سلسلة استعد للبكالوريا رقم (02)

حليلا*ت عماس* َ

السنة الدراسية :2012/2011 عدد الأسند.

المستوى: ثالثة ثانوي

الشعبـــة : علوم تجريبية + رياضيات و تقنى رياضي

المحور : الدوال العددية لمتغير حقيقي Les fonctions numériques d'une variable réelle

- * - الوحدة الثالثة: الاشتقاقية و توظيف المشتقات * -

Dérivabilité et applications des fonctions dérivées

1- قابلية الاشتقاق والتفسيرالبياني

 $f(x) = \frac{|x|}{1 + 1}$: بـ: f(01) إلدالة العددية للمتغير الحقيقي $f(x) = \frac{|x|}{1 + 1}$ بـ: المعرف على أ

وليكن C_f منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (O;i,j).

0 عند القيمة f عند القيمة f الدرس استمر اربة الدالة

ادرس قابلية اشتقاق الدالة f عند القيمة 0 و فسر النتائج بيانيا و أكتب معادلتي نصفى -2المماسين (Δ_1) و (Δ_2) عند النقطة ذات الفاصلة 0 و ماذا تسمى هذه النقطة .

الدالة f عند حدود مجموعة تعريفها و فسر النتائج بيانيا f

ادر س اتجاه تغیر الدالة f و شکل جدو ل تغیر اتها +4

 C_f ارسم $\left(\Delta_{_{1}}
ight)$ و المنحني ا

 $f(x) = \sqrt{(x+2)^2} + \frac{1}{x+1}$:ب نامعرفة على والدالة المعرفة على الدالة المعرفة على إ

وليكن (C) المنحنى البياني الممثل لتغيرات الدالة f في معلم متعامد ومتجانس .

ادرس استمراریة و قابلیة اشتقاق الدالة f عند القیمة $x_0=-2$ ثم فسر النتیجة بیانیا -1

f ادر س تغير ات الدالة -2

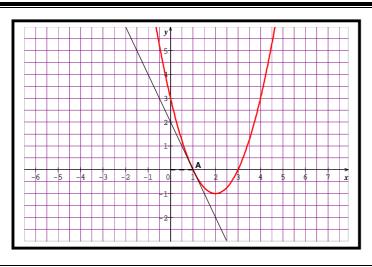
و فسر النتائج بیانیا $\lim [f(x) - (-x - 2)]$ و $\lim [f(x) - (x + 2)]$: حسب -3

مع حامل (C) مين عدد حلول المعادلة f(x)=0 ثم احسب فاصلة نقطة تقاطع المنحنى Cمحور الفواصل

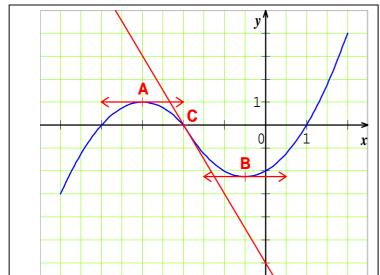
5- ارسم بدقة المنحني (C) وبصفة خاصة نصفي المماسين عند النقطة الزاوية .

الحيف _____ \$ 18/1

رعداد الأستد حليلاتعماس



- التمريين (03) المستوي منسوب لمعلم متعامد ومتجانس (03). نعتبر الدالة f المعرفة على $f(x) = ax^2 + bx + c$ حيث على $f(x) = ax^2 + bx + c$ حيث a,b,c اعداد حقيقية . (C) تمثيلها البياني في الشكل المقابل .
 - 1. بقراءة بيانية احسب كلا من:
 - $f'(1) \circ f(2) \circ f(1)$
 - a,b,c ينستعمال النتائج السابقة عين 2



(04) التمرين

f التالي هو لدالة \mathcal{C}_f التالي هو لدالة قابلة للاشتقاق على مجموعة تعريفها

- f عين مجموعة تعريف الدالة f .
- f قراءة بيانية عين العدد المشتق للدالة 2

عند کل من $\frac{1}{2}$ ، 3- و 2- علماً أنّ ترتیب

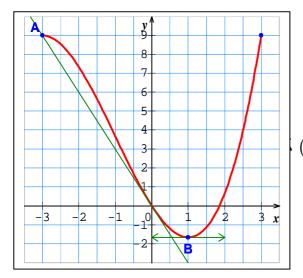
 $-\frac{9}{4}$ هو B .

عند C_f عند المماسات المنحني عند عند عند المحاسنة عند المحاسنة عند عند عند المحاسنة عند المح

B ، A

5. هل توجد مماسات أخرى للمنحنى c_f مو ازية

 $^{\circ}$ لمماسه عند النقطة $^{\circ}$



التنمريين (05) الشكل الموالي هو التمثيل البياني c لدالة f معرفة و قابلة للاشتقاق على المجال c في معلم متعامد ومتجانس c (c)

المنحنى C يحقق الشروط التالية:

يمر بمبدأ المعلم O ، و يشمل النقطة A(-3;9) ، يقبل في النقطة B التي فاصلتها 1 مماسا أفقيا و يقبل المستقيم O(OA)

- (OA) ما هو معامل توجیه المستقیم (A)?
- ينفرض أن f معرفة على [-3;3] بـــ:

$$f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$$

- حيث a ، b ، a و b أعداد حقيقية

أ- بين باستعمال الشروط السابقة أن :

$$d = 0$$
 و $c = -3$ ، $b = 1$ ، $a = \frac{1}{3}$

f'(x) ب-حلل f'(x) و استنتج اتجاه تغیر الدالة

رعداد الأسئلا. حليلات عمام الصفحـــــة 18/2

: بf(06) الدالة العددية للمتغير الحقيقي f(06) الدالة العددية للمتغير الحقيقي

$$f(x) = \frac{x|x|}{|x+1|}$$

وليكن (C) المنحني البياني الممثل لتغيرات الدالة f في معلم متعامد ومتجانس

ادرس قابلية اشتقاق الدالة f عند القيمة 0 ثم فسر النتيجة بيانيا f

2/ احسب النهايات عند حدود مجموعة تعريفها

 $-\infty$ و $+\infty$ عند (C) عند (C) مقارب مائل للمنحني y=x-1: الذي معادلته (Δ) عند (Δ)

f الدالة الإشتقاق على مجموعة تعريفها ثم احسب f'(x) ثم شكل جدول تغيرات الدالة f'(x)

(C) عين فاصلة نقطة تقاطع المنحني (C) مع المستقيم المقارب المائل ثم ارسم بدقة المنحني (C)

 $f(x) = \frac{ax^2 + bx + c}{x - 2}$: المعرف بين f(07) الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرف $f(x) = \frac{ax^2 + bx + c}{x - 2}$

وليكن C_f منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (O;i,j).

y=x-3: مستقيم مقارب معادلته c و b ، a و b ، عين الأعداد الحقيقية b ، a

و f تقبل قيمة حدية عند النقطة التي فاصلتها f.

f ادرس تغیرات الداله f

(3-) اثبت ان المنحني C_f يقبل مماسين D_1 و D_2 معامل توجيه كل منهما D_2 ، يطلب إعطاء إحداثيات نقطتي التماس D_2 و D_3 و معادلتي المماسين D_3 و D_3

 C_f رسم بدقة المماسين (D_1) و (D_1) ثم المنحني 4

ر ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد نقط تقاطع المنحني C_f و المستقيم (Δ_m) الذي y = -3x + m .

