

#### Dedução na Lógica de Primeira Ordem Lógica para Computação

Professor: Rennan Dantas

Universidade Federal do Ceará Campus de Crateús

13 e 16 de julho de 2021

<sup>&</sup>lt;sup>0</sup>Slides baseados no livro Logic and structure<sup>1</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>VAN DALEN, Dirk et al. Logic and structure. Berlin: Springer, 1994.

#### Introdução

- Vimos que a Lógica de Primeira Ordem (LPO) é mais expressiva e também mais complexa
- Com relação aos sistemas dedutivos, o objetivo continua o mesmo da Lógica Proposicional: determinar a validade de raciocínios
- O que muda: temos o acréscimo de 4 novas regras:
  - Eliminação do ∀
  - 2 Introdução do ∃
  - Introdução do ∀
  - Eliminação do ∃

### Eliminação do ∀ (Quantificador universal)

• Ideia: se todos os indivíduos de um certo domínio possuem determinada propriedade, então cada indivíduo desse domínio a possui

### Introdução do ∃ (Quantificador existencial)

• Ideia: se algum indivíduo de um certo domínio possui determinada propriedade, então existe um indivíduo nesse domínio com essa propriedade

## Introdução do ∀ (Quantificador universal)

- Ideia: se conseguirmos demonstrar que um indivíduo arbitrário de um certo domínio possui determinada propriedade, então concluímos que todos os indivíduos desse domínio possuem essa propriedade.
- É a ideia que utilizamos nas demonstrações de generalização: toma-se um indivíduo arbitrário de um domínio, geralmente representado por uma variável por conta da arbitrariedade. Se for possível concluir alguma propriedade para aquele indivíduo, essa propriedade se aplica a todos os elementos do domínio.

#### Exclusão do ∃ (Quantificador existencial)

 Ideia: se o fato de algum indivíduo de um certo domínio possuir determinada propriedade A faz com que possamos concluir uma determinada propriedade B, e se existe algum indivíduo com a propriedade A, então podemos concluir a propriedade B.

#### Próxima Aula

## O que vem por aí?

- Exercícios
- Revisão



#### Dedução na Lógica de Primeira Ordem Lógica para Computação

Professor: Rennan Dantas

Universidade Federal do Ceará Campus de Crateús

13 e 16 de julho de 2021

<sup>&</sup>lt;sup>0</sup>Slides baseados no livro Logic and structure<sup>2</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>VAN DALEN, Dirk et al. Logic and structure. Berlin: Springer, 1994.