Pemecah Sudoku Interaktif Dengan Logika Proposisi

Proposal Tugas Akhir

Kelas TA 1

Muhammad Zakaria Musa NIM: 1103130047



Program Studi Sarjana Teknik Informatika
Fakultas Informatika
Universitas Telkom
Bandung
2017

Lembar Persetujuan

Pemecah Sudoku Interaktif Dengan Logika Proposisi

Interactive Sudoku Solver Using Propositional Logic

Muhammad Zakaria Musa NIM: 1103130047

Proposal ini diajukan sebagai usulan pembuatan tugas akhir pada Program Studi Sarjana Teknik Informatika Fakultas Informatika Universitas Telkom

> Bandung, 23 November 2017 Menyetujui

Calon Pembimbing 1

Calon Pembimbing 2

Yanti Rusmawati, Ph.D.

NIP: 15711785-1

Muhammad Arzaki, M.Kom.

NIP: 15871701-2

Abstrak

Sudoku adalah sebuah permainan teka-teki yang biasanya dimainkan oleh satu orang. Dalam pengerjaannya banyak pemain sudoku yang terjebak dan tidak dapat menyelesaikan teka-teki. Hal ini disebabkan oleh pemain salah memasukkan angka atau sudoku tidak memiliki solusi. Oleh karena itu perlu dibuat sebuah pemecah sudoku yang dapat memberikan kemungkinan solusi dari sebuah sudoku. Sehingga pemain dapat mengetahui sebuah sudoku memiliki solusi atau tidak. Dalam pengerjaannya metode yang digunakan adalah SAT solver yang dibuat dalam bahasa python. Setelah pembuatan aplikasi selesai akan dilakukan pengujian untuk mengontrol kualitas aplikasi. Pengujian akan menggunakan metode pengujian kotak hitam.

Kata Kunci: metode formal, SAT solver, Sudoku, pengujian kotak hitam

Daftar Isi

\mathbf{A} l	ostra	k	i						
Da	aftar	Isi	ii						
Ι	Pen	dahuluan	1						
	1.1	Latar Belakang	1						
	1.2	Perumusan Masalah							
	1.3	Batasan Masalah	2						
	1.4	Tujuan	2						
	1.5	Rencana Kegiatan							
	1.6	Jadwal Kegiatan	3						
II	Kaj	ian Pustaka	4						
	2.1	Sudoku	4						
	2.2	Conjunctive Normal Form(CNF)							
	2.3	Satisfiability $Problem(SAT)$							
	2.4	Sudoku Sebagai Masalah SAT							
	2.5	SAT Solver							
II	I Met	todologi	11						
	3.1	Alur Pemecah Sudoku	11						
	3.2	Pembuatan aplikasi							
		3.2.1 Alur Aplikasi							
		3.2.2 Use Case							
		3.2.3 Aturan Sudoku Dalam Python							
	3.3	Pengujian aplikasi							
	3.4	Analisis aplikasi							
Da	Daftar Pustaka								
La	mpi	ran	17						

Bab I

Pendahuluan

1.1 Latar Belakang

Pada Tahun 2015 The Organization for Economic Co-operation and Development (OECD) merilis nilai dari Programme for International Student Assessment (PISA) [1]. Nilai kemampuan siswa yang diukur adalah matematika, sains, dan membaca. Pada kategori matematika Indonesia menempati peringkat 65 dari 71 negara dengan nilai 386. Sedangkan nilai rata-rata OECD untuk matematika adalah 470 [2], hal ini sungguh memprihatinkan. Oleh karena itu diperlukan katalis yang dapat mengembangkan kemampuan logical thinking serta problem solving anak, salah satunya adalah dengan sudoku.

