Corrección Examen Parcial 1

ByteMiners

09/03/2020

Análisis exploratorio de datos

Las librerías usadas en el examen fueron las siguientes:

```
library(ggplot2)
library(cowplot)
library(dplyr)
library(grid)
library(FactoMineR)
library(factoextra)
library(corrplot)
library(ggpubr)
library(scatterplot3d)
library(reshape2)
library(knitr)
library(MVN)
library(biotools)
## biotools version 3.1
library(klaR)
library(janitor)
library(psych)
library(gridExtra)
library(GGally)
library(funModeling)
library(CCA)
library(vegan)
library(fields)
```

1. Exploración y visualización de variables

1.1 Explorar la base de datos, realizar los cambios necesarios y convenientes para poder trabajar con ella.

##			ID	X1	Х2	ХЗ	Х4	X5
##	1		Peso	53.74	61.84	51.64	75.95	63.3
##	2	I	Estatura	166	154	151	180	165
##	3	Edad		23.5	23.5 22.4 27		2.3	17.2
##	4	Con	nplexión Me	esomorfo Me	esomorfo Me	esomorfo E	ndomorfo Me	esomorfo
##	5	Papás_se	eparados	SI	SI	NO	NO	NO
##	6	Cantidad_h	nermanos	3	0	2	2	2
##	7		Trabaja	SI	SI	NO	SI	NO
##	8	Horas_t	trab_dia	5	10	<na></na>	10	<na></na>
##	9	Horas_t	trab_mes	25	80	<na></na>	80	<na></na>
##	10		ario_mes	1750	3200	<na></na>	3200	<na></na>
##		Х6	X7	X8	Х9	X10	X11	X12
##	1	51.8	64.87	67.38	65.76	56.95	75.12	63.9
##	2	149	145	159	177	164	179	169
	3	15.7	20	27.3	17.5	18.8	21.8	23.2
##							Endomorfo	
	5	NO	NO	NO	NO	SI	NO	NO
	6 7	5 SI	1 NO	4 SI	O NO	2 SI	1 SI	1 SI
	<i>1</i> 8	6	NU <na></na>	4	ON <na></na>	10	6	8
##	9	30	<na></na>	20	<na></na>	80	30	40
##	10	1200	<na></na>	2400	<na></na>	12000	3600	2800
##	10	X13	X14	X15	X16	X17	X18	X19
##	1	53.79	37.85	71.25	59.55	59.84	69.44	68.21
##	2	154	157	146	141	169	144	158
##	3	29.4	30	26.3	17.7	23.2	23.7	18.4
##	4	Mesomorfo	Ectomorfo	Endomorfo	Mesomorfo	Mesomorfo	Endomorfo	
##	5	NO	SI	SI	NO	NO	SI	NO
##	6	4	4	1	2	0	2	5
##	7	NO	SI	SI	NO	SI	NO	SI
##	8	<na></na>	8	7	<na></na>	6	<na></na>	9
##	9	<na></na>	40	35	<na></na>	30	<na></na>	45
##	10	<na></na>	3600	5250	<na></na>	3600	<na></na>	3150
##		X20	X21	X22	X23	X24	X25	X26
##	1	65.94	69.19	67.82	60.75	40.11	66.2	59.44
##	2	166	180	160	159	147	170	158
	3	21.4	17.5	25.6	18.5	19.7	17.2	30
##							Endomorfo	
##		NO 3	NO 3	NO 2	NO 2	NO 5	NO 4	NO
##		SI	SI	SI	NO	SI	SI	5 c
## ##		7	7	8	NO <na></na>	6	6	SI 5
##		35	35	40	<na></na>	30	48	25
##		5250	5250	1600	<na></na>	2100	1200	1000
##	10	X27	X28	X29	X30	X31	X32	X33
##	1	58.44	45.29	55.22	64.18	73.59	58.97	63.88
##		160	148	149	164	163	143	141
##		18.5	25.6	26.7	21	18.9	16.3	25.2
##							Mesomorfo	
##		NO	NO	NO	SI	NO	NO	SI
				_				

##	6	4	4	1	4	5	1	2
##	7	SI	NO	SI	SI	SI	SI	SI
##	8	10	<na></na>	9	10	4	6	7
##	9	80	<na></na>	45	70	20	30	35
##	10	9600	<na></na>	3150	5600	1800	1200	4200
##		X34	X35	X36	Х37	Х38	Х39	X40
##	1	59.46	46.23	55.85	56.06	59.41	71	67.63
##	2	166	177	164	162	161	179	160
##	3	15.4	22.2	18.4	15.3	21.3	26.7	19.8
##	4	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Ectomorfo}$	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Endomorfo}$	${\tt Endomorfo}$
##	5	NO	NO	NO	NO	NO	NO	NO
##	6	4	0	2	2	1	3	5
##	7	NO	SI	SI	NO	NO	SI	NO
##	8	<na></na>	9	8	<na></na>	<na></na>	10	<na></na>
##	9	<na></na>	48	40	<na></na>	<na></na>	70	<na></na>
##	10	<na></na>	5400	6000	<na></na>	<na></na>	3200	<na></na>
##		X41	X42	X43	X44	X45	X46	X47
##	1	58.35	57.47	66.97	65.57	53.11	52.93	63.65
##	2	167	164	150	150	169	158	147
##	3	26.4	33.2	14.3	25.3	23.4	19	31.4
##	4	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Endomorfo}$	${\tt Endomorfo}$	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Mesomorfo}$	${\tt Mesomorfo}$
##	5	NO	NO	SI	NO	NO	NO	NO
##	6	5	1	3	2	3	1	2
##	7	SI	SI	NO	SI	SI	SI	SI
##	8	6	7	<na></na>	6	7	6	10
##	9	30	35	<na></na>	30	35	30	80
	10	4500	1400	<na></na>	3600	2450	2100	12000
##		X48	X49	X50				
##		67.69	58.88	68.81				
##		170	144	175				
##		24.3	18.2	22				
##	4	Endomorfo	Mesomorfo	Endomorfo				
##		NO	NO	SI				
##	6	NO 1	NO 2	SI 4				
## ##	6 7	NO 1 SI	NO 2 SI	SI 4 SI				
## ## ##	6 7 8	NO 1 SI 5	NO 2 SI 4	SI 4 SI 10				
## ## ## ##	6 7	NO 1 SI	NO 2 SI	SI 4 SI				

Como podemos observar esta base de datos cuenta con 10 variables o características, las cuales son: Peso, Estatura, Edad, Complexión, Papas separados, Cantidad hermanos, Trabaja, Horas trabajadas por día, Horas trabajadas por mes y salario mensual.

Además, es posible notar que se conforma de 50 observaciones, sin embargo es necesario reordenar los datos, ya que cada observación debe estar contenida en una fila y no en una columna (como se nos fue otorgada la información inicialmente).

Lo primero que realizamos fue la trasposición de las columnas del dataframe para que cada observación fuera vista en una fila y no por columnas como inicialmente estaba acomodada la información.

Otra cosa que debemos arreglar son las observaciones en donde el valor de la característica "Trabaja" es "NO", debido a que contienen variables relacionadas con la anteriormente mencionada (las cuales son: "Horas_trab_dia", "Horas_trab_mes" y "Salario_mes") y que se encuentran vacías. Esto último puede afectar nuestro análisis, es por eso que decidimos colocar ceros en aquellos campos en donde existen NA.

