین پیکسل های اطراف آن در تصویر اصلی را محاسبه کرده و قرار میدهیم. روش دوم هم این است که صرفاً یکی در میان سطرها و ستون ها را حذف کنیم.

روش های معرفی شده برای بزرگ نمایی تصویر نیز pixel replication و bilinear ineterpolation می باشد. روش اول بیان میکند که برای هر 4 پیکسل جدیدی که باید در عکس بزرگ نمایی شده مقداردهی شوند، مقدار یکی از پیکسل ها تکرار شود. روش درونیایی دوطبقی به این شیوه است که برای پیدا کردن یک مقدار بین 4 پیکسل مختلف،

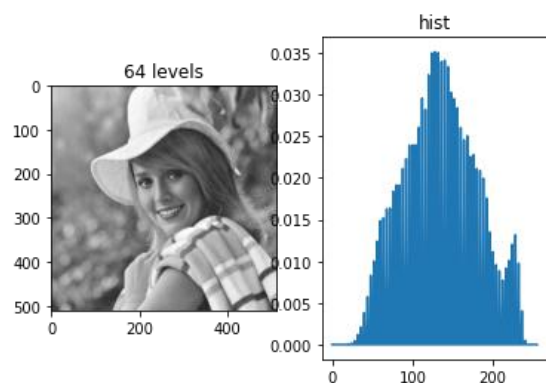
1-1-3



شکل 1-1-3-1 تصویر اصلی و هیستوگرام آن



شکل 1-1-3-2 تصویر با 128 سطح خاکستری و هیستوگرام آن



شکل 1-1-3-3 تصویر با 64 سطح خاکستری و هیستوگرام آن

ابتدا در محور طول درونیابی انجام شود و سپس مجدداً در محور عرض ها درونیابی به دست بیاید.

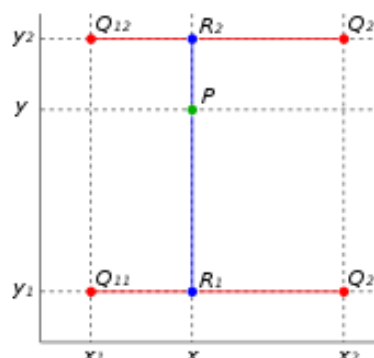


Figure 1 چهار نقطه قرمز نقاط داده و نقطه سبز نقطه مورد نظر ما برای درونیابی است.

با توجه به شکل بالا فرمول به دست آوردن مقادیر مناسب برای پیکسل P به شکل زیر می باشد:

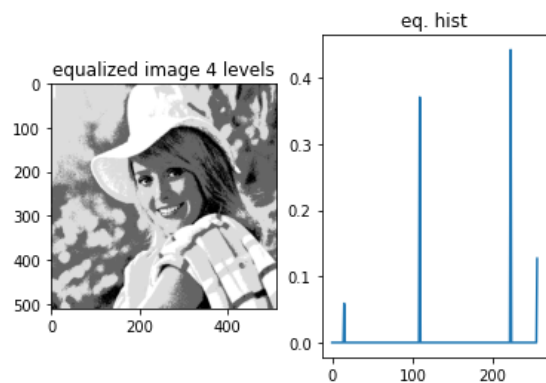
$$P = Q_{12} * (y - y_2) * (x_2 - x) + Q_{22} * (y - y_2) * (x - x_1) + Q_{21} * (y_2 - y) * (x_2 - x) + Q_{11} * (y_2 - y) * (x - x_1) \quad (2)$$

3-1-2

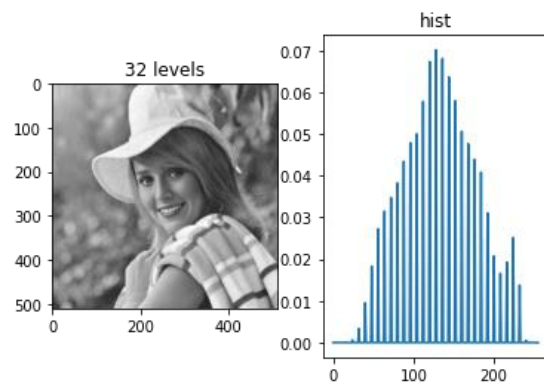
در این بخش خواسته شده تا تصویر را با تعداد بیت های مختلفی نمایش دهیم.

برای انجام این کار ما تعداد سطوح خاکستری به قدری کاهش می دهیم تا به جای 8 بیت، مقدار کمتری جا بگیرند. برای انجام این کار ما در نظر می گیریم که اگر قرار است تصویر گیتی باشد، یعنی تنها می تواند 32 سطح خاکستری تصویر وجود داشته باشد، پس مقدار هر پیکسل باید به عددی در بازه (0-31) مپ بشود. نتیجه و بررسی نتایج این بخش در قسمت نتایج به تفصیل بیان شده است.

