

Évaluation nº 08 Dérivation (3) et Suites (2)

avril-mai 2024 durée \approx 0h 45min

Cochez les 3 premières lettres de votre nom et prénom et complétez l'encadré. \bigcirc A \bigcirc B \bigcirc C \bigcirc D \bigcirc E \bigcirc F \bigcirc G \bigcirc H \bigcirc I \bigcirc J \bigcirc K \bigcirc L \bigcirc M \bigcirc N \bigcirc O \bigcirc P \bigcirc Q \bigcirc R \bigcirc S \bigcirc T \bigcirc U \bigcirc V \bigcirc W \bigcirc X \bigcirc Y \bigcirc Z

Nom et prénom:

Consignes

Aucun document n'est autorisé.

L'usage de la calculatrice est autorisé.

Le total des points est 25.

Vous devez colorier les cases au stylo *bleu* ou *noir* pour répondre aux questions. En cas d'erreur, effacez au « blanco » *sans redessiner la case*.

Toute action volontaire rendant impossible ou difficile l'identification ou la correction de la copie engendre une dégradation de la note finale.

Pour les questions ouvertes, tous les calculs seront justifiés et la clarté de la rédaction sera prise en

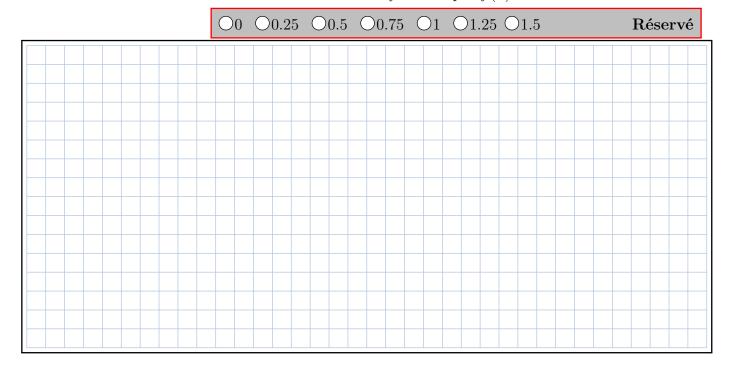
compte dans la notation.

Respect des consignes $\bigcirc -1\bigcirc -0.5\bigcirc 0$ Réservé

Inéquations quadratiques

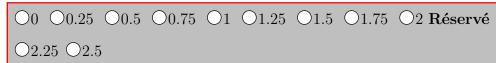
Exercice 1

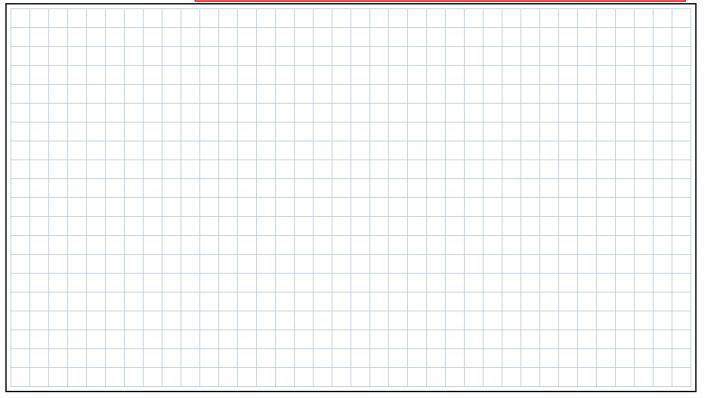
- 1. Dresser le tableau de signe de $24 x 3x^2$ en fonction de x.
- 2. En déduire le domaine de définition de la fonction f définie par $f(x) = \sqrt{24 x 3x^2}$





Exercice 2 Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $\frac{4x^2-25}{x^2-9}>0$ d'inconnue x.





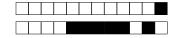
Suites (2) Arithmétiques et géométriques

Exercice 3

Exprimer u_n et v_n en fonction de n pour les suites suivantes :

