

پروژه پنجم درس یادگیری عمیق آشنایی با کاربرد شبکه های عصبی بازگشتی در تحلیل سری های زمانی

استاد درس: دکتر صفابخش

نگارش: زهرا اخلاقی

شماره دانشجویی: ۴۰۱۱۳۱۰۶۴

زمستان ۱۴۰۲

فهرست مطالب

| 2 | بخشاول) دستەبندى سرىھاى زمانى |
|---|---------------------------------------|
| | |
| 3 | الف) ب) |
| | |
| 7 | ج) خشدوم) ناهنجاری در سریهای زمانی |
| 7 | (2 |
| | (6 |

بخشاول) دستهبندی سریهای زمانی

از کد زیر برای استخراج سابقه روزانه شاخص کل بورس، ،شاخص هم وزن و نماد فولاد استفاده شده است، دیتاست نهایی شامل ستون close در هر جدول است. در دیتاست فولاد فیلد close با داده دیروز مقایسه میشود و در صورتی که بیشتر بود مقدار ۱ و در غیر اینصورت مقدار ۱ ب عنوان label در نظر گرفته میشود.

```
tickers = tse.download(symbols="فولاد", write_to_csv=True)

df = pd.read_csv('./tickers_data/فولاد)

df['Label']=np.where(df['close']>df['yesterday'],1,-1)

total_index_data=tse.FinancialIndex(symbol="شاخصكل").history[['date','close']]

homogenous_index_data=tse.FinancialIndex(symbol="شاخصكل(هوزن")).history[['date','close']]
```

دیتاست نهایی حاصل جوین جداول فوق میباشد:

| | date | ${\tt close_total_index_data}$ | ${\tt close_homogenous_index_data}$ | <pre>close_steel_symbol_data</pre> | Label |
|------|------------|-----------------------------------|--|------------------------------------|-------|
| 0 | 2015-02-23 | 64678 | 9939 | 1910.0 | -1 |
| 1 | 2015-02-24 | 64526 | 9893 | 1896.0 | -1 |
| 2 | 2015-02-25 | 64052 | 9815 | 1880.0 | -1 |
| 3 | 2015-02-28 | 63951 | 9794 | 1844.0 | -1 |
| 4 | 2015-03-01 | 63860 | 9811 | 1867.0 | 1 |
| | | | | | |
| 1998 | 2023-12-24 | 2200110 | 761234 | 6280.0 | -1 |
| 1999 | 2023-12-25 | 2194500 | 760623 | 6240.0 | -1 |
| 2000 | 2023-12-26 | 2178752 | 755254 | 6200.0 | -1 |
| 2001 | 2023-12-27 | 2177410 | 755296 | 6220.0 | 1 |
| 2002 | 2023-12-30 | 2182718 | 759645 | 6280.0 | 1 |

2003 rows × 5 columns

الف)

شبکههای عصبی بازگشتی (RNN) از اطلاعات دادههای گذشته برای پیشبینی دادههای آینده استفاده میکند ولی برای پردازش دادههای گذشته طولانی طراحی نشدهاست. عمل Data windowing به حل این مشکل کمک میکند و برای آموزش هر داده فقط داده های درون پنجره پردازش میشود.

Data windowing یک مرحله پیش پردازش ضروری برای آموزش شبکه های عصبی بازگشتی (RNN) بر روی داده های سری زمانی است. اندازه پنجره باید به اندازه کافی بزرگ باشد تا الگوهای مربوطه را در داده ها را ثبت کند، اما به اندازه کافی کوچک باشد تا از برازش بیش از حد جلوگیری شود.

دلایل کلیدی برای استفاده از پنجره داده:

