Primeira parte do teste final de Algoritmos e Estruturas de Dados

4 de fevereiro de 2022 **16h00m – 16h55m**

Responda a todas as perguntas no enunciado do teste. Justifique todas as suas respostas.

Nome: _____

N. Mec.: _____

Fórmulas:

- $\sum_{k=1}^{n} 1 = n$
- $\sum_{k=1}^{n} k = \frac{n(n+1)}{2}$
- $\sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
- $\sum_{k=1}^{n} k^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2$
- $\sum_{k=1}^{n} \frac{1}{k} \approx \log n$
- $n! \approx n^n e^{-n}\sqrt{2\pi n}$

4.0 **1:** No seguinte código,

```
#include <stdio.h>

int f(int x) { return x * x - 1; }
int g(int x) { return x / 3; }

int main(void)
{
  int c = 0;
  for(int i = 0;i <= 10;i++)
    if( f(i) && g(i) )
    {
      printf("i = %d\n",i);
      c += g(i);
    }
  printf("c = %d\n",c);
}
```

1.0 **a)** para que valores da variável `i` é avaliada a função `g(x)`?

1.0 **b)** que valores de `i` são impressos?

1.0 **c)** que valor de `c` é impresso?

1.0 **d)** neste caso concreto, considerando que um `int` tem 32 *bits*, existe a possibilidade de *overflow* aritmético ao correr o programa?

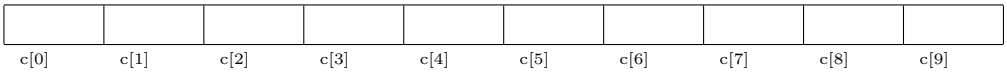
4.0 **2:** Um programador inexperiente escreveu a seguinte função para copiar uma zona de memória com `size` bytes que começa no endereço `src` para uma outra zona de memória que começa no endereço `dst`.

```
void mem_copy(char *src,char *dst,size_t size)
{
  for(size_t i = 0;i < size;i++)
    dst[i] = src[i];
}
```

Responda às seguintes perguntas, considerando que para cada uma das duas primeiras o conteúdo **inicial** do array `c` é `char c[10] = { 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9 };`

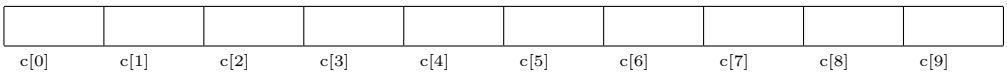
1.3 **a)** Qual o conteúdo do array `c` depois de `mem_copy(&c[4],&c[5],4);` ter sido executado?

Resposta:



1.3 **b)** Qual o conteúdo do array `c` depois de `mem_copy(&c[5],&c[4],4);` ter sido executado?

Resposta:



1.4 **c)** Num dos casos anteriores a cópia do conteúdo de parte do array não foi feita corretamente; sugira uma maneira de corrigir este problema (não é obrigatório escrever código).

Resposta:

4.0 **3:** Ordene as seguintes funções por ordem crescente de ritmo de crescimento. Responda nas duas colunas da direita da tabela. Na coluna da ordem, coloque o número 1 na função com o ritmo de crescimento **menor** (e, obviamente, coloque o número 5 na com o ritmo de crescimento maior). Na coluna do termo dominante indique, usando a notação *Big Oh*, qual é o termo dominante; por exemplo, se na primeira coluna estivesse $\mathbf{3n + 7}$, na segunda coluna deveria colocar $\boldsymbol{\mathcal{O}(n)}$.

função	termo dominante	ordem
$\mathbf{42\frac{n^n}{n!}}$		
$\mathbf{\sum_{k=1}^{n}\left(k^3 + \frac{1}{k}\right)}$		
$\mathbf{4n^4 \log n^4 + 2022}$		
$\mathbf{1000n^3 + 1.001^n}$		
$\mathbf{\frac{700}{n} + 300}$		

4.0 **4:** A notação *big Oh* é usualmente usada para descrever a complexidade computacional de um algoritmo. Porquê?

Resposta (tente não exceder as 100 palavras):

4.0 **5:** Para a seguinte função,

```
int f(int n)
{
  int r = -20220204;

  for(int i = 0;i <= n;i++)
    for(int j = 2 * i;j <= 2 * n;j++)
      r += j / (i + 1);
  return r;
}
```

3.0 **a)** quantas vezes é executada a linha `r += j / (i + 1);`?

1.0 **b)** qual é a complexidade computacional da função?