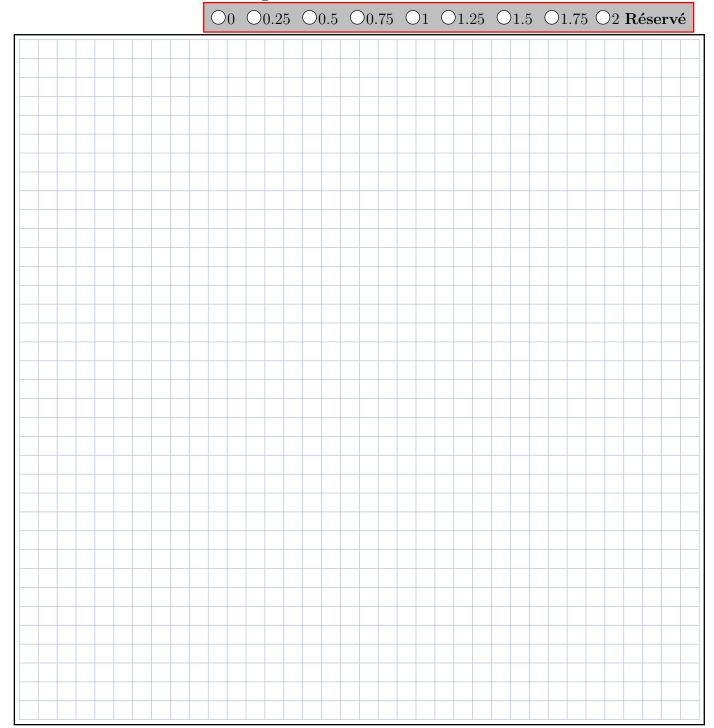
- 1. (u_n) $(n \ge 0)$ est arithmétique de raison r=5 et $u_{20}=96$.
- 2. (v_n) $(n \ge 1)$ est géométrique de raison $r = \frac{3}{2}$ et $v_3 = 9$.





Justifier la nature (arithmétique/géométrique) des suites (u_n) et (v_n) :

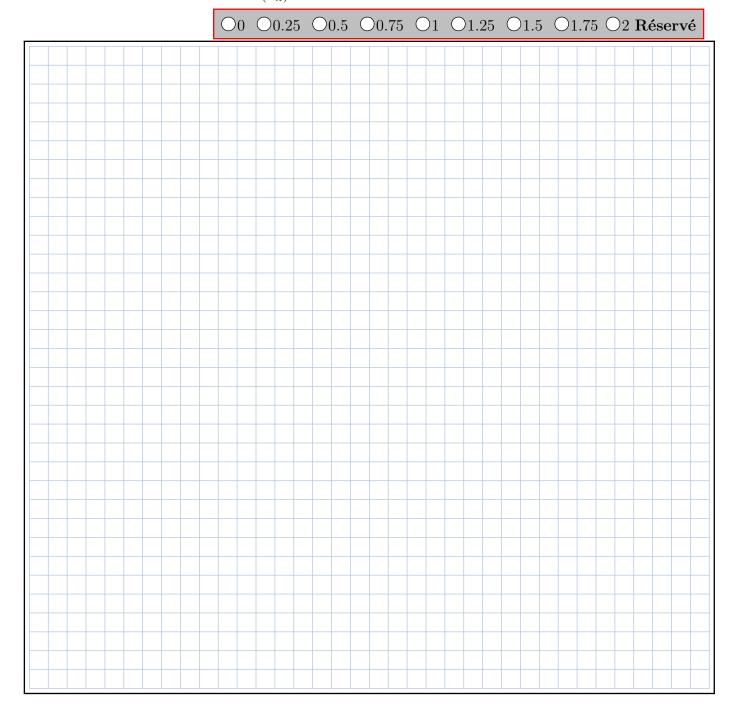
- 1. (u_n) définie pour $n \ge 1$ par $u_n = 2 * n + 5$.
- 2. (v_n) définie pour $n \ge 0$ par $v_n = \frac{3^n}{2^{2n-1}}n$.





La suite (u_n) est une suite arithmétique tel que $u_1=2$ et $u_5=14$.

- 1. Déterminer la raison de la suite et en déduire la relation de récurrence de la suite (u_n)
- 2. Déterminer la forme explicite de la suite u_n et en déduire u_{35} .
- 3. Justifier le sens de variation de (u_n) .

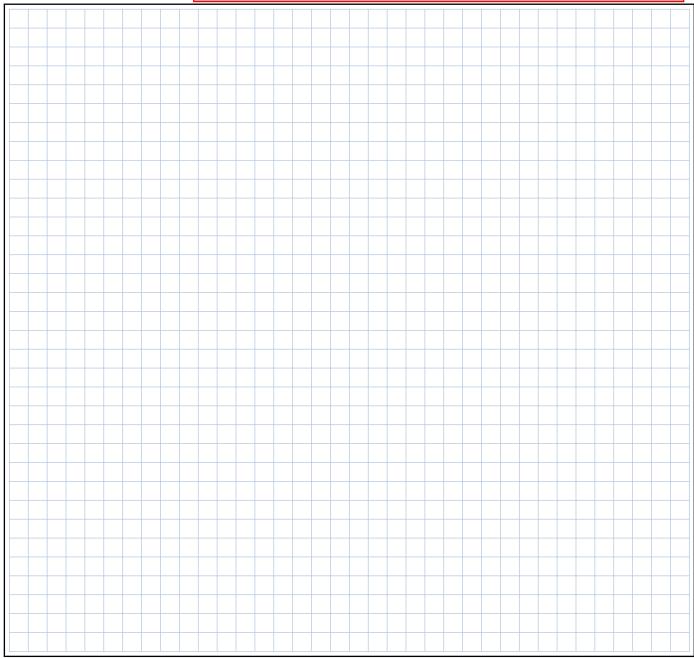




La suite (u_n) est une suite géométrique tel que $u_2=12\,$ et $u_4=3072\,$.