- گرفتن وابستگی های زمانی: پنجره سازی داده سری زمانی را به پنجره های کوچکتر تقسیم می کند و به RNN اجازه می دهد تا اطلاعات گذشته را به اندازه پنجره تحلیل کند.
- **مدیریت مراحل زمانی متغیر:** داده های سری زمانی اغلب فواصل زمانی متغیری را بین نقاط داده نشان می دهند. پنجره دهی داده می تواند این مشکل را با ترکیب پنجره های با طول متغیر برطرف کند، و به RNN اجازه می دهد تا با مقیاس های زمانی مختلف سازگار شود.
- **کاهش پیچیدگی محاسباتی:** پردازش کل داده های سری زمانی به طور همزمان می تواند از نظر محاسباتی گران باشد، به خصوص برای سری های زمانی طولانی. پنجره دهی داده ها را به تکه های کوچکتر تقسیم می کند و پردازش آن را برای RNN ها قابل مدیریت تر می کند.
- **ساده سازی آموزش مدل:** پنجره سازی داده ها با ارائه یک قالب استاندارد برای داده های ورودی، فرآیند آموزش را ساده می کند.
- افزایش قابلیت تفسیر: پنجرهسازی دادهها میتواند تفسیرپذیری مدلهای RNN را با آشکار کردن الگوها و روابط
 آموختهشده از بخشهای داده بهبود بخشد. این می تواند به درک فرآیند تصمیم گیری مدل کمک کند.

تابع زیر عمل Data windowing را انجام میدهد، برای پیاده سازی مدل مقدار Ws=10 در نظر گرفته شده است، برای پیش بینی هر داده، ۱۰ داده گذشته در نظر گرفته میشود.

```
import numpy as np

def data_windowing(seq,ws):
    x = []
    y = []
    L = len(seq)

for i in range(L-ws):
    x.append(data.iloc[i:i+ws, :-1]) # Exclude the label column
    y.append(data.iloc[i+ws, -1])

return np.array(x) , np.array(y)
```

ر)

۸۰ درصد دادهها برای آموزش و ۲۰ درصد برای تست استفاده شدهاند. داده ستون label که مقادیر قبلی آن -۱ و ۱ بود در مرحله پیش پردازش به ۱و۱ تغییر کرده است.

:RNN Model

کد زیر یک مدل شبکه عصبی بازگشتی (RNN) برای پیش بینی سری زمانی تعریف می کند. مدل از دو لایه LSTM تشکیل شده است، هر کدام با اندازه مخفی 128 واحد. لایه های LSTM با یک لایه dropout برای کاهش overfitting دنبال می شوند و یک لایه کاملاً متصل (FC) برای نقشه برداری از حالت مخفی به اندازه خروجی دلخواه.

```
class RNNModel(nn.Module):
    def __init__(self, input_size, hidden_size, output_size, num_layers=2, dropout=0.2):
        super(RNNModel, self).__init__()
        self.lstm1 = nn.LSTM(input_size, hidden_size, num_layers=num_layers, batch_first=True, dropout=dropout)
        self.lstm2 = nn.LSTM(hidden_size, hidden_size, num_layers=num_layers, batch_first=True, dropout=dropout)
        self.dropout = nn.Dropout(dropout)
        self.fc = nn.Linear(hidden_size, output_size)

def forward(self, x):
        out, _ = self.lstm1(x)
        out = self.dropout(out)
        out = self.dropout(out)
        out = self.dropout(out)
        out = self.fc(out[:, -1, :])
        return out
```

نتیجه پس از ۱۰۰ ایپاک اجرا به صورت زیر میباشد:

```
Epoch [10/100], Loss: 0.7063

Epoch [20/100], Loss: 0.6677

Epoch [30/100], Loss: 0.6858

Epoch [40/100], Loss: 0.6906

Epoch [50/100], Loss: 0.6612

Epoch [60/100], Loss: 0.6915

Epoch [70/100], Loss: 0.6726

Epoch [80/100], Loss: 0.6924

Epoch [90/100], Loss: 0.7070

Epoch [100/100], Loss: 0.8601
```

داده به دو دسته train , test تقسیم شده اند و پس از پیشبینی داده تست روی آن تابع sigmoid اعمال میشود و اگر خروجی بزرگتر از ۰.۵ بود برچسب ۱ و در غیر اینصورت برچسب ۰ میگیرد.

Loss: 0.6680, Accuracy: 0.6164

مدل آموزش دیده با اینکه بررسی شده لیبل توزیع مناسبی دارد تنها مقدار ۰ را برای داهها پیش بینی میکند.

