

武汉大学国家网络安全学院

密码学实验报告

学 号 2021302181156

姓 名 赵伯侯

实验名称 公钥密码 RSA

指导教师 何琨

一、实验名称: 公钥密码 RSA

二、实验目的及要求:

2.1 实验目的

- (1) 掌握公钥密码的概念和基本工作方式
- (2) 掌握 RSA 密码、ElGamal 密码和椭圆曲线密码的原理与算法
- (3) 了解 RSA 密码、ElGamal 密码和椭圆曲线密码的安全性
- (4) 了解 RSA 密码、ElGamal 密码和椭圆曲线密码的应用

2.2 实验要求

- (1) 掌握 RSA 密码的实现方案
- (2) 掌握 ElGamal 密码的实现方案
- (3) 掌握椭圆曲线密码的实现方案
- (4) 了解公钥算法实现中的相关优化算法

三、实验设备环境及要求:

Windows 操作系统, python 高级语言开发环境

四、实验内容与步骤:

4.1 RSA 密码

4.1.1 RSA 初始化算法

在 RSA 算法开始加密之前，需要先计算公钥 $\langle n, e \rangle$ 和私钥 $\langle p, q, d, \varphi(n) \rangle$ 的值，该步骤的代码如下所示

```
1 def init(p=0, q=0, e=0):
2     """计算初始参数"""
3     p, q, e, n, d, fn = keyGenerate(1000, 10000, p, q, e) # 密钥生成
4     # 更改keyGenerate函数的两个参数，可以改变生成素数的位数大小。
5
6     print("公钥<n,e>为:" + str(n) + " " + str(e))
7     print("私钥<p,q,d,fn>为: " + str(p) + " " + str(q) + " " + str(d) + " " +
8           str(fn))
9     return e, n, d
```

代码 1: RSA 初始化

```
1 def keyGenerate(lower, upper, p, q, e):
2     """生成密钥"""
3     # 在p,q没有给出时自己生成
4     if p == 0:
5         p = findPrime(lower, upper)
6         q = findPrime(lower, upper)
7
8     # 求fn的值
9     n = p * q
10    fn = (p - 1) * (q - 1)
11    # 求e的值,没有给出就自己生成
12    if e == 0:
13        e = selectE(fn)
```

```

14     # 求d的值
15     temp = e_gcd(e, fn) # 欧几里得算法求逆元
16     d = temp[1]
17     if d < 0: # 由于e和fn互素故一定存在逆元
18         d = d + fn # 保证d为正数
19
20     return p, q, e, n, d, fn

```

代码 2: RSA 初始化

- (1) 首先随机地选择两个大素数 p 和 q ，而且保密；
- (2) 计算 $n=pq$ ，将 n 公开；
- (3) 计算 $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$ ，将 $\varphi(n)$ 保密
- (4) 随机地选取一个正整数 e ，满足 $1 < e < \varphi(n)$ 且 $(e, \varphi(n)) = 1$ ，将 e 公开；
- (5) 根据 $ed = 1 \bmod \varphi(n)$ ，求出 d ，并对 d 保密；

4.1.2 RSA 加密算法

RSA 算法的加密程序如下所示。

```

1 def RSA_encode(M, e, n):
2     """RSA 加密"""
3     c = fastExpMod(int(M), e, n) # 加密 c为密文 m^e mod n
4     return c

```

代码 3: RSA 加密

该程序直接进行运算 $C = M^e \bmod n$ 得到密文

4.1.3 RSA 解密算法

RSA 算法的解密程序如下所示。

```
1 def RSA_decode(c, d, n):
2     """RSA 解密"""
3     M = fastExpMod(c, d, n) # 解密  $c^d \bmod n$ 
4     return M
```

代码 4: RSA 解密

该程序直接进行运算 $M = C^d \bmod n$ 得到明文

4.1.4 求逆算法

该算法要实现计算 $a^{-1} \bmod p$ 的计算

令 $R_1=p, R_2=a$, 计算

$$R_1 = R_2 * Q_2 + R_3$$

$$R_2 = R_3 * Q_3 + R_4$$

.....

$$R_{n-1} = R_n * Q_n + 1$$

然后令 $S_0 = 0, S_1 = 1$ 依次计算 $S_i = S_{i-2} - S_{i-1} * Q_i$

最终计算得到的 S_n 即为 a 的逆元 $a^{-1} \bmod p$

实现求逆算法的程序如下所示

```
1 def e_gcd(a, b):
2     """计算模的逆元"""
3     if b == 0:
4         return a, 1, 0
5     g, x, y = e_gcd(b, a % b)
6     return g, y, x - a // b * y
```

