

# Criptografia



## Cifras de blocos



### Roadmap

- Princípios de cifra de bloco
- Esquema geral de uma cifra de bloco
- Definição e problemas sobre a chave
- Cifra de Feistel



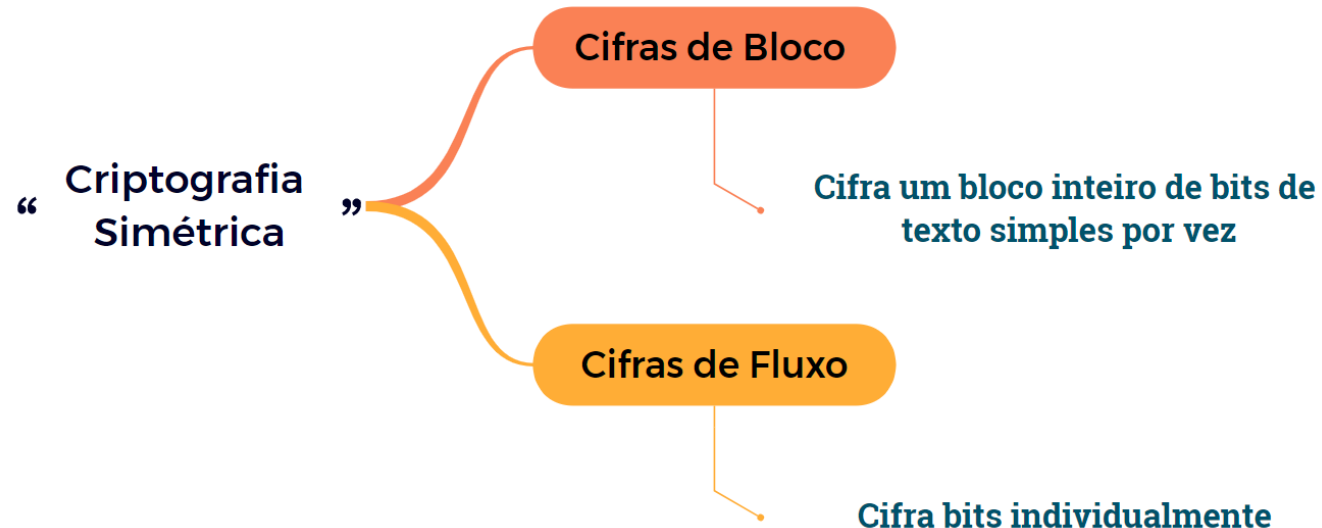
# Cifras de blocos

## Introdução



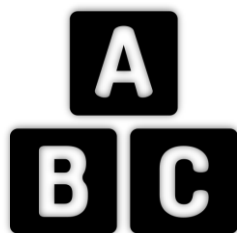
- Todas as cifras clássicas, ou seja, anteriores a 1970, são de **natureza simétrica** e compartilham alguns princípios com as cifras modernas.

*A criptografia simétrica é aquela em que tanto o **emissor** quanto o **receptor** utilizarem a **mesma chave** para cifrar e decifrar uma mensagem. É conhecida também como **criptografia de chave secreta**.*



# Cifras de blocos

## Introdução



- As cifras de chave simétrica tradicionais estudadas até agora são cifras **orientadas a caracteres**.

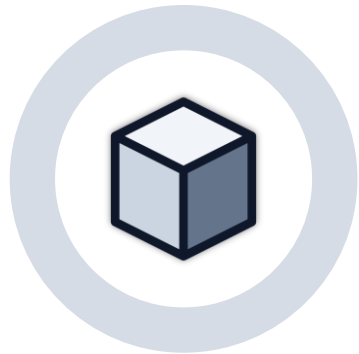


- Com o surgimento do computador, passamos a precisar de cifras **orientadas a bits**.