:CNN Model

کد زیر برای یک مدل شبکه عصبی کانولوشنی (CNN) برای طبقه بندی تصاویر ارائه شده است. این مدل از یک لایه کانولوشن، یک لایه فعالسازی ReLU، یک لایه کانولوشن دیگر، یک لایه فعالسازی fully connected، یک لایه pooling، یک لایه فعالسازی pooling و یک لایه خروجی تشکیل شده است.

```
class CNNModel(nn.Module):
    def __init__(self, input_size, num_channels, output_size):
        super(CNNModel, self).__init__()
        self.conv1 = nn.Convld(in_channels=input_size, out_channels=num_channels,
        self.relu = nn.ReLU()
        self.fc = nn.Linear(num_channels, output_size)

def forward(self, x):
        x = self.conv1(x)
        x = self.relu(x)
        x = x.mean(dim=2)
        x = self.fc(x)
        return x
```

نتیجه پس از ۱۰۰ ایپاک اجرا به صورت زیر میباشد:

```
Epoch [10/100], Loss: 0.6897

Epoch [20/100], Loss: 0.7001

Epoch [30/100], Loss: 0.7018

Epoch [40/100], Loss: 0.6954

Epoch [50/100], Loss: 0.7263

Epoch [60/100], Loss: 0.6481

Epoch [70/100], Loss: 0.7134

Epoch [80/100], Loss: 0.6569

Epoch [90/100], Loss: 0.7303

Epoch [100/100], Loss: 0.6557
```

نتیجه روی داده تست به صورت زیر است:

Loss: 0.6701, Accuracy: 0.6164

مدل آموزش دیده با اینکه بررسی شده لیبل توزیع مناسبی دارد تنها مقدار ۰ را برای داهها پیش بینی میکند.

تحليل:

با توجه به اینکه در هر دو مدل داده تست و آموزش برابر است، نتیجه دقت روی داده تست برای هر دو مدل یکسان میباشد (مدل به خوبی آموزش نمیبیند و تنها مقدار ۱۰ را پیشبینی میکند.) و در حین آموزش مقدار loss در حین فرآیند آموزش گاهی اوقات کوچک و گاهی اوقات بزرگ میشوند و با زیاد کردن تعداد ایپاک این مشکل برطرف نشد.



اضافه کردن اندیکاتور به دادهها قبل از آموزش شبکه میتواند به بهبود عملکرد شبکه کمک کند. اندیکاتورها متغیرهایی هستند که از دادههای گذشته برای پیشبینی رفتار آینده استفاده میکنند. وقتی اندیکاتورها به دادهها اضافه میشوند، شبکه عصبی میتواند از اطلاعات بیشتری برای یادگیری استفاده کند و میتواند به شبکه کمک کند تا الگوهای پیچیدهتری را در دادهها شناسایی کند و پیشبینیهای دقیقتری انجام دهد.

در جداول زیر عملکرد مدلها با افزودن ایندیکیتور sma (میانگین متحرک ساده) و ema (میانگین متحرک نمایی، یک اندیکاتور تکنیکال است که برای شناسایی روند قیمت) rsi, به ویژگی های جدول نشان میدهد.

accuracy:

| | شاخص کل | شاخص هموزن | هر دو |
|-----|---------|------------|-------|
| RNN | 0.7 | 0.67 | 0.63 |
| CNN | 0.62 | 0.63 | 0.62 |

Loss:

| | شاخص کل | شاخص هموزن | هر دو |
|-----|---------|------------|-------|
| RNN | 0.53 | 0.61 | 0.56 |
| CNN | 0.63 | 0.64 | 0.63 |

با توجه به جدول بالا شبکه RNN در کل عملکرد بهتری نسبت به شبکه CNN دارد (شبکههای RNN برای تشخیص دادههای بورس بهتر هستند زیرا میتوانند وابستگیهای زمانی طولانیمدت را در دادهها شناسایی کنند. این امر به ویژه برای دادههای بورس مهم است زیرا قیمت سهام اغلب تحت تاثیر عوامل مختلفی قرار میگیرد. شبکههای CNN برای شناسایی الگوهای فضایی در دادهها طراحی شدهاند. دادههای بورس اغلب دارای الگوهای فضایی واضحی نیستند، بنابراین شبکههای CNN نمیتوانند عملکرد خوبی در تشخیص آنها داشته باشند)

افزودن اندیکاتور به شاخص کل برای پیش بینی نماد فولاد دقتی حدود ۰.۷ دارد که دقت آن از افزودن اندیکاتور به شاخص هموزن بیشتر است و شاخص کل تاثیر بیشتری برای تشخیص نماد فولاد دارد.