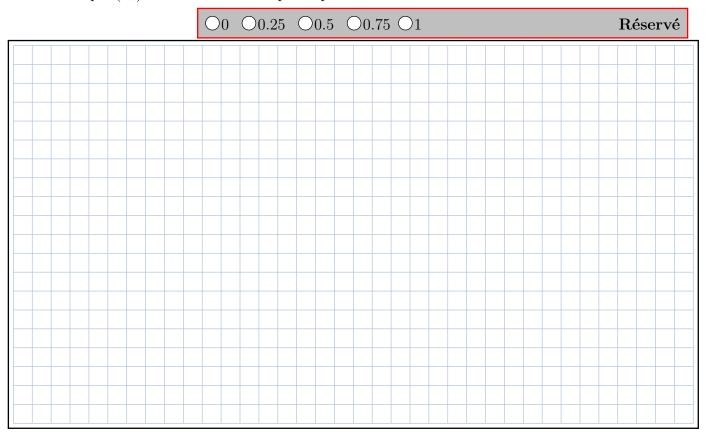
- 1) Quelle(s) sont les valeur(s) possible(s) pour la raison q?
- 2) On suppose que la suite n'est pas monotone. En déduire la valeur de q.
- 3) Déterminer la forme explicite de la suite u_n et en déduire u_0 .







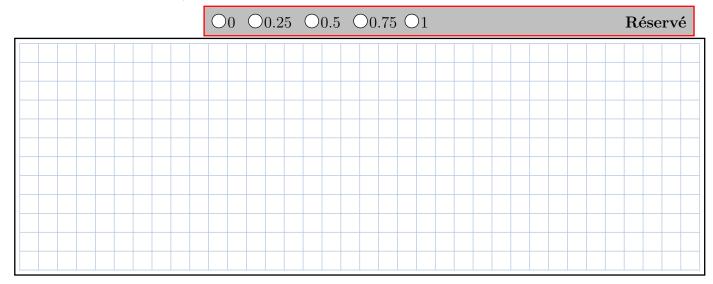
Soit une suite arithmétique (u_n) de raison r. Soit la suite (v_n) définie pour tout n par $v_n = 5u_n + 3$. Démontrer que (v_n) est aussi arithmétique et préciser sa raison.

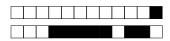


Fonctions et Dérivation (3)

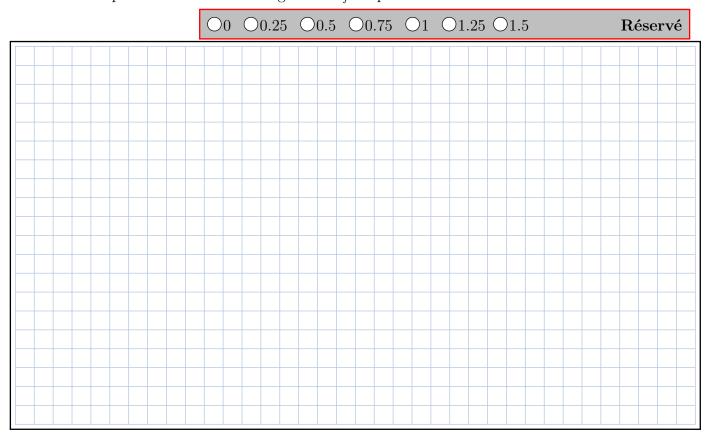
Exercice 8

 \mathscr{C}_f est la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x)=x^2-3x$. Déterminer la pente de la tangente à \mathscr{C}_f au point d'abscisse x=-1.





 \mathscr{C}_f est la courbe représentative de la fonction f définie sur $]-\infty,0[\,\cup\,]0,\infty[$ par $f(x)=2-\frac{1}{x}-3x.$ Déterminer l'équation réduite de la tangente à \mathscr{C}_f au point d'abscisse x=1.