 $f(x) = x + 2\sqrt{|x|}$: بالمعرف على الدالة العددية للمتغير الحقيقي X المعرف على f(08) الدالة العددية للمتغير الحقيقي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس $C_f(0;i,j)$.

0 الفاصلة f عند القيمة f عند القيمة f و فسر النتيجة بيانيا و ماذا تسمى النقطة ذات الفاصلة f

-2 احسب نهایات الدالهٔ f عند ∞ + و -2

f الشتقاق على f ثم احسب f ثم احسب الجاه تغير الدالة f ثم ادر الدالة f ثم ادر الدالة f

f شكل جدول تغيرات الدالة f

. عين إحداثيات نقط تقاطع C_f مع حامل محور الفواصل -5

 $\left[-9;4
ight]$ ارسم المنحني C_f في المجال -6

 $f(x) = 1 + \sqrt{x^2 - 2x}$: المعرفة بالدالة العددية للمتغير الحقيقي X المعرفة بالدالة العددية للمتغير الحقيقي

وليكن (C) المنحنى البياني الممثل لتغيرات الدالة f في معلم متعامد ومتجانس

f عين محموعة تعريف ممكنة للدالـــة D_f

ادرس قابلية اشتقاق الدالة f على مجموعة تعريفها D_f فسر النتائج هندسيا /2

f ادرس تغيرات الداله f

(C) محور تناظر للمنحنى x=1 الذي معادلته x=1 محال (Δ) الذي أن المستقيم

بيّن أن المستقيم (D_1) الذي معادلته y=x مقارب مائل للمنحنى (C) في جو ار y=x ثم استنتج y=x $-\infty$ معادلة المستقيم المقارب المائل (D_2) في جوار

(C) ارسم المنحنى (6)

: ب : على الدالة العددية للمتغير الحقيقى x المعرفة على المدية المتغير الحقيقى المعرفة على الدالة العددية المتغير الحقيقى المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة المعرفة المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة المعرفة على المعرفة المعرفة على المعرفة المعر

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{3}x^3 - x + a & x \mathbf{p} 2 \\ \frac{x^2}{x+1} & x \ge 2 \end{cases}$$

وليكن (C) المنحنى البياني الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس

2 مستمرة عند القيمة f مستمرة عند القيمة a

 $a = \frac{2}{3}$: نفرض في كل ما يلي

ادرس قابلية اشتقاق الدالة f على i وبصفة خاصة عند القيمة 2 ثم فسر النتيجة بيانيا 2

f ادرس تغیرات الداله f

4/ بين أن المنحنى (C) يقبل مستقيم مقارب مائل عند $+\infty$ يطلب تعيين معادلته

(C) ارسم المنحنى أ

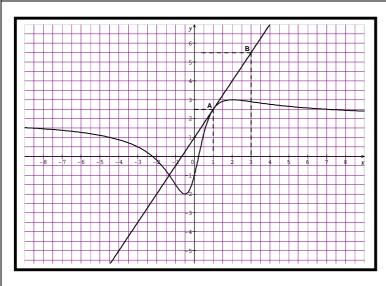
التمرين ((C)) المنحنى البياني الممثل الدالة f المعرفة بالعبارة المعرفة

$$f(x) = a + \frac{bx}{x^2 + 1} + \frac{c}{x^2 + 1}$$

aŭ elemento de a,b,c al el

$$B\left(3;\frac{11}{2}\right)$$
 عند النقطة $A\left(1;\frac{5}{2}\right)$ يشمل النقطة و المماس عند النقطة ذات الفاصلة 2 يوازي

حامل محور الفواصل.



رحاد الأستلا حليلاتعماس

2- حساب المشنقات ما جاء النغير

التمرين (12) احسب الدالة المشتقة لكل من الدوال التالية مبيّنا المجموعة التي تجري الحسابات عليها

$$f(x) = (x + \sqrt{x^2 + 1})^n /3$$
 $f(x) = \frac{x^4(x - 1)^2}{(x^2 + 1)^3} /2$ $f(x) = x^3(x^2 + 1)^4 /1$

$$f(x) = \frac{2x+1}{\sqrt{x^2+x+2}}$$
 /5 $f(t) = \tan^3 t$ /4 $f(x) = \cos^3(x) + \sin(x^2+1)$ /3

التمرين (13) باستعمال تعريف العدد المشتق احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \to \frac{p}{2}} \frac{\sin 3x}{2\cos x - 1} / 4 \cdot \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos x}{x} / 3 \cdot \lim_{x \to 3} \frac{x\sqrt{x + 1} - 6}{x - 3} / 2 \cdot \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{x + 1} - 1}{x} / 1$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin 2x}{\sqrt{1 - \cos x}} / 7 \qquad \text{`} \quad \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{x^2 + 2x}}{x} / 6 \text{ '} \quad \lim_{x \to \frac{p}{4}} \frac{\tan x - 1}{2\cos x - \sqrt{2}} / 5$$

التمرين (14) عدد طبيعي غير معدوم ، و x عدد حقيقي يختلف عن n

- . $1+x+x^2+...+x^n$ بسط المجموع (1
- $1+2x+3x^2+...+nx^{n-1}$: استنتج تبسيطا للعبارة (2

التمرين (15) من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n ، نعتبر الدالة f_n المعرفة على

$$f_n(x) = (x^2 - 2x)^n : \underline{\qquad} :$$

- الدرس تغيرات الدالة f_n (ميّز الحالتين n زوجي ثم فردي f_n) .
- . المنحنى الممثل للدالة f_n في معلم متعامد ومتجانس \mathcal{C}_n
- c_n هو محور تناظر للمنتقيم ذي المعادلة x=1 هو محور تناظر المنحنى أ
- . n يمر من أربع نقط إحداثياتها مستقلة عن العدد الطبيعي C_n
 - أحسب إحداثيات هذه النقط . أرسم في نفس المعلم المنحنيين C_1 و C_7

 $f(x) = x + \sqrt{4x^2 - 1}$: الدالة العددية المعرفة على زكما يلي f(16)

(O; i, j) منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد (C_{f}, i, j) .