##		Peso	Estatura	Edad	${\tt Complexion}$	Papas_separados	${\tt Cantidad_hermanos}$	Trabaja
##	1	53.74	166	23.5	Mesomorfo	SI	3	SI
##	2	61.84	154	22.4	Mesomorfo	SI	0	SI
##	3	51.64	151	27	Mesomorfo	NO	2	NO
##	4	75.95	180	2.3	Endomorfo	NO	2	SI
##	5	63.3	165	17.2	Mesomorfo	NO	2	NO
##	6	51.8	149	15.7	Mesomorfo	NO	5	SI
##	7	64.87	145	20	Mesomorfo	NO	1	NO
##	8	67.38	159	27.3	Endomorfo	NO	4	SI
##	9	65.76	177	17.5	Endomorfo	NO	0	NO
##	10	56.95	164	18.8	Mesomorfo	SI	2	SI
##	11	75.12	179	21.8	Endomorfo	NO	1	SI
##	12	63.9	169	23.2	Mesomorfo	NO	1	SI
##	13	53.79	154	29.4	Mesomorfo	NO	4	NO
##	14	37.85	157	30	Ectomorfo	SI	4	SI
##	15	71.25	146	26.3	Endomorfo	SI	1	SI
##	16	59.55	141	17.7	Mesomorfo	NO	2	NO
##	17	59.84	169	23.2	Mesomorfo	NO	0	SI
##	18	69.44	144	23.7	Endomorfo	SI	2	NO
##	19	68.21	158	18.4	Endomorfo	NO	5	SI
		65.94		21.4	Endomorfo	NO	3	SI
		69.19	180	17.5	Endomorfo	NO	3	SI
		67.82			Endomorfo	NO	2	SI
		60.75		18.5	Mesomorfo	NO	2	NO
##	24	40.11		19.7	Ectomorfo	NO	5	SI
##	25	66.2	170	17.2	Endomorfo	NO	4	SI
		59.44	158	30	Mesomorfo	NO	5	SI
##	27	58.44	160	18.5	Mesomorfo	NO	4	SI
##	28	45.29	148	25.6	Ectomorfo	NO	4	NO
		55.22	149	26.7	Mesomorfo	NO	1	SI
		64.18	164	21	Mesomorfo	SI	4	SI
##	31	73.59		18.9	Endomorfo	NO	5	SI
		58.97		16.3		NO	1	SI
		63.88			Mesomorfo	SI	2	SI
		59.46			Mesomorfo	NO	4	NO
##	35	46.23	177	22.2	Ectomorfo	NO	0	SI

##	36	55.85 164	18.4 M	lesomorfo		NO	2	SI
##	37	56.06 162	15.3 M	lesomorfo		NO	2	NO
##	38	59.41 161	21.3 M	lesomorfo		NO	1	NO
##	39	71 179	26.7 E	Endomorfo		NO	3	SI
##	40	67.63 160	19.8 E	Endomorfo		NO	5	NO
##	41	58.35 167	26.4 M	lesomorfo		NO	5	SI
##	42	57.47 164	33.2 M	lesomorfo		NO	1	SI
##	43	66.97 150	14.3 E	Endomorfo		SI	3	NO
				Endomorfo		NO	2	SI
				lesomorfo		NO	3	SI
		52.93 158		lesomorfo		NO	1	SI
				lesomorfo		NO	2	SI
				Endomorfo		NO	1	SI
				lesomorfo		NO	2	SI
	50	68.81 175		Endomorfo		SI	4	SI
##		Horas_trab_dia						
##		3		2	6			
##		1		9	13			
##		0		0	0			
## ##		1 0		9 0	13 0			
##		4		3	2			
	7	0		0	0			
##		2		1	9			
##		0		0	0			
##		1		9	3			
	11	4		3	14			
	12	6		5	11			
##	13	0		0	0			
##	14	6		5	14			
##	15	5		4	18			
##	16	0		0	0			
	17	4		3	14			
	18			0	0			
	19	7		6	12			
	20	5		4	18			
##		5		4	18			
##		6		5	5			
##		0		0	0			
## ##		4		3 7	8 2			
##		3		2	1			
##		1		9	23			
##		0		0	0			
##		7		6	12			
##				8	20			
##		2		1	7			
##				3	2			
##				4	16			
##				0	0			
##	35	7		7	19			
##		6		5	21			
##				0	0			
##	38	0		0	0			

## 39	1	8	13
## 40	0	0	0
## 41	4	3	17
## 42	5	4	4
## 43	0	0	0
## 44	4	3	14
## 45	5	4	10
## 46	4	3	8
## 47	1	9	3
## 48	3	2	15
## 49	2	1	22
## 50	1	8	23

Para continuar con el análisis exploratorio, es momento de distinguir el tipo de dato correspondiente para cada variable que conforma esta base de datos. Esto con el fin de poder determinar cómo explorar la base de datos y si es necesario modificar algún tipo de dato para realizar tablas o gráficas relevantes.

```
# Analizar la base de datos
df_status(datos)
```

##		variable	q_zeros	p_zeros	q_na	p_na	q_{inf}	p_inf	type	unique
##	1	Peso	0	0	0	0	0	0	factor	50
##	2	Estatura	0	0	0	0	0	0	factor	28
##	3	Edad	0	0	0	0	0	0	factor	42
##	4	Complexion	0	0	0	0	0	0	factor	3
##	5	Papas_separados	0	0	0	0	0	0	factor	2
##	6	${\tt Cantidad_hermanos}$	4	8	0	0	0	0	factor	6
##	7	Trabaja	0	0	0	0	0	0	factor	2
##	8	Horas_trab_dia	14	28	0	0	0	0	numeric	8
##	9	<pre>Horas_trab_mes</pre>	14	28	0	0	0	0	numeric	10
##	10	Salario_mes	14	28	0	0	0	0	${\tt numeric}$	24

Existen 7 variables de tipo "factor" el cual es usado para variables categóricas o nominales, lo curioso es que de esas 7 variables, solo 3 (Complexión, Papas separados y Trabaja) son categóricas y las restantes (Peso, Estatura, Edad y Cantidad hermanos) deberían ser numéricas.

Para trabajar con las variables Horas_trab_dia, Horas_trab_mes y Salario_mes también se debe realizar un ajuste a su tipo de dato porque, como se pudo observar, al momento de cambiar los NA por ceros los valores almacenados en esos campos fueron alterados.

```
# Convertir en valores númericos aquellos almacenados en las columnas
# seleccionadas
vars_to_replace = c("Peso", "Estatura", "Edad", "Cantidad_hermanos")

datos[vars_to_replace] <- lapply(datos[vars_to_replace], function(x) as.numeric(as.character(x)))
# Cargamos csv con los valores previamente almacenados en los campos
# Horas_trab_dia, Horas_trab_mes y Salario_mes
df2 <- read.csv("Ejercicio 1.csv", sep = ",")

# Trasponer las columnas del df para que las características de cada observacion
# estén ordenadas por columnas
df2 <- as.data.frame(t(as.matrix(df2)))</pre>
```

##		variable	q_zeros	p_zeros	q_na	p_na	q_{inf}	p_inf	type	unique
##	1	Peso	0	0.00	0	0	0	0	${\tt numeric}$	50
##	2	Estatura	0	0.00	0	0	0	0	${\tt numeric}$	28
##	3	Edad	0	0.00	0	0	0	0	${\tt numeric}$	42
##	4	Complexion	0	0.00	0	0	0	0	factor	3
##	5	Papas_separados	0	0.00	0	0	0	0	factor	2
##	6	${\tt Cantidad_hermanos}$	4	0.08	0	0	0	0	${\tt numeric}$	6
##	7	Trabaja	0	0.00	0	0	0	0	factor	2
##	8	Horas_trab_dia	14	0.28	0	0	0	0	${\tt numeric}$	8
##	9	<pre>Horas_trab_mes</pre>	14	0.28	0	0	0	0	${\tt numeric}$	10
##	10	Salario_mes	14	0.28	0	0	0	0	${\tt numeric}$	24

Otra corrección que se debe realizar es hacer función piso a los valores de Edad, ya que estos fueron ingresados como decimales y eso es erróneo porque deben ser considerados como discretos.

```
datos["Edad"] <- floor(datos["Edad"])</pre>
```

1.2 Expliquen por medio de tablas esta información. En la tabla debe aparecer simultáneamente la frecuencia y el porcentaje

Es importante recalcar que continuamos realizando análisis exploratorio de la base de datos y estamos respetando las instrucciones de cada subinciso, es por esto que ahora elaboraremos tablas que contengan información sobre la frecuencia y porcentaje de aquellas variables que lo requieren, como lo son: Complexión, Papás separados, Cantidad hermanos, Trabaja y Horas diarias trabajadas.

```
# Tabla de frecuencias de complexion
frequency_as_df <- as.data.frame(tabyl(datos$Complexion, sort = TRUE))
names(frequency_as_df) <- c("Complexion", "Frecuencia", "Porcentaje")
final_constitution_frequency <- frequency_as_df[-c(1), ]
final_constitution_frequency</pre>
```

A partir de esta tabla podemos inferir que el 56% de las personas que se encuentran registradas en la base de datos tienen un cuerpo mesomorfo, es decir, su complexión es intermedia (ni muy delgada ni muy gruesa) y se caracterizan por tener un metabolismo regular.