3-نتایج

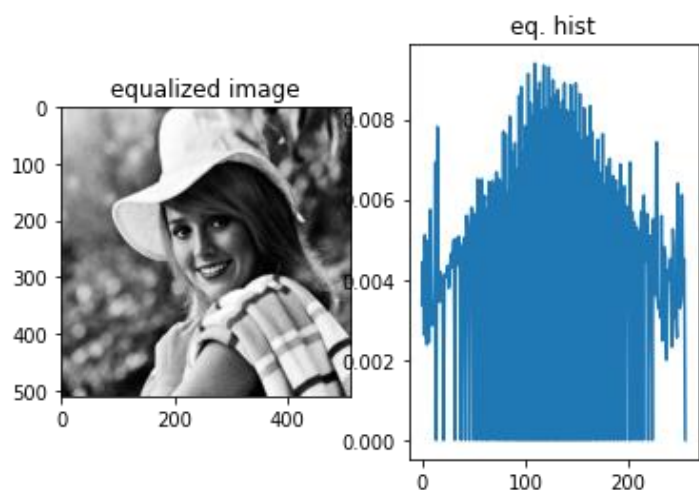


شکل 3-1-1-7 تصویر با 4 سطح خاکستری و هیستوگرام آن

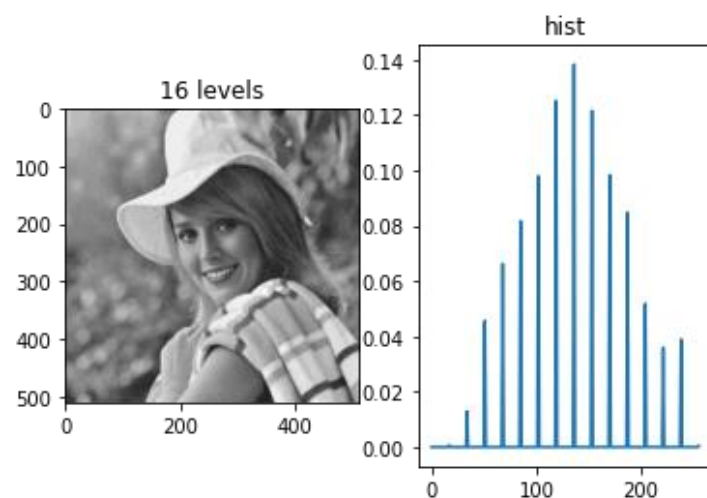


شکل 3-1-1-4 تصویر با 32 سطح خاکستری و هیستوگرام آن

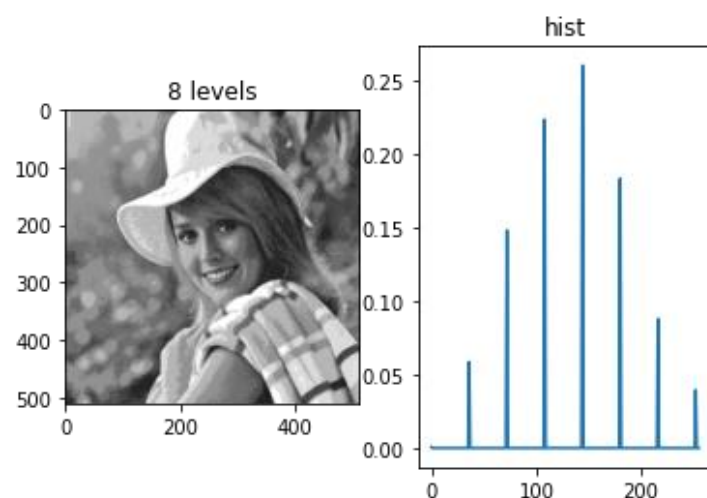
همانطور که در تصاویر بالا مشاهده میشود، کاهش تعداد سطوح خاکستری در هیستوگرام ها واضح است. اما کاهش کیفیت تصویر جوری که به چشم ما واضح باشد، تازه از 32 سطح خاکستری قابل تشخیص می باشد.



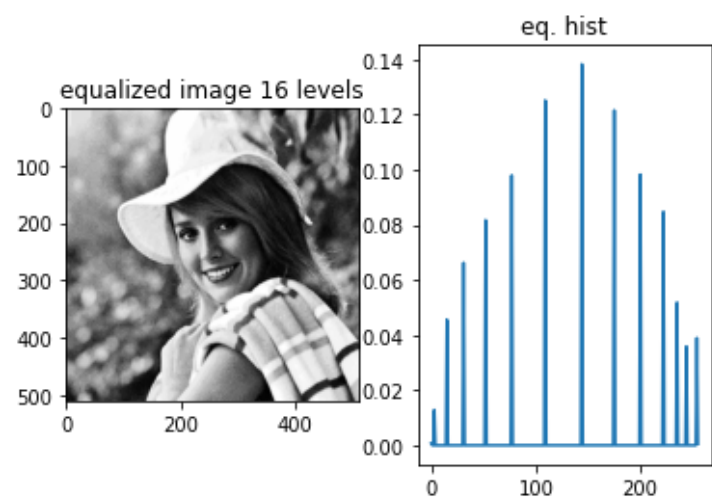
شکل 3-1-2-1 تصویر equalize شده و هیستوگرام آن