Sudoku berasal dari kata $S\bar{u}ji$ wa dokushin ni kagiru yang berarti angkanya harus tunggal [3] adalah suatu puzzle (teka-teki) yang direpresentasikan oleh sebuah matriks (array dua dimensi) berukuran $n^2 \times n^2$ yang dibangun dari n^2 dengan submatriks (atau blok) yang berukuran $n \times n$. Sudoku merupakan puzzle yang biasanya dimainkan oleh satu orang. Pada awal permainan, terdapat beberapa sel yang telah terisi yang disebut dengan pemberian (givens). Untuk menyelesaikan permainan ini, seorang pemain harus mengisi setiap sel yang belum terisi dengan angka di antara 1 sampai n^2 sedemikan sehingga setiap baris, setiap kolom, dan setiap blok (submatriks berukuran $n \times n$) memuat tepat satu bilangan di antara 1 sampai n^2 . Biasanya suatu sudoku didesain agar tepat memiliki satu kemungkinan solusi. Hal ini juga mengakibatkan sudoku dapat diselesaikan hanya dengan mengandalkan penalaran yang sederhana. Pengisian suatu sel dapat dilakukan dengan meninjau kemungkinan dari isi sebuah sel.

Banyak pemain yang terjebak pada teka-teki sudoku dan tidak dapat melanjutkan permainan. Hal ini terjadi karena pemain mengisi nilai yang salah atau sudoku tidak memiliki solusi. Oleh karena itu banyak pemain yang membutuhkan pemecah sudoku yang dapat memberikan solusi dari sebuah sudoku. Sehingga pemain dapat mengetahui ada tidaknya solusi.

Hingga saat ini, sudah banyak penelitian yang membahas penyelesaian sudoku secara matematis maupun komputasional. Salah satu metode yang cukup dikenal adalah penyelesaian sudoku dengan memanfaatkan masalah keter-

penuhan formula proposisional (propositional satisfiability problem). Dengan pendekataan ini, syarat-syarat yang harus dipenuhi oleh suatu sudoku dimodelkan dengan satu atau lebih formula logika proposisi [4, 5]. Keterpenuhan (satisfiability) dari himpunan formula yang memodelkan syarat-syarat ini akan menjamin bahwa suatu sudoku memiliki suatu solusi.

Pada tugas akhir ini, penulis akan membuat pemecah sudoku interaktif berbasis Python. Bahasa Python dipilih karena implementasi SAT solver dalam bahasa Python masih masih sedikit dibandingkan pada bahasa C dan C++ [6]. Kata interaktif adalah sebuah hubungan dua arah [7] sehingga penulis akan membuat aplikasi yang dengan dua arah sehingga pengguna dapat mendapatkan solusi sudoku menggunakan aplikasi dengan mudah. Aplikasi akan diuji menggunakan pengujian kotak hitam untuk mengetahui ada tidaknya solusi dari aplikasi [8].

1.2 Perumusan Masalah

Berdasarkan latar belakang tersebut, rumusan masalah pada tugas akhir ini adalah bagaimana cara membuat SAT solver bebasis Python untuk pemecah sudoku yang interaktif.

1.3 Batasan Masalah

Batasan pada tugas akhir ini terbatas pada:

- 1. Penulis hanya membangun aplikasi sudoku solver berukuran (4×4) , (9×9) , (16×16) . Ukuran tersebut diambil karena sesuai dengan tingkat kesulitan yang penulis akan buat yaitu mudah, menengah, sulit.
- 2. Setiap ukuran sudoku memiliki empat tingkat kesulitan yaitu untuk mudah, menengah, dan sulit. Tingkat kesulitan tersebut di ambil dari database sudoku yang penulis ambil [11].
- 3. Program mengeluarkan kemungkinan solusi dari sudoku. Tingkat kesulitan *custom* akan mengambil dari sudoku yang dibuat oleh pemain.
- 4. Aplikasi akan diuji dengan metode pengujian kotak hitam (black box testing). Pengujian akan menggunakan test plan yang penulis buat.

1.4 Tujuan

Tujuan yang ingin dicapai pada tugas akhir ini adalah untuk membuat pemecah sudoku yang interaktif.

1.5 Rencana Kegiatan

Pada pengerjaan tugas akhir ini beberapa hal yang akan saya lakukan adalah sebagai berikut:

- 1. Studi literatur.
- 2. Spesifikasi aplikasi
- 3. Pembuatan aplikasi.
- 4. Pengujian aplikasi.
- 5. Analisis aplikasi.
- 6. Penulisan laporan.

