

Bioquímica Quantitativa & R

José Maurício Schneedorf Ferreira da Silva

À minha família...

© 2022 Direitos reservados ao autor. Direito de reprodução do livro é de acordo com a lei de Lei n^0 9.610, de 19 de fevereiro de 1998. Qualquer parte desta publicação pode ser reproduzida, desde que citada a fonte.

Bioquímica Quantitativa & R

Disponível em: http://bioquanti.net/

Capa e editoração : do autor ISBN: 978-65-00-52125-2



Endereço: Rua Gabriel Monteiro da Silva, 700 Centro – Alfenas – Minas Gerais – Brasil – CEP: 37.130-001.

Reitor: Sandro Amadeu Cerveira.

Vice-reitor: Alessandro A. Costa Pereira.

Bioquímica Quantitativa & R

José Maurício Schneedorf Ferreira da Silva

Sumário

ln	ntrodução 3				
2	Bio	moléculas e dimensões	5		
	2.1	Conversão de unidades	5		
	2.2	Versatilidade estrutural em biopolímeros	6		
3	Tan	npões biológicos	9		
	3.1	Sistema acetato	9		
	3.2	Sistema bicarbonato	11		
	3.3	Sistema fosfato	13		
4	Am	inoácidos & Peptídios	17		
	4.1	Ponto isoelétrico & aminoácidos	17		
	4.2	Ponto isoiônico & biopolímeros	20		
	4.3	Ponto isoiônico & bibliotecas do R	22		
5	Pro	teínas	25		
	5.1	Composição de aminoácidos	25		
	5.2	Tabela de Purificação de Proteínas & R como planilha eletrônica	31		
	5.3	Interação de oxigênio com mioglobina e hemoglobina	36		
	5.4	Alguns pacotes do R para estudo de proteínas	39		
6	Enz	imas	43		
	6.1	Obtenção de parâmetros cinéticos a partir de dados expermentais simulados	45		
	6.2	Linearizações e ajustes	46		
	6.3	Ajuste não-linear	61		
	6.4	Enzimas alostéricas	63		
	6.5	Inibição Enzimática	65		
	6.6	Diagnóstico estatístico de inibição enzimática	74		
	6.7	Cinética de estado pré-estacionário	78		
7	Inte	eração Bimolecular	83		
	7.1	Modelos de Interação e Representações Lineares	84		
	7.2	Ajuste Não-Linear Em Interação Ligante-Proteína			
	7.3	Sistemas Gráficos no R			
	7.4	Solução Numérica Para o Equilíbrio de Complexos Ligante-Proteína			
	7.5	Cinética de Interação Ligante-Proteína e Solução Numérica			

Sumário

8	Acid	los Nucleicos	107
	8.1	Análise de sequências	107
	8.2	Termoestabilidade de DNA	
9	Men	nbranas	115
	9.1	Concentração micelar crítica (CMC)	115
	9.2	Transporte em membranas e Teoria Quimiosmótica	116
	9.3	Proteínas de transporte em membranas	117
10	Bioe	energética	119
	10.1	Solução de sistema de equações lineares no R	121
	10.2	Matrizes e R	123
	10.3	Solução de parâmetros termodinâmicos de estabilidade enzimática	126
	10.4	Entalpia De Reação Por Matrizes	128
	10.5	Quantidades Termodinâmicas Por Ajuste Polinomial	130
	10.6	Estabilidade Termodinâmica de Biopolímeros	137
	10.7	Relação Quantitativa Estrutura-Função (QSAR) e Ajuste Multilinear	
	10.8	Rendimento de Reação & Planejamento Fatorial 2^2	
		Metodologia de Superfície de Resposta (MSR)	
11	Met	abolismo	149
	11.1	Rotas metabólicas & Balanceamento de Reações	149
	11.2	Operação matricial	149
12	Red	es Metabólicas	155
	12.1	Solução numérica para sistema de equações diferenciais	156
	12.2	Algumas reações do metabolismo da glicose	165
	12.3	Cinética do metabolismo de 6-mercaptopurina	169
Аp	êndi	ce A	175

Lista de Figuras

3.1	acetato	10
3.2	Relação entre pH (abscissa) e fração básica (ordenada) para o par conjugado ácido acético/íon acetato.	11
3.3	Relação entre pH (abscissa) e fração ácida (ordenada) para o par conjugado ácido carbônico/íon	
	bicarbonato.	12
3.4	Variação de pH com redução da fração ácida em sistema bicarbonato	13
3.5	Curva de titulação em sistema fosfato de tamponamento	14
3.6	Curva de titulação para o tampão fosfato, tal como obtida por recurso de programação no R. .	16
4.1	Fórmula estrutural planar para o ácido glutâmico (Wikimedia)	17
4.2	Curva de titulação para o ácido glutâmico. A curva intercepta a linha pontilhada no ponto	
	isoiônico do Glu	19
4.3	Curva de titulação para lisozima	21
5.1	Isoterma de saturação de oxigênio à mioglobina (linha contínua) e hemoglobina (linha ponti-	
	lhada), indicando o intercepto em pO2 de 50% (meia saturação).	37
5.2	Isoterma de saturação de oxigênio à hemoglobina pela equação de Adair	38
5.3	Curva de saturação de oxigênio à hemoglobina obtida por iteração da equação de Adair, tal	
	como corrigida para o efeito estatístico	39
6.1	Curva de Michaelis-Mentem para uma enzima exibindo Vm=10 e Km=0,5 (50 curvas)	44
6.2	Curvas de Michaelis-Menten com variação iterativa para Km de 0.1 a 10	45
6.3	Simulação de pontos experimentais (n=20) obtidos a partir da equação de Michaelis-Menten. $$.	46
6.4	Principais linearizações da equação de Michaelis-Menten	47
6.5	Representação de Lineweaver-Burk para os dados simulados da curva de Michaelis-Menten	48
6.6	Ajuste linear para os dados de Lineweaver-Burk	49
6.7	Gráficos diagnósticos de ajuste linear.	52
6.8	Curva de Michaelis-Mentem simulada com erro experimental aleatório. Vm=10; Km=0.5	54
6.9	Lineweaver-Burk dos dados do gráfico anterior.	55
6.10	Gráficos duplo-recíproco para a curva simulada de Michaelis-Menten, para distintos teores de	
	S inicial.	56
6.11	Distribuição de erros aleatórios para a equação de Michaelis-Mentem e suas transformações	
	lineares.	59
	Ajuste não linear para a simulação experimental da equação de Michaelis-Menten	62
	Perfil alostérico de uma enzima sob variação do coeficiente de cooperatividade nH	65
6.14	Comportamento cinético de uma enzima inibida por excesso de substrato.	66

Lista de Figuras

6.15	tante de equilíbrio de dissociação do inibidor, com índices para inibição competitiva (Ki), incompetitiva (Kiu) e não competitiva (Kic e Kiu).
6.16	Curva de Michaelis-Mentem na presença de inibidores de comportamento clássico
6.17	Diagnóstico de modelos de inibição enzimática por Lineweaver-Burk
6.18	
0.10	Tormação de produto num modelo effetico de estado pre estacionario.
7.1	Principais linearizações da isoterma de ligação ligante-proteína
7.2	Modelo e linearizações para heterogeneidade de 2 conjuntos de sítios de ligação 86
7.3	Modelo e linearizações para criação de novo sítio: 1-site creator
7.4	Modelo e linearizações para cooperatividade negativa de sítios de ligação
7.5	Modelo e linearizações para cooperatividade positiva de sítios de ligação
7.6	Dados simulados para isoterma de interação bimolecular
7.7	Plotagem e análise com graphics
7.8	Plotagem e análise com ggplot2
7.9	Plotagem e análise com ggplot2 - paineis (faceting)
7.10	Plotagem e análise com Lattice - ajuste externo e paineis
7.11	Plotagem e análise com Lattice - ajuste interno e paineis
7.12	Teores de ligante e proteína livres (L e P), bem como do complexo PL apresentados ao longo do
	tempo de acordo com o método Runge-Kutta de 4a. ordem para solução de equações diferenciais. 106
8.1	Comparação entre a curvas simuladas de Tm para a sequência nucleotídica da lisozima de galinha e lisozima humana, em função do teor de NaCl do meio
10.1	Dependência da temperatura com a variação de energia de Gibbs da interação de insulina com
100	seu receptor
10.2	Ajuste polinomial sobre os dados de variação de energia de Gibbs da interação de insulina com
10.3	seu receptor
10.5	180 kcal/mol, e DeltaCp = 3 kcal/mol/K
10.4	Superfície quadrática descrita pela equação de MSR com superposição dos valores experimentais. 147
10.1	oupernete quadratica deserta peta equação de Morceom superposição dos valores experimentais. 117
12.1	Uma representação da caixa preta de reações enzimáticas. E = enzima c,d = cofatores, coenzi-
	mas, modificadores; f,g = compostos secundários resultantes da catálise
12.2	, 1
	da espécie A em B, a uma taxa cinética k
12.3	3 1
	(teores iniciais)
12.4	Solução numérica para a conversão reversível da espécie A em B. k = 0,5; km = 0,1; Ao = 1; Bo
10.5	= 0,2 (teores iniciais)
12.5	Solução de Euler para uma cinética de 3 compostos. $k1 = 0.5$; $k2 = 1$; $km1 = 0.1$. Teores iniciais: Ao = 1; Bo = 0; Co = 0
196	Solução de Euler para uma cinética reversível de 3 compostos. k1 = 1; km1 = 3; k2 = 5; km1 =
12.0	0.1 Teores iniciais: Ao = 1: Bo = 0: Co = 0

12.7	Um exemplo de reações bioquímicas em rota metabólica fictícia. As setas pontilhadas junta-
	mente aos valores de ki e ka representam modulações alostéricas com respectivas constantes
	de inibição e ativação enzimáticas
12.8	Solução para uma via metabólica fictícia apresentando inibição (ki) e ativação (ka) alostéricas.
	Taxas cinéticas: k1 = 2, k2 = 0,5, k3 = 0,7, km3 = 0,3, k4 = 5, k5 = 1, ki = 0,3, ka = 0.2. Valores
	iniciais dos compostos: A=1; B, C, D, E, F = 0
12.9	Algumas relações metabólicas envolvidas na glicólise, gliconeogênese e vias das pentoses 166
12.10	Cinética de conversões para uma rede metabólica simples envolvendo algumas reações da
	glicólise, gliconeogênese e via das pentoses. Valores das constantes cinéticas: k1 = 0,1; k2 =
	0.5; $k3 = 0.05$; $k4 = 0.5$; $k5 = 0.2$. Valores iniciais dos compostos: $G6P = 1$; para os demais, 0 168
12.11	Cinética de conversões para uma rede metabólica simples envolvendo algumas reações da
	glicólise, gliconeogênese e via das pentoses. Valores das constantes cinéticas: k1 = 0,1; k2 =
	0.5; $k3 = 0.05$; $k4 = 0.5$; $k5 = 0.2$. Valores iniciais dos compostos: $G6P = 1$; para os demais, 0 169
12.12	2 Metabolismo esquemático simplificado para o metabolismo de 6-mercaptopurina (adaptado
	de Lavrova et al., 2017)
12.13	Dependência da dinâmica da rede metabólica de degradação de 6-mercaptopurina em função
	do teor inicial de ATP a 0,2 umol/L. Os valores iniciais e parâmetros são descritos no trecho
	de código
12.14	Dependência da dinâmica da rede metabólica de degradação de 6-mercaptopurina em função
	do teor inicial de ATP a 2 umol/L. Os valores iniciais e parâmetros são descritos no trecho de
	código

Lista de Tabelas

4.1	Tabela de valores de pKa para aminoácidos a partir de diversas fontes, extraída do pacote seqinr.	23
5.1	Composição de aminoácidos em albumina de soro humano	27
5.2	Composição de aminoácidos em albumina de soro humano (uso de loop)	28
5.3	Distribuição de classes de aminoácidos em albumina humana.	31
5.4	Tabela de purificação para uma enzima	35
10.1	Estequiometria reacional para solução matricial de formação de etano (C2H6)	130
10.2	dados multivariáveis de atividade biológica de TIBO e parâmetros preditivos	139
10.3	Dados de experimento fatorial (Neto e cols, 2010)	142
10.4	Dados de experimento de metodologia de superfície de resposta linear (Neto e cols, 2010)	144
10.5	Dados de experimento de metodologia de superfície quadrática de resposta (Neto e cols, 2010).	145

Introdução

O *software* de programação estatística **R** e sua interface gráfica (*GUI*) **Rstudio** encerram um ambiente de desenvolvimento integrado (*IDE*) de emprego virtualmente ilimitado para diversas áreas do conhecimento. Dentre essas, as *Ciências da Natureza* e, em especial, a *Bioquímica, Biologia Molecular, Biofísica*, e áreas afins.

São muitas as características que possibilitam o uso do *R & RStudio* para o ensino e aprendizagem em *Bioquímica*. Parte dessas características residem na *Pesquisa Reproduzível* (Gandrud 2018), o qual é resumidamente norteada pela:

- 1) Disponibilização dos dados originais;
- 2) Existência de um código para processar esses dados e analisá-los;
- 3) Documentação dos dados e do código, possibilitando sua reprodutibilidade;
- 4) Distribuição e acessibilidade do código.

Nesse sentido, a produção de textos, tabelas, gráficos, análise de dados e simulações, podem perfeitamente ajustar-se ao **ensino-aprendizagem** pelo uso de tais princípios e da simultaneidade de texto e códigos, tangenciando um **Ensino Reproduzível**. Tal abordagem permite ao leitor o estudo dos diversos temas tratados por leitura e interpretação, como também de sua apropriação mais convergente, pela execução, modificação, e criação de códigos pertinentes em cada tema. Na presente obra, essas concepções são aplicadas ao *conteúdo quantitativo* e às *relações matemáticas* dos temas abordados em *Bioquímica*.

Essas relações estão presentes nos livros-texto de Bioquímica e abrangem, por exemplo, curvas de titulação de ácidos fracos e aminoácidos, estudo de cargas efetivas em biomoléculas, características físico-químicas de proteínas e ácidos nucleicos previstas por análise de sequência, cinética de enzimas e sua inibição, quantidades termodinâmicas e Bioenergética, interação ligante-biopolímero, estequiometria de reações bioquímicas, rotas bioquímicas e redes metabólicas, dentre outros.

De modo geral, os temas acima são abordados neste material com auxílio do *R & RStudio*. Não obstante, seu conteúdo não possui a pretensão de abordar, para além da superfície, o uso do *R*, do *RStudio*, e mesmo dos temas de *Bioquímica* propostos. Para esses, recomenda-se as fontes tradicionais de tutoriais, livros-texto e internete. E tampouco se arrisca a adentrar no universo da *Bioinformática*, tradicional ou estrutural, como na *Biologia de Sistemas*, *alinhamento de sequências*, *predição estrutural*, *modelagem*, *dinâmica e atracamento moleculares*, ou nas várias faces dos *estudos ômicos*.

Em resumo, objetiva-se apenas abordar os conteúdos quantitativos e relações matemáticas presentes em parte da Bioquímica, tal como descrito acima, utilizando o R & Rstudio. Essa abordagem tangencia a solução de problemas e simulações por sistema linear de equações, álgebra linear, ajuste linear, não linear, polinomial, linear múltiplo, otimização, minimização, equações diferenciais simples, e análise de sequências, dentre outros.

Secundariamente, objetiva-se permitir que o leitor possa, a partir da repetição ou modificação de trechos simples de códigos e de *scripts*, reproduzir cálculos, gráficos e/ou tabelas pertinentes aos conteúdos elencados.

2 Biomoléculas e dimensões

2.1 Conversão de unidades

Quantidades podem ser convertidas com auxílio do R, desde que definidas as unidades envolvidas. Exemplificando, podemos converter e calcular o tempo decorrido de um evento em diferentes unidades, como segue:

```
# Algumas conversões de unidades de tempo
seg <- 1
min <- 60 * seg
hr <- 60 * min
dia <- 24 * hr
anos <- 365 * dia
# Qual o valor em segundos para um dia inteiro ?
dia / seg

[1] 86400
# Qual o valor em minutos para um ano inteiro ?
anos / min

[1] 525600
# E qual a idade da Terra em segundos (4.5e9 anos) ?
4.5e9 * anos / seg</pre>
```

[1] 1.41912e+17

Também é possível converter unidades entre si, como nas quantidades abaixo:

```
# Conversões de quantidades molares
mmol <- 1 # definições de quantidades
umol <- 1e-3 * mmol # micromol
nmol <- 1e-3 * umol # nanomol
pmol <- 1e-3 * nmol # picomol

# Quantos picomol possui 6,25 mmol ?
6.25 * mmol / pmol</pre>
```

[1] 6.25e+09

2.2 Versatilidade estrutural em biopolímeros

Biopolímeros, ou biomacromoléculas, podem ser considerados polímeros com unidades monoméricas compostas por biomoléculas. Assim, proteínas, ácidos nucleicos ou glicanos (polissacarídios) são respectivamente formados por aminoácidos (20 tipos codificáveis em proteínas, a partir de 64 códons do código genético), bases nitrogenadas (4 tipos com citosina do DNA substituida por uracila no RNA) e monossacarídios (inferior a 6 tipos).

Do ponto de vista da variabilidade estrutural, tomando-se por base apenas a combinação de monômeros, é possível prever o número de estruturas distintas pela simples relação (Otaki et al. 2005):

$$no.bio polmeros = monmeros^{sequncia}(\#eq : variab)$$
 (2.1)

No 'R' a operação é bem simples, como no exemplo abaixo:

Cálculo de estruturas peptídicas possíveis numa sequência de 8 elementos (ex: angiotensina II)
20^8

[1] 2.56e+10

É claro que essa variabilidade simulada não se concretiza na Natureza, posto que o cálculo pressupõe a repetição de qualquer monômero ao longo da sequência, ou de conjuntos ou alterâncias desses. Ou seja, peptídeos com somente um tipo ou dois de aminoácidos, por exemplo, não são fisiologicamente viáveis. Isso se concretiza quando observamos que existem em torno de 35 mil proteínas expressas pelo genoma humano, e cujo tamanho médio encontra-se em torno de 476 resíduos de aminoácidos. Se aplicarmos a equação @ref(eq:variab) acima para essa situação, encontraríamos...

Cálculo de estruturas proteicas humanas possíveis numa sequência média de 476 resíduos de aminoác 20^476

[1] Inf

Ou seja, nem mesmo o R é capaz de calcular, uma vez que o tamanho da sequência é limitada computacionalmente no programa a 237 resíduos ($20^{237} = 1.1 \times 10^{307}$). Ainda que pareça uma limitação, veja que resulta em valor muito acima do número de Avogadro ($6,02 \times 10^{23}$), e mesmo acima do limite computacional para alguns programas matemáticos, tais como os encontrados em algoritmos da internete (Google), e programas matemáticos (ex: Gnu Octave). Ainda assim, o Maxima, programa matemático de distribuição livre, informa que 20^{476} representa um valor com 570 dígitos (algo como 10^{569}).

Em contrapartida, esses cálculos simples também não levam em conta que biomoléculas podem apresentar diversos tipos de *isomeria*, como óptica (D/L), posicional, geométrica (cis/trans), configuracional (syn/anti), ou conformacional (bote/cadeira), o que eleva consideravelmente o número de estruturas possíveis na Natureza.

3 Tampões biológicos

3.1 Sistema acetato

A titulação de um ácido fraco é baseada na equação de Henderson-Hasselbach como segue (Po e Senozan 2001) :

$$pH = pKa + log \frac{[A^{-}]}{[HA]} (\#eq : hender - hassel)$$
(3.1)

Ocorre que podemos tratar os teores de A^- e HA não em termos absolutos, mas como frações, tanto de base (fb), como de ácido (fa), tal que:

$$fa + fb = 1(\#eq : frac - tit)$$
(3.2)

Assim, pode-se definir que após uma certa quantidade de base, o valor inicial de *HA*, em fração unitária, será de *1-fb*; dessa forma, a expressão de Henderson-Hasselbach pode ser escrita como:

$$pH = pKa + log \frac{fb}{1 - fb} (\#eq : HH - frac)$$
(3.3)

A partir dessa dedução, pode-se facilmente relacionar que:

$$fb = \frac{10^{(pH-pKa)}}{1+10^{(pH-pKa)}} (\#eq : HH-fb)$$
(3.4)

E, da mesma forma, pode-se encontrar fa como

$$fa = 1 - fb(\#eq : HH - fb2)$$
 (3.5)

Resultando em

$$fa = \frac{1}{1 + 10(pH - pKa)} (\#eq : HH - fa)$$
(3.6)

Dessa forma é possível simular pelo *R* uma curva de titulação de um ácido fraco qualquer baseando-se em seu valor de pKa. Com exemplo em meio de acetobactérias, podemos exemplificar o tampão acetato, com valor de pKa de 4,75. Para isso utiliza-se a função curve a partir de seus argumentos (args), como segue:

3 Tampões biológicos

```
# Argumentos para uma função
args(curve)
```

```
function (expr, from = NULL, to = NULL, n = 101, add = FALSE,
    type = "1", xname = "x", xlab = xname, ylab = NULL, log = NULL,
    xlim = NULL, ...)
NULL
```

Ou, de forma mais simples:

```
# Curva de titulação para o sistema acetato/ácido acético
pKa = 4.75
curve((1/(1+10^(x-pKa))),0,14)
```

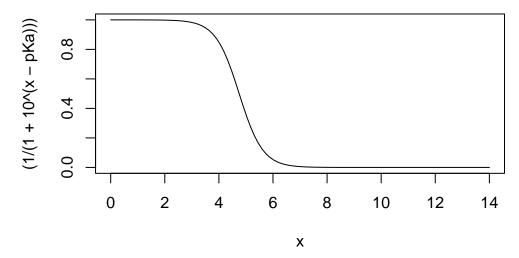


Figura 3.1: Relação entre pH (abscissa) e fração ácida (ordenada) para o par conjugado ácido acético/íon acetato.

Também pode-se fazer o inverso, elaborando um gráfico com a fração fb:

```
# Curva de titulação para o sistema acetato/ácido acético
pKa = 4.75
curve(((10^(x-pKa))/(1+10^(x-pKa))),0,14)
```

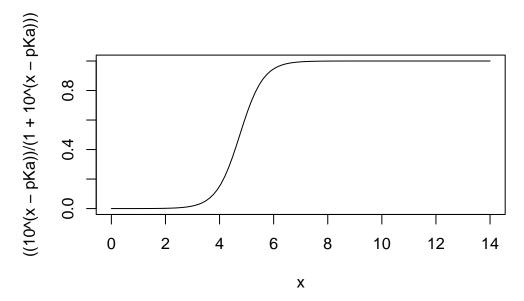


Figura 3.2: Relação entre pH (abscissa) e fração básica (ordenada) para o par conjugado ácido acético/íon acetato.

3.2 Sistema bicarbonato

Com o procedimento acima pode-se também simular a curva de titulação para o sistema bicarbonato de tamponamento sanguíneo com base nos valores de pKa do par ácido-base conjugado, apenas somando-se as expressões na Equação @ref(eq:HH-fa), tal que:

$$fa = \frac{1}{1 + 10^{(pH - pKa1)}} + \frac{1}{1 + 10^{(pH - pKa2)}} (\#eq : HHbic)$$
(3.7)

Assim,

```
pKa1 = 6.37

pKa2 = 10.20

curve((1/(1+10^(x-pKa1)))+1/(1+10^(x-pKa2)), 0, 14)
```

3 Tampões biológicos

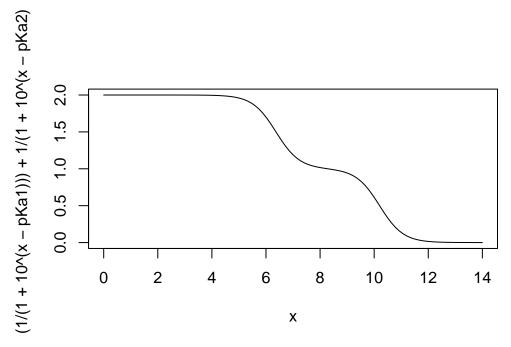


Figura 3.3: Relação entre pH (abscissa) e fração ácida (ordenada) para o par conjugado ácido carbônico/íon bicarbonato.

O gráfico da Figura @ref(fig:titAcet) pode ser armazenado em formatos, utilizando-se, por exemplo, o comando dev.copy:

```
dev.copy(pdf, "titBicarb.pdf", width=6, height=3) # alternativamente, bmp, jpeg, tiff, svg, png
```

E é claro que, partindo-se dos argumentos da função curve acima, e da flexibilidade que o pacote interno *Graphics* do R possibilita, pode-se elaborar uma curva mais complexa, como segue:

Titulação de Ácido carbônico, H2CO3/HCO3-

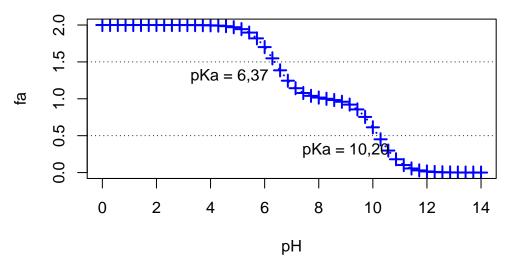


Figura 3.4: Variação de pH com redução da fração ácida em sistema bicarbonato.

A título de ilustração é possível "recuperar" o valor de pKa fisiológico acima, ou seja, pKa1, utilizando-se o comando locator(). Como trata-se de um ponto apenas no gráfico, basta digitar o código locator(1) e clicar com o botão esquerdo do mouse no ponto da curva correpondente à fração de 0,5 para fa.

locator(1) # para mais pontos no gráfico, basta aumentar o valor entre parênteses

Observe que à medida em que o valor de pH aproxima-se do de pKa, a crescente variação em fa parece afetar cada vez menos a variação em pH. Isto é a "alma" do sistema tampão, que permite aos organismos resistirem a variações de pH tanto quanto essas estiverem próximas do valor de pKa correspondentes (bicarbonato, fosfato, proteínas).

Enquanto o sistema bicarbonato possui dois valores de pKa ¹ , um dos quais na faixa de tamponamento fisiológico extracelular, o sistema fosfato que atua intracelularmente possui três valores de pKa, embora também atuando em apenas uma faixa fisiológica.

3.3 Sistema fosfato

Da mesma forma que simulado para o sistema bicarbonato, podemos elaborar uma curva de titulação para o sistema fosfato de tamponamento, dessa vez considerando seus três valores de pKa correspondentes a cada dissociação do ácido triprótico. Como dantes, a expressão que define a fração fa deverá ser tomada como uma soma algébrica, como segue:

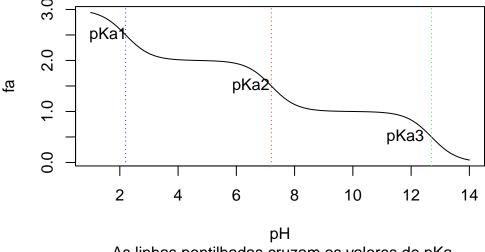
¹Obs: o valor de pKa do sistema bicarbonato é de 6,8 quando considerado o CO_2 como fonte de ácido carbônico H_2CO_3 em sua reação com H_2O , como por exemplo, para determinação de parâmetros arteriais em analisador hospitalar (CO_2, HCO_3^-, O_2) .

$$fa = \frac{1}{1 + 10^{(pH - pKa1)}} + \frac{1}{1 + 10^{(pH - pK2)}} + \frac{1}{1 + 10^{(pH - pKa3)}} (\#eq : HHfosf)$$
(3.8)

No *R* isso pode ser feito como abaixo:

```
pKa1=2.2
pKa2=7.2
pKa3=12.7
curve((1/(1+10^{(x-pKa1))})+
      (1/(1+10^{(x-pKa2))})+
      (1/(1+10^{(x-pKa3))}),
      xlim=c(1,14),
      xlab="pH",ylab="fa",
      main="Titulação de tampão fosfato",
      sub = " As linhas pontilhadas cruzam os valores de pKa"
abline(v=c(2.2,7.2,12.7),col=c("blue","red","green"),lty="dotted") # adição de linhas verticais mar
text(1.6,2.5,"pKa1")
text(6.5,1.5,"pKa2")
text(11.8,0.5,"pKa3")
```

Titulação de tampão fosfato



As linhas pontilhadas cruzam os valores de pKa

Figura 3.5: Curva de titulação em sistema fosfato de tamponamento.

3.3.1 Titulação de sistemas em geral com programação do R

Como ilustrado no fornecimento de argumentos da função *args*, o 'R' é uma linguagem de programação orientada a objeto, e cujos comandos são estruturados como *funções*. Dessa forma, é possível criar uma função no 'R' para operacionalizar ou automatizar qualquer trabalho computacional.

Uma função pode ser criada basicamente pelas instrução que segue:

```
função.X <- function( arg1, arg2, arg3 )
{
comandos de execução
return( objeto da função )
}</pre>
```

Como exemplo, pode-se criar uma função para converter a temperatura de graus Celsius (C) para temperatura absoluta (K), como segue:

```
# Função para conversão de graus Celsius a Kelvin
CtoK <- function (tC) {
  tK <-tC + 273.15
  return(tK)
  }</pre>
```

Para executar essa função CtoK, basta:

```
# Executando CtoK:
CtoK (37)
```

```
[1] 310.15
```

Tendo isso em mente, também podemos criar uma função que auxilie na elaboração de curvas de titulação, como acima. Essas operações podem ser automatizadas não apenas para o tampão fosfato, mas para qualquer composto sob dissociação em meio aquoso, não importando o número de prótons envolvidos. Para isso, é necessário:

- 1. Definir uma *função* do *R* que contenha os parâmetros e a operação desejada.
- 2. Incluir na função uma estrutura de *laço* ou *loop* que permita repetir a operação até exaurido o número de prótons do composto.
- 3. Definir um vetor do *R* contendo os valores dos pKas do composto.
- 4. Definir a expressão de curva que viabilize a simulação.

Abaixo é apresentado um modelo de código que permite a simulação para o tampão fosfato.

3 Tampões biológicos

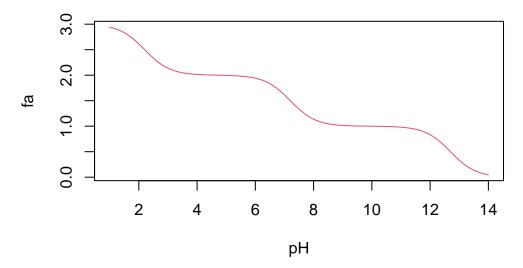


Figura 3.6: Curva de titulação para o tampão fosfato, tal como obtida por recurso de programação no R.

4 Aminoácidos & Peptídios

4.1 Ponto isoelétrico & aminoácidos

De modo geral o ponto isoelétrico, ou pl, representa o valor de pH em que uma molécula adquire uma carga líquida nula sob campo elétrico, ou seja, suas cargas positivas anulam-se com as cargas negativas. Normalmente é experimentalmente obtido por medidas cinéticas, tais como potencial Zeta, eletrofocalização ou eletroforese capilar. De modo similar, o ponto isoiônico refere-se à mesma condição, no entanto na ausência de campo elétrico, podendo ser aferido por titulação potenciométrica, viscosidade, ou pela informação estrutural de uma sequência monomérica, tal como ocorre na sequência primária de proteínas.

Como todos os 20 aminoácidos que participam da estrutura proteica possuem grupos ionizáveis, tanto em seu esqueleto carbônico como em sua cadeia lateral, é possível prever o ponto isoiônico de um aminoácido em função dos valores de *pKa* apresentados nesses grupos ionizáveis. O *pI* também é denominado comumente por *ponto isoelétrico*, embora essa definição encerre em si uma abrangência teórica mais complexa.

Exemplificando, o ácido glutâmico (Glu, E) apresenta um carboxilato ionizável em sua cadeia lateral, além dos grupos amina (-H₂N) e carboxilato do esqueleto carbônico (Figura @ref(fig:glu)):

Figura 4.1: Fórmula estrutural planar para o ácido glutâmico (Wikimedia).

Dessa forma, sua *rede de carga líquida*, *qnet*, pode ser determinada a partir da soma da forma ácida (qa) e básica (qb) da molécula, de forma similar como a que foi apresentada a partir da Equação @ref(eq:HHfosf):

$$qnet = qb + qa (4.1)$$

(#eq:qnet)

$$qnet = qb + \frac{1}{1 + 10^{pH - pKa}} \tag{4.2}$$

4 Aminoácidos & Peptídios

(#eq:qnet2)

Como trata-se um ácido poliprótico, a equação @ref(eq:qnet2) torna-se:

$$qnet = \sum_{i=1}^{n} \left(qb + \frac{1}{1 + 10^{pH - pKi}} \right) \tag{4.3}$$

(#eq:qnet3)

, com pKi como o enésimo valor de pKa. Dessa forma pode-se determinar programaticamente a curva de titulação do ácido glutâmico em função de sua carga, e não da fração ácida. Nessa linha, qb representa a forma do composto em base, o que para Glu apresentará os valores de -1 para os dois carboxilatos, e de θ para o grupo amina, sendo necessário compor um vetor adicional para qb.

```
# Titulação de Glu

qNet <- function(pH, qB, pKa) {
    x <- 0
    for (i in 1:length(qB)) {
        x <- x + qB[i] + 1 / (1 + 10^(pH - pKa[i]))
    }
    return(x)
}

qB <- c(-1, 0, -1)
pKa <- c(2.2, 9.7, 4.3)

curve(qNet(x, qB, pKa), 1, 12, xlab = "pH", ylab = "qNet")

abline(0, 0, lty = "dotted")</pre>
```

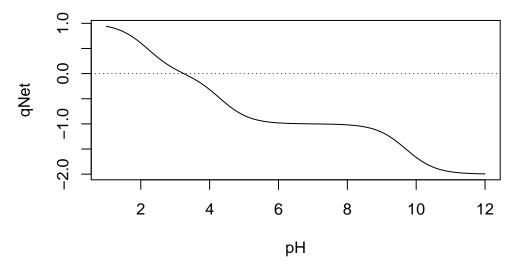


Figura 4.2: Curva de titulação para o ácido glutâmico. A curva intercepta a linha pontilhada no ponto isoiônico do Glu.

Manualmente é possível identificar o valor de pI para o ácido glutâmico por uma função do R, tal como locator() visto anteriormente. Mas também é possível acessar esse valor automaticamente, aplicando um comando que encontre a raíz dessa função, ou seja, o valor de pH que corresponda a um valor nulo para qnet. Para isto, exemplifica-se o uso de uniroot, no qual define-se a função matemática pretendida, bem como os limites inferior e superior para a busca pelo algoritmo, como segue:

```
# Cálculo de pI
f <- function(pH) {
   qNet(pH, qB, pKa)
}
str(uniroot(f, c(2, 5)))</pre>
```

```
List of 5
$ root : num 3.25
$ f.root : num -4.8e-06
$ iter : int 4
$ init.it : int NA
$ estim.prec: num 6.1e-05
```

Esse resultado traduz-se como um pI de 3,25 (root), em 4 iterações, com uma estimativa de precisão de $6,1\times10^{-6}$, e erro associado de $-4,8\times10^{-6}$.

Essa forma de se obter um valor empregando-se o cálculo numérico é por vezes denominada **solução numérica**. Por outro lado, pode-se obter o valor de pI para o Glu por um procedimento mais simples, normalmente encontrado nos livros-texto sobre o assunto, e que assume a forma abaixo:

$$pI = \frac{pKa1 + pKa2}{2} \tag{4.4}$$

4 Aminoácidos & Peptídios

No nosso exemplo, o pI envolverá os pKas dos dois carboxilatos, o que resultará em (2,3+4,2)/2, ou seja, 3,25! Nada mal para uma aproximação, não ? Esse procedimento envolvendo a solução de um problema matemático a partir de parâmetros do sistema é denominado método ou **solução analítica**. Essa solução também pode ser exemplificada pelo parâmetro obtido em função da observação do comportamento gráfico da titulação, como nas figuras acima.

Agora, pra que nos serve um procedimento numérico mais complexo, se uma simples equação analítica já nos resolve o problema de se encontrar o valor de pI para o ácido glutâmico? Bom, extamente pra isso, para solução de problemas mais complexos. Um pouco menos retórico, entretanto, pode-se afirmar que a *solução numérica* funciona melhor para sistemas onde a *solução analítica* por vezes não é suficiente ou torna-se mesmo impossível, como na solução de equações com dezenas de parâmetros.

4.2 Ponto isoiônico & biopolímeros

Uma situção nesse tema pode ser ilustrada pela obtenção do valor de pI para uma proteína. Exemplificando, a lisozima humana, enzima de estrutura terciária composta por 130 resíduos de aminoácidos. Nesse caso, a solução analítica esbarra na complexidade em se identificar quais desses resíduos são ionizáveis em solução aquosa, e quais estariam envolvidos numa distribuição que resultasse numa carga líquida nula para a molécula.

Para esse sistema mais complexo é necessário ampliar um pouco a função definida para o ácido glutâmico, computando-se no vetor de qb as cargas em base dos 7 aminoácidos com cadeias laterais ionizáveis, e atribuir um novo vetor para o quantitativo de cada resíduo ionizável presente na lisozima. O código abaixo exemplifica essa solução, calcula o pI da enzima, e elabora o gráfico de sua titulação, embora essa ordem não seja relevante, posto que o pI é calculado numericamente, e não graficamente.

```
# Titulação de Lisozima e Determinação de pI

# Define função para qNet

qNet <- function(pH, qB, pKa, n) {
    x <- 0
    for (i in 1:length(qB)) {
        x <- x + n[i] * qB[i] + n[i] / (1 + 10^(pH - pKa[i]))
    }
    return(x)
}

# Define pKas de aCOOH, aNH3 e as 7 cadeias laterais de AA
pKa <- c(2.2, 9.6, 3.9, 4.1, 6.0, 8.5, 10.1, 10.8, 12.5)

# Define qB, as cargas de cada aminoácido na forma básica
qB <- c(-1, 0, -1, -1, 0, -1, -1, 0, 0)

ionizavel <- c(
```

```
"aCOOH", "aNH3", "Asp", "Glu", "His", "Cys", "Tyr",
    "Lys", "Arg"
)
n <- c(1, 1, 7, 3, 1, 8, 6, 5, 14) # Lista para quantidades de resíduos ionizáveis na lisozima (cada e
# Cálculo de pI
f <- function(pH) {
    qNet(pH, qB, pKa, n)
}
str(uniroot(f, c(1, 13))) # estimativa de pI entre 10 e 12</pre>
```

```
List of 5
$ root : num 9.46
$ f.root : num 3.3e-07
$ iter : int 7
$ init.it : int NA
$ estim.prec: num 6.1e-05
```

```
# Gráfico de titulação
curve(qNet(x, qB, pKa, n), 1, 12, xlab = "pH", ylab = "qNet")
abline(0, 0, lty = 3)
```

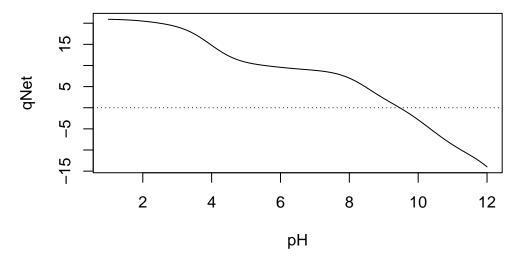


Figura 4.3: Curva de titulação para lisozima.

Observe que o valor encontrado para pI da lisozima foi de 9,46; ou seja, em pH 9,46 a enzima apresenta rede de carga líquida nula, como também pode ser verificado na representação gráfica.

4.3 Ponto isoiônico & bibliotecas do R

Não obstante a precisão do cálculo de pI pela *solução numérica* realizada para a lisozima, uma das características mais fascinantes do programa reside no uso de bibliotecas (packages), não sendo diferente para determinção de propriedades de biopolímeros, tais como pI.

Entre as bibliotecas existentes para propriedades físico-químicas de proteínas e ácidos nucleicos exemplificase o pacote seqinr, *Biological Sequences Retrieval and Analysis* ¹, de análise e visualização exploratória de biopolímeros. Para uso desse pacote, contudo, faz-se necessário a obtenção da sequência primária da proteína, representada em código de uma letra. Pode-se obter a sequência primária da lisozima pelo sítio do *National Center for Biotechnology Information*, NCBI ². Um truque rápido envolve:

- 1) digitar o nome da proteína;
- 2) selecionar entre as opções resultantes;
- 3) clicar em FASTA para obter a sequência primária de 1 letra.
- 4) copiar a sequência da proteína apresentada para o seqinr.

Presupondo-se que a biblioteca seqinr esteja instalada, e que a sequência tenha sido obtida para a lisozima (busca por *CAA32175* ou *lysozyme* [*Homo sapiens*]), pode-se encontrar o valor do pI para a mesma pelo código que segue:

```
library(seqinr)
```

lisozima <- s2c("KVFERCELARTLKRLGMDGYRGISLANWMCLAKWESGYNTRATNYNAGDR STDYGIFQINSRYWCNDGKTPGAVNACHLSC computePI(lisozima)

[1] 9.2778

Veja que o valor de pI pelo pacote, 9,28, foi bem próximo do encontrado pela *solução numérica* acima. Isto deve-se ao uso de algoritmos distintos para ambos, bem como o cômputo dos valores de pKa distintos para o seqinr. Exemplificando essa variação, o próprio seqinr apresenta valores de pKa diferentes, em função da base de dados buscada. Para verificar isso, digite o comando abaixo e visualize e variável *pK* resultante.

library(seqinr)
data(pK)

Complementarmente, pode-se também comparar o valor de pI da lisozima com o algoritmo utilizado pelo banco de dados no sítio ³. Para isto, basta colar a sequência de resíduos no campo disponível e clicar o cômputo de pI. Veja que o valor resultante de 9,28 coincide com o do algoritmo utilizado pelo pacote seqinr do R.