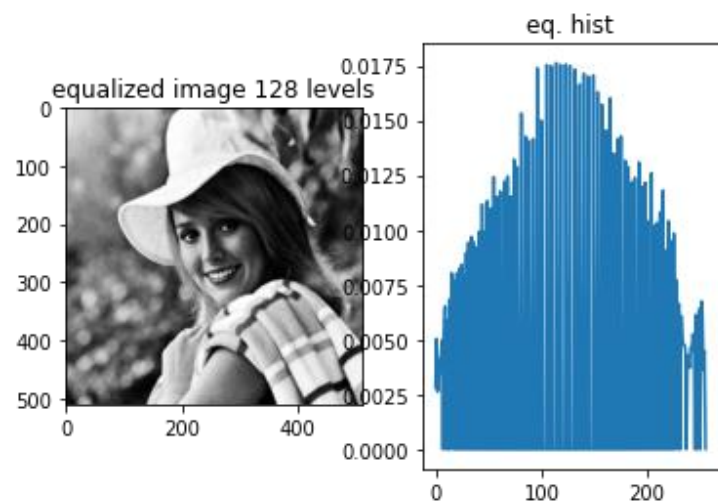
شکل 3-1-1-5 تصویر با 16 سطح خاکستری و هیستوگرام آن



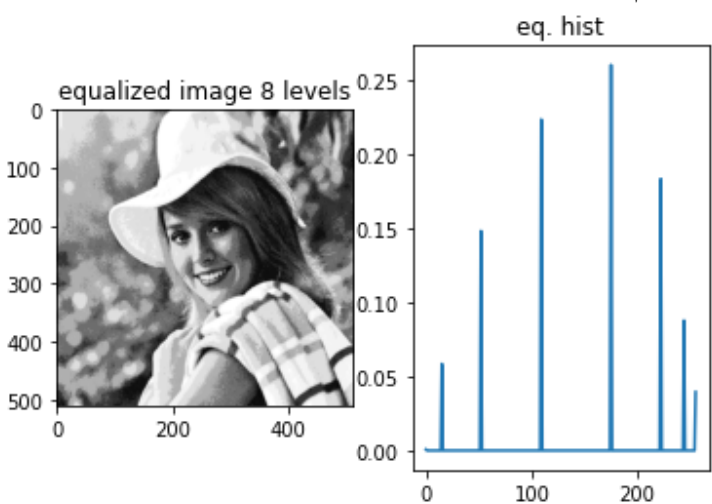
شکل 3-1-1-6 تصویر با 8 سطح خاکستری و هیستوگرام آن



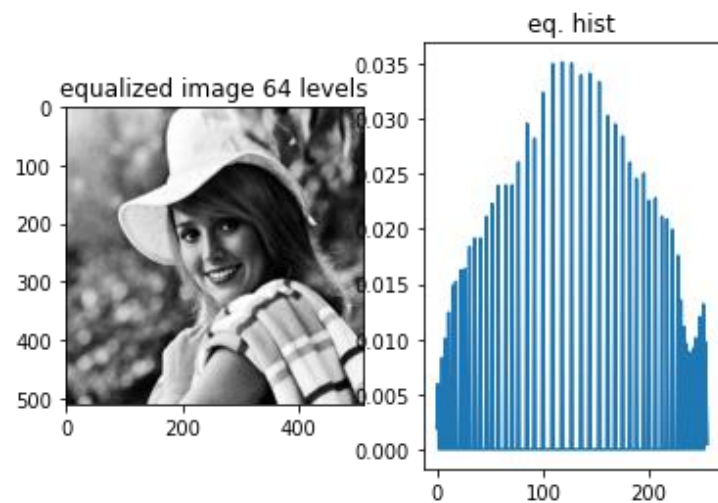
شکل 2-1-3 5 تصویر با 16 سطح خاکستری equalize شده و هیستوگرام آن



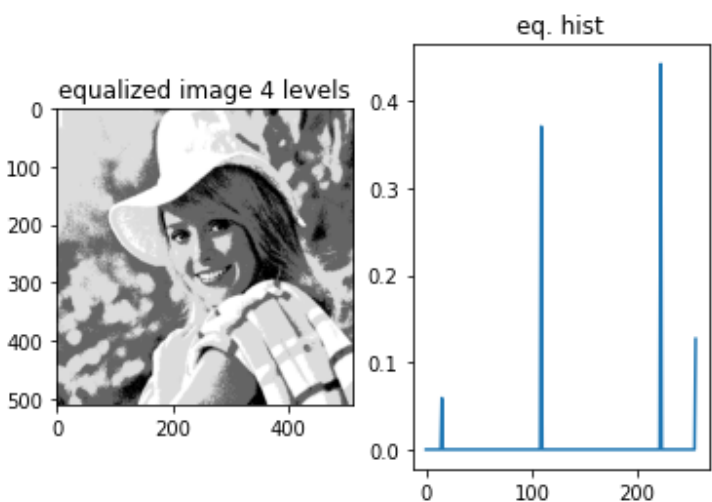
شکل 2-1-3 2 تصویر با 128 سطح خاکستری equalize شده و هیستوگرام آن



