事四洋 Primal-Dual Method (原始-对偶方法) 再回首

强。可行一步最悦(对偶可行)Simplex 偶。最悦(对偶可行)一可行 Duel-Simplex

马孙松

这《YSA是(P)和行解,那么

 思路。沒过寻找成处了补充

从(D)的一个可行解生生发,生 找行分条件的人.

- (1) 丛是(1)的可行解
- (2) 桁重 (YAX-b)=D 有解吗? (YA-CT)X=D 有解吗?

Yes, V j No, Y 不是最彻解

$$\gamma \text{min } C^{T} \times (p)$$

$$A \times = b$$

$$\times \nearrow 0$$

$$\gamma \text{max } y^{T} b$$

$$(D) \quad y^{T} A \leq C^{T}$$

$$(y^{T} A) \leq C_{j}, j = j, j, n)$$

设生是(口)的一片可行解

Xj=0, j&J

O DRP

Xi >0, i=1.2,5m

$$(RP)$$
 $\underset{i=1}{\text{min}} \overset{n}{\underset{i=1}{\text{min}}} \overline{x}_{i}$

S.t.
$$\sum_{j \in J} a_{ij} x_j + X_i = b_i$$

 $x_j > 0, j \in J$
 $x_i > 0, \lambda = 1, m$

$$J = \{j \mid y \neq j = s\} \leftarrow \xi f(D)$$

召别, 976>0, 生禄(D)的最确

$$y'b = yb+0yb$$
 $y''A_j = y''A_j + 0\tilde{y}''A_j \leq \{C_j, j \in J \}$
 $O = ?$

$$O = \min_{j: \widetilde{y} A_{j} > 0} \left\{ \frac{C_{j} - y^{T} A_{j}}{\widetilde{y}^{T} A_{j}} \right\} > 0$$

$$\begin{array}{c|c}
\hline
A & (n) & (2) \\
\hline
e_1 & (2) & (2) \\
\hline
e_2 & (2) & (2) \\
\hline
e_3 & (2) & (2) \\
\hline
e_4 & (2) & (2) \\
\hline
e_2 & (2) & (2) \\
\hline
e_3 & (2) & (2) \\
\hline
e_4 & (2) & (2) \\
\hline
e_5 & (2) & (2) \\
\hline
e_7 & (2) & (2)$$

$$Af = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

关联矩阵

$$A = \begin{cases} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\$$

最短路是一条黄用最小的S-t路P

$$f = \begin{pmatrix} f_1 \\ f_2 \\ \vdots \\ f_n \end{pmatrix}, f_i = \begin{cases} 0, & e_i \notin P \\ 1, & e_i \in P \end{cases}$$

最短俗的) 流模型

Min
$$\sum_{e \in E} C_e f_e$$

S.t. $Af = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}$
 $f \ge 0$

(D)?

最轻烙的流模型

$$(p)$$

$$S.+. \quad Af = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$f \gg 0$$

(D)
$$\max Y_s$$

(D) $y_i - y_j \leq C_{ij}$
(i,j) $\in E$
 $y_t = 0$

$$J = \left\{ (i,j) \right\}$$

$$y_i - y_j = c_{ij}$$

(RP) Min
$$\frac{x_i}{x_i}$$

Af + $x = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$
 $f_{e} = 0$, $e = (ij) \notin J$
 $f_{e} \gg 0$, $e \in J$
 $x \gg 0$

(DRP)
$$\max Y_s$$

 $s.t. y_i - y_j \leq 0, (i,j) \in J$
 $y_i \leq 1$
 $y_t \leq 0$
 $y_t = 0$

(D)
$$Max Y_s$$

 $S.+. Y_i - Y_j \le C_{ij}$
 $Y_t = 0$ $(i.j) \in E$

得到(D)的可行解Y,有:
 $J = \{(i,j) \mid Y_i - Y_j = C_{ij}\}$
(DRP) $Max Y_s$
 $S.+. Y_i - Y_j \le O$
 $Y_i \le I$
 $Y_t = 0$
 $Y_t = 0$

```
观察(DRP),其最优值发 <1
影响生,取适的给来:
     yi≤yj, (iij) ∈J
只看妥关净了中的边
· \dot{z} (j,t) \in J, \dot{z} \leq \dot{z} = 0
· 若在了中有心到七的路。 Yi取 O
· 若在丁中无证到七的路,"Ji可取1
\overline{y}_{i} = y_{i} + \Theta \widehat{y}_{i}, \quad \theta = \min_{\widetilde{y}_{i} - \widetilde{y}_{i} > 0} \left\{ (x_{i}) - (y_{i} - y_{i}) \right\}
(x_{i}) \in \mathcal{J}
```

(i,j)-且居于了,就就居于了 污了军住口(m)均终止 O(n)

原的对偶算过一种假有过去的现象

max
$$Y_s$$

s.t. $Y_i - Y_j \leq C_{ij}$, $(iij) \in E$
(D) $Y_t = 0$

$$\lambda D = (0, 0, 0, 0, 0)^{T}$$