- الدرس قابلية اشتقاق الدالة f على i وفسر النتائج بيانيا f
 - f ادرس تغیرات الداله f .
- ادسب $\lim [f(x)-3x]$ و $\lim [f(x)+x]$ و النتائج بيانيا /3
 - C_f ارسم بدقة المنحنى /4

رعداد الأستلا حليلاتعمار

2p اثبت أن الدالة f دورية ودورها ff بيّن ان الدالة f زوجية واستنتج مجال كافي لدراسة تغيرات الدالة ff ادر س تغیر ات الداله f4/ أوجد نقط تقاطع المنحنى C_f مع حامل محور الفواصل C_f ارسم المنحنى C_f على المجال C_f و كيف يمكن استتاج المنحنى /5 $\left\{\cos^2 x + \cos x = \frac{m}{2}; -p \le x \le p \right\}$ ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط m عدد حلول الجملة $f(x) = \cos^2 x . \sin 2x$ الدالة العددية للمتغير الحقيقي X المعرفة بـ f(18)p اثبت أن الدالة f دورية ودورها ff الدالة f فردية واستنتج مجال كافي لدراسة تغيرات الدالة ff ادر س تغير ات الدالة f C_f و كيف يمكن استتاج المنحني [-p;p] على المجال C_f على المجال : التموين f(19) الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على f(19) الدالة العددية للمتغير الحقيقي $f(x) = \frac{\cos 2x}{\cos x}$ 2p اثبت أن الدالة f دورية ودورها ff بيّن أن الدالة f زوجية واستنتج مجال كافى لدراسة تغيرات الدالة ff ادر س تغير ات الداله f C_f و كيف يمكن استتاج المنحني المجال [-p;p] و كيف يمكن استتاج المنحني /4 التمرين (20) الدالة العددية للمتغير الحقيقى x المعرفة ب: $f(x) = -x + \sqrt{x^2 + 8}$ وليكن C_f منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس $(O; \overline{i}, \overline{j})$. f ادر س تغير ات الدالة f. C_f فسر بيانيا النتيجة المحصل عليها ثم ارسم المنحني . $\lim_{x\to\infty} \left[f\left(x\right)+2x\right]$ $g(x) = -x - \sqrt{x^2 + 8}$: يلي المعرفة كما يلي و المعرفة كما يلي /3 وليكن C_{s} منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (O;i,j). O أ بين ان C_f و C_f متناظر ان بالنسبة للمبدأ $(\Gamma) = (C_f) \cup (C_g)$ حيث (Γ) حين معادلة لـ (Γ)

الصفحـــة 18/6

رعداد الأستد

حليلاتعماس

 $f(x) = 1 + 2\cos x + \cos 2x$ المعرفية للمتغير الحقيقي X المعرفية بf(17) الدالة العددية للمتغير الحقيقي

3- النقريب النآلفي -طريقة أول لرسم منحنيي تقريبي

التمرين (21) 1 /برر التقريب التآلفي المحلي عند 0 في كل حالة من الحالات التالية:

.
$$\sin x \approx x$$
 (ع $\frac{1}{1+x} \approx 1-x$ (ج $\sqrt{1+x} \approx 1+\frac{x}{2}$ (ب $(1+x)^3 \approx 1+3x$ (أ $\sqrt{3654}$ (ب $\tan 46^\circ$ (أ : باختيار دالة مناسبة وباستعمال التقريب التآلفي احسب (1)

التمرين (22) كرة حديدية نصف قطرها 8cm تتمدد عند ارتفاع دراجة الحرارة.

1. ما هو تغير حجمها لما يرتفع نصف قطرها بـ 1mm ؟

2. ما هو تغير مساحتها في نفس الظروف ؟

 $f'(x) = \sqrt{x}$ و f(0) = 1 و تكن f(0) = 1 و تكن f(23)

1. باستعمال طريقة أولر و باختيار خطوة 0.5 = h شكل جدو لا يتضمن القيم التقريبية لـ f(x) من أجل x ينتمي إلى [0;5] ثم أنشئ تمثيلا تقريبيا للدالة f(x). تدور النتائج إلى [0,5]. عين قيمة مقربة للعدد f(x).

f(4) عين قيمة مقربة للعدد h=0,1 عين قيمة مقربة للعدد 2

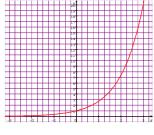
3. نبر هن أن $f'(x) = \frac{2}{3}x\sqrt{x} + 1$. تحقق أن $f(x) = \sqrt{x}$ و $f'(x) = \sqrt{x}$. أحسب (4) ثم قارن النتيجة على القيم المقربة المحصل عليها سابقا بالخطوتين 0,5 و 0,1.

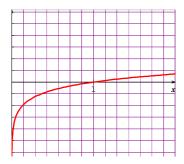
f'(x) = f(x) و f(0) = 1 لتكن f(24) لتكن f(24) دالة تحقق:

بإتباع طريقة أولر أنجز ورقة الحساب الموالية باختيار خطوة 0.005 أنجز جدو لا يتضمن القيم التقريبية لـ f(x) من أجل f(x) ينتمي إلى f(x) ثم أنشئ تمثيلا تقريبيا للدالة f(x)

 $f'(x) = \frac{1}{x}$ و f(1) = 0 و f(x) = 0 دالة تحقق: f(x) = 0

- بإتباع طريقة أولر أنجز ورقة الحساب الموالية باختيار خطوة 0.01 أنجز جدو لا يتضمن القيم التقريبية لـ f(x) من أجل x ينتمي إلى f(x) أنشئ تمثيلا تقريبيا للدالة f(x)

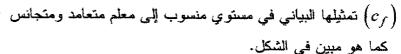


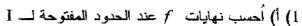


{التدريب على حلى عاريز بكالوريات }

المتمرين (01) بكالوريا شعبة علوم تجريبية دورة 2009

$$f(x) = -x + \frac{4}{x+1}$$
 :... $I =]-\infty; -1[\cup]-1; 0]$ class and $f(x) = -x + \frac{4}{x+1}$ (I





$$g(x)=x+rac{4}{x+1}$$
 كما يلي: $g(x)=x+rac{4}{x+1}$ كما يلي: $g(x)=x+rac{4}{x+1}$

تمثیلها البیانی فی مستوی منسوب إلی معلم متعامد تجانس.
$$\left(c_{g}
ight)$$

$$(\Delta)$$
 بقبل مستقیما مقاربا مائلاً (c_g) بقبل مستقیما مقاربا مائلاً $+\infty$ عند $+\infty$ بطلب تعیین معادلة له.