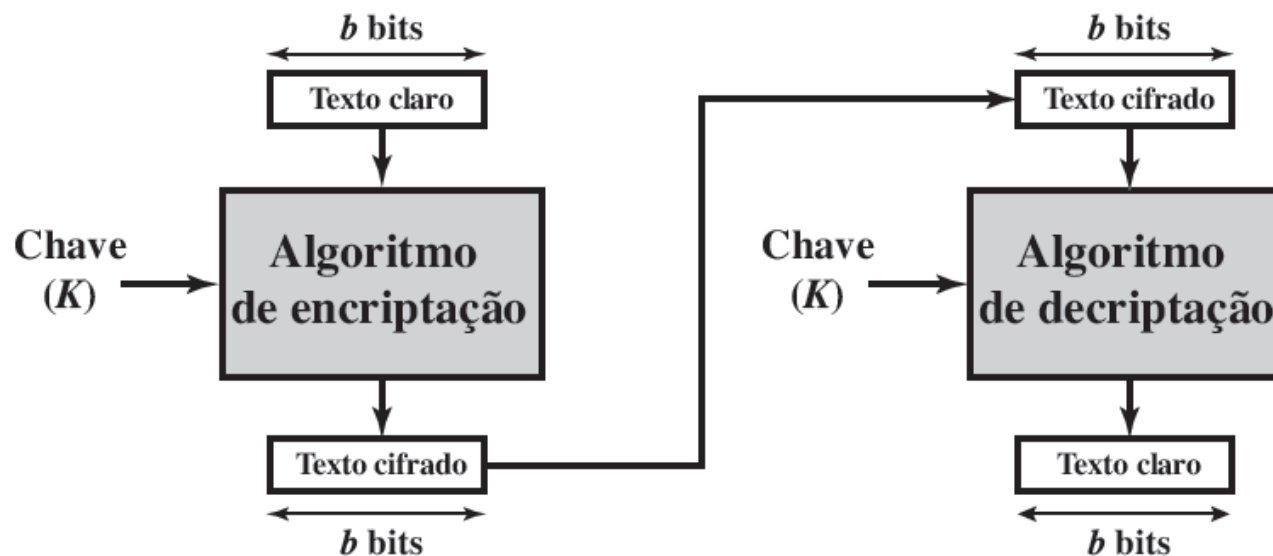
- A razão é que a informação a ser cifrada não envolve apenas texto; pode também envolver números, gráficos, **áudio** e dados de **vídeo**.

# Cifra de bloco



Uma **cifra de bloco** é aquela em que um **bloco de texto claro** é tratado como um todo e usado para produzir um bloco de texto cifrado de igual comprimento.

- Normalmente, um tamanho de bloco de **64** ou **128** bits é usado.



## Notação

...



- **Algoritmo de cifração ( $E$ ).**

- Recebe uma chave,  $K$ , e um bloco de texto simples,  $P$ , e produz um bloco de texto cifrado,  $C$ .
- Denotamos o processo de cifração como:

$$C = E(K, P).$$



- **Algoritmo de decifração ( $D$ ).**

- É o inverso do algoritmo de cifração e decifra uma mensagem para o texto simples original,  $P$ .
- Denotamos o processo de decifração como:

$$P = D(K, C).$$

*O algoritmo de decifração deve ser o inverso do algoritmo de cifração*

# Cifra de bloco

## Princípios de cifra de bloco

1

Uma cifra de bloco opera sobre um **bloco de texto claro** de  $n$  bits para produzir um **bloco de texto cifrado** de  $n$  bits.

2

Existem  $2^n$  blocos de texto claro possíveis e  $2^n$  blocos de texto cifrado de comprimento  $n$ .

3

Para a transformação ser **reversível**, cada bloco deve produzir um **bloco de texto cifrado exclusivo**.

...

4

Se a mensagem tiver menos do que  $n$  bits, devem ser adicionados **bits de enchimento** (*padding*) para completar um bloco.

5

Se a mensagem tiver mais do que  $n$  bits, ela deve ser **dividida** em blocos de  $n$  bits e os bits de enchimento devem ser adicionado ao último bloco.



