# Дискретное логарифмирование

Залина Арсоева 24 ноября, 2025, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи

# Цель лабораторной работы

Изучение задачи дискретного логарифмирования.

# \_\_\_\_

Выполнение лабораторной

работы

#### Задача дискретного логарифмирования

Решение задачи дискретного логарифмирования состоит в нахождении некоторого целого неотрицательного числа x, удовлетворяющего уравнению. Если оно разрешимо, у него должно быть хотя бы одно натуральное решение, не превышающее порядок группы.

### р-алгоритм Поллрада

- Вход. Простое число p, число a порядка r по модулю p, целое число b6 1 < b < p; отображение f, обладающее сжимающими свойствами и сохраняющее вычислимость логарифма.
- Выход. показатель x, для которого  $a^x = b(modp)$ , если такой показатель существует.
- 1. Выбрать произвольные целые числа u,v и положить  $c=a^ub^v(modp), d=c$
- 2. Выполнять  $c=f(c)\pmod p$ ,  $d=f(f(d))\pmod p$ , вычисляя при этом логарифмы для c и d как линейные функции от x по модулю x, до получения равенства c=d(modp)
- 3. Приняв логарифмы для c и d, вычислить логарифм x решением сравнения по модулю r. Результат x или РЕШЕНИЯ НЕТ.

#### Оценка сложности

Алгоритм полного перебора нашёл бы решение за число шагов не выше порядка данной группы.

## Пример работы алгоритма

```
if verify(G, H, P, res):
         56
                    return res
         58
                return res + 0
         59
         60 def verify(g, h, p, x):
                return pow(g, x, p) == h
         62
         63 args = [(10, 64, 107)]
         64
         65 for arg in args:
         66 res = pollrad(*arg)
        67 print(arg, ": ", res)
         68
                print("Validates: ", verify(arg[0], arg[1], arg[2], res))
        (10, 64, 107) : 20
        Validates: True
In [ ]: 1
```

Рис. 1: Работа алгоритма

# Выводы

# Результаты выполнения лабораторной работы

Изучили задачу дискретного логарифмирования.