

修士卒業論文

遺伝的アルゴリズムと深層強化学習に基づく
ジョブスケジュール最適化問題
—PCB加工プロセスをモデルとして—

Job Scheduling Optimization Based on Genetic Algorithms and Deep Reinforcement Learning
—A Model of the PCB Manufacturing Process—

関西学院大学大学院
総合政策研究科
汪 永豪
2026年1月

要旨

近年、市場グローバル化が進むの中、製品に対する市場ニーズは多様化しており、顧客ごとに仕様が異なる多品種少量生産方式への対応がますます重要となっている。従来のライン生産方式ではこのような多様化に十分対応することが困難であるため、柔軟な生産システムを実現可能なジョブショップにおける生産管理・スケジューリングの最適化が注目されている。本研究では、プリント基板(PCB) 製造工場を対象とし、同一加工機械を複数回使用する生産プロセスをモデル化した上で、スケジューリング最適化に関する検討を行った。静的な環境においては、遺伝的アルゴリズム(GA) および深層強化学習に基づく Deep Q-Network(DQN) を用いて最適化を行い、両手法の性能比較を実施した。さらに、機械故障等による環境変動が発生する動的な環境では、リアルタイムに高速にスケジュールを生成可能な DQN 手法により、スケジュール適応性能の向上を図った。これらの結果を通じて、静的および動的な生産環境におけるスケジューリング最適化に対する強化学習手法の有効性を示した。

キーワード：インダストリーエンジニアリング、オペレーション・リサーチ、ジョブスケジューリング最適化問題、遺伝的アルゴリズム、深層強化学習

Abstract

In recent years, with the progress of global market expansion, product demands have become increasingly diversified. Accordingly, responding to high-mix low-volume production in which product specifications differ by customer has become more important than ever. Since traditional assembly line production is not sufficiently flexible to cope with such diversification, optimization of production management and scheduling in job shop environments, which enable a more adaptable production system, has attracted considerable attention. In this study, a printed circuit board (PCB) manufacturing facility is considered, and a production process in which the same machines are repeatedly used is modeled to examine scheduling optimization. In static environments, optimization was performed using a Genetic Algorithm (GA) and a Deep Q-Network (DQN) based on deep reinforcement learning, and the performance of both methods was evaluated and compared. Furthermore, in dynamic environments where disturbances such as machine failures occur, DQN was applied to rapidly generate optimized schedules in real time, thereby improving scheduling adaptability. Through these evaluations, the effectiveness of reinforcement learning approaches for scheduling optimization in both static and dynamic production environments was demonstrated.

Keywords : Industry Engineering, Operations Research, Job Shop Scheduling Optimization Problem, Genetic Algorithm, Deep Reinforcement Learning

目 次

要旨	1
Abstract	1
目次	2
1. はじめに	3
2. 先行研究	3
3. モデル	4
3.1 モデル仮定	4
3.2 受注	4
3.3 製造	4
3.4 仕掛品搬送	4
4. 符号定義	5
4.1 実験用ジョブセット生成	5
4.2 記号定義	5
4.3 生成ルール	5
4.4 レイアウト、AGV 搬送設定	6
5. 提案手法	6
5.1 PPS 交差法	6

遺伝的アルゴリズムと深層強化学習に基づく ジョブスケジュール最適化問題 —PCB加工プロセスをモデルとして—

Job Scheduling Optimization Based on Genetic Algorithms and Deep Reinforcement Learning
—A Model of the PCB Manufacturing Process—

汪 永豪 *1 山田 孝子 *2
Wang Yonghao Takako Yamada

*1 関西学院大学大学院総合政策研究科

Graduate School of Policy Studies, Kwansei Gakuin University

*2 関西学院大学総合政策学部メディア情報学科

Department of Applied Informatics, School of Policy Studies, Kwansei Gakuin University

1. はじめに

世界経済のグローバル化に伴い、製造業企業は他社より安い価格で注文を受ける必要がある。いかにして低コストな生産システムと高品質な品質管理を両立させ、安定的に維持するかは、製造業が必ず直面すると言って過言ではない難しい問題である。昨今ではこの両立にさらに安全管理を含むワークライフバランスを考えた労務管理が加わり、生産現場では達成するべき課題が複雑化している。コスト削減のため、多くの企業は人間作業員の代わりに、製造工程のロボットを採用し、工場内物流には複数台のAGV(自動搬送ロボット)の導入をすすめている。AGVの導入により生産機械間の半製品や仕掛け品の運搬は自動化された。生産計画には、スケジューリングだけではなく、AGVの搬送計画も含まれ、経路や運搬すべき半製品の決定までを生産計画に含むことになった。本研究では、以下のシステムを順次作成し、生産管理計画システムとして実装し、最適解を求める計算機実験を実施、システムの性能を検証した。本研究でこれまで行ったことをまとめると