1.6 Jadwal Kegiatan

Jadwal pengerjaan tugas akhir sesuai dengan alur yang telah dibuat.

Tabel 1.1: Jadwal Kegiatan.

No	Jenis Kegiatan	Bulan						
110	Jenis Kegiatan	November	Desember	Januari	Februari	Maret	April 2018	Mei 2018
		2017	2017	2018	2018	2018		
1	Studi literatur							
2	Spesifikasi aplikasi							
3	Pembuatan aplikasi							
4	Pengujian aplikasi							
5	Analisis aplikasi							
6	Penulisan Laporan							

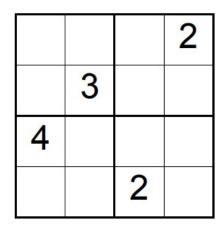
Bab II

Kajian Pustaka

Pada bab ini penulis akan menjelaskan teori yang digunakan selama pengerjaan tugas akhir.

2.1 Sudoku

Sudoku berasal dari kata Sūji wa dokushin ni kaqiru yang berarti angkanya harus tunggal [3]. Sebelum sudoku modern berkembang. Puzzle latin square terlebih dahulu berkembang yang di repretasikan oleh sebuah matriks berukuran $n \times n$ yang memiliki angka 1hinqqan yang harus diisi oleh pemain. untuk menyelesakain puzzle setiap baris dan kolom pada latin square harus memiliki nilai angka yang berbeda. Latin square pertama kali diciptakan oleh Euler pada tahun 1783 [9]. Sudoku modern sendiri lahir dari Howard Garns yang dipublikasikan di Dell Magazines pada 1979 [10]. Sudoku dipopulerkan di jepang oleh Nikoli in the paper Monthly Nikolist pada April 1984. Sudoku adalah suatu puzzle (teka-teki) yang direpresentasikan oleh sebuah matriks (array dua dimensi) berukuran $n^2 \times n^2$ yang dibangun dari n^2 dengan submatriks (atau blok) yang berukuran $n \times n$. Sudoku merupakan puzzle yang biasanya dimainkan oleh satu orang. Pada awal permainan, terdapat beberapa sel yang telah terisi yang disebut dengan pemberian (givens). Untuk menyelesaikan permainan ini, seorang pemain harus mengisi setiap sel yang belum terisi dengan angka di antara 1 sampai n^2 sedemikan sehingga setiap baris, setiap kolom, dan setiap blok (submatriks berukuran $n \times n$) memuat tepat satu bilangan di antara 1 sampai n^2 . Biasanya suatu sudoku didesain agar tepat memiliki satu kemungkinan solusi. Hal ini juga mengakibatkan sudoku dapat diselesaikan hanya dengan mengandalkan penalaran yang sederhana. Pengisian suatu sel dapat dilakukan dengan meninjau kemungkinan dari isi sebuah sel. Berikut adalah contoh sudoku 4×4 dengan tingkat kesulitan mudah serta solusinya:



Gambar 2.1: Sudoku dengan given.Gambar di ambil dari [11].

Pada sel (4,3) terdapat angka 2 sehingga pada blok kiri bawah hanya sel (3,2) saja yang dapat diisi oleh angka 2. Lalu pada sel (1,4) terdapat angka 2 sehingga pada blok kiri atas hanya sel (2,1) saja yang dapat diisi oleh angka 2. Pada sel (2,2) terdapat nilai 3 maka blok kiri bawah hanya dapat mengisi angka 3 pada sel(4,1). Lalu Pada sel (2,2) terdapat nilai 3 maka blok kanan atas hanya dapat mengisi angka 3 pada sel(1,3). Pada blok kiri bawah hanya ada satu sel yang belum terisi maka sel (4,2) diisi dengan angka 1. Pada kolom 1 dan 2 hanya terdapat satu sel yang belum terisi maka kedua sel tersebut diisi dengan angka yang kurang, sel(1,1) angka 1 dan sel (1,2) angka 4. Pada sel(1,3) dan(4,1) terdapat angka 3 sehingga pada blok kanan bawah hanya sel(3,4) yang dapat diisi angka 3. Pada baris 4 hanya satu sel saja yang belum terisi maka sel(4,4) diisi dengan angka 4. Lalu kita dapat mengisi sisanya yaitu sel(2,3) dengan angka 4 lalu sel(2,4) serta (3,3) dengan angka 1.