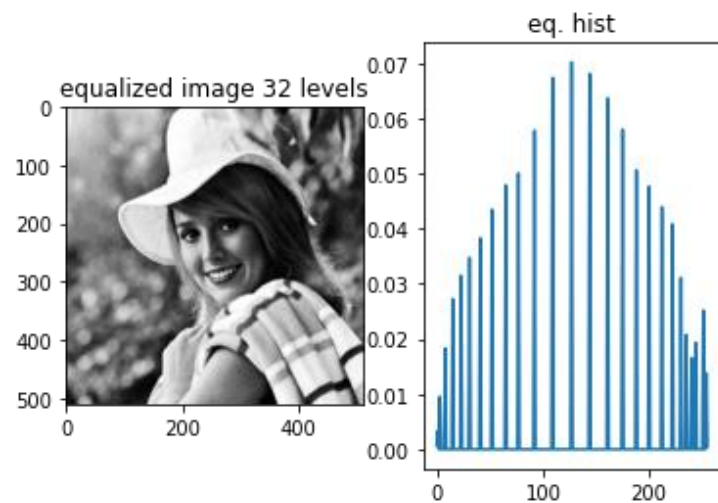
شکل 2-1-3 6 تصویر با 8 سطح خاکستری equalize شده و هیستوگرام آن



شکل 2-1-3 3 تصویر با 64 سطح خاکستری equalize شده و هیستوگرام آن



شکل 2-1-3 7 تصویر با 4 سطح خاکستری equalize شده و هیستوگرام آن



شکل 2-1-3 4 تصویر با 32 سطح خاکستری equalize شده و هیستوگرام آن

2-1-3

Original Image



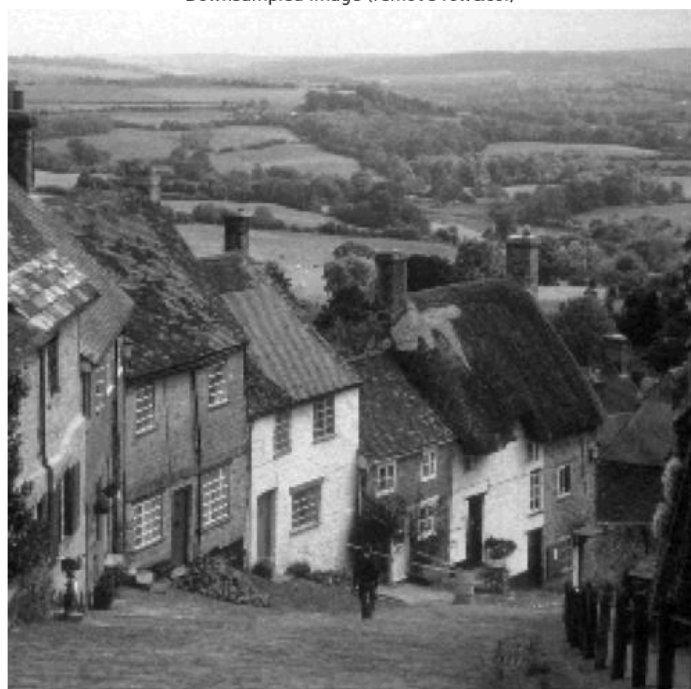
می دانیم متعادل سازی هیستوگرام به شکل هموارتر کردن هیستوگرام اولیه خودش را نشان می دهد و آن را ما در نتیجه به وضوح می بینیم. به این دلیل که هنگامی که سطوح خاکستری در یک ناحیه خاصی از هیستوگرام تجمع داشته باشند کنتراست به شدت پایین است. متعادل سازی هیستوگرام با هموار کردن این نمودار باعث افزایش کنتراست می شود. در عکس ها هم افزایش کنتراست را مشاهده می کنیم.

