

Inteligência Artificial

Aula 28- Redes Neurais: Simulação MLP¹

Sílvia M.W. Moraes

Faculdade de Informática - PUCRS

June 13, 2017

¹Este material não pode ser reproduzido ou utilizado de forma parcial sem a permissão dos autores.

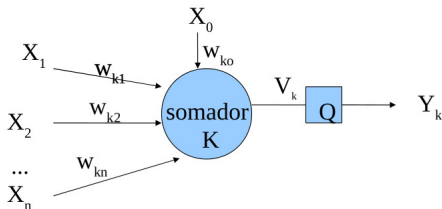
Sinopse

- Nesta aula, continuamos a estudar **redes neurais**.
- Este material foi construído com base nos algoritmos implementados.

Sumário

1 Introdução à Redes Neurais

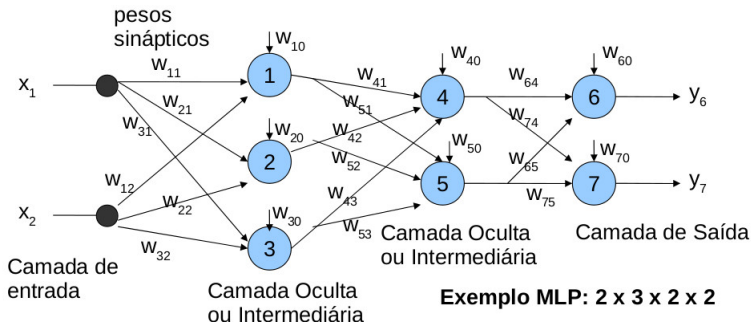
Relembrando: Neurônio Artificial



- $v_k = \sum_{i=0}^n w_{ki} \times x_i$
- $y_k = Q(v_k)$, onde a função de transferência pode ser:
 - limiar: $Q(v_k) = \begin{cases} 1 & \text{se } v_k \geq 0 \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}$

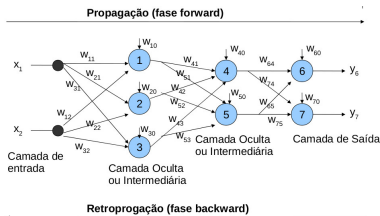
Relembrando: MultiLayer Perceptron (MLP)

- MLPs são redes **perceptron** de múltiplas camadas (feed forward), totalmente conectadas, **contendo uma ou mais camadas ocultas**.



Relembrando: MLP - Treinamento

- O algoritmo **Error Backpropagation** é usado para treinar a rede.
- Ele possui 2 etapas: **forward** e **backward**.
- Em cada etapa a rede é percorrida em um sentido.
 - A fase forward (para frente) – **propagação** - é utilizada para definir a saída da rede para um dado padrão de entrada.
 - A fase backward (para trás) – **retropropagação** - utiliza a saída desejada e a saída gerada pela rede para atualizar os pesos de suas conexões.



Relembrando: MLP - Treinamento

- **Funções de transferência** (em Java e C)
 - Limiar: recomenda-se seu uso apenas na camada de saída
 - Logística:
 - valores entre $[0;1]$
 - $Q(v_k) = \frac{1}{1+\exp(-v_k)}$
 - Tangente hiperbólica:
 - valores entre $[-1;1]$
 - $Q(v_k) = \tanh(v_k)$

MLP - Algoritmo de Treinamento

- **Algoritmo Error-Backpropagation (Retropropagação do Erro)**
 - Considere que a topologia da rede já está definida e que há um conjunto de Treino com N pares (X,D) , onde:
 - X é o conjunto de entrada: $\{x_1, x_2, x_3, x_4, \dots, x_Z\}$, com Z entradas (atributos)
 - D é o conjunto de saídas desejadas: $\{d_1, d_2, d_3, d_4, \dots, d_M\}$, com M saídas (uma para cada neurônio da camada de saída)

MLP - Algoritmo de Treinamento

- **Algoritmo Error-Backpropagation (Retropropagação do Erro)**
 - **Etapas :**
 1. **Iniciar os pesos** da rede **arbitrariamente com valores não nulos**.
 2. Apresentar cada padrão n de entrada do conjunto de treino e **propagá-lo** até a saída da rede (geração dos y 's da camada de saída), onde $n = 1$ até N .
 - **Propagação:** Para cada neurônio k da rede.
 - $$v_k(n) = \sum_{i=0}^z (w_{ki}(n) \times x_i(n)),$$
 onde k é o neurônio e i a entrada, para $i = 0$ até z (total de entradas, ou seja, total de atributos de um padrão n do conjunto de treino). Quando o neurônio for de uma camada oculta, x_i será y_i (saída da neurônio i da camada anterior).

