# Diskrete Wahrscheinlichkeitstheorie

## Zusammenfassung für die Klausurvorbereitung

Christian Rupp

15. Mai 2014

#### **Inhaltsverzeichnis**

1	Vorwort	2
	Hilfreiche Formeln 2.1 Kombinatorik	<b>2</b> 2
3	Diskrete Wahrscheinlichkeitsräume	2
	3.1 Grundlagen	2
	3.1.1 disjunkte Ereignisse	3

#### 1 Vorwort

Dieses Dokument orientiert sich an den Inhalten der Vorlesung Diskrete Wahrscheinlichkeitstheorie der Fakultät für Informatik der Technischen Universität München aus dem Sommersemester 2014. Es erhebt keinen Anspruch auf Vollständigkeit und Korrektheit.

#### 2 Hilfreiche Formeln

- Allgemeine Binomische Formel:  $(a+b)^n = \sum_{i=0}^n \binom{n}{i} a^n b^{n-i}$
- $\sum_{x=0}^{r} \binom{a}{x} \binom{b}{r-x} = \binom{a+b}{r}$

#### 2.1 Kombinatorik

Anzahl der Verteilungen von v Bällen auf m Urnen.

	beliebig	höchstens	mindestens	genau
	viele Bälle	ein Ball	ein Ball	ein Ball
	pro Urne	pro Urne	pro Urne	pro Urne
	(beliebig)	(injektiv)	(surjektiv)	(bijektiv)
Bälle unterscheidbar	$m^n$	$m^{\underline{n}}$	$m! * S_{n,m}$	n!
Urnen unterscheidbar				
Bälle gleich	$\binom{n+m-1}{n}$	$\binom{m}{n}$	$\binom{n-1}{m-1}$	1
Urnen unterscheidbar				
Bälle unterscheidbar	$\sum_{k=0}^{m} S_{n,k}$	1	$S_{n,m}$	1
Urnen gleich				
Bälle gleich	$\sum_{k=0}^{m} P_{n,k}$	1	$P_{n,m}$	1
Urnen gleich				

### 3 Diskrete Wahrscheinlichkeitsräume

#### 3.1 Grundlagen

- $\bullet$ diskreter Wahrscheinlichkeitsraum:  $\Omega = \{\omega_1, \dots, \omega_n\} \mid n \in \mathbb{N}$
- Elementarereignis:

$$-0 \le \Pr[\omega_i] \le 1$$
$$-\sum_{i=1}^n \Pr[\omega_i] = 1$$
$$-\Pr[\omega_i] := \frac{1}{|\Omega|}$$

• Ereignis:

$$- E \subseteq \Omega$$

$$- \Pr[E] := \sum_{\omega \in E} \Pr[\omega]$$

$$- \Pr[E] := \frac{|E|}{|\Omega|}$$

• 
$$\Pr[\emptyset] = 0, \Pr[\Omega] = 1$$

• 
$$0 \le \Pr[A] \le 1$$

• 
$$\Pr[\bar{A}] = 1 - \Pr[A]$$

• 
$$A \subseteq B \Rightarrow \Pr[A] \le \Pr[B]$$

Laplace verteilt heißt, das jedes Elementarereignis gleich wahrscheinlich ist.

#### 3.1.1 disjunkte Ereignisse

$$\forall (i,j) \in \mathbb{N} : i \neq j, A_i \cap A_j$$