0052. N 皇后 II

▲ ITCharge 本 大约 4 分钟

标签:回溯难度:困难

题目链接

• 0052. N 皇后 II - 力扣

题目大意

描述: 给定一个整数 n。

要求:返回「n 皇后问题」不同解决方案的数量。

说明:

- n 皇后问题:将 n 个皇后放置在 n 的棋盘上,并且使得皇后彼此之间不能攻击。
- **皇后彼此不能相互攻击**:指的是任何两个皇后都不能处于同一条横线、纵线或者斜线上。
- $1 \le n \le 9$ •

示例:

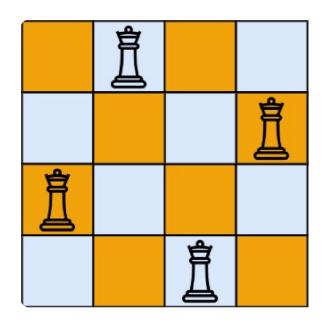
• 示例 1:

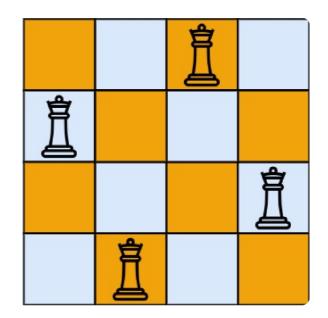
输入: n = 4

输出: 2

解释:如下图所示,4 皇后问题存在两个不同的解法。

ру





解题思路

思路 1:回溯算法

和「<u>51. N 皇后 - 力扣</u>」做法一致。区别在于「<u>51. N 皇后 - 力扣</u>」需要返回所有解决方案,而这道题只需要得到所有解决方安的数量即可。下面来说一下这道题的解题思路。

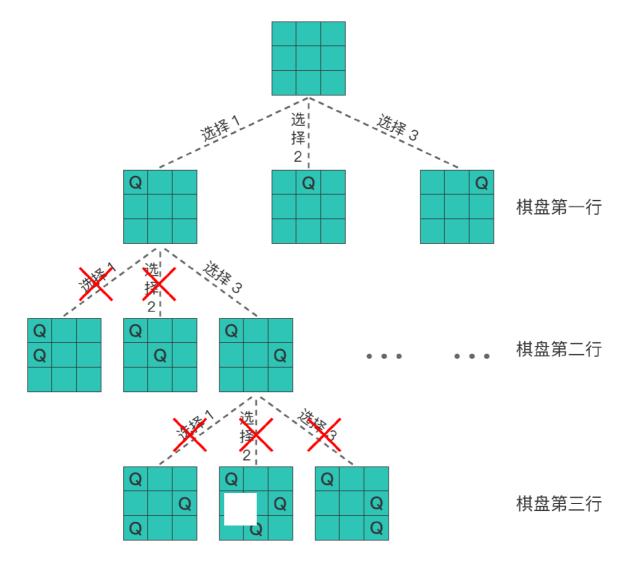
我们可以按照行序来放置皇后,也就是先放第一行,再放第二行 一直放到最后一行。

对于 n * n 的棋盘来说,每一行有 n 列,也就有 n 种放法可供选择。我们可以尝试选择其中一列,查看是否与之前放置的皇后有冲突,如果没有冲突,则继续在下一行放置皇后。依次类推,直到放置完所有皇后,并且都不发生冲突时,就得到了一个合理的解。

并且在放置完之后,通过回溯的方式尝试其他可能的分支。

下面我们根据回溯算法三步走,写出对应的回溯算法。

1. **明确所有选择**:根据棋盘中当前行的所有列位置上是否选择放置皇后,画出决策树,如下图所示。



0

2. 明确终止条件:

○ 当遍历到决策树的叶子节点时,就终止了。也就是在最后一行放置完皇后时,递归终 止。

3. 将决策树和终止条件翻译成代码:

1. 定义回溯函数:

- 首先我们先使用一个 n * n 大小的二维矩阵 chessboard 来表示当前棋盘, chessboard 中的字符 Q 代表皇后, . 代表空位, 初始都为 . 。
- 然后定义回溯函数 backtrack(chessboard, row): 函数的传入参数是 chessboard (棋盘数组)和 row (代表当前正在考虑放置第 row 行皇后),全局变量是 ans (所有可行方案的数量)。
- backtrack(chessboard, row): 函数代表的含义是:在放置好第 row 行皇后的情况下,递归放置剩下行的皇后。

- 2. 书写回溯函数主体(给出选择元素、递归搜索、撤销选择部分)。
 - 枚举出当前行所有的列。对于每一列位置:
 - 约束条件:定义一个判断方法,先判断一下当前位置是否与之前棋盘上放置的皇后发生冲突,如果不发生冲突则继续放置,否则则继续向后遍历判断。
 - 选择元素:选择 row, col 位置放置皇后,将其棋盘对应位置设置为 Q。
 - 递归搜索:在该位置放置皇后的情况下,继续递归考虑下一行。
 - 撤销选择:将棋盘上 row, col 位置设置为 ...

思路 1: 代码

```
ру
class Solution:
   # 判断当前位置 row, col 是否与之前放置的皇后发生冲突
   def isValid(self, n: int, row: int, col: int, chessboard: List[List[str]]):
       for i in range(row):
           if chessboard[i][col] == '0':
               return False
       i, j = row - 1, col - 1
       while i \ge 0 and j \ge 0:
           if chessboard[i][j] 'Q':
               return False
           i -= 1
           i -= 1
       i, j = row - 1, col + 1
       while i \ge 0 and j < n:
           if chessboard[i][j] == 'Q':
               return False
           i -= 1
           j += 1
       return True
   def totalNQueens(self, n: int) -> int:
       chessboard = [['.' for _ in range(n)] for _ in range(n)] # 棋盘初始化
       def backtrack(chessboard: List[List[str]], row: int):
# 正在考虑放置第 row 行的皇后
           if row == n:
                                                         # 遇到终止条件
               nonlocal ans
               ans += 1
```

思路 1: 复杂度分析

return ans

• **时间复杂度**: O(n!), 其中 n 是皇后数量。

• **空间复杂度**: $O(n^2)$, 其中 n 是皇后数量。递归调用层数不会超过 n, 每个棋盘的空间复杂度为 $O(n^2)$, 所以空间复杂度为 $O(n^2)$ 。

Copyright © 2024 ITCharge