

PageRank

Antonio Luiz Rosa Teixeira
Gustavo Zambonin

Universidade Federal de Santa Catarina
Departamento de Informática e Estatística
INE5413 - Grafos

- Desenvolvido por Page e Brin em 1996
 - Parte do motor de busca da Google desde 1998
- Classificação de uma página na web, independente do seu conteúdo
- Entretanto, depende do número de links que apontam para ela
- Abrange diversas áreas da matemática
 - Teoria de grafos
 - Probabilidade e estatística
 - Álgebra linear
- Definições genéricas e aplicáveis a qualquer grafo

- Motores de busca prévios utilizavam heurísticas facilmente manipuláveis
 - Tamanho do URL
 - Conteúdo bruto da página
 - Título da página
- Método mais eficiente de relevar páginas de acordo com as palavras-chave da pesquisa
- Evitar meios artificiais de inflação de popularidade

Resolução

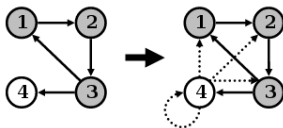
- Cada página deve transferir sua 'importância' $\frac{1}{k}$ para seus sucessores
 - k = grau de emissão do vértice
 - Processo de valoração de arestas
- Tem-se uma matriz de transições do grafo
- Para o exemplo anterior (cada coluna representa uma página):

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1/2 \\ 1/3 & 0 & 0 & 0 \\ 1/3 & 1/2 & 0 & 1/2 \\ 1/3 & 1/2 & 0 & 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{Av=\lambda v} 1 \cdot \begin{bmatrix} 0.7210 \\ 0.2403 \\ 0.5408 \\ 0.3605 \end{bmatrix}$$

- O autovetor denota a probabilidade das páginas serem visitadas

Problemas

- Se $k = 0$ para uma página qualquer, então a página não afetaria outras, no modelo acima



A página '4', um sumidouro, deve possibilitar a navegação para o resto do grafo

- Se o grafo é desconexo, como mover entre componentes?
 - Considerar que o 'navegador' aleatório pode se cansar de clicar e querer trocar de página de outro modo
- Adicionar um fator probabilístico que lida com estes cenários

- Métrica para profundidade e extensão de *web crawling*
- Funções mais importantes no kernel Linux
- Recomendação de seguidores no Twitter, produtos na Amazon e filmes no Netflix
- Impacto científico de pesquisadores e artigos
- Sistema de ranking entre times ou atletas em esportes
- Encontrar genes correlacionados de acordo com um certo critério
- Predição de fluxo de tráfego e pessoas em um sistema urbano
- Ranking de isomorfismos de grafos

Referências



R.S. Wills.

Google's PageRank: The Math Behind the Search Engine
The Mathematical Intelligencer, 28(4):6–10, 2006.



L. Page, S. Brin, R. Motwani, T. Winograd.

The PageRank Citation Ranking: Bringing Order to the Web.
Stanford InfoLab, 1999.



D.F. Gleich.

PageRank beyond the Web
SIAM Review, 57(3):321–363, 2015.



R. Tanase, R. Radu.

PageRank Algorithm - The Mathematics of Google Search
Lecture 3, 2009.