在直角坐标系 xOy 中,以坐标原点为极点,x 轴正半轴为极轴建立极 坐标系,曲线 C 的极坐标方程为 $\rho=2\sqrt{2}\cos\theta$

- (1) 将 C 的极坐标方程化为直角坐标方程
- (2) 设点 A 的直角坐标为 (1,0) ,M 为 C 上的动点,点 P 满足 $\overrightarrow{AP} = \sqrt{2}\overrightarrow{AM}$,写出 P 的轨迹 C_1 的参数方程,并判断 C 与 C_1 是否有公共点.