Institut Galilée Algorithmique et structures de données Ingénieurs 1ère année (MACS/Télécom/Mesures/Energie) 2008/2009

Correction du T.D. 2

Les tableaux

1 Exercice 1

Ecrire les algorithmes permettant :

1. Le calcul du nombre d'occurences d'un élément donné dans un tableau.

```
Nb_occurences (T: Tableau d'entier, N: entier) : entier
VAR i,nb_occ : entiers
Debut
   nb_occ <- 0
   Pour i <- 1 a N Faire
        Si T[i] = X
        Alors nb_occ <- nb_occ + 1
        Fsi
   Fpour
   retourner nb_occ</pre>
```

2. Le calcul de la moyenne et du minimum des éléments d'un tableau.

```
Moyenne (T: Tableau d'entier, N: entier) : réel
VAR somme, i: entiers
    moyenne : réel
Début
    somme <- 0
    Pour i <- 1 a N Faire
        somme <- somme + T[i]
   Fpour
    moyenne <- somme / N
retourner moyenne
Minimum (T: Tableau d'entier, N: entier): entier
VAR min, i: entiers
Début
   min <- T[1]
    Pour i <- 2 a N Faire
        Si T[i] < min
         Alors min=T[i]
        Fsi
   Fpour
retourner min
```

3. De tester si un tableau est trié.

```
Est_trie (T: Tableau d'entiers, N: entier): booléen
  VAR i: entiers
       est_trie: Booléen
  Debut
       i <- 1
       Tant que i < N ET T[i] <= T[i+1] Faire</pre>
           i <- i + 1
      Ftque
       est_trie <- (i = N)
       retourner est_trie
  Fin
4. Le calcul du produit scalaire de deux vecteurs réels u et v de dimension
  n: u.v = \sum_{i=1}^{i=n} u_i * v_i
  Produit_scalaire (u: Tableau d'entiers, v: Tableau d'entiers, n:
  entier): entier
  VAR i, prod_scalaire: entiers
  Debut
       prod_scalaire <- 0</pre>
       Pour i <- 1 a n Faire
           prod_scalaire <- prod_scalaire + u[i] * v[i]</pre>
       retourner prod_scalaire;
  Fin
```

2 Exercice 2

Ecrire l'algorithme effectuant le décalage des éléments d'un tableau. Exemple :

- Tableau initial D E C A L A G E
- Tableau modifié (décalage à gauche) E C A L A G E D

Procédure Decalage_gauche (T: Tableau de caractères, N: entier)

VAR tmp: caractère
 i: entier

Debut

```
tmp <- T[1]
Pour i <- 1 a N-1 Faire
    T[i] <- T[i+1]
Ftque
    T[N] <- tmp</pre>
```

3 Exercice 3

Ecrire l'algorithme qui calcule le produit de deux matrices carées réelles $A = (a_{ij})$ et $B = (b_{ij})$ de dimension $n : c_{ij} = \sum_{k=1}^{k=n} a_{ik} * b_{kj}$.

4 Exercice 4

Soit un tableau T avec $T(i) \in \{0,1\}$. Ecrire un algorithme qui retourne la position i dans le tableau telle que T[i] est le début de la plus longue suite consécutive de zéros.

```
pos_suite_0 (t: Tableau d'entiers, n: entier): entier
VAR pos, lmax, lg, i: entiers
    suite: Booléen
Debut
    pos = -1
    lmax = 0
    suite = Faux
    pour i
    Pour i <- 1 a n Faire
        Si t[i] = 0
            Alors
                Si NON suite
                    Alors
                         lg <- 0
                         suite = 1
                Fsi
                lg = lg+1
        Sinon //t[i] diférent de zéro
           Si suite = Vrai
            Alors
             suite <- Faux
             Si lg > lmax
                Alors
                  lmax = lg
                  pos = i - lg
             Fsi
```

```
Fsi
Fsi
Fpour
Si suite=Vrai ET lg > lmax
Alors
pos = i - lg + 1
Fsi
return pos
Fin
```

5 Exercice 5

Ecrire un algorithme qui calcule le plus grand écart dans un tableau (l'écart est la valeur absolue de la différence de deux éléments).

```
plus_grand_ecart (t: Tableau d'entiers, n: entier): entier
VAR: min, max, i: entiers
Debut
    min = t[1]
    max = t[1]
    Pour i <- 2 a n Faire
       Si t[i] > max
          Alors
            max = t[i]
       Fsi
       Si t[i] < min
          Alors
             min = t[i]
        Fsi
    Fpour
    return max - min
Fin
```