代码 5: 求逆元算法

4.1.5 快速乘方运算

该算法通过模重复平方算法实现 $c = a^n \bmod m$ 的计算

将 n 写成 2 进制的形式为 $n = n_0 + n_1 \times 2 + \cdots + n_{k-1} \times 2^{k-1}$

因此 $c = a^n \bmod m$ 也就可以写成

$a^n = a^{n_0} \times (a^2)^{n_1} \times \cdots \times (a^{2^{k-2}})^{n_{k-2}} \times (a^{2^{k-1}})^{n_{k-1}} \pmod m$ 的形式

由此可以大幅简化计算。

快速乘方运算的实现函数如下所示

```
1 def fastExpMod(b, n, m):
2     '''
3     return : b^n mod m
4     '''
5     result = 1
6     while n != 0:
7         if (n & 1) == 1: # 按位与&操作
8             result = (result * b) % m
9             b = (b * b) % m
10            n = n >> 1 # 位数右移>>操作
11    return result
```

代码 6: 求逆元算法

4.1.6 实验 (1)

令 $p=3, q=11, d=7, m=5$, 手工或编程计算密文 C , 程序代码如下所示

```
1 def test1():
2     p = 3
3     q = 11
4     d = 7
5     m = 5
```

```

6     fn = (p - 1) * (q - 1)
7     temp = e_gcd(d, fn) # 欧几里得算法求逆元
8     e = temp[1]
9     e, n, d = init(p, q, e)
10    secret = RSA_encode(m, e, n)
11    print("p=3,q=11,d=7,m=5的加密结果为: " + str(secret))

```

代码 7: 测试算法 1

将对应的参数在初始化程序中进行修改然后计算 e 的值之后进行加密得到的结果如下图所示

```

E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\RSA\disp.py
公钥<n,e>为:33 3
私钥<p,q,d,fn>为: 3 11 7 20
p=3,q=11,d=7,m=5的加密结果为: 26

Process finished with exit code 0

```

图 1: 测试算法 1 运行结果

4.1.7 实验 (2)

设 RSA 密码的 $e=3, n=33, C=9$, 手工或编程计算明文 M 程序代码如下所示

```

1 def test2():
2     fn = 2 * 10
3     e = 3
4     temp = e_gcd(e, fn) # 欧几里得算法求逆元
5     d = temp[1]
6     if d < 0: # 由于e和fn互素故一定存在逆元
7         d = d + fn # 保证d为正数
8     result = RSA_decode(9, d, 33)
9     print("e=3,n=33,C=9解密的明文为: " + str(result))

```

代码 8: 测试算法 2

已知 n 之后将 n 分解为 3×11 , 可以得到 $fn=2 \times 10$, 由此可以计算得到 d 的值, 所以能够得到明文

```
E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\RSA\RSA.py
e=3,n=33,c=9解密的明文为: 27

Process finished with exit code 0
```

图 2: 测试算法 2 运行结果

4.1.8 实验 (3)

令 $p=17, q=11, e=7$, 试计算 RSA 密码其余参数, 进一步对于 $m=88$, 计算密文 C 。程序代码如下所示

```
1 def test3():
2     p = 17
3     q = 11
4     e = 7
5     e, n, d = init(p, q, e)
6     m = 88
7     result = RSA_encode(m, e, n)
8     print("p=17,q=11, e=7,m=88时加密结果为" + str(result))
```

代码 9: 测试算法 3

首先调用 `init` 函数计算出 d, n 的值, 然后再调用 `RSA_encode` 函数对明文 88 进行加密。其余参数和加密结果如下图所示

```
E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\RSA\disp.py
公钥<n,e>为:187 7
私钥<p,q,d,fn>为: 17 11 23 160
p=17,q=11, e=7,m=88时加密结果为11

Process finished with exit code 0
```

