# Математические основы искусственного интеллекта.

Дизайн исследования

#### Солодушкин Святослав Игоревич

Кафедра вычислительной математики и компьютерных наук, УрФУ имени первого Президента России Б.Н. Ельцина

Февраль 2022



# Дизайн исследования

Дизайн исследования — это комбинация требований относительно сбора и анализа данных, необходимых для достижения целей исследования.

Все статистические исследования можно разделить на две группы в зависимости от решаемых задач:

- описательные,
- анализирующие причинно-следственные связи
  - экспериментальные,
  - наблюдательные (обсервационные).
    - случай-контроль,
    - 🕕 когортные
      - 🗓 кросс-секционные

## Исследование «случай-контроль»

Исследование «случай-контроль» — исследование, при котором изучаемые группы обследуемых объектов набираются по следующему принципу.

В группу I входят объекты, имеющие изучаемое состояние (группа случаев), в группу II — объекты, не имеющие изучаемого состояния (группа контроля).

После набора групп у объектов выясняется наличие изучаемых факторов риска и производится оценка наличия данных факторов в группе случаев и группе контроля.

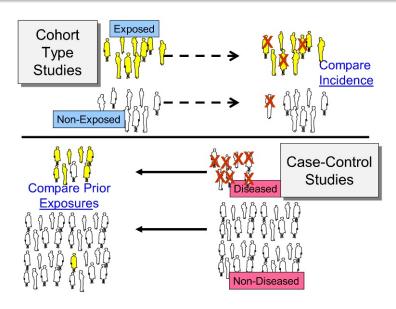
Данное исследование является ретроспективным, так как факт наступления состояния известен, влияние факторов риска зафиксировано уже на этапе начала исследования, а исследователь только собирает эту информацию.

## Когортные исследования

Когортные исследования — исследования, при которых изучаемые группы объектов набираются по следующему принципу.

В группу I входят объекты, не имеющие изучаемого состояния, но имеющие изучаемый фактор риска (экспонированная группа), в группу II — объекты, также не имеющие изучаемого состояния, но не имеющие еще и изучаемый фактор риска (неэкспонированная группа).

# Дизайны исследований



## Пример

Исследуем связь рака легких (среди 40-летних мужчин) и курения (стаж курения с 18 лет, 1 пачка/день).

Пусть курящих в популяции 60% Среди курящих рак развивается в 90% случаев Среди некурящих рак развивается в 20% случаев

В популяции, например, из 200 человек (критерии включения см. в первой строке слайда) имеют место следующие пропорции:

	Рак	Нет рака	
Курит	108	12	120
Не курит	16	64	80
	124	76	200

## Когортное проспективное исследование

Наберем 200 пациентов (40-летних мужчин, стаж курения с 18 лет, 1 пачка/день). В репрезентативной выборке будут выполнены те же пропорции, что и во всей популяции, следовательно, будем иметь 120 (60%) курящих пациентов, 80 (40%) некурящих.

Сравним количество случаев рака в каждой группе: 90% в группе курильщиков, 40% в группе некурильщиков.

В группе курильщиков рак развивался чаще, значит, он является фактором риска.

Как формально оценить «чаще» или «больше»?

#### Шанс, отношение шансов

Пусть курящих в популяции 60%. Среди курящих рак развивается в 90% случаев, среди некурящих в — 20%.

В популяции из 200 человек следующие пропорции:

	Рак	Нет рака	
Курит	108	12	120
Не курит	16	64	80
	124	76	200

Шанс рака в группе курильщиков,

$$O(can)_{smoke} = 108/12 = 9.$$

Шанс рака в группе некурильщиков,

$$O(can)_{nonsmoke} = 16/64 = 0.25.$$

Отношение шансов рака (курильщиков VS некурильщиков),

$$OR(can)_{smoke/nonsmoke} = \frac{O(can)_{smoke}}{O(can)_{nonsmoke}} = \frac{108}{12} : \frac{16}{64} = 36.$$

#### Шанс, отношение шансов

	Рак	Нет рака	
Курит	а	b	a + b
Не курит	С	d	c + d
	a + c	b + d	a+b+c+d

Шанс рака в группе курильщиков,

$$O(can)_{smoke} = a/b$$
.