¹Pacote seqinr: https://cran.r-project.org/web/packages/seqinr/index.html

²NCBI. https://www.ncbi.nlm.nih.gov/protein

³Expasy. https://web.expasy.org/compute_pi/

library(knitr)

knitr::kable(pK, "pipe", caption = "Tabela de valores de pKa para aminoácidos a partir de diversas fon

Tabela 4.1: Tabela de valores de pKa para aminoácidos a partir de diversas fontes, extraída do pacote seqinr.

	Bjellqvist	EMBOSS	Murray	Sillero	Solomon	Stryer
C	9.00	8.5	8.33	9.0	8.3	8.5
D	4.05	3.9	3.68	4.0	3.9	4.4
E	4.45	4.1	4.25	4.5	4.3	4.4
Н	5.98	6.5	6.00	6.4	6.0	6.5
K	10.00	10.8	11.50	10.4	10.5	10.0
R	12.00	12.5	11.50	12.0	12.5	12.0
Y	10.00	10.1	10.07	10.0	10.1	10.0

Existem outros pacotes do R que analisam sequências de aminoácidos e nucleotídeos, incluindo o cálculo de pI, entre os quais vale mencionar o Peptides ⁴.

 $^{^4}pacote\ Peptides.\ https://cran.r-project.org/web/packages/Peptides/index.html$

5.1 Composição de aminoácidos

Proteínas constituem biopolímeros formados por 20 aminoácidos. Dessa forma pode-se avaliar facilmente a composição de qualquer proteína disponível em banco de dados, como o *PDB* visto no capítulo @ref(AAcido). Tomando-se a albumina de soro humano como exemplo, código *AAA98797* do *National Center for Biotechnology Information*, é possível contabilizar os 20 tipos de aminoácidos que compõe sua sequência. Para isto basta considerar a sequência *FASTA* como uma *string*, e extrair a quantidade de cada letra, utilizando-se a biblioteca *stringr*, como segue.

Primeiro, obtém-se a sequência FASTA da albumina de soro.

seq <- "MKWVTFISLLFLFSSAYSRGVFRRDAHKSEVAHRFKDLGEENFKALVLIAFAQYLQQCPFEDHVKLVNEV
TEFAKTCVADESAENCDKSLHTLFGDKLCTVATLRETYGEMADCCAKQEPERNECFLQHKDDNPNLPRLV
RPEVDVMCTAFHDNEETFLKKYLYEIARRHPYFYAPELLFFAKRYKAAFTECCQAADKAACLLPKLDELR
DEGKASSAKQRLKCASLQKFGERAFKAWAVARLSQRFPKAEFAEVSKLVTDLTKVHTECCHGDLLECADD
RADLAKYICENQDSISSKLKECCEKPLLEKSHCIAEVENDEMPADLPSLAADFVESKDVCKNYAEAKDVF
LGMFLYEYARRHPDYSVVLLLRLAKTYETTLEKCCAAADPHECYAKVFDEFKPLVEEPQNLIKQNCELFE
QLGEYKFQNALLVRYTKKVPQVSTPTLVEVSRNLGKVGSKCCKHPEAKRMPCAEDYLSVVLNQLCVLHEK
TPVSDRVTKCCTESLVNRRPCFSALEVDETYVPKEFNAETFTFHADICTLSEKERQIKKQTALVELVKHK
PKATKEQLKAVMDDFAAFVEKCCKADDKETCFAEEGKKLVAASQAALGL"

Pode-se observar que há espaços vazios, que podem ser omitidos por razões estéticas ou não, já que o pacote *stringr* não os contabilizará, contrariamente a pacotes mais específicos para sequências biológicas, como o *seqinr* visto anteriormente. Mas se desejar omitir esses espaços, basta executar o código abaixo.

```
seq <- seq[seq != "\n"]
seq # operação booleana != significa "não"</pre>
```

 $[1] \ "MKWVTFISLLFLFSSAYSRGVFRRDAHKSEVAHRFKDLGEENFKALVLIAFAQYLQQCPFEDHVKLVNEV \backslash nTEFAKTCVADESAENCDKSLHTLFGERFAKTCVADESAENCDKSTAENCOMTGERFAKTCVADESAENCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCOMTGERFAKTCO$

A seguir, obtém-se o quantitativo de uma letra específica da sequência.

```
library(stringr)
aa <- str_count(seq, pattern = "A")
aa</pre>
```

[1] 63

Veja que o comando str_count contabiliza apenas a letra "A" na sequência. Dessa forma, é possível obter todos os 20 aminoácidos, repetindo-se esse comando.

```
library(stringr)
ala <- str_count(seq, pattern = "A")</pre>
arg <- str_count(seq, pattern = "R")</pre>
asn <- str_count(seq, pattern = "N")</pre>
asp <- str count(seq, pattern = "D")
cys <- str_count(seq, pattern = "C")</pre>
glu <- str_count(seq, pattern = "E")</pre>
gln <- str_count(seq, pattern = "Q")</pre>
gly <- str_count(seq, pattern = "G")</pre>
his <- str_count(seq, pattern = "H")</pre>
ile <- str_count(seq, pattern = "I")</pre>
leu <- str_count(seq, pattern = "L")</pre>
lys <- str_count(seq, pattern = "K")</pre>
met <- str count(seq, pattern = "M")</pre>
phe <- str_count(seq, pattern = "F")</pre>
pro <- str_count(seq, pattern = "P")</pre>
ser <- str_count(seq, pattern = "S")</pre>
thr <- str_count(seq, pattern = "T")</pre>
trp <- str_count(seq, pattern = "W")</pre>
tyr <- str count(seq, pattern = "Y")
val <- str_count(seq, pattern = "V")</pre>
```

E, para visualizar o resultado numa tabela:

Tipo Qtde

5.1 Composição de aminoácidos

```
1
    Ala
          63
2
          27
    Arg
3
    Asn
          17
4
    Asp
          36
5
    Cys
          35
6
    Glu
          62
7
    Gln
          20
8
    Gly
          13
9
    His
          16
10 Ile
          9
11 Leu
          64
12 Lys
          60
13 Met
          7
14 Phe
          35
15 Pro
          24
16 Ser
          28
17 Thr
          29
           2
18 Trp
19 Tyr
          19
20 Val
          43
```

O 'R' possui alguns comandos para a geração estética de tabelas, entre os quais os incluídos no pacote 'knitr', como segue:

```
library(knitr) # para gerar a tabela

knitr::kable(aa_seq, caption = "Composição de aminoácidos em albumina de soro humano.", "pipe") # tabe
```

Tabela 5.1: Composição de aminoácidos em albumina de soro humano.

Tipo	Qtde
Ala	63
Arg	27
Asn	17
Asp	36
Cys	35
Glu	62
Gln	20
Gly	13
His	16
Ile	9
Leu	64
Lys	60

Tipo	Qtde
Met	7
Phe	35
Pro	24
Ser	28
Thr	29
Trp	2
Tyr	19
Val	43

Observe que, à despeito do resultado obtido, houve certo trabalho em se obter a composição da albumina, a partir das 20 linhas modificadas para cada aminoácido. Uma alternativa mais prática consiste em considerar um *loop* que execute a extração da informação desejada para um vetor contendo a abreviação de uma letra para cada aminoácido.

```
aa_1abrev <- c("A", "R", "N", "D", "C", "E", "Q", "G", "H", "I", "L", "K", "M", "F", "P", "S", "T",
for (i in aa_1abrev) {
    aa_quant2 <- str_count(seq, pattern = aa_1abrev)
    return(aa_quant2) # sintaxe opcional para função com apenas uma saída
}

aa_seq <- data.frame(aa_3abrev, aa_quant2) # dataframe com os resultados
colnames(aa_seq) <- c("Tipo", "Qtde") # renomear as colunas
knitr::kable(aa_seq, caption = "Composição de aminoácidos em albumina de soro humano (uso de loop).</pre>
```

Tabela 5.2: Composição de aminoácidos em albumina de soro humano (uso de loop).

Tipo	Qtde
Ala	63
Arg	27
Asn	17
Asp	36
Cys	35
Glu	62
Gln	20
Gly	13
His	16
Ile	9
Leu	64
Lys	60
Met	7

Qtde
35
24
28
29
2
19
43

Dessa forma obtém-se o mesmo resultado, mas com menor consumo de memória e maior velocidade de processamento, características em qualquer lógica de programação. Apesar do *loop* exemplificar uma automação, a função str_count retém em si um *loop* interno, já que aplica uma função de contagem de elementos a uma sequência, a partir de um padrão pré-definido (o vetor *aa_1abrev*, no caso). Dessa forma, pode-se simplificar ainda mais o script, não necessitando do *loop* externo.

```
str_count(seq, pattern = aa_1abrev)

[1] 63 27 17 36 35 62 20 13 16 9 64 60 7 35 24 28 29 2 19 43
```

Diversas funções do R exibem esse *loop* interno, e que pode ser aplicado em vetores, listas, matrizes e *dataframes* (planilha de dados). As mais simples envolvem a aplicação de uma função pré-programada do R a um vetor, por ex:

```
y <- c(1, 2, 4, 8, 16, 32)
mean(y)

[1] 10.5
sum(y)
```

[1] 63

Outra vetorização frequente decorre da aplicação de uma *função* de usuário a vetor, reduzindo a necessidade de repetição de comandos, como no exemplo abaixo:

```
# Tamanho médio estimado de uma proteína a partir do no. de resíduos de aminoácidos
prot.tamanho <- function(x) {
   MM <- x * 110 # 'x' representa o número de aminoácidos da proteína
   return(MM)
}
prot.tamanho(575) # no. de resíduos de aminoácidos de albumina humana</pre>
```

[1] 63250

Outra forma de vetorização envolve a família de funções apply, composta pelos comandos apply, sapply, tapply, lapply, e mapply. Embora possuam processamento mais rápido que funções de *loop* externo para uso de matrizes muito complexas, cada qual é voltado a um objeto distinto ou situação específica do R (retorno de lista, vetor ou matriz), permite o uso de subset (subconjuntos de dados), utiliza funções do R ou funções previamente definidas pelo usuário, e roda em apenas uma linha de comando. Essas vantagens contrapõe-se ao uso de *loop for* aplicado para vetores. Contudo, a vetorização opera muito bem quando se deseja aplicar ou mapear uma função a um vetor/matriz/lista. Quando, por outro lado, se deseja aplicar uma função cujo resultado dependa de mais de um vetor/matriz/lista, o *loop for* torna-se indispensável, como na titulação de ácidos fracos do capítulo @ref(AAcido).

Seja qual for o método empregado (e aí vale destacar as chamadas *boas práticas de programação* na construção de *scripts* ¹), é possível construir uma composição mais geral para o conjunto de resíduos da proteína. Assim, podemos obter qualquer relação quantitativa a partir da sequência, já que a estamos tratando como uma *string*. Exemplificando, uma tabela contendo a classe de cada aminoácido que compõe a sequência.

```
aa_ac <- aa_seq[4, 2] + aa_seq[6, 2] # AA ácicos
aa_bas <- aa_seq[2, 2] + aa_seq[9, 2] + aa_seq[12, 2] # AA básicos
aa_arom <- aa_seq[14, 2] + aa_seq[18, 2] + aa_seq[19, 2] # AA aromáticos
aa_alif <- aa_seq[10, 2] + aa_seq[11, 2] + aa_seq[15, 2] + aa_seq[1, 2] + aa_seq[20, 2] # AA alifát
aa_pol <- aa_seq[3, 2] + aa_seq[5, 2] + aa_seq[7, 2] + aa_seq[8, 2] + aa_seq[13, 2] + aa_seq[16, 2]</pre>
```

Agora, ao invés de se construir uma tabela com a contagem desses grupos, façamos o percentual dos mesmos, para uma visão mais geral da sequência.

```
aa_tot <- str_count(seq, pattern = "") # comprimento da sequência
class_perc <- round(c(aa_ac, aa_bas, aa_arom, aa_alif, aa_pol) / aa_tot * 100)</pre>
```

E agora, sim, constroi-se a tabela.

```
aa_class <- c("ácido", "básico", "aromático", "alifático", "polar")
aa_perc <- data.frame(aa_class, class_perc) # dataframe com os resultados
colnames(aa_perc) <- c("Classe", "%") # renomear as colunas
knitr::kable(aa_perc, caption = "Distribuição de classes de aminoácidos em albumina humana.", "pipe</pre>
```

¹Algumas práticas de programação (*Best Codes*): 1) organizar um projeto em pastas (ex: dados,figuras,scripts) ou criar um pacote do R como opção; 2) criar seções num código pra facilitar localização; 3) nomear os *code chunks* (pedaços de código); 4) colocar no início do código as bibliotecas utilizadas, fontes, e chamada de dados (evita procurar algo necessário pro *script* rodar ao longo do código); 5) identar, preferivelmente com 1 ou 2 comandos por linha; 6) parâmetros de função sempre dentro de função; 7) evitar parâmetros globais; 8) não usar 'attach'; 8) usar parâmetros com nomes intuitivos (e não x e y; ex: nome_função); 9) atribuir nomes à objetos com uma das três convenções nominais (ex: KiCompet, ki_compet, ki.compet).

Tabela 5.3: Distribuição de classes de aminoácidos em albumina humana.	m 1 1 = a D: . :1 : ~	1 1 1	11 . 1
Tabela 3.3. Distributeat de classes de animoacidos em aibumna numana.	Lahela 5 3 Dietrihilican (le classes de aminoacidos	em alhumina humana
	Tabela 3.3. Distribuição (ic classes ac allilloactabs	ciii aibuiiiiia iiuiiiaiia.

Classe	%
ácido	16
básico	17
aromático	9
alifático	33
polar	24

Percebe-se pela tabela acima que a distribuição de classes de resíduos de aminoácidos na albumina é razoavelmente homogênea, o que contribui para sua função anfotérica de transporte para compostos polares (ex:cálcio) e apolares (ex: colesterol, ácidos graxos).

5.2 Tabela de Purificação de Proteínas & R como planilha eletrônica

Não obstante a facilidade com que podemos elaborar/editar planilhas eletrônicas convencionais (*spreadsheet*; ex: MS Excel, Libreoffice Calc, Gnumeric, etc), o 'R' também permite trabalhar-se com planilhas. Ainda que menos intuitivo como as mencionadas, a scriptagem no R permite a elaboração/edição de planilhas de alta complexidade, dada a natureza da programação estatística que envolve a suite.

Para exemplificar a construção de uma planilha simples, tomemos como exemplo uma *Tabela de Purificação de Proteínas*, usualmente utilizada em Biotecnologia e áreas afins. A forma mais simples de construção de uma planilha envolve 1) a elaboração individual de vetores, e 2) a união dos vetores em uma planilha.

Os procedimentos para purificação (ou isolamento, fracionamento) proteica envolvem técnicas como tratamento químico (precipitação por sulfato de amônio, acetona), tratamento ácido, tratamento térmico, diálise, cromatografia (filtração molecular, troca-iônica, afinidade, fase reversa), entre outros. Para aferição do grau de pureza da amostra obtida utilizam-se normalmente a eletroforese simples, focalização isoelétrica, eletroforese 2D, uso de anticorpos monoclonais, e ensaios de atividade específicos, dentre vários.

Para a tabela de purificação são exigidos somente os vetores de **massa de amostra** e de **atividade enzimática da amostra**, obtidos em cada etapa de purificação. Uma planilha simples poderia ser construida como:

```
# Elaboração de planilha simples de purificação de enzima
# (cada elemento do vetor representa uma etapa de purificação)

# 1. Definição dos vetores principais:
prot.total <- c(6344, 302, 145, 34, 10, 3.8) # proteína, mg
ativ.tot <- c(200, 122, 106, 70, 53, 24) * 1000 # atividade, U

# 2. Construção da planilha:
purif.plan <- data.frame(prot.total, ativ.tot)
purif.plan</pre>
```

```
prot.total ativ.tot
1
      6344.0
                200000
2
        302.0
                122000
3
       145.0
                106000
4
        34.0
                 70000
5
         10.0
                 53000
6
          3.8
                  24000
```

A planilha construida compõe agora um 'dataset' do R. Há outras formas de construção simples, também, como o uso da função 'cbind' (pra união de colunas) ou 'rbind' (união de linhas; rows):

```
purif.plan2 <- cbind(prot.total, ativ.tot)
purif.plan2</pre>
```

```
prot.total ativ.tot
[1,]
         6344.0
                   200000
[2,]
           302.0
                   122000
[3,]
           145.0
                   106000
[4,]
            34.0
                    70000
[5,]
            10.0
                    53000
[6,]
             3.8
                    24000
```

Seja qual for o procedimento, pode-se alterar os nomes das colunas, como segue:

```
# Edição de nome de colunas
colnames(purif.plan2) <- c("totalProt", "enzAtiv")
purif.plan2</pre>
```

```
totalProt enzAtiv
[1,]
        6344.0 200000
[2,]
         302.0 122000
[3,]
         145.0 106000
[4,]
          34.0
                 70000
[5,]
          10.0
                 53000
[6,]
           3.8
                 24000
```

Como numa planilha convencional, também é possível se criar novos vetores calculados a partir dos iniciais:

```
purif.plan3 <- data.frame(prot.total, ativ.tot, ativ.tot / prot.total)
options(digits = 1) # opção para no. de casas decimais
colnames(purif.plan3) <- c("prot.total", "ativ.tot", "ativ.specif")
rownames(purif.plan3) <- c("extr.bruto", "NH4SO2", "acetona", "Sephadex G-100", "DEAE-celulose", "C
purif.plan3</pre>
```

	prot.total	ativ.tot	ativ.specif
extr.bruto	6344	2e+05	32
NH4SO2	302	1e+05	404
acetona	145	1e+05	731
Sephadex G-100	34	7e+04	2059
DEAE-celulose	10	5e+04	5300
C8-fase rev	4	2e+04	6316

A planilha pode ser editada em seus valores, também, bastando pra isso atribuir um novo nome para que as modificações sejam salvas:

```
# Edição simples de planilha (alterações de valores e nomes de colunas)
purif.plan4 <- edit(purif.plan3) # ou data.entry( )</pre>
```

É claro, também, que se pode importar os dados de uma planilha já construida em outro programa. Exemplificando para uma planilha salva como *CSV*:

```
# Importação de dados de outra planilha (CSV):

# 1. Importação com nome da planilha desejada:
purif.plan5 <- read.table("planilha.csv", header = T, sep = ",")

# 2. Importação com tela de busca da planilha desejada:
purif.plan5 <- frame <- read.csv(file.choose())</pre>
```

Um grande número de operações pode ser conduzido em planilhas no 'R', tais como inserção, deleção, modificação, agregação (*merge*), filtragem, extração de subconjunto, operações matemáticas e cálculos estatísticos (média, desvio-padrão, etc). Pode-se também converter a planilha em uma tabela de visual mais completo, por uso da biblioteca 'tibble', parte de um conjunto de pacotes utilizado em ciência de dados denominado *Tidyverse*:

```
library(tibble)
purif.plan6 <- as_tibble(purif.plan3)
purif.plan6</pre>
```

```
# A tibble: 6 x 3
  prot.total ativ.tot ativ.specif
       <dbl>
                 <db1>
                               <db1>
1
      6344
                200000
                                31.5
2
       302
                122000
                               404.
3
       145
                106000
                              731.
4
        34
                 70000
                              2059.
5
        10
                 53000
                              5300
         3.8
                 24000
                             6316.
```

O *Tidyverse* compõe um ecossistema de pacotes do 'R' que comungam da mesma filosofia, gramática e estrutura de dados. Entre esses pacotes inlcui-se o 'tibble' (tabelas), 'ggplot2' (gráficos de alta qualidade visual), e 'dplyr' (manipulação de dados). No que tange ao 'dplyr', é bastante flexível a criação e edição de planilhas, e que são convertidas a tabelas, tal como segue para o exemplo da purificação acima:

```
# Tabela de purificação de enzima com pacote 'dplyr':
library(dplyr)
Attaching package: 'dplyr'
The following objects are masked from 'package:stats':
    filter, lag
The following objects are masked from 'package:base':
    intersect, setdiff, setequal, union
purif.plan7 <- mutate(purif.plan, ativ.esp = ativ.tot / prot.total)</pre>
purif.plan7
  prot.total ativ.tot ativ.esp
1
        6344
                 2e+05
                              32
         302
                 1e + 05
                            404
2
3
         145
                 1e+05
                            731
                 7e+04
4
          34
                           2059
5
          10
                 5e+04
                           5300
6
           4
                 2e + 04
                           6316
```

Observe que com o pacote 'dplyr' a inserção de uma nova coluna não requereu um novo vetor para nomes de colunas ('colnames'). Além disso, a planilha final foi elaborada junto à gramática do pacote 'tibble' do *Tidyverse*. Essa facilidade também se extende para os processos de edição e filtragem da planilha, tal a extração de uma coluna modificada:

```
ativ.tot.kU <- transmute(purif.plan7, ativ.tot = ativ.tot / 1e3)
ativ.tot.kU # vetor de atividade específica em U x 10^3
```

```
ativ.tot
1 200
2 122
```

```
3 106
4 70
5 53
6 24
```

Dessa forma pode-se construir uma tabela completa de purificação, elencando-se, além da *atividade específica*, o *nível de purificação* (de quantas vezes a atividade específica aumentou em relação à da amostra inicial) e o *rendimento* obtido (de quantas vezes o teor da enzima alvo reduziu em relação à amostra inicial - atividade remanescente):

```
purif.plan8 <- mutate(purif.plan7,
    purif = ativ.esp / ativ.esp[1], # nível de purificação
    rend.perc = 100 * ativ.tot / ativ.tot[1]
) # rendimento percentual

# Convetendo à tabela...
library(knitr)
knitr::kable(purif.plan8, caption = "Tabela de purificação para uma enzima", "pipe")</pre>
```

Tabela 5.4: Tabela de purificação para uma enzima

prot.total	ativ.tot	ativ.esp	purif	rend.perc
6344	2e+05	32	1	100
302	1e+05	404	13	61
145	1e+05	731	23	53
34	7e+04	2059	65	35
10	5e+04	5300	168	26
4	2e+04	6316	200	12

Adicionalmente, o 'R' possui alguns pacotes que agilizam a criação/edição de planilhas de modo interativo e mais próximo ao de uma planilha eletrônica convencional, dentre os quais destaca-se o pacote 'DT', uma biblioteca elaborada em *JavaScript* que produz uma planilha editável em *HTML*:

```
library(DT)
purif.plan9 <- as.data.frame(purif.plan8)
rownames(purif.plan9) <- c("extr.bruto", "NH4SO2", "acetona", "Sephadex G-100", "DEAE-celulose", "C8-fdatatable(purif.plan9) %>% formatRound(1:5, 1) # colunas com 1 casa decimal
```

Por tratar-se de saída em HTML interativo, o resultado do trecho de código precisa ser omitido para a correta compilação pelo 'R' (eval=FALSE, include=TRUE).

A biblioteca 'DT' permite, entre outros, reordenamento, filtragem, e mesmo edição dos valores, de modo interativo (basta clicar na célula desejada):

```
DT::datatable(purif.plan9, editable = "cell")
```

5.3 Interação de oxigênio com mioglobina e hemoglobina

Tanto a mioglobina (*PD 1MBO*) como a hemoglobina humanas (*PDB 6BB5*) constituem proteínas de transporte do oxigênio molecular. A hemoglobina, de estrutura quaternária, o faz dos pulmões aos tecidos, enquanto que a mioglobina, terciária, o distribui entre esses. Suas curvas de saturação com oxigênio são bem conhecidas em livros-texto, cujo aprendizado pode agregar valor quando simuladas.

Dessa forma, pode-se considerar a ligação do O_2 à mioglobina como uma fração de saturação y dada em função de sua meia satuação a 50% de pressão de O_2 (constante de dissociação K_{50} de 2.8 mmHg).

$$y = \frac{pO_2}{K_{50} + pO_2}(\#eq : Mb) \tag{5.1}$$

Por outro lado, o valor de K_{50} para a hemoglobina é de 26 mmHg, mas sua função exprime-se de forma diferente à da mioglobina:

$$y = \frac{pO_2^{nH}}{K_{50}^{nH} + pO_2^{nH}} (\#eq : Hb)$$
 (5.2)

Nessa equação @ref(eq:Hb), nH representa o coeficiente de cooperatividade de Hill, que resume a energia distribuida entre as quatro constantes microscópicas de dissociação de O_2 aos quatro centros porfirínicos da hemoglobina (grupos heme). Simulando ambas as curvas:

```
K50 <- 2.8
curve(x / (K50 + x),
    xlim = c(0, 100),
    xlab = "p02 (mmHg)", ylab = "y", lty = "dotted"
)

K50 <- 26
nH <- 2.8
curve(x^nH / (K50^nH + x^nH),
    xlim = c(0, 100),
    xlab = "p02 (mmHg)", ylab = "y", col = "red",
    add = TRUE
) # "add" permite adicionar curvas ao gráfico
abline(0.5, 0, lty = 2) # acrescenta linha de base em meia saturação</pre>
```

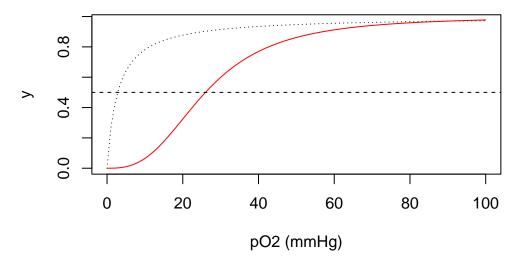


Figura 5.1: Isoterma de saturação de oxigênio à mioglobina (linha contínua) e hemoglobina (linha pontilhada), indicando o intercepto em pO2 de 50% (meia saturação).

Como mencionado no parágrafo anterior, aos quatro centros de ligação com oxigênio molecular reportam-se quatro constantes microscópicas de equilíbrio de dissociação, de K1 a K4. Simplificando o valor de pO $_2$ para L, ligante, é possível também representar a ligação de O_2 à hemoglobina pela equação de Adair (Pauling 1935):

$$y = \frac{K1 * L + 2 * K2 * K1 * L^{2} + 3 * K3 * K2 * K1 * L^{3} + 4 * K4 * K3 * K2 * K1 * L^{4}}{4 * (1 + K1 * L + 2 * K2 * K1 * L^{2} + 3 * K3 * K2 * K1 * L^{3} + 4 * K4 * K3 * K2 * K1 * L^{4})} (\#eq : HbKmicro)$$
(5.3)

Ocorre que existe um efeito estatístico associado à interação em estudo, já que o O_2 possui 4 sítios iniciais de interação à hemoglobina (Tyuma, Imai, e Shimizu 1973), valores que reduzem até a saturação dos 4 sítios. Dessa forma, é necessário contabilizar as constantes microscópicas Ki em razão desse comprometimento estatístico:

$$Ki_{corr} = \frac{i}{N - 1 + i} * Ki(\#eq : HbKStat)$$
 (5.4)

No R, isso pode ser auxiliado por um *loop for*:

K <- c(0.011, 0.016, 0.118, 0.400) # vetor de constantes microscópicas de dissociação de Hb para 02 L <- seq(1, 201, 2) # vetor de teores de 02

```
Kcorr <- c() # inicializa um vetor vazio para saída do vetor corrigido de Ki
N <- 4 # declara o número de sítios na Hb
for (i in 1:N) Kcorr[i] <- i / (N - i + 1) * K[i]
Kcorr # apresenta o vetor de valores de Ki corrigidos para o efeito estatístico</pre>
```

[1] 0.003 0.011 0.177 1.600

Perceba que os valores para *Ki* corrigidos estão em proporção que segue a disponibilidade de sítios, de 4 vezes menor para o 10. sítio (maior ligação), até 4 vezes maior para o 40. sítio (menor ligação). Agora é possível aplicar-se a equação @ref(eq:HbKmicro) utilizando-se as constantes calculadas como segue:

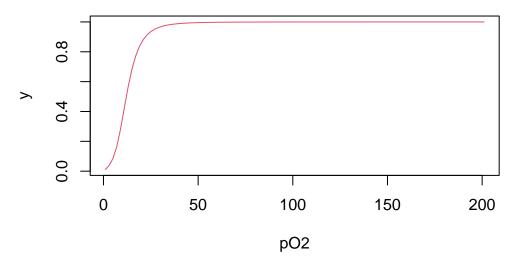


Figura 5.2: Isoterma de saturação de oxigênio à hemoglobina pela equação de Adair.

Por fim, também é possível obter a curva de ligação utilizando-se uma variação de *loop for* na qual a equação @ref(eq:HbKmicro) é produzida por iteração, como segue (Bloomfield 2009):

```
# Cálculo de y em cada L
Yi <- function(L, Kcorr) {
  N <- length(Kcorr)
  conc <- c()
  conc[1] <- L * Kcorr[1]
  for (i in 2:N) conc[i] <- conc[i - 1] * L * Kcorr[i]
  numer2 <- sum((1:N) * conc) / N
  denom2 <- 1 + sum(conc)
  return(numer2 / denom2)
}

# Cálculo de y para o vetor de L
Y <- function(L, Kcorr) {
  YY <- c()
  for (j in 1:length(L)) YY[j] <- Yi(L[j], Kcorr)
  return(YY)</pre>
```

```
# Aplicação da função de y para L e gráfico
Yfinal <- Y(L, Kcorr)
plot(L, Yfinal, type = "1", col = 2, xlab = "p02", ylab = "y")</pre>
```

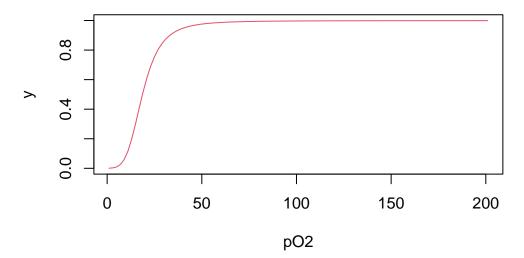


Figura 5.3: Curva de saturação de oxigênio à hemoglobina obtida por iteração da equação de Adair, tal como corrigida para o efeito estatístico.

Observe que há mínimas diferenças entre as curvas obtidas pelos distintos procedimentos, em razão dos diferentes algoritmos utilizados.

5.4 Alguns pacotes do R para estudo de proteínas

Alguns pacote do R são bastante úteis no estudo de proteínas, em especial a biblioteca seqinr vista no capítulo @ref(AAcido), e que computa diversos valores e informações para sequências proteicas, tais como pI, index de hidroxipatia, distribuição de resíduos, entre outros. O sítio do projeto 2 contém informação detalhada para seu uso. Utilizando-se o mesmo procedimento para obtenção da sequência FASTA para a lisozima do capítulo @ref(AAcido) (código CAA32175 no sítio NCBI), pode-se obter um conjunto extenso de informações da proteína, como exemplificado abaixo:

library(seqinr)

Attaching package: 'seqinr'

²Sítio do projeto Seqinr: http://seqinr.r-forge.r-project.org/

```
The following object is masked from 'package:dplyr':
count
```

lisozima <- c("KVFERCELARTLKRLGMDGYRGISLANWMCLAKWESGYNTRATNYNAGDRSTDYGIFQINSRYWCNDGKT PGAVNACHLSCSALLQDNIADAVACAKRVVRDPQGIRAWVAWRNRCQNRDVRQYVQGCGV")

seq_liso <- s2c(lisozima) # converte sequência de string de aminoácidos para o padrão do seqinr (ve seq_liso2 <- seq_liso[seq_liso != "\n"] # eliminação de espaços exigida pelo seqinr advindos do pro seq_liso2

```
[1] "K" "V" "F" "E" "R" "C" "E" "L" "A" "R" "T" "L" "K" "R" "L" "G" "M" "D" [19] "G" "Y" "R" "G" "I" "S" "L" "A" "N" "W" "M" "C" "L" "A" "K" "W" "E" "S" [37] "G" "Y" "N" "T" "R" "A" "T" "N" "Y" "N" "A" "G" "D" "R" "S" "T" "D" "Y" [55] "G" "I" "F" "Q" "I" "N" "S" "R" "Y" "W" "C" "N" "D" "G" "K" "T" "P" "G" [73] "A" "V" "N" "A" "C" "H" "L" "S" "C" "S" "A" "L" "L" "Q" "D" "N" "I" "A" [91] "D" "A" "V" "A" "C" "A" "K" "R" "V" "V" "V" "R" "D" "P" "Q" "G" "I" "R" "A" [109] "W" "V" "A" "W" "R" "N" "R" "C" "Q" "N" "R" "D" "V" "R" "Q" "Y" "V" "Q" [127] "G" "C" "G" "V"
```

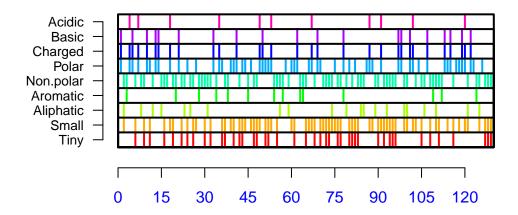
```
pmw(seq_liso2) # peso molecular da proteína
```

[1] 14701

aaa(seq_liso2) # distribuição de resíduos

```
[1] "Lys" "Val" "Phe" "Glu" "Arg" "Cys" "Glu" "Leu" "Ala" "Arg" "Thr" "Leu" [13] "Lys" "Arg" "Leu" "Gly" "Met" "Asp" "Gly" "Tyr" "Arg" "Gly" "Ile" "Ser" [25] "Leu" "Ala" "Asn" "Trp" "Met" "Cys" "Leu" "Ala" "Lys" "Trp" "Glu" "Ser" [37] "Gly" "Tyr" "Asn" "Thr" "Arg" "Ala" "Thr" "Asn" "Tyr" "Asn" "Ala" "Gly" [49] "Asp" "Arg" "Ser" "Thr" "Asp" "Tyr" "Gly" "Ile" "Phe" "Gln" "Ile" "Asn" [61] "Ser" "Arg" "Tyr" "Cys" "Asn" "Asp" "Gly" "Lys" "Thr" "Pro" "Gly" [73] "Ala" "Val" "Asn" "Ala" "Cys" "His" "Leu" "Ser" "Cys" "Ser" "Ala" "Leu" [85] "Leu" "Gln" "Asp" "Asn" "Ile" "Ala" "Asp" "Ala" "Val" "Ala" "Cys" "Ala" [97] "Lys" "Arg" "Val" "Val" "Arg" "Asp" "Asp" "Pro" "Gln" "Gly" "Ile" "Arg" "Asp" "Ala" [109] "Trp" "Val" "Ala" "Trp" "Arg" "Asn" "Arg" "Cys" "Gln" "Asn" "Arg" "Asp" "Ile" "Ile
```

AAstat(seq_liso2, plot = TRUE) # gráfico de distribuição, composição e proporção de resíduos, valor



Position of the residues along the sequence

\$Compo

* A C D E F G H I K L M N P Q R S T V W Y 0 14 8 8 3 2 11 1 5 5 8 2 10 2 6 14 6 5 9 5 6

\$Prop

\$Prop\$Tiny

[1] 0.3

\$Prop\$Small

[1] 0.6

\$Prop\$Aliphatic

[1] 0.2

\$Prop\$Aromatic

[1] 0.1

\$Prop\$Non.polar

[1] 0.6

\$Prop\$Polar

[1] 0.4

\$Prop\$Charged

[1] 0.2

\$Prop\$Basic

[1] 0.2

\$Prop\$Acidic
[1] 0.08

\$Pi

[1] 9

Entre outras funções constantes do seqinr inclui-se a conversão de aminoácidos para abreviações de 1 e 3 letras (ae aaa, respectivamente), listagem de 544 propriedades físico-químicas dos 20 aminoácidos proteicos (aaindex),pK (autoexplicativo, e visto anteriormente), e cômputo isolado de pI (computePI) e de massa molecular (pmw), além de várias outras, tanto para proteômica como para genômica.

Outro pacote do R interessante para estudo de proteínas é o *Peptides* ³, que também computa diversas propriedades físico-químicas para sequências de aminoácidos, além de possibilitar a integração de plotagem com o pacote de dinâmica molecular *GROMACS*. Como para o seqinr, o Peptides necessita de conversão da sequência em *string* para o padrão vetorial reconhecido. Entre as funções do pacote destacam-se o cômputo de 66 descritores para cada aminoácido de uma sequência (aaDescriptors), a composição da sequência por classificação dos resíduos (aaComp), o cômputo de índice alifático (aIndex), o índice de hidrofobicidade (hydrophobicity), índice de instabilidade (instalIndex), relação de massa/carga (mz), massa molecular (mw), e pI (pI), entre outros.

Entre pacotes mais direcionados ao estudo comparativo e visualização de estruturas, bem como para descritores de bioinformática e quimiogenômica vale mencionar Bio3d, Autoplotprotein, protr, BioMedR, e UniprotR, entre muitos.

³Pacote Peptides: https://cran.r-project.org/web/packages/Peptides/index.html

6 Enzimas

De modo geral, enzimas são estudadas sob diversos pontos de vista, tais como sua estrutura, mecanismo de ação, e comportamento cinético. Este capítulo visa trabalhar nesse último, com auxílio do R.

De modo geral, a equação simplificada que descreve a atividade de uma enzima E sobre um substrato S pode ser descrita como:

$$E + S \stackrel{k_1}{\rightleftharpoons} ES \stackrel{k_3}{\rightarrow} E + P(\#eq : diagMM)$$

$$\stackrel{k_1}{\rightleftharpoons} ES \stackrel{k_3}{\rightarrow} E + P(\#eq : diagMM)$$
(6.1)

Onde P representa o produto da reação, ES o complexo ativado no estado de transição, e k1, k2 e k3 as constantes de velocidade da reação.

Pela aproximação de Briggs-Haldane para o estado estacionário, e o tratamento de Henri-Michaelis-Menten, a equação que define a curva de velocidade da reação enzimática em função do teor de substrato pode ser descrita abaixo:

$$v = \frac{Vm * S}{Km + S}(\#eq : eqMM) \tag{6.2}$$

Onde Km representa a constante de Michaelis-Menten, e Vm a velocidade limite da reação (por vezes denominada erroneamente como velocidade máxima, embora a hipérbole quadrática descrita pela função não exiba valor máximo por não atingir uma assíntota). Por sua vez Km pode ser definido a partir das constantes de velocidade da equação @ref(eq:diagMM) como:

$$Km = \frac{k1 + k3}{k2} (\#eq : eqMM)$$
 (6.3)

Portanto, dados os valores de *Vm* e *Km*, podemos descrever um *comportamento de Michaelis-Menten* para uma enzima como:

```
Vm <- 10
Km <- 0.5
curve(Vm * x / (Km + x),
    xlim = c(0, 10),
    xlab = "[S]", ylab = "v"
)
abline(h = 5, lty = 2, col = "blue")</pre>
```

```
abline(v = 0.5, lty = 2, col = "blue")
text(x = 1, y = 0.2, "Km", col = "blue")
text(1, 5.3, "Vm/2", col = "blue")
```

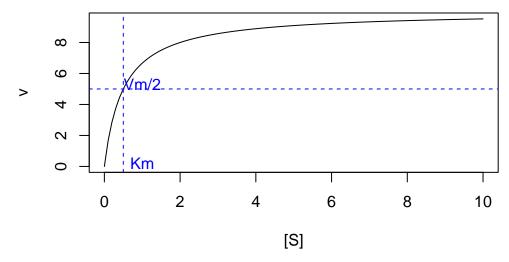


Figura 6.1: Curva de Michaelis-Mentem para uma enzima exibindo Vm=10 e Km=0,5 (50 curvas).

Por essa relação, o valor de Km é representado pelo teor de substrato que confere metade do valor de Vm para a reação. Observe que pela equação @ref(eq:eqMM) o valor de Km no denominador influencia inversamente a velocidade v da reação; ou seja, quanto maior o valor de Km, menor a taxa da reação enzimática. Isto pode ser ilustrado iterativamente com um loop, tal como segue:

```
Vm <- 10
Km <- seq(from = 0.1, to = 10, by = 0.2) # sequência para 50 valores de Km
for (i in 1:length(Km)) { # loop para adicionar curva de Michaelis-Mentem a cada valor de Km
   add <- if (i == 1) FALSE else TRUE # controle de fluxo que permite adição de curva a partir da se
   curve(Vm * x / (Km[i] + x),
      col = i, lwd = 0.8, from = 0, to = 10, n = 100,
      xlab = "[S}", ylab = "v", add = add
   )
}
arrows(0.5, 9, 3, 6, length = 0.1, angle = 45, col = "blue") # seta para Km
text(0.2, 9, "Km", col = "blue") # indexador para Km</pre>
```

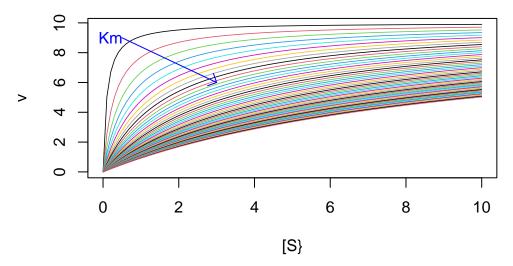


Figura 6.2: Curvas de Michaelis-Menten com variação iterativa para Km de 0.1 a 10.