图 3: 测试算法 3 运行结果

4.2 ELGamal 密码

4.2.1 密钥生成

用户随机地选取一个整数 d 作为自己的解密密钥，然后计算 $y = a^d \bmod p$ 的值作为公开加密钥。

该过程的程序代码如下所示

```
1 def generate_key(p=0, a=0, d=0):
2     """计算公钥y"""
3     # 若没有给出p, 需要自己生成p,a,d
4     if p == 0:
5         while True:
6             q = sympy.randprime(10 ** 149, 10 ** 150 / 2 - 1)
7             if sympy.isprime(q):
8                 p = 2 * q + 1
9                 if len(str(p)) == 150 and sympy.isprime(p):
10                     break
11             a = primitive_element(p, q)
12             d = randint(2, p - 2)
13
14     y = fastExpMod(a, d, p)
15     return p, y, d, a
```

代码 10: 密钥生成

在程序中如果没有题前设定 p 的值，则需要自动生成一个 p ， a 和随机数 d

4.2.2 加密

加密过程为：用户随机选定一个整数 k ($1 < k < p-1$)，首先计算 $U = y^k \bmod p$ 然后计算 $C_1 = \alpha^k \bmod p$ 与 $C_2 = UM \bmod p$ 将 (C_1, C_2) 作为加密得到的密文。

加密程序如下所示

```
1 def ELGamal_encode(M, p=0, a=0, d=0, k=0):
2     y, d, p, a = generate_key(p, a, d)
3
4     y = fastExpMod(a, d, p)
5     print("计算得公钥y=" + str(y))
6     print("    私钥d=" + str(d))
7     if k == 0:
8         k = randint(2, p - 1)
9     U = fastExpMod(y, k, p)
10    c1 = fastExpMod(a, k, p)
11    UM = U * int(M)
12    c2 = fastExpMod(UM, 1, p)
13
14    return c1, c2, d, p
```

代码 11: ELGamal 加密

4.2.3 解密

解密过程为：首先计算 $V = C_1^d \bmod p$ 然后计算 $M = C_2 V^{-1} \bmod p$ 从而得到明文。

解密程序如下所示

```
1 def ELGamal_decode(c1, c2, d, p):
2     V = fastExpMod(c1, d, p)
3     V_1 = e_gcd(V, p)[1]
```

```
4      C2V_1 = c2 * V_1
5      M = fastExpMod(C2V_1, 1, p)
6      return M
```

代码 12: ELGamal 解密

4.2.4 实验

设 $p=19$, $m=17$, 构造一个 ELGamal 密码, 并用它对 m 加密

取 $\alpha = 2$, 密钥 $d=765$, 随机数 $k=853$ 加密得到的结果如下图所示

```
E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\ELGamal\ELGamal.py
明文为: 17
计算得公钥y=18  私钥d=765
加密后的密文(c1,c2)为: 14 2
解密后的明文为: 17
Process finished with exit code 0
```

图 4: 测试算法 1 运行结果

4.2.5 实验 (4)

设 $p=5$, $m=3$, 构造一个 ELGamal 密码, 并用它对 m 加密取 $\alpha = 2$, 密钥 $d=765$, 随机数 $k=853$ 加密得到的结果如下图所示

```
E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\ELGamal\ELGamal.py
明文为: 3
计算得公钥y=2  私钥d=765
加密后的密文(c1,c2)为: 2 1
解密后的明文为: 3
Process finished with exit code 0
```

图 5: 测试算法 2 运行结果

4.3 椭圆曲线密码

4.3.1 求椭圆曲线所有解点（实验 5）

编写求已知椭圆曲线和 p 的情况下所有的椭圆曲线的解点程序如下所示

```
1 def find_points_on_elliptic_curve(a, b, p):
2     points = []
3     for x in range(p):
4         y_squared = (x ** 3 + a * x + b) % p
5         for y in range(p):
6             if (y * y) % p == y_squared:
7                 points.append((x, y))
8     return points
9
10
11 def print_points_in_groups(points, width=2):
12     for i, point in enumerate(points):
13         # 使用字符串格式化来确保对齐
14         formatted_point = f"({point[0]:>{width}}, {point[1]:>{width}})"
15         print(formatted_point, end=' ')
16         if (i + 1) % 10 == 0:
17             print() # 每 group_size 个点后换行
18     print() # 在列表末尾换行
19
20
21 if __name__ == '__main__':
22     a = 1 # 曲线参数 a
23     b = 1 # 曲线参数 b
24     p = 23 # 质数 p
25
```

```

26     points = find_points_on_elliptic_curve(a, b, p)
27     print("给出的椭圆曲线的所有解点为")
28     print_points_in_groups(points)