MLP - Algoritmo de Treinamento

- Algoritmo Error-Backpropagation (Retropropagação do Erro)
 - Etapas :
 - ...
 - 2. Apresentar cada padrão n de entrada do conjunto de treino e **propagá-lo** até a saída da rede (geração dos y 's da camada de saída), onde $n = 1$ até N .
 - **Propagação:** Para cada neurônio k da rede.
 - $v_k(n) = \sum_{i=0}^z (w_{ki}(n) \times x_i(n)), \dots$
 - $y_k(n) = Q(v_k(n))$, a saída é gerada pela aplicação da função de transferência Q sobre o campo local induzido v .

MLP - Algoritmo de Treinamento

- **Etapas do Algoritmo Error-Backpropagation :**

..

3. Iniciar a **Retropropagação**.

a) Calcular o erro. Para cada neurônio k da camada de saída: $erro_k(n) = d_k(n) - y_k(n)$, onde d_k é a saída desejada, o rótulo (a classe) do padrão n .

b) Calcular a energia do erro instantâneo para o padrão n propagado. $\xi(n) = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^s erro_k(n)^2$, onde n identifica o padrão e $k = 1$ até s (o número de neurônios da camada de saída). O erro instantâneo combina os erros de todos neurônios da camada de saída para o padrão então propagado.

MLP - Algoritmo de Treinamento

- Etapas do Algoritmo Error-Backpropagation :

..

3. Iniciar a Retropropagação.

...

c) Calcular os gradientes δ da camada de saída.

- Para cada neurônio k da camada de saída.

$$\delta_k(n) = Q'(v_k(n)) \times erro_k(n)$$

d) Calcular o ajuste dos pesos de k :

$\Delta w_{ki}(n) = \delta_k(n) \times \eta \times y_i(n)$, onde é a η taxa de aprendizagem – intervalo típico (0;1].

MLP - Algoritmo de Treinamento

- Etapas do Algoritmo Error-Backpropagation :

..

3. Iniciar a Retropropagação.

...

e) Ajustar os pesos dos neurônios da camada de saída:

$$w_{ki}(n+1) = w_{ki}(n) + \Delta w_{ki}(n) .$$

- Pode-se usar ainda a **constante de momento** α , intervalo típico $[0;1]$: $w_{ki}(n+1) = w_{ki}(n) + \Delta w_{ki}(n) + \alpha \times w_{ki}(n-1)$

MLP - Algoritmo de Treinamento

- Etapas do Algoritmo Error-Backpropagation :

..

3. Iniciar a **Retropropagação**.

...

f) **Calcular os gradientes δ das camadas ocultas**: Para cada neurônio k de uma camada oculta:

$$\delta_k(n) = Q'(v_k(n)) * \sum_{j=1}^t (\delta_j(n) * w_{jk}(n+1)),$$
 onde j são os

neurônios com os quais o neurônio k tem conexão à direita.

Como a camada à direita já sofreu retropropagação, seus pesos já foram atualizados, por isso aparece $n+1$.

MLP - Algoritmo de Treinamento

- Etapas do Algoritmo Error-Backpropagation :

..

3. Iniciar a **Retropropagação**.

...

g) Da mesma forma calcular o ajuste dos pesos de k :

$$\Delta w_{ki}(n) = \delta_k(n) \times \eta \times y_i(n)$$

h) Também da mesma forma, ajustar os pesos dos neurônios das camadas ocultas:

$$w_{ki}(n+1) = w_{ki}(n) + \Delta w_{ki}(n) .$$

- Pode-se usar ainda a **constante de momento** α , intervalo típico $[0;1]$: $w_{ki}(n+1) = w_{ki}(n) + \Delta w_{ki}(n) + \alpha \times w_{ki}(n-1)$

MLP - Algoritmo de Treinamento

- Etapas do Algoritmo Error-Backpropagation :
 - ...
 - Ao final de uma época, **calcular o Erro Médio Quadrado (EMQ)**: Média aritmética dos erros instantâneos.
 - $EMQ = (\sum_{i=1}^N \xi_i) / N$
 - É usado como critério de parada.
 - Pode oscilar no início da aprendizagem, mas deve decrescer ao longo do treinamento.