## Esquema geral de uma cifra de bloco



*Cifras de blocos modernas são cifras de **substituição** quando observamos um bloco inteiro.*

*No entanto, cifras de bloco modernas não são projetadas como uma unidade única.*

*Uma cifra de bloco moderna é projetada como uma **combinação** de unidades de **transposição** e unidades de **substituição**.*

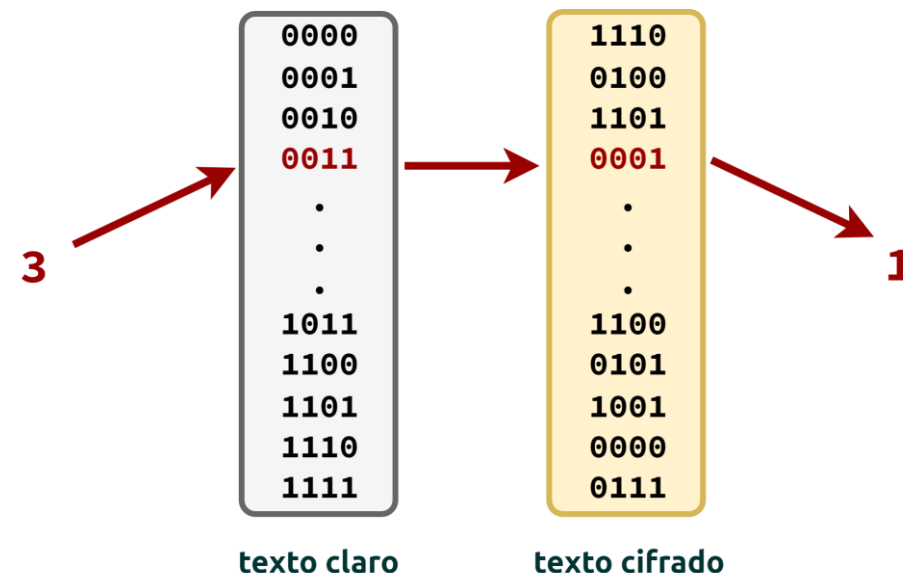
# Cifra de bloco

## Esquema geral de uma cifra de bloco



### Demonstração

- Considere uma cifra de substituição geral para  $n = 4$  (blocos de 4 *bits*).
- Uma entrada de 4 *bits* corresponde um dos **16 blocos de entrada** possíveis.
- Cada bloco de entrada é mapeado pela cifra de substituição para um dos **16 blocos de saída** possíveis.
- No entanto, o **texto cifrado** ao lado é apenas uma das permutações possíveis.
- Ou seja, há  $2^n!$  transformações possíveis.





## Qual é a chave?



*Nesse esquema, escolher uma **chave** significa selecionar uma permutação entre as  $2^n!$  permutações possíveis.*

*Essa permutação é então usada para cifrar os blocos de texto simples.*

### Como escolher a permutação

- Poderíamos tentar **enumerar** todas as permutações e, em seguida, selecione aleatoriamente um índice (esse índice seria a **chave**).
- Assim, precisamos de  $\log_2(2^n!)$  bits para armazenar a chave.

*Para um comprimento de bloco  $n = 64$  bits, precisaríamos de aproximadamente  $2^{67}$  bytes para armazenar uma única chave.*