```

代码 13: ELGamal 解密

该程序使用穷举法首先遍历 x 的所有可能值，然后计算 y^2 接着，它再次遍历所有可能的 y 值，寻找使等式成立的 y 。当找到这样的 y 时点 (x,y) 就是曲线上的一个解点。最后，程序返回曲线上的所有解点。

将给出的椭圆曲线和 p 的值带入程序得到的运行结果为:

```

E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\SM2\椭圆曲线求解点.py
给出的椭圆曲线的所有解点为
( 0,  1) ( 0, 22) ( 1,  7) ( 1, 16) ( 3, 10) ( 3, 13) ( 4,  0) ( 5,  4) ( 5, 19) ( 6,  4)
( 6, 19) ( 7, 11) ( 7, 12) ( 9,  7) ( 9, 16) (11,  3) (11, 20) (12,  4) (12, 19) (13,  7)
(13, 16) (17,  3) (17, 20) (18,  3) (18, 20) (19,  5) (19, 18)

Process finished with exit code 0

```

图 6: 解点计算结果

4.3.2 SM2 加密

SM2 加密过程为:

- (1) 定义一个随机数 d 作为用户的私钥，将用户的公钥定义为椭圆曲线上的 P 点， $P=dG$ ， $G(x,y)$ 是基点
- (2) 用随机数发生器产生一个随机数 k
- (3) 计算椭圆曲线上的 $C1$ 点 $C1=kG=(x1,x2)$
- (4) 计算椭圆曲线上的点 $S=hP_b$ 的值，若 S 为无穷远点的话直接报错退出
- (5) 计算椭圆曲线点 $(x2,y2)=kP_b$
- (6) 调用密钥派生函数 KDF 计算 t 的值，若计算出的 t 值为全 0 则返回 (2)
- (7) 调用二进制位上的异或函数，计算 M 与 t 的抑或结果保存到 $C2$ 中
- (8) 调用 $SM3$ -Hash 密码杂凑函数根据 $x2,M,y2$ 的拼接结果得到 $C3$ 的值