As curvas representadas nas figuras @ref(fig:figMM) e @ref(fig:figKm50) foram produzidas com a equação @ref(eq:eqMM), sendo possível extrair os parâmetros cinéticos Vm e Km facilmente, já que não há desvios computados para a velocidade inicial da reação. Se, por outro lado, estivermos diante de valores experimentais de uma catálise de comportamento de michaelinano e desejarmos extrair os parâmetros cinéticos, melhor será ajustar a equação não-linear de Michaelis-Menten diretamente (algoritmos como Gauss-Newton, Simplex, Levenberg-Marquadt) ou, de modo mais simples, transformar as variáveis S e v de tal modo que permitam um ajuste linear por mínimos quadrados.

Não obstante, a equação que descreve a equação de Michaelis-Mentem constitui uma hipérbole quadrática e, como tal, não possui assíntota matemática, apenas visual. De fato, os próprios autores do trabalho original, Leonor Michaelis e Maud Mentem, reportaram seus dados com a representação de *S* em eixo logaritmo permitindo melhor visualização da região assintótica do gráfico (Michaelis e Menten 1913).

6.1 Obtenção de parâmetros cinéticos a partir de dados expermentais simulados

Para a determinação dos parâmetros cinéticos Vm e Km obtidos a partir de uma simulação experimental de dados de S e v, é necessário em primeiro lugar obter-se os pontos experimentais, tal como segue:

```
Vm <- 10
Km <- 0.5
set.seed(1500) # fixa a semente para geração de dados aleatórios reproduzíveis
erro <- runif(20, 0, 1) # comando para erro uniforme (no. de pontos, min, max)
curve(Vm * x / (Km + x) + erro,
   type = "p", from = 0, to = 1, n = 20,
   xlab = "[S}", ylab = "v"
) # elaboração da curva com cômputo de erro uniforme</pre>
```

6 Enzimas

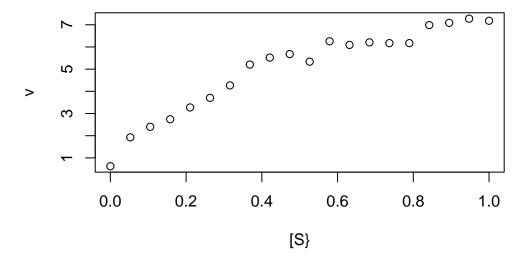


Figura 6.3: Simulação de pontos experimentais (n=20) obtidos a partir da equação de Michaelis-Menten.

Perceba que pela figura @ref(fig:simulMM), já não é mais possível definir-se uma região assintótica que permita a determinação de Vm e, por consequência, de Km. Nesse caso, pode-se obter os parâmetros cinéticos por tranformação da função hiperbólica de Michaelis-Mentem para uma função linear correlata, sucedendo-se o ajuste linear dos dados transformados para a obtenção dos parâmetros de catálise.

6.2 Linearizações e ajustes

Diversas são as linearizações encontradas na literatura para a equação de Michaelis-Mentem. Para exemplificá-las, segue um trecho de código contendo as quatro mais empregadas. Para isso utilizou-se um par de funções do R para, respectivamente, estabelecer a área gráfica e sua subdivisão para plotagem em 4 paineis (par e mfrow ou mfcol):

```
S <- c(0.1, 0.2, 0.5, 1, 5, 10, 20) # cria um vetor para substrato
Km <- 0.5
Vm <- 10 # estabelece os parâmetros enzimáticos
v <- Vm * S / (Km + S) # aplica a equação de MM ao vetor de S
par(mfrow = c(2, 2)) # estabelece área de plot pra 4 gráficos
plot(S, v, type = "o", main = "Michaelis-Mentem")
plot(1 / S, 1 / v, type = "o", main = "Lineweaver-Burk")
plot(v, v / S, type = "o", main = "Eadie-Hofstee")
plot(S, S / v, type = "o", main = "Hanes-Woolf")</pre>
```

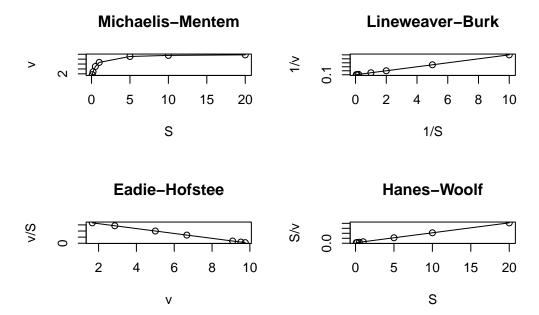


Figura 6.4: Principais linearizações da equação de Michaelis-Menten.

layout(1) # volta à janela gráfica normal

Dentre essas transformações lineares para cinética enzimática, as mais frequentemente encontradas são de *Lineweaver-Burk* (ou duplo-recíproco), e a de *Eadie-Hofstee*, sendo a primeira a mais comum na literatura. No entanto, a aplicação do formalismo de Eadie-Hofstee para interação ligante-proteína também é a mais reportada nessa área, embora seja tratada como representação de Scatchard (Scatchard 1949).

6.2.1 Linearização por transformação de Lineweaver-Burk

A forma linear para a equação de Linewaver-Burk é obtida a partir da transformação da equação de Michaelis-Menten que segue:

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{Vm} + \frac{Km}{Vm} * \frac{1}{S} (\#eq : eqLB)$$
 (6.4)

Dessa forma, os dados obtidos pela figura @ref(fig:simulMM) são transformados para seu duplo-recíproco, resultando em:

```
S <- seq(0.1, 1, length.out = 20) # gera uma sequência com 20 pontos entre 0 e 1 para valores de subst

Vm <- 10

Km <- 0.5 # parâmetros cinéticos

set.seed(1500) # estabelecer a mesma semente aleatória do gráfico direto de Michaelis-Menten, para rep

erro <- runif(20, 0, 1) # comando para erro uniforme (no. de pontos, min, max)

v <- Vm * S / (Km + S) + erro # equação de Michaelis-Menten
```

```
inv.S <- 1 / S # cria variáveis para o duplo-recíproco
inv.v <- 1 / v
plot(inv.v ~ inv.S, xlab = "1/S", ylab = "1/v") # elabora o gráfico de Lineweaver-Burk</pre>
```

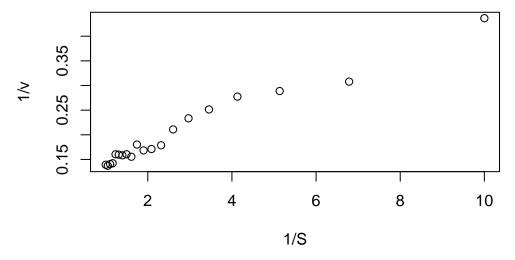


Figura 6.5: Representação de Lineweaver-Burk para os dados simulados da curva de Michaelis-Menten.

Observe que a figura @ref(fig:figLB) apresenta agora um uma distribuição de valores que possibilita seu ajuste linear por mínimos quadrados (regressão linear). No R, isso pode ser facilmente conduzido pelo trecho de código (chunk) que segue:

```
reg.LB <- lm(inv.v ~ inv.S) # expressão para ajuste linear
summary(reg.LB) # resultados do ajuste
```

```
Call:
lm(formula = inv.v ~ inv.S)
Residuals:
      Min
                 1Q
                       Median
                                      3Q
                                               Max
-0.028198 -0.009858 -0.003496 \ 0.007482 \ 0.028416
Coefficients:
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 0.113634
                       0.005147
                                   22.08 1.74e-14 ***
inv.S
            0.032772
                       0.001461
                                   22.42 1.33e-14 ***
                0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Signif. codes:
Residual standard error: 0.01459 on 18 degrees of freedom
```

Multiple R-squared: 0.9654, Adjusted R-squared: 0.9635 F-statistic: 502.8 on 1 and 18 DF, p-value: 1.325e-14

```
plot(inv.v ~ inv.S, xlab = "1/S", ylab = "1/v") # gráfico de Lineweaver-Burk
abline(reg.LB, col = "blue") # sobreposição do ajuste ao gráfico
```

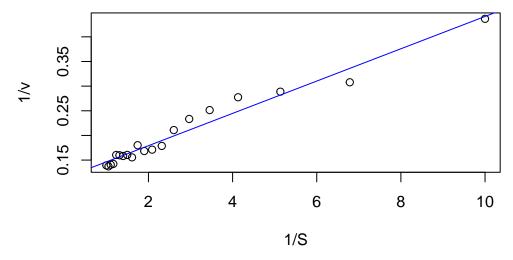


Figura 6.6: Ajuste linear para os dados de Lineweaver-Burk.

A tabela produzida pelo R para a função 1m de ajuste linear por mínimos quadrados possui diversas informações que nos permite avaliar a qualidade da regressão. Brevemente, esse tabela nos fornece o valor de cada parâmetro do ajuste conforme a equação que segue:

$$y = a + b * x(\#eq : eqLin)$$

$$\tag{6.5}$$

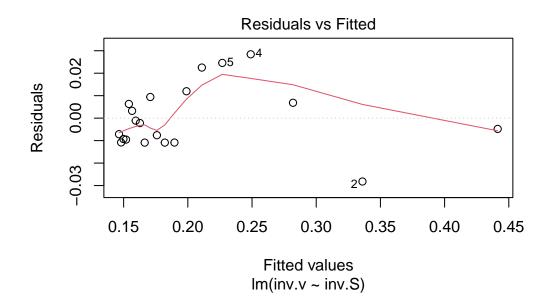
Nesse caso, a refere-se ao intercepto presente na tabela ((intercept), ou 1/Vm) e b à inclinação (inv.S, ou Km/Vm). Além disso, a tabela também fornece diversos resultados complentares, elencados a seguir:

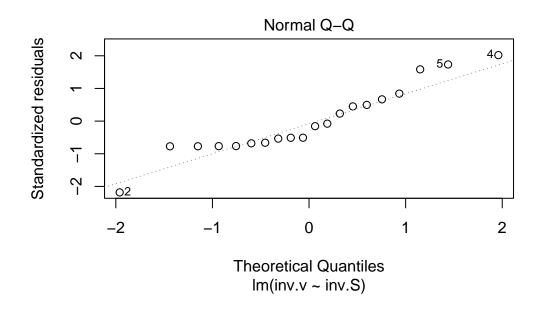
- 1. valor de erro-padrão dos parâmetros (*Std. Error*);
- 2. valor da distribuição *t* de Student (*t value*);
- 3. o respectivo nível de probabilidade (Pr) com indicação de significância (asteriscos);
- 4. erro padrão residual (Residual standard error);
- 5. valor dos coeficientes de determinação bruto (*Multiple R-squared*) e ajustado para os graus de liberdade (*Adjusted R-squared*);
- 6. valor da distribuição F de Snedocor (F-statistic) de variância do ajuste;
- 7. graus de liberdade (*DF*) e o valor de significância da regressão ao modelo linear obtido pela análise de variância (*p-value*).

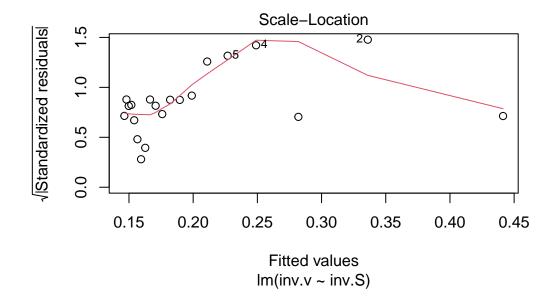
6 Enzimas

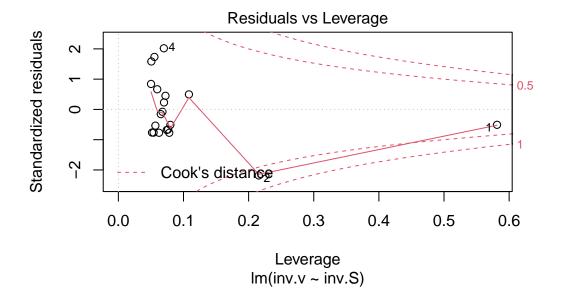
Não obstante, a qualidade do ajuste linear também pode ser verificada pela produção de gráficos diagnósticos estatísticos, bastando-se aplicar o trecho simples abaixo:

plot(reg.LB) # comando para geração de gráficos diagnósticos de ajuste linear









Esses gráficos diagnósticos também podem ser alocados em paineis, como ilustrado para as linearizações de Michaelis-Mentem acima.

```
reg.LB <- lm(inv.v ~ inv.S)
par(mfrow = c(2, 2))
plot(reg.LB)</pre>
```

6 Enzimas

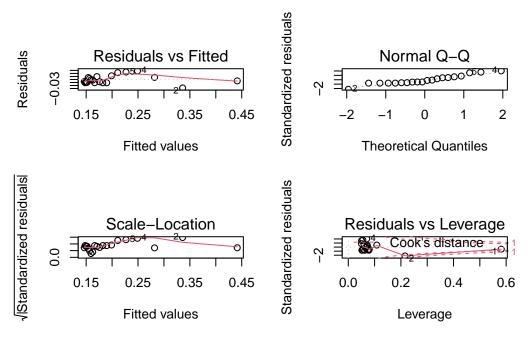
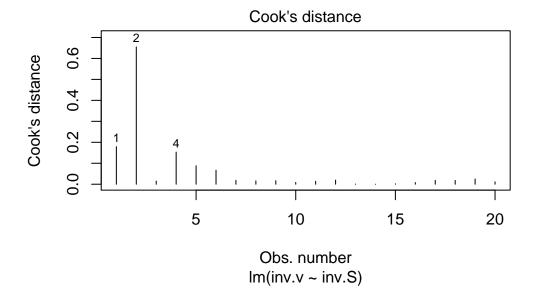


Figura 6.7: Gráficos diagnósticos de ajuste linear.

```
layout(1)
```

Os quatro gráficos gerados acima referem-se, respectivamente, 1) à variação de resíduos com os valores ajustados, 2) a um teste de distribuição normal dos resíduos, 3) à variação de resíduos padronizados em função dos valores ajustados, e 4) à observação de valores influenciáveis identificáveis pela *distância de Cook* para cada observação. Em relação à esse último, pode-se opcionalmente definir sua aparência para identificação daqueles valores por seleção (which, 4 ou 6, por ex), tal como em:

```
plot(reg.LB, which = 4)
```



Por esses dois procedimentos, tabela e gráficos diagnósticos, é possível aferir a qualidade de um ajuste linear pelo R. Em paralelo, diversas são as funções associadas à própria função 1m para modelos lineares (objetos), o que reforça o caráter de linguagem orientada a objeto do R. Entre essas vale citar, com significado intuitivo, coef, fitted, predict, residuals, confint, e deviance.

Para acessar os parâmetros contidos na função 1m, assim como outras de mesma natureza no R, basta digitar args:

```
function (formula, data, subset, weights, na.action, method = "qr",
    model = TRUE, x = FALSE, y = FALSE, qr = TRUE, singular.ok = TRUE,
    contrasts = NULL, offset, ...)
```

Complementarmente, vale mencionar a existência de inúmeros pacotes do R para diversas situações e tratamentos estatísticos de dados para modelos lineares, e que fogem ao escopo deste manuscrito, tais como os que possibilitam análises de *outliers* (valores extremos), *Generalized Linear Models*, *Mixed Effects Models*, *Non-parametric Regression*, entre outros. Entre os pacotes do R complementares para regressão linear vale mencionar car, MASS, caret, glmnet, sgd, BLR, e Lars.

6.2.1.1 Considerações sobre a linearização por Lineweaver-Burk.

De volta ao estudo da cinética de estado estacionário da catálise enzimática, mencionamos acima a possibilidade de linearizações da equação de Michaelis-Mentem por dois tratamentos mais comuns, Lineweaver-Burk e Eadie-Hofstee. De modo geral, qualquer tratamento que resulte na transformação de um modelo original (equação de Michaelis-Menten, no caso) por linearização resultará em desvios estatísticos.

6 Enzimas

Analisando a equação de Lineweaver-Burk, por exemplo, pode-se evidenciar que, como os valores de S e v estão representados por seus recíprocos, uma pequena variação em v resultará numa grande variação em 1/v. Por outro lado, a escolha da faixa de teores de S também é extremamente importante para a extração de parâmetros cinéticos. Isso pode ser ilustrado no exemplo que segue:

```
Vm < -10
Km < -0.5
set.seed(1500) # semente fixa para erro aleatório
erro <- runif(length(S), 0, 0.1)
S \leftarrow seq(1, 10, 0.1)
v \leftarrow Vm * S / (Km + S) + erro
```

Warning in Vm * S/(Km + S) + erro: longer object length is not a multiple of shorter object length

```
plot(v \sim S, xlab = "S", ylab = "v")
```

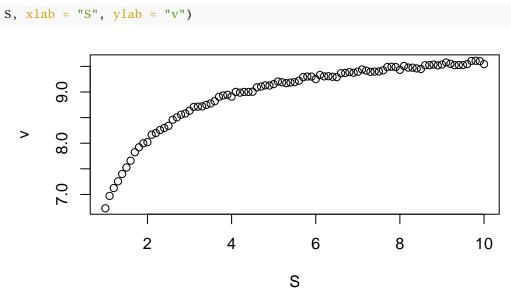


Figura 6.8: Curva de Michaelis-Mentem simulada com erro experimental aleatório. Vm=10; Km=0.5.

Observe que a figura @ref(fig:figMM2) inicia em velocidade próxima a zero, e termina em velocidade próxima à Vm, com teor de S » Km (50 vezes, de fato). Essa condição permite uma extração segura dos parâmetros cinéticos, os quais podem ser obtidos a partir do ajuste linear do gráfico duplo-recíproco.

```
set.seed(1500) # semente fixa para erro aleatório
erro <- runif(length(S), 0, 0.2)
Vm <- 10
Km <- 0.5 # parâmetros cinéticos
inv.S \leftarrow 1 / seq(1, 10, 0.1) # 1/S
inv.v < -1 / (Vm * S / (Km + S) + erro) # 1/v
```

```
plot(inv.S, inv.v)
lm.LB2 <- lm(inv.v ~ inv.S) # ajuste linear
summary(lm.LB2) # resultados do ajuste

Call:</pre>
```

```
lm(formula = inv.v ~ inv.S)
Residuals:
                    1Q
                           Median
                                           30
-0.0015050 \ -0.0005613 \ -0.0001463 \ \ 0.0007522 \ \ 0.0014122
Coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 0.0991811 0.0001356
                                     731.3
                                             <2e-16 ***
inv.S
            0.0481555 0.0004193
                                    114.9
                                             <2e-16 ***
_ _ _
                0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Signif. codes:
```

Residual standard error: 0.0007741 on 89 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.9933, Adjusted R-squared: 0.9932 F-statistic: 1.319e+04 on 1 and 89 DF, p-value: <2.2e-16

```
abline(lm.LB2, col = "blue")
```

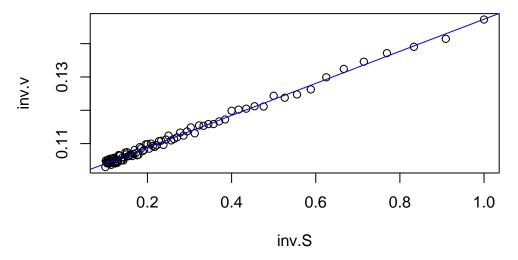


Figura 6.9: Lineweaver-Burk dos dados do gráfico anterior.

Perceba como os valores de Vm e Km ajustados aproximaram-se dos valores preditos, já que para o gráfico duplo-recíproco:

$$Vm = 1/interceptoKm = intercepto * Vm(#eq : eqParLB)$$
 (6.6)

Agora, o que aconteceria se os pontos experimentais estivessem em faixas distintas de teores de S ? Exemplificando, se os pontos fossem coletados em três regiões distintas de S: 10-100, 30-100, e 50-100 ?

Isso pode ser ilustrado variando-se a faixa de valores de *S* iterativamente, e inspecionando-se o gráfico duplo-recíproco resultante como no trecho de código que segue, e para os mesmos valores da figura @ref(fig:figLB2).

```
set.seed(1500) # mesma semente aleatória para reproducibilidade de erro

Vm <- 10

Km <- 0.5 # estabelece os parâmetros de MM

S <- seq(10, 100, 10) # cria-se uma sequência inicial para S

v <- Vm * S / (Km + S) # aplicação equação de MM à S

plot(1 / S, 1 / v, type = "n", ylim = c(0.098, 0.106)) # elabora o duplo-recíproco sem pontos

for (i in 1:3) { # inicia a iteração para gráficos de Lineweaver-Burk

S <- seq(10 * i, 100, length.out = 100) # gera uma sequência S com 100 pontos, produzindo 5 vetor

erro <- runif(length(S), 0, 0.1) # erro para adição à vetor de velocidade inicial, com no. de por

add <- if (i == 1) FALSE else TRUE # controle de fluxo para plotagem de pontos no gráfico vazio

inv.S <- 1 / S

inv.v <- 1 / ((Vm * S / (Km + S)) + erro) # novos valores para o duplo-recíproco em função da ite

points(inv.v ~ inv.S, xlab = "1/S", ylab = "1/v", col = i, add = add) # adição de pontos ao gráfi

lm.LB <- lm(inv.v ~ inv.S) # elabora o ajuste linear

abline(lm.LB, col = i, lty = i) # sobrepõe as linhas de ajuste

}
```

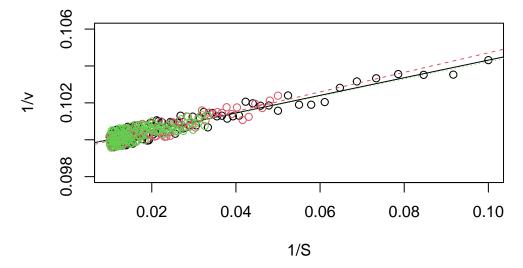


Figura 6.10: Gráficos duplo-recíproco para a curva simulada de Michaelis-Menten, para distintos teores de S inicial.

Observe agora que pela figura @ref(fig:diffLB) resultante, tanto o intercepto como a inclinação obtidos a partir dos ajustes foram dependentes da faixa de seleção de S, o que resulta em distintos valores para Vm e Km. Isto mostra como a seleção da faixa de S para o cálculo de Km e Vm é crucial.

6.2.2 Linearização por transformação de Eadie-Hofstee

Como já mencionado, as duas linearizações da equação de Michaelis-Menten mais comuns referem-se à do subtítulo acima. A equação de linearização de Eadie-Hosftee é dada abaixo:

$$v = \frac{1}{Km} * \frac{v}{S} + Vm(\#eq : eqEH)$$
(6.7)

A partir dos dados da figura @ref(fig:simulMM) obtém-se os parâmetros cinéticos diretamente do intercepto (Vm) e da inclinação linear (1/Km) por:

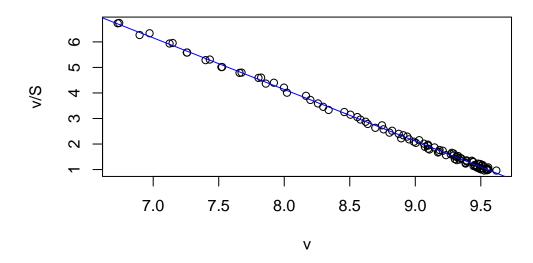
```
Vm <- 10
Km <- 0.5
set.seed(1500) # semente fixa para erro aleatório
erro <- runif(length(S), 0, 0.1)
S <- seq(1, 10, 0.1)
v <- Vm * S / (Km + S) + erro
v.S <- v / S
plot(v.S ~ v, xlab = "v", ylab = "v/S")

lm_EH <- lm(v.S ~ v)
summary(lm_EH)</pre>
```

```
Call:
lm(formula = v.S \sim v)
Residuals:
     Min
               1Q
                   Median
                                 3Q
                                         Max
-0.11602 -0.06496 0.01172 0.05466 0.12483
Coefficients:
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 20.31073
                        0.07906
                                  256.9
                                          <2e-16 ***
            -2.02191
                        0.00893 -226.4
                                          <2e-16 ***
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 0.07036 on 98 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9981,
                                Adjusted R-squared: 0.9981
```

```
F-statistic: 5.126e+04 on 1 and 98 DF, p-value: < 2.2e-16
```

```
abline(lm_EH, col = "blue")
```



6.2.3 Distribuição de erros nas linearizações de Michaelis-Mentem

Embora ambas as representações, Lineweaver-Burk e Eadie-Hofstee, sejam as mais utilizadas e apresentem semelhança na obtenção dos parâmetros cinéticos, sua distribuição de resíduos é bem distinta, assim como as demais transformações lineares de Michaelis-Mentem (figura @ref(fig:figLin)).

O código abaixo ilustra a distribuição de erros dessas transformações, introduzindo uma função importante do R para construção de gráficos com *barras de erros*: arrows.

```
Vm <- 10
Km <- 0.5 # fixa os parâmetros de MM
set.seed(1500) # fixa semente para erro aleatório
erro <- runif(length(S), 0, 0.5) # vetor de erro uniforme
S <- c(0.1, 0.2, 0.5, 1, 5, 10, 20) # vetor de substrato
v <- Vm * S / (Km + S) # equação de MM
par(mfrow = c(2, 2)) # área de plot pra 4 gráficos
plot(S, v, type = "o", main = "Michaelis-Mentem")
arrows(S, v, S, v - erro, length = .05, angle = 90) # barra inferior de erro
arrows(S, v, S, v + erro, length = .05, angle = 90) # barra superior de erro

plot(1 / S, 1 / v, type = "o", main = "Lineweaver-Burk")
arrows(1 / S, 1 / v, 1 / S, 1 / (v - erro), length = .05, angle = 90)
arrows(1 / S, 1 / v, 1 / S, 1 / (v + erro), length = .05, angle = 90)

plot(v, v / S, type = "o", main = "Eadie-Hofstee")
arrows(v, v / S, v, (v - erro) / S, length = .05, angle = 90)</pre>
```

```
arrows(v, v / S, v, (v + erro) / S, length = .05, angle = 90)

plot(S, S / v, type = "o", main = "Hanes-Woolf")
arrows(S, S / v, S, S / (v - erro), length = .05, angle = 90)
arrows(S, S / v, S, S / (v + erro), length = .05, angle = 90)
```

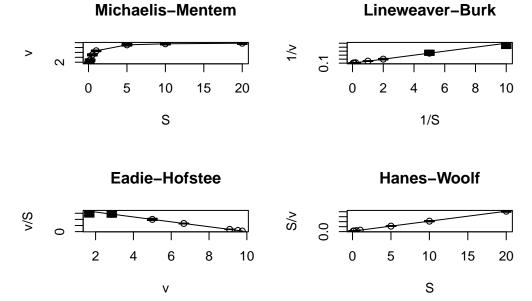


Figura 6.11: Distribuição de erros aleatórios para a equação de Michaelis-Mentem e suas transformações lineares.

```
par(mfrow = c(1, 1)) # retorno à janela gráfica normal
```

Pelo gráfico da figura @ref(fig:figLinErr) fica evidente que as transformações de Lineweaver-Burk e de Eadie-Hofstee, ainda que tenham prevalência na literatura, são as que apresentam a maior variabilidade de erro a partir dos dados experimentais, o que converge para uma menor precisão na determinação de parâmetros cinéticos. Além disso, observa-se que a transformação de Hanes-Woolf é a que apresenta a menor dispersão de resíduos entre as demais, igualando-se aos erros experimentais da equação hiperbólica de Michaelis-Mentem. Apesar disso, a linearização de Hanes-Woolf é muito pouco reportada na literatura.

Ainda que a representação dos duplos-recíprocos tenha em si algumas desvantagens, tais como a dispersão de erros principalmente em valores baixos de S, é a única dentre as mencionadas que permite um ajuste linear por mínimos quadrados, se considerarmos as premissas estatísticas desse.

Para que se possa obter parâmetros de intercepto e inclinação a partir de uma regressão linear, é necessário que se cumpra as *premissas estatísticas* de 1) distribuição normal de resíduos, 2) homogeneidade de variâncias, e 3) independência das variáveis. Se observarmos as três linearizações, tanto a de Eadie-Hofstee como a de Hanes-Woolf não cumprem a premissa de independência, já que a variável dependente (y) é função da independente (x).

Para que uma transformação por duplos-recíprocos possa ser utilizada mais fielmente à obtenção de parâmetros cinéticos, contudo, pode-se adotar o cômputo de peso na fórmula de ajuste linear, tal como sugerido

6 Enzimas

por Wilkinson (Wilkinson 1961), considerando-o como o recíproco das variâncias estimadas. Nesse caso, o ajuste linear considerando o quadrado do vetor de erros aleatórios como variância e o peso como seu recíproco $(1/s^2)$, pode ser esboçado como:

```
S <- seq(0.1, 1, length.out = 20)
Vm <- 10
Km <- 0.5
set.seed(1500)
erro <- runif(20, 0, 1)
v <- Vm * S / (Km + S) + erro
inv.S <- 1 / S
inv.v <- 1 / v
reg.LB.peso <- lm(inv.v ~ inv.S, weights = 1 / erro^2) # expressão para ajuste linear
summary(reg.LB.peso) # resultados do ajuste</pre>
```

```
Call:
lm(formula = inv.v ~ inv.S, weights = 1/erro^2)
Weighted Residuals:
     Min
               1Q
                  Median
                                3Q
                                        Max
-0.04779 -0.02231 -0.01849 0.00162 0.04830
Coefficients:
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 0.117327
                      0.002545
                                 46.11 < 2e-16 ***
inv.S
           0.034906
                      0.001452
                                 24.04 3.93e-15 ***
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 0.02967 on 18 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9698,
                               Adjusted R-squared: 0.9681
F-statistic:
              578 on 1 and 18 DF, p-value: 3.932e-15
```

Ainda que os ajustes tenham sido realizados para valores com baixa variabilidade de erros uniformes, uma comparação entre esse resultado e o da figura @ref(fig:figLBlin) revela ligeira superioridade para o primeiro, com maior valor para o coeficiente de determinação R^2 , menor para p-valor, e menores para o erro-padrão das estimativas.

Complementarmente, pode-se obter uma comparação estatística entre o modelo linear simples e o que adotou o peso estatístico por:

```
anova(reg.LB, reg.LB.peso)
```

Analysis of Variance Table

```
Model 1: inv.v ~ inv.S

Model 2: inv.v ~ inv.S

Res.Df RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)

1 18 0.0038295

2 18 0.0158493 0 -0.01202
```

6.3 Ajuste não-linear

Ainda que linearizações sejam frequentemente utilizadas mesmo hoje em dia, principalmente para discernir entre modelos cinéticos distintos, a determinação precisa dos parâmetros de catálise é contudo melhor conduzida por ajuste ou regressão não-linear. Esse ajuste tem por objetivo a determinação de parâmetros de uma equação (Vm e Km, no caso) sem a necessidade de qualquer transformação dos dados, eliminando por essa razão os erros associados.

O ajuste não-linear difere do linear em algumas características, tais como:

- 1. A busca iterativa de um valor mínimo (local ou global) para a soma dos quadrados dos erros das estimativas;
- 2. a necessidade de um valor inicial para os parâmetros (sementes);
- 3. a linearidade nos erros e no gradiente da função sobre os parâmetros.
- 4. a necessidade de algoritmo mais sofisticado para solução simbólica e matricial para minimizar a derivada da função sobre cada parâmetro;
- 5. a necessidade de programa que trabalhe com álgebra matricial (computador, dispositivo móvel ou calculadora):
- 6. o uso de algoritmos mais sofisticados (Gauss, Newton-Raphson, Levenberg-Marquadt, Simplex).
- 7. o emprego da equação original do modelo, por vezes de difícil linearização.

6.3.1 Ajuste não-linear da equação de Michaelis-Mentem

Para uma regressão não-linear da equação de Michaelis-Mentem reproduzindo-se a simulação exemplificada na figura @ref(fig:simulMM):

```
Vm <- 10
Km <- 0.5
set.seed(1500)
erro <- runif(20, 0, 1)
S <- seq(0, 1, length.out = 20)
v <- Vm * S / (Km + S) + erro
dat.Sv <- data.frame(S, v) # criação de planilha com S e v
plot(v ~ S,
    type = "p", from = 0, to = 1, n = 20,</pre>
```

6 Enzimas

```
xlab = "[S]", ylab = "v"
) # construção do gráfico de MM

nl.MM <- nls(v ~ Vm * S / (Km + S), start = list(Vm = 7, Km = 0.2), data = dat.Sv) # linha de códig
lines(S, fitted(nl.MM), col = "red") # sobreposição da linha ajustada</pre>
```

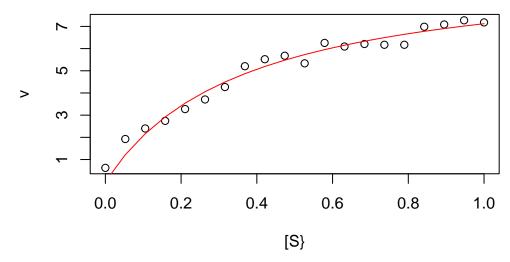


Figura 6.12: Ajuste não linear para a simulação experimental da equação de Michaelis-Menten.

```
summary(nl.MM) # sumário dos resultados
```

```
Formula: v ~ Vm * S/(Km + S)

Parameters:
    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

Vm 9.75490    0.52114   18.718   3.01e-13 ***

Km 0.36979    0.05015   7.373   7.68e-07 ***

---

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 0.3514 on 18 degrees of freedom

Number of iterations to convergence: 5

Achieved convergence tolerance: 1.628e-06
```

Observe agora pela tabela de sumário do ajuste que os parâmetros são fornecidos diretamente, sem necessidade de transformação, como no ajuste linear. A tabela diferencia-se do sumário de ajuste linear por apresentar o número de iterações para convergência, e o valor de convergência para tolerância. Contudo, não

apresenta o coeficiente de determinação R^2 , mas somente o erro padrão residual. Ainda que a discussão esteja longe da proposta desta obra, alguns autores declinam do emprego de R^2 em regressão não-linear pelo mesmo ser decorrente de relações lineares entre os parâmetros, o que não ocorre no caso.

Assim como para ajuste linear, os parâmetros que abrangem a função n1s envolvem:

```
args(nls)
```

```
function (formula, data = parent.frame(), start, control = nls.control(),
    algorithm = c("default", "plinear", "port"), trace = FALSE,
    subset, weights, na.action, model = FALSE, lower = -Inf,
    upper = Inf, ...)
NULL
```

Além do pacote incluido na distribuição básica do R e que permite ajustes não-lineares (stats), existem diversos outros que permitem ajustes com algoritmos, avaliações e plotagens variadas, tais como nlme (mixed-effects), nlrwr, nlstools, nls2, nls.multstart, minpack.lm (algoritmo de Levenberg-Marquadt), nlshelper, e nlsLM.

6.3.2 Algumas vantagens do modelo linear sobre o não-linear

Ainda que a estimativa de parâmetros de modelos não lineares seja mais precisa utilizando-se ajustes também não lineares, o algoritmo linear oferece algumas vantagems, entre as quais:

- 1. É mais fácil, com algoritmo simplificado, e mesmo pelo uso de somatórias de algumas quantidades envolvendo *x* e *y*, sendo resolvido com calculadora científica simples, ou mesmo à mão;
- 2. é mais intuitivo visualmente, posto que o modelo final será sempre uma reta;
- 3. possui apenas dois parâmetros na equação, intercepto e inclinação;
- 4. requer poucas medidas, já que uma reta se constroi com apenas dois pontos;
- 5. não requer sementes para estimativas iniciais o que, a depender do modelo não-linear, pode ser bem abstrato, culminando em mínimos locais ou mesmo na falta de solução para o ajuste;
- 6. permite interpretação experimental quando há fuga da linearidade;
- 7. independe de um modelo físico específico;
- 8. não requer, por vezes, a necessidade de constrição de resultados (*constraints*), por exemplo instruindo o algoritmo a buscar uma estimativa obrigatoriamente de valor positivo para o parâmetro.
- 9. relações lineares e transformações são encontradas em inúmeros modelos físicos nas Ciências Naturais.

6.4 Enzimas alostéricas

A *alosteria* constitui um dos principais recursos da metabolismo para a regulação dos níveis de compostos celulares. De etiologia grega (*allos = outro, stereos = estrutura*), uma *enzima alostérica* é aquela que altera seu perfil catalítico em função de transições conformacionais mediadas por moléculas que interagem fora de seu sítio ativo, sejam elas substrato, coenzimas, ou outros compostos (Traut 2007). O efeito resultante constitui

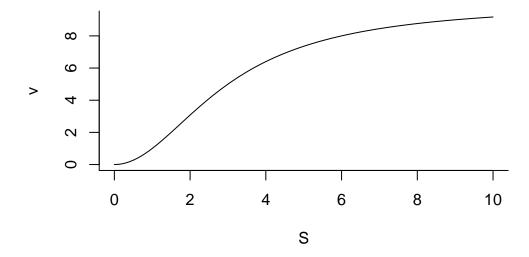
em uma modulação da atividade enzimática, quer ativando-a ou inibindo-a. Enzimas alostérica comportam-se portanto como *enzimas regulatórias* em uma rota metabólica, e cuja atividade pode ser modulada em função de *retroinibição* ou *inibição por feedback*, bem como por *ativação pelo precursor* (Leone 2021).

A equação que define uma enzima alostérica em função do teor de seu substrato dada abaixo:

$$v = \frac{Vm * S^n}{(Km^n + S^n)} (\#eq : eqLB)$$
(6.8)

Onde nH representa o coeficiente de cooperatividade ou constante de Hill para a ligação com moléculas de S (de maneira similar à ligação de O_2 à hemoglobina. De modo geral, o valor de nH pode ser inferior à unidade (cooperatividade negativa) ou superior a essa (cooperatividade positiva). Para ilustrar o comportamento cinético de uma enzima alostérica, segue o trecho abaixo, que também introduz outro formato para representar curvas no R nomeando a variável independente (x).

```
v <- function(S, Vm = 10, Km = 3, nH = 2) {
    Vm * S^nH / (Km^nH + S^nH)
}
curve(v,
    from = 0, to = 10, n = 100, xlab = "S", ylab = "v",
    bty = "L"
) # eixos em L</pre>
```



Interessante também observar como o perfil enzimático alostérico se define frente à variação do coeficiente *nH*.

```
nH <- seq(from = 0.1, to = 3, length.out = 7) # sequência para 7 valores de nH
for (i in 1:length(nH)) { # loop para adicionar curva alostérica a cada valor de nH
   add <- if (i == 1) FALSE else TRUE # controle de fluxo
   v <- function(S, Vm = 10, Km = 3, a = nH[i]) {</pre>
```

```
Vm * S^a / (Km^a + S^a)
}
curve(v,
   from = 0, to = 4, n = 500, col = i, xlab = "S", ylab = "v",
   bty = "L", add = add
)
}
arrows(0, 5, 3, 2, length = 0.1, angle = 45, col = "blue") # seta para nH
text(0.5, 5.2, "nH", col = "blue") # indexador para nH
```

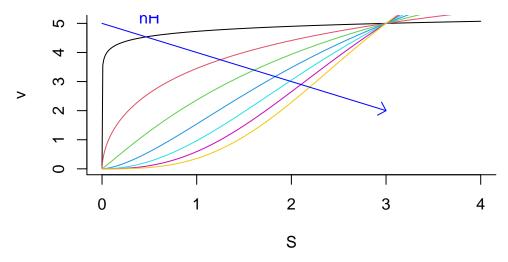


Figura 6.13: Perfil alostérico de uma enzima sob variação do coeficiente de cooperatividade nH.

6.5 Inibição Enzimática

Capítulo vasto na enzimologia e com aplicação direta em Química, Farmacologia, Biotecnologia, Biomedicina e áreas afins, a inibição enzimática encontra-se no âmago dos fármacos, medicamentos e biosensores. Sob um ponto de vista simplificado, a atividade enzimática pode ser reduzida na presença de vários efetores, entre moléculas endógenas ou exógenas do metabolismo celular, incluindo o próprio substrato. Genericamente a *inibição enzimática* classifica-se como *irreversível* quando a ativide decai pela ligação covalente de um inibidor, ou *reversível*, quando há um equilíbrio de associação/dissociação com a macromolécula. A seguir serão ilustradas inibições reversíveis.

6.5.1 Inibição pelo substrato

Uma inibição enzimática comum ao metabolismo é a protagonizada pelo próprio substrato em excesso no meio, sendo definida por:

$$v = \frac{Vm * S}{S(1 + \frac{S}{Ks}) + Km} (\#eq : eqInibS)$$
(6.9)

Dessa forma, o gráfico resultante de uma inibição por excesso de substrato pode ser reproduzido por:

```
S <- seq(0, 10, 0.1)
v_alos <- function(S, Vm = 10, Km = 0.5, Ks = 2) {
   Vm * S / (S * (1 + S / Ks) + Km)
}
curve(v_alos, xlim = c(0, 10), xlab = "S", ylab = "v")</pre>
```

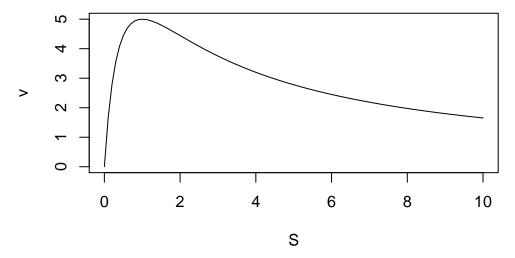


Figura 6.14: Comportamento cinético de uma enzima inibida por excesso de substrato.

Percebe-se pela figura @ref(fig:figInibS) que a atividade da enzima alcança um limite sendo reduzida com o aumento do teor de substrato.

6.5.2 Modelos de inibição enzimática

A inibição de enzimas por moléculas que não o próprio substrato pode ser representada por um diagrama no qual o efetor altera um dos elementos representados na equação @ref(eq:diagMM), tal como na figura abaixo.