ج) اُدرس تغیرات g .

$$k(x) = |x| + \frac{4}{x+1}$$
 كما يلي: $\mathbb{R} - \{-1\}$ كما يلي (II

ب) أعط تفسيرا هندسيا لهذه النتيجة.

$$\mathbf{x}_{0}$$
) عند النقطة التي فاصلتها \mathbf{x}_{0}) و (\mathbf{x}_{0}) عند النقطة التي فاصلتها

$$(C_k)$$
 و $({}_2\Delta)$ ، $({}_1\Delta)$ و $(3$

$$f(x) = |x-2| + \frac{1}{x-1}$$
 : التمرين $f(02)$ الدالة العددية

ادرس استمرارية وقابلية اشتقاق الدالة f عند القيمة $x_0=2$ فسر النتيجة بيانيا /1

 (C_f) ادرس تغيرات الدالة f و اكتب معادلات المستقيمات المقاربة للمنحنى /2

$$\left[0;\frac{1}{2}\right]$$
 اثبت أن المعادلة $f\left(x\right)=0$ تقبل حلا وحيدا a في المجال $f\left(x\right)=0$

 (C_f) ارسم المنحني /4

$$|x-2| + \frac{1-m(x-1)}{x-1} = 0$$
 خاقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة /5

$$\left|\cos q - 2\right| + \frac{1 - m(\cos q - 1)}{\cos - 1} = 0$$
 استنتج مما سبق عدد حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي $q = 1$

رجاد الأستلا. حليلات عمار

النمرين (03) بكالوريا شعبة علوم تجريبية دورة 2008

- المنحني (C) المقابل هو التمثيل البياني للدالة العددية $g(x)=x^3+3x^2+3x-1$ المجال $g(x)=x^3+3x^2+3x-1$ كما يأتي $g(0)=x^3+3x^2+3x-1$ بقراءة بيانية شكل جدول تغيرات الدالة $g(0)=x^3+3x^2+3x-1$ و حدّد $g(0)=x^3+3x^2+3x-1$ و حدّد $g(0)=x^3+3x^2+3x-1$ و إشارة $g(0)=x^3+3x-1$.
 - ب) علل وجود عدد حقيقي a من المجال g(a)=0
 - ج) استنتج إشارة g(x) على المجال] $-1;+\infty$
 - يأتي: $-1;+\infty$ المعرفة على المجال $-1;+\infty$ بما يأتي:

. (
$$O;i,j$$
) مثیلها البیاني في معلم متعامد $f(x) = \frac{x^3 + 3x^2 + 3x + 2}{(x+1)^2}$

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^3}$$
 :]-1;+∞[من أجل كل عدد حقيقي x من المجال)

- ب) عيّن دون حساب $\lim_{x \to a} \frac{f(x) f(a)}{x a}$ وفسّر النتيجة بيانيا.
- ج) احسب : $\lim_{x \to +\infty} \left[f(x) (x+1) \right]$ و فسر النتيجة بيانيا.
 - د) شكّل جدول تغيرات الدالة f.
- $.(\Gamma)$ عيّن مدور f(a) إلى a ; 0.26 بأخذ a ; 0.26 عيّن مدور a , a ألى عيّن مدور عين مدور .

التمريين (04) لتكن f دالة عددية قابلة للاشتقاق على كل مجال من مجموعة تعريفها . لها جدول التغير ات التالى :

x	$-\infty$ $\frac{1}{2}$	$1 \qquad \frac{3}{2} \qquad +\infty$
f'(x)	+ 0 -	- 0 +
f(x)	1	+∞ +∞

تكتب عبارة
$$(x)$$
 على الشكل $(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$ على الشكل $(x) = a,b,c$ أعداد حقيقية. $(x) = a,b,c$ أعداد حقيقية $(x) = a,b,c$

ر**عداد الأستند.** حليلات عمام

: f اعتمادا على جدول تغيرات الدالة f

. a,b,c عيّن الأعداد الحقيقية

. ب) عين $\lim_{x \to P \to 1} f(x)$ و فسر النتيجة بيانيا $\lim_{x \to P \to 1} f(x)$

. عارن بين صورتي العددين $\frac{3}{4}$ بالدالة f معللا إجابتك .

وليكن (C) المنحني البياني الممثل لتغيرات الدالة $a=1\;\;;\;b=1\;;\;\;c=\frac{1}{4}\;\;$ المنحني البياني الممثل لتغيرات الدالة f

. y=x+1 : معادلته (Δ) بین أن المنحنی (C) یقبل مستقیما مقاربا

. (Δ) بالنسبة إلى المستقيم (C) بالنسبة إلى المستقيم

W(1;2) مركز تناظر للمنحني W(1;2) مركز مركز بناظر المنحني

(C) عين نقط تقاطع المنحني (C) مع حامل محور الفواصل ثم ارسم المنحني (f(x)=|I| عدد حقيقي ، عيّن بيانيا ، حسب قيم I عدد حلول المعادلة (4)

: $-2;0[\,\cup\,]0;+\infty[$ لتكن الدالة f في المتغير الحقيقي x و المعرفة على (05) لتكن الدالة (05)

. $(O; \vec{i}, \vec{j})$ متیاها البیاني في معلم متعامد ومتجانس (C_f) ، $f(x) = 1 + \frac{\sqrt{x+2}}{x}$

f ادرس تغيرات الداله f .

. نقطة تقاطع C_f مع حامل محور الفواصل A

. اين أن المنحنى C_t يقبل مستقيمين مقاربين يطلب إعطاء معادلتهما 3

. $x_{0}=-1$ اكتب معادلة المماس Δ للمنحني C_{f} للمنحني النقطة التي فاصلتها Δ

5/ احسب (2) ثم ارسم بدقة المماس (Δ) و المنحني C_f و بخاصة نصف المماس في النقطة ذات الفاصلة x = -2.

