

1.7.4

$$(c) \because \{a\}^* (\{b\} \{a\}^*)^* \subseteq \{a, b\}^*$$

设 $c \in \{a, b\}^*$

$$\text{则 } c = a^* \text{ 或 } c = a^* b a^* \dots b a^*$$

$$\therefore c \subseteq \{a\}^* (\{b\} \{a\}^*)^*$$

$$\Rightarrow \{a, b\}^* = \{a\}^* (\{b\} \{a\}^*)^*$$

(d)

$$\text{设 } w \in (L_1 \Sigma^* L_2), x \in L_1 \subseteq \Sigma^*, y \in \Sigma^*, z \in L_2 \subseteq \Sigma^*$$

$$\Rightarrow w = xyz$$

$$\Rightarrow xyz = w \in (\Sigma^*)^* \subseteq \Sigma^*$$

$$\because e \in L_1, e \in L_2$$

$$\Rightarrow w \in \Sigma^*$$

$$\Rightarrow w = eye \in (L_1 \Sigma^* L_2)$$

$$\Rightarrow (L_1 \Sigma^* L_2) = \Sigma^*$$

1.7.6

$$e \notin L$$

1.8.3

c)

$$(c a U a a U b^*) b)^* a a a (b b^* (a U a a U b^*))^*$$

1.8.5

a)

✓: baac 由 0 个 a, 1 个 b, 2 个 a

b)

✓: a^*b^* 由一串 a 接一串 b 组成; 如果 b^*a^* 也描述, 它不能跟着 b, 所以要么 0 个 a 要么 0 个 b, 就是一串 a 或者一串 b, 就是 $a^* \cup b^*$

c)

$$X; a^*b^* \wedge b^*c^* = b^*$$

d)

X; 如果 d 在 $(a(ed)^*b)^*$ 中, 一定后面有 c 或者 b 所以不行