1. 実験用ジョブセットとして、製品種別ごとの加工機械の利用順番、利用時間の組み合わせデータの自動生成システムの作成
2. 生成されたデータを用いた生産機械のスケジューリングを総当たり法で厳密解を求める最短生産スケジュール算出システムの作成
3. 生産スケジュールの可視化システムの作成
4. 遺伝的アルゴリズムをベースとする、緩和手法による許容解算出と解の改善システムの作成
5. 生産機械に加え複数台 AGV を導入した生産スケジュールの最適化システムの作成
6. 求められた生産スケジュールに基づく生産機械の遊休時間活用する余剰生産品提案システムの作成

以上を行ったうえで、本研究では機械と AGV 両方同時スケジューリングを求め、現有な仕事を最短時間で終了する許容解を導出し、その許容解のもとで、機械の遊休時間を活用する余剰製品を提案するシステムの開発に取り組む。このような問題は、JSSP(Job Shop Scheduling Problem) 問題と言います。

2. 先行研究

グローバル経済の進展や企業のコスト削減要求に伴い、生産現場では柔軟で効率的な生産体制の構築が求められている。その中で、需要の多様化に対応するために、少量多品種生産が一般的となり、このような生産形態に適したスケジューリングの最適化が重要な課題となっている。特に、ジョブショップスケジューリング問題 (Job Shop Scheduling Problem: JSSP) は、生産システムにおける代表的な最適化課題として広く研究されている。JSSP は、複数のジョブを限られた機械に割り当て、全体の処理時間や納期遅延を最小化することを目的とする問題である。また、各ジョブには処理順序が定められており、この順序を厳密に守る必要がある点が特徴である。この問題は NP 困難であり、最適解を求ることは計算量的に非常に困難である。そのため、これまで多くの研究では、遺伝的アルゴリズム (Genetic Algorithm: GA) や焼きなまし法 (Simulated Annealing: SA) などのヒューリスティック手法を用いて、効率的に近似解を求めるアプローチが提案してきた。しかし、実際の製造現場では、機械の故障や新規ジョブの追加、処理時間の変動など、動的な要素が頻繁に発生する。そのような動的環境下では、あらかじめ定められたルールに基づくヒューリスティック手法では十分に対応できない場合がある。この問題を解決するため、近年では強化学習 (Reinforcement Learning)

Learning: RL) を用いて、環境変化に応じて自律的にスケジューリング方策を学習する手法が注目されている。静的な環境においては GA や SA などの伝統的アルゴリズムが一定の成果を上げている一方で、動的な生産環境では強化学習に基づくアプローチのほうが、より高い適応性と柔軟性を示すことが報告されている。このように、JSSP におけるスケジューリング最適化の研究は、従来の探索型手法から学習型手法へと発展しつつある。

実際に、近年の研究ではこの流れを反映した多様なアプローチが報告されている。

K.T. Chung ら [1] は現在工業 5.0 の時代に向けて、機械学習、特に強化学習を用いて、CO(combinatorial optimization) 問題を解決しようについて、現在の研究進展を述べた。M. Xu ら [2] は遺伝的プログラミングと強化学習を統合的に整理・比較し JSSP スケジュール最適化問題において果たす役割と近年の研究動向を明らかにした。C. Ngwu ら [3] は動的な JSSP 問題は強化学習や進化的ヒューリスティック、機械学習を用いた手法でリアルタイムな意思決定は可能であることを示しました。X.R. Shao ら [4] は小規模かつ短時間の JSSP 問題に対して、多層畳み込みニューラルネットワーク (ML-CNN) と反復局所探索 (ILS) を組み合わせ、ML-CNN で全体経路を学習し、ILS で最適な局所経路を探索する手法が提案した。L.B. Wang ら [5] は機械故障や再作業などの動的な環境での JSSP 問題について深層強化学習 (DRL) を用いた動的スケジューリング手法が提案され、PPO により最適な方策を学習することで、リアルタイムな生産スケジューリングが可能であることが示された。S. Lee ら [6] は射出成形金型製造プロセスにおいて、Deep Q-Network を活用することで従来より総加重遅延を低減できる金型生産スケジューリングを最適化した。C. Pickardt ら [7] は半導体製造プロセスにおいて、遺伝的プログラミング (GP) と確率的離散事象シミュレーションを組み合わせることで自動的に従来のルールより性能優れたルールを生成した。村山ら [8] は JSSP 問題に基づき、加工機械と複数積載型 AGV の同時スケジューリングを対象とした遺伝的アルゴリズム (GA) 手法が提案した。