Шанс рака в группе некурильщиков,

$$O(can)_{nonsmoke} = c/d$$
.

Отношение шансов рака (курильщиков VS некурильщиков),

$$OR(can)_{smoke/nonsmoke} = \frac{O(can)_{smoke}}{O(can)_{nonsmoke}} = \frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{ad}{bc}.$$



## Риск, относительный риск

Риск рака в группе курильщиков

$$R(can)_{smoke} = 108/120 = 0.9.$$

Риск рака в группе некурильщиков

$$R(can)_{nonsmoke} = 16/80 = 0.2.$$

Относительный риск рака (курильщиков VS некурильщиков),

$$RR(can)_{smoke/nonsmoke} = \frac{R(can)_{smoke}}{R(can)_{nonsmoke}} = \frac{108}{120} : \frac{16}{80} = 4.5$$

Nota bene, OR(pak) кур/нек = 36, как это эффектнее выглядит, по сравнению с RR = 4.5. А как устрашающе звучит!

#### Риск: risk и hazard

Риск — это вероятность, он болше 1 быть не может.

В английском языке сущестуют два термина: risk и hazard, оба переводятся как «риск». Прианализе таблиц сопряженности вычисляют risk, он же вероятность. При анализе таблиц выживаемости (англ. survival tables) вычисляют hazard, который может быть больше 1. Ориентироваться надо на контекст.

# Достоинства и недостатки когортных исследований

Когортное исследование — единственный способ истинной оценки относительного риска.

- Число включенных в исследование объектов (респондентов) должно быть значительно больше, чем число объектов с изучаемым исходом (характерно для проспективных когортных исследований).
- Высокая стоимость исследования из-за того, что приходится исследовать большое число объектов в течение продолжительного времени.
- Результаты долгое время остаются неизвестными (характерно для проспективных когортных исследований)

## Исследование «случай-контроль»

Наберем 100 пациентов с раком и 100 пациентов без рака легких. Сравним количество куращих в каждой группе.

post hoc ergo propter hoc После этого — значит по причине этого.

В группе курильщиков рак развивался чаще, значит, он является фактором риска.

Мы сами произвольно определили размеры групп, точнее, соотношение размеров групп. Соотношение 50:50 не соответсвует распространенности ракак в популяции.

#### Отношение шансов в случае-контроле

Пусть курящих в популяции 60%. Среди курящих рак развивается в 90% случаев, среди некурящих в — 20%.

Наберем 100 пациентов с раком и 100 пациентов без рака легких.

	Рак	Нет рака	
Курит	87	16	103
Не курит	13	84	97
	100	100	200

Шанс рака в группе курильщиков (смысла не имеет),

$$O(can)_{smoke} = 87/16 = 5.44.$$

Шанс рака в группе некурильщиков (смысла не имеет),

$$O(can)_{nonsmoke} = 13/84 = 0.15.$$

Отношение шансов рака (курильщиков VS некурильщиков),

$$OR(can)_{smoke/nonsmoke} = \frac{O(can)_{smoke}}{O(can)_{nonsmoke}} = \frac{87}{16} : \frac{16}{84} = 35.$$

## Пропорции в случае-контроле

Откуда мы взяли такие пропорции в таблице: 87/13 и 16/64?

Воспользовались формулой Байеса.

Гипотеза H0 состоит в том, что пациент не курит, P(H0)=0.6. Гипотеза H1 состоит в том, что пациент курит, P(H1)=0.4. A — событие, состоящее в том, что у пациента рак.

$$P(A) = 0.9 \cdot 0.6 + 0.2 \cdot 0.4 = 0.54 + 0.08 = 0.62$$

$$P(H0|A) = \frac{P(A|H0)P(H0)}{P(A)} = \frac{0.54}{0.62} \approx 0.87096774.$$

#### Отношение шансов в «случае-контроле»

Наберем 200 пациентов с раком и 100 пациентов без рака легких.

