已知函数  $f(x) = \frac{e^x}{x} - \ln x + x - a$ .

- (1) 若  $f(x) \ge 0$ , 求 a 的取值范围
- (2) 证明: 若 f(x) 有两个零点  $x_1, x_2, 则 x_1x_2 < 1$ .