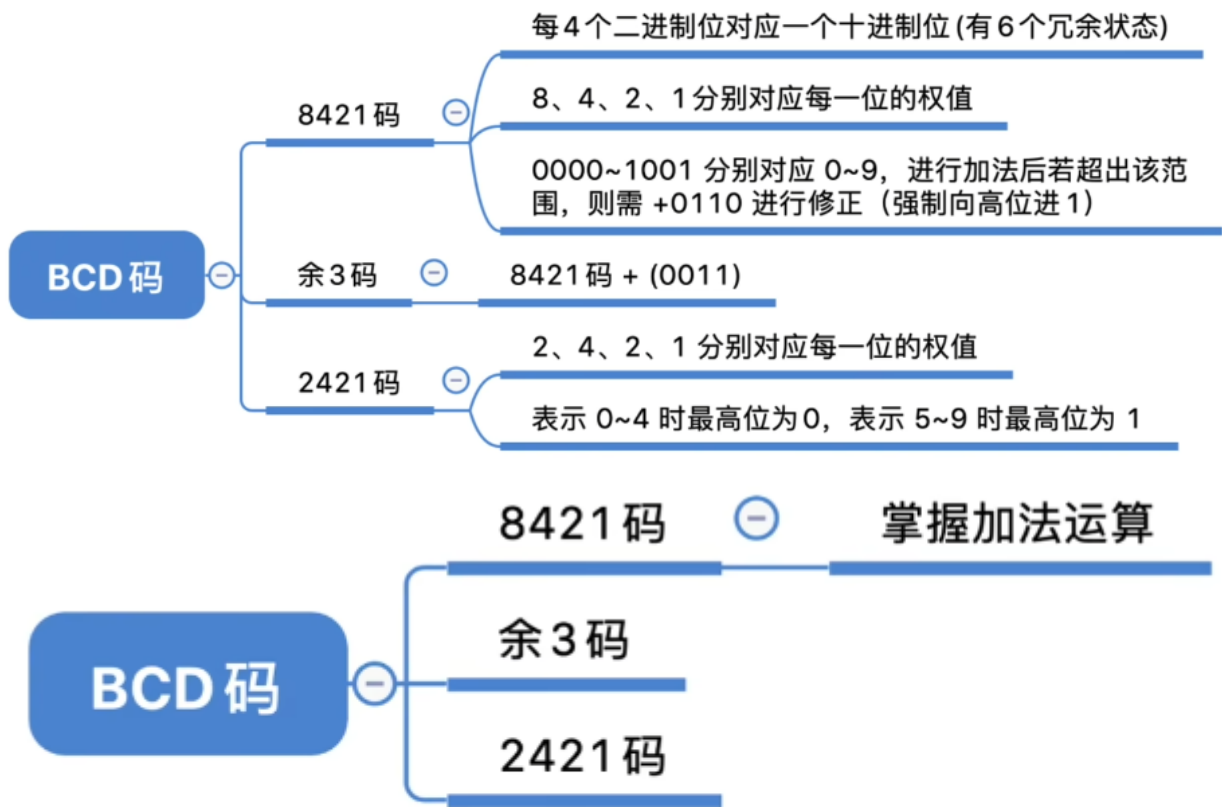


# 定点数的编码表示



BCD : Binary-Coded Decimal, 用二进制编码的十进制

## BCD码

二进制：0, 1

方便计算机处理

十进制：0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

符合人类习惯

$$K_n \times r^n + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_2 \times r^2 + K_1 \times r^1 + K_0 \times r^0$$

转换麻烦

快速转换：一一对应

BCD：Binary-Coded Decimal

8421码的映射关系：

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001

十进制： 5 + 8

13

1 3

1 3

8421码： 0101 + 1000

1101

+ 0110

1 0011

0001 0011

机算  
方法

不在映射表里

8421码中 1010~1111 没有定义

注：若相加结果在合法范围内，则无需修正。

8421码的映射关系：

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001

4个二进制位 → 16种不同的状态

BCD码直使用其中10种 → 不同的映射方案

余3码：8421码 + (0011)<sub>2</sub>

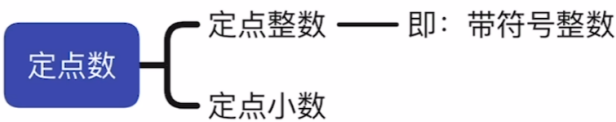
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100