(9) 将 C_1, C_2, C_3 拼接起来作为密文输出

SM2 加密算法的算法流程图如下图所示

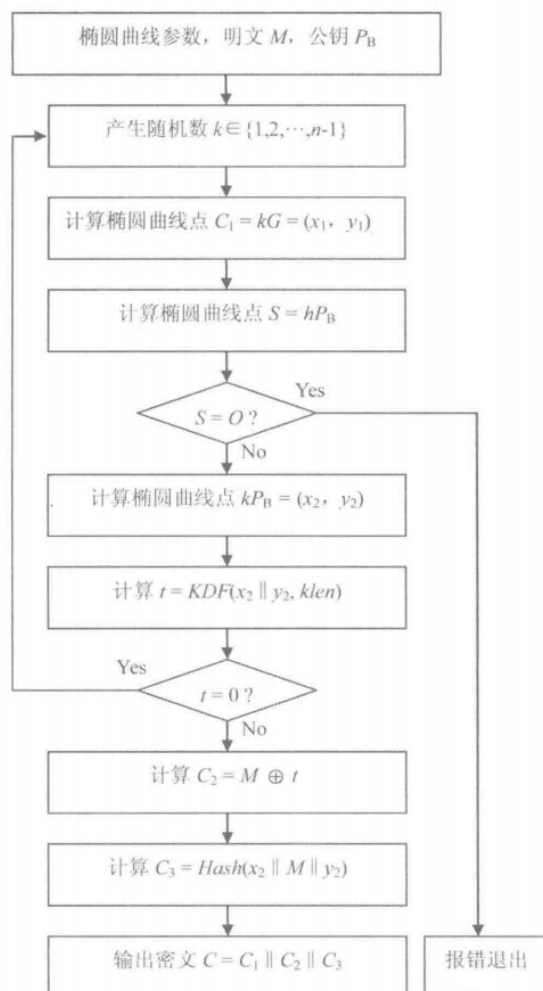


图 7: SM2 加密流程

实现该过程的 SM2 加密算法如下所示

```
1 def enSM2(message: str):
2     """SM2 加密"""
3     plen = len(hex(p)[2:])
4     m = str_bit(message)
5     klen = len(m)
6
```

```

7   while True:
8       # k = 0
9
10      x4C62EEFD6ECFC2B95B92FD6C3D9575148AFA17425546D49018E5388D49DD7B4F
11
12      k = randint(1, n)
13
14      while k == dB:
15          k = randint(1, n)
16
17          x2, y2 = mul_point(xB, yB, k, a, p)
18
19          x2, y2 = '{:0256b}'.format(x2), '{:0256b}'.format(y2)
20
21          t = kdf(x2 + y2, klen)
22
23          if int(t, 2) != 0:
24              break
25
26      # C1 计算
27
28      x1, y1 = mul_point(gx, gy, k, a, p)
29
30      x1 = int_hex(x1, plen)
31
32      y1 = int_hex(y1, plen)
33
34
35
36
37      c1 = '04' + x1 + y1
38
39      c2 = xor_2(m, t, klen)
40
41      c3 = Hash(hex(int(x2 + m + y2, 2))[2:])
42
43      return c1, c2, c3

```

代码 14: SM2 加密

4.3.3 SM2 解密

SM2 解密过程为:

- (1) 验证 C1 是否满足椭圆曲线方程
- (2) 计算椭圆曲线点 $S=hC_1$, 若 S 为无穷远点则报错退出
- (3) 计算 $(x_2, y_2) = d_B C_1$
- (4) 调用密钥派生函数 KDF 计算 t 的值, 若计算出的 t 值为全 0 则报错

(5) 调用 16 进制字符串异或函数计算 C_2 与 t 按位异或的结果，得出明文

(6) 调用 SM3-Hash 密码杂凑函数根据 x_2 , 计算得到的明文, y_2 得出的结果与 C_3 相比，若两者不相等则报错。反之得到的明文为正确的明文

SM2 解密算法的算法流程图如下图所示

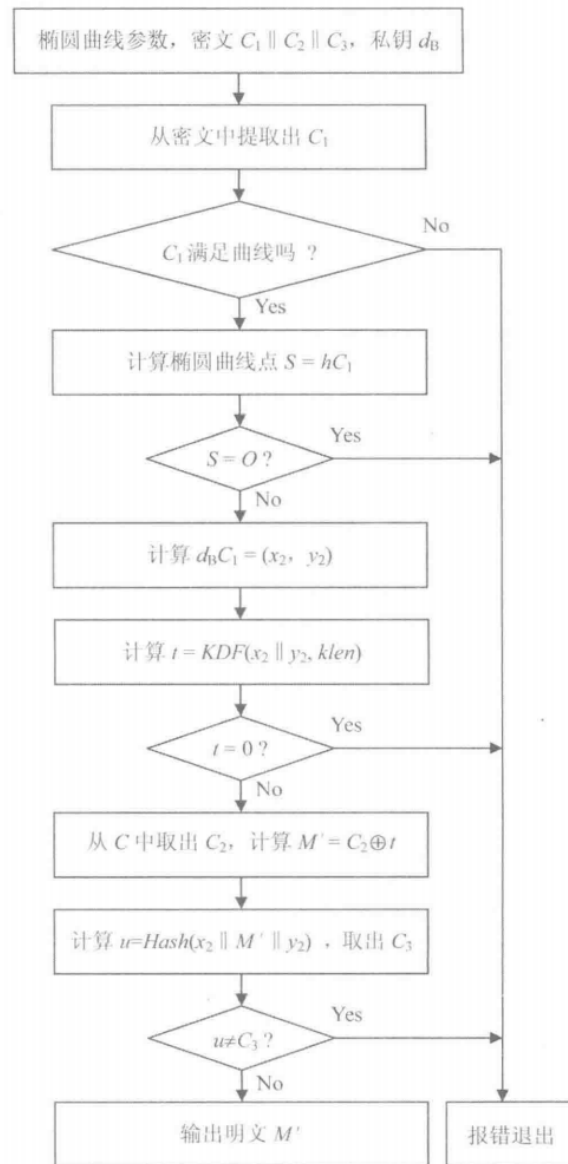


图 8: SM2 解密流程

实现该过程的 SM2 解密程序如下所示

```
1 def deSM2(c1, c2, c3, a, b, p):
2     c1 = c1[2:]
```



```

3     x1, y1 = int(c1[:len(c1) // 2], 16), int(c1[len(c1) // 2:], 16)
4     # 验证 c1 是否在椭圆曲线上
5     if pow(y1, 2, p) != (pow(x1, 3, p) + a * x1 + b) % p:
6         return False
7     # 计算点 S
8     x2, y2 = mul_point(x1, y1, dB, a, p)
9     x2, y2 = '{:0256b}'.format(x2), '{:0256b}'.format(y2)
10    # 计算 t, 若 t 全 0 则退出
11    klen = len(c2) * 4
12    t = kdf(x2 + y2, klen)
13    if int(t, 2) == 0:
14        return False
15    # 计算 m
16    m = xor_16(c2, t, klen)
17    # hash 计算 u
18    u = Hash(hex(int(x2 + m + y2, 2))[2:])
19    if u != c3:
20        return False
21
22    return hex(int(m, 2))[2:]