Por otro lado se observa que el 36% de las observaciones tienen un cuerpo endomorfo, lo que significa que desgraciadamente sufren de sobrepeso.

Y aquellos con complexión ectomorfa (muy delgada) solo cubren el 8% de nuestras observaciones.

En conclusión se puede decir que más de la mitad de las personas se encuentran saludables y con una buena complexión, sin embargo el 44% restante debería acudir con un médico y estar al pendiente de su salud.

```
# Tabla de frecuencias de papás_separados
frequency_as_df <- as.data.frame(tabyl(datos$Papas_separados, sort = TRUE))
names(frequency_as_df) <- c("Papás_separados", "Frecuencia", "Porcentaje")
final_separated_parents_frequency <- frequency_as_df[-c(2), ]
final_separated_parents_frequency</pre>
```

```
## Papás_separados Frecuencia Porcentaje
## 1 NO 40 0.8
## 3 SI 10 0.2
```

Sabemos que solo el 20% de los individuos registrados en la base de datos tiene padres separados, esto puede ser por diversas razones, las cuales desconocemos. Esta información puede ser útil para evaluar si el desempeño de una persona o nivel de carga de trabajo se ve influenciado por la relación de sus progenitores.

```
# Tabla de frecuencias de cantidad_hermanos
frequency_as_df <- as.data.frame(tabyl(datos$Cantidad_hermanos, sort = TRUE))
names(frequency_as_df) <- c("Cantidad_hermanos", "Frecuencia", "Porcentaje")
final_siblings_frequency <- frequency_as_df[-c(7), ]
final_siblings_frequency</pre>
```

```
##
     Cantidad_hermanos Frecuencia Porcentaje
## 1
                       0
                                   4
                                            0.08
## 2
                       1
                                  10
                                            0.20
## 3
                       2
                                  14
                                            0.28
## 4
                       3
                                   6
                                            0.12
## 5
                       4
                                   9
                                            0.18
## 6
                                   7
                                            0.14
```

Con esta tabla se puede inferir que en esta base de datos predominan las observaciones con menos de 3 hermanos, mientras que aquellas observaciones con más de 3 hermanos son menos frecuentes. El número de hermanos es un dato relevante para estudiar si el nivel socioeconómico de una persona se ve afectado por la cantidad de hijos que deciden criar sus padres.

```
# Tabla de frecuencias de los que trabajan
frequency_as_df <- as.data.frame(tabyl(datos$Trabaja, sort = TRUE))
names(frequency_as_df) <- c("Trabaja", "Frecuencia", "Porcentaje")
final_iswork_frequency <- frequency_as_df[-c(3), ]
final_iswork_frequency</pre>
```

```
## Trabaja Frecuencia Porcentaje
## 1 NO 14 0.28
## 2 SI 36 0.72
```

De igual forma es importante destacar que el 72% de las personas registradas en la base de datos sí trabaja, mientras que el 28% restante no lo hace, esto puede ser debido a que esos individuos son menores de edad o por factores que no son posibles determinar con la información otorgada por la base de datos.

```
# Filtro de las observaciones que SI trabajan

trabajan <- filter(datos, Trabaja == "SI")

# Tabla de frecuencias de horas trabajadas x dia

frequency_as_df <- as.data.frame(tabyl(trabajan$Horas_trab_dia, sort = TRUE))

names(frequency_as_df) <- c("Horas_trabajo x dia", "Frecuencia", "Porcentaje")

frequency_as_df</pre>
```

```
Horas_trabajo x dia Frecuencia Porcentaje
## 1
                                    3 0.08333333
## 2
                        5
                                    3 0.08333333
                        6
## 3
                                    9 0.25000000
## 4
                        7
                                    6 0.1666667
                        8
                                    4 0.11111111
## 5
                        9
## 6
                                    3 0.08333333
## 7
                       10
                                    8 0.2222222
```

Con esta tabla podemos observar que las personas registradas en la base de datos que sí trabajan, lo hacen en promedio entre 1 a 7 horas al día y que el 25% de ellas prefiere laborar medio día (4 horas).

Continuando con el análisis, es momento de enfocarnos en las otras variables de la base de datos (Peso, Estatura, Edad, Horas trabajadas al mes y Salario mensual), aquellas que no colocamos en tablas pues la frecuencia de sus datos es de 1 y sus tablas de frecuencia y porcentajes resultaban poco agradables visualmente.

Lo que haremos con ellas es visualizar un resumen de las mismas.

[1] 8.313902

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 37.85 56.28 61.30 61.01 67.28 75.95

sd(datos$Peso)
```

Podemos notar que en la base de datos el peso más bajo registrado es de 37.85 Kg (que es probable que corresponda a una persona con complexión ectomorfa) y el máximo es de 75.95 Kg. Además, existe una desviación estándar de 8.31 Kg en el peso de las observaciones.

summary(datos\$Estatura)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 141.0 150.0 160.0 160.0 166.8 180.0
```

sd(datos\$Estatura)

[1] 11.13179

La persona con la menor estatura de la base de datos mide 141 cm, mientras que la más alta mide 180 cm. Se cuenta con una desviación estándar de 11.13 cm, lo que significa que hay mucha variación en las estaturas registradas.

summary(datos\$Edad)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 2.0 18.0 21.0 21.3 25.0 33.0
```

sd(datos\$Edad)

```
## [1] 5.406912
```

La persona más joven de la base de datos tiene 2 años de edad, mientras que la más grande tiene 33 años. La variable de Edad tiene una desviación estándar de 5 años.

```
summary(trabajan$Horas_trab_mes)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 20.00 30.00 35.00 42.81 48.00 80.00
```

```
sd(trabajan$Horas_trab_mes)
```

```
## [1] 19.58107
```

El mínimo de horas laboradas mensualmente es de 20 y el máximo registrado es de 80 horas. Se cuenta con una desviación estándar de casi 20 horas, la cual es muy amplia.

