# N皇后问题

#### 1.项目简介

八皇后问题是一个古老而著名的问题,是回溯算法的经典问题。该问题是十九世纪著名的数学家高斯在1850年提出的:在8\*8的国际象棋棋盘上,安放8个皇后,要求没有一个皇后能够"吃掉"任何其它一个皇后,即任意两个皇后不能处于同一行,同一列或者同一条对角线上,求解有多少种摆法。

高斯认为有76种方案。1854年在柏林的象棋杂志上不同的作者发表了40种不同的解,后来有人用图论的方法得到结论,有92中摆法。本实验拓展了N皇后问题,即皇后个数由用户输入

### 2.项目功能要求

八皇后在棋盘上分布的各种可能的格局数目非常大,约等于2的32次方种,但是,可以将一些明显不满足问题要求的格局排除掉。由于任意两个皇后不能同行,即每行只能放置一个皇后,因此将第i个皇后放在第i航上,这样在放置第i个皇后时,只要考虑它与前i-1个皇后处于不同列和不同对角线位置上即可。

解决这个问题采用回溯法,首先将第一个皇后放置在第一行第一列,然后,依次在下一行上放置一个皇后,直到八个皇后全部放置安全。在 放置每个皇后时,都依次兑每一列进行检测,首先检测放在第一列是否与已放置的皇后冲突,如不冲突,则将皇后放置在该列,否则,选择 改行的下一列进行检测。如整行的八列都冲突,则回到上一行,重新选择位置,依次类推。

#### 3.n皇后算法思想

n皇后问题是一个典型的dfs问题,大体思路就是从第一个列填到第n列,对于每一列填入的行数进行检查,如果符合要求就接着填入下一个位置,如果不符合就返回。

这里我采用了一种简单的方式优化了n皇后的求解问题,就是开辟一个一维数组,用数组的下标代表列号,数组内储存该列放入皇后的行数。 同时也就避免了填入的在同一列上的问题。这也就是为什么我只开辟了一个map的一维数组。

### 4.核心代码及功能

• 新建的变量

```
      int Count=0;
      //n皇后问题解的个数

      int totalNum;
      //n的值(即皇后的个数)

      int map[100];
      //这里默认最大n为99,下标从1开始使用(即99*99)
```

dfs函数

pos参数为搜索到了第pos列,每次填入后pos+1,调用下一个dfs函数,当pos>n(totalNum)时返回输出当前解。这里抽象出一个Try函数用来判断是否可以填入第i行,第pos列。Try函数实现见下一个函数

https://stackedit.io/editor 第1页 (共 4 页)

```
dfs(pos+1);
}
}
}
```

Try函数

参数x代表填入的列数, y代表试的行数, 首先根据题意不能和之前的在同一列(这个已经根据我的开辟数组解决了)其次不能在同一行, 所以有pos之前填入的所有数值必须满足 map[j]!=y , 最后不能在同一条对角线上, 所以需要之前的填入的棋子满足 abs(x-j)!=abs(map[j]-y

```
bool Try(int x,int y){
                           //检查该摆放是否可行
    int j=1;
    while(j<x){</pre>
                           //可行条件为之前放入的行数和y不重复
                            //同时不能和之前放入的在对角线上
        if(map[j]==y||(abs(x-j)==abs(map[j]-y))){
            return false;
        j++;
    }
    return true;
}
• display函数
                          //展示可行解的摆放方式
void display(){
    for(int i=1;i<=totalNum;i++){</pre>
        for(int j=1;j<=totalNum;j++){</pre>
            if(map[i]==j){
               cout<<'X'<<''';
            else{
                cout<<'0'<<' ';
        }
        cout<<endl;</pre>
    cout<<endl;</pre>
```

## 5.项目演示

}

```
/{\tt Users/kirito/CLionProjects/untitled/cmake-build-debug/untitled}
请输入皇后的个数:5
皇后摆法:
X 0 0 0 0
0 0 X 0 0
0 0 0 0 X
0 X 0 0 0
0 0 0 X 0
X 0 0 0 0
0 0 0 X 0
0 X 0 0 0
0 0 0 0 X
0 0 X 0 0
0 X 0 0 0
0 0 0 X 0
X 0 0 0 0
0 0 X 0 0
0 0 0 0 X
0 X 0 0 0
0 0 0 X
0 0 X 0 0
X 0 0 0 0
0 0 0 X 0
```

https://stackedit.io/editor 第 2 页 (共 4 页)

共有10种解法

Process finished with exit code 0

https://stackedit.io/editor 第 3 页 (共 4 页)

https://stackedit.io/editor 第 4 页 (共 4 页)