これらの研究から、JSSP およびその拡張問題に対して、静的環境ではヒューリスティック手法、動的環境では強化学習や深層学習手法が有効であることが確認されている。

3. モデル

3.1 モデル仮定

本モデルでは受注生産を行う工場の製造工程をモデル化する。

1. 注文票はさまざまな注文主からくる。
2. 各注文書には製品 S の種別が 1 種類が記載されている。注文する製品種別が異なる製品は異なる注文書で発注される。
3. 注文書ごとに価格、納期、ロット数がある。
4. 工場は、出荷する出荷日（納期）が同じ注文書 O_i をまとめ、これを注文書セットとする。
5. 製造する製品種別に応じて、使用する加工機械、加工時間とその加工機械の使用順が予め与えられる。
6. 工場は注文書セットで同一出荷として受注した注文書を納期日までに出荷できるよう、加工機械と AGV の最適なスケジューリングを行う。
7. スケジューリングの結果得られた注文書セットに含まれる受注した製品を定められた個数すべて出荷できる日を最速出荷日とする。また最速出荷日は早いほどよいとする。
8. 機械は注文書に記載された製品種別で指定された注文個数をすべて加工が終了するまで、作業を中途で終えたり、途中で他の製造作業を行うような割り込みはできないものとする。
9. 製品種別が異なるための機械のセットアップタイムは考慮しない。
10. 機械は製品種別ごとに定まる順番の通りに機械を使用して加工作業を行わなければならない。
11. 出荷が等しい注文書、すなわちある注文書セットがすべて出荷可能とすればその注文書セットでの加工作業は終了となる。

3.2 受注

製品を製造する工場をここでは考える。一定の期間に工場には様々な顧客から注文票が到着する。ある期間中に到着した注文票を 0 とあらわす。この注文票の集合は O_1 から O_i までの i 枚の注文票からなる。各注文票 O_i には、注文する製品名 S_s 、納期 d_i 、各製品名注文ロット数 lnS_{is} 、注文する製品の単価 $price_s$ が記載されている。注文票に記載できる製品は 1 種類で、複数の製品を発注する場合には、注文票を分けることになっている。工場は当該期間に受注した注文票で最も納期の早い注文票の納期を d_{min} として、その期日に間に合うように、受注した製品の製造計画を立てる。

3.3 製造

製造計画の作成するためには、まず製品種別 S_s ごとに、加工工程として使用する製造機械の順番が決まっている。製造機械を使用する時間は製造する個数による。そのため製品 S_s を製造するための q 番目の加工工程を f_{sq} としてあらわし、そこで使われる製造機械番号を m_{sq} 、加工時間を t_{sq} で表す。

3.4 仕掛品搬送

加工工程で、異なる製造機械の間で仕掛け品搬送に AGV(Automated Guided Vehicle) を用いる場合、製品 S_s の第 f_{sq} 工程と第 $f_{s,(q+1)}$ 工程間を AGV_j で搬送するとき、その輸送時間を $ut_{j,s,q,(q+1)}$ で表す。以上を記号として整理すると、以下のようになる。

4. 符号定義

O :	工場が受領した注文書の集合
O_i :	第 i 番に工場が受領した注文書
d_{min} :	受注した注文票で最も納期の早い注文票の納期
d_i :	第 i 番に工場が受領した注文書の納期
S_s :	製品 S の種別番号 s
Sis :	第 i 注文書に記載された注文製品 S の種別番号 s
$price_s$:	第 i 注文書で受注した製品 S の種別番号 s の単価
$lnSis$:	第 i 注文書に記載された第 s 種別番号製品の注文ロット数
n_s :	すべての注文書に記載された第 s 種別番号製品の合計注文個数
$n_s = 10 \sum_{i=1}^{\infty} lnSis$	
N :	すべての製品の合計注文個数
$N = \sum_{s=1}^{\infty} n_s$	
f_{sq} :	第 s 種別製品の第 q 番目の加工工程
m_{sq} :	第 s 種別製品の第 q 番目の加工工程に割り当てる機械番号
M :	使用可能な加工機械の集合
m_m :	第 m 番目の加工機械
t_{sq} :	第 s 種別製品の第 q 番目の加工工程にかかる加工時間
$l_1, l_2 \subseteq (L/U, m_1, \dots, m_m)$	
$l_1 \neq l_2$	
AGV_j :	第 j 番目の AGV
ht_{j,l_1,l_2} :	AGV_j が l_1 から l_2 までの搬送時間
$ut_{j,s,q,(q+1)}$:	AGV_j が製品 s の第 q 工程と第 $q+1$ 工程間の輸送時間