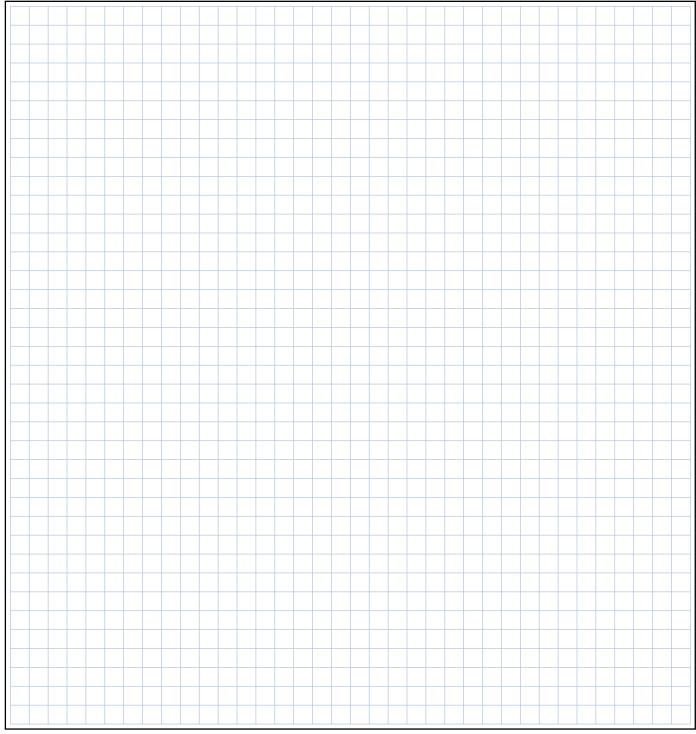




 \mathscr{C}_f est la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = -3x^3 + 6x^2 + 5x - 1$.

- 1. Démontrer que l'équation réduite de la tangente T à \mathscr{C}_f au point d'abscisse x=0 est $T\colon y=5x-1$
- 2. En déduire les coordonnées de l'autre point de rencontre de la courbe \mathscr{C}_f avec la tangente T.



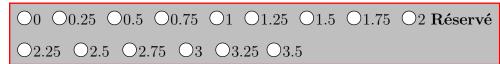


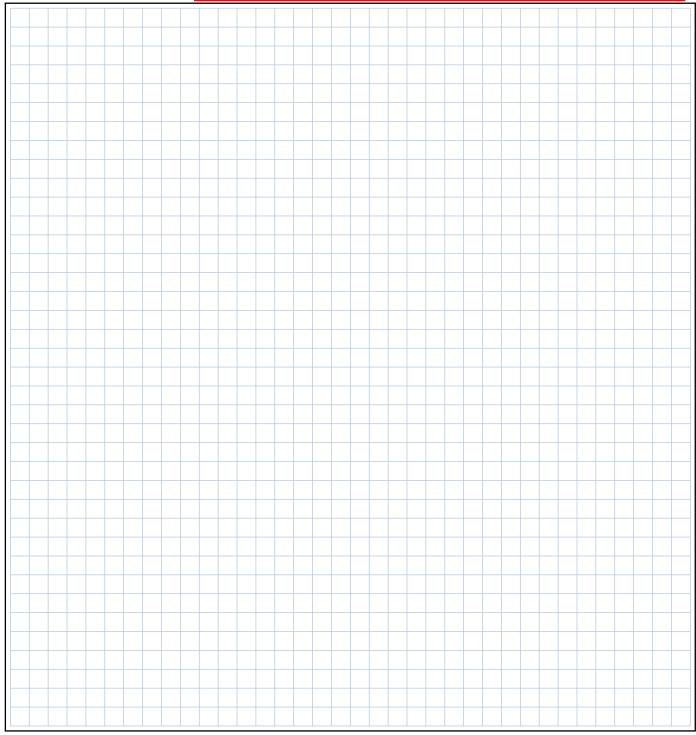


Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 5x - x^2$ et représentée par la courbe \mathscr{C}_f .

Pour $a \in \mathbb{R}$, on pose T_a la tangente à \mathscr{C}_f au point d'abscisse a.

- 1. Montrer que pour tout $a \in \mathbb{R}$, l'équation réduite de la tangente T_a est $y = a^2 2ax + 5x$
- 2. Déterminer les valeurs de a pour les quelles T_a passe par le point $B(-1\ ;\ 3)$.







Soit la fonction f définie par $f(x) = -3x + 2 - \frac{12}{x}$. On note f' sa fonction dérivée.

- 1. Donner le domaine de définition et le domaine de dérivabilité de f.
- 2. Déterminer une expression de la fonction dérivée f'.
- 3. Montrer que pour tout $x \in \mathbb{R}$, $f'(x) = \frac{12 3x^2}{x^2}$.
- 4. Étudier le signe de f'(x) et déduire le tableau de variation complet de f.