نتیجه مقایسه تک تک حالت های مختلف ذکر شده با تصویر اصلی در جدول زیر آمده است:

جدول 11 محاسبه mse

Levels	128	64	32	16	8	4
Without Histeq	0.509254	3.468834	17.381859	32.774803	76.570976	102.684330
With Histeq	102.832993	106.985451	106.654507	108.296638	108.791664	109.074158

Downsampled Image (remove row&col)



شکل 1-2-1-3 sample 1 1-2-1-3 کردن تصویر به روش حذف سطرون

Original Image



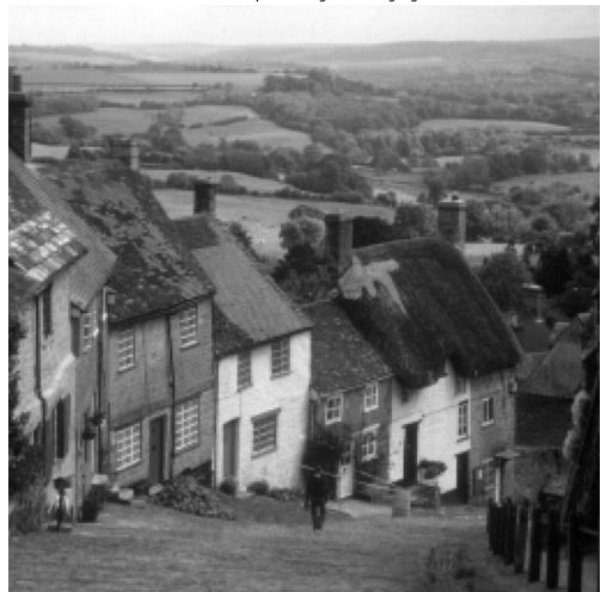
Original Image



Up (from row&col)



Downsampled Image (averaging)



Up (from avg)



Upsample pixel replication (Nearest 3 1-2-1-3
Neighbor Interpolation)

شکل 1-2-1-3 downsampling کردن تصویر به روش میانگین
گیری

همانطور که در تصاویر نتیجه میتوان مشاهده کرد، هنگام کوچک نمایی تصویر در حالتی که سطر و ستون حذف شده است، تصویر حالت پیکسل پیکسلی دارد اما در مقابل آن تصویری که به روش میانگین گیری downsample شده است smooth تر است و لبه ها محوتر شده اند. به تبع از آن، هنگام بزرگنمایی تصویر مشاهده می کنیم که هنگام بزرگنمایی به روش pixel replication از تصویری که به روش حذف سطر و ستون کوچک نمایی شده است، بدترین کیفیت را مشاهده میکنیم زیرا به ازای هر 4 پیکسل تصویر اصلی، درواقع یک تصویر چهار بار تکرار شده است. در مقابل آن هنگام بزرگنمایی به روش درونپایی دوخطی از تصویری که به روش میانگین گیری downsample شده است، کیفیت تصویر بسیار مشابه تصویر اصلی می باشد. زیرا به ازای هر 4 پیکسل تصویر اصلی مجموع تمام سطوح خاکستری محاسبه شده و تقسیم بر 4 کنیم. سپس هنگام بزرگنمایی بسته به موقعیت پیکسل در تصویر، میانگین وزن دار چهار نقطه نزدیک یک پیکسل را قرار می دهیم.

جدول 21 محاسبه mse

	Pixel Replication	Bilinear Interpolation
Averaging	35.253479	36.820927
Remove Row&Columns	23.089600	41.719284

3-1-3

Original Image



Up (from row&col)



Up (from avg)



شکل 3-1-2-1-3 Upsample bilinear interpolation 4

Original Image



Original Image



4 bit



شکل 3-1-3 تصویر اصلی و نمایش 4بیتی آن

5 bit



شکل 3-1-3 تصویر اصلی و نمایش 5بیتی آن

Original Image



Original Image



2 bit



شکل 3-1-3 4 تصویر اصلی و نمایش 2بیتی آن

3 bit



شکل 3-1-3 3 تصویر اصلی و نمایش 3بیتی آن

تصویر پایین آمده و در نقاطی از تصویر که تنوع سطوح خاکستری زیاد است، نمایش با تعداد بیت کم تفاوت فاحشی را در پی دارد.

به طور کلی اگر عکسی داشته باشیم که در ناحیه ای از آن، تنوع رنگ کمتر است و یکدست تر است و مثلاً نهایتاً بتوان آن را در دو سطح خاکستری توصیف کرد آنگاه 1 بیت هم برای نمایش آن ناحیه از تصویر کفایت میکند. اما در محله هایی از تصویر که تنوع رنگ و سطوح خاکستری بیشتری داریم حتماً نیاز به بیت های بیشتری برای بازنمایی مقدار هر پیکسل داریم تا بتوان بین آنها تمایز ایجاد کرد.