```
summary(trabajan$Salario_mes)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 800 2025 3200 3958 5250 12000
```

sd(trabajan\$Salario_mes)

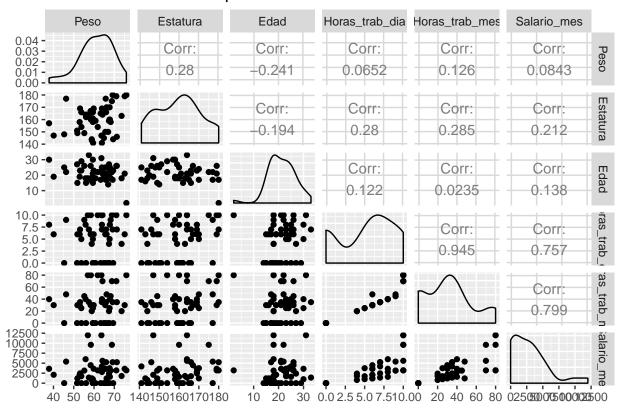
```
## [1] 2863.701
```

El salario mensual mínimo de las observaciones registradas es de 800 pesos, mientras que el máximo es de 12000 pesos. La variable de salario al mes tiene una desviación estándar de 2863.7 pesos, que tomando en cuenta nuestro rango de valores (800 - 12000) se puede decir que es muy amplia.

El promedio de 3958 pesos es probable que esté influenciado por datos atípicos

1.3 Hagan un gráfico donde pueda explicar las variables dependientes.

Variables numéricas dependientes



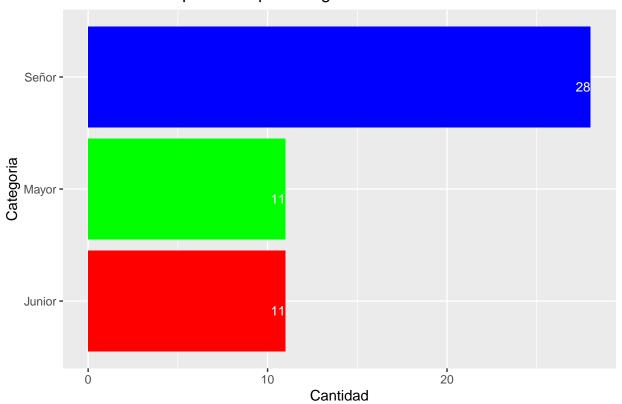
Con esta gráfica podemos notar que la correlación entre las variables numéricas que conforman la base de datos es, en su mayoría, un tanto débil. En el caso del salario mensual con respecto a la variable de horas laboradas al mes se observa una correlación de 0.799, la cual es de las más altas vistas en la gráfica, pero no es sorpresa porque sabemos que en ocasiones el sueldo mensual depende de las horas que se laboran en ese periodo, como es en el caso de esta base de datos.

Y otra correlación que desde un principio era evidente que sería muy fuerte es la de las horas trabajadas al día con respecto a las horas trabajadas al mes, la cual tien un valor de 0.945.

1.4 Construyan diferentes gráficos donde puedan mostrar patrones y detalles de la base de datos con respecto a una nueva variable que podemos denominar: "categoría"

```
dist_personas <- data.frame(Categoria = c("Junior", "Señor", "Mayor"), Cantidad = cantidad_personas)
ggplot(dist_personas, aes(x = Categoria, y = Cantidad)) + geom_bar(stat = "identity",
    fill = rainbow(3)) + coord_flip() + labs(title = "Distribución de personas por categoría") +
    geom_text(aes(y = Cantidad, label = cantidad_personas), vjust = 1.5, color = "white",
    size = 3.5, hjust = "right")</pre>
```

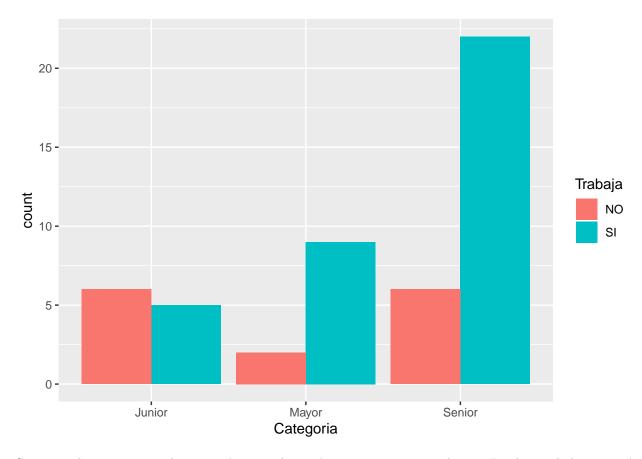
Distribución de personas por categoría



Como se puede observar el grupo con más personas es el de "Señor", lo que significa que más del 50% de las personas registradas en la base de datos tienen edades entre 18 a 25 años. En cambio, en las otras 2 categorías existen 22 personas, 11 respectivamente.

```
# Personas que trabajan dependiendo su categoría
datos$Categoria[datos$Edad < 18] = "Junior"
datos$Categoria[datos$Edad >= 18 & datos$Edad <= 25] = "Senior"
datos$Categoria[datos$Edad > 25] = "Mayor"

ggplot(datos, aes(Categoria, ..count..)) + geom_bar(aes(fill = Trabaja), position = "dodge")
```



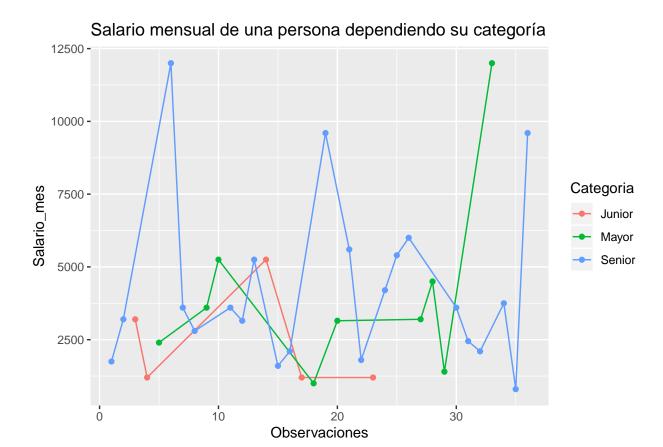
Como era de esperarse, en la categoría junior hay más personas que no trabajan. En el caso de la categoría Señor las personas que sí trabajan triplican a la cantidad que no hace.

```
# Salario mensual de una persona dependiendo su categoría
trabajan <- filter(datos, Trabaja == "SI")

trabajan$Categoria[trabajan$Edad < 18] = "Junior"
trabajan$Categoria[trabajan$Edad >= 18 & trabajan$Edad <= 25] = "Senior"
trabajan$Categoria[trabajan$Edad > 25] = "Mayor"

Observaciones <- c(1:36)

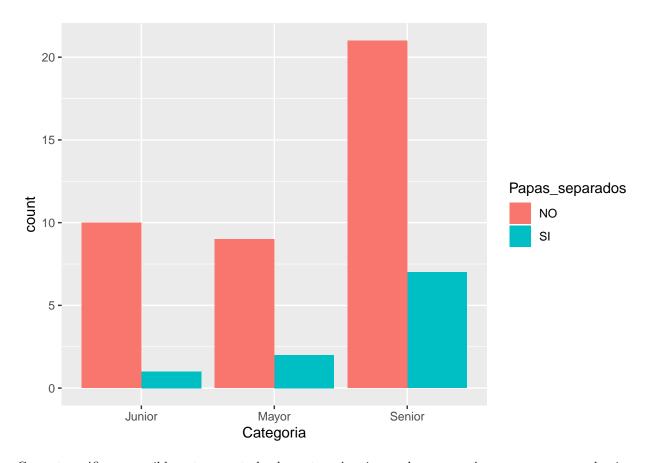
ggplot(trabajan, aes(x = Observaciones, y = Salario_mes, col = Categoria)) + labs(title = "Salario mens geom_line() + geom_point(aes(x = Observaciones, y = Salario_mes))</pre>
```



Para realizar esta gráfica omitimos aquellas personas que no trabajan de cada categoría. Lo anterior hace posible notar que el grupo con salarios más bajos es el de Junior, mientras que en el de Mayor existe un dato atipico cuyo salario asciende a los 12000 pesos cuando el resto de observaciones de dicha categoría no superan los 5500 pesos.

Se podría decir que la categoría con mejores salarios es la de Señor, pues supera (en algunos casos) a las otras dos agrupaciones.

```
# Número de personas con padres separados por categoría
ggplot(datos, aes(Categoria, ...count..)) + geom_bar(aes(fill = Papas_separados),
    position = "dodge")
```



Con esta gráfica es posible notar que todas las categorías tienen algo en común, y eso es que predominan personas cuyos padres no están separados.

2. Metodo de reducción de dimensión (PCA)

Antes de aplicar el método PCA para reducir la dimensión de un conjunto de datos, vamos a realizar un breve análisis exploratorio a la base de datos del inciso 2.1.

```
df2 <- read.csv("Ejercicio 2.1.csv", sep = ",")</pre>
status(df2)
##
     variable q_zeros p_zeros q_na p_na q_inf p_inf
                                                            type unique
## 1
                     0
                                                                       3
                              0
                                    0
                                         0
                                                0
                                                      0
                                                         factor
         tipo
## 2
        largo
                              0
                                                0
                                                      0 integer
                                                                      18
## 3
                     0
                              0
                                                                      24
        ancho
                                    0
                                         0
                                                0
                                                      0 integer
## 4
         alto
                                                      0 integer
                                                                      10
```

La base de datos contiene 4 variables, las cuales son: tipo, largo, ancho y alto. Además, cabe destacar que esta constituida por 300 observaciones.