 $f(x)=1+rac{\sqrt{|x|+2}}{|x|}$: عرف الدالة g في المتغير الحقيقي x حيث ويا

g الدالة الدالة مجموعة التعريف $D_{\rm g}$ الدرس شفعية الدالة ا

g(x) = f(x): I من x من x بحيث يكون لكل x من x المجال x القيم x بحيث يكون لكل x

المنحني المنطم و بلون مخالف المنحني البياني (C_g) للدالة و الطلاقا من المنحني المنحني البياني و الطلاقا من المنحني المنحني

رجداد الأستلا. حليلات عماس $f(x) = \frac{x^3 + 2x^2}{x^2 - 1}$: لتكن f الدالة العددية المعرفة كما يلي (06) لتكن الدالة العددية المعرفة كما الدالة العددية المعرفة كما الدالة العددية العددية المعرفة كما يلي

(2cm : details). (0; i,j) تمثيلها البياني في مستو منسوب لمعلم متعامد ومتجانس (C)

 $g(x) = x^3 - 3x - 4$: لتكن الدالة g المعرفة على : A كما يلي : A

1) شكل جدول تغيرات الدالة g .

ين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد a من المجال a عيّن قيمة a عيّن قيمة (2 عين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد a من المجال a . a عيّن قيمة تقريب a . a عيّن قيمة تقريب a .

g ادرس إشارة g على g

 D_f عند أطراف الدالة D_f عند أطراف الدالة أثم احسب النهايات للدالة D_f عند أطراف الجزء

$$f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(x^2 - 1)^2}$$
: D_f on x decided in (2)

f استنج جدول تغیرات الداله

 D_f من x من اجل كل عدد حقيقية a , b و c أ-أوجد ثلاثة أعداد حقيقي c أعداد حقيقي أ

$$f(x) = ax + b + \frac{x+c}{x^2-1}$$
: نكتب $f(x) = ax + b + \frac{x+c}{x^2-1}$

ب - أستنتج أن المنحني (C) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) بجوار كل من $-\infty$ و $-\infty$ بطلب تعيين معادلته .

(Δ) ادرس وضعية المنحني (C) بالنسبة للمستقيم

a عيّن حصر المعدد $f(a)=\frac{3a^2+10a+8}{2a+4}$: د) بيّن أن $f(a)=\frac{3a^2+10a+8}{2a+4}$ انطلاقا من حصر المستقيم (Δ) و المستقيم (Δ) و المستقيم (Δ)

المنمرين (07) بكالوريا شعبة تقنيرياضي دورة 2010

 $f(x) = x\left(1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)$: كما يلي يا كما يلي ألدالة العددية المعرفة على f

وليكن (C_f) منحنيها البياني في المستوي المُنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (C_f) .

بيّن أن الدالة f فردية f

 $f'(x) = 1 + \frac{1}{(x^2 + 1)\sqrt{x^2 + 1}}$: لدينا x عدد حقيقي x لدينا -2

f ادرس تغیرات الداله -3

.0 الفاصلة (C_f) المنحني النقطة ذات الفاصلة (T) المنحني النقطة ذات الفاصلة

. الدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (T) واستنتج أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيينها -5

- بيّن أن المستقيم (D) ذو المعادلة y = x + 1 مقارب للمنحني (C_f) في جوار (C_f) معادلة (D') المستقيم المقارب الأخر .

رسم (D') و (C_f) السابق. (D')

ر**عداد الأستلا.** حليلات عمام $g(x) = |x| \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)$: كما يلي g - 8 الدالة العددية المعرفة على $g(x) = |x| \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)$ الدالة $g(x) = |x| \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)$ الدالة $g(x) = |x| \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)$ الدالة $g(x) = |x| \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)$

. ارسم (C_g) ارسم المعلم السابق (C_g) بنطلاقا من المعلم السابق .

 $f(x) = \frac{x^3 + ax + b}{2x}$: بالعبارة : إبالعبارة العددية المعرفة على f(08)

. $\left(O; \overset{\mathbf{1}}{i}; \overset{\mathbf{I}}{j}\right)$ تمثیلها البیاني في معلم متعامد ومتجانس $\left(g\right)$

2مین العددین a و b حتی تقبل f قیمة حدیة عند a العددین a عین العددین العددین a عین العددین العددین a عین العددین العددین العددین العددین العد

f ادرس تغيرات الدالة 2

? وماذا تستنج $\lim_{|x| \to +\infty} \left[f(x) - \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2} \right]$: رحسب /3

 $x_0 = 1$ التي فاصلتها (T) النقطة التي فاصلتها /4

بيّن أن المماس (T) يقطع المنحني (g) في نقطة M_0 يطلب تعيينها /5

اثبت ان المنحني (g) يقبل نقطة انعطاف w يطلب تعيينها /6

(T) مستعينا بالنتائج السابقة ارسم القطع المكافئ الذي معادلته $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}$: مستعينا بالنتائج السابقة ارسم القطع المكافئ الذي معادلته $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}$

 $h: x \to \frac{-x^2|x|-|x|-2}{2x}$: h = h is h = h is h = h.

h ادرس شفعية الدالة اh

(g) انطلاقا من رسم المنحني (C_h) انطلاقا من رسم المنحني

 $f(x) = 1 + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$: الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بـ المعرفة (09) الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ المعرفة

وليكن C_f منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

 C_f ادرس تغيرات الدالة f ثم عين المستقيمات المقاربة للمنحني /1 (I_f)

0 اكتب معادلة للمماس (D) للمنحني عند النقطة ذات الفاصلة (2

 C_f احسب f(-x)+f(x) وماذا تستنج بالنسبة للمنحني f(-x)+f(x)

بالرس الوضع النسبي للمنحني C_f و المستقيم (D) .ماذا تستنتج *

1 **p** x_0 **p** 2 : عيث x_0 المنحني x_0 يقطع المستقيم الذي معادلته y=x في نقطة فاصلتها x_0 حيث x_0 يقطع المستقيم الذي معادلته x_0 في نقطة فاصلتها x_0 . x_0

لتكن الدالة h المعرفة ب(g') التكن الدالة h المعرفة ب(g') التكن الدالة h المعرفة بالمعرفة بالمعرفة بالمعرفة البياني الدالة h المعرفة بالمعرفة ب

ر**عداد الأستلا.** حليلات عمام $x_0 = 0$ ادرس استمراریة وقابلیة اشتقاق الدالة h عند القیمة وقابلیة اشتقاق الدالة

 $^{\prime}$ بين أن الدالة $^{\prime}$ زوجية .

