

[cloud.tencent.com](https://cloud.tencent.com)

# 一文秒杀所有区间相关问题 - 腾讯云开发者社区-腾讯云

*labuladong*

4-5 minutes

## 学算法认准 labuladong 东哥带你手把手撕力扣 😊

经常有读者问区间相关的问题，今天写一篇文章，秒杀三道区间相关的问题。

所谓区间问题，就是线段问题，让你合并所有线段、找出线段的交集等等。主要有两个技巧：

**1、排序。**常见的排序方法就是按照区间起点排序，或者先按照起点升序排序，若起点相同，则按照终点降序排序。当然，如果你非要按照终点排序，无非对称操作，本质都是一样的。

**2、画图。**就是说不要偷懒，勤动手，两个区间的相对位置到底有几种可能，不同的相对位置我们的代码应该怎么去处理。

废话不多说，下面我们来做题。

### 区间覆盖问题

这是力扣第 1288 题，看下题目：

#### 1288. 删除被覆盖区间

难度 中等

👍 14

☆

📄

🔍

🔔

💬

给你一个区间列表，请你删除列表中被其他区间所覆盖的区间。

只有当  $c \leq a$  且  $b \leq d$  时，我们才认为区间  $[a, b)$  被左闭右开区间  $[c, d)$  覆盖。

在完成所有删除操作后，请你返回列表中剩余区间的数目。

示例：

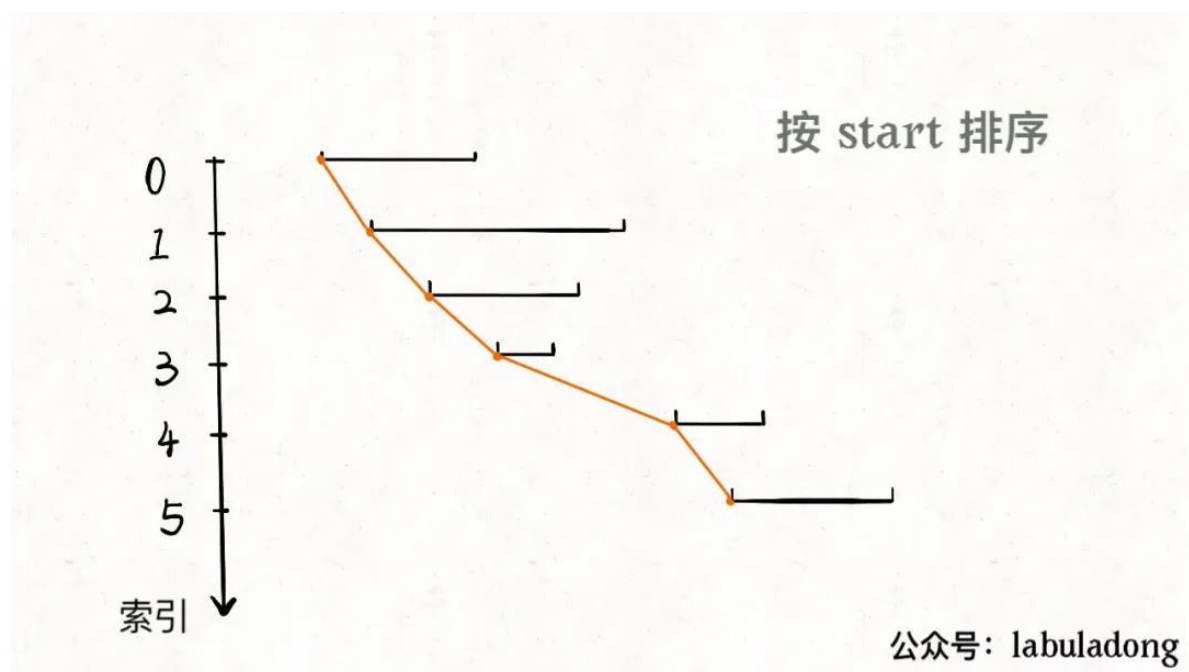
输入：intervals =  $[[1, 4], [3, 6], [2, 8]]$