# Cifra de bloco

## Qual é a chave?

### Quando o mapeamento é a chave

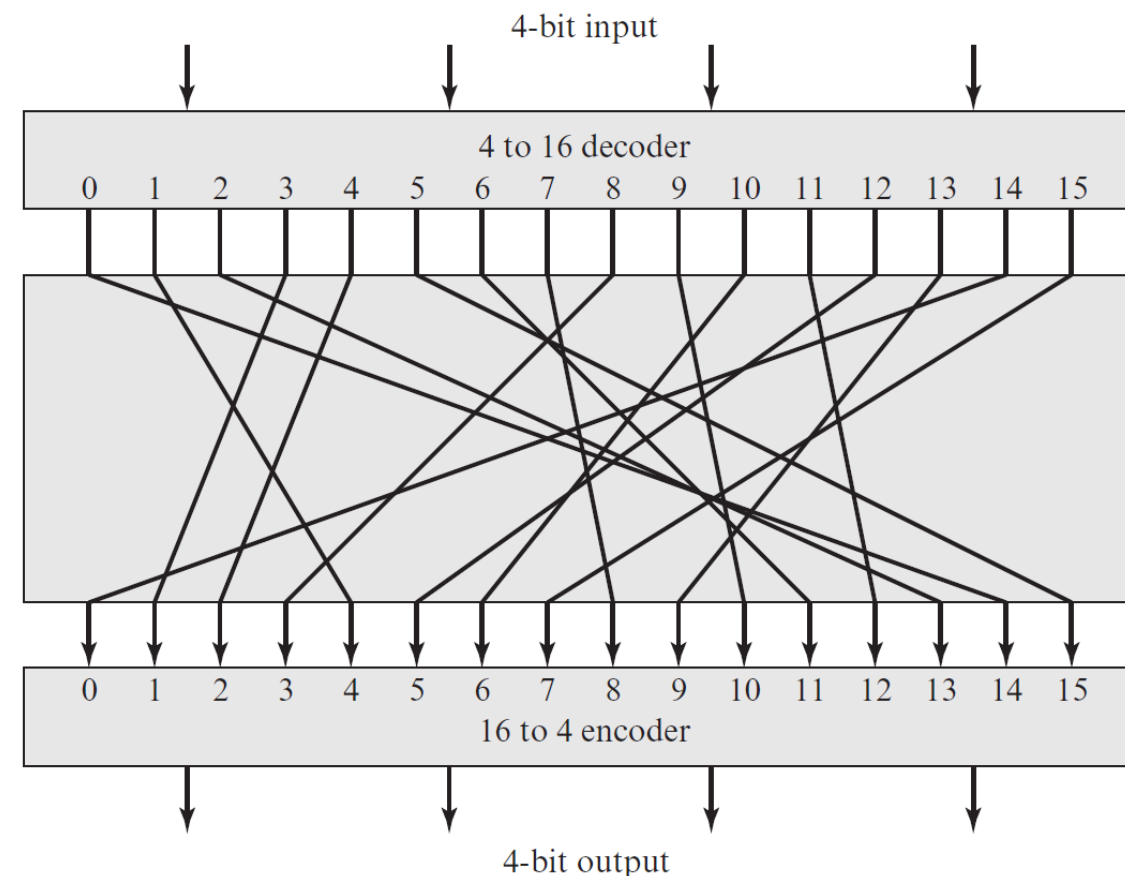
- Considere cifra em que  $n = 4$ .
- O mapeamento pode ser definido pelos valores na segunda linha que mostra o **valor do texto cifrado** para cada **texto claro**.

*Nesse caso, o tamanho da chave necessário é  $(4 \text{ bits}) * (16 \text{ linhas}) = 64 \text{ bits}$ .*

*Em geral, para uma cifra de bloco ideal de  $n$  bits, o tamanho da chave  $n * 2^n$  bits.*

*Para um bloco de 64 bits, é necessário é  $64 * 2^{64} = 2^{70}$*

...



# Cifra de bloco



## Esquema geral de uma cifra de bloco



### Demonstração

#### Mapeamento de cifração

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
<i>P</i>	0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111
<i>C</i>	1110	0100	1101	0001	0010	1111	1011	1000	0011	1010	0110	1100	0101	1001	0000	0111

Texto cifrado: 0001 0011 0101 0111

#### Mapeamento de decifração

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
<i>C</i>	0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111
<i>P</i>	1110	0011	0100	1000	0001	1100	1010	1111	0111	1101	1001	0110	1011	0010	0000	0101

Texto claro: 0011 1000 1100 1111

# Cifra de bloco



## Qual é a chave?



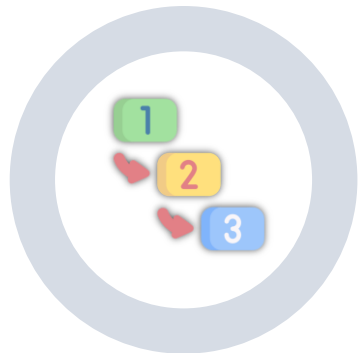
- Esta é a forma mais geral de cifra de bloco, pois permite o número **máximo de mapeamentos** criptográficos do **bloco de texto simples** — está é a **cifra de bloco ideal**.



