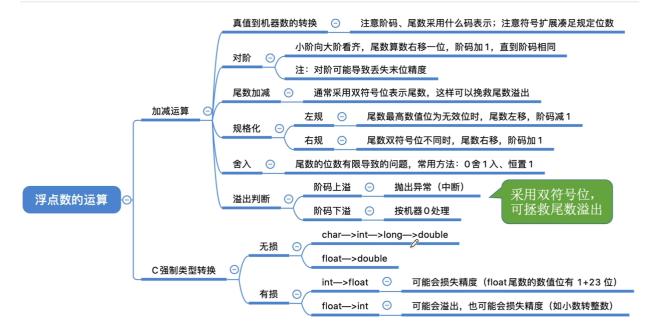
浮点数的加减运算



加减运算

浮点数的运算

强制类型转换

加减运算

浮点数加减运算步骤:

 $9.85211 \times 10^{12} + 9.96007 \times 10^{10}$

思考为什么 是小阶向大 (1) 9.85211 \times 10¹² + 0.0996007 \times 10¹²

计算机内部,尾 数是定点小数

② 尾数加减

阶靠齐? $29.9517107 \times 10^{12}$

③ 规格化

対阶

③ 如果尾数加减出现类似 0.0099517 × 10¹² 时,需要"左规";如 果尾数加减出现类似 99.517107 × 10¹² 时, 需要"右规"

④ 舍入

可以有不同 的舍入规则 ④ 若规定只能保留6位有效尾数,则 $9.9517107 \times 10^{12} \rightarrow 9.95171 \times 10^{12}$

(多余的直接砍掉) 或者, 9.9517107 × 10¹² → 9.95172 × 10¹² (若砍掉部分非0,则入1)

或者,也可以采用四舍五入的原则,当舍弃位≥5时,高位入1

⑤ 判溢出

⑤ 若规定阶码不能超过两位,则运算后阶码超出范围,则溢出 如: $9.85211 \times 10^{99} + 9.96007 \times 10^{99} = 19.81218 \times 10^{99}$ 规格化并用四舍五入的原则保留6位尾数,得 1.98122× 10¹⁰⁰ 阶码超过两位,发生溢出(注:尾数溢出未必导致整体溢出,也许可 以通过③④两步来拯救)

例:已知十进制数X=-5/256、Y=+59/1024,按机器补码浮点运算规则计算X-Y,结果用二进制表示,浮点数格式如下:阶符取2位,阶码取3位,数符取2位,尾数取9位

用补码表示阶码和尾数

0. 转换格式

5D = 101B, $1/256 = 2^{-8} \rightarrow X = -101 \times 2^{-8} = -0.101 \times 2^{-5} = -0.101 \times 2^{-101}$ 59D = 111011B, $1/1024 = 2^{-10} \rightarrow Y = +111011 \times 2^{-10} = +0.111011 \times 2^{-4} = +0.111011 \times 2^{-100}$ X: 11011.11.011000000 Y: 11100.00.111011000

浮点数加减运算步骤:

- 1. 对阶 使两个数的阶码相等,小阶向大阶看齐,尾数每右移一位,阶码加1
 - ① 求阶差: [\Delta E] *\rightarrow = 11011+00100=11111, 知\Delta E=-1
 - ② 对阶: X: 11011,11.011000000 → 11100,11.101100000 X=-0.0101×2⁻¹⁰⁰
- 4. 舍入 无舍入
- 5. 判溢出 常阶码, 无溢出, 结果真值为2⁻³×(-0.1001111)。

舍入

浮点数的加减运算-舍入

有的计算机可能会把浮点数的尾数部 分单独拆出去计算(24bit→32bit),算完 了经过舍入(32bit→24bit)再拼回浮点数

 $= -0.1001111 \times 2^{-011}$

"0" 舍"1"入法:类似于十进制数运算中的"四舍五入"法,即在尾数右移时,被移去的最高数值位为0,则舍去;被移去的最高数值位为1,则在尾数的末位加1。这样做可能会使尾数又溢出,此时需再做一次右规。

恒置"1"法: 尾数右移时,不论丢掉的最高数值位是"1"还是"0",都使右移后的尾数末位恒置"1"。这种方法同样有使尾数变大和变小的两种可能。

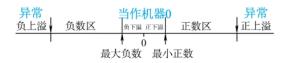
浮点数加减运算步骤:

- 1. 对阶
- 2. 尾数加减 如: 加减结果为11100,10.110001011
- 3. 规格化
- 0舍1入: 11100,10.110001011 → 11101,11.011000101 1

→ 11101,11.0110001**10** 1

- 4. 舍入
- 5. 判溢出

恒置1:11100,10.110001011 → 11101,11.011000101 1 → 11101,11.011000101 1



强制类型转换

右规时就会面 临舍入的问题

16 位机器	32位机器	64位机器
8	8	8
16	16	16
16	32	32
32	32	64
64	64	64
16	32	32
64	64	64
	8 16 16 32 64 16	8 8 16 16 16 32 32 32 64 64 16 32

char \rightarrow int \rightarrow long \rightarrow double float \rightarrow double

范围、精度从小到大,转换过程没有损失

32位

int: 表示整数, 范围 -2³¹~ 2³¹-1, 有效数字32位

float:表示整数及小数,范围 ±[2-126~2127×(2-2-23)],有效数字23+1=24位

int → float: 可能损失精度

float → int: 可能溢出及损失精度