 $C_{\scriptscriptstyle f}$ من رسم المنحني ($C_{\scriptscriptstyle h}$) انطلاقا من رسم /3

$$f(x) = ax + \frac{bx + c}{(x - 2)^2}$$
 الجزء الأول $f(x) = ax + \frac{bx + c}{(x - 2)^2}$ الجزء الأول

وليكن C_f منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (O;i,j).

ر و تكون D(3;1) و المنحني C_f يشمل النقطة D(3;1) و النقطة C_f يشمل النقطة D(3;1) و و النقطة D(3;1) . D(3;1) .

$$f(x) = \frac{x^3 - 4x^2 + 3x + 1}{(x - 2)^2}$$
: المعرفة في السؤال (1) هي الدالة المعرفة في السؤال (2)

 C_f ادرس تغيرات الدالة f و عيّن معادلات المستقيمات المقاربة للمنحنى /3

 $\frac{5}{2}$;3 المجال a عيّن عدد حلول المعادلة f(x)=0 وبيّن أنه يوجد حل وحيد a في المجال f(x)=0

0.1 سعته a سعته المسح اوجد حصر اللعدد a

ادرس وضعي المنحني C_f بالنسبة للمستقيم المقارب المائل /6

المائل المنحني C_f يقبل مماسا (Δ) يوازي المستقيم المقارب المائل /7

اثبت ان المنحنى C_f يقبل نقطة انعطاف w يطلب تعيينها 8

. C_f و (Δ) ارسم

f(x) = x + m: عدد وإشارة حلول المعادلة m وسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة m

$$\begin{cases} h(x) = f(x) & x \ge 3 \\ h(x) = x - 3 + \frac{1}{x - 2} & x \mathbf{p} 3 \end{cases}$$
 : الجزء الثاني h الدالة المعرفة كما يلي :

ادرس استمرارية وقابلية اشتقاق h عند القيمة $x_{\,0}=3$ ثم فسر النتيجة بيانيا 1

f ادرس تغيرات الدالة h مستعينا بتغيرات الداله f

 (C_h) ادرس الفروع اللانهائية للمنحني المنحني المنحني (C_h) ادرس الفروع اللانهائية المنحني

$f(x) = \frac{4x^2 - 11x + 7}{2(x - 2)}$: المعرفية إلى المعرفية للمتغير الحقيقي المعرفية للمتغير الحقيقي المعرفية إلى المعرفية العددية المتغير الحقيقي

وليكن C_f منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس $C_i(O;i,j)$.

 $C_{\scriptscriptstyle f}$ ادرس تغيرات الدالة واكتب معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني /1

 ${}^{C}_{f}$ برهن أن النقطة A تقاطع المستقيمين المقاربين مركز تناظر للمنحنى $^{\prime}2$

 C_f احسب إحداثيات نقط تقاطع المنحني مع المحورين الإحداثيين ثم ارسم المنحني 3

 $\frac{3}{2}$ $\frac{3$

الصفحـــة 18/13

ر**عداد الأستلا.** حليلات عماس رك احسب إحداثيات نقطتي التماس B و C لهذين المماسين مع المنحني ثم تحقق من أن النقطتين B و C متناظرتين بالنسبة إلى النقطة D . وعيّن معادلتي المماسين .

 $f(x) = \frac{3}{2}x + m$: عدد حلول المعادلة عدم الوسيط الحقيقي المعادلة وحسب قيم الوسيط الحقيقي /6

 $f_m(x) = \frac{4x^2 + (m-8)x - m + 4}{2(x-2)}$: المعرفة كما يلي المعرفة كما المعرفة (f_m) المتغير الحقيقي (f_m) المعرفة كما المعرفة كما المعرفة العددية (f_m)

نسميي (C_m) المنحني الممثل للدالة (f_m) في المستوي المنسوب إلى المعلم (C_m) نسمي المنحنيات (C_m) المنحنيات أ - بين انه توجد نقطة ثابتة تنتمي إلى جميع المنحنيات

 $\left(\frac{7}{4};0\right)$ الذي يشمل النقطة ذات الإحداثيين (C_m) الذي يشمل النقطة

 $f(x) = x - 1 + \frac{2x - 1}{\sqrt{x^2 - x + 1}}$: بالعبارة ; بالعبارة إلى الدالة العددية على العبارة والعبارة إلى الدالة العددية على العبارة إلى العبارة ا

وليكن C_f منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس C_f .

f ادرس تغیرات الداله f .

المسب $\lim_{x\to -\infty} [f(x)-(x+1)]$ و $\lim_{x\to -\infty} [f(x)-(x-3)]$ ثم فسر النتيجة بيانيا.

. C_f ييّن ان النقطة $A\left(\frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right)$ مركز تناظر للمنحني /3

بين أن المنحني C_f يقبل مماسين T_1 و T_2 ميلهما $\frac{5}{2}$ ثم حدد معادلتيهما.

 $\frac{1}{2}$ \mathbf{p} a \mathbf{p} $\frac{5}{6}$: حيث a المنحني عصور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها a حيث b يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها عبين أن

. x میں قیم $f\left(x\right)$ ارسم C_{f} مسب قیم /6

وسيط حقيقي m ناقش بيانيا عدد حلول المعادلة : f(x) = x + m وسيط حقيقي /7

 $g(x) = 2x - \sqrt{1 + x^2}$ بي المعرفة على الدالة $g(x) = 2x - \sqrt{1 + x^2}$ بين الدالة و المعرفة على الدالة و المعرفة على الدالة و المعرفة على الدالة و الدالة

• أدرس اتجاه تغير الدالة g.

• بين أن المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا a يطلب تعيينه. استنتج إشارة g(x) = 0

. نعتبر الدالة f المعرفة على f بي معلم متعامد. f المعرفة على f بياني في معلم متعامد. f المستقيمين ألم المستقيمين ألم المستقيمين ألم المستقيم المستقيمين ألم المستقيم المستقيم المستقيم المستو

أ) أدرس نهايتي الدالة f عند ∞ و عند $\infty+$.

 $f'(x) = \frac{g(x)}{\sqrt{1+x^2}}$ ، من $f(x) = \frac{g(x)}{\sqrt{1+x^2}}$ من $f(x) = \frac{g(x)}{\sqrt{1+x^2}}$ بين أنه من أجل كل $f(x) = \frac{g(x)}{\sqrt{1+x^2}}$

جــ) أحسب $\lim_{x\to\infty} [f(x)+3x]$ فسر بيانيا النتيجة المحصل عليها.