Nesse caso, pode-se definir os três tipos principais de inibição enzimática reversível como *inibição* competitiva, incompetitiva e não competitiva (pura ou mista). Em síntese, a inibição competitiva dá-se quando o inibidor complexa-se ao sítio ativo da enzima; a inibição incompetitiva, quando o inibidor interage com o complexo enzima-substrato; e a inibição não competitiva, quando o inibidor liga-se em outro local que não o

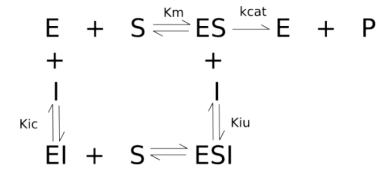


Figura 6.15: Diagrama representativo dos tipos de inibição enzimática. kcat: constante catalítica; Ki: constante de equilíbrio de dissociação do inibidor, com índices para inibição competitiva (Ki), incompetitiva (Kiu) e não competitiva (Kic e Kiu).

sítio ativo da enzima, podendo ainda ser pura (Kiu = Kic) ou mista (Kiu > ou < Kic).

Um modelo matemático que abrange esses três tipos de inibição enzimática é descrito na equação abaixo:

$$v = \frac{Vm * S}{Km(1 + \frac{I}{Kic}) + S(1 + \frac{I}{Kiu})} (\#eq : inibAll)$$

$$\tag{6.10}$$

Dessa forma, a equação @ref(eq:inibAll) reduz-se em seus termos multiplicadores no denominador, em função do tipo de inibição enzimática presente, até o modelo primitivo de Michaelis-Mentem, quando na ausência do inibidor.

6.5.2.1 Curva de Michaelis-Mentem para modelos de inibição enzimática

Podemos simular no R as cuvas michaelianas para modelos clássicos de inibição, considerando valores para as constantes de equilíbrio de dissociação dos inibidores como Kic = 0.2, e Kiu = 1, como no trecho de código abaixo.

```
par(mfrow = c(2, 2)) # divide a área de plotagem
S <- seq(0, 10, 0.1) # geração de teores de S
contr <- function(S, Vm = 10, Km = 0.5) {
    Vm * S / (Km + S)
} # função de MM, sem inibição
curve(contr, xlim = c(0, 10), xlab = "S", ylab = "v", main = "Competitiva") # cuva controle; veja que
# Modelos de inibição:
# Competitiva
comp.i <- function(S, Vm = 10, Km = 0.5, I = 2, Kic = 0.2) {</pre>
```

```
Vm * S / (Km * (1 + I / Kic) + S)
curve(comp.i, add = TRUE, col = "red", lty = 2) # competitiva
# Não competitiva pura
pura.i <- function(S, Vm = 10, Km = 0.5, I = 2, Ki = 1) {
  Vm * S / (Km * (1 + I / Ki) + S * (1 + I / Ki))
}
curve(contr, xlim = c(0, 10), xlab = "S", ylab = "v", main = "Não Compet. Pura")
curve(pura.i, add = TRUE, col = "red", lty = 2) # não competitiva pura (Kiu=Kic=Ki)
# Não competitiva mista
mista.i <- function(S, Vm = 10, Km = 0.5, I = 2, Kic = 0.2, Kiu = 1) {
  Vm * S / (Km * (1 + I / Kic) + S * (1 + I / Kiu))
}
curve(contr, xlim = c(0, 10), xlab = "S", ylab = "v", main = "Não Compet. Mista")
curve(mista.i, add = TRUE, col = "red", lty = 2) # não competitiva mista
# Incompetitiva
incomp.i \leftarrow function(S, Vm = 10, Km = 0.5, I = 2, Kiu = 1) {
  Vm * S / (Km + S * (1 + I / Kiu))
}
curve(contr, xlim = c(0, 10), xlab = "S", ylab = "v", main = "Incompetitiva")
curve(incomp.i, add = TRUE, col = "red", lty = 2) # incompetitiva
```

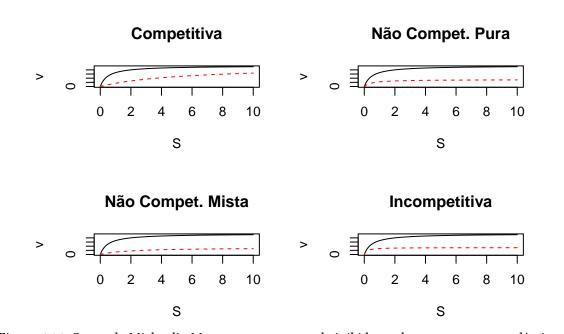


Figura 6.16: Curva de Michaelis-Mentem na presença de inibidores de comportamento clássico.

layout(1) # retorna à janela gráfica original

Perceba que para o *modelo competitivo* a velocidade limite Vm da reação tende a ser alcançada, já que a ocupação do sítio ativo da enzima é mutualmente exclusiva entre substrato e inibidor, privilegiando o primeiro quando em alto teor. Por outro lado, o valor de Vm não é tangível para os demais modelos de inibição, já que o inibidor se liga em outro sítio na enzima (não competitivo) ou ao próprio substrato (incompetitivo). Para visualizar alterações nos gráficos, experimente modificar os parâmetros da simulação (Vm, Vm, Vm,

Ainda que seja possível um discernimento do modelo competitivo dos demais, perceba também que isso só foi possível por uma simulação que empregou um teor S 20 vezes maior que o valor de Km da reação. Isso nem sempre é possível na prática, como elencado abaixo, já que o emprego de altos teores de S:

- 1. Agrega maior custo financeiro ao ensaio.
- 2. Pode resultar em inibição por excesso de substrato.
- 3. Pode elevar a viscosidade do meio, reduzindo a taxa catalítica.

Percebe-se, da figura @ref(fig:inibMM) e das observações acima, a dificuldade em classificar o tipo de inibição enzimática baseado na observação direta de uma curva de Michaelis-Mentem.

6.5.2.2 Diagnóstico de modelos de inibição enzimática por Lineweaver-Burk

As transformações lineares da equação de Michaelis-Mentem são muito úteis no diagnóstico visual de modelos de inibição. Nesse sentido, o emprego da linearização por duplos-recíprocos para esses modelos resutará nas equações de inibição que seguem:

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{Vm} + \frac{Km(1 + \frac{I}{Kic})}{Vm} * \frac{1}{S} ; competitivo(\#eq : eqComp)$$
 (6.11)

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{Vm} + \frac{Km(1 + \frac{I}{Ki})}{Vm} * \frac{1}{S(1 + \frac{I}{Ki})} ; puro(\#eq : eqPuro)$$
 (6.12)

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{Vm} + \frac{Km(1 + \frac{I}{Kic})}{Vm} * \frac{1}{S(1 + \frac{I}{Kiu})} ; misto(\#eq : eqMisto)$$
 (6.13)

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{Vm} + \frac{Km}{Vm} * \frac{1}{S(1 + \frac{I}{Kiu})} ; incompetitivo(\#eq : eqIncomp)$$
 (6.14)

Observe que os termos multiplicadores inseridos em *S* e *Km* na equação de duplo-recíproco apenas alteram seu formalismo apresentado equação @ref(eq:eqLB). Dessa forma, os modelos de inibição enzimática podem ser ilustrados pelo R junto à transformação de Lineweaver-Burk (ou qualquer outra), como abaixo.

6 Enzimas

```
# Substrato e Inibidor
S <- seq(0.1, 10, length = 10) # cria um vetor para substrato
I <- 2 # concentração de inibidor
# Parâmetros cinéticos:
Km < -0.5
Vm <- 10
Kic \leftarrow 0.2
Ki < -0.2
Kiu <- 1
# Equações
v \leftarrow Vm * S / (Km + S) # equação de MM
v.comp <- Vm * S / (Km * (1 + I / Kic) + S) # competitivo
v.puro <- Vm * S / (Km * (1 + I / Ki) + S * (1 + I / Ki)) # não competitivo puro
v.misto <- Vm * S / (Km * (1 + I / Kic) + S * (1 + I / Kiu)) # não competitivo misto
v.incomp \leftarrow Vm * S / (Km + S * (1 + I / Kiu))
# Gráficos
par(mfrow = c(2, 2)) # área de plot pra 4 gráficos
plot(1 / S, 1 / v, type = "l", main = "Competitivo", ylim = c(0, 2))
points(1 / S, 1 / v.comp, type = "1", col = "red")
plot(1 / S, 1 / v, type = "l", main = "Puro", ylim = c(0, 5))
points(1 / S, 1 / v.puro, type = "1", col = "red")
plot(1 / S, 1 / v, type = "1", main = "Misto", ylim = c(0, 2))
points(1 / S, 1 / v.misto, type = "1", col = "red")
plot(1 / S, 1 / v, type = "l", main = "Incompetitivo", ylim = c(0, 1))
points(1 / S, 1 / v.incomp, type = "1", col = "red")
```

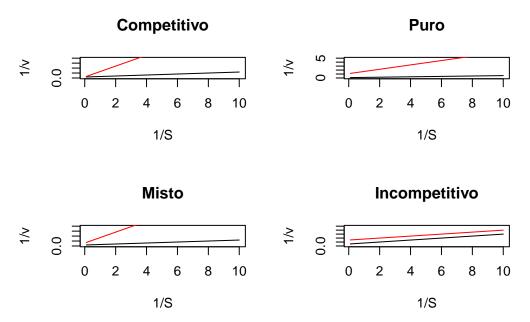


Figura 6.17: Diagnóstico de modelos de inibição enzimática por Lineweaver-Burk.

layout(1) # volta à janela gráfica normal

Agora a distinção de modelos de inibição se torna mais evidente pela linearização. Assim como mencionado para os modelos representados na equação direta de Michaelis-Mentem, pode-se variar os parâmetros cinéticos e experimentar a visualização dos duplos-recíprocos.

Novamente, ainda que a linearização permita um melhor diagnóstico do tipo de inibição presente, o ajuste não linear é mais adequado para a determinação das constantes de inibição (Ki's), uma vez que não agrega os erros advindos das transformações lineares (embora a inserção de pesos estatísticos possa aliviar a imprecisão dos resultados).

6.5.2.3 Ki & IC₅₀

A concentração inibitória a 50% do teor de inibidor, definida como IC_{50} , pode ser determinada empiricamente sem o conhecimento dos parâmetros de catálise enzimática envolvidos. Para isso, basta se obter um valor de inibição relativa num ensaio a concentração fixa de S, variando-se o teor de inibidor. De fato, análogos ao IC_{50} existem em ampla gama nas Ciências Naturais, não envolvendo necessariamente qualquer informação cinética ou termodinâmica dos compostos envolvidos, mas tão somente a informação empírica do resultado. Exemplificando, os parâmetros DE_{50} (dose efetiva) ou DL_{50} (dose letal), e mesmo projeções de X_{50} , tal como Tm (temperatura de desnaturação a 50%), e o valor de pKa em tampões (pH em que as espécies encontram-se 50% ionizadas/protonadas em solução).

No entanto, existe uma relação útil entre a constante de equilíbrio de dissociação do inibidor Ki e o valor de IC_{50} que permite sua permuta, desde que conhecido o modelo de inibição (Yung-Chi e Prusoff 1973). Generalizando para os modelos de inibição, pode-se definir uma equação geral pra relação de Cheng-Prusoff como:

$$IC_{50} = \frac{(1 + \frac{S}{Km})}{(\frac{1}{Kic}) + (\frac{1}{Km * Kiu})} (\#eq : eqCPrussof)$$
(6.15)

Exemplificando, para um *modelo competitivo* de inibição, onde *Kiu* é nulo:

$$IC_{50} = Kic(1 + \frac{S}{Km})(\#eq : eqPrusfComp)$$
(6.16)

Como acima mencionado, o valor de IC_{50} pode ser obtido a partir de dados experimentais de inibição relativa (v/Vm, por ex) em diferentes concentrações de inibidor fixando um valor de S. Nesse caso, podemos ilustrar no R a obtenção de IC_{50} , utilizando-se um ajuste não linear para a equação de quatro parâmetros que segue ($curva\ de\ Rodbard$, DeLean, Munson, e Rodbard (1978)).

$$ativ.residual \% = \frac{v}{Vm} = inf + \frac{sup - inf}{1 + log(\frac{I}{IC_{50}})^{nH}})(\#eq : eqRodb)$$
(6.17)

```
logI.nM <- c(5.5, 5.2, 4.9, 4.6, 4.3, 3.7, 3.3, 3, 2.8) \# conc. de I, em unidade log10 \\ ativ.res <- c(0.02, 0.07, 0.12, 0.22, 0.36, 0.53, 0.67, 0.83, 0.85) \# ativ. residual, v/Vm \\ dados <- data.frame(logI.nM, ativ.res) \# criação do dataframe \\ plot(ativ.res ~ logI.nM, dados) \# plot dos dados \\ ic50.fit <- nls(formula(ativ.res ~ inf + (sup - inf) / (1 + (logI.nM / logIC50)^nH)), algorithm = "summary(ic50.fit) # sumário do ajuste"
```

```
Formula: ativ.res ~ inf + (sup - inf)/(1 + (logI.nM/logIC50)^nH)
```

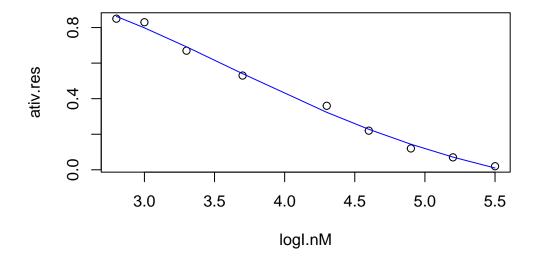
Parameters:

```
Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
inf
         -0.3211
                    0.2932 -1.095 0.32348
                    0.2311
                            4.847 0.00469 **
          1.1200
sup
          4.0807
                    0.2309 17.675 1.06e-05 ***
logIC50
          4.0540
                    1.7462
                            2.322 0.06792 .
nH
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Residual standard error: 0.02769 on 5 degrees of freedom

Algorithm "port", convergence message: relative convergence (4)

```
lines(logI.nM, fitted(ic50.fit), col = "blue") # linha ajustada
```



```
# E para extrair o valor de IC50...
IC50 <- 10^(coef(ic50.fit)[3]) # extração do 3o. parâmetro da tabela de ajuste, isto é: logIC50:
IC50
```

logIC50 12042.04

Perceba que o parâmetro de *logIC50* foi extraído da tabela de ajuste não linear pelo comando coef. Isto é muito útil quando desejamos utilizar um coeficiente obtido em cálculos automáticos (programáveis), como veremos mais adiante. Por ora, faz-se interessante apresentar o parâmetro de *IC50* obtido de forma mais elegante.

Para isso, podemos utilizar duas funções do R para exprimir resultados quantitativos junto à caracteres (palavras, frases): print() e cat. O trecho de código abaixo ilustra esse *output*, e algumas diferenças.

```
cat("Valor de IC50 (nM):", IC50, "\n")

Valor de IC50 (nM): 12042.04

print(paste("Valor de IC50 (nM):", IC50))
```

Basicamente, print exibe aspas e indexa o nome da coluna, enquanto cat os omite. Em adição, pode-se perceber outra variação no formato de impressão entre os dois comandos pelo exemplo abaixo:

[1] "Valor de IC50 (nM): 12042.0414863972"

```
print(paste("teores:", c(10, 25, 50)))
```

```
[1] "teores: 10" "teores: 25" "teores: 50"

cat("teores:", c(10, 25, 50))

teores: 10 25 50
```

Outra possibilidade no R é a de se reduzir o número de casas decimais apresentados. Nesse caso, pode-se utilizar o comando round.

```
IC50 <- 10^(coef(ic50.fit)[3])
print(paste("Valor de IC50 (nM):", round(IC50, digits = 2))) # arredondamento para duas casas decim</pre>
```

```
[1] "Valor de IC50 (nM): 12042.04"
```

Mais uma vez, salienta-se a existência de alguns pacotes úteis do R para o cálculo de *IC50*, entre esse o pacote drc (*dose-response curve*).

6.6 Diagnóstico estatístico de inibição enzimática

Em paralelo à inspeção visual dos gráficos de linearização para inibição enzimática, é possível validar-se um modelo sobre outro por uma análise de dispersão de erros dos modelos. Mas também é possível o emprego da função BIC ou da função AIC do R, e que respectivamente calculam valores para o *Critério de Informação Bayseiano* (Spiess e Neumeyer 2010) ou do *Critério de Informação de Akaike* (Akaike 1974). Em comum esse parâmetros calculam um valor relativo de informação não computada por um modelo avaliado. O menor valor encontrado para ambos espelha a solução do melhor modelo de ajuste.

Matematicamente, BIC e AIC podem ser expressos como:

$$BIC = p * ln(n) - 2 * ln(RSE)AIC = n * ln(\frac{RSE}{n}) + 2k + [\frac{2k(k+1)}{n-k-1}])(\#eq : BICAIC)$$
 (6.18)

Onde p representa o no. de parâmetros do modelo, n o número total de pontos experimentais, k o fator p+1, e RSE o valor da soma dos quadrados dos resíduos ($residual\ sum\ squares$).

Para exemplificar o uso desses parâmetros de qualidade do modelo estatístico, pode-se empregar um conjunto de dados contido no pacote nlstools, provendo o ajuste, plotagem, inspeção de resíduos, e aplicação de *BIC* e *AIC*:

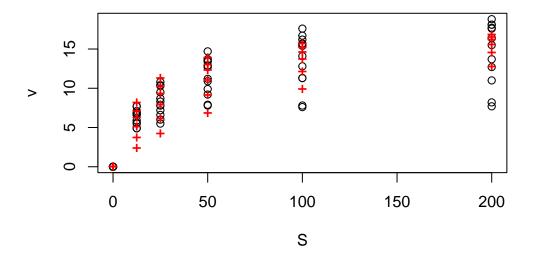
```
library(nlstools)
```

^{&#}x27;nlstools' has been loaded.

IMPORTANT NOTICE: Most nonlinear regression models and data set examples

related to predictive microbiolgy have been moved to the package 'nlsMicrobio'

comp <- nls(compet_mich, vmkmki, list(Km = 1, Vmax = 20, Ki = 0.5)) # ajuste competitivo, com dados, e
plotfit(comp, variable = 1) # comando de plotagem do pacote</pre>



summary(comp)

```
Formula: v \sim S/(S + Km * (1 + I/Ki)) * Vmax
```

Parameters:

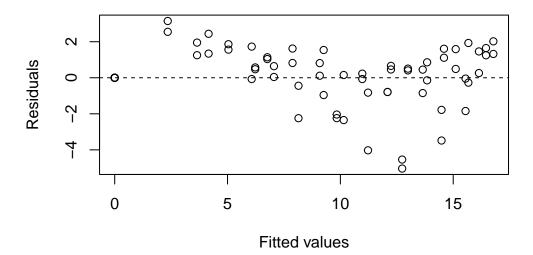
Residual standard error: 1.603 on 69 degrees of freedom

Number of iterations to convergence: 11 Achieved convergence tolerance: 5.11e-06

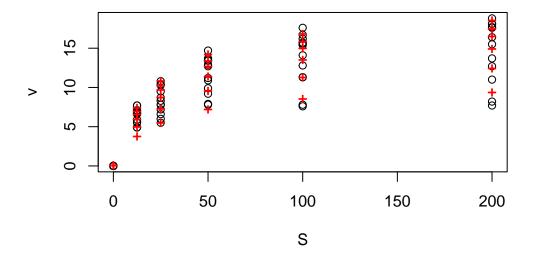
```
res_comp <- nlsResiduals(comp) # resíduos do ajuste
plot(res_comp, which = 1) # plotagem de resíduos</pre>
```

6 Enzimas

Residuals



noncomp <- nls(non_compet_mich, vmkmki, list(Km = 1, Vmax = 20, Ki = 0.5)) # o mesmo que acima, mas
plotfit(noncomp, variable = 1)</pre>



summary(noncomp)

Formula: $v \sim S/((S + Km) * (1 + I/Ki)) * Vmax$

Parameters:

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|) Km 22.7787 1.4738 15.46 <2e-16 *** Vmax 20.5867 0.4306 47.80 <2e-16 ***

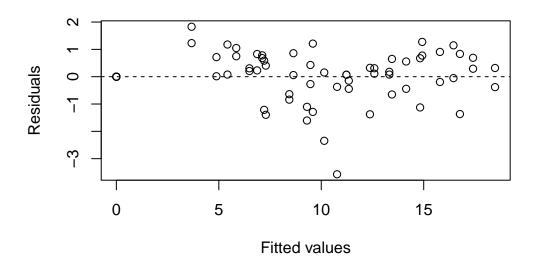
```
Ki 101.3563 7.3303 13.83 <2e-16 ***
---
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 0.8925 on 69 degrees of freedom

Number of iterations to convergence: 7
Achieved convergence tolerance: 8.253e-06

res_noncomp <- nlsResiduals(noncomp)
plot(res_noncomp, which = 1)</pre>
```

Residuals



BIC(comp, noncomp) # Critério de informação de Baysean

```
df BIC
comp 4 286.2994
noncomp 4 201.9981

AIC(comp, noncomp) # Critério de informação de Akaike
```

df AIC comp 4 277.1928 noncomp 4 192.8915

Pode-se observar na comparação dos ajustes não lineares que o modelo não competitivo ajustou-se melhor que o modelo competitivo (valores menores para BIC e AIC)

6.7 Cinética de estado pré-estacionário

Existem basicamente três tipos de comportamentos cinéticos para as enzimas: comportamento de Henry-Michaelis-Mentem-Briggs-Haldane, sucintamente denominado por michaeliano ou de estado estacionário (steady-state), comportamento de fase lag (quando o substrato leva algum tempo para ser convertido em produto), e comportamento de burst, transiente, ou de estado pré-estacionário (quando uma fase com rápida liberação de produto precede o estado estacionário). Algumas enzimas trabalham seguindo a cinética de burst, entre as quais algumas nucleosidades e glicosidases, e dehalogenases Tang et al. (2003).

A cinética de estado pré-estacionário segue um formalismo um pouco distinto, e que depende do quantitativo de etapas reacionais. Exemplificando abaixo para uma reação de 3 etapas (Johnson 1992):

$$E + S \underset{km_1}{\rightleftharpoons} E * S \underset{km_2}{\rightleftharpoons} E * P \xrightarrow{k3} E + P(\#eq : burst)$$

$$(6.19)$$

Nesse caso, as equações derivadas das observações experimentais, e que conduzem à determinação das constantes de velocidade são:

$$kobs = k2 + km2 + k3(\#eq : burstKobs1)$$

$$(6.20)$$

$$Ao = \frac{k2 * (k2 + km2)}{kobs^2} (\#eq : burstKobs2)$$

$$(6.21)$$

$$kcat = \frac{k2 * k3}{kobs} (\#eq : burstKobs3)$$
 (6.22)

Onde *kobs* e *Ao* representam parâmetros experimentais de constante de velocidade observada e amplitude, respectivamente. Esses parâmetros podem ser obtidos a partir do ajuste não linear da equação abaixo aos dados experimentais:

$$P = Ao(1 - e^{-kobs} + kcat * t)(\#eq : burstP)$$
(6.23)

O trecho de código que segue simula uma curva de comportamento pré-estacionário, quando conhecidas as constantes de velocidade que determinam os parâmetros experimentais.

```
# Parâmetros
k2 <- 387
km2 <- 3
k3 <- 22
xmin <- 0
xmax <- 0.075 # definição de limites para função

# Variáveis da equação de simulação (função dos parâmetros)</pre>
```

```
kobs <- k2 + km2 + k3
Ao <- k2 * (k2 + km2) / kobs^2
kcat <- k2 * k3 / kobs

# Definição da função de simulação
sim <- function(x, kobs, Ao, kcat) {
    Ao * (1 - exp(-kobs * x)) + kcat * x
}

# Curval de simulação
curve(sim(x, kobs = kobs, Ao = Ao, kcat = kcat),
    col = "blue",
    type = "o", xlim = c(xmin, xmax), cex = 0.5,
    xlab = "tempo", ylab = "[P]"
)</pre>
```

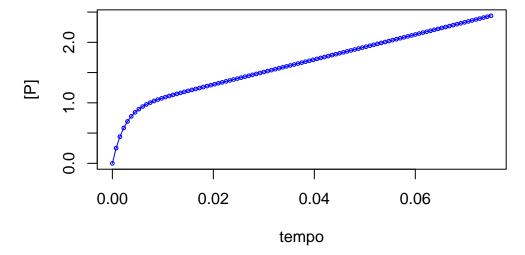


Figura 6.18: Formação de produto num modelo cinético de estado pré-estacionário.

Note pela figura @ref(fig:figBurst) que na cinética de estado transiente, existe uma fase pré-estacionária inicial eleva o teor de produto P rapidamente, e que antecede a fase estacionária de liberação constante de P.

Por outro lado, por vezes é necessário o oposto, ou seja, determinar as constantes de velocidade a partir do conhecimento dos parâmetros experimentais *kobs* e *Ao*. Nesse caso (e em tantos outros transdisciplinares) o R possui funções de minimização que permitem encontrar a raíz de equações lineares ou não lineares.

O procedimento envolve minimizar iterativamente um vetor de equações dadas as sementes para cada parâmetro. Para tal busca-se obter f(x) = 0 pela diferença entre um valor de referência; ou seja, quando a solução encontrar x quando f(x)-y=0. Exemplificando, supondo que f(x) seja a+b/x, e que y seja 3. Então a busca se dá no sentido de encontrar a e b em a+b/x-3.

Para a determinação das constantes de velocidade representadas na cinética transiente, vale mencionar a

6 Enzimas

função optim em stats ou o pacote rootSolve, que buscam minimizar equações lineares e não lineares para encontrar os valores de seus parâmetros.

Na solução dos parâmetros para estado pré-estacionário, ilustra-se abaixo o emprego do R com root-Solve, adicionando ainda a busca para *Km* como segue.

$$Km = \frac{k3}{k2 + k3} (\#eq : burstKm)$$
 (6.24)

```
# Cálculo de constantes cinéticas por solução de sistema de equações não lineares aplicadas à cinét
library(rootSolve)
kobs <-0.06
Ao <- 50
kcat <- 300
Ks <- 15
# define os parâmetros de ajuste não linear obtidos por curva progressiva experimental, t x P;
# Obs: Ks obtido experimentalmente de curva de S x kobs
# Parâmetros
# x[1]=k2
\# x[2] = k3
\# x[3] = Km
# Modelo
model \leftarrow function(x) c(x[1] / kobs^2 - Ao, (x[1] * x[2]) / kobs - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[1] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[2] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[2] + x[2] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[2] + x[2] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[2] + x[2] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[2] + x[2] + x[2]) - kcat, Ks * x[2] / (x[2] + x[2] + x[
# o modelo acima deve conter uma lista de equações cuja igualdade é zero, ou seja, f(x)=0
(ss <- multiroot(model, c(1, 1, 1))) # comando de execução do rootSolve (sementes pro algoritmo)
$root
                     0.18000 100.00000 14.97305
[1]
$f.root
[1] 0.000000e+00 1.136868e-13 -1.243054e-09
$iter
[1] 4
$estim.precis
[1] 4.143891e-10
```

Os resultados da minimização podem ser interpretados como:

- 1. root = valores de xi pra f(xi)=0; ou seja, k2, k3, e Km;
- 2. *f.root* = valor de cada função pra cada xi (deve ser próximo de zero para cada);

- 3. *iter* = no. iterações ;
- 4. *esti.precis* = estimativa da precisão.

A contemplar um capítulo ainda que extenso sobre cinética enzimática, existem inúmeros tópicos deixados de lado, dado o foco principal do emprego do R na solução de problemas quantitativos em biofísico-química. Dessa forma, omitimos diversos conceitos, tais como cinética lenta de interação de substrato (slow binding), cinética de múltiplos substratos (reação sequencial e ping-pong), equação integrada de Michaelis-Menten e curvas progressivas, ativação de moduladores, influência de pH e temperatura na catálise, e enzimas multisítios, entre vários.

7 Interação Bimolecular

Quando se menciona interação entre biomoléculas, normalmente se faz referência à processos adsortivos envolvendo um biopolímero (proteína, ácido nucleico, glicano), e um ligante de baixo peso molecular, embora o formalismo também se aplique com alguma restrição a interações entre biopolímeros, e mesmo células inteiras.

O formalismo mais comum para interação biomolecular é o que envolve a formação de complexo adsortivo entre uma proteína e um ligante (*ligand binding*), exemplificado para íons (Ca²⁺, Mg²⁺, etc), fármacos e candidatos, produtos naturais, e antígenos, dentre vários.

Perguntas simples acerca da *interação ligante-proteína* podem elucidar diversas características da formação de tais complexos, como:

- 1. Quanto de proteína/ligante estão presentes ?
- 2. Quanto do complexo é formado?
- 3. Quão rápido o complexo associa/dissocia?
- 4. Quais os mecanismos envolvidos?

De modo geral, pode-se representar a interação ligante-proteína como segue:

$$P + L \underset{k_{off}}{\rightleftharpoons} PL(\#eq : diagPL) \tag{7.1}$$

Onde P representa o teor de proteína livre, L o ligante livre, e PL o complexo formado. As taxas de reação são definidas para a formação (k_{on} ; $M^{-1}s^{-1}$) e dissociação (k_{off} ; s^{-1}) do complexo.

Dessa forma deduz-se a equação para a isoterma de interação do ligante com a proteína como segue:

$$Kd = \frac{[P] * [L]}{[P] + [L]} (\#eq : eqPL)$$
 (7.2)

Onde Kd representa a constante de equilíbrio de dissociação para o complexo PL formado, tal como condicionado ao equilíbrio de formação/dissociação do complexo ($v_{assoc} = v_{dissoc}$), e também definido como:

$$Kd = \frac{k_{off}}{k_{on}} (\#eq : eqKd) \tag{7.3}$$

A partir da Eq. @ref(eq:eqPL) pode-se facilmente deduzir a expressão final para a interação de um ligante a um conjunto de sítios de mesma afinidade na proteína:

$$v = \frac{n * [L]}{Kd + [L]} (\#eq : eqNu)$$

$$(7.4)$$

7.1 Modelos de Interação e Representações Lineares

Observe que a equação @ref(eq:eqNu) praticamente repete o formalismo já visto com a formação do complexo ativado de enzima-substrato @ref(eq:eqMM), bem como sua representação resultante como uma hipérbole quadrática. De fato, ocorre essencialmente a substituição do parâmetro cinético ν da reação pelo parâmetro termodinâmico ν ("nu", do Grego) para a isoterma de ligação. As demais quantidades envolvidas mantém-se análogas (P no lugar de E; L no lugar de E; E0 no lugar de E0 no lugar de E1 no lugar de E3.

Mantida essa similaridade com o formalismo da equação de Michaelis-Menten, da mesma maneira decorrem as linearizações para a Eq. @ref(eq:eqNu), bem como ajustes não lineares à mesma, na busca de uma solução analítica para os parâmetros termodinâmicos Kd e n. Exemplificando um trecho de código para as linearizações mais comuns no tratamento de dados de interação ligante-proteína:

```
L <- c(0.1, 0.2, 0.5, 1, 5, 10, 20) * 1e-6
Kd <- 1e-6
n <- 1
v <- n * L / (Kd + L)
par(mfrow = c(2, 3)) # estabelece área de plot pra 6 gráficos
plot(L, v, type = "o", main = "Direto")
plot(log(L), v, type = "o", main = "Langmuir")
plot(1 / L, 1 / v, type = "o", main = "Klotz")
plot(v, v / L, type = "o", main = "Scatchard")
plot(L, L / v, type = "o", main = "Woolf")
plot(log10(L), log10(v / (n - v)), type = "o", main = "Hill")</pre>
```

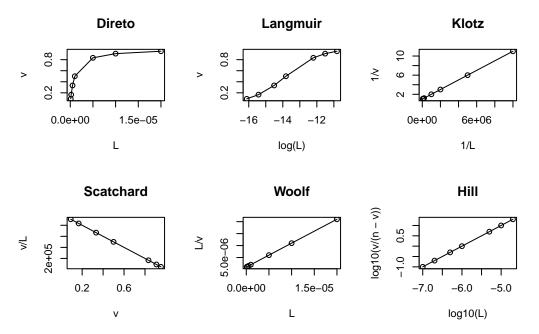


Figura 7.1: Principais linearizações da isoterma de ligação ligante-proteína.

par(mfrow = c(1, 1)) # volta à janela gráfica normal

Desvios da linearidade, por outro lado, são frequentemente utilizados como diagnósticos para modelos que distintos do de homogeneidade de sítios de ligação como acima (heterogeneidade de sítios, criação de sítio, cooperatividade. As equações abaixo descrevem esses modelos, e consideram K, constante de equilíbrio de associação ligante-proteína, como o reverso de Kd, a fim de tornar as expressões mais legíveis:

$$K = \frac{1}{Kd}(\#eq : eqKdK) \tag{7.5}$$

O modelo de heterogeneidade de sítios de ligação pressupõe que haja na proteína mais um sítio com afinidades distintas para o ligante ((Dahlquist 1978)). Formalmente esse modelo pode ser exemplificado para 2 conjuntos de sítios de ligação, como segue:

$$v = \frac{K1 * [L]}{1 + K1 * [L]} + \frac{K2 * [L]}{1 + K2 * [L]} (\#eq : eqHeterSit)$$
 (7.6)

O trecho de código abaixo exemplifica o modelo no 'R', bem como suas principais linearizações diagnósticas.

```
L \leftarrow c(0.1, 0.2, 0.5, 1, 5, 10, 20) * 1e-6
Kd1 \leftarrow 2e-6
n1 \leftarrow 1
Kd2 \leftarrow 2e-8
```

```
n2 <- 1
v <- (n1 * L / (Kd1 + L)) + (n2 * L / (Kd2 + L))

par(mfrow = c(2, 3)) # estabelece área de plot pra 6 gráficos
plot(L, v, type = "o", main = "Direto")
plot(log(L), v, type = "o", main = "Langmuir")
plot(1 / L, 1 / v, type = "o", main = "Klotz")
plot(v, v / L, type = "o", main = "Scatchard")
plot(L, L / v, type = "o", main = "Woolf")
plot(log10(L), log10(v / (n1 + n2 - v)), type = "o", main = "Hill") # n1+n2=ntot no Hill</pre>
```

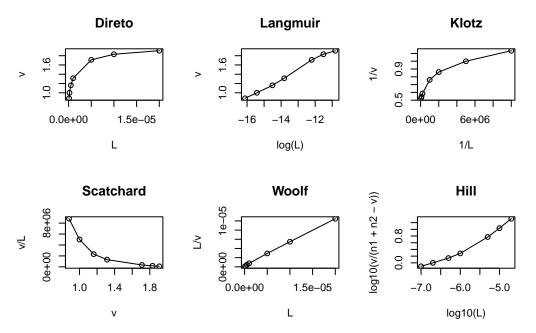


Figura 7.2: Modelo e linearizações para heterogeneidade de 2 conjuntos de sítios de ligação

```
par(mfrow = c(1, 1)) # volta à janela gráfica normal
```

O modelo de criação de novo sítio - "one-site creator"; (Parsons e Vallner 1978) estabelece uma cooperatividade positiva resultante da produção de novos sítios para o ligante na proteína. Segue o modelo exemplificado e suas linearizações resultantes.

```
L \leftarrow c(0.1, 0.2, 0.5, 1, 5, 10, 20) * 1e-6
Kd1 \leftarrow 2e-6
n1 \leftarrow 1
Kd2 \leftarrow 2e-5
n2 \leftarrow 1
nH \leftarrow 0.5
```

```
v <- (n1 * L * 1 / Kd1) / (1 + 1 / Kd1 * L) + ((n2 * 1 / Kd1 * 1 / Kd2 * L^2) / (1 + 1 / Kd1 * L) * (1
par(mfrow = c(2, 3)) # estabelece área de plot pra 6 gráficos
plot(L, v, type = "o", main = "Direto")
plot(log(L), v, type = "o", main = "Langmuir")
plot(1 / L, 1 / v, type = "o", main = "Klotz")
plot(v, v / L, type = "o", main = "Scatchard")
plot(L, L / v, type = "o", main = "Woolf")
plot(log10(L), log10(v / (n - v)), type = "o", main = "Hill") # n1+n2=ntot no Hill</pre>
```

Warning in xy.coords(x, y, xlabel, ylabel, log): NaNs produced

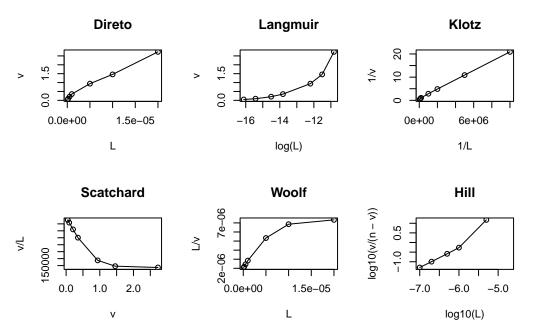


Figura 7.3: Modelo e linearizações para criação de novo sítio: 1-site creator.

```
par(mfrow = c(1, 1)) # volta à janela gráfica normal
```

Os modelos de cooperatividade (negativa e positiva) seguem um formalismo similar descrito para a ligação de oxigênio à hemoglobina junto ao capítulo @ref(Proteinas) (Eq. @ref(eq:Hb)). Na cooperatividade negativa uma segunda molécula de ligante interage com a proteína com menor afinidade:

```
L \leftarrow c(0.1, 0.2, 0.5, 1, 5, 10, 20) * 1e-6
Kd \leftarrow 2e-6
n \leftarrow 1
nH \leftarrow 0.5
v \leftarrow (n * L^nH / (Kd + L^nH))
```

```
par(mfrow = c(2, 3)) # estabelece área de plot pra 6 gráficos
plot(L, v, type = "o", main = "Direto")
plot(log(L), v, type = "o", main = "Langmuir")
plot(1 / L, 1 / v, type = "o", main = "Klotz")
plot(v, v / L, type = "o", main = "Scatchard")
plot(L, L / v, type = "o", main = "Woolf")
plot(log10(L), log10(v / (n - v)), type = "o", main = "Hill") # n1+n2=ntot no Hill
```

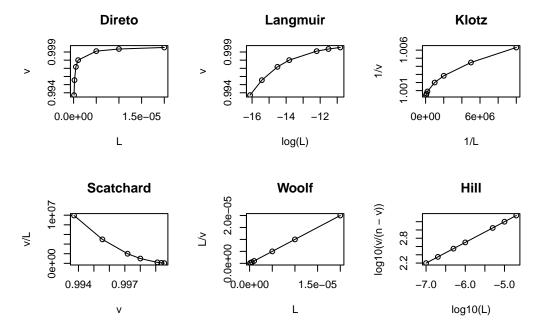


Figura 7.4: Modelo e linearizações para cooperatividade negativa de sítios de ligação.

```
par(mfrow = c(1, 1)) # volta à janela gráfica normal
```

Já na cooperatividade positiva, uma segunda molécula de ligante interage com a proteína com maior afinidade que a primeira molécula (Parsons e Vallner 1978):

```
L <- c(0.1, 0.2, 0.5, 1, 5, 10, 20) * 1e-6

Kd <- 2e-6

n <- 1

nH <- 1.5

v <- (n * L^nH / (Kd + L^nH))

par(mfrow = c(2, 3)) # estabelece área de plot pra 6 gráficos

plot(L, v, type = "o", main = "Direto")

plot(log(L), v, type = "o", main = "Langmuir")

plot(1 / L, 1 / v, type = "o", main = "Klotz")

plot(v, v / L, type = "o", main = "Scatchard")
```

```
plot(L, L / v, type = "o", main = "Woolf")
plot(log10(L), log10(v / (n - v)), type = "o", main = "Hill") # n1+n2=ntot no Hill
```

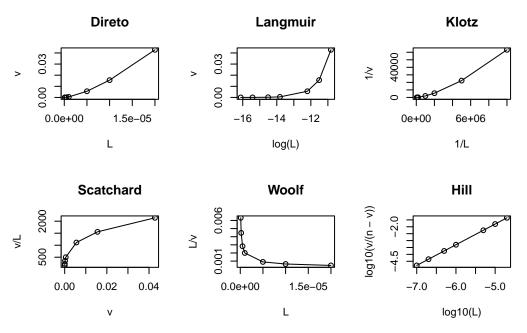


Figura 7.5: Modelo e linearizações para cooperatividade positiva de sítios de ligação.

```
par(mfrow = c(1, 1)) # volta à janela gráfica normal
```

Observe que a inclinação do gráfico de *Hill* é inferior à unidade para a *cooperatividade negativa*, e superior a essa, para a *cooperatividade positiva*, e representa o mesmo parâmetro *nH* visto na Eq.@ref(eq:Hb).

Ainda que sujeito à crítica por sua inconsistência estatística (variável dependente em ambos os eixos), a representação de Scatchard tem sido privilegiada ao longo de décadas como diagnóstico de modelos de interação ligante-proteína. Entre suas vantagens, aloca-se a possibilidade de facilmente distinguir-se o modelo de cooperatividade positiva (aclive) do de heterogeneidade de sítios de ligação (declive abrupto) ou de cooperatividade negativa (declive suave).

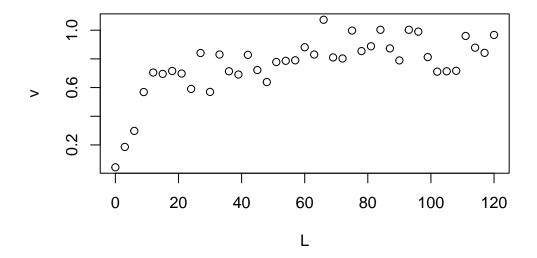
7.2 Ajuste Não-Linear Em Interação Ligante-Proteína

Ajustes diretos da equação não linear dos modelos de interação também podem ser efetuados como fora realizado para a equação de Michaelis-Menten no capítulo @ref(Enzimas) sobre Enzimas. Exemplificando, podese simular a obtenção de dados experimentais de *binding* pelo trecho a seguir, utilizando-se o comando 'runif' (random uniform) para geração de sequência aleatória (como fora realizado no capítulo @ref(Enzimas).