1	4	3	2
2	3	4	1
4	2	1	3
3	1	2	4

Gambar 2.2: Sudoku yang sudah terselesaikan. Gambar di ambil dari [11].

2.2 Conjunctive Normal Form(CNF)

Sebuah formula memiliki bentuk CNF apabila formula tersebut konjungsi dari satu atau lebih klausa dimana klausa adalah disjungsi dari literal [12]. Operator yang bisa digunakan dalam CNF adalah $or(\lor)$, $and(\land)$, dan, $not(\lnot)$. Operator not hanya dapat digunakan sebagai bagian dari literal, yang berarti not hanya dapat mendahului variabel proposisional.

Berikut adalah contoh formula CNF:

- $((x_1 \lor x_2) \land \neg x_3)$
- $(p \lor \neg q) \land (q \lor \neg r) \land (r \lor \neg p)$

Berikut adalah contoh formula yang bukan CNF:

- $\neg (q \lor p)$, karena terdapat or didalam not
- $p \wedge (q \vee (r \wedge s))$, karena terdapat and didalam or

Setiap formula bisa dilakukan kesetaraan agar memiliki bentuk CNF. Berikut adalah bentuk CNF dari formula diatas:

- $\neg q \wedge p$
- $p \wedge (q \vee r) \wedge (q \vee s)$

2.3 Satisfiability Problem(SAT)

Masalah SAT (SAT problem) adalah salah satu masalah penting dalam logika komputasional [12]. Dalam pengerjaannya SAT berfokus pada membuktikan sebuah klausa satisfiable sehingga SAT berfokus pada menemukan sebuah model yang membuat klausa tersebut satisfiable. Satisfiable yang dimaksud adalah adanya model yang membuat nilai kebenaran dari suatu formula adalah true. Jika tidak ditemukan sebuah model yang membuat klausa tersebut *satisfiable* maka klausa tersebut *unsatisfiable*, untuk mengerjakan masalah tersebut dapat diselesaikan menggunakan tabel kebenaran namun hal tersebut kurang efektif, seperti contoh berikut. Tentukan formula berikut $(p \vee \neg q) \wedge (q \vee \neg r) \wedge (r \vee \neg p)$ satisfiable, pada formula tersebut dibandingkan menggunkan tabel kebenaran kita bisa menggunakan reasoning. Dapat kita lihat formula $(p \vee \neg q) \wedge (q \vee \neg r) \wedge (r \vee \neg p)$ akan bernilai benar jika ketiga variabel (p, q, dan r) memiliki nilai kebenaran yang sama, sehingga formula tersebut satisfiable. Masalah SAT memiliki bentuk CNF serta merupakan masalah NP-complete, hingga saat ini tidak terdapat algoritma yang efisien untuk memecahkan masalah tersebut.

2.4 Sudoku Sebagai Masalah SAT

Sudoku memiliki beberapa aturan contohnya untuk sudoku berukuran 9×9 yaitu :

- 1. Setiap baris memuat bilangan antara 1 hingga 9.
- 2. Setiap kolom memuat bilangan antara 1 hingga 9.
- 3. Setiap submatriks atau blok 3×3 memuat bilangan antara 1 hingga 9.
- 4. Setiap sel memuat paling banyak satu bilangan antara 1 hingga 9.

Definisi dari p(r, c, n) adalah sel yang memiliki perpotongan baris r dan kolom c dengan nilai n, dengan $1 \le r, c, n \le 9$. Sebagai contoh :

- p(1,3,2) berarti sel pada baris 1 dan kolom 3 memuat nilai 2
- p(4,2,9) berarti sel pada baris 4 dan kolom 2 memuat nilai 9

Dari aturan-aturan tersebut akan ditranslasikan menjadi bentuk CNF lalu digunakan pada SAT *solver*. Dengan aturan yang telah ditranslasikan dalam CNF sebagai berikut:

1. Setiap baris memuat bilangan antara 1 hingga 9:

$$\bigwedge_{r=1}^{9} \bigwedge_{n=1}^{9} \bigvee_{c=1}^{9} p(r, c, n)$$

2. Setiap kolom memuat bilangan antara 1 hingga 9:

$$\bigwedge_{c=1}^{9} \bigwedge_{n=1}^{9} \bigvee_{r=1}^{9} p(r, c, n)$$

3. Setiap submatriks atau blok 3×3 memuat bilangan antara 1 hingga 9:

$$\bigwedge_{i=0}^{2} \bigwedge_{j=0}^{2} \bigwedge_{n=1}^{9} \bigvee_{r=3i+1}^{3i+3} \bigvee_{c=3j+1}^{3j+3} p\left(r,c,n\right)$$

4. Setiap sel memuat paling banyak satu bilangan antara 1 hingga 9:

$$\textstyle \bigwedge_{r=1}^{9} \textstyle \bigwedge_{c=1}^{9} \textstyle \bigwedge_{n=1}^{8} \textstyle \bigwedge_{i=n+1}^{9} \, \left(\neg p \left(r, c, n \right) \vee \neg p \left(r, c, i \right) \right)$$

Pada aturan 1 untuk menyatakan baris r memuat bilangan antara 1 hingga 9, maka dapat ditulis dengan $\bigvee_{c=1}^9 p(r,c,n)$. Untuk menyatakan bahwa baris r memuat semua bilangan pada $\{1,...,9\}$ maka dapat ditulis dengan $\bigwedge_{n=1}^9 \bigvee_{c=1}^9 p(r,c,n)$. Untuk menyatakan bahwa setiap baris memuat semua bilangan pada $\{1,...,9\}$ dapat ditulis dengan $\bigwedge_{r=1}^9 \bigvee_{c=1}^9 p(r,c,n)$ Pada aturan 2 untuk menyatakan kolom c memuat bilangan antara 1 hing-

Pada aturan 2 untuk menyatakan kolom c memuat bilangan antara 1 hingga 9, maka dapat ditulis dengan $\bigvee_{r=1}^{9} p(r,c,n)$ Untuk menyatakan bahwa kolom c memuat semua bilangan pada $\{1,...,9\}$ maka dapat ditulis dengan

 $\bigwedge_{n=1}^{9}\bigvee_{r=1}^{9}p\left(r,c,n\right)$. Untuk menyatakan bahwa setiap kolom memuat semua bilangan pada $\{1,...,9\}$ dapat ditulis dengan $\bigwedge_{c=1}^{9}\bigwedge_{n=1}^{9}\bigvee_{r=1}^{9}p\left(r,c,n\right)$ Pada aturan 3 karena sudoku dengan ukuran 9×9 memiliki sel dengan

ukuran 3×3 maka terdapat 9 blok pada sudoku sehingga :

	2	9				4		
			5			1		
	4							
				4	2			
6							7	
5	. 8							
7			3					5
	1			9				
							6	

Gambar 2.3: Gambar sudoku di ambil dari [13].

- blok pertama(merah muda) akan dimulai pada sel (1,1) dan di akhiri pada sel (3,3)
- blok kedua(hijau) akan dimulai pada sel (4,1) dan di akhiri pada sel (6,3)
- blok ketiga(merah) akan dimulai pada sel (7,1) dan di akhiri pada sel
- blok keempat(abu-abu) akan dimulai pada sel (1,4) dan di akhiri pada sel (3, 6)
- blok kelima(kuning) akan dimulai pada sel (4,4) dan di akhiri pada sel (6,6)
- blok keenam(biru) akan dimulai pada sel (7,4) dan di akhiri pada sel (9,6)
- blok ketujuh(biru muda) akan dimulai pada sel (1,7) dan di akhiri pada
- blok kedelapan(coklat) akan dimulai pada sel (4,7) dan di akhiri pada sel (6, 9)

• blok kesembilan(jingga) akan dimulai pada sel (7,7) dan di akhiri pada sel (9,9)