输出：2

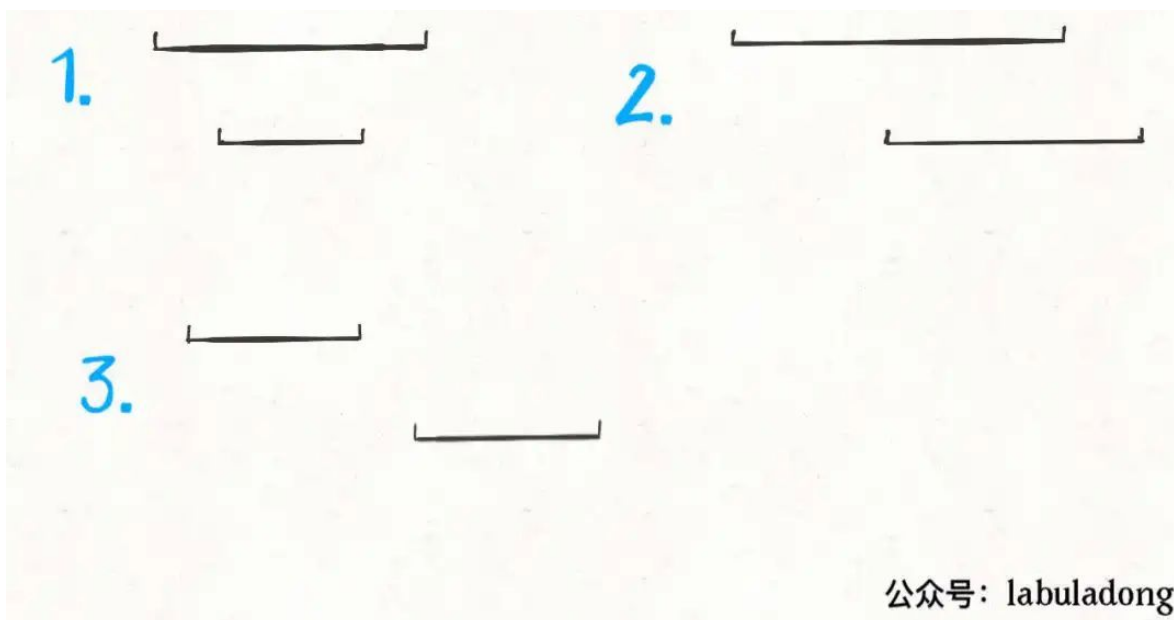
解释：区间  $[3, 6]$  被区间  $[2, 8]$  覆盖，所以它被删除了。