```
# Isoterma de Interação Ligante-Proteína
n <- 1
Kd <- 10
L <- 120
i <- 3
L <- seq(0, L, i)
v <- (L * n) / (Kd + L) + rnorm(40, 0, 0.1)</pre>
```

Warning in (L * n)/(Kd + L) + rnorm(40, 0, 0.1): longer object length is not a multiple of shorter object length

```
plot(L, v)
```



Observe que o comando 'rnorm' adiciona um erro de distribuição normal aos dados. Outra forma para simulação desses é dada abaixo, introduzindo-se o comando 'runif' de geração de números aleatórios.

```
# Simulação de dados
set.seed(20160227) # estabelece semente para geração de números aleatórios
L <- seq(0, 50, 1)
PL <- ((runif(1, 10, 20) * L) / (runif(1, 0, 10) + L)) + rnorm(51, 0, 1)
# 1. runif(n,min,max); quando sem atributos, considera-se min=0 e max=1
# 2. rnorm(no. pontos,media,desvio) - erro aleatório de distribuição normal
plot(L, PL, xlab = "L", ylab = "PL")</pre>
```

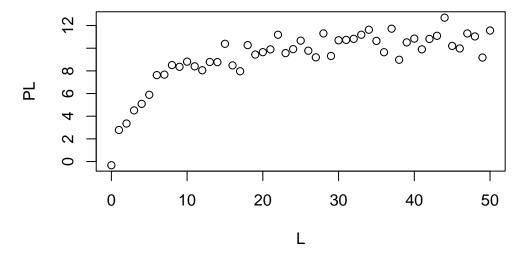


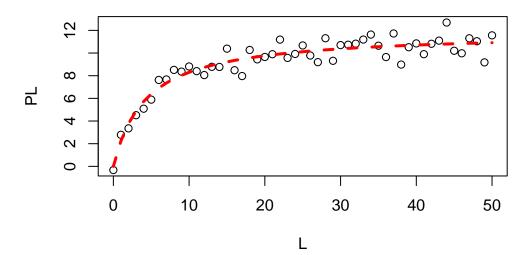
Figura 7.6: Dados simulados para isoterma de interação bimolecular.

Agora precisamos utilizar o comando 'nls' para o ajuste não linear, sobreposição da curva teórica, e tabela estatística de resultados:

```
# Ajuste não linear
m <- nls(PL ~ n * L / (Kd + L), start = list(n = 1, Kd = 1))
# Coef. de correlação
cor(PL, predict(m)) # Coeficiente de correlação de Pearson</pre>
```

[1] 0.9496598

```
# Gráfico de dados e simulação
plot(L, PL)
lines(L, predict(m), lty = 2, col = "red", lwd = 3)
```



```
summary(m)
```

```
Formula: PL ~ n * L/(Kd + L)

Parameters:
    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
n    11.8478    0.2620    45.216    < 2e-16 ***
Kd    4.2778    0.5113    8.366    5.3e-11 ***
---

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 0.7826 on 49 degrees of freedom

Number of iterations to convergence: 6
Achieved convergence tolerance: 1.554e-06
```

7.3 Sistemas Gráficos no R

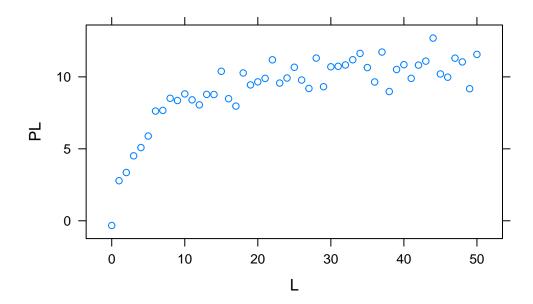
A última curva de simulação obtida o foi junto à biblioteca padrão para manipulação de gráficos da instalação do 'R', **Graphics**. Trata-se um conjunto de funções amplo também utilizado por vários outros pacotes do ambiente. Contudo, existem no 'R' diversas outras bibliotecas para elaboração de gráficos, dentre os quais vale destacar o *Lattice*, também incluido na instalação padrão, e o *ggplot2*. Ambos os sistemas geram resultados com melhor estética e flexibilidade gráfica que a biblioteca *Graphics* padrão, e possuem empregos e semânticas distintas entre si.

O sistema *Lattice* (Sarkar 2008) é baseado no sistema *Trellis* para representação gráfica de dados multivariados. Sua força está na representação de dados em paineis contendo subgrupos e, embora tenha sintaxe menos intuitiva e por vezes mais elaborada que o pacote *Graphics*, produz um grafismo superior a esse com poucos cliques de teclado. De modo geral, o *Lattice* produz o gráfico dentro do próprio algoritmo, de modo diferente aos sistemas *Graphics* (pode-se acumular linhas sucessivas de modificação do gráfico) ou *ggplot2*.

Por outro lado a biblioteca ggplot2 é baseada na gramática de gráficos (Wickham 2011), e produz o gráfico utilizando uma única linha de comando que combina camadas sobrepostas, de modo similar à aplicativos de manipulação de imagens (ex: *Inkscape, Gimp, Corel Draw, Photoshop*). Dessa forma é possível alterar cada ítem do gráfico em suas camadas específicas (tema, coordenadas, facets, estatísticas, geometria, estética, dados). Exemplificando o resultado gráfico da curva de simulação acima de *binding* para *Lattice* e ggplot2:

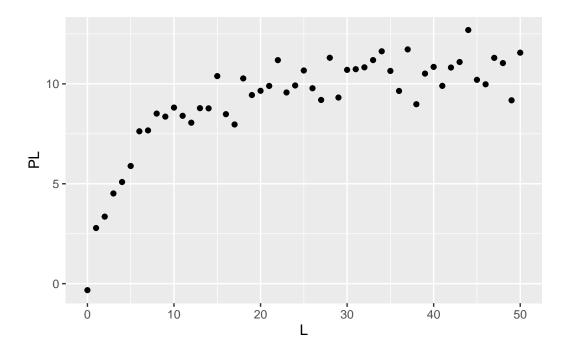
```
# Simulação de dados
set.seed(20160227) # estabelece semente para geração de números aleatórios
L <- seq(0, 50, 1)
PL <- ((runif(1, 10, 20) * L) / (runif(1, 0, 10) + L)) + rnorm(51, 0, 1)
# 1. runif(n,min,max); quando sem atributos, considera-se min=0 e max=1
# 2. rnorm(no. pontos,media,desvio) - erro aleatório de distribuição normal</pre>
```

```
# Produção do gráfico com sistema Lattice
library(lattice)
xyplot(PL ~ L)
```



Produção do gráfico com sistema ggplot2 library(ggplot2) qplot(L, PL)

Warning: `qplot()` was deprecated in ggplot2 3.4.0.



Como a percepção de peculiaridades dos sistemas gráficos se revela melhor com dados mais elaborados, as ilustrações a seguir utilizarão o conjunto de dados 'Puromycin', que integra a biblioteca 'datasets' do 'R'. Os dados apresentam a velocidade de reação enzimática sobre um substrato em células tratadas e não tratadas com puromicina.

O código abaixo retorna a plotagem, ajuste não linear e resultados obtidos com a biblioteca *Graphics* padrão, e foi extraído do própria documentação do *dataset*.

```
library(datasets)

plot(rate ~ conc,
    data = Puromycin, las = 1,
    xlab = "[S], mM",
    ylab = "v (contagem/min/min)",
    pch = as.integer(Puromycin$state),
    col = as.integer(Puromycin$state),
    main = "Ilustração de Ajuste Com Graphics"
)

## Ajuste da equação de Michaelis-Mentem
fm1 <- nls(rate ~ Vm * conc / (K + conc),
    data = Puromycin,
    subset = state == "treated",
    start = c(Vm = 200, K = 0.05)
)
fm2 <- nls(rate ~ Vm * conc / (K + conc),</pre>
```

```
data = Puromycin,
  subset = state == "untreated",
  start = c(Vm = 160, K = 0.05)
summary(fm1)
Formula: rate ~ Vm * conc/(K + conc)
Parameters:
    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
Vm 2.127e+02 6.947e+00 30.615 3.24e-11 ***
K 6.412e-02 8.281e-03 7.743 1.57e-05 ***
_ _ _
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 10.93 on 10 degrees of freedom
Number of iterations to convergence: 5
Achieved convergence tolerance: 8.824e-06
summary(fm2)
Formula: rate ~ Vm * conc/(K + conc)
Parameters:
    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
Vm 1.603e+02 6.480e+00 24.734 1.38e-09 ***
K 4.771e-02 7.782e-03 6.131 0.000173 ***
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 9.773 on 9 degrees of freedom
Number of iterations to convergence: 5
Achieved convergence tolerance: 4.446e-06
## Adição de linhas de ajuste ao plot
conc <- seq(0, 1.2, length.out = 101)
lines(conc, predict(fm1, list(conc = conc)), lty = 1, col = 1)
lines(conc, predict(fm2, list(conc = conc)), lty = 2, col = 2)
legend(0.8, 120, levels(Puromycin$state),
```

```
col = 1:2, lty = 1:2, pch = 1:2
)
```

Ilustração de Ajuste Com Graphics

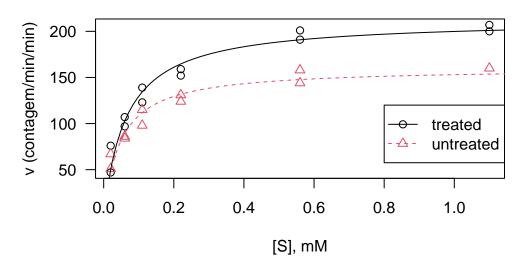


Figura 7.7: Plotagem e análise com graphics.

O sistema ggplot2, por sua vez, exige que os comandos sejam elencados em camadas justapostas intercaladas com o sinal "+", como segue:

```
library(datasets)
p <- ggplot(data = Puromycin, aes(conc, rate, color = state)) +
    geom_point() +
    geom_smooth(
        method = "nls",
        formula = y ~ Vm * x / (Km + x),
        method.args = list(start = list(Vm = 200, Km = 0.1)),
        se = FALSE
) # expressão que define o plot
p # variável que apresenta o plot</pre>
```

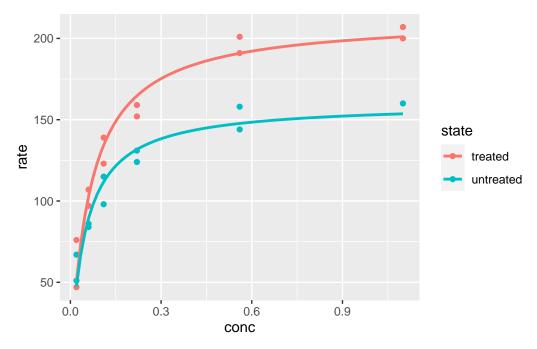


Figura 7.8: Plotagem e análise com ggplot2.

Perceba o menor número de instruções do *script* para a produção do gráfico. Além disso, e diferente do *Graphics*, *ggplot2* permite adicionar camadas à linha de comandos principais, e apresentar os dados multivariados em paineis (funções 'facet_grid' e 'facet_wrap'), sem a necessidade de se utilizar o comando 'mfrow' ou 'mfcol' visto no capítulo, como segue:

```
p + facet_grid(rows = vars(state))
```

7 Interação Bimolecular

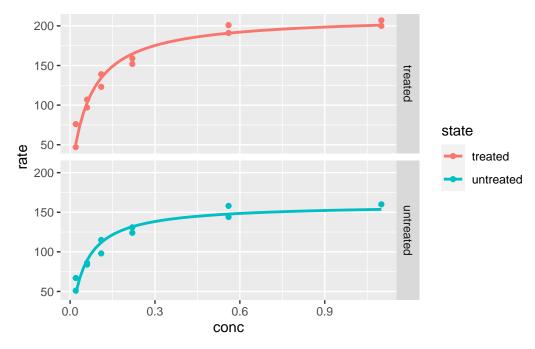
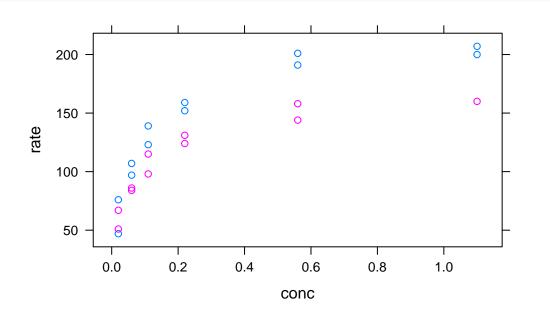


Figura 7.9: Plotagem e análise com ggplot2 - paineis (faceting).

Lattice também possui uma economia de instruções em relação à *Graphics*. Não considerando o ajuste estatístico, os grupos podem ser apresentados simplesmente utilizando-se a fórmula:



E para a representação dos ajustes não lineares:

```
library(nlme)
n1 <- nlsList(rate ~ Vmax * conc / (Km + conc) | state, data = Puromycin, start = list(Vmax = 200, Km summary(n1)
xyplot(rate ~ conc,
    groups = state, data =
        Puromycin
) +
    layer(panel.curve(Vmax[1] * x / (Km[1] + x), col = 1),
        data = as.list(coef(n1))
) +
    layer(panel.curve(Vmax[2] * x / (Km[2] + x), col = 2),
        data = as.list(coef(n1))
)</pre>
```

A biblioteca *Lattice* também permite a apresentação em paineis; diferente de *ggplot2*, contudo, o gráfico é gerado algoritmicamente, sem a sobreposição de comandos:

```
library(nlme) # pacote quer permite regressão não linear com subgrupos
nonlinLatt <- nlsList(rate ~ Vmax * conc / (Km + conc) | state, start = list(Vmax = 200, Km = 0.1), da
summary(nonlinLatt)
Call:
  Model: rate ~ Vmax * conc/(Km + conc) | state
   Data: Puromycin
Coefficients:
   Vmax
          Estimate Std. Error t value
                                           Pr(>|t|)
          212.6836 6.608088 32.18535 3.241151e-11
treated
untreated 160.2800
                     6.896011 23.24242 1.384612e-09
   Km
            Estimate Std. Error t value
                                               Pr(>|t|)
          0.06412111\ 0.007876774\ 8.140529\ 0.0000156514
untreated 0.04770812 0.008281147 5.761052 0.0001727056
Residual standard error: 10.40003 on 19 degrees of freedom
xyplot(rate + fitted(nonlinLatt) ~ conc | state,
  data = Puromycin,
  type = c("p", "1"), distribute.type = TRUE, col.line = "red",
  ylab = "rate"
)
```

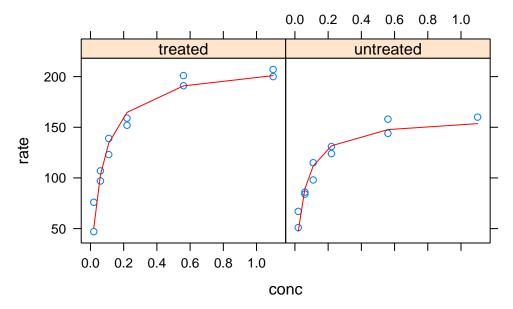


Figura 7.10: Plotagem e análise com Lattice - ajuste externo e paineis.

Das muitas diferenças que os pacotes *ggplot2* e *Lattice* apresentam, há uma que vale a pena ressaltar. Como visto acima, o *ggplot2* realiza o ajuste não linear dentro da linha de comandos de geração do gráfico, ao passo que o *Lattice* permite fazê-lo fora da linha. Isso é inerente do *ggplot2*, uma biblioteca desenhada para a produção de gráficos, e não para análises computacionais. Dessa forma o algoritmo que permite o ajuste não linear pelo *ggplot2*, ainda que seja o mesmo 'nls' já trabalhado, não expressa seus resultados explicitamente (embora haja formas de "pescá-los" utilizando-se outros pacotes).

De certa forma, ainda que o *Lattice* exija uma curva de aprendizado menos intutiva, ele permite que se utilize os resultados estatísticos obtidos anteriormente para inclusão no algoritmo de plotagem. Isso é vantajoso quando se deseja outros algoritmos estatísticos para ajuste, como acima, ou mesmo sua flexibilização, além do 'nls' incluido em *ggplot2*. Não obstante, o *Lattice* também permite que se inclua a linha de ajuste dentro do próprio algoritmo, como abaixo:

```
xyplot(rate ~ conc | state,
    data = Puromycin,
    panel = function(x, y, ...) {
        panel.xyplot(x, y, ...)
        n3 <- nls(y ~ Vmax * x / (Km + x), data = Puromycin, start = list(Vmax = 200, Km = 0.1))
        panel.lines(seq(0.02, 1.1, 0.02), predict(n3, newdata = data.frame(x = seq(0.02, 1.1, 0.02))),
        },
        xlab = "conc", ylab = "rate"
)</pre>
```

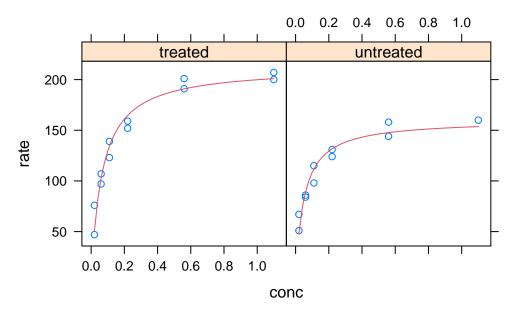


Figura 7.11: Plotagem e análise com Lattice - ajuste interno e paineis.

7.4 Solução Numérica Para o Equilíbrio de Complexos Ligante-Proteína

Como visto no capítulo @ref(AAcido), por vezes uma solução numérica pode ser empregada quando a solução analítica não converge, ou quando estamos diante de uma equação mais complexa. Nesse sentido a formação de complexos de que trata este subtítulo pode também ser tratada por uma solução numérica.

Usualmente o tratamento dado para a solução numérica envolve encontrar as raízes de uma equação ou sistema de equações, ou seja:

$$F(x) = 0(\#eq : eqFx) \tag{7.8}$$

$$P + L \Leftrightarrow PLKd = \frac{[P][L]}{[PL]}Ento, \ [PL] = \frac{[P][L]}{Kd}(\#eq : solNumEq)$$
 (7.9)

$$\begin{cases}
[Pt] = [P] + [PL] = [P] + \frac{[P][L]}{Kd} \\
[Lt] = [L] + [PL] = [L] + \frac{[P][L]}{Kd}
\end{cases} (#eq : solNumEq2)$$
(7.10)

Assim, tem-se um sistema de equações lineares nos parâmetros ([P] livre, [L] livre, e complexo [PL]) que pode ser solucionado pelo R por diversas maneiras, uma das quais pela função de minimização rootSolve:

Cálculo de L, P, e PL em interação biomolecular para 1 conjunto de sítios de mesma afinidade library(rootSolve)

Pt <- 1

Lt <- 10

```
Kd <- 4

# Modelo
model <- function(x) c(x[1] + (x[1] * x[2]) / Kd - Pt, x[2] + (x[1] * x[2]) / Kd - Lt, Pt - x[1] -
# o modelo acima deve conter uma lista de equações cuja igualdade é zero, ou seja, f(x)=0
(ss <- multiroot(model, c(1, 1, 1))) # comando de execução do rootSolve (sementes pro algoritmo)

$root
[1] 0.3007353 9.3007353 0.6992647

$f.root
[1] 5.466137e-08 5.463051e-08 5.191070e-12

$iter
[1] 5
$estim.precis
[1] 3.643236e-08</pre>
```

Dessa forma os valores resultantes (f.root) quando [Lt] = 10 são apresentados como [P] = 0,3, [L] = 9,3 e [PL] = 0,7.

Outras soluções numéricas permitem um maior controle sobre o algoritmo empregado, tais como a função optim do R (limites de busca da solução, emprego de vetores, por ex). Para isso será exemplificado a mesma situação acima, embora apresentando uma variação do formalismo que relaciona P, L e PL:

$$\begin{cases}
[PL] = [Pt] - [L] \\
[PL] = [Lt] - [L]
\end{cases} (#eq : solNumEq3)$$

$$[P] * [L] = Kd * [PL]$$
(7.11)

Dessa forma pode-se contruir uma relação quadrática envolvendo as três incógnitas:

$$([Pt] - [L] - [PL])^2 + ([Lt] - [L] - [PL])^2 + ([P] * [L] - Kd * [PL])^2 (\#eq : solNumEq4)$$
(7.12)

Aplicando-se o algoritmo de minimização optim do R:

```
# Cálculo de L, P, PL em interação para 1 sítio

model2 <- function(x, Pt, Lt, K) {
    L <- x[1]
    P <- x[2]
    PL <- x[3]</pre>
```

```
 (\text{Pt - P - PL})^2 + (\text{Lt - L - PL})^2 + (\text{P * L - Kd * PL})^2 \\ \text{$\#$ declaração da função} \\ \text{Pt <- 1} \\ \text{Lt <- 10} \\ \text{Kd <- 4 $\#$ parâmetros da função} \\ \text{sol2num <- optim}(c(0.5, 1, .5), \text{ model2, method = "L-BFGS-B", lower = c(0, 0, 0), upper = c(Lt, Pt, Pt)} \\ \text{sol2num$\$par $\#$ LF, PF, PL calculados}
```

[1] 9.3007349 0.3007355 0.6992652

Perceba que são os mesmos resultados anteriores, embora com maior controle da solução. Agora pode-se utilizar essa minimização para criar um vetor de soluções para as três quantidades, como segue:

```
# Declaração da função
bind1 <- function(x, Pt, Lt, Kd) {
  L \leftarrow x[1]
  P \leftarrow x[2]
  PL \leftarrow x[3]
  (Pt - P - PL)^2 + (Lt - L - PL)^2 + (P * L - Kd * PL)^2
}
# Parâmetros da função
Pt <- 1
Lt < c(5, 10, 20)
Kd <- 4
# Minimização (parâmetros para que a função acima dê zero)
y <- function(i) {</pre>
  optim(c(1, 1, 1), bind1,
    method =
       "L-BFGS-B", lower = c(0, 0, 0), upper = c(
      Lt[i], Pt,
    ), Lt = Lt[i], Pt = Pt, Kd = Kd
}
# Resultados em matriz
ypar <- function(i) y(i)$par</pre>
yp <- matrix(</pre>
  nrow = length(Lt), ncol = 2 + length(Kd),
  byrow = T
)
```

```
for (i in 1:length(Lt)) yp[i, ] \leftarrow y(i)par
colnames(yp) <- c("L", "P", "PL")</pre>
rownames(yp) <- c("5", "10", "20")
yp
```

```
PL
   4.472136 0.4721359 0.5278640
10 9.300736 0.3007344 0.6992634
20 19.172624 0.1726180 0.8273844
```

7.5 Cinética de Interação Ligante-Proteína e Solução Numérica

Sob o mesmo princípio da solução numérica apresentada no ítem anterior para o equilíbrio da interação ligante-proteína, o R permite solução de mesma natureza para a cinética da formação dos complexos, ou seja, os teores de P, L e PL observados no tempo. Nesse caso pode-se desenvolver outras relações a partir da Eq. @ref(eq:diagPL). Tomando-se por base que no equilíbrio as taxas cinéticas de k_{on} e k_{off} se igualam (steadystate), pode-se relacionar algumas equações diferenciais para a associação, bem como para a dissociação dos complexos:

Para a associao:
$$\begin{cases} \frac{d[PL]}{dt} = k_{on} * [L] * [P] \\ \frac{d[L]}{dt} = -k_{on} * [L] * [P] & (\#eq : solNumKin) \\ \frac{d[P]}{dt} = -k_{on} * [L] * [P] \end{cases}$$
(7.13)

$$Para\ a\ associao: \begin{cases} \frac{d[PL]}{dt} = k_{on} * [L] * [P] \\ \frac{d[L]}{dt} = -k_{on} * [L] * [P] & (\#eq:solNumKin) \\ \frac{d[P]}{dt} = -k_{on} * [L] * [P] \end{cases}$$

$$Para\ a\ dissociao: \begin{cases} \frac{d[PL]}{dt} = -k_{off} * [PL] \\ \frac{d[L]}{dt} = k_{off} * [PL] \\ \frac{d[P]}{dt} = k_{off} * [PL] \end{cases} \qquad (\#eq:solNumKin2)$$

$$(7.14)$$

Assim, as taxas globais resultantes para cada quantidade (taxa líquida) envolverá a soma das taxas de associação e dissociação de cada:

$$Taxas \ lquidas : \begin{cases} \frac{d[PL]}{dt} = k_{on} * [L] * [P] - k_{off} * [PL] \\ \frac{d[L]}{dt} = -k_{on} * [L] * [P] + k_{off} * [PL] \\ \frac{d[P]}{dt} = -k_{on} * [L] * [P] + k_{off} * [PL] \end{cases}$$
 (#eq : solNumKin3) (7.15)

A solução para esse sistema final de equações diferenciais (taxas líquidas) envolve resolver a variação de cada quantidade (Δx) num determinado intervalo de tempo (Δt), tal que:

$$\Delta x = f(x) * \Delta t (\#eq : eqDiff)$$
(7.16)

Para isso é necessário utilizar uma biblioteca do R que permita a solução de um sistema de equações diferenciais. Entre as muitas soluções (odeintr, pracma, rODE), o emprego da biblioteca deSolve, que utiliza uma função para integração do sistema por algoritmo de *Runge-Kutta de 4a. ordem*:

```
# Cinética de interação ligante-protéina para 1 conjunto de sítios
library(deSolve)
# Condições experimentais
tempo <- seq(0, 100) # intervalo de tempo
parms <- c(kon = 0.02, koff = 0.001) # parâmetros do estado estacionário da interação (uM^-1*s^-1 e s^
val.inic \leftarrow c(L = 0.8, P = 1, PL = 0) # valores iniciais, uM
# Integração do sistema por Runge-Kutta de 4a. ordem
solNumKin <- function(t, x, parms) {</pre>
  # definição da lista de parâmetros
  L <- x[1] # ligante
  P \leftarrow x[2] \# proteina
  PL \leftarrow x[3] \# complexo
  with(as.list(parms), {
    # definição da lista de equações diferenciais
    dL \leftarrow -kon * L * P + koff * PL
    dP \leftarrow -kon * L * P + koff * PL
    dPL \leftarrow kon * L * P - koff * PL
    res <- c(dL, dP, dPL)
    list(res)
  })
}
sol.rk4 <- as.data.frame(rk4(</pre>
  val.inic, tempo, solNumKin,
)) # rotina para Runge-Kutta 4a. ordem
# Gráfico
plot(sol.rk4$time, sol.rk4$L, type = "1", xlab = "tempo", ylab = "[composto], uM")
legend("topright", c("L", "P", "PL"), text.col = c("black", "red", "blue"), bty = "n", lty = c(1, 2, 3
lines(sol.rk4$time, sol.rk4$P, type = "1", lty = 2, col = 2, lwd = 1.5)
lines(sol.rk4$time, sol.rk4$PL, type = "1", lty = 3, col = 3, lwd = 1.5)
```

7 Interação Bimolecular

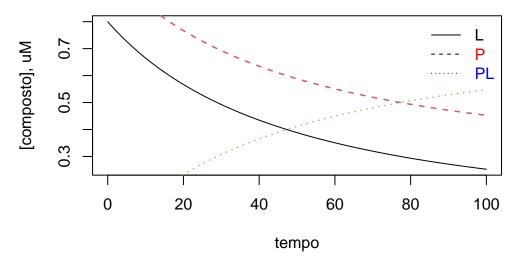


Figura 7.12: Teores de ligante e proteína livres (L e P), bem como do complexo PL apresentados ao longo do tempo de acordo com o método Runge-Kutta de 4a. ordem para solução de equações diferenciais.

8 Ácidos Nucleicos

8.1 Análise de sequências

Ácidos nucleicos podem ser considerados como sequências alfabéticas de 1 letra (bases), 2 letras (dinucleotídeo), ou de 3 letras (codon). Tomando-se o exemplo da lisozima de galinha:

- 1. Acessa-se o banco de dados do NCBI National Center for Biotechnology Information ¹;
- 2. Seleciona-se o banco de dados *Nucleotide*;
- 3. Digita-se a sequência de interesse; ex: "hen egg" lysozyme";
- 4. Seleciona-se LYZF1 (ou a referência de sequência do NCBI: NM_205281.2); Obs: Com o número de referência é possível acessar o conteúdo desejado a partir de uma consulta simples no Google.
- 5. Procura-se pela sequência referenciada em FASTA
- 6. O sítio apresentará a sequência nucleotídica para a lisozima, que pode ser copiada/colada no R, ou exportada como arquivo em "Send to....File".

Agora precisa-se converter esta sequência de letras (*string*) em um vetor de bases que possa ser lido pelo R, e omitindo-se a quebra de linha. Isso pode ser agilizado com o pacote seqinr ou TmCalculator pela função s2c (converte *string* em vetor de *strings*; c2s faz o oposto). Ou também pelo pacote stringr:

library(stringr)

liso.nucl <- "GCAGTCCCGCTGTGTGTACGACACTGGCAACATGAGGTCTTTGCTAATCTTGGTGCTTTCCTGCCC
CTGGCTGCTCTGGGGAAAGTCTTTGGACGATGTGAGCTGGCAGCGGCTATGAAGCGTCACGGACTTGATA
ACTATCGGGGATACAGCCTGGGAAACTGGGTGTGCCGCAAAATTCGAGAGTAACTTCAACACCCAGGC
TACAAACCGTAACACCGATGGGAGTACCGACTACGGAATCCTACAGATCAACAGCCGCTGGTGGTGCAAC
GATGGCAGGACCCCAGGCTCCAGGAACCTGTGCAACATCCCGTGCTCAGCCCTGCTGAGCTCAGACATAA
CAGCGAGCGTGAACTGCGCGAAGAAGATCGTCAGCGATGGAAACGGCATGAACGCGTGGGTCGCCTGGCG
CAACCGCTGCAAGGGCACCGACGTCCAGGCGTGGATCAGAGGCTGCCGGCTGTGAGGAGCTGCCGCCCC
GGCCCGCCCGCTGCACAGCCGCCGCTTTGCGAGCCGCACGCTACCCGCTTGGCAGTTTTAAACCGCATCC
CTCATTAAAACGACTATACGCAAACGCC"

liso.nucl <- unlist(strsplit(liso.nucl, "")) # converte sequência gênica de uma palavra em nucleotídio liso.nucl[1:100] # uma amostra do resultado

¹NCBI. https://www.ncbi.nlm.nih.gov/protein

8 Ácidos Nucleicos

```
"C"
                               "T"
                                     "C"
                                            "C"
                                                  "C"
                                                        "G"
                                                              "C"
                                                                     "T"
                                                                           "G"
                                                                                              "T"
 [1]
      "G"
                   "A"
                         "G"
                                                                                        "G"
[16] "G"
                                                        "C"
            "T"
                   "A"
                         "C"
                               "G"
                                     "A"
                                            "C"
                                                  "A"
                                                              "T"
                                                                     "G"
                                                                           "G"
                                                                                 "C"
                                                                                        "A"
                                                                                              "A"
[31] "C"
            "A"
                   "T"
                         "G"
                               "A"
                                     "G"
                                           "G"
                                                  "T"
                                                        "C"
                                                              "T"
                                                                     "T"
                                                                           "T"
                                                                                 "G"
                                                                                        "C"
                                                                                              "T"
[46] "A"
                  "T"
                         "C"
                               "T"
                                     "T"
                                           "G"
                                                  "G"
                                                        "T"
                                                              "G"
                                                                     "C"
                                                                           "T"
                                                                                 "T"
                                                                                        "T"
                                                                                              "G"
            "A"
                                                                                 "T"
[61] "C"
            "T"
                  "T"
                         "C"
                               "C"
                                     "T"
                                           "G"
                                                  "C"
                                                        "C"
                                                              "C"
                                                                     "\n" "C"
                                                                                        "G"
                                                                                              "G"
                  "G"
                        "C"
                               "T"
                                     "C"
                                           "T"
                                                  "G"
                                                        "G"
                                                              "G"
[76] "C"
            "T"
                                                                     "G"
                                                                           "A"
                                                                                 "A"
                                                                                        " A "
                                                                                              "G"
                                                              "G"
                  "T"
                         "T"
                               "T"
                                           "G"
[91] "T"
                                     "G"
                                                  " A "
                                                        "C"
```

liso.nucl <- liso.nucl[liso.nucl != "\n"] # elimina a quebra de linha do resultado anterior liso.nucl[1:100] # uma amostra do resultado sem os "\n"

Com a sequência gênica em mãos pode-se avaliar um extenso conjunto de propriedades ou manipular o vetor de bases, tal como referenciado em alguns pacotes do R (seqinr, DNASeqtest, haplotypes, rDNAse). Também pode-se proceder algum manuseio mais simples para o gene selecionado, como abaixo:

```
length(liso.nucl[liso.nucl == "A"]) # quantifica as bases de purina na sequência

[1] 133

table(liso.nucl) # contagem de cada nucleotídio

liso.nucl
    A    C    G    T
133 173 174 108

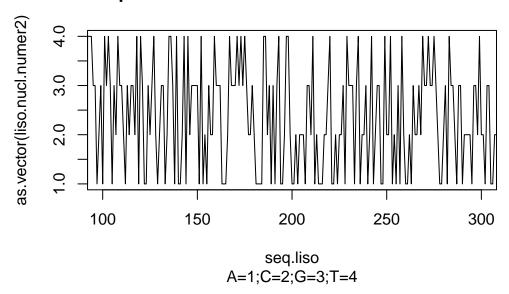
library(seqinr)
liso.nucl2 <- tolower(liso.nucl) # a biblioteca seqinr opera com letras minúsculas, havendo a neces # seqinr::count(liso.nucl2,1) # a mesma operação acima, mas com a biblioteca seqinr, e outro format # seqinr:: count(liso.nucl2, 1)
# seqinr::count(liso.nucl2, 2) # teor de dinucleotídios</pre>
```

Outras manipulações da sequência, como o conteúdo de pares GC, gráfico da sequência de dinucleotídios, conversão da sequência de bases em uma sequência numérica e sua plotagem, e obtenção da sequência de bases complementar, por exemplo, podem ser obtidos por:

seqinr::count(liso.nucl2,3) # teor de trinucleotídios

```
nucls <- table(liso.nucl)</pre>
GC \leftarrow 100 * (nucls[2] + nucls[3]) / (nucls[1] + nucls[2] + nucls[3] + nucls[4])
cat("percentual de conteúdo GC em lisozima de galinha: ", round(GC, 3))
percentual de conteúdo GC em lisozima de galinha: 59.014
GC(liso.nucl) * 100 # o mesmo comando anterior, mas com a biblioteca seginr
[1] 59.01361
# contag.liso <- count(liso.nucl2,2)</pre>
# barplot(sort(contag.liso)) # gráfico de barras do teor de dinucleotídios organizado por frequência
# Conversão de sequência nucleotídica em numérica
liso.nucl.numer <- gsub("T", "4", gsub(</pre>
  "G", "3",
  gsub("C", "2", gsub("A", "1", liso.nucl))
)) # substitui bases por valores
liso.nucl.numer2 <- as.numeric(liso.nucl.numer)</pre>
liso.nucl.numer2[1:100] # 100 primeiros valores da sequência
  [1] \ 3 \ 2 \ 1 \ 3 \ 4 \ 2 \ 2 \ 2 \ 3 \ 2 \ 4 \ 3 \ 4 \ 3 \ 4 \ 3 \ 4 \ 1 \ 2 \ 3 \ 1 \ 2 \ 1 \ 2 \ 4 \ 3 \ 3 \ 2 \ 1 \ 1 \ 2 \ 1 \ 4 \ 3 \ 1 \ 3 \ 3
 [75] 2 4 3 2 4 2 4 3 3 3 3 1 1 1 3 4 2 4 4 4 3 3 1 2 3 1
# Obs: também pode ser obtido pelas funções s2n e n2s do pacote seqinr
seq.liso <- seq(1:length(liso.nucl))</pre>
plot(seq.liso, as.vector(liso.nucl.numer2),
  type = "1",
  xlim = c(100, 300), main = "Sequência de bases entre resíduos 100 a 300", sub = "A=1; C=2; G=3; T=4"
```

Sequência de bases entre resíduos 100 a 300



```
# Obtenção de sequência complementar
comp.liso.nucl <- seqinr::comp(liso.nucl)
head(seqinr::c2s(comp.liso.nucl), 50) # apresenta os primeiros 50 nucleotídios complementares</pre>
```

[1] "cgtcagggcgacacacatgctgtgaccgttgtactccagaaacgattagaaccacgaaacgaaggacggggaccgacgagacccctttcagaaa

8.2 Termoestabilidade de DNA

Em relação à propriedades físico-químicas de ácidos nucleicos, é bem conhecida a relação entre a termoestabilidade de DNA duplex e o conteúdo de pares GC, tal como explicitado pela relação empírica (Creighton et al. 2010):

$$Tm = (81, 5 + 16, 6 * log(\frac{[Na^+]}{1 + 0, 7 * [Na^+]}) + 41 * f_{GC} - \frac{500}{L} - 0, 63\%_f)(\#eq : DNAgc)$$
(8.1)

Onde [Na⁺] representa a concentração molar de sódio, f_{GC} a fração de pares GC da sequência, L seu comprimento, e $\%_f$ o teor de formamida.

Dessa forma é possível prever o valor de *Tm* ("melting temperature") que indexa a termoestabilidade de uma sequência polinucleotídica em função do teor salino. Ilustrando-se para uma comparação entre a sequência da lisozima de galinha e a humana (NCBI ref. NC_000012.12), na ausência de formamida:

```
# Para lisozima de galinha:
gc.teor <- seqinr::GC(liso.nucl) # teor de pares GC da lisozima</pre>
```

