

C. Team Coding

Problem Name	Team Coding
Time Limit	4 seconds
Memory Limit	1 gigabyte

Eindhoven Gigantic Open-Source Institute (EGOI) ձեռնարկության կառուցվածքը հիերարխիկ ${\sf E}$ ։ Բացի CEO Աննեկեյից, մնացած N-1 աշխատակիցներից յուրաքանչյուրն ունի ճիշտ մեկ ղեկավար, ում հաշվետվություն ${\sf E}$ ներկայացնում, և հիերարխիայում ցիկլեր չկան։ Դուք կարող եք պատկերացնել, որ ձեռնարկության կառուցվածքը ծառ ${\sf E}$, որի արմատին համապատասխանում ${\sf E}$ Աննեկեն։ Ձեռնարկության աշխատակիցները կոդավորում են ${\sf K}$ տարբեր ծրագրավորման լեզուներով, բայց յուրաքանչյուրն ունի ճիշտ մեկ նախընտրած ծրագրավորման լեզու։

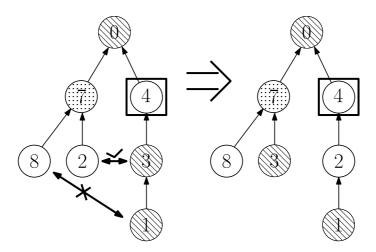
Աննեկեն նոր մեծ նախագիծ է բերել, որի վրա պետք է իր ձեռնարկության թիմն աշխատի։ Նա ցանկանում է այդ նախագծի մեջ, որքան հնարավոր է շատ, ռեսուրսներ դնել։ Որոշելու համար թիմի կազմը, որը պետք է աշխատի այդ նախագծի վրա, նա պետք է անի հետևյալը.

- 1. Ընտրել անձի, ով պետք է ղեկավարի թիմը։ Սրանով ընտրվում է նաև ծրագրավորման լեզուն, որով պետք է նախագիծն իրականացվի (ղեկավարող աշխատակցի նախնտրած լեզուն)։ Յուրաքանչյուր աշխատակից, ով գտնվում է թիմի ղեկավարի ենթածառում և նախընտրում է նույն ծրագրավորման լեզուն, պետք է աշխատի նախագծի վրա։
- 2. Մեծացնել նախագծի վրա աշխատող աշխատակիցների քանակը ղեկավարի նախընտրելի ծրագրավորման լեզուն նախընտրող աշխատակցի տեղերով փոխելով ղեկավարի ենթածառում գտնվող այնպիսի աշխատակցի հետ, ով ուրիշ ծրագրավորման լեզու է նախրնտրում։

Նախագծի վրա շխատաող աշխատակիցների քանակը մաքսիմիզացնելու համար նա կարող է կամայական անգամ կատարել տեղափոխման հետևյալ գործողությունը․

- 1. Նա ընտրում է երկու աշխատակցի հետևյալ կերպ․
 - Մեկն այնպիսի աշխատակցի, ով տվյալ պահին գտնվում է թիմի ղեկավարի ենթածառում, բայց ուրիշ ծրագրավորման լեզու է նախընտրում։

- Մյուսն այնպիսի աշխատակցի, ով տվյալ պահին չի գտնվում այդ ենթածառում, բայց նախընտրում է նույն ծրագրավորման լեզուն, ինչ թիմի ղեկավարը։ Բացի այդ, այս աշխատակիցը պետք է գտնվի միևնույն մակարդակի վրա, ինչ մյուս ընտրված աշխատակիցը, այսինքն, նրանց հաշվետվությունները մինչև Աննեկեին հասնելը միևնույն քանակով մարդկանց ձեռքի տակով են անցնում։ Եթե դուք ձեռնարկության հիերարխիան պատկերացնեք որպես ծառ, ապա ընտրված աշխատակիցները պետք է գտնվեն այդ ծառի միևնույն մակարդակի վրա։
- 2. Այս երկու աշխատակիցները (և *միայն* նրանք ուրիշ ոչ ոք) փոխվում են տեղերով ձեռնարկության հիերարխիայում։ Նկատենք, որ ընտրված երկու աշխատակիցներին հաշվետվություն տվող աշխատակիցները մնում են իրենց տեղում, և միայն փոխվում են նրանց անմիջական ղեկավարները, ում նրանք հաշվետվություն են ներկայացնում։ Ստորև բերված օրինակում, ընտրելով 4 համարի աշխատակցին որպես թիմի ղեկավար, մենք կարող ենք տեղերով փոխել 3 և 2 աշխատակիցներին, բայց ոչ 1 և 8 աշխատակիցներին։



Գտեք, թե նոր նախագծում մաքսիմալը քանի աշխատակցի է հնարավոր ընդգրկել, և դրան հասնելու համար մինիմումը քանի տեղափոխություն պետք է անել։

Մուտքային տվյալներ

Մուտքի առաջին տողը պարունակում է երկու ամբողջ N և K թվեր` EGOI-ում աշխատողների քանակը, և ծրագրավորման լեզուների քանկաը, որ աշխատակիցները կարող են իմանալ։

EGOI-ի աշխատակիցները համարակալված են 0-ից N-1 թվերով, և Աննեկեյի համարը որպես CEO, 0 է։

Հաջորդ տողը պարունակում է N ամբողջ ℓ_i թվեր, որտեղ $0 \leq \ell_i < K$, աշխատակիցներից յուրաքանչյուրի նախընտրելի լեզվի համարը։

Հաջորդ N-1 տողերը նկարագրում է ձեռնարկության կառուցվածքը։ iրդ տողը պարունակում է b_i ամբողջ թիվը, որտեղ $0 \leq b_i < N$, դա iրդ աշխատակցի անմիջական ղեկավարի համարն է։ Նկատենք, որ i-ն փոխվում է 1-ից N-1 (ներառյալ), Աննեկեն, որպես CEO, ղեկավար չունի։.