بخشدوم) ناهنجاری در سریهای زمانی

د)

شبکه خودکدگذار با یادگیری الگوهای دادههای ورودی، میتوانند دادهها را به یک فرم فشردهتر تبدیل کنند.یک خودرمزگذار از دو قسمت تشکیل شده است :

- 1. **رمزگذار** : این بخشی از شبکه است که ورودی را به تعداد کمتری از بیت ها فشرده می کند. فضای نشان داده شده توسط این تعداد بیت کمتر "فضای پنهان" و نقطه حداکثر فشرده سازی "گلوگاه" نامیده می شود. این بیت های فشرده شده که نشانگر ورودی اصلی هستند ، "رمزگذاری" ورودی خوانده می شوند.
- 2. **رمزگشا** : این بخشی از شبکه است که ورودی را با استفاده از رمزگذاری ، بازسازی می کند. به صورت ایده آل خروجی رمزگشا باید همان داده ورودی باشد که نویز از روی آن حذف شده است.

تشخیص ناهنجاری، فرآیندی است که در آن دادههای غیرعادی یا غیرمنتظره از دادههای عادی جدا میشوند. شبکههای خودکدگذار یک روش برای تشخیص ناهنجاری در سریهای زمانی هستند. این شبکهها با یادگیری الگوهای عادی در دادهها، میتوانند دادههای غیرعادی را شناسایی کنند. فرآیند تشخیص ناهنجاری در سریهای زمانی با استفاده از شبکه خودکدگذار به شرح زیر است:

- 1. ابتدا، دادههای سری زمانی به عنوان ورودی به شبکه خودکدگذار داده میشوند.
- 2. شبکه خودکدگذار سعی میکند دادههای ورودی را به یک فرم فشردهتر تبدیل کند.
- 3. دادههای فشردهشده سپس به عنوان خروجی از شبکه خودکدگذار خارج میشوند (با عبور از لایه رمزگشا).
- 4. دادههای استخراج شده سپس با یک الگوریتم تشخیص ناهنجاری تجزیه و تحلیل میشوند (میتوان فاصله داده ورودی تا مقدار استخراج شده مورد استفاده قرار بگیرد).

اگر دادههای فشردهشده از یک الگوی عادی پیروی نکنند، به عنوان دادههای غیرعادی شناسایی میشوند. در واقع شبکه خودکدگذار سعی میکند دادههای ورودی را به یک فرم فشردهتر تبدیل کند. دادههای فشردهشده سپس با یک الگوریتم تشخیص ناهنجاری تجزیه و تحلیل میشوند. اگر دادههای فشردهشده از یک الگوی عادی پیروی نکنند، به عنوان دادههای غیرعادی شناسایی میشوند.

(8

داده ورودی به سه قسمت train,test, val تقسیم میشود که به صورت زیر است:

```
x_train.shape, x_test.shape, x_val.shape
((2153, 1, 4), (126, 1, 4), (255, 1, 4))
```

مدل در نظر گرفته شده به صورت زیر است:

```
class AutoEncoder(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(AutoEncoder, self). init ()
        self.encoder = nn.Sequential(
            nn.Linear(4, 64),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(64, 32),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(32, 16),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(16, 8),
            nn.ReLU()
        self.decoder = nn.Sequential(
            nn.Linear(8, 16),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(16, 32),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(32, 64),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(64, 4)
        )
    def forward(self, x):
        encoded = self.encoder(x)
        decoded = self.decoder(encoded)
        return decoded
```

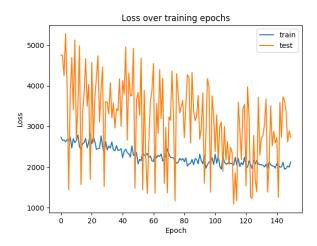
مدل خودکدگذاریک شبکه عصبی مصنوعی است که از دو جزء اصلی تشکیل شده است:

- رمزگذار: یک دنباله از لایهها که دادههای ورودی را به یک نمایش با ابعاد کمتر (کد مخفی) فشرده میکند.
 - ۰ ورودی: دادههای ورودی با ابعاد 4 را میپذیرد.
 - ٥ لايهها:
 - لایه خطی (4 به 64) با فعالسازی ReLU
 - لایه خطی (64 به 32) با فعالسازی ReLU
 - لایه خطی (32 به 16) با فعال سازی ReLU
 - لایه خطی (16 به 8) با فعال سازی ReLU
 - خروجی: یک کد مخفی 8 بعدی که دادههای ورودی فشرده شده را نشان میدهد.
 - رمزگشا: یک دنباله از لایهها که سعی میکند دادههای اصلی را از کد مخفی بازسازی کند.
 - ورودی: کد مخفی 8 بعدی از رمزگذار را می گیرد.