```
Na.conc \leftarrow seq(0.005, 0.2, 0.001) # concentração de NaCl, mmol/L 
Tm.Na \leftarrow (81.5 + 16.6 * log10(Na.conc / (1 + 0.7 * Na.conc)) + 41 * gc.teor - 500 / length(liso.nucl))
```

Para a lisozima humana

liso.nucl.h <- "AGCCTAGCACTCTGACCTAGCAGTCAACATGAAGGCTCTCATTGTTCTGGGGGCTTGTCCTCCTTTCTGTT ACAGGGGAATCAGCCTAGCAAACTGTAAGTCTACTCTCCATAATTCCAGAGAATTAGCTACGTATGGAAC GTATACTTACAATGGCTAAAAACATCAGTTTGGTTCTTTATAACCAGAGATACCCGATAAAGGAATACGG GCATGGCAGGGGAAAATTCCATTCTAAGTAAAACAGGACCTGTTGTACTGTTCTAGTGCTAGGAAGTTTG TTTTATTTTTAAAGACAGTCTCACTGTGGGCCCAGGCTGGAGTGCAGTGGCATGATCTCAGCTCACTGCACCACCACCACCCAGCTAATTTTTTGTATTTTCAGTACAGATGGGGTTTCACCATGTTGGCCAAGCTGGTCTTGAACTCCTGGCCTCAAATGATCTGCCCACCTCAGCCTCCCAAAGTGGTAGGATTACAGGTGTGAACCA CTGCACCCAGCCGACATGGGATTTTTAACAGTGATGTTTTTAAAGAATATATTGAATTCCCTACACAAGA ${\tt GCAGTAGGAACCTAGTTCCCTTCAGTCACTCTTTGTATAGGATCCCAGAAACTCAGCATGAAATGTTTTA}$ TTATTTTATCTACTCTACTTGATTAACTATCTTTCATTTTCTCCCACACAATTCAAGATGTGCCATGAG GAAAAGTTATTTATAGTTTAGTACATAGTTGTCGATGTAATAATCTCTGTAGTTTTCAGATTGAATTCA GACATTTCCCCTCAATAGCTATTTTTGAATGAATGAGTGAAGGGATGAAATCACGGAATAGTCTTGTTTT CAAGATTCTAACTTGATATCCAAATTCACCTTTAGATATTATAAGAAAATTTCTATCAGAAAATCCTTAT GTTTTTCTGATTAAAAAAAGCATTTTTCCATCAGCCTATGTATCTGCTATGAATTTACAAAAATCTACTCA ACAGCTCTGTTGATTTTTCTGTTCTTGGCTGAATGTTGCCTGAGGGATGGGAGCACGGGAAGGGTAAAAG ${\tt CAATGGAACAAACATGTATTTTAATATTTTAAAAGTATGTTATATTGTTCGTTGGTGTTACAAGATGATT}$ TGCATTACAAAAGGATTCTCTTACAAGTCCCTTATCTTAACACTAAAGTGCTAAGATATTTTATAAGTAA ATCTTTATACTTATAAAACAAATCAGTAAAATAGAAGTAGCTAAGTAGAACTGATTTTGCTATAGAGTAT AAGTCACTTAGTGTTGCTGTTTATTACTAAAAATAAGTTCTTTTCAGGGATGTGTTTTGGCCAAATGGGAG TCAATAGCCGCTACTGGTGTAATGATGGCAAAACCCCAGGAGCAGTTAATGCCTGTCATTTATCCTGCAG TGGTAAGACAAGCTAATATTTGACCAATCTGGTTATACTTACAAGAATTGAGACTCAATACAAATGAAAA AGCCTTGAAAGGTTCATGAGGGACCTAGAAAAACTACATCTCAACTTCCAGAAAGTCATTATTATTTTCC TTTCTGGAATGACCTATTAATTTACTGTCAATGGCCTTACTGATGCTTTGTCCAGAACAATGCCATTGCT ${\tt CCTGCTTACTTTGGGGAGGTTTTGGGATAATTTAGTTGTTATGGTCCTTTTTCAATTGTTTTACTTTTTTT}$ TTTATGAAATGTTCTAAATGTATAGAAAATTAGAGACATTAGTATAAAACAGCCATATGCCCATTATG AGGCTGTAGTGCAGTGGCACCATCACAGCTCACTGCAGCCTCAAGTGATCATCCCACCACAGCCTCCCAA GTAGCTGGGACTACAGGTGTGCACCACCATGCCTGGCAAATTTTTTGAAATTTTTAGTACAGGCAAATTCT GTGTTGCCCAGGCTGGTCTTGAACTCCTGAGTTCAAGCAATCTTCCCACCTCAGCCTCCTTAAGTGCTGG

8 Ácidos Nucleicos

AATTACAGGCGTTAGCCACTGTACCTGGCTACTGCTGAGAGACTTTTAAGTGAATTAGGAACATGATGAT ATTCCATTTCTAAATTCTTTAGTTTACATCTTCAAAAAAATACAGTTCCTGTAGAATTATTATTGTAAATA ACAAATTAACTTAAGGATTTATTTATTTGGAGTGAAACAAATATTTTACTGAACTCATAAAAATAGAAAT ACCATGTGGAATCCTCAGTGTCAAAAATATTGCAGAAATCTTGCAAAGTTGATATTATTAAATTGTTAAA GAATGTTAAATTATCATACACATATAAACCCACATACAAACATGTAAATACTGTGTGCTTTTGCAAAA ATTAAATTGTATTATACACACGGCTTTACAATTTGCTTCTTATCACAAAATTATTTGCATGTCAGCAA ATACAAATCGGTTTTTAATGATCTTTTGCTCCATTTTCCAGATGAGAAAAAAATACAAATCTGTATCATC ATTTTAAAAGAATGACTAGAATTTTAATATATGAATATTCTATAATTTACTGATCCAATTGTTACTATTG AGCACTTAGGTTGTTTCCATTTTTCCCTCATAAATTGCTATGAATAGCTTTTTGTATACATCTTTGGGTG CATTTCTTATTTCTTTTGGATAAATTTTCAATAATAGAACTGCTGAGTAAAATATCACTAGGTGTTTTTT TACAGTGTCTAGTGCAAAGAAGACCTTTAATCATTTTGTTAATACTTCCAGAGCTTCCAATGACTTTGGT AAATGAAGAAAAAATGCTTCATTTCATGCTGAATGGGAGAGAATGAAGAGAGTTTTCCCCAACAATTAC ACATATATGGACTCATAGAAAATAATATCTTACCATTCTTTCCACAGCCTAACAGAAAAAAGCTGGCTAA ACCTAAATTTAAAATAAAATATCTATTAAAGTTTTTTATTCCTTACCACCTGTCTTTCAGCTTTGCTGCAA GATAACATCGCTGATGCTGTAGCTTGTGCAAAGAGGGTTGTCCGTGATCCACAAGGCATTAGAGCATGGT ATGTTTTAAGTGTTAAAAGGGAAAACTATCTTACTCTACTGTTGATATATACAATGAGAGCAGACTTTTA AAGACCAAAGTATGCTAATGACACCTCAAAATTGCAGCTTTTGGCTTATGCTAAATGATGTATTACCTAC GATTTCTAGAGTTTTAAGATGCTTCACACTCTATCAGTTCCTTGTCATATCTTGAAATTCTTTTTAGAAT AAGTAAGTGTGGGCCGGGCACAGTGGCTCACGCCTGTAATCCCAGCACTTTGGGAGACCGAGGCAGATGG ATCACCTGAGGTCAGGAGTTCGAGACCAGCCTGCCTAACATGGCAAAACCCCATCTCCACTAAAAATACA AAAAATTAGCTGGGTGTGGCAGGTGCCTGTAATCCCAGCCACTCGGGAGGCTGAGGCAGGAGACTTG $\tt CTTGAACCCGGGAGGTTGCAGAGGGATTGCGCCATTGTACTTCAGCCTGGGCGACAGAGTGAGAC$ TCTGTCTCAAATAAATACATAAAAAATAAATGTGGAATTCACTTTGCAGTTGCTGCTGTACAACGCACAT TACTCAATCTTTATGTTCGGCATTCTATGCTCTACTGAGAAATTTGGGTAGGAGTGAAGTATTTTGTATA CATATCTTCATTTAATAAATAGCAATAGCTGGGTCTATCTTACTATTTTATCTATTGATAAAATATTTTG TTTCCCCAAGGAGTGCGAAGTATGTATATTACAATGAAGATATGTTTTAACCTTTCACCATTTGCTTCAT $\tt CTTTTCTACAGGGTGGCATGGAGAAATCGTTGTCAAAACAGAGATGTCCGTCAGTATGTTCAAGGTTGT$ GGAGTGTAACTCCAGAATTTTCCTTCTTCAGCTCATTTTGTCTCTCACATTAAGGGAGTAGGAATTAA GTGAAAGGTCACACTACCATTATTTCCCCTTCAAACAAATAATATTTTTACAGAAGCAGGAGCAAAATAT GGCCTTTCTTCTAAGAGATATAATGTTCACTAATGTGGTTATTTTACATTAAGCCTACAACATTTTTCAG TTTGCAAATAGAACTAATACTGGTGAAAAATTTACCTAAAACCTTGGTTATCAAATACATCTCCAGTACAT ${\sf TCACTGCAACCTCCAGGGTTCACGCCATTCTCCTGCCTCAGCCTCCGAGTAGCTGGGATTACG}$ GGCGCCGCCACCACGCCGGCTAATTTTTTGTATTTTTAGTAGAGACAGGGTTTCACCGTGTTAGCCAG GATGGTCTCGATCTCCTGACCTTGTGATCCACCCACCTCGGCCTCCCAAAGTGCTGGGATTACAGGCGTG AGCCACTGCGCCCGGCCACATTCAGTTCTTATCAAAGAAATAACCCAGACTTAATCTTGAATGATACGAT TATGCCCAATATTAAGTAAAAAATATAAGAAAAGGTTATCTTAAATAGATCTTAGGCAAAATACCAGCTG ATGAAGGCATCTGATGCCTTCATCTGTTCAGTCATCTCCAAAAACAGTAAAAATAACCACTTTTTGTTGG GCAATATGAAATTTTTAAAGGAGTAGAATACCAAATGATAGAAACAGACTGCCTGAATTGAGAATTTTGA TTTCTTAAAGTGTGTTTCTTAAATTGCTGTTCCTTAATTTGATTAATTTAATTCATGTATTATGATT

galinha humana

0.20

0.15

Figura 8.1: Comparação entre a curvas simuladas de Tm para a sequência nucleotídica da lisozima de galinha e lisozima humana, em função do teor de NaCl do meio.

0.10

[Na+], M

0.05

0.00

Observe como a diferença no teor de GC tem efeito direto na termoestabilidade de fitas duplas de DNA. Uma observação: embora a faixa do valor de Tm relatado na literatura para a lisozima encontra-se em torno de 74°C, esse valor refere-se à desnaturação cooperativa da enzima em solução aquosa, e não ao desenovelamento de sua sequência gênica de DNA duplex.

9 Membranas

9.1 Concentração micelar crítica (CMC)

A concentração micelar crítica refere-se ao teor de um surfactante mínimo acima do qual esse pode reorganizar-se em micelas ou lipossomos. É bastante utilizado na caracterização de tais compostos, como bio-surfactantes na indústria, e pode ser medido por diversas técnicas, incluindo tensão superficial, fluorescência de polarização, turbidimetria e absorção molecular (fotometria).

De modo geral a determinação de *cmc* é obtida pelo valor da concentração do surfactante no ponto de cruzamento de duas retas obtidas por ajuste linear dos dados em baixo e alto teor do analito, como segue:

$$y_1 = y_2 a_1 + b_1 * x = a_2 + b_2 * x a_1 - a_2 = b_2 * x - b_1 * x a_1 - a_2 = x(b_2 - b_1)x = \frac{a_1 - a_2}{b_2 - b_1} (\#eq : eqcmc)$$
 (9.1)

O ponto de intersecção pode ser obtido manualmente, pelo comando *locator* já referido, ou de forma automática. Nesse caso, o exemplo do R que ilustra esse cálculo baseia-se em resultados de espectrofometria obtidos para um corante, o amarelo ácido 29 (Duff e Giles 1972).

```
conc <- c(1e-5, 0.00179, 0.00357, 0.00527, 0.00881, 0.0106, 0.0141, 0.0159) # teor do corante (mol/L)
A385 <- c(0.003, 0.421, 0.712, 0.905, 1.09, 1.17, 1.41, 1.47) # absorbância em 385 nm

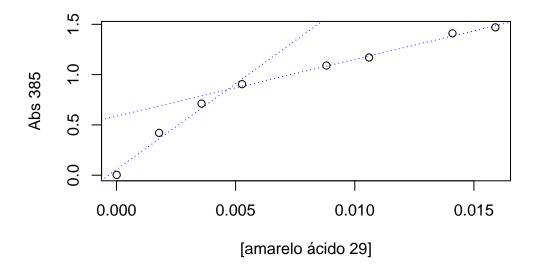
# Gráfico
plot(A385 ~ conc, xlab = "[amarelo ácido 29]", ylab = "Abs 385")

# Ajuste linear para 2 conjuntos de dados

# 10. conjunto
linCmc1 <- lm(A385 ~ conc, subset = (conc < 0.007 & conc > 0)) # 10. ajuste linear com limites
abline(linCmc1, col = "blue", lty = "dotted") # linha de regressão

# 20. conjunto:
linCmc2 <- lm(A385 ~ conc, subset = (conc < 0.02 & conc > 0.007)) # 20. ajuste linear com limites
abline(linCmc2, col = "blue", lty = "dotted") # linha de regressão
```

9 Membranas



```
# Cálculo de CMC por intersecção das automática das duas retas:
cmc_auto <- abs((coef(linCmc2)[1] - coef(linCmc1)[1]) / (coef(linCmc1)[2] - coef(linCmc2)[2]))
as.numeric(cmc_auto) # fornece o cmc em mol/L</pre>
```

[1] 0.004642773

O valor encontrado pelos autores foi de 0,004 mol/L.

9.2 Transporte em membranas e Teoria Quimiosmótica

O equilíbrio de transporte de solutos por membranas envolve um formalismo que abrange o potencial eletroquímico dos solutos envolvidos, suas concentrações (ou atividade), cargas, potenciais elétricos e volumes parciais em unidade molal. À despeito dessa complexidade, contudo, podemos ilustrar o transporte de íons H^{+} de modo simplificado, seguindo-se a equação abaixo:

$$\Delta G_{transp} = 2.303(RT * log \frac{H_{in}^{+}}{H_{out}^{+}}) + z * F * \Delta \phi$$
(9.2)

Onde F representa a constante de Faraday, 96485 $J^{-1}V^{-1}mol^{-1}$ (também representado como 1 mol de elétrons), e z a carga do íon equanto que $\Delta\phi$ representa a variação de potencial elétrico, e ΔpH a variação do valor de pH, ambos obtidos por medições entre o lado interno (matriz mitocondrial) e externo (espaço intermembranas). H^{+}_{in} e H^{+}_{out} representam o teor de prótons do lado interno e externo da membrana, respectivamente.

Agora, considerando a carga unitária de H^+ e a definição para pH (- $log H^+$),

$$\Delta G_{transp} = \Delta \phi * F - 2.303RT * \Delta pH \tag{9.3}$$

Tangente ao transporte de solutos e íons por membranas celulares, é possível prever-se, por exemplo, o teor de ATP formado durante a fosforilação oxidativa que envolve o retorno de íons H^+ do espaço intermembranas à matriz mitocondrial. Ilustrando-se, considerando um valor de $\Delta\phi$ de 70 mV e um Δ pH de 1,4 para as medidas entre matriz e espaço intermembranas mitocondriais, prevê-se a obtenção de ATP pelas relações que seguem, considerando a energia de 31 kJ/mol de ATP:

```
R <- 8.341 # J/mol
T <- 298 # K
F <- 96485 # constante de Faraday
Dphi <- 70e-3 # variação de potencial elétrico in/out membranas
DpH <- -1.4 # variação de pH in/out membranas
DG_transp <- F * Dphi - 2.303 * R * T * DpH # equação de transporte
DG_transp_4 <- 4 * DG_transp # 4 mol de H+

# Considerando cada mol de ATP para 31 kJ/mol...
DG_transp_4 / 31e3
```

[1] 1.905559

Percebe-se, portanto, a produção de 2 mols de ATP nas condições explicitadas.

9.3 Proteínas de transporte em membranas

Enquanto prótons como H⁺ são transportados em função de seu gradiente de concentração entre o lado interno e externo de membranas, outros compostos e solutos dependem de uma proteína transportadora, como glicose e ácido cítrico. Nesse caso, o transporte não é passivo, mas de *difusão facilitada*, e seu comportamento cinético pela membrana obedece o formalismo de *Michaelis-Menten* como segue.

$$v_{transp} = \frac{V_{max} * S_{out}}{K_{transp} + S_{out}}$$
(9.4)

Onde, analogamente, V_{max} representa a velocidade máxima (ou limite) de transporte do substrato, S_{out} o teor do substrato transportado, e K_{transp} a constante de dissociação do complexo proteína-substrato (ou concentração do substrato a meia saturação do transportador).

10 Bioenergética

Enquanto a *Cinética* trata do *fluxo* de informações que envolvem um fenômeno, a *Termodinâmica* trabalha com as *forças* nele envolvidas. Essas forças denominadas *quantidades termodinâmicas* auxiliam a compreensão de variados fenômenos biológicos, tais como os equilíbrios elencados abaixo.

- 1. Estabilidade de biopolímeros;
- 2. Interação ligante-receptor;
- 3. Transporte de biomoléculas e íons;
- 4. Mudanças conformacionais em biomacromoléculas;
- 5. Associação de biopolímeros;
- 6. Transferência de elétrons em proteínas;
- 7. Combustão e síntese de biomoléculas;
- 8. Geração de energia metabólica.

Ainda que não caiba à *Termodinâmica* explicações sobre a teoria atômica, mecanismos moleculares ou taxas de reação, seu formalismo teórico permite avaliar as mudanças de energia (*entalpia*, *entropia*, *e energia de Gibbs*) que ocorrem entre o estado inicial e final de uma transformação. A partir dessas quantidades, é possível esboçar modelos mecanísticos das transformações envolvidas, baseados no conjunto empírico de observações similares reportadas.

A equação de Gibbs para o equilíbrio que descreve essas quantidades é:

$$\Delta G = \Delta H - T * \Delta S(\#eq : eqGibbs)$$
 (10.1)

Exemplifica-se para isso as tranformações nos valores de ΔH e ΔS que podem ser extraídos de uma transição conformacional que acompanha a desnaturação térmica de uma proteína (Cooper 2004).

Para isto é necessário determinar-se o valor de ΔG da transição de fase, o que pode ser realizado de diversas maneiras, e a partir de metodologia igualmente diversificada. Assim, por meio de medidas espectroscópicas $(absorção\ molecular,\ fluorescência,\ luminescência)$, hidrodinâmicas $(viscosimetria,\ coeficiente\ de\ sedimentação,\ pressão\ osmótica)$, eletroquímicas $(potenciometria,\ voltametria)$, ou de atividade biológica, dentre muitas, é possível quantificar o parâmetro termodinâmico ΔG . Esse, por sua vez, pode ser extraído das relações que seguem, considerando-se uma $transição\ de\ dois\ estados$:

$$N \leftrightarrows D(\#eq : eqND) \tag{10.2}$$

$$K_{eq} = \frac{[D]}{[N]} (\#eq : eqKeq) \tag{10.3}$$

$$\Delta G = -R * T * ln(K_{eq})(\#eq : eqKeqDG)$$
(10.4)

Onde K_{eq} , [D], e [N] representam, respectivamente, a constante de equilíbrio de desnaturação da proteina, bem como as concentrações dessa na forma desnaturada e nativa.

Uma rápida observação da equação @ref(eq:eqGibbs) deixa claro tratar-se de uma função linear com a temperatura. Dessa forma é plausível imaginar um sistema no qual as quantidades termodinâmicas acima (K_{eq} e, consequentemente, ΔG) podem ser determinadas com variação da temperatura. Colocando em números:

Em 35°C:
$$\Delta G_{desn} = \Delta H_{desn} - 308 * \Delta S_{desn} = +4.4 \text{ kJ } mol^{-1}$$

Em
$$45^{\circ}$$
C: $\Delta G_{desn} = \Delta H_{desn} - 318 * \Delta S_{desn} = -5.2 \text{ kJ } mol^{-1}$

Perceba que uma solução para o problema envolve a resolução sequencial das equações, subtraindo-se uma da outra para uniformizar uma incógnita (digamos, ΔS) que aplicada à outra equação resultará na segunda incógnita (no caso, ΔH). Ainda que verossímil, esse procedimento é manual e perde valor se imaginarmos uma 3a. temperatura ensaiada para a desnaturação proteica em questão.

Outra solução, mais prática e computacional, envolve a resolução do *sistema de equações lineares*, tal como segue:

$$a_{11} * x_1 + a_{12} * x_2 = b_1 a_{21} * x_1 + a_{22} * x_2 = b_2 (\#eq : eqSistLin)$$
 (10.5)

Onde x_1 e x_2 representam, respectivamente, ΔH_{desn} e ΔS_{desn} .

Nesse caso, pode-se montar um sistema matricial, tal que:

$$a_{11} * x_1 + a_{12} * x_2 = b_1 a_{21} * x_1 + a_{22} * x_2 = b_2 (\#eq : eqMatrix)$$
 (10.6)

Ou seja,

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix},$$

$$x = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \end{bmatrix},$$

$$b = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Resolve-se agora os valores de x (ou Δ 's) linearmente:

$$A * x = b(\#eq : eqAxb) \tag{10.7}$$

Utilizando-se álgebra matricial, soluciona-se a equação @ref(eq:eqAxb) para os valores de x:

$$x = A^{-1} * b(\#eq : eqAm1xb)$$
 (10.8)

Por tratar-se de um sistema de equações lineares, essa solução tem em si a premissa de que os valores de ΔH e ΔS não variem na faixa de temperatura estudada.

10.1 Solução de sistema de equações lineares no R

Pra solucionar o problema da seção anterior pelo R, define-se inicialmente a matriz para A e a matriz para b tal que:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -308 \\ 1 & -318 \end{bmatrix},$$

$$b = \begin{bmatrix} +4, 4 \\ -5, 2 \end{bmatrix}$$

Assim,

```
# Definição de matrizes

A <- matrix(c(1, -308, 1, -318), ncol = 2, byrow = TRUE) # matriz A; o sinal negativo decorre da funçã b \leftarrow \text{matrix}(c(4.4, -5.2), \text{ncol} = 1) # matriz b
```

Conforme representado na equação @ref(eq:eqAm1xb), a solução matricial pode ser obtida pelo comando solve:

```
# Solução matricial para sistema linear
solve(A) %*% b # # a operação %*% indica o produto escalar de dois vetores ("dot product")
```

```
[,1]
[1,] 300.08
[2,] 0.96
```

Nesse caso, os parâmetros termodinâmicos encontrados foram $\Delta H_{desn} = 300 \text{ kJ } mol^{-1} \text{ e } \Delta S_{desn} = 960 \text{ J} mol^{-1}$.

Observe a notação "%*%" para a multiplicação de duas matrizes na última linha do código. Trata-se de *multiplicação cruzada* ou *dot product* de duas matrizes. A multiplicação de matrizes é definida somente para duas matrizes dimensionalmente compatíveis em uma dada ordem. Essa implica que o número de colunas da 1a. matriz seja igual ao número de linhas da 2a. matriz. Nesse caso a matriz resultante terá o mesmo número de linhas da 1a. matriz e o mesmo número de colunas da 2a. matriz. Veja o exemplo:

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 3 & 6 & 9 \end{pmatrix} (\#eq : matex)$$
 (10.9)

Outra observação também deve ser pontuada em relação à solução matricial de sistemas lineares. Uma reflexão rápida sobre a natureza linear da equação @ref(eq:eqGibbs) de Gibbs e de sua aplicação à solução de parâmetros termodinâmicos para o sistema de equações lineares acima sugere que poderíamos obter outros valores para ΔG a partir de outras temperaturas ensaiadas. Supondo que fossem, digamos, 5 ou 6 valores de T com seus respectivos valores de ΔG_{desn} , e reforçando a premissa de que os parâmetros ΔH_{desn} e ΔS_{desn} permanecessem constantes ao longo da faixa termal, poderíamos facilmente concluir tratar-se de uma relação linear de ΔG_{desn} em função de ΔH_{desn} T.

Dessa forma, tal como visto no capítulo \ref{log} nzimas, poderíamos solucionar os parâmetros ΔH_{desn} e ΔSH_{desn} por ajuste linear. De fato, uma das expressões de Van't Hoff que definem esta relação linear é:

$$ln K_{eq} = -\frac{\Delta H}{R} * \frac{1}{T} + \frac{\Delta S}{R} (\#eq : eqVHoff)$$
(10.10)

Outra consequência direta é a de que qualquer conjunto de pares de dados de variáveis dependente (y) e independente (x), e que exibem homogeneidade de variâncias e distribuição normal, tal como explicitado no capítulo ??nzimas, pode também ser resolvido em seus parâmetros (intercepto e inclinação) com auxílio de álgebra matricial.

De fato, a solução matricial de ajuste linear pode ser obtida a partir da relação abaixo:

$$\beta = (X^T \ X)^{-1} \ X^T * y(\#eq : linMatr)$$
 (10.11)

Portanto, o ajuste linear ilustrado na figura @ref(fig:figLBlin) do capítulo ??nzimas também pode ser efetuado com auxílio de matrizes, embora alguns indicadores estatísticos apresentados na tabela gerada pela função 1m sejam extraídos por outras funções do algoritmo de cálculos matriciais/estatísticos. Na equação @ref(eq:linMatr) o termo entre parênteses envolve a operação de inversão da matriz. Em álgebra linear não existe a operação de divisão para matrizes, mas somente a multiplicação de uma matriz por um escalar ou pela inversa de outra. E mesmo assim, somente se tratar-se de uma matriz quadrada. Dessa forma o termo $(X^T X)^{-1}$ só pode ser calculado com inversão matricial. No R essa ação é dada pelo comando so1ve.

Com dantes, é vital importância também que a matriz X contendo a variável independente seja criada com valores unitários à esquerda, tal como segue:

$$X = \begin{bmatrix} 1 & x_1 \\ 1 & x_2 \\ 1 & x_3 \\ \dots & \dots \end{bmatrix}$$

Dessa forma, a solução do problema explicitado na figura @ref(fig:figLBlin) do capítulo *??nzimas* pode ser matricialmente resolvida como:

```
# Repetindo os dados para as variáveis de Lineweaver-Burk
S <- seq(0.1, 1, length.out = 20) # gera uma sequência com 20 pontos entre 0 e 1 para valores de subst
Vm <- 10
Km <- 0.5 # parâmetros cinéticos
set.seed(1500) # estabelece a mesma semente aleatória do gráfico direto de Michaelis-Menten, para repr
erro <- runif(20, 0, 1) # comando para erro uniforme (no. de pontos, min, max)
v <- Vm * S / (Km + S) + erro # equação de Michaelis-Menten
inv.S <- 1 / S # cria variáveis para o duplo-recíproco
inv.v <- 1 / v

# Criação das matrizes A e b
A2 <- matrix(c(rep(1, 20), inv.S), nrow = 20, byrow = FALSE) # cria matriz com valor unitário necessár
b2 <- as.matrix(inv.v, nrow = 1, byrow = FALSE) # vetor b

# Solução matricial do ajuste linear
beta <- solve(t(A2) %*% A2) %*% t(A2) %*% b2
beta

[,1]</pre>
```

Veja que os valores de intercepto (β 1) e inclinação (β 2) aproximaram-se dos encontrados com auxílio da função 1m do R.

10.2 Matrizes e R

[1,] 0.11363419 [2,] 0.03277244

O emprego de matrizes na solução de problemas lineares e não lineares é bastante vasto. De fato, um ajuste linear é resolvido computacionalmente pelo uso de matrizes, mais do que por somatórias. Da mesma forma, alguns algoritmos para ajuste não linear também implementam álgebra matricial na solução de problemas (*Gauss-Newton, Levenberg-Marquadt*).

Dessa forma, é interessante uma rápida panorâmica no potencial de matrizes que o R possui.

```
# Algumas manipulações com matrizes

## Identificação de linhas e colunas

res <- matrix(c(-308, -318),
    nrow = 2, byrow = TRUE, # definição de matriz
    dimnames = list(c("Delta H", "Delta S"), "kJ/mol")
)
res</pre>
```

```
10 Bioenergética
```

```
kJ/mol
Delta H -308
Delta S -318
## Operações aritméticas
m1 \leftarrow matrix(c(1, 2, 3, 4), nrow = 2, byrow = T)
m2 \leftarrow matrix(c(4, 5, 6, 7), nrow = 2, byrow = T)
m1 + 5
   [,1][,2]
[1,] 6 7
[2,] 8 9
m2 - 7 # soma ou subtração em escalar
   [,1][,2]
[1,] -3 -2
[2,] -1 0
m1^2
   [,1][,2]
[1,] 1 4
[2,] 9 16
sin(m2) # potência ou trigonometria
          [,1] \qquad [,2]
[1,] -0.7568025 -0.9589243
[2,] -0.2794155 0.6569866
m1 + m2 # soma de elementos em matrizes de igual dimensão
  [,1] [,2]
[1,] 5 7
[2,] 9 11
m1 * m2 # multiplicação de elementos em matrizes de igual dimensão
   [,1] [,2]
[1,] 4 10
```

[2,] 18 28

```
[,1][,2]
[1,]
      16
            19
[2,]
            43
      36
det(m1) # determinante da matriz
[1] -2
t(m2) # transposição da matriz
     [,1][,2]
             6
[1,]
        4
[2,]
             7
        5
diag(m1) # matriz diagonal
[1] 1 4
solve(m2) # inverso da matriz
     [,1][,2]
[1,] -3.5 2.5
[2,] 3.0 -2.0
eigen(m1) # autovalor ("eingenvalue") e autovetor ("eigenvector") da matriz
eigen() decomposition
$values
[1] 5.3722813 -0.3722813
$vectors
           [,1]
                      [,2]
[1,] -0.4159736 -0.8245648
[2,] -0.9093767 0.5657675
```

m1 %*% m2 # produto cruzado de matrizes ("dot product" de vetores)

O R também permite várias outras operações utilizadas em cálculo numérico e simbólico que utilizam matrizes, tais como as funções kronecker (multiplicação matricial), svd (Single Decomposition Value), qr (Decomposição QR), e cho1(Decomposição de Cholesky).

10.3 Solução de parâmetros termodinâmicos de estabilidade enzimática

Parâmetros termodinâmicos, tais como os contidos na expressão de *Van't Hoff* (equação @ref(eq:eqVHoff) podem ser também obtidos simultaneamente por álgebra matricial. Exemplificandos-se, é comum em Biotecnologia a avaliação de parâmetros de termoestabilidade de enzimas submetidas a estresse térmico (como também químico, como pH, ureia ou uso de proteases). Isso é feito no intuito de se verificar, por exemplo, se uma enzima pode resistir a temperaturas elevadas de processos industriais, para comparar enzimas modificadas por mutação sítio-dirigida, ou para se avaliar o comportamento de enzimas associadas a patogenesias diversas.

O formalismo dessa análise passa pela *Teoria das Colisões* de Arrhenius, bem como pela *Teoria do Estado de Transição* de Eyring, resultando no sistema linear de equações como o que segue:

$$\begin{cases} \Delta G^{\ddagger} = \Delta H^{\ddagger} - T * \Delta S^{\ddagger} \\ ln(\frac{kcat*h}{K_B*T}) = -\frac{1}{RT} * \Delta H^{\ddagger} + \frac{1}{R} * \Delta S^{\ddagger} \end{cases}$$
 (#eq: termSist) (10.12)

Onde os termos com ‡ simbolizam as variações de quantidades referentes à ativação (ou desativação) da enzima (estado de transição do complexo ativado), K_B representa a constante de Boltzmann (1,381x10⁻²³ JK⁻¹), h a constante de Planck (6,686x10⁻³⁴ J*s), e R a constante geral dos gases (8,314 JK⁻¹ mol⁻¹). Nem sempre é possível convergir uma solução matricial pela simples utilização de multiplicação cruzada (dot product). | O trecho de código abaixo exemplifica essa tentativa, a partir dos dados publicados por Riaz e cols (Bhatti et al. 2007) abaixo, e considerando previamente as matrizes A e b em função dos parâmetros explicitados pelos autores:

$$\Delta G^{\ddagger} = 65920 \ J \ mol^{-1}T = 328 \ Kkcat = 217 \ s^{-1} (\#eq : Bhatti)$$
 (10.13)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -328 \\ -3.67e - 4 & 0.120 \end{bmatrix},$$

$$b = \begin{bmatrix} 65920 \\ -24.17 \end{bmatrix}$$

Tentativa de solução matricial simples em dados publicados (Appl. Microbiol. Biotechnol, 73, 1290

A <- matrix(c(1, -3.67e-4, -328, 0.120), nrow = 2, byrow = TRUE)

b <- matrix(c(65921, -24.17), nrow = 2)

```
[,1]
[1,] -21038593
[2,] -57505488910
```

solve(A) %*% b

Perceba a inconsistência para os parâmetros termodinâmicos resultantes. A solução matricial pelo comando solve também sofre de resolução para o problema, incorrendo em erro se executada, tal como no trecho que segue. Observe também a possibilidade distinta para a construção das matrizes.

```
Aframe <- data.frame(c(1, -3.67e-4), c(-328, 0.120))

A <- as.matrix(Aframe)

b <- as.matrix(c(65921, -24.17))

solve(t(A) %*% A) %*% t(A) %*% b
```

Para essas situações de maior complexidade pode ser de utilidade o emprego de pacotes do R, tal como o rootSolve já utilizado ou o nleqslv empregado anteriormente. Nesse sentido, a minimização de busca de raízes para o sistema de equações pode ser demonstrada a seguir:

```
library(rootSolve)
T <- 328
R <- 8.314
h <- 6.626e-34
kb <- 1.381e-23
kcat <- 217
DG <- -R * T * log((kcat * h) / (kb * T)) # 65920 J/mol
model <- function(x) c(x[1] - T * x[2] - DG, x[2] / R - x[1] / (R * T) - log((kcat * h) / (kb * T)))
(ss <- multiroot(model, start = c(50000, 50000)))

$root
[1] 40843.50837  -76.45441
```

```
[1] 40843.50837 -76.45441

$f.root
[1] 2.110028e-09 -7.744916e-13

$iter
[1] 3

$estim.precis
[1] 1.055401e-09
```

Por esta solução numérica os valores encontrados para os parâmetros foram de Δ H[‡] = 40,8 kJmol⁻¹ e Δ S[‡] = -76,5 Jmol⁻¹K⁻¹.

Comparando-se os valores, os autores encontraram Δ H[‡] = 33,3 kJmol⁻¹ e Δ S[‡] = -99,8 Jmol⁻¹K⁻¹. Perceba a semelhança dos resultados obtidos pela minimização de raízes com os parâmetros encontrados pelos autores. A obtenção do valor de Δ H[‡] para esses, contudo, foi obtida somente a partir da obtenção do valor experimental de *energia de ativação de Arrhenius (Ea)*, pela inclinação de um gráfico linearizado da taxa de reação, tal como segue:

$$k = A * e^{-Ea/RT} ln(k) = \frac{\Delta S^{\ddagger}}{R} - \frac{\Delta H^{\ddagger}}{R} * \frac{1}{T} (\#eq : Arrhenius)$$
 (10.14)

Ainda que se perceba uma significativa adequação dos valores obtidos pelos autores e em uma única temperatura, há que se ter cautela com o procedimento, pois minimizações costumam exigir boas sementes de inicialização do algoritmo para surtir bons resultados. Além disso, a natureza própria da relação termodinâmica entre uma taxa de reação (tal como kcat) e a variação de energia de Gibbs resultante ocorre em escala exponencial:

$$k = f(kcat) = e^{-\Delta G^{\ddagger}/RT}(\#eq : dGkcatRel)$$
(10.15)

Isso significa na prática que pequenas variações em Δ G[‡] resultam em enormes variações no valor de k (no caso, de kcat). Por esta razão, diferenças mínimas no valor de Δ G[‡] podem resultar em enormes diferenças em Δ H[‡] e Δ S[‡] para a solução do sistema linear. Exemplificando mais diretamente esse impacto, experimente alterar o valor de Δ G[‡], arredondando-o:

```
require(rootSolve)

T <- 328

R <- 8.314

h <- 6.626e-34

kb <- 1.381e-23

kcat <- 217

DG <- 66000

model <- function(x) c(x[1] - T * x[2] - DG, x[2] / R - x[1] / (R * T) - log((kcat * h) / (kb * T))

(ss <- multiroot(model, start = c(50000, 50000)))

$root

[1] 51579492242  157254348

$f.root

[1] 177.50881195  -0.09422566

$iter
```

10.4 Entalpia De Reação Por Matrizes

Reações químicas são geralmente representadas pela equação que segue:

[1] 3

\$estim.precis
[1] 88.80152

$$0 = \sum_{i=1}^{N} v_i B_i(\#eq : eqReacGen)$$
(10.16)

Dessa forma, se observarmos as representações que acompanham as reações químicas, veremos que essas também constituem *funções lineares*, tal como nos exemplos abaixo:

$$2C_2H_2(g) + 5O_2(g) \leftrightarrows 4CO_2(g) + 2H_2O(l), \Delta_fH^o = -2600\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \leftrightarrows 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \leftrightarrows 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 7O_2(g) \circlearrowleft 4CO_2(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H6(g) + 6H_2O(l), \ \Delta_fH^o = -3210\,kJ/mol2C_2H$$

E, se selecionarmos algumas reações que possuem relações entre si, tal como as apresentadas na equação @ref(eq:eqReac) acima, teremos então um *sistema de equações lineares*, passível de solução por álgebra matricial. Essa relação entre reações químicas que envolvem a formação de compostos refere-se à *Lei de Hess*.

Matematicamente a Lei de Hess pode ser expressa como:

$$\Delta_f H^o = \sum_{n=1}^{\infty} v \Delta_f H_P^o - \sum_{n=1}^{\infty} v \Delta_f H_R^o (\#eq : eqHess)$$
(10.18)

Onde *v* representa a *estequiometria* da reação, ou seja, o número de *mols* de cada composto/elemento, enquanto *P* e *R* referem-se à *Produto* e *Reagente*.

Retomando o exemplo da equação @ref(eq:eqReac), o que se deseja é obter o valor da entalpia de reação para o etano (C_2H_6) , baseando-se nos valores de entalpia de reação das espécies correlatas (Khalil 2000). Há pelos três soluções possíveis, em que a entalpia de reação pode ser determinada pela entalpia de ligação, pela própria entalpia de formação, e pela Lei de Hess, essa passível de cálculo por matrizes.

Para isso, é necessário 1) compor as matrizes A e b, 2) calcular o vetor de coeficients beta, e 3) efetuar o produto escalar (%*%) de beta com uma matriz formada pelos valores de entalpia de formação. O racional para compor as matrizes envolve elencar cada composto com sua estequiometria de reação, e exige que para reagentes seja conferido valor negativo, enquanto que para produtos, valor positivo.

A tabela abaixo ilustra essa construção para o problema em questão.

```
library(knitr) # para gerar a tabela
comp <- c("C2H2", "O2", "CO2", "H2O", "C2H6", "H2") # elenco dos compostos envolvidos
rea1 <- c(-2, -5, +4, +2, 0, 0) # estequiometria (reação1)
rea2 <- c(0, -7, +4, +6, -2, 0) # estequiometria (reação2)
rea3 <- c(0, -0.5, 0, +1, 0, -1) # estequiometria (reação3)
incog <- c(-1, 0, 0, 0, +1, -2) # estequiometria da reação com entalpia desconhecida
tab_esteq <- data.frame(comp, rea1, rea2, rea3, incog) # dataframe com os resultados
colnames(tab_esteq) <- c("composto", "reação 1", "reação 2", "reação 3", "etano") # nomeia as colunas
knitr::kable(tab_esteq, caption = "Estequiometria reacional para solução matricial de formação de etan
```

composto	reação 1	reação 2	reação 3	etano
C2H2	-2	0	0.0	-1
O2	-5	-7	-0.5	0
CO2	4	4	0.0	0
H2O	2	6	1.0	0
C2H6	0	-2	0.0	1
H2	0	0	-1.0	-2

Tabela 10.1: Estequiometria reacional para solução matricial de formação de etano (C2H6).

E o trecho de código que segue calcula o valor de ΔH_r^0 para a formação de etano.

```
# Solução matricial para entalpia de formação

A <- matrix(c(-2, 0, 0, -5, -7, -0.5, 4, 4, 0, 2, 6, 1, 0, -2, 0, 0, 0, -1), nrow = 6, byrow = T) #

b <- matrix(c(-1, 0, 0, 0, 1, -2), nrow = 6, byrow = T) # cria matriz dos coeficientes estequiométr

beta <- solve(t(A) %*% A) %*% t(A) %*% b # cálcula beta

energ <- matrix(c(-2600, -3210, -286), nrow = 1, byrow = T) # cria matriz com os valores de entalpi

etano <- energ %*% beta

cat("Valor para deltaHr etano: ", etano, " kJ/mol")
```

Valor para deltaHr etano: -267 kJ/mol

10.5 Quantidades Termodinâmicas Por Ajuste Polinomial

Como visto nas seções anteriores deste capítulo e do capítulo @ref(Enzimas), as $relações\ lineares\ permitem$ a extração de parâmetros cinéticos ou termodinâmicos associados a fenômenos biofísico-químicos, tais como no estudo de associações de ligantes com biopolímeros, auto-associação de biomacromoléculas, cinética de enzimas, ou equilíbrio de estabilidade termodinâmica de biopolímeros. Referente à esse último, a equação @ref(eq:eqVHoff) ilustra a relação linear entre um parâmetro termodinâmico monitorado durante o experimento, tal como K_{eq} ou ΔG , e a temperatura (embora outros perturbantes poderiam igualmente viabilizar-se, tais como pH, teor de desnaturante, força iônica, etc).

Não obstante, não poderíamos utilizar as relações lineares de matrizes ou ajustes lineares para solucionar parâmetros quantitativos em situações que não repousassem no comportamento linear entre as variáveis, tal como referido pela equação @ref(eq:eqVHoff), por exemplo.

Ilustrando, a relação entre a temperatura e o valor para ΔG da auto-associação da apolipoproteína Apo A-II presente na lipoproteína HDL não exibe perfil linear, e pode ser obtida da literatura com auxílio do trecho de código que segue: (Waelbroeck, Van Obberghen, e De Meyts 1979).

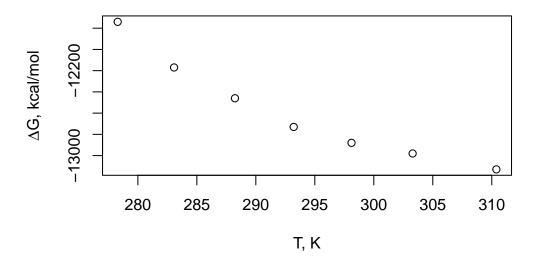


Figura 10.1: Dependência da temperatura com a variação de energia de Gibbs da interação de insulina com seu receptor.

Observa-se pela figura @ref(fig:insuRec) uma tendência parabólica entre a temperatura de ensaio e a variação de energia de Gibbs do processo. Dessa forma, pode-se ajustar um *polinômio* de grau 3 aos dados, tal como segue.