. $+\infty$ عند (C_f) عند مقاربا للمنحنى (D') عند عند (د

(D') و (D)، ((C_f)) أرسم (D') و (D') و (D') و النسبة إلى ((C_f)) النسبة إلى ((D')) النسبة النس

مر**عداد الأستلا.** حليلات عمام

 $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$: الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة ب $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$

النقطة (g) عين الأعداد الحقيقية a ، a و b ، a بحيث المنحني (g) تمثيلها البياني يشمل النقطة E(-1;-2) ذروة للمنحني E(0;-3)

$$x
ightharpoonup rac{x^2+3}{x-1}$$
 : هي الدالة المعرفة في السؤال 1) هي الدالة المعرفة في السؤال 1

(g) المنحنى الدالة f واكتب معادلات المستقيمات المقاربة للمنحنى –ادر الدالة f

(g) مركز تناظر للمنحني (g) مركز تناظر للمنحني (g) مركز تناظر المنحني

(o;i;j) ارسم المنحني (g) في معلم متعامد ومتجانس (g)

(g') بيّن أن المنحني (g') يستنتج بسهولة من رسم (g) ثم ارسم

التمرين (15) معلم متعامد للمستوي ، وحدة الرسم هي (o;i;j) معلم متعامد المستوي ، وحدة الرسم

. نسمي $u(x) = \sqrt{x^2 + 1} - x$: بينها البياني $u(x) = \sqrt{x^2 + 1} - x$ نعتبر الدالة $u(x) = \sqrt{x^2 + 1} - x$

 $-\infty$ عيّن نهاية الدالة u عند $-\infty$ عين

$$u(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1} + x}$$
: الدینا ، x عدد حقیقی عدد کل عدد عدد بیّن أنّه من أجل کل عدد حقیقی

 $+\infty$ عند u المنتتج نهاية الدالة u

. $-\infty$ يؤول إلى x عندما x يؤول إلى u(x)+2x تؤول إلى u(x)+2x

u(x)+2x . استنتج إشارة u(x)>0 . عدد حقيقي u(x)>0 . استنتج إشارة u(x)+2x . u(x)=0 . u(x)=0 . u(x)=0 .

u نان أن $u'(x) = \frac{-u(x)}{\sqrt{x^2 + 1}}$ نام استنتج اتجاه تغیر الدالة u . 3

لمائل ومستقيمه المقارب المائل \mathcal{L}

 $f(x) = 1 - x + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$: بالعبارة : بالعبارة إلى الدالة العددية المعرفة على الدالة العددية العددية العددية المعرفة على الدالة العددية العد

وليكن (C_f) منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (O;i,j).

f'(0) ثم استنج f'(x) احسب /1

 $1-(x^2+1)\sqrt{x^2+1} \le 0$: x عدد حقیقی عدد من أجل كل عدد عدد اثبت أنه من أجل كا

. f ادرس تغیرات الداله f

 $-\infty$ بجو ار (C_f) بجو المستقيم (D):y=-x بجو ار

 (C_f) بجوار (C_f) مقارب مائل للمنحني (C_f) بجوار (D'):

رجداد الأستلا. حليلات عمام الصفحـــة 18/15

 C_f مركز تناظر للمنحنى $A\left(0;1
ight)$ مركز مركز المنحنى مركز

 $\frac{7}{4}$ \mathbf{p} a \mathbf{p} 2 : قبل حلا وحيدا \mathbf{p} a اين أن المعادلة \mathbf{p} a \mathbf{p} a تقبل حلا وحيدا

وسيط حقيقي f(x) = x + m : وسيط حقيقي والمعادلة عدد حلول المعادلة

 $f(x) = x + \frac{x}{\sqrt{x^2 - 4}}$: ب. $]-\infty; -2[\cup]2; +\infty[$ هي الدالة المعرفة على f(17) التمرين f(17)

- و (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم .
 - بين أن الدالة f فردية (1
- 2) احسب نهایات الدالة f عند أطراف مجموعة التعریف.
- $x + \infty$ عند (C) مقارب للمنحي معادلته y = x + 1 عند Δ عند (3
 - Δ حدّد وضعية (C) بالنسبة ل
- 4) باستعمال نتيجة السؤال 1) استنتج أن المنحني (C) يقبل مستقيما مقاربا مائلاً عند ∞ يطلب تعيين معادلة له.
 - g(x) = -f(x): بيكن (C') التمثيل البياني للدالة g المعرفة على g(x) = -f(x) بيكن ((C')) التمثيل البياني للدالة (C') المعرفة على (C') عين المستقيمات المقاربة للمنحنى (C').
 - (C') استنتج رسم المنحني ((C')) انظلاقا من المنحني

 $f(x) = \frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{x^2 - 1}}{x}$: كما يأتي $f(x) = \frac{1}{2}$ الدالة العددية المعرفة على $f(x) = \frac{1}{2}$ كما يأتي $f(x) = \frac{1}{2}$ الدالة العددية المعرفة على $f(x) = \frac{1}{2}$ كما يأتي $f(x) = \frac{1}{2}$ الدالة العددية المعرفة على $f(x) = \frac{1}{2}$ الدالة العددية المعرفة على المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس $f(x) = \frac{1}{2}$

 $+\infty$ بجو المعادلة : $y=\frac{1}{2}x-1$ هو مستقيم مقارب للمنحني (Δ) بجو المعادلة . 1 المستقيم (Δ) بحو المعادلة .

 $\frac{\sqrt{x^2-1}}{x} \le 1$: فإن $[1;+\infty[$ فإن x من المجال x عدد حقيقي x من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[1;+\infty[$ استنتج وضعية (C_f) بالنسبة لـــ (Δ) على المجال (C_f)

- . احسب : $\lim_{h\to 0} \frac{f\left(1+h\right)-f\left(h\right)}{h}$ ثم فسر هندسیا هذه النتیجة . 2
- $g(x) = x^2 \sqrt{x^2 1} 2$: بين الدالة g المعرفة على $g(x) = 1;+\infty$ بين الدالة والمعرفة على 3
- . $[1;+\infty[$ أ- احسب g ، ثم بين أن g متز ايدة تماما على المجال g ، ثم بين أن
 - p-1ب استنتج مما سبق إشارة p-1 على المجال
- $[1;+\infty[$ و بين أن g(x) و g(x) و و g(x) و الإشارة على f'(x)
 - ب. ادرس تغیرات f علی المجال $]+\infty[1;+\infty[$ ثم سجل جدول تغیراتها.
 - (C_f) جـ.أنشئ المنحني

ر**عداد الأستلا** حليلات عمام $f(x) = |x-1| + \frac{x+3}{x-1}$: كما يلي f(19) الدالة العددية المعرفة على $f(x) = |x-1| + \frac{x+3}{x-1}$

وليكن (C_f) منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (C_i,i,j) .