```
frecuency_as_df <- as.data.frame(tabyl(df2$tipo, sort = TRUE))
names(frecuency_as_df) <- c("Tipo", "Frecuencia", "Porcentaje")
frecuency_as_df</pre>
```

Como podemos observar existen 3 tipos: cama, mueble y silla. Y de cada grupo hay 100 observaciones, es decir su porcentaje de frecuencia es el mismo, 33%.

2.1 PCA base de datos PCA1

Para esta base de datos decidimos aplicar el modelo PCA Como primer paso sacamos el porcentaje de varianza y la graficamos. Una vez ya obtenido este punto proseguimos a graficar la correlación.

```
res.pca <- PCA(df2[, -1], graph = F)

eig.val <- get_eigenvalue(res.pca)

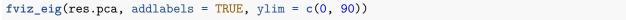
eig.val

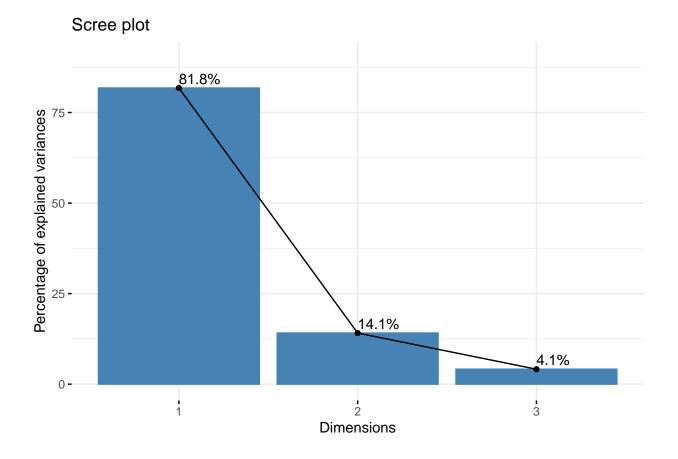
## eigenvalue variance.percent cumulative.variance.percent

## Dim.1 2.4529147 81.763823 81.76382

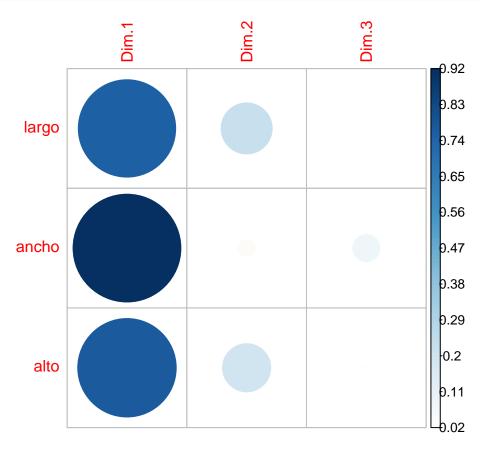
## Dim.2 0.4232700 14.109001 95.87282

## Dim.3 0.1238153 4.127176 100.00000
```

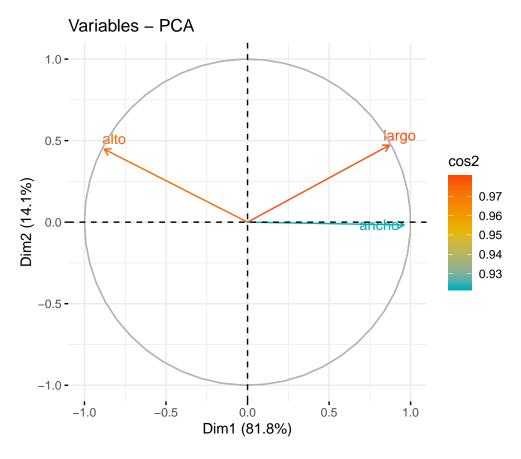


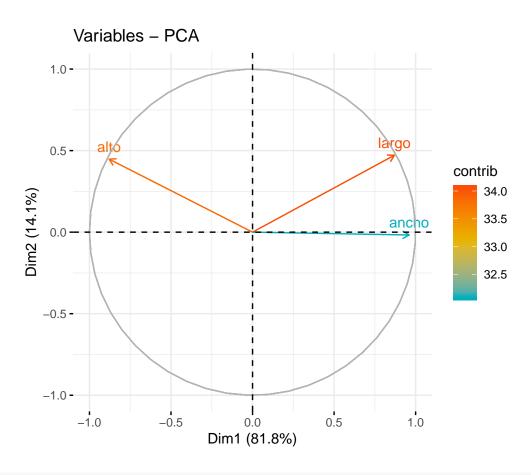


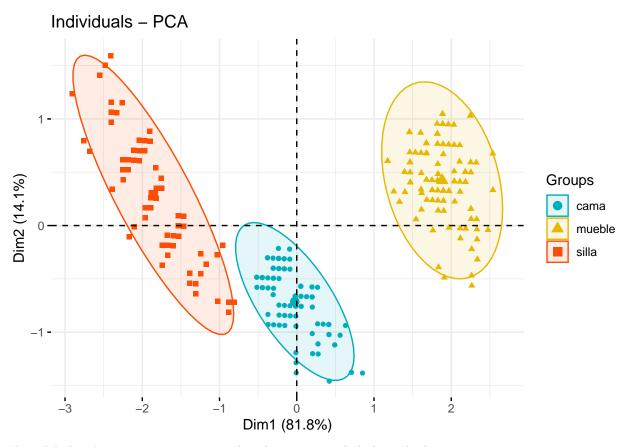
```
var <- get_pca_var(res.pca)
corrplot(var$cos2, is.corr = FALSE)</pre>
```



Proseguimos a graficar las variables y de igual manera graficamos las observaciones.







El modelo logró agrupar correctamente las observaciones de la base de datos.

2.2 PCA base de datos PCA2

Antes de aplicar el método PCA para reducir la dimensión de un conjunto de datos, vamos a realizar un breve análisis exploratorio a la base de datos del inciso 2.1.

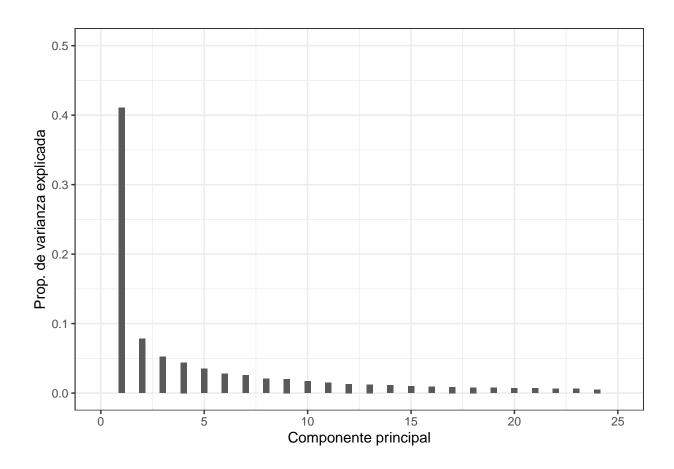
```
url <- "http://web.stanford.edu/~hastie/ElemStatLearn//datasets/zip.digits/train.2"
data <- read.csv(url)</pre>
```

Esta base de datos es más grande que las anteriores, cuenta con 730 observaciones y 256 variables, mismas que se pretende reducir a través del modelo PCA, con el cual obtendremos el número óptimo de componentes principales que describen la mayor cantidad de información del conjunto de datos sin necesidad de utilizar una enorme cantidad de predictores.

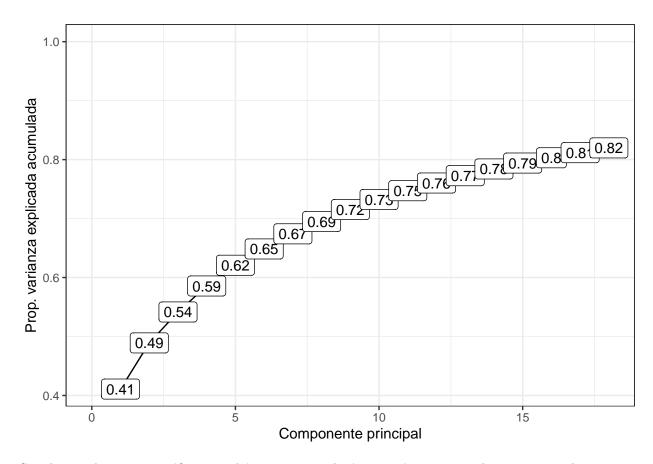
Graficando la varianza acumulada, y guiados por el método del codo, podremos obtener lo siguiente:

```
data.pca = scale(data)
data.pca <- prcomp(data, center = F, scale = T)
prop_varianza <- data.pca$sdev^2/sum(data.pca$sdev^2)
prop_varianza_acum <- cumsum(prop_varianza)

ggplot(data = data.frame(prop_varianza, pc = 1:256), aes(x = pc, y = prop_varianza)) +
    xlim(0, 25) + geom_col(width = 0.3) + scale_y_continuous(limits = c(0, 0.5)) +
    theme_bw() + labs(x = "Componente principal", y = "Prop. de varianza explicada")</pre>
```



```
ggplot(data = data.frame(prop_varianza_acum, pc = 1:256), aes(x = pc, y = prop_varianza_acum,
    group = 1)) + xlim(0, 18) + geom_point() + geom_line() + geom_label(aes(label = round(prop_varianza
    2))) + theme_bw() + labs(x = "Componente principal", y = "Prop. varianza explicada acumulada")
```



Guiados por la primera gráfica se podría pensar que el número más optimo es de 10 aproximadamente, sin embargo al observar la gráfica 2 es posible notar que un valor más acertado es 18, con el cual se describe un 82% de los datos originales y con lo cual estaríamos reduciendo bastante la dimensionalidad de la base de datos que inicialmente era de 256.

3. Metodo de reducción de dimensión (LDA)

Primeramente debemos realizar un breve análsis exploratorio de la base de datos para entender mejor la información con la que trabajaremos.

```
datos <- read.csv("Ejercicio 3.csv", sep = ",")</pre>
df_status(datos)
##
     variable q_zeros p_zeros q_na p_na q_inf p_inf
                                                             type unique
## 1
                      0
                               0
                                     0
                                                 0
                                                           factor
                                                                        3
                                          0
          tipo
## 2
         largo
                      0
                               0
                                     0
                                          0
                                                 0
                                                        0 integer
                                                                       22
## 3
         ancho
                      0
                               0
                                     0
                                          0
                                                 0
                                                        0 integer
                                                                       30
## 4
          alto
                                                        0 integer
                                                                        5
```

Es posible notar que, al igual que la base de datos del inciso 2.1, contiene 4 variables. Las cuales son: tipo, largo, ancho y alto. También se observó que cuenta con 300 observaciones.

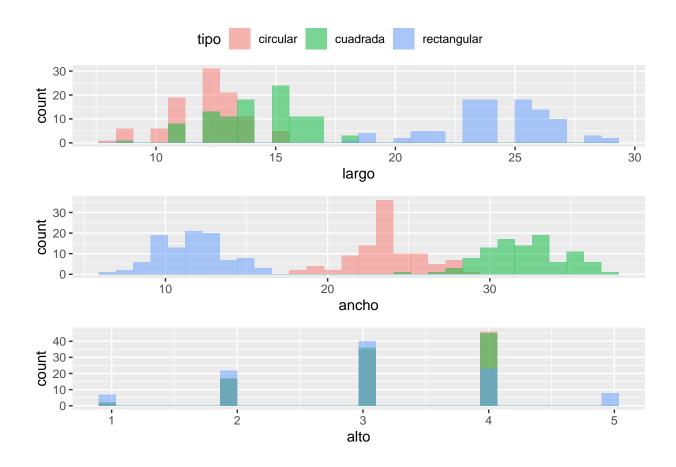
```
frecuency_as_df <- as.data.frame(tabyl(datos$tipo, sort = TRUE))
names(frecuency_as_df) <- c("Tipo", "Frecuencia", "Porcentaje")
frecuency_as_df</pre>
```

```
## Tipo Frecuencia Porcentaje
## 1 circular 100 0.3333333
## 2 cuadrada 100 0.3333333
## 3 rectangular 100 0.33333333
```

Tipo es una variable nominal que contiene 3 valores: circular, cuadrada y rectangular. Dichos tipos o categorias se encuentran presentes en la base de datos por partes iguales, es decir, existen 100 observaciones que correspondern a cada tipo.

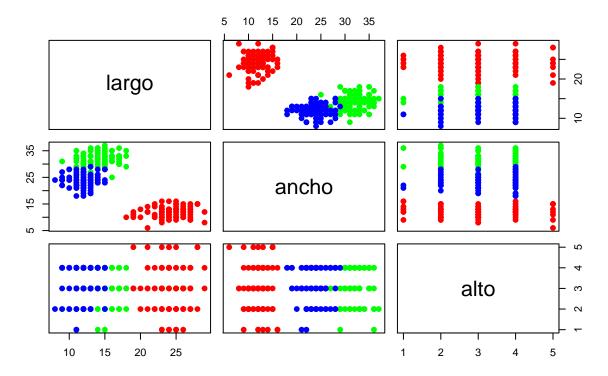
3.1 Exploren los datos y encuentren gráficamente sus tendencias y sus posibles correlaciones en gráficos 2D y 3D.

Graficamos los datos y sus correlaciones mediante un modelo 2D y 3D.En la grafica 2D podemos apreciar que las variables tienen una distribución normal y la relación entre el largo y el ancho generan agrupaciones las cuales están bien definidos.



pairs(x = datos[, c("largo", "ancho", "alto")], col = c("blue", "green", "red")[datos\$tipo],
 pch = 19, main = "Grafica Correlacion 2D")

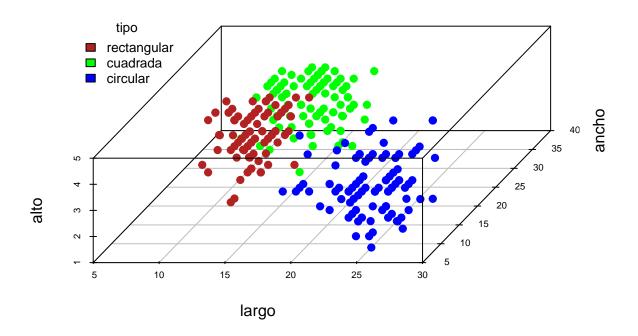
Grafica Correlacion 2D



Es importante destacar en las gráficas de dispersiones se puede apreciar que la relación de largo con respecto al ancho (y viceversa) crea unos gráficos en donde se ven perfectamente la separación de los tipos (circular, rectangular y cuadrada).