```
pol3 <- lm(dG ~ poly(T, 3, raw = TRUE)) # ajuste a polinômio de 3o. grau; "raw=TRUE" é essencial # Alternativamente, pode-se também ajustar polinômios como # pol3 <- lm(dG ~ T + I(T^2) + I(T^3)) summary(pol3)
```

Coefficients:

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

10 Bioenergética

```
(Intercept)
                         8.970e+05 2.449e+05
                                                 3.663
                                                         0.0352 *
poly(T, 3, raw = TRUE)1 - 8.836e + 03 2.498e + 03
                                                -3.537
                                                         0.0385 *
poly(T, 3, raw = TRUE)2 2.866e+01 8.492e+00
                                                 3.375
                                                         0.0433 *
poly(T, 3, raw = TRUE)3 - 3.105e - 02 9.613e - 03
                                                -3.230
                                                         0.0482 *
                  '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Signif. codes:
Residual standard error: 21.6 on 3 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.999, Adjusted R-squared: 0.9981
F-statistic: 1045 on 3 and 3 DF, p-value: 5.02e-05
```

```
plot(T, dG,
    xlab = "T, K", ylab = expression(paste(Delta, "G, kcal/mol"))
    # gráfico de T x deltaG
)
lines(T, fitted(pol3), col = "red") # curva ajustada sobre os dados
```

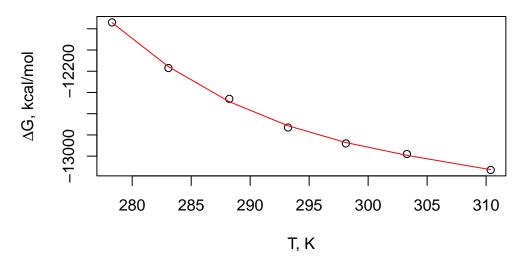


Figura 10.2: Ajuste polinomial sobre os dados de variação de energia de Gibbs da interação de insulina com seu receptor.

Aqui vale ressaltar que a obtenção dos parâmetros de um polinômio também pode validar-se com auxílio da álgebra linear (matrizes). Exemplificando, construa a $matriz\ A$ dos valores de temperatura, e a $matriz\ b$ dos valores de ΔG :

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 278.29 \\ 1 & 283.07 \\ 1 & 288.23 \\ 1 & 293.21 \\ 1 & 298.11 \\ 1 & 303.29 \\ 1 & 310.39 \end{bmatrix},$$

$$b = \begin{bmatrix} -11740 \\ -12170 \\ -12460 \\ -12730 \\ -12880 \\ -12980 \\ 12120 \end{bmatrix}$$

Nesse caso, a operação matricial leva em conta a conversão da matriz *A* da variável independente numa *matriz de alternância*, também conhecida como *matriz de Vandermonde*. Uma matriz de Vandermonde se apresenta como abaixo:

$$matriz V = \begin{bmatrix} 1 & x_1 & x_1^2 & x_1^3 & \dots \\ 1 & x_2 & x_2^2 & x_2^3 & \dots \\ 1 & x_3 & x_3^2 & x_3^3 & \dots \\ 1 & \dots & \dots & \dots & \dots \end{bmatrix},$$

Uma aparente limitação desse procedimento é que o ajuste deve ser realizado com poucos pontos experimentais, já que o termo exponencial cresce com o número de pontos. Por outro lado, a solução matricial contorna a necessidade em se obter somatórias estatísticas das variáveis. O R possui um pacote para automatizar essa transformação, matrixcalc, exemplificado no trecho de código abaixo:

Agora basta aplicar a mesma relação matricial da equação @ref(eq:eqAm1xb), no caso, para quatro pontos intercalados dos dados experimentais acima, e portanto produzindo um polinômio de 4o grau:

```
T <- c(5.29, 15.23, 25.11, 37.39) + 273 # dados de temperatura, em graus Kelvin dG <- c(11.74, 12.46, 12.88, 13.13) * -1e3 #

library(matrixcalc) # Criação das matrizes A (Vandermonde) e b b <- as.matrix(dG, nrow = 4, byrow = TRUE) # vetor b

A <- vandermonde.matrix(alpha = T, n = 4)

A # função para criar matriz de alternância (Vandermonde)
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
[1,] 1 278.29 77445.32 21552259
[2,] 1 288.23 83076.53 23945149
```

10 Bioenergética

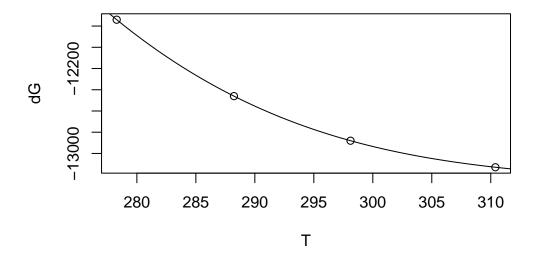
```
[3,] 1 298.11 88869.57 26492908
[4,] 1 310.39 96341.95 29903579

sol.vnd <- solve(A) %*% b
sol.vnd # coeficientes polinomiais (40. grau)
```

```
[,1]
[1,] 5.095658e+05
[2,] -4.886799e+03
[3,] 1.525183e+01
[4,] -1.589352e-02
```

Para a plotagem dos dados, basta converter os coeficientes polinomiais acima na expressão polinomial resultante, o que pode ser realizado com o pacote polynom:

```
library(polynom) # converte vetor de coeficientes em polinômio simbólico
p <- as.polynomial(sol.vnd)
p2 <- as.function(p) # permite converter o polinômio pra função curve
plot(T, dG)
curve(p2, from = 273, to = 315, add = TRUE) # curva polinomial suave
```



Embora o ajuste polinomial, quer pela função própria do R (1m) como pela solução matricial acima, revele boa adesão do modelo aos dados experimentais, como representado pela Figura @ref(fig:TdG) e pela tabela de resultados acima, não há correlação de parâmetros termodinâmicos, posto tratar-se de um modelo matemático empírico, e não analítico para o sistema.

Entretanto, é possível obter uma boa aproximação das quantidades ΔH (entalpia), ΔS (entropia) e ΔCp (capacidade calorífica) que modelam fenomenologicamente o comportamento termodinâmico em determinada temperatura, por relações próprias entre essas quantidades (Edelhoch e Osborne Jr 1976).

$$\Delta S = -\left(\frac{\partial \Delta G}{\partial T}\right)_p(\#eq : eqdS) \tag{10.19}$$

Em suma, a variação de entropia pode ser definida como o gradiente da variação de energia de Gibbs com a temperatura. Outra forma de dizê-lo seria afirmar então que a variação de entropia pode ser também definida como a primeira derivada daquela relação, a qual pode ser definida empiricamente por:

$$\Delta G = a + bT + cT^2 + dT^3(\#eq : eqGibbsEmp)$$
(10.20)

Assim, o valor de ΔS pode ser obtido pela primeira derivada da relação empírica acima (@ref(eq:eqGibbsEmp)):

$$\Delta S = -\left(\frac{\partial \Delta G}{\partial T}\right)_p = -b - 2cT - 3dT^2(\#eq : eqdSEmp)$$
 (10.21)

O valor de ΔH , por sua vez, pode agora ser extraído da equação @ref(eq:eqGibbs) aqui repetida, juntamente com a equação @ref(eq:eqGibbsEmp):

$$\Delta G = \Delta H - T * \Delta S(\#eq : eqGibbs)$$
 (10.22)

$$\Delta H = \Delta G + T * \Delta S(\#eq : eqdH)$$
 (10.23)

Aplicando-se as equações empíricas para os parâmetros termodinâmicos acima:

$$\Delta H = (a + bT + cT^2 + dT^3) + T(-b - 2cT - 3dT^2)(\#eq : eqdHEmp)$$
 (10.24)

$$\Delta H = a - cT^2 - 2dT^3 (\#eq : eqdHEmp2)$$
 (10.25)

De forma similar, a capacidade calorífica em pressão constante pode ser definida como:

$$\Delta Cp = -(\frac{\partial \Delta H}{\partial T})_p(\#eq : eqdCp)$$
 (10.26)

Ou seja, o valor de Δ Cp pode ser aproximado pela primeira derivada de Δ H (equação @ref(eq:eqdHEmp)) sobre T. Ou seja:

$$\Delta Cp = -2cT - 6dT^2(\#eq : eqdCpEmp)$$
 (10.27)

Ainda que constituam aproximações, os parâmetros termodinâmicos assim obtidos refletem a possibilidade de se descrever um fenômeno, tal como a interação de insulina com seu receptor (Waelbroeck, Van Obberghen, e De Meyts (1979)), sob a óptica de ligações fracas preponderantes, como ligações de hidrogênio, forças de van der Waals, efeito salino, interações eletrostáticas e efeito hidrofóbico (Ross e Subramanian 1981), apenas

monitorando-se uma constante de equilíbrio com a temperatura. O trecho de código abaixo soluciona os parâmetros termodinâmicos para a complexação de insulina a seu receptor em 25°C pelo método descrito.

```
# Solução polinomial de parâmetros termodinâmicos para interação de insulina com receptor
T < -c(5.29, 10.07, 15.23, 20.21, 25.11, 30.29, 37.39) + 273 \# dados de temperatura, em graus Kelvi
dG <- c(11.74, 12.17, 12.46, 12.73, 12.88, 12.98, 13.13) * -1e3 # dados de -deltaG, em kcal/mol
# Ajuste a polinômio de 20. grau
pol3 <- lm(dG ~ poly(T, 3, raw = TRUE)) # ajuste a polinômio de 3o. grau
Tref <- 298 # temperatura de referência, em graus Kelvin
# Cálculos
dG \leftarrow coef(pol3)[1] + coef(pol3)[2] * Tref + coef(pol3)[3] * Tref^2 + coef(pol3)[4] * Tref^3 # delt
dS < -coef(pol3)[2] - 2 * coef(pol3)[3] * Tref - 3 * coef(pol3)[4] * Tref^2 # deltaS
dH \leftarrow coef(pol3)[1] - coef(pol3)[3] * Tref^2 - 2 * coef(pol3)[4] * Tref^3 # deltaH
dCp < --2 * coef(pol3)[3] * Tref - 6 * coef(pol3)[4] * Tref^2 # deltaCp
# Parâmetros em 298 K
cat("valor de deltaG: ", dG, "cal/mol", "\n")
valor de deltaG: -12868.43 cal/mol
cat("Valor de deltaS: ", dS, "cal/mol/K", "\n")
Valor de deltaS: 27.29257 cal/mol/K
cat("Valor de deltaH: ", dH, "cal/mol", "\n")
Valor de deltaH: -4735.248 cal/mol
cat("valor de deltaCp: ", dCp, "cal/mol/K", "\n")
valor de deltaCp: -537.5956 cal/mol/K
```

Os valores encontrados para a interação são bem próximos dos reportados pelos autores em 25° C (Waelbroeck, Van Obberghen, e De Meyts (1979)), embora esses tenham empregado um ajuste com polinômio de 20. grau. Se você alterar o trecho de código acima para um polinômio de mesmo grau e omitir os termos das equações termodinâmicas que evidenciam o coeficiente d, deverá observar um valor de Δ Cp de -735 kcal/mol, bem similar ao reportado de -766 kcal/mol.

10.6 Estabilidade Termodinâmica de Biopolímeros

A estabilidade termodinâmica de proteínas, enzimas e ácidos nucleicos é imprescindível do estudo de novos biopolímeros engenheirados, matrizes complexas modificadas (plasma artificial, por ex), bem como da pesquisa de candidatos à fármacos e medicamentos. Em linhas gerais, considera-se o biopolímero sob avaliação num *modelo de dois estados*, *nativo* e *desnaturado*, tal como apresentado na equação @ref(eq:eqKeq) deste capítulo.

No entanto, como torna-se complexa a determinação experimental das concentrações [N] e [D], busca-se obter uma relação entre elas, especificamente, sua fração, tal que:

$$f_D + f_N = 1(\#eq : eqfDfN)$$
 (10.28)

O que resulta em:

$$f_N = 1 - f_D(\#eq : eqSfD)$$
 (10.29)

Dessa forma, um sinal experimental S obtido na presença de frações N e D em uma amostra de biopolímero pode ser representado como:

$$S = f_N * S_N + f_D * S_D(\#eq : eqS)$$
 (10.30)

Substituindo-se @ref(eq:eqSfD) em @ref(eq:eqS) obtém-se:

$$f_D = \frac{S_i - S_N}{S_D - S_N} (\#eq : eqfD)$$
 (10.31)

Onde Si representa o sinal no ponto i.

Dessa forma, mesmo que as concentrações [N] e [D] não sejam diretamente obtidas, suas frações podem ser recuperadas a partir do sinal obtido de ensaios de desnaturação frente a diversos perturbantes, tais como temperatura, pH, sais ou reagentes desnaturantes (ureia, cloreto de guanidina, por ex).

Dessa forma, também pode ser recuperado o valor da constante termodinâmica de equilíbrio de desnaturação K_D , tal que:

$$K_D = \frac{[D]}{[N]} = \frac{f_D}{f_N} (\#eq : eqKD)$$
 (10.32)

Inserindo-se @ref(eq:eqSfD) em @ref(eq:eqKD), obtém-se:

$$K_D = \frac{f_D}{1 - f_D} (\#eq : eqKD2)$$
 (10.33)

E, portanto,

$$\Delta G_D = -RT * ln K_D(\#eq : eqdGD)$$
 (10.34)

Dessa forma, é possível avaliar a estabilidade termodinâmica de um biopolímero por sua curva de estabilidade, contrastando-se o perturbante contra o valor de ΔG_D obtido pelos procedimentos acima.

Analiticamente, uma curva de estabilidade pode ser gerada a partir dos parâmetros constantes na equação integrada de Gibbs-Helmholtz (LiCata e Liu (2011)):

$$\Delta G(T) = \Delta H_m(\frac{Tm - T}{Tm}) - \Delta C p[Tm - T(1 - \ln \frac{Tm}{T})])(\#eq : eqGibHelm)$$
 (10.35)

Assim, pode-se ilustrar uma curva de estabilidade pelo trecho de código que segue:

```
 \begin{array}{l} \text{Tm} <-85 \\ \text{dHm} <-180 \\ \text{dCp} <-3 \\ \text{x} <-0:80 \\ \\ \text{curve}(\text{dHm} * (1 - \text{x} / \text{Tm}) + \text{dCp} * ((\text{x} - \text{Tm} - \text{x} * \log(\text{x} / \text{Tm}))), \text{ xlim} = c(0, 80)) \text{ # Nicholson1996; Shellowship of the context of the
```

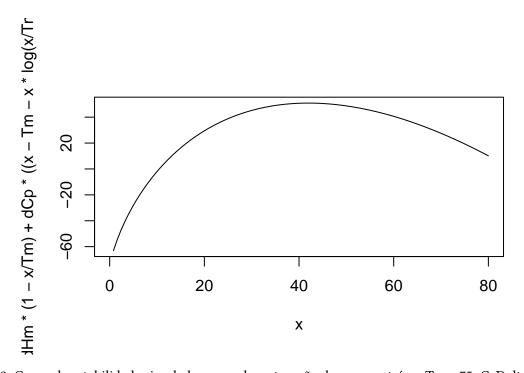


Figura 10.3: Curva de estabilidade simulada para a desnaturação de uma proteína. Tm = 75oC, DeltaHm = 180 kcal/mol, e DeltaCp = 3 kcal/mol/K.

10.7 Relação Quantitativa Estrutura-Função (QSAR) e Ajuste Multilinear

Os mesmos procedimentos empregados à solução de problemas matriciais, especificamente junto à equação @ref(eq:linMatr), podem acomodar também uma análise de *QSAR (Quantitaive Structure-Function Relationship*) de interesse. Por exemplo, derivados de benzodiazepinona (TIBO) são conhecidos inibir a transcriptase reversa (Tong et al. 2018), enzima que catalisa a conversão de RNA em DNA viral na síndrome de deficiência imunológica adquirida (SIDA). Nesse sentido, observações derivadas do estudo de QSAR podem contribuir para o desenho de potenciais inibidores da transcriptase do HIV. Assim, Tong e cols. propuseram um modelo preditivo multilinear relacionando algumas propriedades de análogos de TIBO com atividade biológica, como segue:

$$pIC_{50} = x_0 + x_1 * S + x_2 * W(\#eq : eqTIBO)$$
 (10.36)

|Onde pIC_{50} representa a atividade biológica aferida ($-log\ IC_{50}$), S indexa valores de solubilidade, e W refere-se a parâmetro de largura do primeiro átomo do grupo substituinte. Esses dados são tabelados abaixo:

```
grupo <- c("H", "C1", "SCH3", "OCH3", "CN", "CHO", "Br", "CH3", "CCH") # grupos substituintes em TIBO S <- c(3.53, 4.24, 4.09, 3.45, 2.96, 2.89, 4.39, 4.03, 3.8) # parâmetro de solubilidade W <- c(1, 1.8, 1.7, 1.35, 1.6, 1.6, 1.95, 1.6, 1.6) # parâmetro de largura de grupo pIC50 <- c(7.36, 8.37, 8.3, 7.47, 7.25, 6.73, 8.52, 7.87, 7.53) # atividade biológica de TIBO tab.tibo <- data.frame(grupo, S, W, pIC50) knitr::kable(tab.tibo, caption = "dados multivariáveis de atividade biológica de TIBO e parâmetros pr
```

Tabela 10.2: dados multivariáveis de atividade biológica de TIBO e parâmetros preditivos.

grupo	S	W	pIC50
H	3.53	1.00	7.36
Cl	4.24	1.80	8.37
SCH3	4.09	1.70	8.30
OCH3	3.45	1.35	7.47
CN	2.96	1.60	7.25
CHO	2.89	1.60	6.73
Br	4.39	1.95	8.52
CH3	4.03	1.60	7.87
CCH	3.80	1.60	7.53

Observe que existem duas variáveis preditoras e uma variável dependente, e cuja solução pode ser encontrada por *ajuste multilinear ou linear múltiplo*. O R permite fazê-lo por ao menos duas formas: função interna de ajuste linear (1m) ou álgebra matricial.

10.7.1 Ajuste linear múltiplo por função 1m:

De forma simplificada, pode-se obter a expressão multivariável que define a relação das quantidades preditivas W e S com a atividade biológica de TIBO por:

lm.tibo <- lm(tab.tibo\$pIC50 ~ tab.tibo\$S + tab.tibo\$W) # comando para ajuste multilinear;</pre>

```
# Alternativamente,
# Im.tibo <- Im(cbind(S,W)~pIC50)
summary(lm.tibo)

Call:
lm(formula = tab.tibo$pIC50 ~ tab.tibo$S + tab.tibo$W)</pre>
```

Max

1Q

Median

-0.27636 -0.15649 0.02922 0.08911 0.24761

Residuals:

```
Coefficients:

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

(Intercept) 3.5903 0.5435 6.606 0.000579 ***

tab.tibo$$ 0.9571 0.1519 6.300 0.000746 ***

tab.tibo$$ 0.3619 0.3020 1.199 0.275888

---

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

3Q

```
Residual standard error: 0.2045 on 6 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.912, Adjusted R-squared: 0.8826 F-statistic: 31.07 on 2 and 6 DF, p-value: 0.0006826
```

Observe a forma mais direta de se atribuir variáveis já declaradas para uma função do R (*dataframe \$ vetor). Essa é maneira mais simples, pois independe de pacotes extras (como o dplyr), embora seja menos legível.

Expressando-se os resultados na função linear múltipla:

$$y = 5,75 + 0,14 * S + 0,95 * W(\#eq : eqTIBO2)$$
 (10.37)

10.7.2 Ajuste linear múltiplo por matrizes:

Os coeficientes beta obtidos acima podem ser também buscados por álgebra linear, utilizando-se a matriz b de atividade biológica e a matriz A contendo as variáveis independentes, essa também elaborada com valores unitários à esquerda, como antes, seguido da aplicação da equação @ref(eq:linMatr):

$$X = \begin{bmatrix} 1 & S_1 & W_1 \\ 1 & S_2 & W_2 \\ 1 & S_3 & W_3 \\ \dots & \dots \end{bmatrix}$$

```
# Criação das matrizes A e b
A <- matrix(c(rep(1, 9), S, W), nrow = 9, byrow = FALSE) # cria matriz com valor unitário necessário a
b <- as.matrix(pIC50, nrow = 1, byrow = FALSE) # vetor b

# Solução matricial do ajuste linear
beta <- solve(t(A) %*% A) %*% t(A) %*% b
beta</pre>
```

[,1] [1,] 3.5902556 [2,] 0.9571092 [3,] 0.3619292

Veja que os valores para os coeficientes são coincidentes. Na prática o procedimento de ajuste linear múltiplo pode ser utilizado, como no exemplo acima, para a predição de uma resposta (como pIC_{50}) em função de variáveis preditoras (como S e W).

Esse procedimento matricial multilinear também pode ser aplicado em outros tipo de análise multivariável, como experimento fatorial e metodologia de superfície de resposta. Isso decorre da própria natureza desses sistemas, quando lineares. Veja as aplicações abaixo. Mesmo para metodologia de superfície de resposta quadrática (onde os parâmetros variam com o quadrado das variáveis preditoras), também é possível a solução matricial (equação @ref(eq:linMatr)).

```
y = b_0 + b_1 * x, a juste linear y = b_0 + b_1 * x_1 + b_2 * x_2 + ... + b_n * x_n, a juste multilinear y = b_0 + b_1 * x_1 + b_2 * x_2 + ... + b_n * x_n, metodologia de su per (10.38)
```

Via de regra, todas as aplicações listadas em @ref(eq:eqsLineares) podem ser solucionadas com auxílio das relações matriciais das equações @ref(eq:linMatr) (ajustes linear, multilinear e superíficie de resposta linear) ou @ref(eq:eqAxb) (planejamentos fatoriais). A seguir são exemplificadas duas situações dessa natureza.

10.8 Rendimento de Reação & Planejamento Fatorial 2²

O *experimento fatorial* mais simples é o que se avalia a *resposta* de um experimento (rendimento, por ex) em que se variam dois *fatores* (temperatura e tipo de catalisador, por ex) em dois *níveis* cada (baixo e alto). A tabela elaborada no trecho abaixo a partir dos dados explicitados por Neto e cols (Neto, Scarminio, e Bruns 2010) exemplifica essa situação.

Dados do experimento

```
temp <- c(40, 60, 40, 60)
catalis <- c("A", "A", "B", "B")
rendim <- c(59, 90, 54, 68)

# Tabela do planejamento fatorial

tab.fat <- data.frame(temp, catalis, rendim)
knitr::kable(tab.fat, caption = "Dados de experimento fatorial (Neto e cols, 2010).", "pipe") # tab</pre>
```

Tabela 10.3: Dados de experimento fatorial (Neto e cols, 2010).

catalis	rendim
A	59
A	90
В	54
В	68
	A A B

Para conduzir a análise matricial dos dados é necessário converter a tabela de variáveis independentes (preditoras) em uma *matriz de planejamento codificada*, na qual valores altos (*nível superior*) são representados por +1 e valores baixos (*nível inferior*) por -1. Além disso, também é necessário atribuir-se +1 à 1a. coluna, e produzir uma 4a. coluna contendo o produto dos preditores codificados. Exemplificando, para temperatura a 40 (-1) e catalisador B (+1), a linha conterá o produto -1. Essa matriz final 4x4 é denominada *matriz de coeficientes de contraste*:

$$X = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ -1 & -1 & 1 & 1 \\ -1 & 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

Além disso, é necessário dividir a o resultado da operação matricial por um vetor escalar específico. Resumindo: elabora-se a matrix X codificada dos preditores, a matriz Y da resposta, aplica-se a equação @ref(eq:eqAxb), e divide-se o resultado por um vetor característico do planejamento fatorial 2^2 (c(4,2,2,2)). O trecho de código abaixo soluciona o problema levantado:

```
# Criação da matriz de planejamento codificada
X <- matrix(c(1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, 1, 1), nrow = 4, byrow = TRUE)
# Criação da matriz de rendimento
Y <- as.matrix(rendim)
# Determinação dos coeficientes beta:
beta <- t(X) %*% Y / c(4, 2, 2, 2)
beta</pre>
```

```
[,1]
[1,] 67.75
[2,] 22.50
[3,] -13.50
[4,] -8.50
```

Dessa forma, interpreta-se o resultado como:

$$\begin{pmatrix} M \\ T \\ C \\ TC \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 67,75 \\ 22,50 \\ -13,50 \\ -8,50 \end{pmatrix} (#eq:fator22)$$
(10.39)

Onde *M* representa a *média global* da resposta, *T* e *C* os *efeitos principais* (temperatura e catalisador), e *TC* o *efeito da interação*. Em síntese, os resultados sugerem que 1) a temperatura favoreceu o rendimento, especialmente para o catalisador A, 2) há redução do rendimento quando se substitui o catalisador A pelo B, e c) os maiores rendimentos são obtidos com o catalisador A na temperatura mais alta. Expressando-se esses resultados na função linear múltipla:

$$y = 67,75 + 22,5 * T - 13,5 * C - 8,5 * T * C(\#eq : eqFator)$$
 (10.40)

Curiosamente, chega-se aos mesmos resultados se, ao invés de aplicarmos a equação @ref(eq:eqAxb), utilizarmos a equação @ref(eq:linMatr), seguido de multiplicação (e não divisão) por outro vetor (c(1,2,2,2):

```
beta <- (solve(t(X) \%*\% X) \%*\% t(X) \%*\% Y) * c(1, 2, 2, 2) beta
```

[,1]
[1,] 67.75
[2,] 22.50
[3,] -13.50
[4,] -8.50

10.9 Metodologia de Superfície de Resposta (MSR)

Esta técnica estatística multivariável também é comumente empregada na modelagem de respostas influenciadas por mais de um fator, por vezes associada ao planejamento fatorial, e com vistas à otimização de uma resposta sem a necessidade de se avaliar todas as combinações possíveis. Isso pode ser particularmente útil quando se deseja otimizar um ensaio cuja resposta depende, por exemplo, de preditores escalares, como a faixa de concentração de determinado reagente e as condições de pH.

Exemplificando para uma superfície de resposta linear (Neto, Scarminio, e Bruns 2010), num ensaio em que se deseja verificar o melhor rendimento (rend, %) de uma reação variando-se 3 níveis de concentração de

10 Bioenergética

reagente (*conc*, %) e três velocidades de agitação magnética (*agit*, *rpm*), pode-se como dantes elaborar a *matriz de contrastes* a partir das informações da tabela que segue:

```
conc <- c(45, 55, 45, 55, 50, 50, 50)
agit <- c(90, 90, 110, 110, 100, 100, 100)
x1 <- c(-1, 1, -1, 1, 0, 0, 0)
x2 <- c(-1, -1, 1, 1, 0, 0, 0)
rendim <- c(69, 59, 78, 67, 68, 66, 69)

tab.msr <- data.frame(conc, agit, x1, x2, rendim)
knitr::kable(tab.msr, caption = "Dados de experimento de metodologia de superfície de resposta line</pre>
```

Tabela 10.4: Dados de experimento de metodologia de superfície de resposta linear (Neto e cols, 2010).

conc	agit	x1	x2	rendim
45	90	-1	-1	69
55	90	1	-1	59
45	110	-1	1	78
55	110	1	1	67
50	100	0	0	68
50	100	0	0	66
50	100	0	0	69

```
# Criação da matriz de coeficientes de contraste

X <- matrix(c(1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, 1, -1, 1, 0, 0, 0, -1, -1, 1, 1, 0, 0, 0), nrow = 7, byrow = # Criação da matriz de rendimento

Y <- as.matrix(rendim)

# Determinação dos coeficientes beta:
beta <- solve(t(X) %*% X) %*% t(X) %*% Y
beta
```

```
[,1]
[1,] 68.00
[2,] -5.25
[3,] 4.25
```

Dessa forma, a função linear que expressa a superfície de resposta será:

$$y = 68,00 - 5,25 * conc + 4,25 * agit(#eq : eqMsr)$$
 (10.41)

10.9.1 Superfície Quadrática de Resposta

Por vezes o modelo linear pode não adequar-se ao planejamento experimental, o que pode ser verificado por uma Análise de Variância (ANAVA) do experimento. Nesses casos pode-se aplicar uma metodologia de superfície quadrática, e que pode ser expressa como visto na equação @ref(eq:eqsLineares). Nesses casos é usual uma construção denominada planejamento em estrela que acrescenta ao planejamento inicial um idêntico rotacionado 45° , e cujos pontos novos estão distantes $\sqrt{2}$ unidades codificadas do ponto central. O exemplo abaixo pretende exemplificar essa metodologia.

```
conc <- c(30, 40, 30, 40, 35, 35, 35, 28, 35, 42, 35)
agit <- c(115, 115, 135, 135, 125, 125, 125, 125, 125, 139, 125, 119)
x1 <- c(-1, 1, -1, 1, 0, 0, 0, -sqrt(2), 0, sqrt(2), 0)
x2 <- c(-1, -1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, sqrt(2), 0, -sqrt(2))
rendim <- c(86, 85, 78, 84, 90, 88, 89, 81, 80, 86, 87)

tab.msr2 <- data.frame(conc, agit, x1, x2, rendim)
knitr::kable(tab.msr2, caption = "Dados de experimento de metodologia de superfície quadrática de resp</pre>
```

Tabela 10.5: Dados de experimento de metodologia de superfície quadrática de resposta (Neto e cols, 2010).

conc	agit	x1	x2	rendim
30	115	-1.000000	-1.000000	86
40	115	1.000000	-1.000000	85
30	135	-1.000000	1.000000	78
40	135	1.000000	1.000000	84
35	125	0.000000	0.000000	90
35	125	0.000000	0.000000	88
35	125	0.000000	0.000000	89
28	125	-1.414214	0.000000	81
35	139	0.000000	1.414214	80
42	125	1.414214	0.000000	86
35	119	0.000000	-1.414214	87

Dessa vez a matriz de coeficentes de contrastes expande-se para seis colunas em função dos termos x_1^2 , x_2^2 , e x_1x_2 , tornando-se:

$$\begin{pmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & -\sqrt(2) & 0 & 2 & 0 & 0 \\ 1 & \sqrt(2) & 0 & 2 & 0 & 0 \\ 1 & \sqrt(2) & 0 & 2 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -\sqrt(2) & 0 & 2 & 0 \end{pmatrix}$$
 (#eq: msr2) (10.42)

O procedimento para a supefície quadrática repete a operação matricial realizada com a linear:

```
# Criação da matriz de coeficientes de contraste para a superfície quadrática

X <- matrix(c(rep(1, 11), -1, 1, -1, 1, 0, 0, 0, -sqrt(2), 0, sqrt(2), 0, -1, -1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, # Criação da matriz de rendimento

Y <- as.matrix(rendim)

# Determinação dos coeficientes beta:
beta <- solve(t(X) %*% X) %*% t(X) %*% Y
beta
```

```
[,1]
[1,] 89.000000
[2,] 1.508883
[3,] -2.362437
[4,] -2.812500
[5,] -2.812500
[6,] 1.750000
```

O resultado expressa função quadrática de superfície encontrada, tal como segue:

$$y = 89,00 + 1,51 * x_1 - 2,36 * x_2 - 2,81 * x_1^2 - 2,81 * x_2^2 + 1,75 * x_1 * x_2 (\#eq : eqMsr2)$$
 (10.43)

Pelo resultado acima é possível prever-se as condições otimizadas para o ensaio. Nesse sentido, o R permite, por exemplo, a construção de um gráfico tridimensional que represente a função obtida, e sem a necessidade de pacote adicional: tal como segue:

```
x <- seq(-1, 1, 0.1) # preditor x
y <- seq(-1, 1, 0.1) # preditor y
mrs <- function(x, y) {
  89.00 + 1.51 * x - 2.36 * y - 2.81 * x^2 - 2.81 * y^2 + 1.75 * x * y</pre>
```

```
} # função aplicada aos preditores
z <- outer(x, y, mrs) # saída do gráfico 3D (resposta)
res <- persp(x, y, z, xlab = "x1", ylab = "x2", zlab = "z", shade = 0.4, theta = 30, phi = 15, ticktyp
pontos <- trans3d(x1, x2, rendim, pmat = res) # comando para adição de pontos experimentais
points(pontos, pch = 19, col = 1) # adição dos pontos</pre>
```

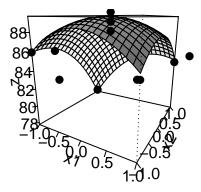


Figura 10.4: Superfície quadrática descrita pela equação de MSR com superposição dos valores experimentais.

Não obstante, existem para o R alguns pacotes para representação tridimensional de dados e funções (rgl, plot3D, scatterplot3d), como também para análise de planejamento fatorial (agricolae, afex, FMC), e de metodologia de superfície de resposta (rsm').

10.9.2 Uma palavra sobre matrizes e aplicações

Como já percebido, o emprego de matrizes extende-se a situações diversas, não necessariamente de cunho Bioquímico ou Biofísico, ajustes de dados, Lei de Hess ou Lambert-Beer, como também a construção de um cardápio (matriz de ingredientes de cada prato por preço de cada ingrediente), ou o gasto calórico diário em atividade física (matriz de carga horária semanal de cada atividade por matriz de gasto calórico da atividade). De fato, são ferramentas utilizadas em Bioinformática, Economia, Ecologia, Engenharia, e tantas outras áreas, satisfeitas as relações básicas entre as variáveis em estudo. Essas condições, por sua vez, nada representam além do que *a somatória de produtos*, em que esses se manifestam por quantidades declaradas no problema. Assim, uma pequena representação da afirmação acima poderia ilutrar-se singelamente como:

$$y = \sum_{n=1}^{\infty} (x_1 * x_2)(\#eq : soulMatrix)$$
(10.44)

11 Metabolismo

11.1 Rotas metabólicas & Balanceamento de Reações

O metabolismo se dá uma intrincada rede de reações químicas catalisadas (ou não) por enzimas diversas, resultando numa rede equilibrada e dinâmica de processos autocatalíticos. Por vezes essa teia de reações pode ser observada no sem número dos chamados *mapas metabólicos* disponíveis, impressos ou na internet. Não obstante, os caminhos metabólicos são classificados para melhor compreensão em subconjuntos de reações pertinentes a determinado grupo de nutrientes ou compostos biológicos, como carboidratos, lipídios e ácidos nucleicos, por ex.

E numa visão mais ampliada desses subconjuntos, uma classificação ulterior resulta por diversas em reações bioquímicas sequenciais e interdependentes, as chamadas *vias ou rotas metabólicas*. Essas vias metabólicas sumarizam processos *catabólicos* ou *anabólicos* envolvendo substratos, produtos, enzimas, cofatores e coenzimas, tal como ilustrado na *glicólise*, *gliconeogênese*, *glicogenólise*, *ciclo do ácido cítrico*, *cadeia respiratória*, *via das pentoses*, β-oxidação de ácidos graxos, entre outras.

Dessa forma pode-se considerar uma rota metabólica como uma combinação linear de reações catalisadas enzimaticamente (ex: glicólise anaeróbia). Em adição, também pode-se considerar as reações bioquímicas como equações bioquímicas, e portanto como um sistema linear de equações bioquímicas com resolução por álgebra linear. Assim, pode-se empregar relações matriciais para solucionar o balanceamento estequiométrico (massa e carga), obtendo-se a reação líquida final a partir de um conjunto de reações conhecidas. Em síntese, equações bioquímicas como equações matriciais (Alberty 1991).

11.2 Operação matricial

Aplicando-se álgebra linear é possível obter-se o balanceamento final de reações sequenciais pela relação que segue, também vista no capítulo @ref(Bioenerg):

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{jn} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & a_{jn} \end{pmatrix}, b = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ \dots \\ b_n \end{pmatrix}, y = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ \dots \\ y_n \end{pmatrix} (\#eq : mtrxGlic)$$

$$(11.1)$$

Nesse caso, A representa a matriz estequiométrica de reações e compostos, b o vetor de rota metabólica, e y o vetor da reação líquida balanceado. O vetor de rota indica o número de vezes necessário para cada reação ocorrer, de modo a produzir a reação líquida final. A matriz A é disposta de tal forma a apresentar cada reação em cada coluna, e cada reagente em cada linha, prenchendo-a com os coeficientes estequiométricos de reagentes

e produtos. Para esses, é necessário apresentar sinal positivo para produtos (são formados) e negativo para reagentes (são consumidos).

A operação matricial para a obtenção da reação líquida envolve apenas um produto cruzado, tal que:

$$A * b = y(\#eq : eqMtrxDot)$$
 (11.2)

11.2.1 Obtenção do vetor de rota metabólica para a glicólise aeróbia:

Supondo-se conhecer a reação líquida resumida para um conjunto de reações metabólicas, como a glicólise aeróbia (por sua vez agregando glicólise anaeróbia, ciclo do ácido cítrico e fosforilação oxidativa), pode-se facilmente obter-se o vetor de rotas. A partir desse vetor de rotas calculado, é possível obter-se o a reação líquida final do conjunto reações mais detalhado. Na prática, esse detalhamento envolve a participação de coenzimas de oxi-redução, ADP, ATP, e Pi.

Exemplificando, considere as reações abaixo, referentes à uma síntese da glicólise (Alberty 1996):

$$glicose \leftrightarrows 2 \ piruvato piruvato + CoA \leftrightarrows acetil \ CoA + CO_2 acetil \ CoA + 3H_2O \leftrightarrows 2CO_2 + CoA \frac{1}{2}O_2 \leftrightarrows H_2O(\#eq : eqGlicoSimp)$$
 (11.3)

As reações sequenciais acima possuem como reação líquida resultante:

$$glicose + 6O_2 \leftrightharpoons 6CO_2 + 6H_2O(\#eq : eqGlicoSimpFin)$$
 (11.4)

Para se obter o vetor de rotas então, é necessário elaborar a relação matricial, tal que:

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -3 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1/2 \end{pmatrix} (\#eq : mtrxGlicSimp)$$

$$(11.5)$$

$$y = \begin{pmatrix} -1\\0\\6\\0\\0\\6\\-6 \end{pmatrix} (\#eq : mtrxGlicSimp2)$$
 (11.6)

Dessa forma, a solução para o vetor de rotas fica:

$$b = A^{-1} * y(\#eq : eqMtrxGlicSimp)$$
 (11.7)

Ocorre que o sistema linear para o conjunto de equações da via glicolítica é sobrestimado (há mais equações do que incógnitas), não permitindo a solução pela função solve de forma direta, como ilustrada no capítulo @ref(Bioenerg). Nesse caso, o vetor *b* pode ser obtido por solução de mínimos quadrados:

$$b = (A^T * A)^{-1} * A^T * y(\#eq : eqMtrxGlicMinQuad)$$
(11.8)

Resolvendo o vetor de rotas no R:

```
A <- matrix(c(-1, 0, 0, 0, 2, -1, 0, 0, 0, 0, -3, 1, 0, -1, 1, 0, 0, 1, -1, 0, 0, 1, 2, 0, 0, 0, 0, -1 rownames(A) <- list("glicose", "piruvato", "H2O", "CoA", "acetil CoA", "CO2", "O2") # etiquetas dos re A # matriz A de reações
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
glicose
             -1
piruvato
              2
                  -1
                        0.0
H20
                       -3 1.0
                  -1
CoA
                       1 0.0
acetil CoA
              0
                   1
                       -1 0.0
              0
                        2 0.0
CO2
                   1
02
                   0
                        0 - 0.5
```

```
y <- c(-1, 0, 6, 0, 0, 6, -6) # vetor y de rotas
solve(t(A) %*% A) %*% t(A) %*% y
```

```
[,1]
[1,] 1
[2,] 2
[3,] 2
[4,] 12
```

11.2.2 Obtenção do balanceamento de ATP, ADP, Pi e coenzimas de oxi-redução na glicólise

Com o vetor de rotas obtido ({1,2,2,12}), agora é possível aplicá-lo a um conjunto mais extenso de equações da glicólise, para dessa vez solucionar o balanceamento das reações envolvendo coenzimas de oxi-redução, ATP, ADP, e Pi:

```
glicose+2Pi+2ADP+2NAD^+ \Leftrightarrow 2 \ piruvato+2ATP+2NADH+2H_2O, gliclise \ anaerbia, piruvato+CoA+NAD^+ \Leftrightarrow acetil-CoA-(11.9)
```

Vale ressaltar uma simplificação pela substituição de GTP e GDP por ATP e ADP (ciclo de Krebs), uma vez que são interconversíveis no metabolismo. Também se assume para simplificação a interconversão de FAD e NAD na reação líquida (Alberty 1996) :

$$FADH + NAD^{+} \leftrightharpoons FAD + NADH(\#eq : eqNadFad)$$
 (11.10)

De posse das reações presentes na Eq.@ref(eq:eqGlicoPlus) e do vetor de rotas obtido anteriormente, pode-se construir a nova matriz estequiométrica e aplicar a solução de mínimos quadrados (Eq. @(eq:eqMtrxGlicMinQuad) para se obter a reação líquida da glicólise. E para isso basta aplicar a Eq. @(eq:eqMtrxDot) de produto cruzado:

```
A <- matrix(c(-1, 0, 0, 0, -2, 0, -1, -3, -2, 0, -1, -3, -2, -1, -4, 1, 2, -1, 0, 0, 2, 0, 1, 3, 2, rownames(A) <- list("glicose", "Pi", "ADP", "NAD", "piruvato", "ATP", "NADH", "H2O", "CoA", "acetil A # matriz A de reações
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
glicose
              -1
                         0.0
Ρi
              -2
                        -1 -3.0
ADP
              -2
                        -1 -3.0
              -2
                   - 1
NAD
                        -4 1.0
              2
                   -1
                         0.0
piruvato
               2
                    0
ATP
                         1 3.0
NADH
               2
                   1
                         4 -1.0
                    0
H20
                        -2 4.0
CoA
                   -1
                         1 0.0
                    1
                        -1 0.0
acetil CoA
              0
CO2
              0
                    1
                         2 0.0
02
              0
                    0
                         0 - 0.5
```

```
y <- c(1, 2, 2, 12) # vetor y de rotas

A %*% y
```

```
[,1]
glicose -1
Pi -40
ADP -40
NAD 0
```

piruvato	0
ATP	40
NADH	0
H2O	46
CoA	0
acetil CoA	0
CO2	6
02	-6

```
# solve(t(A)%*%A)%*%t(A)%*%y
```

A partir desse resultado pode-se montar a reação líquida final da via glicolítica como:

$$glicose + 6O_2 + 40ADP + 40Pi \Leftrightarrow 6CO_2 + 40ATP(\#eq : eqBalGlico)$$
 (11.11)

O exemplo acima ilustra o emprego de álgebra matricial para a solução de problemas de balanceamento de reações bioquímicas. Por sua natureza trata-se de método abrangente e de natureza algorítmica (portanto, programável), embora não seja o único. Outras propostas de solução para o balanceamento e conservação de massa e carga englobam a *inspeção direta* por triagem e erro a partir de regras mnemônicas, o balanceamento por *método de meia-equação*, e o *método de número de oxidação*, não discutidos aqui.