```

代码 15: SM2 解密

4.3.4 KDF 密钥派生函数

首先以每 256 比特为一组，循环生成足够的哈希数据，直到达到所需的密钥长度 klen。

在每次循环中，使用 sm3hash 函数对 z 和 ct 的组合进行哈希处理。并将计数器 ct 转换为 32 位二进制形式，然后与 z 连接。

之后将这个二进制字符串转换为十六进制字符串，用作 sm3hash 的输入。然后

将哈希值加到 k 变量上，并将计数器 ct 加 1。

最后将之前生成的哈希字符串 k 转换为二进制形式，并确保其长度为 256 的倍数。返回所要求的位数

密钥派生函数的实现代码如下所示

```
1 def kdf(z, klen):
2     """密钥派生函数"""
3     ct = 1
4     k = ''
5     for _ in range(math.ceil(klen / 256)):
6         k = k + Hash(hex(int(z + '{:032b}'.format(ct), 2))[2:])
7         ct = ct + 1
8     k = '0' * ((256 - (len(bin(int(k, 16))[2:]) % 256)) % 256) + bin(int(k, 16)
9         )[2:]
10    return k[:klen]
```

代码 16: KDF 密钥派生

4.3.5 SM3-Hash 密码杂凑函数

在 SM2 中所使用的 Hash 函数采用 SM3 中所使用的 Hash 函数，该函数首先将原始数据填充到适合的长度，以便进行处理。然后将填充后的数据分成多个固定大小的块。之后对每个数据块进行扩展，生成一系列新的数据。最后使用一系列复杂的数学运算，将扩展的数据压缩成一个固定长度的哈希值。

本次实验中所调用的 SM3-Hash 密码杂凑函数代码如下所示

```
1 iv = '7380166f4914b2b9172442d7da8a0600a96f30bc163138aae38dee4db0fb0e4e'
2
3
4 def t(j):
5     if j < 16:
6         return 0x79cc4519
```

```
7     return 0x7a879d8a
8
9
10 def csl(x, k):
11     """左循环移位"""
12     x = '{:032b}'.format(x)
13     k = k % 32
14     x = x[k:] + x[:k]
15     return int(x, 2)
16
17
18 def ff(x, y, z, j):
19     """布尔函数"""
20     if j < 16:
21         return x ^ y ^ z
22     return (x & y) | (y & z) | (z & x)
23
24
25 def gg(x, y, z, j):
26     """布尔函数"""
27     if j < 16:
28         return x ^ y ^ z
29     return (x & y) | (~x & z)
30
31
32 def p0(x):
33     """置换函数"""
34     return x ^ csl(x, 9) ^ csl(x, 17)
35
```

```
36
37 def p1(x):
38     """置换函数"""
39     return x ^ csl(x, 15) ^ csl(x, 23)
40
41
42 def fill(m):
43     """填充原始消息"""
44     l = len(m) * 4
45     m = m + '8'
46     k = 112 - (len(m) % 128)
47     m = m + '0' * k + '{:016x}'.format(l)
48     return m
49
50
51 def grouping(m):
52     """消息分组"""
53     n = len(m) // 128
54     b = []
55     for i in range(n):
56         b.append(m[i * 128:(i + 1) * 128])
57     return b
58
59
60 def extend(bi):
61     """消息扩展函数"""
62     w = []
63     for i in range(16):
64         w.append(int(bi[i * 8:(i + 1) * 8], 16))
```

```

65     for j in range(16, 68):
66         w.append(p1(w[j - 16] ^ w[j - 9] ^ csl(w[j - 3], 15)) ^ csl(w[j - 13],
67             7) ^ w[j - 6])
68     for j in range(68, 132):
69         w.append(w[j - 68] ^ w[j - 64])
70
71     return w
72
73 def cf(vi, bi):
74     """压缩函数"""
75     w = extend(bi)
76     a, b, c, d, e, f, g, h = int(vi[0:8], 16), int(vi[8:16], 16), int(vi
77         [16:24], 16), int(vi[24:32], 16), int(vi[32:40],
78         [40:48], 16), int(vi[48:56], 16), int(vi[56:64], 16)
79     for j in range(64):
80         ss1 = csl((csl(a, 12) + e + csl(t(j), j)) % pow(2, 32), 7)
81         ss2 = ss1 ^ csl(a, 12)
82         tt1 = (ff(a, b, c, j) + d + ss2 + w[j + 68]) % pow(2, 32)
83         tt2 = (gg(e, f, g, j) + h + ss1 + w[j]) % pow(2, 32)
84         d = c
85         c = csl(b, 9)
86         b = a
87         a = tt1