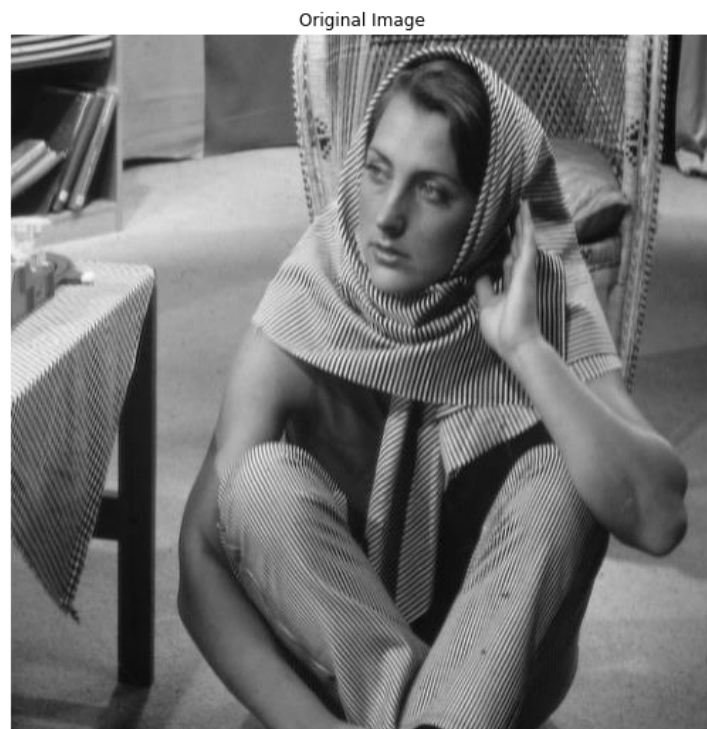
Code-4

1-1-1

```
def hist(image):
    m, n = image.shape
    hist = [0.0] * 256
    for i in range(m):
        for j in range(n):
            hist[image[i, j]]+=1
    return np.array(hist)/(m*n)

def cdf(hist):
    return [sum(hist[:i+1]) for i in range(len(hist))]

def histeq(image):
    h = hist(image)
    cumsum = np.array(cdf(h))
    sk = np.uint8(255 * cumsum)
    s1, s2 = image.shape
    new_img = np.zeros_like(image)
    # applying transfered values for each pixels
    for i in range(0, s1):
        for j in range(0, s2):
```



شکل 3-1-3 تصویر اصلی و نمایش 1بیتی آن

همانطور که در تصاویر نتایج مشاهده می شود، تا نمایش 4بیتی تقریباً تفاوت خاصی با تصویر اصلی توسط چشم ما تشخیص داده نمیشود. اما از نمایش سه بیتی به بعد کیفیت

```

##### 128 levels
img128levels = quantize(elaine, 7)

plt.subplot(121)
plt.imshow(img128levels)
plt.title('128 levels')

hist128 = hist(np.uint8(img128levels))

plt.subplot(122)
plt.plot(hist128)
plt.title('hist')
plt.show()

#####64 levels
img64levels = quantize(elaine, 6)

plt.subplot(121)
plt.imshow(img64levels)
plt.title('64 levels')

hist64 = hist(np.uint8(img64levels))

plt.subplot(122)
plt.plot(hist64)
plt.title('hist')
plt.show()

#####32 levels
img32levels = quantize(elaine, 5)

plt.subplot(121)
plt.imshow(img32levels)

```

```

        new_img[i, j] = sk[img[i, j]]
    Hist = hist(new_img)
    #return transformed image,
    original and new histogram,

    # and transform function
    return new_img , Hist

###1.1.1. display the quantized image in (4,8,16,32,64,128) Levels and its histograms

elaine = cv2.imread('/content/sample_data/Elaine.bmp', cv2.IMREAD_GRAYSCALE)

def quantize(image, n_bits):
    coeff = 2**8 // 2**n_bits
    coeff2 = 2**8 // (2**n_bits - 1)
    return (image // coeff) * coeff2

#####Without HistEq
#####original image and histogram
plt.subplot(121)
plt.imshow(elaine)
plt.title('original image')

orghist = hist(np.uint8(elaine))

plt.subplot(122)
plt.plot(orghist)
plt.title('hist')
plt.set_cmap('gray')
plt.show()

```

```

plt.title('hist')
plt.show()
#####4 levels
img4levels = quantize(elaine
,2)

plt.subplot(121)
plt.imshow(img4levels)
plt.title('4 levels')

hist4 = hist(np.uint8(img4le
vels))

plt.subplot(122)
plt.plot(hist4)
plt.title('hist')
plt.show()

####With HistEq
#####original image and hist
new_img, histeqorg = histeq(
np.uint8(elaine))

plt.subplot(121)
plt.imshow(new_img)
plt.title('equalized image')

plt.subplot(122)
plt.plot(histeqorg)
plt.title('eq. hist')
plt.show()

#####128 levels
img128levels = quantize(elai
ne, 7)
new_img128levels, histeq128
= histeq(np.uint8(img128leve
ls))

```

```

plt.title('32 levels')

hist32 = hist(np.uint8(img32
levels))

plt.subplot(122)
plt.plot(hist32)
plt.title('hist')
plt.show()

#####16 levels
img16levels = quantize(elain
e,4)

plt.subplot(121)
plt.imshow(img16levels)
plt.title('16 levels')

hist16 = hist(np.uint8(img16
levels))

plt.subplot(122)
plt.plot(hist16)
plt.title('hist')
plt.show()

#####8 levels
img8levels = quantize(elaine
,3)

plt.subplot(121)
plt.imshow(img8levels)
plt.title('8 levels')

hist8 = hist(np.uint8(img8le
vels))

plt.subplot(122)
plt.plot(hist8)