题目问我们，去除被覆盖区间之后，还剩下多少区间，那么我们可以先算一算，被覆盖区间有多少个，然后和总数相减就是剩余区间数。

对于这种区间问题，如果没啥头绪，首先排个序看看，比如我们按照区间的起点进行升序排序：



排序之后，两个相邻区间可能有如下三种相对位置：



对于这三种情况，我们应该这样处理：

对于情况一，找到了覆盖区间。

对于情况二，两个区间可以合并，成一个大区间。

对于情况三，两个区间完全不相交。

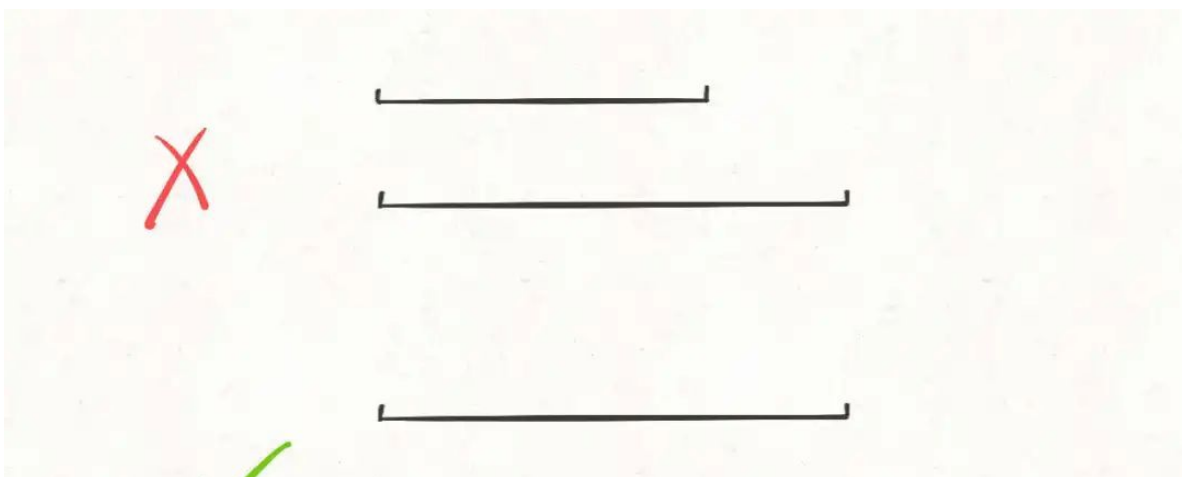
依据几种情况，我们可以写出如下代码：

```
int removeCoveredIntervals(int[][] intvs) {  
    // 按照起点升序排列，起点相同时降序排列  
    Arrays.sort(intvs, (a, b) -> {  
        if (a[0] == b[0]) {  
            return b[1] - a[1];  
        }  
        return a[0] - b[0];  
    });  
  
    // 记录合并区间的起点和终点  
    int left = intvs[0][0];  
    int right = intvs[0][1];
```

```
int res = 0;
for (int i = 1; i < intvs.length; i++) {
    int[] intv = intvs[i];
    // 情况一，找到覆盖区间
    if (left <= intv[0] && right >= intv[1]) {
        res++;
    }
    // 情况二，找到相交区间，合并
    if (right >= intv[0] && right <= intv[1]) {
        right = intv[1];
    }
    // 情况三，完全不相交，更新起点和终点
    if (right < intv[0]) {
        left = intv[0];
        right = intv[1];
    }
}

return intvs.length - res;
}
```

以上就是本题的解法代码，起点升序排列，终点降序排列的目的是防止如下情况：





对于这两个起点相同的区间，我们需要保证长的那个区间在上面（按照终点降序），这样才会被判定为覆盖，否则会被错误地判定为相交，少算一个覆盖区间。

## 区间合并问题

力扣第 56 题就是一道相关问题，题目很好理解：

给出一个区间的集合，请合并所有重叠的区间。

示例 1:

输入: `[[1, 3], [2, 6], [8, 10], [15, 18]]`

输出: `[[1, 6], [8, 10], [15, 18]]`

解释: 区间 `[1, 3]` 和 `[2, 6]` 重叠，将它们合并为 `[1, 6]`。

示例 2:

输入: `[[1, 4], [4, 5]]`

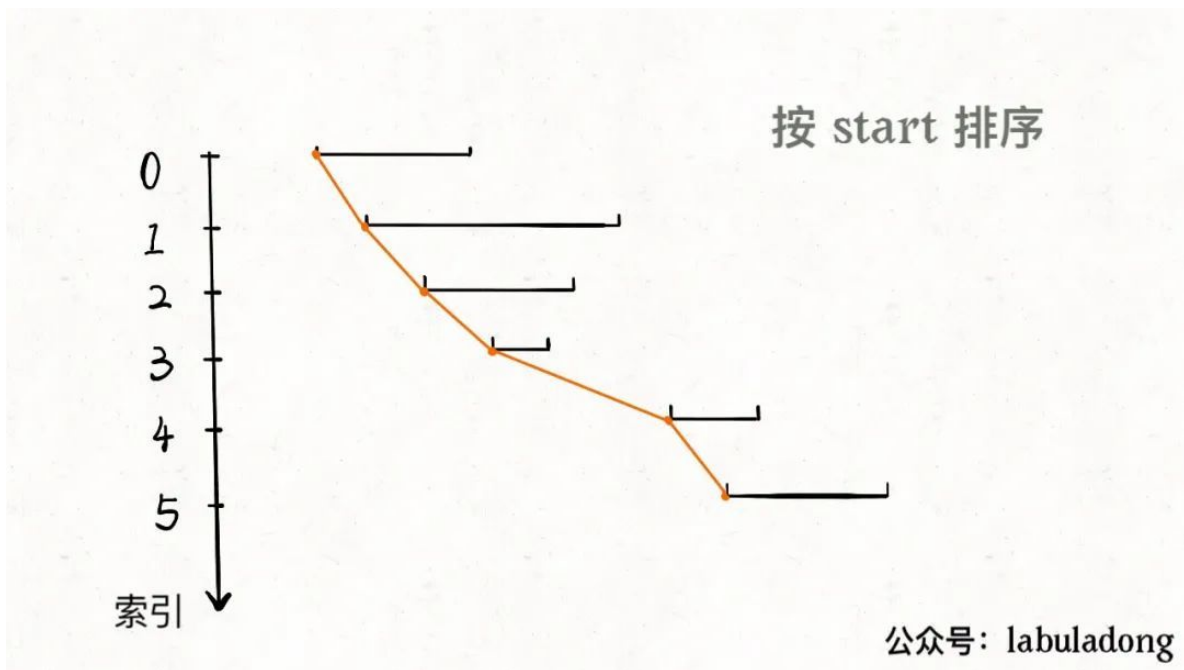
输出: `[[1, 5]]`

解释: 区间 `[1, 4]` 和 `[4, 5]` 可被视为重叠区间。

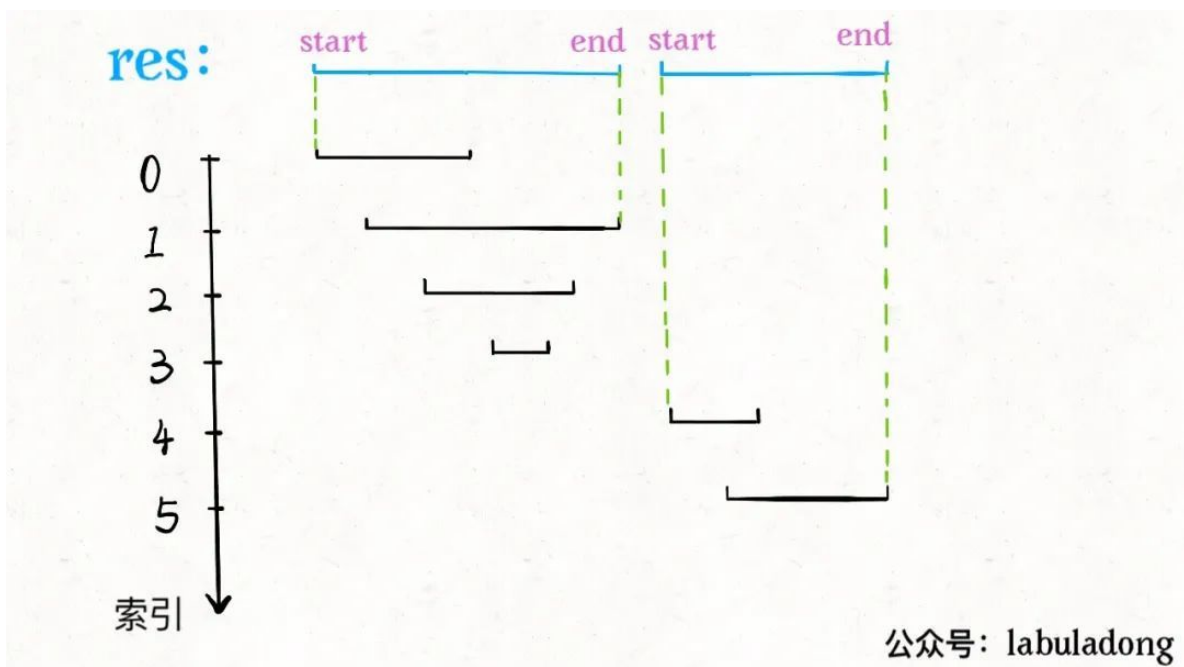
title

我们解决区间问题的一般思路是先排序，然后观察规律。

一个区间可以表示为 `[start, end]`，前文聊的区间调度问题，需要按 `end` 排序，以便满足贪心选择性质。而对于区间合并问题，其实按 `end` 和 `start` 排序都可以，不过为了清晰起见，我们选择按 `start` 排序。



显然，对于几个相交区间合并后的结果区间 $x$ ， $x.start$ 一定是这些相交区间中 $start$ 最小的， $x.end$ 一定是这些相交区间中 $end$ 最大的。



由于已经排了序， $x.start$ 很好确定，求 $x.end$ 也很容易，可以类比在数组中找最大值的过程：

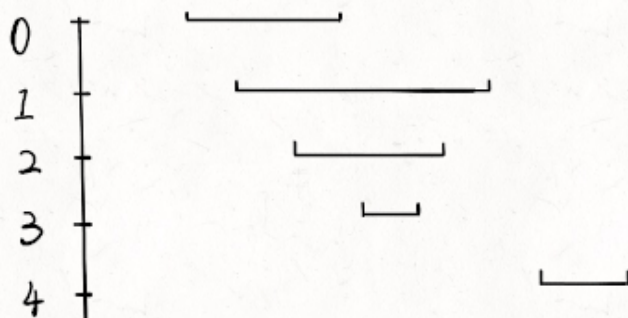
```
int max_ele = arr[0];  
for (int i = 1; i < arr.length; i++)
```

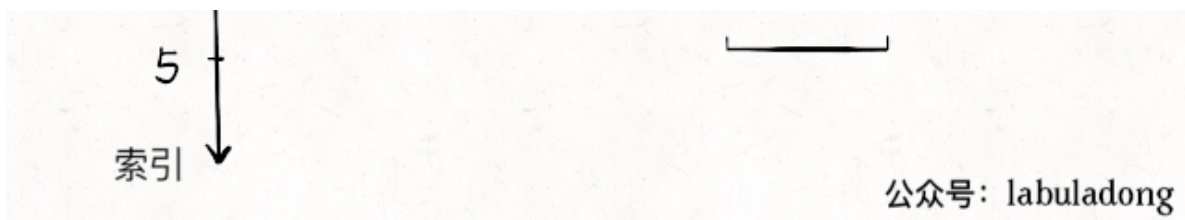
```
        max_ele = max(max_ele, arr[i]);  
    return max_ele;
```

然后就可以写出完整代码

```
# intervals 形如 [[1,3],[2,6]...]
def merge(intervals):
    if not intervals: return []
    # 按区间的 start 升序排列
    intervals.sort(key=lambda intv: intv[0])
    res = []
    res.append(intervals[0])

    for i in range(1, len(intervals)):
        curr = intervals[i]
        # res 中最后一个元素的引用
        last = res[-1]
        if curr[0] <= last[1]:
            # 找到最大的 end
            last[1] = max(last[1], curr[1])
        else:
            # 处理下一个待合并区间
            res.append(curr)
    return res
```