Ելքային տվյալներ

ելքի միակ տողում արտածեք երկու ամբողջ P և S թվեր, նոր նախագծի վրա աշխատող աշխատակիցների մաքսիմալ հնարավոր (ներառյալ թիմի ղեկավարին) քանակը, և դրան հասնելու համար անհրաժեշտ տեղափոխությունների *մինիմալ* քանակը։

Սահմանափակումներ և միավորներ

- $1 \le N \le 10^5$.
- $1 \le K \le N$.

Ձեր լուծումը թեստավորելու է թեստերի խմբերի բազմության միջոցով, խմբերից յուրաքանչյուրին տրվելու է որոշակի միավոր։ Յուրաքանչյուր խմբի համար նախատեսված միավորը ստանալու համար ձեր ծրագիրը պետք է անցկացնի այդ խմբին պատկանող բոլոր թեստերը։

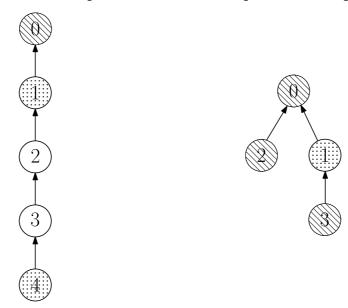
Group	Score	Limits	
1	12	i աշխատակցի անմիջական ղեկավարը $i-1$ աշխատակիցն է, որտեղ $1 \leq i < N$ (ծառը իրենից գիծ է ներկայացնում)։	
2	19	$K \leq 2$	
3	27	Ծրագրավորման լեզուներից յուրաքանչյուրը նախընտրում են առավելագյունը 10 աշխատակիցներ	
4	23	$N \leq 2000$	
5	19	Լրացուցիչ սահմանափակումներ չկան	

Օրինակներ

Առաջին երկու օրինակներում ձեռնարկության կառուցվածքն այսպիսի տեսք ունի, որտեղ աշխատակիցների նախընտրելի լեզուները ներկայացված են տարբեր գծավորումով (0 = "շտրիխավորված", 1 = "կետիկներով", 2 = "դատարկ")։

Graph for example 1

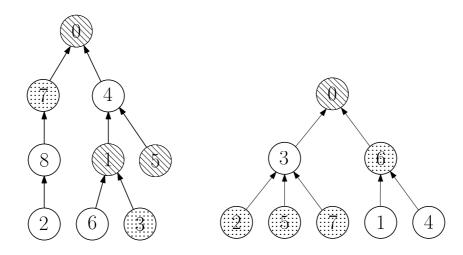
Graph for example 2



1-ին օրինակում մենք կարող ենք ընտրել 1 աշխատակցին որպես թիմի ղեկավար, այդ դեպքում թիմում ընդգրկվի նաև 4 աշխատակիցը, քանի որ ծրագրավորման նույն լեզուն է նախընտրում, և ոչ մի տեղափոխության կարիք չի լինի։ 2-րդ օրինակում, ամբողջ ձեռնարկությունում կան 3 աշխատակիցներ, ովքեր նախընտրում են 0 ծրագրավորման լեզուն, որը Աննեկայի նախընտրելի լեզուն է, հետևաբար, եթե Աննեկեն դառնա թիմի ղեկավար, ապա թիմի կազմում կլինեն 3 աշխատակիցներ, և տեղափոխության կարիք չի լինի։

Graph for example 3

Graph for example 4



3-րդ օրինակում, մենք ընտրում ենք 4 համարի աշխատակցին որպես թիմի ղեկավար, և դրանից հետո տեղերով փոխելով 1 & 8 և 2 & 3 աշխատակիցներին, կստանանք ընդամենը 4 աշխատակից, ովքեր նախընտրում են 4 համարի աշխատակցի լեզուն, որը 2-ն է (դատարկ)։ 4-րդ օրինակում, առավելագույն արդյունքին կարելի է հասնել ընտրելով 6 համարի աշխատակցին որպես թիմի ղեկավար և տեղերով փոխելով 4 & 7 և 1 & 5 աշխատակիցներին։ Նկատենք, որ մենք չենք կարող տեղերով փոխել 6 & 3

աշխատակիցներին և ստանալ արդյունքում 4, որովհետև սկզբում թիմի ղեկավարին պետք է ֆիքսել, հետո նոր տեղափոխություններ անել։

Input	Output
5 3 0 1 2 2 1 0 1 2 3	2 0
4 2 0 1 0 0 0 0	3 0
9 3 0 0 2 1 2 0 2 1 2 4 8 1 0 4 1 0 7	4 2
8 3 0 2 1 2 2 1 1 1 6 3 0 6 3 0 3	3 2