. اكتب عبارة f(x) دون رمز القيمة المطلقة 1

ادرس تغیرات الدالیة f ثم شکل جدول تغیراتها. 2.

و (+ ∞) و جوار (C_f) في جوار (∞) الذي معادلته y=x: مستقيم مقارب للمنحني (Δ) في جوار (∞) والمستقيم (Δ) الذي معادلته y=-x+2: مستقيم مقارب للمنحني (Δ) في جوار

. اكتب معادلة المماس (T) عند نقطة تقاطع المنحنى (C_f) مع محور التراتيب 4

: عيث a يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها a يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها a

$$\frac{-3}{5}$$
 pa p $\frac{-1}{2}$

(T) و (C_f) ارسم .6

مستقیم معادلته y=mx-m+1 وسیط حقیقی $(\Delta_{_m})$.7

أ) بين أن جميع المستقيمات (Δ_m) تشترك في نقطة واحدة .

f(x) = mx - m + 1: عدد حلول المعادلة m عدد حلول المعادلة

، B(-1;0) ، A(-1;2) النقط (O;i,j) النقط متعامد ومتجانس متعامد ومتجانس (O;i,j) النقط (O;i,j)

. N المستقيم (AM) يقطع محور التراتيب في النقطة x $\mathbf{p}-1$ حيث M (x;0) و C (0;2)

ABM ، CAN ، OMN المثلثات N ومساحات المثلثات X کل من ترتیب النقطة N

- ي المعلم (C_f) وليكن $f(x) = \frac{x^2}{x+1}$ الدالة المعرفة على $f(x) = \frac{x^2}{x+1}$ الدالة المعرفة على $f(x) = \frac{x^2}{x+1}$ الدالة المعرفة على المعلم (C_f) منحنيها في الم
- أ) بتقسيم المثلث OMN بشكل مناسب عين الأعداد الحقيقية a ، a و b ، مناسب عين الأعداد الحقيقية

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$$
 :]-∞;-1[کل x من

 $]-\infty;-1[$ ادرس تغيرات f على المجال

 (C_f) جا تحقق ان (C_f) یقبل مستقیمین مقاربین (D_1) و (D_1) یطلب تحدیدهما ثم ارسم (C_f)

د) ما هي قيمة x التي تكون من أجلها مساحة المثلث OMN أصغر ما يمكن ؟

ه) احسب عندئذ هذه المساحة.

التمرين (21) f الدالة العددية المعرفة على المجموعة : $[0;+\infty[$ كما يلي f (21) الدالة العددية المعرفة على $f(x) = x + 1 + \sqrt{x^2 + 4x}$

وليكن (C_f) منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (O;i,j).

. احسب النهايتين $\lim_{x \to 0} \frac{f(x)-1}{x}$ و $\lim_{x \to -4} \frac{f(x)+3}{x+4}$ و فسر النتائج بيانيا النهايتين $\int \lim_{x \to -4} \frac{f(x)+3}{x+4}$

ر**جاد الأستلا.** حليلات عماس احسب : $\lim_{x\to\infty} f(x)$ ثم فسّر النتيجة بيانيا /2

. البت أن المنحني (C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) يطلب تعيين معادلة ديكارتية له (3

f ادرس اتجاه تغیر الداله f ثم شکل جدول تغیر اتها.

. (C_f) ارسم المنحني /5

: كما يلي : $]-\infty;-4]$ الدالة العددية المعرفة على المجموعة المجموعة المعرفة على المجموعة h /6

$$f(x) = x + 1 - \sqrt{x^2 + 4x}$$

وليكن (C_h) منحنيها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (C_i,j) .

w(-2;-1) أ بيّن أن المنحنيين (C_h) و (C_h) متناظرين بالنسبة للنقطة

ب) نسمى (Γ) مجموعة النقط M(x;y) من المستوي التي تحقق

$$y^2 - 2(x+1)y - 2x + 1 = 0$$

 $(\Gamma) = (C_f) \cup (C_h)$: اثبت أن

 (Γ) ارسم

v = i + 2j و u = i نعتبر الشعاعين /7

(w;u;v) معلما للمستوي ثم اكتب معادلة لـ (Γ) بالنسبة للمعلم (w;u;v) معلما للمستوي ثم اكتب معادلة ال

تأمل في هذه المعادلة :

الهدية

رغبة + إرادة + ممارسة + جهد منظم = متعه ونجاح بحول الله.

- أود أن أورد أمامك نص رسالة بعث بها بديع الزمان الهمذاني، الذي كان من أئمة عصره في الكتابة، إلى ابن أخت له كان ينفق عليه من ماله ليتعلم. كتب إليه:

" أنت ولدي ما دمت والدفتر أليفك والمحبرة حليفك، فإذا قصرت، ولا أخالك، فغيري انت ولدي ما دمت والدفتر أليفك والسلام ".

- في أهمية اللغات

فتلك له عند الملمَّات أعوان

بقسدر لغات المرء يكثر نفعه

فكل لسان في الحقيقة إنسان!

فأقبل على درس اللغات وحفظها

قال زيد: أمرني رسول الله — صلى الله عليه وسلم — فتعلمت له كتاب يهود بالسريانية وقال: إني والله ما آمن يهود على كتابي، فما مر لي نصف شهر حتى تعلمته وحذقته، فكنت أكتب له إليهم، واقرأ له كتبهم. (رواه البخاري، وأبو داود والترمذي)

- إذا كنتَ في قومٍ فصاحِب خيارَهم *** و لا تصحبِ الأردى فتردى مع الرَّدِي عن المرءِ لا تَسَلُ وسَلُ عن قرينهِ *** فكلُّ قرين بالمقارن يقتدِي
 - لا تكثر السهر المفرط له متاعب كبيرة لا تؤجل الحفظ أسرع إلى الحفظ

ر**عداد الأمىتلا.** حليلات عمام الصفحـــــة 18/18