## 区间交集问题

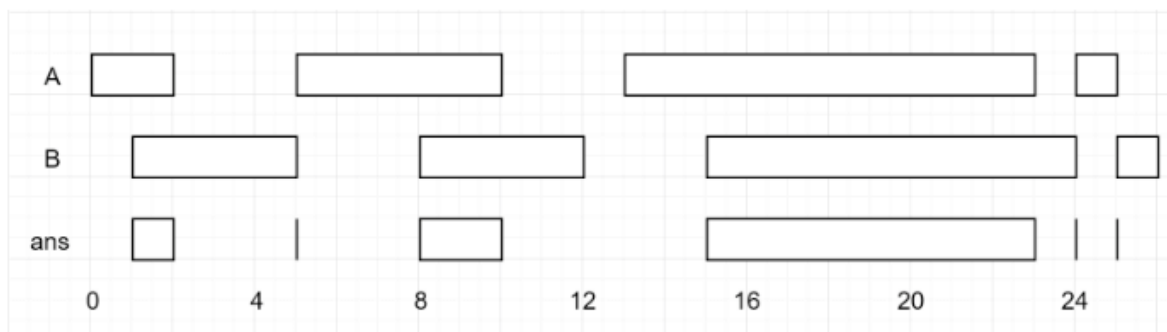
先看下题目，力扣第 986 题就是这个问题：

给定两个由一些闭区间组成的列表，每个区间列表都是成对不相交的，并且已经排序。

返回这两个区间列表的交集。

(形式上，闭区间  $[a, b]$  (其中  $a \leq b$ ) 表示实数  $x$  的集合，而  $a \leq x \leq b$ 。两个闭区间的交集是一组实数，要么为空集，要么为闭区间。例如， $[1, 3]$  和  $[2, 4]$  的交集为  $[2, 3]$ 。)

示例：



输入：A =  $[[0, 2], [5, 10], [13, 23], [24, 25]]$ , B =  $[[1, 5], [8, 12], [15, 24], [25, 26]]$