```

```

87         h = g
88         g = csl(f, 19)
89         f = e
90         e = p0(tt2)
91         abcdefgh = int('{:08x}'.format(a) + '{:08x}'.format(b) + '{:08x}'.format(c)
92                     + '{:08x}'.format(d) + '{:08x}'.format(
93                     e) + '{:08x}'.format(f) + '{:08x}'.format(g) + '{:08x}'.format(h), 16)
94         return '{:064x}'.format(abcdefgh ^ int(vi, 16))
95
96 def iteration(b):
97     n = len(b)
98     v = iv
99     for i in range(n):
100         v = cf(v, b[i])
101     return v
102
103
104 def Hash(m): # m为16进制串
105     m = fill(m)
106     b = grouping(m)
107     return iteration(b)

```

代码 17: 密码杂凑函数

五、实验结果与处理

5.1 RSA 加密

去掉所有的预制初始值之后运行 RSA 加密程序得到的结果如下图所示

```
E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\RSA\RSA.py
明文为:6882326879666683
公钥<n,e>为:41265823 8589
私钥<p,q,d,fn>为: 6197 6659 41248165 41252968
RSA加密得到密文为:5131270243437623381147531373729242139546545498
RSA解密得到明文为:6882326879666683

Process finished with exit code 0
```

图 9: RSA 加解密结果

5.2 ELGamal 加密

去掉所有的预制初始值之后运行 ELGamal 加密程序得到的结果如下图所示

```
E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\ELGamal\ELGamal.py
明文为: 1299
计算得公钥y=5606791628225043758119827917745507731711383973445823128730447163925398522823657282080386035704043066876998933280523340550555872270986241860583267679
私钥d=8323358150758804119830090948344245418098511044829750035766116428374266124380414430715360250105613649485380682987721958643513220535483744352074389399
加密后的密文(c1,c2)为:
23640420530787485399093411599971396529921362395815524445611148242490456446112337626908784674847606631223861175852332845661961911297202478883802254291
259984424616375825524188526708370472061675562236968190986815719498170969223928746422188821046188086621965850676614257831860089132163249441523551995821
解密后的明文为: 1299

Process finished with exit code 0
```

图 10: ELGamal 加解密结果

5.3 SM2 加密

去掉所有的预制初始值之后运行 SM2 加密程序得到的结果如下图所示

```
E:\Python_code\venvs\Scripts\python.exe E:\Python_code\codes\cryptography\lab_5\SM2\SM2.py
待加密明文为: encryption standard
加密后的密文为:
047BCECD 23E2416C F514DFD7 538921A2 6D7909F7 B8FCE6E6 D1291360 6372808F
C13C050A 2BFCF621 03AFFE8D A913600E 59C22BAC 891F1BA5 F0EADFDE 708006FB
845E18B3 696E9519 EA3BEBEA 1BDD04F0 BBC38B6B 9A898DD8 A53BAAEB FD04976D
7D56387F 4F7BD407 A8DFC529 C8100BEA DE984CC6
解密后的明文为: encryption standard
```

图 11: SM2 加解密结果

六、分析与讨论

在这次密码学实验中，我深入了解了公钥密码学的核心原理，特别是 RSA、ElGamal 和椭圆曲线密码学等算法。通过编程实现这些算法，我更加清楚地认识到了它们在保护网络通信安全中的重要性。在实验过程中，我遇到了一些编程和逻辑上的挑战，通过不断的尝试和调试，我提高了解决问题的能力。总的来说，这次实验不仅提升了我的技术技能，也加深了我对网络安全重要性的理解。

七、教师评语