- *Porém, a cifra de bloco ideal não é **prática** do ponto de vista de implementação e desempenho.*
- Ao considerar essas dificuldades, Feistel (*matemático e criptógrafo alemão*) apontou que é necessário uma aproximação do sistema ideal de cifras de bloco para ***n*** grande.



## A cifra de Feistel



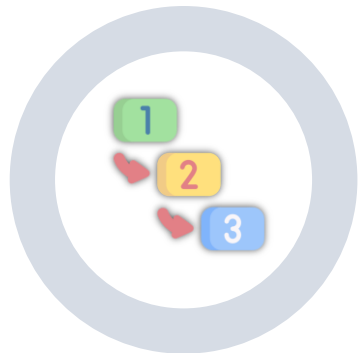
- Muitos algoritmos de cifra de bloco simétricos em uso atual são baseados em uma estrutura conhecida como **cifra de bloco de Feistel**.
- Feistel propôs que podemos aproximar a cifra de bloco ideal utilizando o conceito de uma **cifra de produto**.

***Cifra de produto** é a execução de duas ou mais cifras simples em sequência, de tal forma que o resultado ou produto final seja criptograficamente mais forte do que qualquer uma das cifras componentes.*

- Em particular, **Feistel** propôs o uso de uma cifra que alterna **substituições** e **permutações**.



## A cifra de Feistel



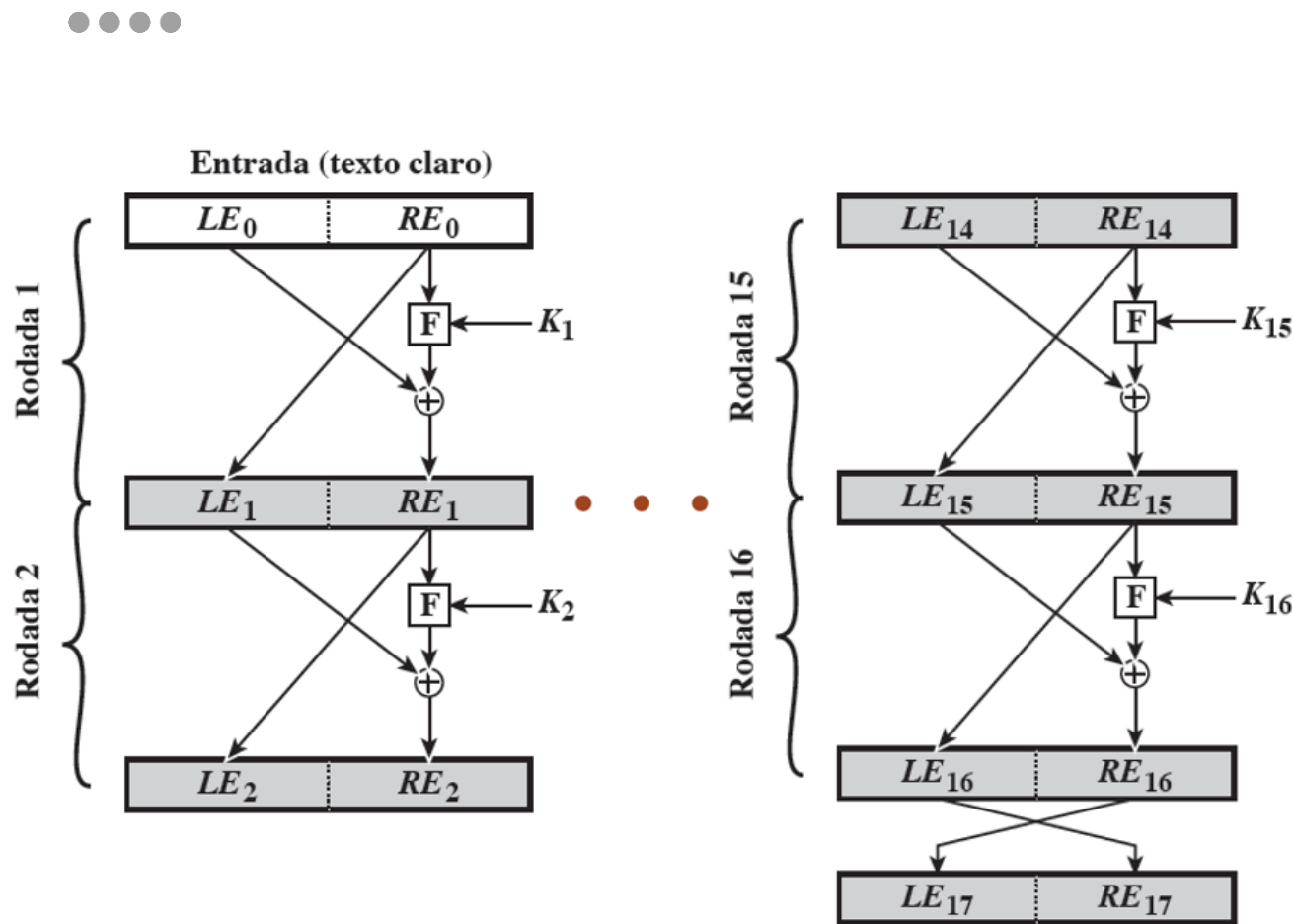
- A essência da técnica de Feistel é:
- Restringir o conjunto das permutações a um subconjunto extremamente pequeno de  $2^k$  permutações.
- $k$  é o tamanho da chave — tipicamente na faixa de 56 a 256 bits.
- Com essa *chave*, há um total de  $2^k$  transformações possíveis, em vez de  $2^n!$  transformações disponíveis com a cifra de bloco ideal.