```

```

plt.title('eq. hist')
plt.show()

#####16 levels
img16levels = quantize(elaine, 4)
new_img16levels, histeq16 = histeq(np.uint8(img16levels))

plt.subplot(121)
plt.imshow(new_img16levels)
plt.title('equalized image 16 levels')

plt.subplot(122)
plt.plot(histeq16)
plt.title('eq. hist')
plt.show()

#####8 levels
img8levels = quantize(elaine, 3)
new_img8levels, histeq8 = histeq(np.uint8(img8levels))

plt.subplot(121)
plt.imshow(new_img8levels)
plt.title('equalized image 8 levels')

plt.subplot(122)
plt.plot(histeq8)
plt.title('eq. hist')
plt.show()

#####4levels
img4levels = quantize(elaine, 2)
new_img4levels, histeq4 = histeq(np.uint8(img4levels))

```

```

plt.subplot(121)
plt.imshow(new_img128levels)
plt.title('equalized image 128 levels')

plt.subplot(122)
plt.plot(histeq128)
plt.title('eq. hist')
plt.show()

#####64 levels
img64levels = quantize(elaine, 6)
new_img64levels, histeq64 = histeq(np.uint8(img64levels))

plt.subplot(121)
plt.imshow(new_img64levels)
plt.title('equalized image 64 levels')

plt.subplot(122)
plt.plot(histeq64)
plt.title('eq. hist')
plt.show()

#####32 levels
img32levels = quantize(elaine, 5)
new_img32levels, histeq32 = histeq(np.uint8(img32levels))

plt.subplot(121)
plt.imshow(new_img32levels)
plt.title('equalized image 32 levels')

plt.subplot(122)
plt.plot(histeq32)

```


1-1-2

```
goldhill = cv2.imread('/content/sample_data/Goldhill.bmp', cv2.IMREAD_GRAYSCALE)

####Downsample remove row&column
#remove row&column
rc_downsample = goldhill[0::2,0::2]

plt.figure(figsize=(20,20))

plt.subplot(211)
plt.imshow(goldhill,cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Original Image')

plt.subplot(212)
plt.imshow(rc_downsample,cmap = 'gray')
plt.title('Downsampled Image (remove row&col)')

plt.axis('off')
plt.show()

####Downsample averaging
def down_sample_avg(im):
    original_width = im.shape[1]
    original_height = im.shape[0]
    width = original_width / 2
    height = original_height // 2
    resized_image = np.zeros(shape=(height, width), dtype=np.uint8)
    scale = 2
    for i in range(height):
```

```
plt.subplot(121)
plt.imshow(new_img4levels)
plt.title('equalized image 4 levels')

plt.subplot(122)
plt.plot(histeq4)
plt.title('eq. hist')
plt.show()

####MSE
def MSE(x,y):
    return np.square(np.subtract(x,y)).mean()

df = pd.DataFrame([('Without Histeq', MSE(elaine, img128levels), MSE(elaine, img64levels), MSE(elaine, img32levels), MSE(elaine, img16levels), MSE(elaine, img8levels), MSE(elaine, img4levels)), ('With Histeq', MSE(elaine, new_img128levels), MSE(elaine, new_img64levels), MSE(elaine, new_img32levels), MSE(elaine, new_img16levels), MSE(elaine, new_img8levels), MSE(elaine, new_img4levels))], columns=('Levels', '128', '64', '32', '16', '8', '4' ))
```



```

        for y in range(len(output)
):
            for x in range(len(output[y])):
                proj_x = x // 2
                proj_y = y // 2
                output[y][x] = input[proj_y][proj_x]

            return output

nn_rc_upsample = nearest(rc_downsample)
nn_avg_upsample = nearest(avg_downsample)

plt.figure(figsize=(20,20))

plt.subplot(311)
plt.imshow(goldhill,cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Original Image')

plt.subplot(312)
plt.imshow(nn_rc_upsample,cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Up (from row&col)')

plt.subplot(313)
plt.imshow(nn_avg_upsample,cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Up (from avg)')

plt.show()

####Upsample bilinear interpolation

```

```

        for j in range(width
):
            temp = 0
            for x in range(scale):
                for y in range(scale):
                    temp +=
im[i*scale + x, j*scale + y]
                    resized_image[i,
j] = temp/(scale*scale)

            return resized_image

avg_downsample = down_sample_avg(goldhill)
plt.figure(figsize=(20,20))
plt.subplot(211)
plt.imshow(goldhill,cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Original Image')

plt.subplot(212)
plt.imshow(avg_downsample,cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Downsampled Image (averaging)')

plt.show()

####Upsample pixel replication (Nearest Neighbor Interpolation)
def nearest(input,sx=512,sy=512):
    output = np.zeros((sx, sy), input.dtype)