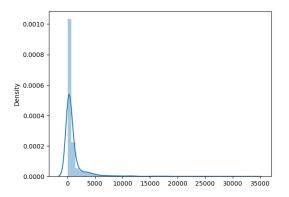
الایهها:

- لايه خطى (8 به 16) با فعالسازى ReLU
- لایه خطی (16 به 32) با فعالسازی ReLU
- لایه خطی (32 به 64) با فعالسازی ReLU
- لایه خطی (64 به 4) بدون فعالسازی (سعی میکند ابعاد دادههای اصلی را خروجی دهد)
 - خروجی: بازسازی 4 بعدی از دادههای ورودی.
 - بهینهساز: از بهینهساز Adam برای بهروزرسانی پارامترهای مدل در طول آموزش استفاده میشود.
- نرخ یادگیری: مقدار 3-1e تنظیم شده است که کنترل میکند مدل هر مرحله آموزش چقدر پارامترها را تنظیم میکند.
- تابع loss: از تابع L1Loss (خطای مطلق میانگین) برای اندازهگیری تفاوت بین خروجی بازسازی شده و دادههای اصلی استفاده میشود.

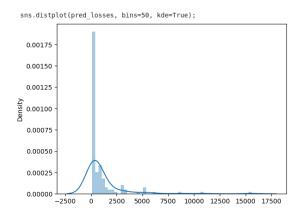
برای آموزش مدل از تابع train_model استفاده شده است، که آرگمانهای (val_dataset, n_epochs) را برای ورودی میگیرد (در هر ایپاک ، فرایند آموزش مدل با تمام نمونه های آموزشی یاد میگیرد و عملکرد را در مجموعه اعتبار سنجی ارزیابی می کند.) و نتیجه بعد از ۱۵۰ ایپاک به صورت زیر است: در شکل زیر منظور از test داده validation میباشد (مدل ما به خوبی همگرا شد. به نظر می رسد ممکن است برای هموارسازی نتایج به مجموعه اعتبارسنجی بزرگتری نیاز داشته باشیم، اما در حال حاضر این کار انجام خواهد شد.):



تابع predict برای نشان دادن خطای در مجموعه داده ورودی آن میباشد، در مجموعه آموزشی خطای بازسازی به صورت زیر است:



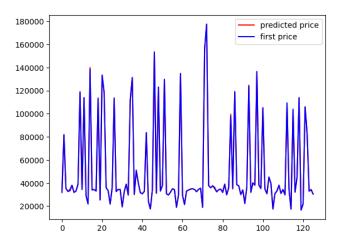
در مجموعه تست خطای بازسازی به صورت زیر است:

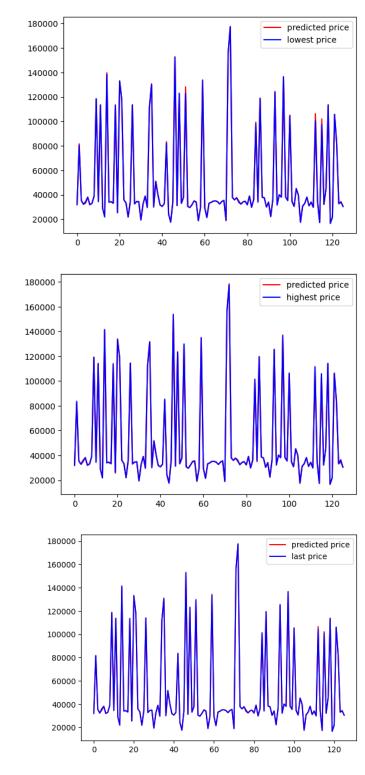


با استفاده از دو شکل بالا حد آستانه ۱۰۰۰۰ برای مجموعه داده در نظر گرفته میشود، به این معنا که اگر داده مقدار پیشبینی شده و واقعی بیشتر از این مقدار با یکدیگر اختلاف داشتند به عنوان ناهنجاری شناخته میشوند، روی مجموعه تست ناهنجاریها به صورت زیر است:

```
correct = sum(l <= THRESHOLD for l in pred_losses)
print(f'Correct normal predictions: {correct}/{len(x_test_tensor)}')
Correct normal predictions: 124/126</pre>
```