# Cifra de bloco



## Estrutura da cifra de Feistel

- Divide o bloco de **64** bits em duas metades de **32** bits,  $L_0$  e  $R_0$ .
- Cada rodada  $i$  possui como entradas  $L_{i-1}$  e  $R_{i-1}$ , que são derivadas da rodada anterior, assim como uma subchave  $K_i$  derivada do  $K$  geral.
- A **metade direita** é copiada para a próxima rodada inalterada e se torna  $L_i$ .
- Define  $R_i$  como  $F(R_{i-1}, K_i) \oplus L_{i-1}$ 
  - Pense na função  $F$  como um gerador pseudoaleatório com os dois parâmetros de entrada  $R_{i-1}$  e  $K_i$ .





## Parâmetros da cifra de Feistel



### Tamanho de bloco

- Tamanhos de bloco maiores significam maior segurança, mas a velocidade de cifração/decifração é reduzida.
- Tradicionalmente, o tamanho de bloco de **64 bits** foi considerado uma escolha razoável e quase universal no projeto de cifras de bloco.
- Porém, o novo AES usa um tamanho de bloco de **128 bits**.





## Parâmetros da cifra de Feistel



### Tamanho de chave

- **Tamanho de chave** maior significa maior segurança, mas pode diminuir a velocidade de cifração/decifração.
- Maior segurança é obtida pela maior resistência a **ataques de força bruta**.
- Os tamanhos de chave de **64 bits ou menos** agora são em grande parte considerados inadequados, e **128 bits** tornou-se um padrão comum.

# Criptografia simétrica

## Parâmetros da cifra de Feistel



### Número de rodadas

- A essência da cifra de Feistel é que uma única rodada oferece segurança **inadequada**, mas várias proporcionam maior segurança.
- Um tamanho típico é de 16 rodadas.



### Algoritmo de geração de subchave

- Maior complexidade nesse algoritmo deverá levar a maior dificuldade de criptoanálise.



### Função F

- Maior complexidade geralmente significa maior resistência à criptoanálise.

**Fim!**

**[Aula 03] Cifras de blocos**