4.1 実験用ジョブセット生成

一般的に企業への注文書の具体例は外部には公開されない。そのため本研究では注文書セットを予め様々な確率的に生成する計算実験用の自動生成システムを作成し、実験用の注文書セットを作成する。本節ではこの自動生成の手続きとそれにより作成した注文書セットについて述べる。

4.2 記号定義

μ_{odder} :	納期内の総オーダー数の平均値
σ_{odder}^2 :	納期内の総オーダー数の分散
μ_{lot} :	各オーダーに注文された製品のロット数の平均値
σ_{lot}^2 :	各オーダーに注文された製品のロット数の分散
	(1)

4.3 生成ルール

1. 多層回路基盤を作る工場等、同じ工程が何回も加工する加工工程に向けて、生成する。
2. 正規分布を用いてオーダー数 O_i を生成 ($\mu_{odder} = 10$ 、 $\sigma_{odder}^2 = 2$)。
3. 負の値やゼロを除外し、サンプルからランダムに 1 つの整数を選んで、今回のシミュレーションの注文数とする。
4. 各注文は最大で 6 種類の製品を含む。

-
5. 各種別の製品について、固定されている制作工程がある、工程間は転倒しない。
 6. 各製品のロット数は正規分布 ($\mu_{lot} = 3$ 、 $\sigma_{lot}^2 = 1$) から生成し、負またはゼロを除外。
 7. 各製品は注文内で 0.7 の確率で含まれるによる制御。
 8. 各製品の総数量は、すべての注文におけるその製品のロット数合計に 10 を掛けて算出。
 9. m_1 から m_{13} まで 13 個それぞれ役目が重ねない加工機械がある。
 10. 各加工工程の操作時間 T_J : 一部は製品数量に単位時間を掛けて決定、一部は固定時間。
 11. 各製品種別に対し、加工工程と対応する操作時間の組み合わせを記録する。

同じジョブの作業について、前作業と後作業があり、作業の前作業と後作業のどちらの作業機械は一致しない。

1. $before\{m_{sq}\} \neq m_{sq}$
2. $after\{m_{sq}\} \neq m_{sq}$

4.4 レイアウト、AGV 搬送設定

1. 工場には L/U(Lording/Unlording)、機械 ($m_1 \sim m_m$) がある。
2. 各 AGV は L/U から出発、各機械の間を部品を搬送する。
3. 製品の最後の一つ加工操作が終った後に、AGV は最後の一つの加工操作を務めた機械のところで、部品を受取、L/U まで搬送する。
4. 注文書に書かれているすべての製品が L/U まで搬送したら、加工終了し総操作時間加算する。
5. AGV は一回限りに一種類の部品を搬送します、容量は考慮しません。
6. AGV_j が L/U から各機械への搬送時間は同じく $ht_{j,L/U,m_m} = 30$ 。
7. AGV が機械の間での搬送時間は、相隣の機械は同じく 20、機械の間に挟まれた機械の個数分かける 10 加算する。
8. 一つの搬送作業に対して、AGV1 台で搬送する。
9. 一つの搬送作業に対して、一回しかしない。

5. 提案手法

本研究では、JSSP 問題に対して、GA を用いた探索手法を提案する。また、こういう加工順序が厳格に定められている問題には、PPS(Precedence Preservative Crossover) という交差手法を採用します。

5.1 PPS 交差法

PPS 交差法は、JSSP 問題などの順序制約を伴う組合せ最適化問題において有効な交差手法の一つである。本手法は、親個体の遺伝子情報を組み合わせる際に、工程間の優先順序を保持しつつ、新たな子個体を生成することを目的としている。