MLP - Algoritmo de Treinamento

- **Critérios de parada** do algoritmo backpropagation:
 - número pré-definido de épocas;
 - valor pré-definido como desejado para o erro médio quadrado;
 - variação do erro médio quadrado nas últimas x épocas inferior a um valor pré-definido (convergência);
 - número de padrões corretamente classificados não se alterar;
 - combinação desses critérios.

MultiLayer Perceptron (MLP): Generalização

- **Generalização:**

- Após o treinamento, os pesos que mapeiam os padrões de entrada nas saídas desejadas foram encontrados.
- A generalização consistem em propagar pela rede, usando os pesos encontrados, os padrões pré-processados do conjunto de teste e analisar os resultados gerados pela rede.
- Visto que as funções de transferência geram valores contínuos é comum um pós-processamento da saída gerada.
 - O pós-processamento é uma regra de decisão, geralmente baseada em algum valor limiar que auxilia a definir a classe do padrão de teste.
 - Ex: se $y \geq 0.8$ então $y=1$

MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Conjunto de Treino: (-1 : Falso; 1- Verdadeiro)

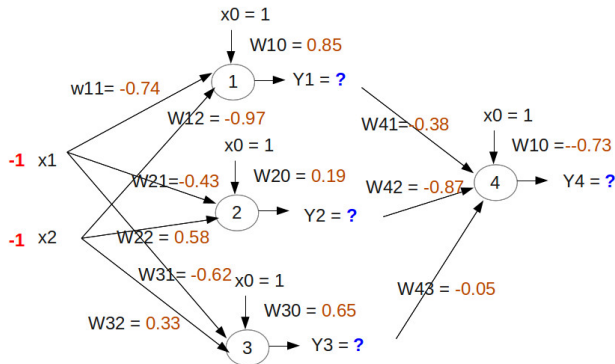
x1	x2	d
-1	-1	-1
-1	1	1
1	-1	1
1	1	-1

- Função de Transferência
 - Camada oculta: tangente hiperbólica
 - Camada de saída: tangente hiperbólica
- Taxa de Aprendizagem: $\eta = 0.3$
- Constante de momentum: $\alpha = 0$
- Critérios de parada:
 - EMQ = 0.01 ou
 - Épocas: 1000

MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Topologia: $2 \times 3 \times 1$

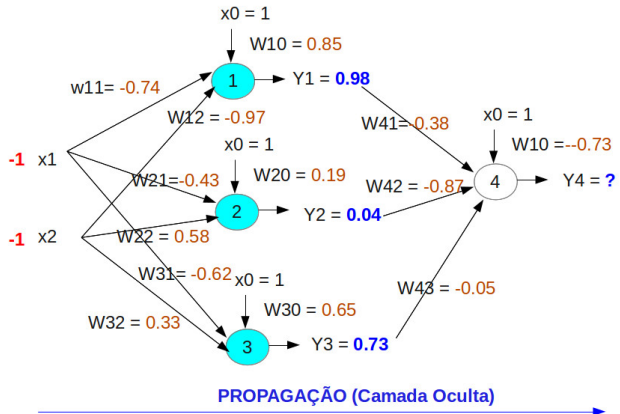
x1	x2	d
-1	-1	-1
-1	1	1
1	-1	1
1	1	-1



MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Topologia: $2 \times 3 \times 1$

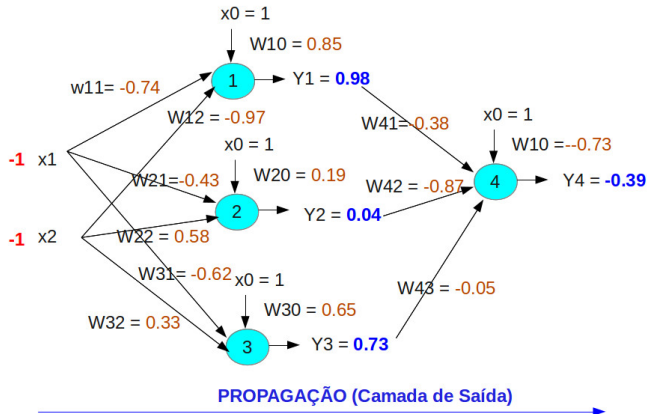
x1	x2	d
-1	-1	-1
-1	1	1
1	-1	1
1	1	-1



MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Topologia: $2 \times 3 \times 1$

x1	x2	d
-1	-1	-1
-1	1	1
1	-1	1
1	1	-1



MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Topologia: $2 \times 3 \times 1$

x1	x2	d
-1	-1	-1
-1	1	1
1	-1	1
1	1	-1

Neurônio 4 (Camada de Saída)