```

```

    orig_width = image.shape
[1]

    # Compute center column
and center row
    x_orig_center = (orig_wi
dth-1) / 2
    y_orig_center = (orig_he
ight-1) / 2

    # Compute center of resi
zed image
    x_scaled_center = (new_w
idth-1) / 2
    y_scaled_center = (new_h
eight-1) / 2

    # Compute the scale in b
oth axes
    scale_x = orig_width / n
ew_width;
    scale_y = orig_height /
new_height;

    for y in range(new_heigh
t):
        for x in range(new_w
idth):
            x_ = (x - x_scal
ed_center) * scale_x + x_ori
g_center
            y_ = (y - y_scal
ed_center) * scale_y + y_ori
g_center
            new_image[y, x]
= bilinear_interpolation(ima
ge, y_, x_)

        return new_image

bi_rc_upsample = resize(rc_d
ownsample)

```

```

def bilinear_interpolation(i
mage, y, x):
    height = image.shape[0]
    width = image.shape[1]

    x1 = max(min(math.floor(
x), width - 1), 0)
    y1 = max(min(math.floor(
y), height - 1), 0)

    x2 = max(min(math.ceil(x
), width - 1), 0)
    y2 = max(min(math.ceil(y
), height - 1), 0)

    a = float(image[y1, x1])
    b = float(image[y2, x1])
    c = float(image[y1, x2])
    d = float(image[y2, x2])

    dx = x - x1
    dy = y - y1

    new_pixel = a * (1 - dx)
* (1 - dy)
    new_pixel += b * dy * (1
- dx)
    new_pixel += c * dx * (1
- dy)
    new_pixel += d * dx * dy
    return round(new_pixel)

def resize(image, new_height
=512, new_width=512):
    new_image = np.zeros((ne
w_height, new_width), image.
dtype) # new_image = [[0 fo
r _ in range(new_width)] for
_ in range(new_height)]

    orig_height = image.shap
e[0]

```

```

####1.1.3 Create new images using 5, 4, 3, 2 and 1 bit only for each pixel.
def quantize2(image, n_bits)
:
    coeff = 2**8 // 2**n_bits
    return (image // coeff)

####5bit
img5bit = quantize2(barbara, 5)

plt.figure(figsize=(20,20))
plt.set_cmap('gray')

plt.subplot(211)
plt.axis('off')
plt.imshow(barbara)
plt.title('Original Image')

plt.subplot(212)
plt.imshow(img5bit)
plt.axis('off')
plt.title('5 bit')
plt.show()

####4bit
img4bit = quantize2(barbara, 4)

plt.figure(figsize=(20,20))
plt.set_cmap('gray')

plt.subplot(211)
plt.axis('off')
plt.imshow(barbara)
plt.title('Original Image')

plt.subplot(212)
plt.axis('off')
plt.imshow(img4bit)
plt.title('4 bit')

```

```

bi_avg_upsample = resize(avg_downsample)

plt.figure(figsize=(20,20))

plt.subplot(311)
plt.imshow(goldhill, cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Original Image')

plt.subplot(312)
plt.axis('off')
plt.imshow(bi_rc_upsample, cmap = 'gray')
plt.title('Up (from row&col)')

plt.subplot(313)
plt.imshow(bi_avg_upsample, cmap = 'gray')
plt.axis('off')
plt.title('Up (from avg)')

plt.show()

df = pd.DataFrame([('Averaging', MSE(goldhill, nn_avg_upsample), MSE(goldhill, bi_avg_upsample)),
                    ('Remove Row&Columns', MSE(goldhill, nn_rc_upsample), MSE(goldhill, bi_rc_upsample))],
                    columns=
                    ('', 'Pixel Replication', 'Bilinear Interpolation'))

```

1-1-3

```
plt.title('Original Image')

plt.subplot(212)
plt.axis('off')
plt.imshow(img2bit)
plt.title('2 bit')
plt.show()

####1bit
img1bit = quantize2(barbara,
    1)

plt.figure(figsize=(20,20))
plt.set_cmap('gray')

plt.subplot(211)
plt.axis('off')
plt.imshow(barbara)
plt.title('Original Image')

plt.subplot(212)
plt.imshow(img1bit)
plt.axis('off')
plt.title('1 bit')
plt.show()
```

```
plt.show()

####3bit
img3bit = quantize2(barbara,
    3)

plt.figure(figsize=(20,20))
plt.set_cmap('gray')

plt.subplot(211)
plt.axis('off')
plt.imshow(barbara)
plt.title('Original Image')

plt.subplot(212)
plt.imshow(img3bit)
plt.axis('off')
plt.title('3 bit')
plt.show()

####2bit
img2bit = quantize2(barbara,
    2)

plt.figure(figsize=(20,20))
plt.set_cmap('gray')

plt.subplot(211)
plt.axis('off')
plt.imshow(barbara)
```