```
scatterplot3d(datos$largo, datos$ancho, datos$alto, color = c("firebrick", "green",
    "blue")[datos$tipo], pch = 19, grid = TRUE, xlab = "largo", ylab = "ancho", zlab = "alto",
    angle = 65, cex.axis = 0.6, main = "Visualización 3D")
legend("topleft", bty = "n", cex = 0.8, title = "tipo", c("rectangular", "cuadrada",
    "circular"), fill = c("firebrick", "green", "blue"))
```

Visualización 3D



Gracias a la graficación realizada en 3D se puede apreciar que el grupo aislado es el de tipo circular y aquellos que casi se traslapan (desde el ángulo en el que están siendo vistos) son el tipo rectangular y cuadrada.

3.2 Realicen la verificación de supuestos.

Aplicamos las técnicas vistas en clase para evaluar la normalidad multivariable y para identificar outlayers que influyen en el comportamiento los datos, mediante los test Mardia, Henze-Zirkler y Royston

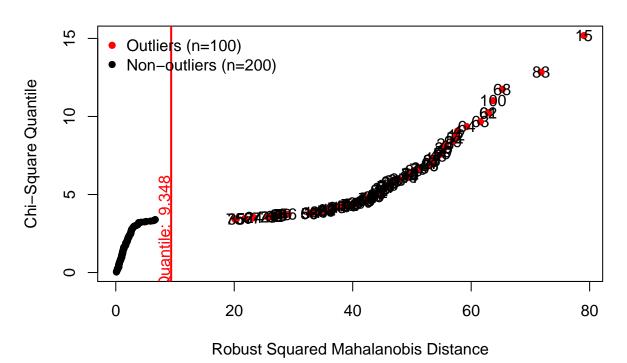
```
datos_tidy <- melt(datos, value.name = "valor")</pre>
```

Using tipo as id variables

kable(datos_tidy %>% group_by(tipo, variable) %>% summarise(p_value_Shapiro.test = shapiro.test(valor)\$

variable	p_value_Shapiro.test
largo	0.0008715
ancho	0.0516593
alto	0.0000000
largo	0.0048815
ancho	0.0432692
alto	0.0000000
largo	0.0075805
ancho	0.0135727
alto	0.0000054
	largo ancho alto largo ancho alto largo ancho alto

Chi-Square Q-Q Plot



royston_test <- mvn(data = datos[, -1], mvnTest = "royston", multivariatePlot = "qq")</pre>

Chi-Square Q-Q Plot



```
royston_test$multivariateNormality
##
        Test
                           p value MVN
## 1 Royston 130.9617 8.058205e-29 NO
hz_test <- mvn(data = datos[, -1], mvnTest = "hz")</pre>
hz_test$multivariateNormality
##
              Test
                         HZ p value MVN
## 1 Henze-Zirkler 9.658802
boxM(data = datos[, 2:4], grouping = datos[, 1])
##
##
    Box's M-test for Homogeneity of Covariance Matrices
## data: datos[, 2:4]
## Chi-Sq (approx.) = 32.9, df = 12, p-value = 0.001003
```

3.3 Apliquen el método LDA o QDA según consideren conveniente paso a paso.

Para esta base de datos decidimos aplicar el modelo LDA, ya que los datos como vimos anteriormente tienen una distribución normal.

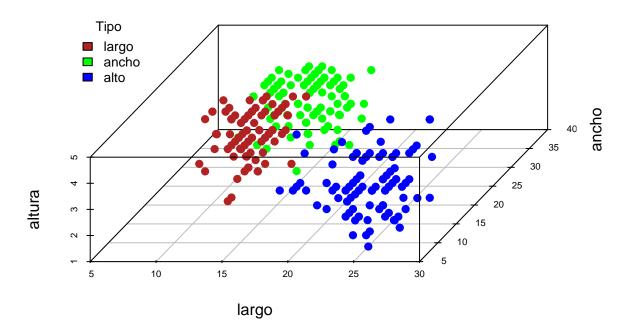
```
modelo_lda <- lda(formula = tipo ~ largo + ancho + alto, data = datos)</pre>
```

3.4 Grafiquen como quedaría la clasificación y calculen su error para nuevos datos.

Al aplicar el modelo de predicción para una nueva observación y al evaluarla nos dio un error del 0% lo cual indica que el modelo funciona correctamente.

```
nuevas_observaciones <- data.frame(largo = 30, ancho = 15, alto = 20)</pre>
predict(object = modelo_lda, newdata = nuevas_observaciones)
## $class
## [1] rectangular
## Levels: circular cuadrada rectangular
##
## $posterior
##
         circular
                      cuadrada rectangular
## 1 1.202897e-21 2.299888e-28
##
## $x
           LD1
                    LD2
## 1 -7.045358 2.995213
predicciones <- predict(object = modelo_lda, newdata = datos[, -1], method = "predictive")</pre>
table(datos$tipo, predicciones$class, dnn = c("Clase real", "Clase predicha"))
##
                Clase predicha
## Clase real
                 circular cuadrada rectangular
                       96
##
     circular
                                 4
                                 96
                                              0
##
     cuadrada
                        4
##
     rectangular
                        0
                                 0
                                            100
trainig_error <- mean(datos$especie != predicciones$class) * 100</pre>
paste("trainig_error=", trainig_error, "%")
## [1] "trainig_error= NaN %"
with(datos, {
    s3d <- scatterplot3d(largo, ancho, alto, color = c("firebrick", "green", "blue")[datos$tipo],
        pch = 19, grid = TRUE, xlab = "largo", ylab = "ancho", zlab = "altura", angle = 65,
        cex.axis = 0.6, main = "Clasificacion de los Nuevos Datos")
    s3d.coords <- s3d$xyz.convert(largo, ancho, alto)
    # convierte coordenadas 3D en proyecciones 2D
    legend("topleft", bty = "n", cex = 0.8, title = "Tipo", c("largo", "ancho", "alto"),
        fill = c("firebrick", "green", "blue"))
})
```

Clasificacion de los Nuevos Datos



Empleando las mismas observaciones con las que se ha generado el modelo discriminante (trainig data), la precisión de clasificación es del 100%.

4. Método de reducción de dimensión (CCA)

4.1 Exploren los datos y encuentren gráficamente sus tendencias y sus posibles correlaciones.

```
data <- read.csv("Ejercicio 4.csv", sep = ",")</pre>
df_status(data)
##
     variable q_zeros p_zeros q_na p_na q_inf p_inf
                                                            type unique
## 1
         peso
                     0
                                                      0 numeric
                                                                      97
       altura
                                                      0 integer
                                                                      61
                     0
## 3
         edad
                              0
                                   0
                                                0
                                                      0 integer
                                                                      40
        salud
                     0
                              0
                                                0
                                                                       3
## 4
                                                         factor
## 5 ansiedad
                    26
                             26
                                    0
                                                                       4
                                                        integer
                                                                       3
      deporte
                                                         factor
```

La base de datos a explorar se conforma de 6 variables, las cuales son: Peso, Altura, Edad, Salud, Ansiedad y Deporte. Además, contiene 100 observaciones.

```
frecuency_as_df <- as.data.frame(tabyl(data$ansiedad, sort = TRUE))
names(frecuency_as_df) <- c("Tipo", "Frecuencia", "Porcentaje")
frecuency_as_df</pre>
```

```
##
     Tipo Frecuencia Porcentaje
## 1
                    26
                              0.26
        0
                              0.12
        1
                    12
## 3
        2
                              0.30
                    30
## 4
        3
                    32
                              0.32
```

Como se puede apreciar en la tabla, existen 4 niveles de ansiedad que se enumeran del 0 al 3, siendo 0 la ausencia de esta condición y 3 la presencia máxima de la misma. Tan solo el 26% de las personas registradas en la base de datos se encuentran libres de sufrir de ansidad, mientras que el 74% la presenta en distintos niveles.

En general, predominan las observaciones con ansiedad de tipo 3, ya que son el 32% de la información total almacenada en la base de datos.