2421码：改变权值定义

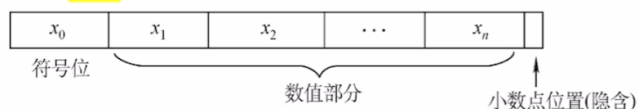
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0000	0001	0010	0011	0100	1011	1100	1101	1110	1111

## 定点小数

### 定点整数、定点小数

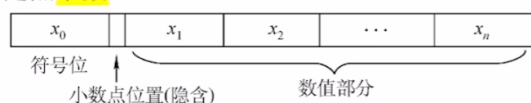


### 定点整数



定点整数的编码表示：原码、反码、补码、移码

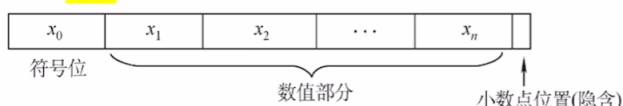
### 定点小数



定点小数的编码表示：原码、反码、补码

## 原码

### 定点整数

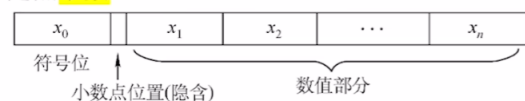


符	$2^6$	$2^5$	$2^4$	$2^3$	$2^2$	$2^1$	$2^0$
+19D	0	0	0	1	0	0	1
-19D	1	0	0	1	0	0	1

常写为： $[x]_{\text{原}} = 1,0010011$

各个bit“位权”不一样

### 定点小数

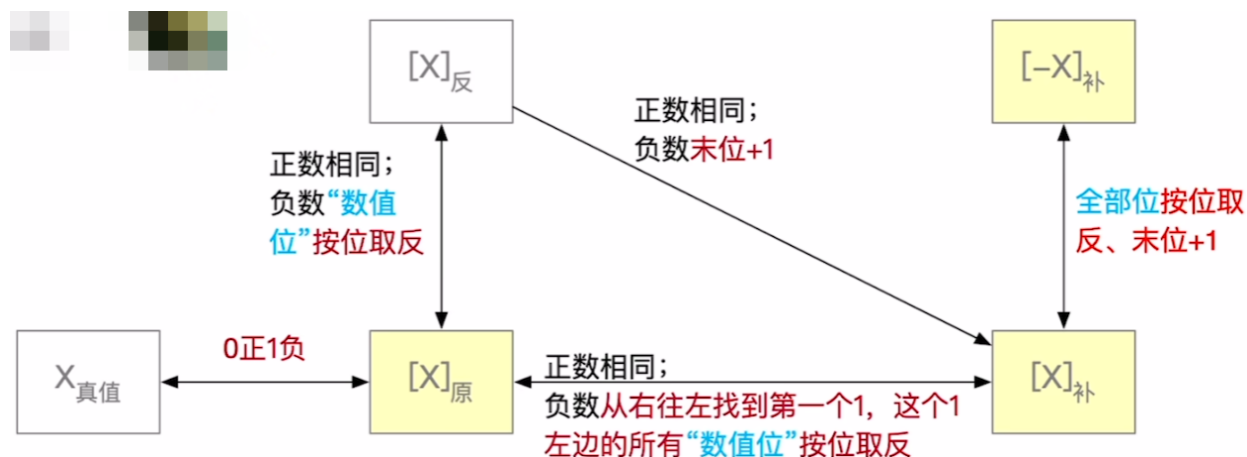


符	$2^{-1}$	$2^{-2}$	$2^{-3}$	$2^{-4}$	$2^{-5}$	$2^{-6}$	$2^{-7}$
+0.75D	0	1	1	0	0	0	0
-0.75D	1	1	1	0	0	0	0