Sehingga sebuah blok memuat semua sel (r,c) dengan $3i+1 \le r \le 3i+3$ dan $3j+1 \le c \le 3j+3$, dengan $0 \le i,j \le 2$. Oleh karena itu aturan 3 dapat ditulis dengan $\bigwedge_{i=0}^{2} \bigwedge_{j=0}^{2} \bigwedge_{n=1}^{9} \bigvee_{r=3i+1}^{3i+3} \bigvee_{c=3j+1}^{3j+3} p\left(r,c,n\right)$ Pada aturan 4 agar setiap sel memuat angka 1 hingga 9 dapat ditulis de-

Pada aturan 4 agar setiap sel memuat angka 1 hingga 9 dapat ditulis dengan $\bigwedge_{r=1}^{9} \bigwedge_{c=1}^{9} \bigvee_{n=1}^{9} p\left(r,c,n\right)$. Lalu agar setiap selnya memiliki paling banyak satu nilai maka nilai pada sel tersebut akan dibandingkan dengan nilai lainnya pada sel yang sama dan jika terdapat dua atau lebih nilai pada sel yang sama maka akan mengeluarkan nilai false hal tersebut dapat ditulis dengan $\bigwedge_{r=1}^{9} \bigwedge_{c=1}^{8} \bigwedge_{n=1}^{8} \bigwedge_{i=n+1}^{9} \left(\neg p\left(r,c,n\right) \vee \neg p\left(r,c,i\right) \right)$.

2.5 SAT Solver

SAT solver adalah sebuah aplikasi yang dibuat untuk menyelesaikan masalah SAT. Salah satu SAT solver yang cepat adalah MiniSat. SAT solver sendiri menerima masukan formula dalam bentuk CNF dan mengeluarkan dua buah keluaran yaitu 'sat' ditambah sebuah model jika formula satisfiable, dan 'unsat' jika formula unsatisfiable. Format masukan pada SAT solver atau yang disebut DIMACS adalah sebagai berikut:

- 1. Pertama baris komentar dapat ditulis dengan: c <komentar>
- 2. Lalu banyak variabel dan klausap cnf <banyak-variabel> <banyak-klausa>
- 3. Lalu klausa:

4 - 3 0

- Setiap variabel di representasikan dengan sebuah integer ≥ 1 .
- Integer dengan nilai negatif mengartikan negasi literal.
- Literal pada sebuah klausa dipisahkan oleh spasi.
- Akhir dari klausa ditulis dengan 0

```
Contoh masukan DIMACS: Formula : (p \lor q) \land (\neg q \lor r \lor \neg s) \land (s \lor \neg r) Ditulis: c Baris komentar p cnf 4 3 1 2 0 -2 3 -4 0
```

Contoh keluaran SAT solver:

```
Formula: (p \lor q) \land (\neg q \lor r \lor \neg s) \land (s \lor \neg r)
Keluaran: SAT -1 2 -3 -4 0
```

Untuk penggunaan minisat dapat ditulis dengan: ./minisat namaFileMasukan namaFileKeluaran. Kekurangan pada SAT solver adalah solusi satisfiable yang dikeluarkan hanyalah satu. Kekurangan ini dapat diatasi dengan memasukkan solusi sebelumnya kedalam salah satu klausa pada masukan DIMACS dalam bentuk negasinya. Proses tersebut akan diulangi sampai keluaran dari SAT solver adalah unsatisfiable.

```
Algoritme 1 Prosedur menemukan semua solusi.
```

```
procedure Solution(in, out, sol)
   Start
   RunSAT(in,out)
                                                 ⊳ Menjalankan SAT solver
   while out[0] \neq' unsat' do
                                     ▶ Melihat baris pertama pada file out
          sol \leftarrow out[1]
                                               ⊳ Menambahkan solusi baru
          For n = 0 : len(out[1]) do
              temp \leftarrow out[1][n] * -1
                                                        ⊳ Negasi dari solusi
             in append(temp)
                                     ⊳ Menambahkan negasi solusi sebagai
klausa baru
          RunSAT(in,out)
                                                 ⊳ Menjalankan SAT solver
   end while
   End
                                                     ⊳ Mengeluarkan solusi
   Return sol
end procedure
```

