Domácí úkol č. 2 - Jazyky NTIN090

Zdeněk Tomis

10. 11. 2024

1

a) $PP = \{\langle M, x \rangle \mid M$ při výpočtu nad vstupem x skončí a na konci bude páska prázdná $\}$

Turingův stroj N přijímající jazyk PP postupuje následujícím způsobem. Podobně jako univerzální TS simuluje M(x). Pokud se M zastaví a páska je prázdná, N přijme. Pokud M skončí výpočet s neprázdnou páskou, N odmítne. Simulace ovšem nemusí skončit.

b) $PPE = \{ \langle M \rangle \mid (\exists x \in \Sigma^*) [\langle M, x \rangle \in PP] \}$

Uvažujeme lexikografické pořadí, v němž se nejprve porovnává délka a teprve u řetězců téže délky se porovnávají znaky.

Konstrukci popisuje nasledující algoritmus:

Algorithm 1

- 1: Inicializuj prázdný seznam probíhajících výpočtů S
- 2: for all $x \in \Sigma^*$ v lexikografickém pořadí do
- 3: Přidej do S nový výpočet M(x)
- 4: Vykonej 1 krok každého výpočtu v S
- 5: **if** M se zastavil a páska byla prázdná **then**
- 6: přijmi
- 7: end if
- 8: end for

2

Kdyby existoval M_{PP} , mohli bychom vytvořit M_{L_u} , který by využíval M_{PP} jako podprogram. M_{L_U} by postupoval následovně:

Algorithm 2

- 1: Uprav M na M' tak, aby při přijetí a skončení vymazal pásku a skončil (přidáme kód, který vymaže pásku). Při skončení a odmítnutí napsal něco na pásku a skončil. Toho lze docílit konečnou úpravou kódu M.
- 2: Spusť M_{PP} s M' jako vstupem
- 3: Pokud M_{PP} přijme, přijmi
- 4: Jinak odmítni

Pokud by M_{PP} existoval, mohli bychom vytvořit takto M_{L_u} , který by využíval M_{PP} jako podprogram, a který by tedy vždy skončil. To by bylo v rozporu s tím, že L_u není rozhodnutelný.