常写为： $[x]_{\text{原}} = 1.1100000$

原码：符号位“0/1”对应“正/负”

## 定点小数原/反/补码的转换



## 定点小数的加/减运算

对两个定点小数A、B进行加法/减法时，需要先转换为补码

计算机硬件如何做定点小数补码的加法：从最低位开始，按位相加（符号位参与运算），并往更高位进位

计算机硬件如何做定点小数补码的减法：

- 1. “被减数”不变，“减数”全部位按位取反、末位+1，减法变加法
- 2. 从最低为开始，按位相加，并往更高位进位

定点小数vs定点整数



n+1 bit	合法表示范围	最大的数	最小的数	真值0的表示
定点整数:原码	$-(2^n-1) \leq x \leq 2^n-1$	0,111...111 = $2^n-1$	1,111...111 = $-(2^n-1)$	[+0] <sub>原</sub> = 0,000...000 [-0] <sub>原</sub> = 1,000...000
定点整数:反码	$-(2^n-1) \leq x \leq 2^n-1$	0,111...111 = $2^n-1$	1,000...000 = $-(2^n-1)$	[+0] <sub>反</sub> = 0,000...000 [-0] <sub>反</sub> = 1,111...111
定点整数:补码	$-2^n \leq x \leq 2^n-1$	0,111...111 = $2^n-1$	1,000...000 = $-2^n$	[0] <sub>补</sub> = 0,000...000 真值0只有一种补码
定点小数:原码	$-(1-2^{-n}) \leq x \leq 1-2^{-n}$	0,111...111 = $1-2^{-n}$	1,111...111 = $-(1-2^{-n})$	[+0] <sub>原</sub> = 0,000...000 [-0] <sub>原</sub> = 1,000...000
定点小数:反码	$-(1-2^{-n}) \leq x \leq 1-2^{-n}$	0,111...111 = $1-2^{-n}$	1,000...000 = $-(1-2^{-n})$	[+0] <sub>反</sub> = 0,000...000 [-0] <sub>反</sub> = 1,111...111
定点小数:补码	$-1 \leq x \leq 1-2^{-n}$	0,111...111 = $1-2^{-n}$	1,000...000 = $-1$	[0] <sub>补</sub> = 0,000...000 真值0只有一种补码

$1 - 2^{-n} = \frac{2^n - 1}{2^n}$

定点小数vs定点整数

特别注意：位数扩展时，拓展位置不一样

定点小数

符	2 <sup>-1</sup>	2 <sup>-2</sup>	2 <sup>-3</sup>	2 <sup>-4</sup>	2 <sup>-5</sup>	2 <sup>-6</sup>	2 <sup>-7</sup>
---	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------

定点整数

符	2 <sup>6</sup>	2 <sup>5</sup>	2 <sup>4</sup>	2 <sup>3</sup>	2 <sup>2</sup>	2 <sup>1</sup>	2 <sup>0</sup>
---	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

定点小数:  $[x]_{\text{原}} = 1.110$

定点整数:  $[x]_{\text{原}} = 1,110$

$[x]_{\text{原}} = 1.1100000$

$[x]_{\text{原}} = 1,000110$

## 整数补码的加法运算

A: +19 → 补码

0	0	0	1	0	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---

8bit寄存器

B: -19 → 补码

1	1	1	0	1	1	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---

8bit寄存器

按位  
相加

A+B=0 → 补码

0	0	0	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

8bit寄存器

计算机硬件如何做补码的加法: 从最低位开始, 按位相加 (符号位参与运算), 并往更高位进位

## 小数补码的加法运算

A: +0.1484375 → 补码

0	0	0	1	0	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---

8bit寄存器

B: -0.1484375 → 补码

1	1	1	0	1	1	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---

8bit寄存器

按位  
相加

A+B=0.0 → 补码

0	0	0	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

8bit寄存器

## 整数补码的减法运算



计算机硬件如何做带符号数补码的减法：

1. “被减数”不变，“减数”全部位按位取反、末位+1，减法变加法
2. 从最低位开始，按位相加，并往更高位进位

## 小数补码的减法运算

