

U-ERRE

Universidad Regiomontana

Métodos Numéricos

Primer Parcial

Reporte del Método de Gauss – Gauss jordan

Coach: Sergio Castillo

Oziel Misael Velazquez Carrizales 746441

Fecha de entrega: 08/06/2025

Metodo de Gauss y Gauss Jordan

8/06/2025

Definición: • el metodo de Gauss es un algoritmo para resolver sistemas de ecuaciones lineales mediante eliminación hacia delante.
• El metodo de Gauss-Jordan es una extensión de Gauss que lleva la matriz a su forma escalonada reducida.

Antecedentes: fue desarrollado por Gauss y Jordan, fundamentales en algebra lineal numerica con Aplicaciones desde el siglo XIX

Relacion con otros metodos:

Descomposición LU: Gauss es la base para obtener $A = LU$
Inversión de matrices: Gauss-J se usa para calcular A^{-1} ampliando $[A|I]$
minimos cuadrados: precondicionantes de matrices.

Formula y algoritmo

1 Eliminación hacia adelante: Normalizar la fila $i = \frac{\text{fila } i}{A_{ii}}$
para cada fila $j > i$ restar $\text{fila } i \times A_{ji}$ $A_{ji} = 0$
2 Resolver desde la ultima fila: $x_n = b_n$ luego $x_{n-1} = b_{n-1}$ etc

Aplicaciones en la vida diaria (ITC)

- Se usa para resolver sistemas para transformaciones geometricas en los graficos de computadores.
- uso de Regresión lineal multiple en el area del machine learning
- uso de las redes neuronales.

Ejemplo:

$$2x + 3y + z = 5$$

$$4x + y + 2z = 6$$

$$-2x + 5y + 2z = 7$$

paso 1

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & 3 & -1 & 5 \\ 4 & 1 & 2 & 6 \\ -2 & 5 & 2 & 7 \end{array} \right]$$

paso 2

$$R_3 + R_1 \rightarrow R_3$$

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & 3 & -1 & 5 \\ 4 & 1 & 2 & 6 \\ 0 & 8 & 1 & 12 \end{array} \right] \rightarrow$$

paso 3

$$2R_1 - R_2 \rightarrow R_2$$

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & 3 & -1 & 5 \\ 0 & 5 & -4 & 4 \\ 0 & 8 & 1 & 12 \end{array} \right]$$

✓

paso 4

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & 3 & -1 & 5 \\ 0 & 5 & -4 & 4 \\ 0 & 0 & 37 & 28 \end{array} \right] \rightarrow$$

paso 5

$$4R_1 - R_2 \rightarrow R_1$$

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} 8 & 7 & 0 & 16 \\ 0 & 5 & -4 & 4 \\ 0 & 0 & 37 & 28 \end{array} \right]$$

✓

paso 6

$$\frac{R_3}{37}$$

→

paso 7

$$4R_3 + R_2 \rightarrow R_2$$

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} 8 & 7 & 0 & 16 \\ 0 & 5 & -4 & 4 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{28}{37} \end{array} \right]$$

pasos 8

$$7R_2 - 5R_1 \rightarrow R_1$$

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} 8 & 7 & 0 & 16 \\ 0 & 5 & 0 & \frac{250}{37} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{28}{37} \end{array} \right]$$

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left[\begin{array}{ccc|c} -40 & 0 & 0 & -\frac{1140}{37} \\ 0 & 5 & 0 & \frac{250}{37} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{28}{37} \end{array} \right]$$

pasos 9

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \end{array} \begin{array}{l} -40 \\ 5 \end{array}$$

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 0 & 57/74 \\ 0 & 1 & 0 & 52/37 \\ 0 & 0 & 1 & 28/37 \end{array} \right]$$

$$x = 57/74$$

$$y = 52/37$$

$$z = 28/37$$

Gauss:

pasos 4

$$\begin{array}{l} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{array} \left(\begin{array}{cc|c} 2 & -1 & 1 \\ 0 & -5 & 7 \\ 0 & 0 & 76 \end{array} \right)$$

$$\frac{R_3}{76} = z = -1$$

$$\frac{R_2}{-5} = y - 7/5z = 12/5$$

$$y = 12/5 + 7/5(-1)$$

$$y = 1$$

$$\frac{R_1}{2} = x - 1/2y + 1/2z = 1$$

$$x = 1 + 1/2(1) - 1/2(-1)$$

$$x = 2$$

Ambos métodos de llegar al mismo resultado

$$x = 2$$

$$y = 1$$

$$z = -1$$

Tarea

$$\begin{cases} 2x - y + z = 2 \\ 3x + y - 2z = 9 \\ -x + 2z + 5z = -5 \end{cases}$$

paso 1

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 3 & 1 & -2 & 9 \\ -1 & 2 & 5 & 5 \end{array} \right]$$

$$2R_3 + R_1 \rightarrow R_3$$

paso 2

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 3 & 1 & -2 & 9 \\ 0 & 3 & 11 & -8 \end{array} \right]$$

$$3R_1 - 2R_2 \rightarrow R_2$$

paso 3

$$3R_2 + 5R_3 \rightarrow R_3$$

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & -1 & 1 & 12 \\ 0 & -5 & 7 & -12 \\ 0 & 3 & 11 & -8 \end{array} \right] \rightarrow$$

paso 4

$$7R_1 - R_2 \rightarrow R_1$$

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 0 & -5 & 7 & -12 \\ 0 & 0 & 76 & -76 \end{array} \right]$$

paso 5

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 14 & -2 & 0 & 26 \\ 0 & -5 & 7 & -12 \\ 0 & 0 & 76 & -76 \end{array} \right]$$

paso 6

$$7R_3 - R_2 \rightarrow R_2$$

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 14 & -2 & 0 & 26 \\ 0 & -5 & 7 & -12 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \end{array} \right]$$

paso 7

$$5R_1 + 2R_2 \rightarrow R_1$$

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 14 & -2 & 0 & 26 \\ 0 & 5 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \end{array} \right]$$

paso 8

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 70 & 0 & 0 & 140 \\ 0 & 5 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \end{array} \right]$$

paso 9

$$\begin{matrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{matrix} \left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \end{array} \right] \quad \frac{R_1}{70} \quad \frac{R_2}{5}$$

$$x = 2$$

$$y = 1$$

$$z = -1$$