مقدار پیش بینی شده و مقدار واقعی روی مجموعه تست به صورت زیر است:





در نهایت با حد آستانه در نظر گرفته شده روی کل مجموعه داده ۳۸ به عنوان ناهنجاری شناسایی می شوندکه اطلاعات آنها در جدول زیر درج شده است:

| | Timesta mp | first | lowest | highest | last | first_pred | lowest_pred | highest_pred | last_pred |
|----|----------------|----------|----------|----------|----------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 0 | 2011-11-2 7 | 81000.0 | 79620.0 | 90960.0 | 87050.0 | 84420.070312 | 84253,335938 | 84832.468750 | 84457,898438 |
| 1 | 2011-11-2 7 | 87000.0 | 78760.0 | 89430.0 | 81550.0 | 84218.125000 | 84051.804688 | 84629.484375 | 84255.835938 |
| 2 | 2011-11-2 7 | 88990.0 | 88730.0 | 95340.0 | 93700.0 | 91557,929688 | 91376.132812 | 92006,687500 | 91599.726562 |
| 3 | 2011-11-2 7 | 103780.0 | 101000.0 | 118260.0 | 116500.0 | 109789.562500 | 109569.304688 | 110331,210938 | 109841.531250 |
| 4 | 2011-11-2 7 | 116550.0 | 107810.0 | 117610.0 | 114700.0 | 114518,601562 | 114288,375000 | 115084,320312 | 114573.195312 |
| 5 | 2011-11-2 7 | 114710.0 | 95090.0 | 114890.0 | 105410.0 | 108149.695312 | 107932,914062 | 108682,976562 | 108200.750000 |
| 6 | 2011-11-2 7 | 105390.0 | 101010.0 | 111930.0 | 105980.0 | 105947,257812 | 105735.117188 | 106469,320312 | 105997.078125 |
| 7 | 2011-11-2 7 | 105990.0 | 95600.0 | 113120.0 | 112960.0 | 107432,195312 | 107216,914062 | 107961.820312 | 107482.851562 |
| 8 | 2011-11-2 7 | 112970.0 | 102100.0 | 113370.0 | 105770.0 | 108779.460938 | 108561.335938 | 109315,945312 | 108830,851562 |
| 9 | 2011-11-2 7 | 105760.0 | 99000.0 | 113460.0 | 101480.0 | 104590.429688 | 104381.148438 | 105105,585938 | 104639.507812 |
| 10 | 2011-11-2 7 | 95970.0 | 82310.0 | 98050.0 | 89760.0 | 91846.593750 | 91664.187500 | 92296,820312 | 91888.554688 |
| 11 | 2011-11-2 7 | 89780.0 | 89250.0 | 107860.0 | 102540.0 | 96895.429688 | 96702.375000 | 97371.375000 | 96940.210938 |
| 12 | 2011-11-2 7 | 102520.0 | 91740.0 | 111550.0 | 103360,0 | 102372,664062 | 102168,046875 | 102876,515625 | 102420.492188 |
| 13 | 2011-11-2 7 | 103350.0 | 103170.0 | 109670.0 | 109430.0 | 106346,468750 | 106133,476562 | 106870,562500 | 106396.507812 |
| 14 | 2011-11-2 7 | 109370.0 | 100370.0 | 111550.0 | 104280.0 | 106508,320312 | 106294.992188 | 107033,242188 | 106558.460938 |
| 15 | 2011-11-2 7 | 103970.0 | 97470.0 | 105910.0 | 100850.0 | 102145,273438 | 101941.132812 | 102647.960938 | 102192,976562 |
| 16 | 2011-11-2 7 | 100880.0 | 99470.0 | 106590.0 | 106260.0 | 103313,601562 | 103107,007812 | 103822,250000 | 103361.953125 |