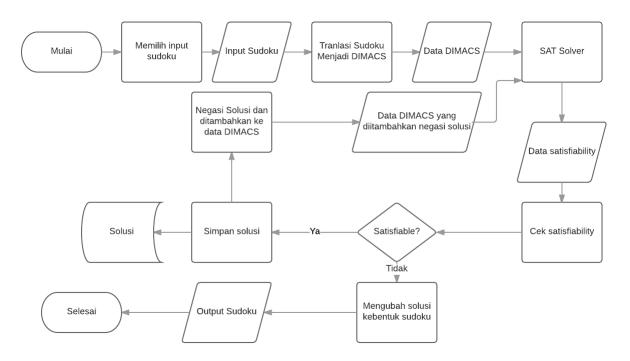
Bab III

Metodologi

Pada bab ini penulis menjelaskan mengenai metodologi yang digunakan selama pengerjaan tugas akhir.

3.1 Alur Pemecah Sudoku

Pemecah sudoku memiliki diagram alir seperti berikut:



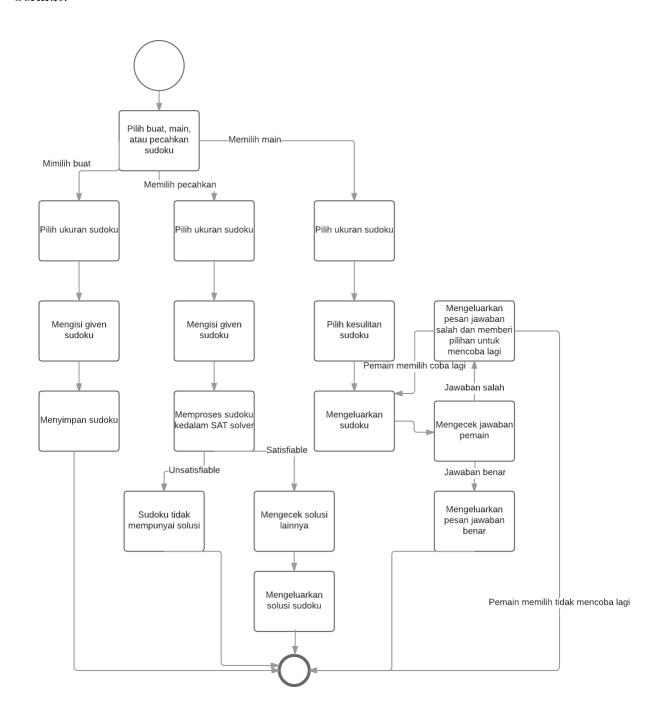
Gambar 3.1: Diagram alir.

3.2 Pembuatan aplikasi

Pembuatan aplikasi pemecah sudoku interaktif berbasis Python.

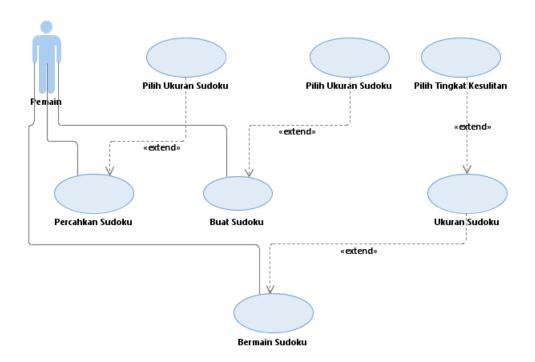
3.2.1 Alur Aplikasi

Berikut adalah alur aplikasi yang diharapkan ditunjukkan pada gambar berikut.



Gambar 3.2: Alur aplikasi yang diharapkan.

3.2.2 Use Case



Gambar 3.3: Use Case Diagram.

Fungsionalitas aplikasi adalah sebagai berikut:

- 1. Bermain sudoku.
- 2. Membuat sudoku.
- 3. Memecahkan sudoku.
- 4. Pilih ukuran sudoku.
- 5. Pilih kesulitan sudoku.

3.2.3 Aturan Sudoku Dalam Python

Aturan-aturan yang ada dalam bentuk CNF di ubah kedalam bahasa Python serta dibuatkan aturan DIMACSnya.