```
frecuency_as_df <- as.data.frame(tabyl(data$deporte, sort = TRUE))
names(frecuency_as_df) <- c("Tipo", "Frecuencia", "Porcentaje")
frecuency_as_df</pre>
```

```
## Tipo Frecuencia Porcentaje
## 1 bajo 63 0.63
## 2 Medio 12 0.12
## 3 nulo 25 0.25
```

La variable "Deporte" podría referirse al nivel de dificultad del deporte practicado por cierta persona o el nivel de hábito que tiene un individuo para ejercitarse. Con los datos de la tabla es posible inferir que predomina la categoria "Bajo" en la variable deporte con una presencia del 63% en los datos del conjunto con el que se está trabajando.

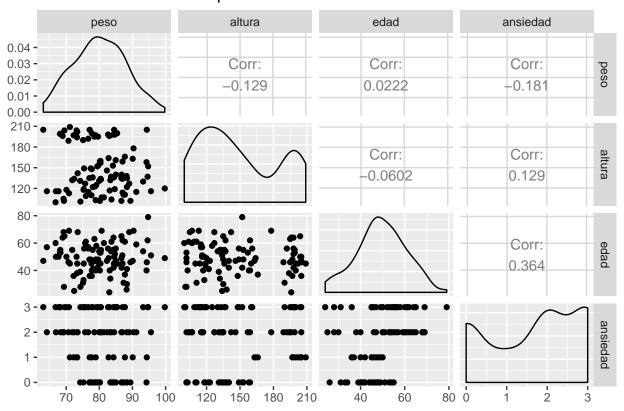
```
frecuency_as_df <- as.data.frame(tabyl(data$salud, sort = TRUE))
names(frecuency_as_df) <- c("Tipo", "Frecuencia", "Porcentaje")
frecuency_as_df</pre>
```

```
## Tipo Frecuencia Porcentaje
## 1 buena 39 0.39
## 2 mala 31 0.31
## 3 regular 30 0.30
```

En el caso de la variable salud, lamentablemente se puede observar que solo el 39% de las personas registradas en la base de datos cuentan con una buena salud, mientras que el 61% restante presentan una salud regular o mala. Estos resultados pueden ser reflejo a sus hábitos deportivos, nivel de ansidad, edad y peso.



Variables numéricas dependientes



Se puede apreciar que la correlación entre las variables numéricas de esta base de datos es demasiado débil. La más alta es de 0.364 y es la presente en la relación entre la ansiedad y la edad.

4.2 Apliquen el método CCA paso a paso encontrando todas la matrices de correlación.

Calculamos La matriz de covarianza:

```
dataa <- c("peso", "altura", "edad", "ansiedad")
datos <- data[dataa]
cov(datos)</pre>
```

```
##
                            altura
                                         edad ansiedad
                  peso
                                     1.917487 -1.656921
## peso
             60.549749
                        -35.310937
## altura
            -35.310937 1228.211717 -23.402424
                                               5.349899
## edad
              1.917487
                       -23.402424 123.175354 4.762020
## ansiedad -1.656921
                          5.349899
                                     4.762020 1.391515
```

Matriz de covarianzas de X

```
X <- datos[, (1:2)]</pre>
cov(X)
##
               peso
                         altura
## peso 60.54975 -35.31094
## altura -35.31094 1228.21172
Matriz de covarianzas de Y
Y <- datos[, (3:4)]
cov(Y)
##
                  edad ansiedad
           123.17535 4.762020
## edad
## ansiedad 4.76202 1.391515
Matriz de covarianzas de X e Y
cov(X, Y)
##
                edad ansiedad
           1.917487 -1.656921
## peso
## altura -23.402424 5.349899
Matriz de covarianzas de Y y X
cov(Y, X)
##
                           altura
                 peso
             1.917487 -23.402424
## ansiedad -1.656921
                       5.349899
El siguiente paso es encontrar los autovalores y autovectores de las matrices cuadradas
A <- solve(cov(X, X)) %*% cov(X, Y) %*% solve(cov(Y, Y)) %*% cov(Y, X)
B \leftarrow solve(cov(Y, Y)) \% cov(Y, X) \% solve(cov(X, X)) \% cov(X, Y)
eigen(A)$values
## [1] 0.062490391 0.001196716
eigen(B)$values
## [1] 0.062490391 0.001196716
r <- sqrt(eigen(A)$values)</pre>
```

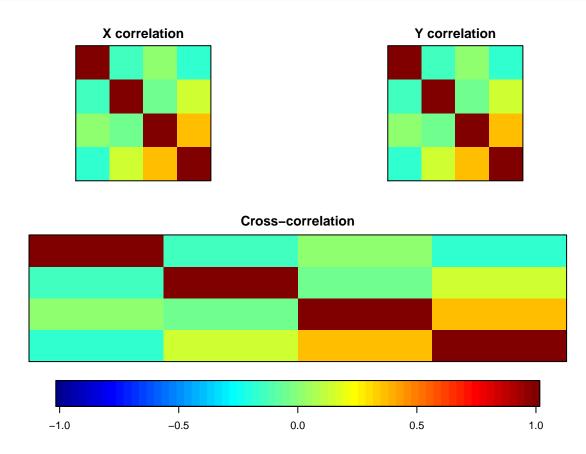
[1] 0.24998078 0.03459358

```
a <- eigen(A)$vector[, 1]
b <- eigen(B) $vector[, 1]
## [1] 0.9844316 -0.1757684
## [1] 0.05953744 -0.99822607
t(a) %*% cov(X, X) %*% a
           [,1]
## [1,] 108.8439
mat_cor <- matcor(datos, datos)</pre>
mat_cor
## $Xcor
##
                  peso
                                                ansiedad
                            altura
                                         edad
            1.00000000 -0.12948410 0.02220314 -0.1805102
## peso
## altura -0.12948410 1.00000000 -0.06016755 0.1294092
## edad
            0.02220314 -0.06016755 1.00000000 0.3637352
## ansiedad -0.18051019 0.12940915 0.36373522 1.0000000
##
## $Ycor
##
                  peso
                                                ansiedad
                            altura
                                         edad
## peso
           1.00000000 -0.12948410 0.02220314 -0.1805102
## altura
           -0.12948410 1.00000000 -0.06016755 0.1294092
## edad
            0.02220314 -0.06016755 1.00000000 0.3637352
## ansiedad -0.18051019 0.12940915 0.36373522
                                              1.0000000
##
## $XYcor
##
                                                ansiedad
                            altura
                                         edad
                                                                          altura
                  peso
                                                                peso
## peso
           1.00000000 -0.12948410 0.02220314 -0.1805102 1.00000000 -0.12948410
## altura -0.12948410 1.00000000 -0.06016755 0.1294092 -0.12948410 1.00000000
## edad
            0.02220314 \ -0.06016755 \ 1.00000000 \ 0.3637352 \ 0.02220314 \ -0.06016755
## ansiedad -0.18051019 0.12940915 0.36373522 1.0000000 -0.18051019 0.12940915
## peso 1.00000000 -0.12948410 0.02220314 -0.1805102 1.00000000 -0.12948410
          -0.12948410 1.00000000 -0.06016755 0.1294092 -0.12948410 1.00000000
## altura
            0.02220314 -0.06016755 1.00000000 0.3637352 0.02220314 -0.06016755
## edad
## ansiedad -0.18051019 0.12940915 0.36373522 1.0000000 -0.18051019 0.12940915
                       ansiedad
                  edad
## peso
            0.02220314 -0.1805102
## altura
          -0.06016755 0.1294092
## edad
            1.00000000 0.3637352
## ansiedad 0.36373522 1.0000000
## peso
            0.02220314 -0.1805102
## altura
           -0.06016755 0.1294092
## edad
           1.00000000 0.3637352
## ansiedad 0.36373522 1.0000000
```

4.3 Expliquen de forma gráfica como se relacionan estas variables

Podemos apreciar que las variables tienen una alta correlación en la matriz, y de igual manera el diagrama de correlación cruzada es practicamente la misma que las otras 2 graficas.

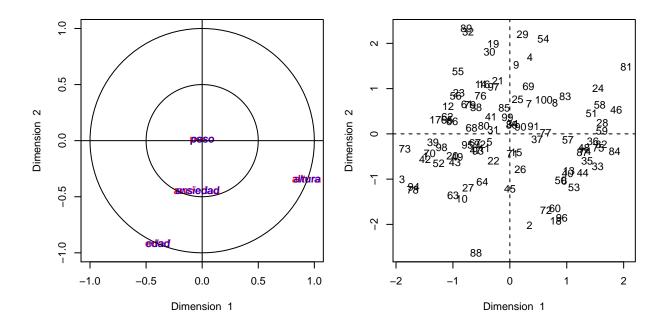
```
cca1 <- cc(datos, datos)
img.matcor(mat_cor, type = 2)</pre>
```



4.4 Construyan como quedaría una posible clasificación de estas observaciones según estas variables.

Hacemos un diagrama de correspondencia lo cual permite agrupar las variables, y podemos apreciar que las variables ansiedad y edad se encuentran muy cercanas

```
plt.cc(cca1, var.label = T)
```



cca2 <- cca(datos, datos)
plot(cca2)</pre>