| | | | | 1 | | 1 | 1 | 1 | |
|----|----------------|----------|----------|----------|----------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 17 | 2011-11-2 7 | 112060.0 | 104000.0 | 121980.0 | 119770.0 | 114690,726562 | 114460.132812 | 115257.328125 | 114745.429688 |
| 18 | 2011-11-2 7 | 119790.0 | 119370.0 | 135880.0 | 127950.0 | 125168,609375 | 124915,921875 | 125788,601562 | 125229,156250 |
| 19 | 2011-11-2 7 | 137140.0 | 136400.0 | 150670.0 | 136890.0 | 139434,296875 | 139151.515625 | 140126.968750 | 139502,781250 |
| 20 | 2011-11-2 7 | 136430.0 | 134680.0 | 144700.0 | 135110.0 | 137238,031250 | 136959,875000 | 137919.484375 | 137305.281250 |
| 21 | 2011-11-2 7 | 128710.0 | 120970.0 | 130320.0 | 129630.0 | 127816,531250 | 127558,257812 | 128450.000000 | 127878.546875 |
| 22 | 2011-11-2 7 | 129940.0 | 129550.0 | 138980.0 | 138160.0 | 134049.828125 | 133778,390625 | 134715,062500 | 134115.312500 |
| 23 | 2011-11-2 7 | 138190.0 | 135190.0 | 146060.0 | 135330.0 | 138215,250000 | 137935.046875 | 138901.718750 | 138283.062500 |
| 24 | 2011-11-2 7 | 113570.0 | 113570.0 | 121100.0 | 121100.0 | 117265.648438 | 117029.617188 | 117845.367188 | 117321,773438 |
| 25 | 2011-11-2 7 | 120240.0 | 113660.0 | 120290.0 | 114300.0 | 117198.554688 | 116962.679688 | 117777.937500 | 117254.656250 |
| 26 | 2011-11-2 7 | 108230.0 | 86900.0 | 109940.0 | 97100.0 | 101062,937500 | 100861.085938 | 101560.117188 | 101110.039062 |
| 27 | 2011-11-2 7 | 109000.0 | 109000.0 | 118000.0 | 112000.0 | 111588.484375 | 111364.429688 | 112139.273438 | 111641.445312 |
| 28 | 2011-11-2 7 | 125950.0 | 125900.0 | 132550.0 | 131540.0 | 128877.820312 | 128617,304688 | 129516,695312 | 128940.421875 |
| 29 | 2011-11-2 7 | 130840.0 | 129800.0 | 139560.0 | 129850.0 | 131967.250000 | 131700,218750 | 132621.890625 | 132031,578125 |
| 30 | 2011-11-2 7 | 144980.0 | 137340.0 | 145000.0 | 137500.0 | 141264,218750 | 140977.562500 | 141966,203125 | 141333,718750 |
| 31 | 2011-11-2 7 | 129350.0 | 129340.0 | 135000.0 | 134940.0 | 132111.687500 | 131844.343750 | 132767,046875 | 132176.078125 |
| 32 | 2011-11-2 7 | 119000.0 | 111890.0 | 119000.0 | 113890.0 | 116098,914062 | 115865,359375 | 116672.687500 | 116154.398438 |
| 33 | 2011-11-2 7 | 129540.0 | 129400.0 | 135550.0 | 135530.0 | 132464.187500 | 132196.109375 | 133121.359375 | 132528,812500 |
| 34 | 2011-11-2 7 | 147940.0 | 147910.0 | 156010.0 | 155910.0 | 151868.265625 | 151559,250000 | 152624,281250 | 151943.687500 |

| 35 | 2011-11-2 7 | 156970.0 | 148910.0 | 157010.0 | 148980.0 | 153023.687500 | 152712.234375 | 153785.578125 | 153099.750000 |
|----|----------------|----------|----------|----------|----------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 36 | 2011-11-2 7 | 147970.0 | 147950.0 | 156550.0 | 156550.0 | 152179,218750 | 151869.546875 | 152936,796875 | 152254,812500 |
| 37 | 2011-11-2 7 | 157540.0 | 148950.0 | 157550.0 | 149030.0 | 153327,796875 | 153015,703125 | 154091,234375 | 153404.031250 |
| 38 | 2011-11-2 7 | 149050.0 | 148950.0 | 159050.0 | 157950.0 | 153601.875000 | 153289,203125 | 154366,703125 | 153678,250000 |