12 Redes Metabólicas

Podemos considerar o metabolismo celular como uma rede de vias metabólicas retroalimentadas homeostaticamente. Se observarmos com ampliação qualquer uma das reações bioquímicas envolvidas nessa teia complexo, poderemos identificar uma *caixa preta* comum a todas:

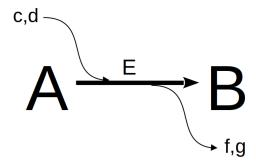


Figura 12.1: Uma representação da caixa preta de reações enzimáticas. E = enzima c, d = cofatores, coenzimas, modificadores; f,g = compostos secundários resultantes da catálise.

Ainda que a representação acima possa envolver reações em equilíbrio (duplas setas), ou mesmo a ausência do catalisador, a imagem generaliza reações bioquímicas individuais partícipes de qualquer *mapa metabólico*. Se desejarmos agora avaliar o consumo do composto *A* (reagente, substrato) e resultante formação do composto *B* (produto), ou seja, os teores dos compostos num intervalo de tempo, podemos considerar, como visto no capítulo @ref(Enzimas), a reação acima como de 1a. ordem em ambos, reagente e produto:

$$A \rightarrow B(\#eq : ABirrev) \tag{12.1}$$

Dessa forma, pode-se considerar a velocidade de reação como a variação de A ou B no tempo como:

$$v = \frac{dy}{dx} = -\frac{dA}{dt} = \frac{dB}{dt}(\#eq : dydx)$$
 (12.2)

Ou seja, quando há consumo, a taxa de variação apresenta-se negativa, e quando há formação, positiva. Separando as duas taxas:

$$\frac{dA}{dt} = -k * A; \frac{db}{dt} = k * B(\#eq : dAdt)$$
 (12.3)

E dessa forma, para se calcular a variação em cada composto ao longo de um intervalo de tempo:

$$dA = -k * A * dt; dB = k * A * dt(\#eq : dAdB)$$
(12.4)

Observe que estamos diante de um *sistema de equações diferenciais*, nominalmente *ordinárias*, já que as alterações no tempos ocorrem um função de um único parâmetro (concentração das espécies). Caso constituisse de um sistema dependente em mais de um parâmetro, estaríamos tratando de equações diferenciais *parciais* (comuns nas relações termodinâmicas que envolvem modificações com variação de volume, temperatura, e pressão).

Algumas equações diferenciais podem ser analiticamente resolvidas, como as que envolvem o crescimento exponencial bacteriano:

$$\frac{dN}{dt} = -k * N; \ N(t) = N_0 * e^{-kt}; (N = N_0 em t = 0)(\#eq : expDecay)$$
 (12.5)

12.1 Solução numérica para sistema de equações diferenciais

Por outro lado, quando uma equação ou sistema de equações diferenciais possui certa complexidade para a solução analítica, busca-se a solução numérica. Ainda que existam diversas bibliotecas para a solução de equações diferenciais pelo R (deSolve,pracma, 1soda), alguns sistemas simples podem ser resolvidos com os pacotes básicos de instalação:

O procedimento mais simples emprega o $m\acute{e}todo\ de\ Euler$. A ideia básica do método consiste em integrar uma função diferencial de variação infinitesimal na variável independente (no caso, o tempo), para uma relação real, e a partir de valores iniciais fornecidos. Simplificando, o valor da função corresponderá ao acréscimo do incremento dy para cada intervalo dx, a partir da relação de cada reação envolvida na transformação dos compostos. Exemplificando para as reações presentes na Eq. @ref(eq:dAdB):

```
k <- 0.5 # constante cinética de catálise

dt <- .005

tmax <- 3 # intervalo de tempo & tempo máximo

t <- seq(0, tmax, dt) # vetor de tempo

n <- tmax / dt + 1 # no. de pontos da simulação (necessário o acréscimo de 1 para que vetores fique x <- matrix(rep(0, 2 * n), nrow = 2, ncol = n) # construção da matriz de uma linha pra cada compost x[1, 1] <- 1

x[2, 1] <- 0 # valores iniciais de concentração

for (i in 2:n) {

    dA <- -k * x[1, i - 1] * dt # dB

x[1, i] <- x[1, i - 1] + dA # variação em A com acrécimo dA

x[2, i] <- x[2, i - 1] + dB # variação em B com acréscimo dB

# laço que acrescenta a cada intervalo dt o valor do novo teor para cada composto
```

```
plot(t, x[1, ],
    type = "1", lty = 1,
    xlab = "tempo, s", ylab = "[espécie], M", ylim = c(0, 1.025),
    bty = "1"
) # gráfico do composto 1
lines(t, x[2, ], lty = 2, col = 2) # adição do gráfico do composto 2
legend(
    x = 2, 5, y = 1, legend = c("A", "B"), col = c(1, 2), cex = 1,
    lty = c(1, 2)
)
```

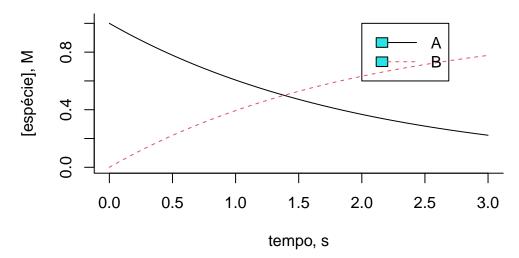


Figura 12.2: Solução de sistema de equações diferenciais por método de Euler para conversão de 1a. ordem da espécie A em B, a uma taxa cinética k.

Experimente variar a constante cinética k, ou os valores iniciais para cada composto, e observe o efeito resultante. As reações metabólicas por diversas vezes apresentam interconversões entre compostos, tal que um substrato da reação também pode configurar-se como produto de catálise da mesma, e com taxas cinéticas de síntese (k) e degradação (km), ou k minus) para cada composto, como segue:

$$A \underset{km}{\rightleftharpoons} B(\#eq : ABrever) \tag{12.6}$$

Nesse caso, o sistema de equações diferenciais ficará:

$$dA = -k * A * dt + km * B * dt; dB = k * A * dt - km * B * dt(\#eq : dABrev)$$

$$(12.7)$$

Implementando-se o trecho de código no R:

```
k < -0.5
km <- 0.5 # constantes cinéticas de catálise
dt <- .005
tmax <- 10 # intervalo de tempo & tempo máximo
t <- seq(0, tmax, dt) # define vetor de tempo
n <- tmax / dt + 1 # define no. de pontos
x <- matrix(rep(0, 2 * n), nrow = 2, ncol = n) # constroi matriz de uma linha pra cada composto, e
x[1, 1] < -1
x[2, 1] <- 1 # valores iniciais de concetração
for (i in 2:n) {
  dA \leftarrow -k * x[1, i - 1] * dt + km * x[2, i - 1] * dt
  dB \leftarrow k * x[1, i - 1] * dt - km * x[2, i - 1] * dt
  x[1, i] \leftarrow x[1, i - 1] + dA
  x[2, i] \leftarrow x[2, i - 1] + dB
  # laço que acrescenta a cada intervalo dt o valor de novo teor para cada composto
}
plot(t, x[1, ],
  type = "1", 1ty = 1,
  xlab = "tempo, s", ylab = "[espécie], M", ylim = c(0, 2), bty = "l"
) # gráfico do composto 1
lines(t, x[2, ], lty = 2, col = 2) # adição do gráfico do composto 2
legend(
  x = 2, 5, y = 2, legend = c("A", "B"), col = c(1, 2), cex = 1,
  1ty = c(1, 2)
)
```

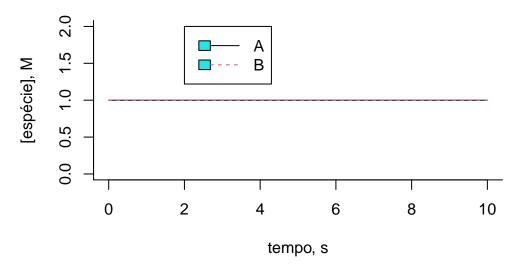


Figura 12.3: Solução numérica para a conversão reversível da espécie A em B. k = km = 0,5; Ao e Bo = 1 (teores iniciais).

Observe que os teores de A e B permanecem constantes ao longo do intervalo. Isso decorre dos valores idênticos das constantes cinéticas para cada reação direta e reversa, bem como dos teores iniciais para cada composto. Ilustrando uma variação desses:

```
k < -0.5
km <- 0.1 # constantes cinéticas de catálise
dt <- .005
tmax <- 10 # intervalo de tempo & tempo máximo
t <- seq(0, tmax, dt) # define vetor de tempo
n <- tmax / dt + 1 # define no. de pontos
x <- matrix(rep(0, 2 * n), nrow = 2, ncol = n) # constroi matriz de uma linha pra cada composto, e uma
x[1, 1] < -1
x[2, 1] <- 0.2 # valores iniciais de concetração
for (i in 2:n) {
  dA \leftarrow -k * x[1, i - 1] * dt + km * x[2, i - 1] * dt
  dB \leftarrow k * x[1, i - 1] * dt - km * x[2, i - 1] * dt
  x[1, i] \leftarrow x[1, i - 1] + dA
  x[2, i] \leftarrow x[2, i - 1] + dB
  # laço que acrescenta a cada intervalo dt o valor de novo teor para cada composto
}
plot(t, x[1, ],
  type = "1", 1ty = 1,
  xlab = "tempo, s", ylab = "[espécie], M", ylim = c(0, 2), bty = "l"
) # gráfico do composto 1
lines(t, x[2, ], lty = 2, col = 2) # adição do gráfico do composto 2
legend(x = 2, 5, y = 2, legend = c("A", "B"), col = c(1, 2), cex = 1, lty = c(1, 2))
```

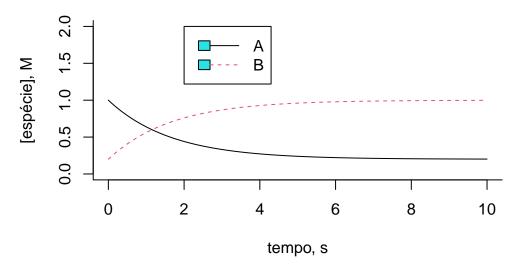


Figura 12.4: Solução numérica para a conversão reversível da espécie A em B. k = 0,5; km = 0,1; Ao = 1; Bo = 0,2 (teores iniciais).

12 Redes Metabólicas

Agora podemos imaginar uma reação um pouco mais complexa, como a ilustrada na Eq. @ref(eq:kinMM) abaixo:

$$A \underset{km1}{\rightleftharpoons} B \xrightarrow{k2} C(\#eq : kinMM)$$
 (12.8)

Nesse caso, o sistema de equações diferenciais será:

```
dA = -k1 * A * dt + km1 * B * dt; dB = k1 * A * dt - km1 * B * dt - k2 * B * dt; dC = k2 * B(\#eq : dMMkin) (12.9)
```

Implementando-se o trecho de código:

```
k1 < -0.5
km1 < -0.1
k2 <- 1 # constantes cinéticas de catálise
dt <- .005
tmax <- 3 # intervalo de tempo & tempo máximo
t <- seq(0, tmax, dt) # define vetor de tempo
n <- tmax / dt + 1 # define no. de pontos
x <- matrix(rep(0, 3 * n), nrow = 3, ncol = n) # constroi matriz de uma linha pra cada composto, e
x[1, 1] < -1
x[2, 1] < 0
x[3, 1] <- 0 # valores iniciais de concentração
for (i in 2:n) {
  dA \leftarrow -k1 * x[1, i - 1] * dt + km1 * x[2, i - 1] * dt
  dB \leftarrow k1 * x[1, i - 1] * dt - (km1 + k2) * x[2, i - 1] * dt
  dC \leftarrow k2 * x[2, i - 1] * dt
  x[1, i] \leftarrow x[1, i - 1] + dA
  x[2, i] \leftarrow x[2, i - 1] + dB
 x[3, i] <- x[3, i - 1] + dC # laço que acrescenta a cada intervalo dt o valor de novo teor para c
}
plot(t, x[1, ],
 type = "1", 1ty = 1,
 xlab = "tempo, s", ylab = "[espécie], M", ylim = c(0, 1.025), bty = "l"
) # gráfico do composto 1
lines(t, x[2, ], lty = 2, col = 2) # adição do gráfico do composto 2
lines(t, x[3, ], lty = 3, col = 3) # adição do gráfico do composto 3
legend(x = 2, 5, y = 1, legend = c("A", "B", "C"), col = c(1, 2, 3), cex = 1, lty = c(1, 2, 3))
```

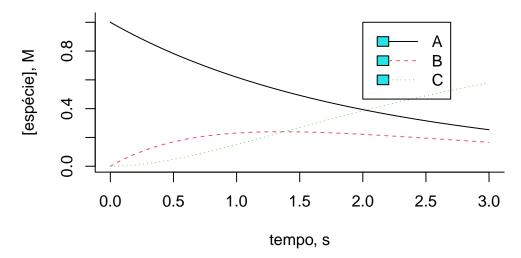


Figura 12.5: Solução de Euler para uma cinética de 3 compostos. k1 = 0,5; k2 = 1; km1 = 0,1. Teores iniciais: Ao = 1; Bo = 0; Co = 0.

Observe que a Eq. @ref(eq:dMMkin) acima reflete uma catálise de Michaelis-Mentem, embora considerando o teor da enzima E como constante e, portanto, independente da reação (ordem zero). E observe também que o gráfico @ref(fig:MMdiffeq) traduz, de certa forma, a condição Briggs-Haldane do estado estacionário tratada no capítulo @ref(Enzimas) sobre Enzimas. Note que a variação de B, refletida nessa condição como o complexo ES, mantém-se relativamente constante por determinado intervalo de tempo, sendo produzida pela colisão com a enzima E, e desconstruida tanto por sua conversão a E + P (no caso, C), como por sua reversão a E + S (no caso, A).

Para uma reação um pouco mais complexa:

$$\begin{array}{ccc}
k_1 & k_2 \\
A \rightleftharpoons B \rightleftharpoons C(\#eq : ABCrev) \\
km_1 & km_2
\end{array} \tag{12.10}$$

O que sugere o seguinte trecho de código no R:

```
# Forward and reverse rate constants
k1 <- 3
km1 <- 1
k2 <- 4
km2 <- 0.7
dt <- .005
tmax <- 10
t <- seq(0, tmax, dt)
n <- tmax / dt + 1
x <- matrix(rep(0, 3 * n), nrow = 3, ncol = n)
x[1, 1] <- 1</pre>
```

```
x[2, 1] < 0
x[3, 1] < 0
for (i in 2:n) {
  dA \leftarrow -k1 * x[1, i - 1] * dt + km1 * x[2, i - 1] * dt
  dB \leftarrow k1 * x[1, i - 1] * dt - (km1 + k2) * x[2, i - 1] * dt +
    km2 * x[3, i - 1] * dt
  dC \leftarrow k2 * x[2, i - 1] * dt - km2 * x[3, i - 1] * dt
  x[1, i] \leftarrow x[1, i - 1] + dA
  x[2, i] \leftarrow x[2, i - 1] + dB
  x[3, i] \leftarrow x[3, i - 1] + dC
}
plot(t, x[1, ],
  type = "1", 1ty = 1,
  xlab = "tempo, s", ylab = "[espécie], mol/L",
  ylim = c(0, 1.025), bty = "1"
)
lines(t, x[2, ], col = 2, lty = 2)
lines(t, x[3, ], col = 3, lty = 3)
legend(x = 8, y = 0.6, legend = c("A", "B", "C"), col = c(1, 2, 3), cex = 1, lty = c(1, 2, 3))
```

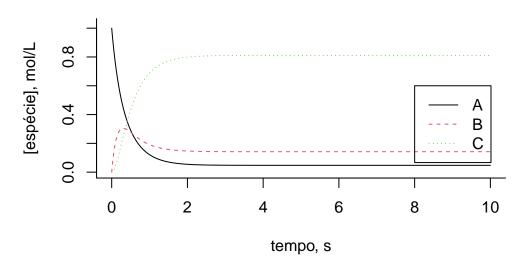


Figura 12.6: Solução de Euler para uma cinética reversível de 3 compostos. k1 = 1; km1 = 3; k2 = 5; km1 = 0,1. Teores iniciais: Ao = 1; Bo = 0; Co = 0.

Agora, suponha uma cadeia mais complexa de reações bioquímicas, com moduladores alostéricos negativos (inibição, *ki*) e positivos (ativação, *ka*) para determinadas enzimas. O exemplo abaixo ilustra essa situação:

Assim, o conjunto de reações da rede metabólica acima pode ser equacionado como:

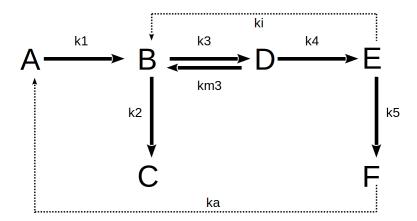


Figura 12.7: Um exemplo de reações bioquímicas em rota metabólica fictícia. As setas pontilhadas juntamente aos valores de ki e ka representam modulações alostéricas com respectivas constantes de inibição e ativação enzimáticas.

```
dA = -k1*A*dt + ka*F*dt; dB = k1*A*dt + km3*D*dt - k3*B*dt - k2*B*dt - ki*E*dt; dC = k2*B*dt; dD = k3*B*dt - km3*D*dt -
```

Pode-se elaborar o trecho de código que segue para a solução numérica de Euler que envolve as equações dif

```
# Constantes cinéticas e alostéricas
k1 < -2
k2 < -0.5
k3 < -0.7
km3 < -0.3
k4 <- 5
k5 < -1
ki <- 0.3 # constante de inibição
ka <- 0.2 # constante de ativação
dt <- .005
tmax <- 10
t \leftarrow seq(0, tmax, dt)
n \leftarrow tmax / dt + 1
x \leftarrow matrix(rep(0, 6 * n), nrow = 6, ncol = n)
# Valores iniciais dos compostos
x[1, 1] \leftarrow 1
x[2, 1] < 0
x[3, 1] < 0
x[4, 1] < -1
x[5, 1] < 0
```

```
x[6, 1] < 0
for (i in 2:n) {
  # sistema de equações inserido na matriz dos intervalos
  dA \leftarrow -k1 * x[1, i - 1] * dt + ka * x[6, i - 1] * dt
  dB \leftarrow k1 * x[1, i-1] * dt + km3 * x[4, i-1] * dt - k3 * x[2, i-1] * dt - k2 * x[2, i-1] *
  dC \leftarrow k2 * x[2, i - 1] * dt
  dD \leftarrow k3 * x[2, i - 1] * dt - km3 * x[4, i - 1] * dt - k4 * x[4, i - 1] * dt
  dE \leftarrow k4 * x[4, i - 1] * dt - k5 * x[5, i - 1] * dt
  dF \leftarrow k5 * x[5, i - 1] * dt - ka * x[6, i - 1] * dt
  # Adição dy aos valores de y
  x[1, i] \leftarrow x[1, i - 1] + dA
  x[2, i] \leftarrow x[2, i - 1] + dB
  x[3, i] \leftarrow x[3, i - 1] + dC
  x[4, i] \leftarrow x[4, i - 1] + dD
  x[5, i] \leftarrow x[5, i - 1] + dE
  x[6, i] \leftarrow x[6, i - 1] + dF
# Elaboração dos gráficos cinéticos
plot(t, x[1, ],
  type = "1", 1ty = 1,
  xlab = "tempo,s", ylab = "[espécie], mol/L", ylim = c(0, 1.025), bty = "l"
)
lines(t, x[2, ], col = 2, lty = 2)
lines(t, x[3, ], col = 3, lty = 3)
lines(t, x[4, ], col = 4, lty = 4)
lines(t, x[5, ], col = 5, lty = 5)
lines(t, x[6, ], col = 6, lty = 6)
legend(x = 6.5, y = 0.65, legend = c("A", "B", "C", "D", "E", "F"), col = c(1, 2, 3, 4, 5, 6), cex
```

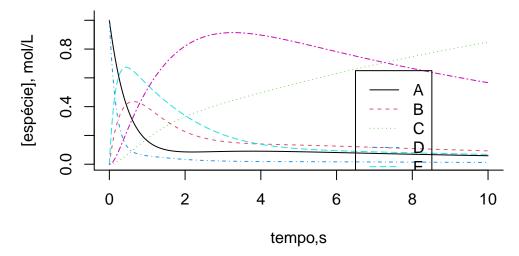


Figura 12.8: Solução para uma via metabólica fictícia apresentando inibição (ki) e ativação (ka) alostéricas. Taxas cinéticas: k1 = 2, k2 = 0,5, k3 = 0,7, km3 = 0,3, k4 = 5, k5 = 1, ki = 0,3, ka = 0.2. Valores iniciais dos compostos: A=1; B, C, D, E, F = 0

Altere as constantes cinéticas e/ou alostéricas do sistema acima e observe o efeito em cada um dos compostos. De modo geral, a solução de Euler aplicada a sistemas de complexidade crescente, como uma rede metabólica, pode apresentar desvios centrados na seleção do valor de dt, ou mesmo produzir valores inconsistentes. Para contornar essa situação utiliza-se outros algoritmos, tais como de Runge-Kutta de 2a., 3a, ou 4a. ordem, presentes nos pacotes do R, ou ainda por análise de sistemas.

12.2 Algumas reações do metabolismo da glicose

Para uma aplicação do método de *Runge-Kutta de 4a. ordem* é necessário instalar o pacote deSo1ve ou similar para a solução de sistema de equações diferenciais ordinárias de 1a. ordem ou diferenciais parciais. A biblioteca agrega funções que permitem um código mais enxuto e simples para a solução do sistema. Ilustrando sua aplicação, seguem algumas das muitas relações simples da rede metabólica que envolve a *glicólise*, *gliconeogênese*, *e via das pentoses* nas células:

Pode-se atribuir a essas relações as seguintes reações do metabolismo:

O trecho de código para a solução por Runge-Kutta pode ser o exemplificado a seguir, com resultados em dois gráficos; inicialmente com as curvas isoladas, e depois reunidas.

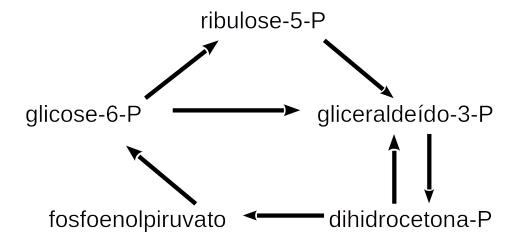


Figura 12.9: Algumas relações metabólicas envolvidas na glicólise, gliconeogênese e vias das pentoses.

```
library(deSolve)
# Parâmetros das reações
k1 < -0.1
k2 < -0.5
k3 < -0.05
k4 < -0.5
k5 < -0.2
parms \leftarrow c(k1, k2, k3, k4, k5)
# Valores iniciais para cada composto
G6P0 <- 1
R5P0 <- 0
G3P0 < -0.3
DHCP0 <- 0.1
PEP0 <- 0
# Intervalo de tempo
tmin < -0
tmax <- 20
dt <- 0.01
tempo <- seq(tmin, tmax, dt)</pre>
# Função para as derivadas das espécies no tempo
eq.dif <- function(tempo, x, parms) {
  # especificação dos compostos
  G6P < - x[1]
  R5P \leftarrow x[2]
```

```
G3P \leftarrow x[3]
  DHCP \leftarrow x[4]
  PEP \leftarrow x[5]
  # equações diferenciais
  dG6P \leftarrow -k1 * G6P + k3 * G3P^2 + k5 * PEP^2
  dR5P \leftarrow k1 * G6P - k4 * R5P
  dG3P \leftarrow -k2 * G3P * DHCP - k3 * G3P^2 + k4 * R5P
  dDHCP \leftarrow -k2 * G3P * DHCP
  dPEP \leftarrow k2 * G3P * DHCP - k5 * PEP^2
  list(c(dG6P, dR5P, dG3P, dDHCP, dPEP)) # incrementos das espécies
# Rotina de Isoda pra solução diferencial ordinária
out <- lsoda(c(G6P0, R5P0, G3P0, DHCP0, PEP0), tempo, eq.dif, parms,
  rtol = 1e-4, atol = 1e-6
)
# Saída do resultado em vetores pra cada quantidade (tempo e espécies)
t <- out[, 1]
G6P <- out[, 2]
R5P <- out[, 3]
G3P <- out[, 4]
DHCP <- out[, 5]
PEP <- out[, 6]</pre>
# Elaboração de gráficos verticais
par(mfrow = c(1, 5))
plot(t, G6P, type = "1")
plot(t, R5P, type = "1")
plot(t, G3P, type = "1")
plot(t, DHCP, type = "1")
plot(t, PEP, type = "1")
```

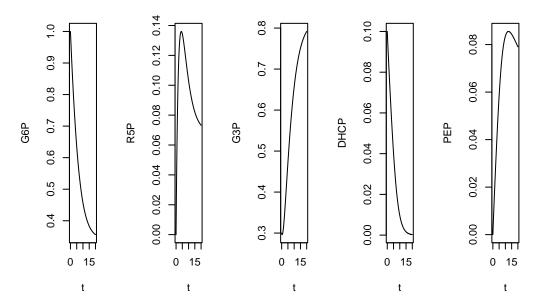


Figura 12.10: Cinética de conversões para uma rede metabólica simples envolvendo algumas reações da glicólise, gliconeogênese e via das pentoses. Valores das constantes cinéticas: k1 = 0.1; k2 = 0.5; k3 = 0.05; k4 = 0.5; k5 = 0.2. Valores iniciais dos compostos: G6P = 1; para os demais, 0.

```
# Elaboração de gráfico com todas as espécies
par(mfrow = c(1, 1))
plot(t, G6P, type = "l", col = 1, lty = 1, ylab = "[espécie]", ylim = c(0, 1))
lines(t, R5P, type = "l", col = 2, lty = 2)
lines(t, G3P, type = "l", col = 3, lty = 3)
lines(t, DHCP, type = "l", col = 4, lty = 4)
lines(t, PEP, type = "l", col = 5, lty = 5)
legend(x = 10, y = 1, legend = c("G6P", "R5P", "G3P", "DHCP", "PEP"), col = c(1, 2, 3, 4, 5), cex =
```

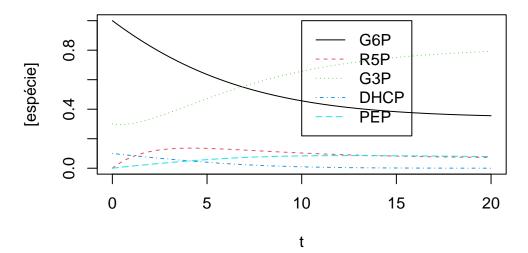


Figura 12.11: Cinética de conversões para uma rede metabólica simples envolvendo algumas reações da glicólise, gliconeogênese e via das pentoses. Valores das constantes cinéticas: k1 = 0,1; k2 = 0,5; k3 = 0,05; k4 = 0,5; k5 = 0,2. Valores iniciais dos compostos: G6P = 1; para os demais, 0.

Perceba que, pelas quantidades oferecidas à simulação, ou seja, constantes cinéticas e valores iniciais, G3P e PEP registram um intervalo significativo em elevação, também coincidente por sua presença em várias das relações da Eq. @ref(eq:redeMetab1)

12.3 Cinética do metabolismo de 6-mercaptopurina

Elevando um pouco a complexidade de redes metabólicas, pode-se exemplificar o metabolismo celular da 6-mercaptopurina (6-MP) em função do teor de ATP celular (Lavrova et al. 2017). Como antagonista da purina, o fármaco é empregado na quimioterapia para o tratamento de leucemia linfocítica, interrompendo o crescimento celular, embora produzindo efeitos colaterais citotóxicos advindos de reações com o grupo tiol.

A Figura @ref(fig:6MP) representa um esquema simplificado do metabolismo de 6-MP. As concentrações das espécies e constantes cinéticas originam-se dos valores de concentração em μ mol/mL, e tempo em dias.

Para as 10 reações referentes às ODEs que compõem a representação do metabolismo de 6-MP (Lavrova et al. 2017), o trecho de código abaixo implementa a solução por Runge-Kutta de 4a. ordem pela função 1soda:

```
library(deSolve)

# Parâmetros

k0 <- 5

k1 <- 10

k2 <- 10

k3 <- 5

k4 <- 1e-5

k7 <- 0.01

k8 <- 0.5
```

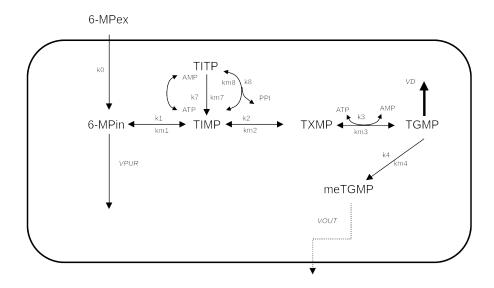


Figura 12.12: Metabolismo esquemático simplificado para o metabolismo de 6-mercaptopurina (adaptado de Lavrova et al., 2017).

```
km7 < -1
km1 < -0.01
km2 < -4
km3 < -0.01
km4 < -0.1
km8 < -0.01
VPUR <-0.01
VD < -0.9
VOUT <- 1e-4
# Lista de parâmetros
parms <- c(k0, k1, k2, k3, k4, k7, k8, km7, km1, km2, km3, km4, km8, VPUR, VD, VOUT)
# especificação dos compostos
MPex \leftarrow x[1]
MPin \leftarrow x[2]
TIMP <- x[3]
TXMP \leftarrow x[4]
TGMP \leftarrow x[5]
meTGMP \leftarrow x[6]
TITP \leftarrow x[7]
ATP \leftarrow x[8]
AMP \leftarrow x[9]
PP < - x[10]
# Concentrações iniciais das espécies
reag0 <- c(MPex0 = 0.68, MPin0 = 0, TIMP0 = 0, TXMP0 = 0, TGMP0 = 0, meTGMP0 = 0, TITP0 = 0, ATP0 =
```

```
# Definição do intervalo de tempo
tmin < -0
tmax < -2
dt < -0.01
tempo <- seq(tmin, tmax, dt)
# Função para as derivadas de cada espécie
eq.dif <- function(tempo, x, parms) {
  # Definição de parâmetros
  MPex \leftarrow x[1]
  MPin \leftarrow x[2]
  TIMP \leftarrow x[3]
  TXMP \leftarrow x[4]
  TGMP \leftarrow x[5]
  meTGMP \leftarrow x[6]
  TITP \leftarrow x[7]
  ATP \leftarrow x[8]
  AMP \leftarrow x[9]
  PP < - x[10]
  # Equações diferenciais
  dMPex < - -k0 * MPex
  dMPin \leftarrow -(VPUR + k1) * MPin + k0 * MPex + km1 * TIMP
  dTIMP <- k1 * MPin + km8 * TITP - (k2 + k7 * ATP + km1 + k8 * PP) * TIMP + km2 * TXMP + km7 * TITP *
  dTXMP <- k2 * TIMP - k3 * TXMP * ATP - km2 * TXMP + km3 * TGMP * AMP * PP
  dTGMP <- k3 * TXMP * ATP - (k4 + VD) * TGMP - km3 * TGMP * AMP * PP + km4 * meTGMP
  dmeTGMP <- k4 * TGMP - VOUT * meTGMP - km4 * meTGMP
  dTITP <- k8 * TIMP * PP - km8 * TITP + k7 * TIMP * ATP - km7 * TITP * AMP
  datp <- -k7 * TIMP * ATP + km3 * TGMP * AMP * PP - k3 * TXMP * ATP + km7 * TITP * AMP
  dAMP <- -km3 * TGMP * AMP * PP + k3 * TXMP * ATP + k7 * TIMP * ATP - km7 * TITP * AMP
  dPP <- -k8 * TIMP * PP + km8 * TITP - km3 * TGMP * AMP * PP + k3 * TXMP * ATP
  list(c(dMPex, dMPin, dTIMP, dTXMP, dTGMP, dmeTGMP, dTITP, dATP, dAMP, dPP)) # lista de valores difer
}
# Rotina de Isoda pra solução equações diferenc. ordinárias
sol.eq <- lsoda(reag0, tempo, eq.dif, parms,</pre>
  rtol = 1e-4, atol = 1e-6
# Isolamento das colunas de resultdos
t <- sol.eq[, 1]
MPex \leftarrow sol.eq[, 2]
MPin \leftarrow sol.eq[, 3]
TIMP \leftarrow sol.eq[, 4]
TXMP \leftarrow sol.eq[, 5]
TGMP <- sol.eq[, 6]
meTGMP <- sol.eq[, 7]</pre>
TITP <- sol.eq[, 8]
```

```
ATP <- sol.eq[, 9]

AMP <- sol.eq[, 10]

PP <- sol.eq[, 11]

# Elaboração do gráfico

plot(t, MPex, type = "l", xlab = "tempo, dias", ylab = "[espécie], umol/L")

lines(t, MPin, type = "l", col = 2, lty = 2)

lines(t, TIMP, type = "l", col = 3, lty = 3)

lines(t, TXMP, type = "l", col = 4, lty = 4)

lines(t, TGMP, type = "l", col = 5, lty = 5)

lines(t, meTGMP, type = "l", col = 6, lty = 6)

lines(t, TITP, type = "l", col = 7, lty = 7)

lines(t, ATP, type = "l", col = 8, lty = 8)

lines(t, AMP, type = "l", col = 9, lty = 9)

lines(t, PP, type = "l", col = 10, lty = 10)

legend(x = 1.5, y = 0.65, legend = c("MPex", "MPin", "TIMP", "TGMP", "meTGMP", "TITP", "ATP")
```

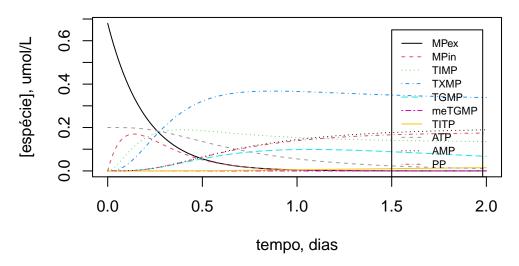


Figura 12.13: Dependência da dinâmica da rede metabólica de degradação de 6-mercaptopurina em função do teor inicial de ATP a 0,2 umol/L. Os valores iniciais e parâmetros são descritos no trecho de código.

Como a dinâmica de variação dos compostos é dependente do teor inicial de ATP celular, experimente variar esse valor inicial (ex: ATP0=2):

Observe que, com a redução de 10x no teor de ATP, TGMP e TIMP mantiveram teores mais estáveis ao longo do período.

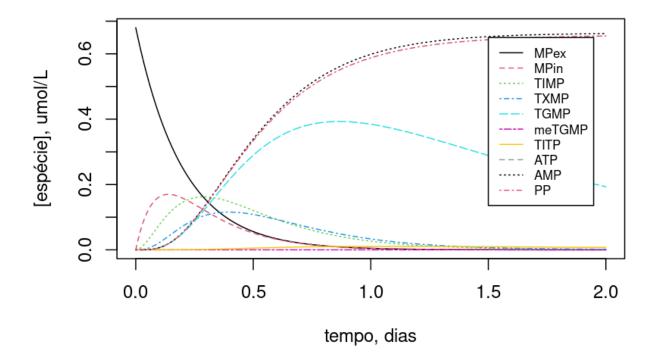


Figura 12.14: Dependência da dinâmica da rede metabólica de degradação de 6-mercaptopurina em função do teor inicial de ATP a 2 umol/L. Os valores iniciais e parâmetros são descritos no trecho de código.

Apêndice A

- Akaike, Hirotugu. 1974. "A new look at the statistical model identification". *IEEE transactions on automatic control* 19 (6): 716–23.
- Alberty, Robert A. 1991. "Chemical equations are actually matrix equations". *Journal of chemical education* 68 (12): 984.
- ——. 1996. "Calculation of biochemical net reactions and pathways by using matrix operations". *Biophysical journal* 71 (1): 507–15.
- Bhatti, Haq Nawaz, M Hamid Rashid, Rakhshanda Nawaz, A Mukhtar Khalid, Muhammad Asgher, e A Jabbar. 2007. "Effect of aniline coupling on kinetic and thermodynamic properties of Fusarium solani glucoamylase". *Applied microbiology and biotechnology* 73 (6): 1290–98.
- Bloomfield, Victor. 2009. Computer simulation and data analysis in molecular biology and biophysics: an introduction using R. Springer Science & Business Media.
- Cooper, Alan. 2004. "Thermodynamics and interactions". Em Biophysical Chemistry, 99-122.
- Creighton, Thomas E et al. 2010. *biophysical chemistry of nucleic acids & proteins*. Distributed by Gardners Books.
- Dahlquist, FW. 1978. "[13] The meaning of scatchard and hill plots". Methods in enzymology 48: 270-99.
- DeLean, A, PJ Munson, e Dl Rodbard. 1978. "Simultaneous analysis of families of sigmoidal curves: application to bioassay, radioligand assay, and physiological dose-response curves." *American Journal of Physiology-Endocrinology And Metabolism* 235 (2): E97.
- Duff, DG, e CH Giles. 1972. "Spectrophotometric determination of the critical micelle concentration of surfactants". *Journal of Colloid and Interface Science* 41 (3): 407–14.
- Edelhoch, Harold, e James C Osborne Jr. 1976. "The thermodynamic basis of the stability of proteins, nucleic acids, and membranes". *Advances in protein chemistry* 30: 183–250.
- Gandrud, Christopher. 2018. Reproducible research with R and RStudio. Chapman; Hall/CRC.
- Johnson, Kenneth A. 1992. "1 transient-state kinetic analysis of enzyme reaction pathways". Em *The enzymes*, 20:1–61. Elsevier.
- Khalil, Mutasim I. 2000. "Calculating enthalpy of reaction by a matrix method". *Journal of Chemical Education* 77 (2): 185.
- Lavrova, Anastasia I, Eugene B Postnikov, Andrey Yu Zyubin, e Svetlana V Babak. 2017. "Ordinary differential equations and Boolean networks in application to modelling of 6-mercaptopurine metabolism". *Royal Society Open Science* 4 (4): 160872.
- Leone, Francisco de Assis. 2021. Fundamentos de Cinética Enzimática. Appris Ed.
- LiCata, Vince J, e Chin-Chi Liu. 2011. "Analysis of free energy versus temperature curves in protein folding and macromolecular interactions". *Methods in enzymology* 488: 219–38.
- Michaelis, L., e ML Menten. 1913. "Die Kinetik der Invertinwirkung". Biochem Z 49 (4): 333–69.
- Neto, Benício Barros, Ieda Spacino Scarminio, e Roy Edward Bruns. 2010. Como Fazer Experimentos-: Pesquisa e Desenvolvimento na Ciência e na Indústria. Bookman Editora.
- Otaki, Joji M, Shunsuke Ienaka, Tomonori Gotoh, e Haruhiko Yamamoto. 2005. "Availability of short amino

- acid sequences in proteins". Protein science 14 (3): 617-25.
- Parsons, DL, e JJ Vallner. 1978. "Theoretical models for cooperative binding—I. one-site creator of binding sites". *Mathematical Biosciences* 41 (3-4): 189–215.
- Pauling, Linus. 1935. "The oxygen equilibrium of hemoglobin and its structural interpretation". *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America* 21 (4): 186.
- Po, Henry N, e NM Senozan. 2001. "The Henderson-Hasselbalch equation: its history and limitations". *Journal of Chemical Education* 78 (11): 1499.
- Ross, Philip D, e S Subramanian. 1981. "Thermodynamics of protein association reactions: forces contributing to stability". *Biochemistry* 20 (11): 3096–3102.
- Sarkar, Deepayan. 2008. Lattice: multivariate data visualization with R. Springer Science & Business Media.
- Scatchard, George. 1949. "The attractions of proteins for small molecules and ions". *Annals of the New York Academy of Sciences* 51 (4): 660–72.
- Spiess, Andrej-Nikolai, e Natalie Neumeyer. 2010. "An evaluation of R2 as an inadequate measure for nonlinear models in pharmacological and biochemical research: a Monte Carlo approach". *BMC pharmacology* 10 (1): 1–11.
- Tang, Lixia, Jeffrey H Lutje Spelberg, Marco W Fraaije, e Dick B Janssen. 2003. "Kinetic mechanism and enantioselectivity of halohydrin dehalogenase from Agrobacterium radiobacter". *Biochemistry* 42 (18): 5378–86.
- Tong, Jianbo, Shan Lei, Shangshang Qin, e Yang Wang. 2018. "QSAR studies of TIBO derivatives as HIV-1 reverse transcriptase inhibitors using HQSAR, CoMFA and CoMSIA". *Journal of Molecular Structure* 1168: 56–64.
- Traut, Thomas W. 2007. Allosteric regulatory enzymes. Springer Science & Business Media.
- Tyuma, Itiro, Kiyohiro Imai, e Katsuhiko Shimizu. 1973. "Analysis of oxygen equilibrium of hemoglobin and control mechanism of organic phosphates". *Biochemistry* 12 (8): 1491–98.
- Waelbroeck, Magali, E Van Obberghen, e P De Meyts. 1979. "Thermodynamics of the interaction of insulin with its receptor." *Journal of Biological Chemistry* 254 (16): 7736–40.
- Wickham, Hadley. 2011. "ggplot2". Wiley interdisciplinary reviews: computational statistics 3 (2): 180-85.
- Wilkinson, GN. 1961. "Statistical estimations in enzyme kinetics". Biochemical Journal 80 (2): 324-32.
- Yung-Chi, Cheng, e William H Prusoff. 1973. "Relationship between the inhibition constant (KI) and the concentration of inhibitor which causes 50 per cent inhibition (I50) of an enzymatic reaction". *Biochemical pharmacology* 22 (23): 3099–3108.