1. Setiap baris memuat bilangan antara 1 hingga 9 :

$$\textstyle \bigwedge_{r=1}^{9} \textstyle \bigwedge_{n=1}^{9} \textstyle \bigvee_{c=1}^{9} p\left(r,c,n\right)$$

Skrip Python:

```
def aturan1(dimacs):
        for r in range(1, 10):
          for n in range(1, 10):
             for c in range(1, 10):
                dimacs += str(r) + str(c) + str(n) + ', '
             dimacs += 0\n
             klausa += 1
        return dimacs
2. Setiap kolom memuat bilangan antara 1 hingga 9:
   \textstyle \bigwedge_{c=1}^{9} \textstyle \bigwedge_{n=1}^{9} \textstyle \bigvee_{r=1}^{9} p\left(r,c,n\right)
   Skrip Python:
   def aturan2(dimacs):
        for c in range(1, 10):
          for n in range(1, 10):
             for r in range(1, 10):
                dimacs += str(r) + str(c) + str(n) + ', '
             dimacs += 0\n
             klausa += 1
        return dimacs
3. Setiap submatriks atau blok 3 \times 3 memuat bilangan antara 1 hingga 9 :
    \bigwedge_{i=0}^{2} \bigwedge_{j=0}^{2} \bigwedge_{n=1}^{9} \bigvee_{r=3i+1}^{3i+3} \bigvee_{c=3j+1}^{3j+3} p\left(r,c,n\right) 
   Skrip Python:
   def aturan3(dimacs):
        for i in range(0, 3):
          for j in range(0, 3):
             for n in range(1, 10):
                for r in range(3*i+1, 3*i+4):
                  for c in range(3*j+1, 3*j+4):
```

return dimacs

klausa += 1

3.3 Pengujian aplikasi

Pada tahap ini aplikasi akan diujikan kebeberapa penguji dengan diberikan lembar test plan yang meliputi beberapa aspek kualitas pada aplikasi. Teknik yang digunakan pada pengujian adalah pengujian kotak hitam [8].

+ str(r) + str(c) + str(i) + ' $0 \$ '

3.4 Analisis aplikasi

Menganalisa kesusaian keluaran dari aplikasi berdasarkan hasil dari pengujian.

Daftar Pustaka

- [1] "Pisa 2015 result," http://www.keepeek.com/Digital-Asset-Management/oecd/education/pisa-2015-results-volume-i9789264266490-enpage1.
- [2] "The latest ranking of top countries in math, reading, and science is out," http://www.businessinsider.sg/pisa-worldwide-ranking-of-math-science-reading-skills-2016-12/?r=US&IR=T.
- [3] "Ed pegg jr.'s math games: Sudoku variations," http://www.mathpuzzle.com/MAA/41-Sudoku
- [4] G. Kwon and H. Jain, "Optimized CNF encoding for sudoku puzzles," in *Proc. 13th International Conference on Logic for Programming Artificial Intelligence and Reasoning (LPAR2006)*, 2006, pp. 1–5.
- [5] I. Lynce and J. Ouaknine, "Sudoku as a SAT Problem." in ISAIM, 2006.
- [6] "Understanding SAT by Implementing a Simple SAT Solver in Python," http://sahandsaba.com/understanding-sat-by-implementing-a-simple-sat-solver-in-python.html.
- [7] "Arti kata interaktif-kbbi," https://kbbi.web.id/interaktif.
- [8] B. Beizer, Black-box testing: techniques for functional testing of software and systems. John Wiley & Sons, Inc., 1995.
- [9] S. Jones, P. Roach, and S. Perkins, "Properties of sudoku puzzles," in *Proceedings of the 9th international conference on Software Engineering*. IEEE Computer Society Press, 11 2007, pp. 7–11.
- [10] "The answer men," http://content.time.com/time/magazine/article/0,9171,2137423,00.htm
- [11] "Easy sudoku puzzles 001," http://www.printablesudoku99.com/.
- [12] M. Huth and M. Ryan, Logic in Computer Science: Modelling and reasoning about systems. Cambridge University Press, 2004.
- [13] K. Rosen, Discrete Mathematics and Its Applications. McGraw-Hill, 2007.

Lampiran

Pada bab ini akan berisi lampiran dari pengerjaan tugas akhir.