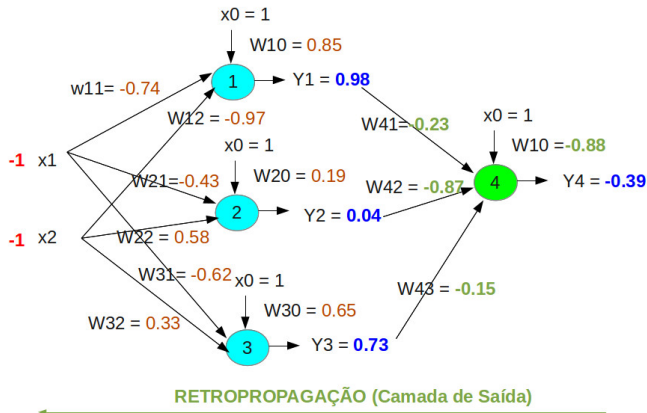
Erro: -0.6015309621707821

Erro Instantaneo:

0.1809197492250534

Gradiente =

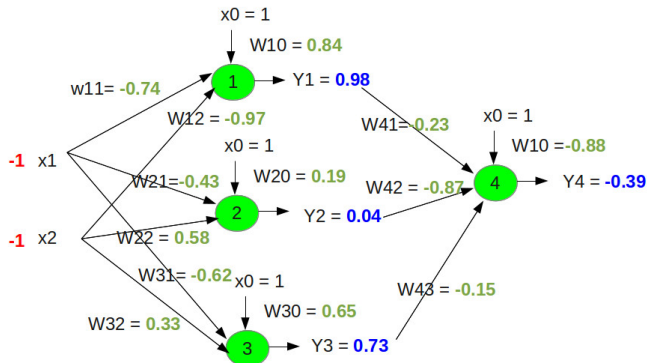
-0.5060213352461277



MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Topologia: $2 \times 3 \times 1$

x1	x2	d
-1	-1	-1
-1	1	1
1	-1	1
1	1	-1



RETROPROPAGAÇÃO (Camada Oculta)

- Camada Oculta
- Gradiente Neurônio 1: -0.002781842410268394
- Gradiente Neurônio 2: 0.4444999763647362
- Gradiente Neurônio 3: 0.03803417896970686

MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Época: 0 - Erro médio quadrado: 0.6382619197564264
- Época: 1 - Erro médio quadrado: 0.6217486395123959
- Época: 2 - Erro médio quadrado: 0.5710208319681408
- Época: 3 - Erro médio quadrado: 0.5473148706283855
- Época: 4 - Erro médio quadrado: 0.5355908980006899
- Época: 5 - Erro médio quadrado: 0.5285727922709779
- ...
- Época: 446 - Erro médio quadrado: 0.009972902630117393

MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- **Pesos Finais:**

- Camada Oculta

- Neurônio: 1: $w[10]=2.545363016862031$,
 $w[11]=-1.8662421473793356$, $w[12]=-1.7588858258650666$
- Neurônio: 2: $w[20]=0.1914996892738543$,
 $w[21]=-0.4332485003836084$, $w[22]=0.5833743630800029$
- Neurônio: 3: $w[30]=0.655200823402003$
 $w[31]=-0.6209562373205424$ $w[32]=0.3376845283666482$

- Camada de Saida

- Neurônio: 4: $w[40]=0.36071557007625865$,
 $w[41]=2.388002191368662$, $w[42]=4.357544216452374$,
 $w[43]=-5.4985276529155485$

MultiLayer Perceptron (MLP): Simulação XOR

- Generalização: A rede está pronta para teste ou uso.
 - 1 Carregar a topologia com os pesos encontrados;
 - 2 Alimentar a rede com novas entradas e realizar apenas a propagação;
 - 3 Aplicar o pós-processamento às saídas geradas;
 - 4 Exibir o resultado.
- Em caso de teste, usar métricas para medir e avaliar os resultados obtidos.