	Рак	Нет рака	
Курит	174	16	190
Не курит	26	84	110
	200	100	300

Шанс рака в группе курильщиков (смысла не имеет),

$$O(can)_{smoke} = 176/16 = 10.88.$$

Шанс рака в группе некурильщиков (смысла не имеет),

$$O(can)_{nonsmoke} = 26/84 = 0.31.$$

Отношение шансов рака (курильщиков VS некурильщиков),

$$OR(can)_{smoke/nonsmoke} = \frac{O(can)_{smoke}}{O(can)_{nonsmoke}} = \frac{176}{16} : \frac{26}{84} = 35.$$



#### Отношение шансов в случае-контроле

В исследованиях случай—контроль отношение шансов можно считать. Оно является несмещенной оценкой отношения шансов в генеральной совокупности.

# Относительный риск в случай-контроле

Наберем 100 пациентов с раком, 100 пациентов без рака.

	Рак	Нет рака	
Курит	87	16	103
Не курит	13	84	97
	100	100	200

Риск рака в группе курильщиков

$$R(can)_{smoke} = 87/103 = 0.84.$$

Риск рака в группе некурильщиков

$$R(can)_{nonsmoke} = 13/97 = 0.13.$$

Относительный риск рака (курильщиков VS некурильщиков),

$$RR(can)_{smoke/nonsmoke} = \frac{R(can)_{smoke}}{R(can)_{nonsmoke}} = \frac{87}{103} : \frac{13}{97} = 6.3$$

He совпадает с RR=4.5, найденным в когортном исследовании.

# Относительный риск в случай-контроле

Наберем 200 пациентов с раком, 100 пациентов без рака.

	Рак	Нет рака	
Курит	174	16	190
Не курит	26	84	110
	200	100	300

Риск рака в группе курильщиков

$$R(can)_{smoke} = 174/190 = 0.91.$$

Риск рака в группе некурильщиков

$$R(can)_{nonsmoke} = 26/110 = 0.24.$$

Относительный риск рака (курильщиков VS некурильщиков),

$$RR(can)_{smoke/nonsmoke} = \frac{R(can)_{smoke}}{R(can)_{nonsmoke}} = \frac{174}{190} : \frac{26}{110} = 3.87$$

И при увеличении объема группы онкологических пациентов этот «относительный риск» стремится к единице,

## Относительный риск в случай-контроле

В исследованиях «случай–контроль» относительный риск считать нельзя. Он лишен содержательного смысла.

# Преимущества исследования «случай-контроль»

- Экономичность.
- 2 Быстрота получения результатов.
- Возможность изучения редких событий.
- Возможность изучать большой спектр факторов риска.
- В случае адекватного подбора контрольной группы мало отличаются по своей ценности от когортных исследований.
- Отсутствует потеря наблюдаемых лиц в ходе исследования.

# Недостатки исследований «случай-контроль»

- Сложность подбора контрольной группы.
- 2 Не подходят для изучения редких факторов риска.
- Имеют ограниченные возможности установления временной последовательности событий.
- Трудность получения достоверной информации об уровне воздействия на индивида с течением времени.

## Кросс-секционные исследования

Кросс-секционные (поперечные) исследования — проводятся одномоментно для выяснения распространенности факторов риска и исходов. Необходимо отметить, что данное исследование, как правило, не проводится для выяснения причинно-следственной связи между факторами риска, лечением, исходами и т. д.

## Задания

- Сформулируйте пример задачи, которую можно было бы решать в рамках Кросс-секционного дизайна исследования.
- Можно ли оценивать относительный риск в кросс-секционных исследованиях? Ответ обоснуйте.
- Проводится клиническое исследование результатов эндоваскулярной коррекции стеноза почечной артерии. Сформировано две группы: в группе исследования пациентам проводится ангиопластика, в группе контроля пациенты получают только медикаментозную терапию. В группу исследования попали пациенты со стенозом более 70%, а группу контроля — оставшиеся пациенты. Можно ли назвать данное исследование рандомизированным?