1. 2 つの親染色体 (Parent1, Parent2) を選択する。
2. Parent1 から順序情報を、Parent2 から操作集合の構成を主に利用する。
3. 子個体の染色体を初期化する。
4. Parent1 の順序に従い、Parent2 に存在する操作を逐次選びながら、子個体に挿入する。ただし、すでに挿入された操作との順序制約を満たすように注意深く挿入される。
5. すべての操作が挿入されるまで繰り返す。

数式：

- $S = \{S_1, S_2, \dots, S_s\}$: 製品種類の集合 (s は製品種類数)
- 各製品 S_s は q 個の加工操作を持ち、 $f_s = \{f_{s1}, f_{s2}, \dots, f_{sq}\}$ とする。

-
- 親個体は操作列として表現される : $P_1 = [o_1^1, o_2^1, \dots, o_m^1]$, $P_2 = [o_1^2, o_2^2, \dots, o_m^2]$

- 子個体 C を空列として初期化 : $C \leftarrow []$

1. $i \leftarrow 1$

2. **while** $|C| < m$ **do**:

- (a) $o \leftarrow P_1[i]$ (親 1 の i 番目の操作)

- (b) **if** $o \in P_2$ かつ $\text{precedence_satisfied}(o, C) = \text{True}$ **then**:

- $C \leftarrow C \cup \{o\}$ (子供に操作を追加)

- $P_2 \leftarrow P_2 \setminus \{o\}$

- (c) $i \leftarrow i + 1$

3. **return** C

ここで、precedence_satisfied 関数は以下で定義される :

$$\text{precedence_satisfied}(f_{sq}, C) = \begin{cases} \text{True} & \text{if } f_{s,(q-1)} \in C \text{ または } q = 1 \\ \text{False} & \text{otherwise} \end{cases}$$

参考文献

- [1] K.T. Chung, C.K.M.Lee and Y.P. Tsang, "Neural combinatorial optimization with reinforcement learning in industrial engineering: a survey" *Artif Intell Rev.* vol. 58, 130(2025).
- [2] M. Xu, Y. Mei, F.F. Zhang and M.J. Zhang, "Learn to optimise for job shop scheduling: a survey with comparison between genetic programming and reinforcement learning" *Artif Intell Rev.* vol. 58, 160(2025).
- [3] C. Ngwu, Y. Liu and R. Wu, "Reinforcement learning in dynamic job shop scheduling: a comprehensive review of AI-driven approaches in modern manufacturing" *J Intell Manuf.*(2025).
- [4] X.R. Shao and C.S. Kim, "An Adaptive Job Shop Scheduler Using Multilevel Convolutional Neural Network and Iterative Local Search" *IEEE Access.* vol. 10, pp. 88079-88092(2022).
- [5] L.B. Wang, X. Hu, Y. Wang, S. Xu, S. Ma, K. Yang, Z. Liu and W. Wang, "Dynamic job-shop scheduling in smart manufacturing using deep reinforcement learning" *Computer Networks.* vol. 190, 107937(2021).
- [6] S. Lee, Y. Cho and Y.H. Lee, "Injection Mold Production Sustainable Scheduling Using Deep Reinforcement Learning" *Sustainability.* vol. 12, 8718(2020).
- [7] C. Pickardt, J. Branke, T. Hildebrandt, J. Heger and B. Scholz-Reiter, "Generating dispatching rules for semiconductor manufacturing to minimize weighted tardiness" *Proceedings of the 2010 Winter Simulation Conference.* Baltimore, MD, USA, pp. 2504-2515(2010).
- [8] 村山 昇, 川田 誠一, "遺伝的アルゴリズムを用いた加工機械と複積載 AGV の同時スケジューリング" 日本機械学会論文集 (C 編). vol. 12, 712, pp. 3638-3643(2005-12).
- [9] B. Yu, Z. Hui, Z. Xin, C. Zheng, J. Riku, Y. Kun, "Toward Autonomous Multi-UAV Wireless Network: A Survey of Reinforcement Learning-Based Approaches" *IEEE COMMUNICATIONS SURVEYS AND TUTORIALS.* vol. 25, No. 4, FOURTH QUARTER 2023, pp. 3038-3067(2023).
- [10] 小野 啓介, 森川 克己, 長沢 敬祐, 高橋 勝彦, "フレキシブルジョブショップ環境の受託製造企業におけるエネルギー消費量配分問題" *J Jpn Ind Manage Assoc.* vol. 72, pp. 179-187(2022).
- [11] 貝原 俊也, 國領 大介, 藤井 信忠, 村上 亘, 梅田豊裕, "フレキシブルジョブショップを対象とした受注生産における機械稼働計画立案もための基礎検討" 第 63 回自動制御連合講演会. (2020).
- [12] 貝原 俊也, 國領 大介, 藤井 信忠, 西村 翔平, "CPS 型ファクトリセキュリティ実現に向けた生産スケジューリング手法に関する研究-マスカスタム生産対応フレキシブルオーブンショップを対象とした検討-" 第 61 回自動制御連合講演会. (2018).
- [13] 平沼 智之, 安田 翔也, 藤堂 健世, 谷口 茉帆, 山村 雅幸, "組合せ最適化におけるペイジアン最適化アルゴリズムを組み込んだ遺伝的アルゴリズムの提案" *The 35th Annual Conference of the Japanese Society for Artificial Intelligence.* (2021).
- [14] 三神 賢雅, 伊原 滉也, 佐久間 拓人, 加藤 昇平, "混合整数最適化に基づく生産ライン作業スケジュール生成システムの開発" *The 36th Annual Conference of the Japanese Society for Artificial Intelligence.* (2022).
- [15] 蘭 嘉, 田中 瑛理, 佐々木 優, 森江 翔, 有馬 澄佳, "複数種のリソースを共用する多品種生産システムの分散協調スケジューリング-自動車部品後補充生産への適用" 日本経営工学会論文誌. vol. 72, No.1, pp. 75-87(2021).
- [16] G.Y. Shi, H. IIMA, N. Sannomiya, "A New Encoding Scheme for Solving Job Shop Problems by Genetic Algorithm" *Conference on Decision and Control.* (1996).
- [17] UMIT BILGE, GUNDOZ ULUSOY, "A TIME WINDOW APPROACH TO SIMULTANEOUS SCHEDULING OF MACHINES AND MATERIAL HANDLING SYSTEM IN AN FMS" *Operations Research.*vol. 43, No.6, (1995).
- [18] 花田 良子, 廣安 知之, 三木 光範, "遺伝的アルゴリズムによる工場の生産スケジュールの自動生成" *THE SCIENCE AND ENGINEERING REVIEW OF DOSHISHA UNIVERSITY.*vol. 48, No.4, pp.241-248, (2008).
- [19] 平中 雄一朗, 西 竜志, 乾口 雅弘, "ラグランジュ緩和とカット生成による生産工程と複数台搬送車の同時スケジューリング問題に対する分解法" システム制御情報学会論文誌.vol. 20, No.12, pp.465-474, (2007).
- [20] Raghdha B. Taha, Amin K. El-Kharbotly, Yomna M. Sadek, Nahid H. Afia, "A Genetic Algorithm for solving two-sided assembly line balancing problems" *Ain Shams Engineering Journal.*vol. 2, pp.227-240, (2011).
- [21] Kazi Shah Nawaz Ripon, N. H. Siddique, Jim Torresen, "Improved precedence preservation crossover for multi-objective job shop scheduling problem" *Evolving Systems.*vol. 2, pp.119-129, (2011).

-
- [22] Andrzej Kiernich, Jerzy Kalenik, Wojciech Steplewski, Marek Koscielski and Aneta Cholaj, "Impact of Particular Stages of the Manufacturing Process on the Reliability of Flexible Printed Circuits" *Sensors*.25, 140, (2025).
 - [23] 斎藤 康毅, 『ゼロから作る Deep Learning - Python で学ぶディープラーニングの理論と実装』, オライリー・ジャパン, 2022.
 - [24] 野寺 隆志, 『楽々LATEX』, 共立出版株式会社, 1996.
 - [25] 飯塚 修平, 『ウェブ最適化ではじめる機械学習』, オライリー・ジャパン, 2020.
 - [26] 矢沢 久雄, 『基本情報技術者 らくらく突破 Python』, 技術評論社, 2021.
 - [27] 伊藤 多一, 今津 儀充, 須藤 広大, など 『現場で使える! Python 深層強化学習入門 - 強化学習と深層学習による探索と制御』, 株式会社翔泳社, 2025.
 - [28] Kirill Bobrov, 『なっとく! 並列処理プログラミング』, 株式会社翔泳社, 2025.
 - [29] 平井 有三, 『はじめてのパターン認識』, 森北出版株式会社, 2023.
 - [30] 大用 倉智, 山田 孝子, 『作りながら丁寧に学ぶ Python プログラミング入門』, 関西学院大学出版会, 2022.