输出： $[[1, 2], [5, 5], [8, 10], [15, 23], [24, 24], [25, 25]]$

注意：输入和所需的输出都是区间对象组成的列表，而不是数组或列表。

title

题目很好理解，就是让你找交集，注意区间都是闭区间。

解决区间问题的思路一般是先排序，以便操作，不过题目说已经排好序了，那么可以用两个索引指针在A和B中游走，把交集找出来，

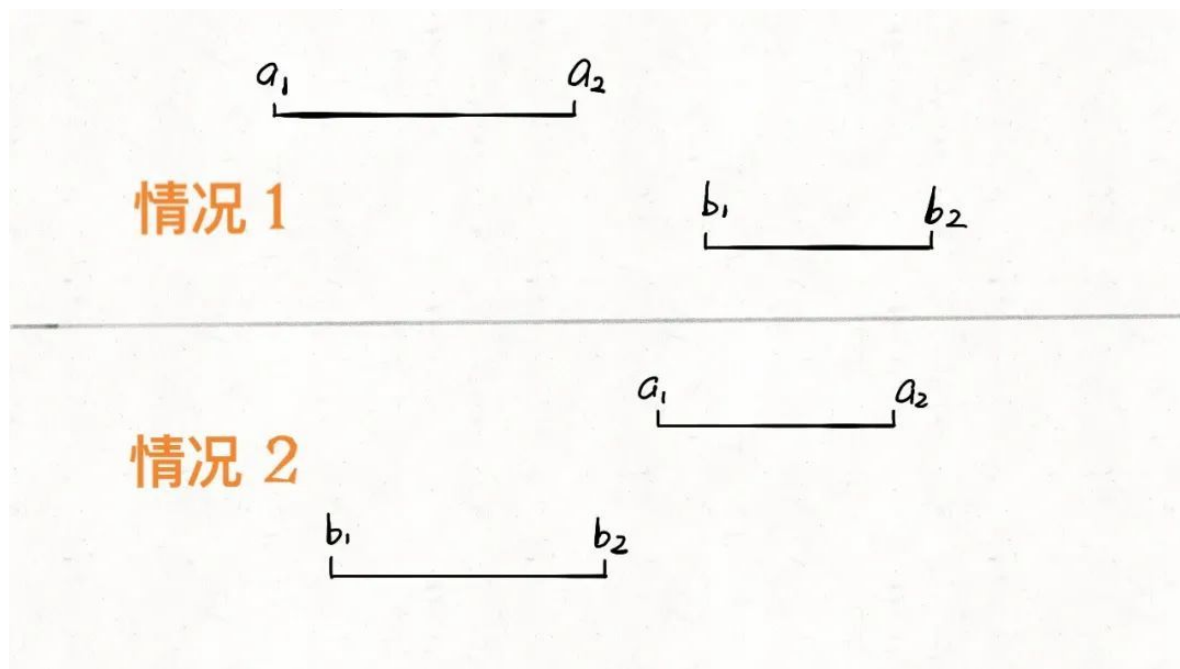


代码大概是这样的：

```
# A, B 形如 [[0,2],[5,10]...]
def intervalIntersection(A, B):
    i, j = 0, 0
    res = []
    while i < len(A) and j < len(B):
        # ...
        j += 1
        i += 1
    return res
```

不难，我们先老老实实分析一下各种情况。

首先，**对于两个区间**，我们用 $[a_1, a_2]$ 和 $[b_1, b_2]$ 表示在A和B中的两个区间，那么什么情况下这两个区间**没有交集**呢：



只有这两种情况，写成代码的条件判断就是这样：

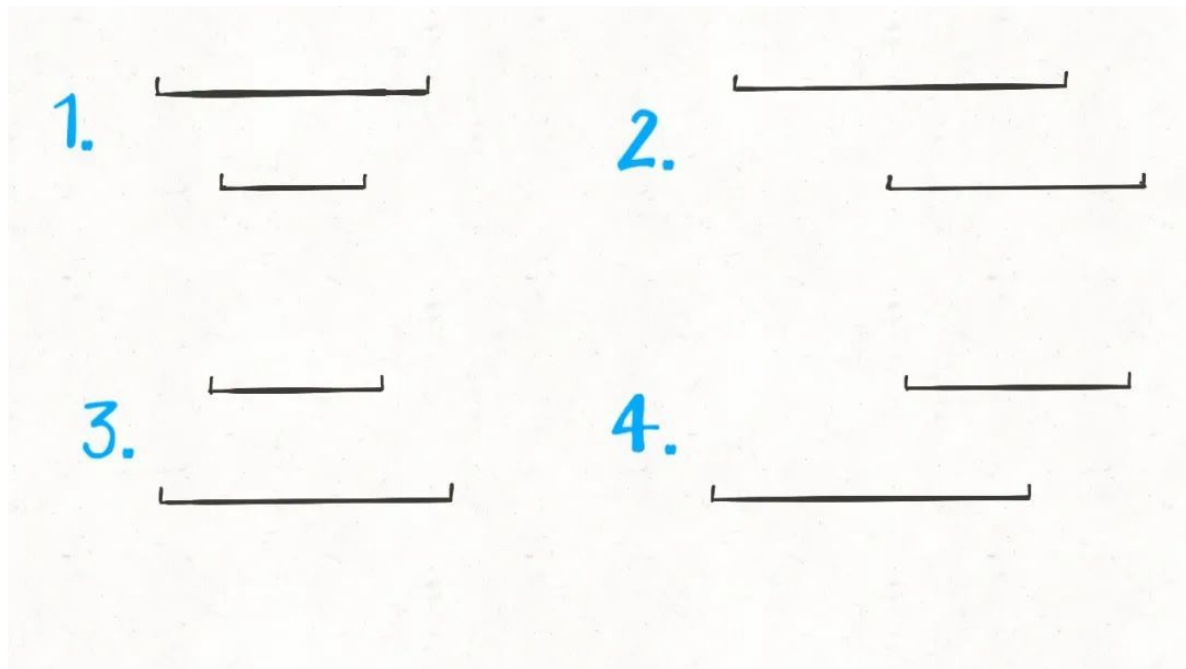
```
if b2 < a1 or a2 < b1:
    [a1, a2] 和 [b1, b2] 无交集
```

那么，什么情况下，两个区间存在交集呢？根据命题的否定，上面

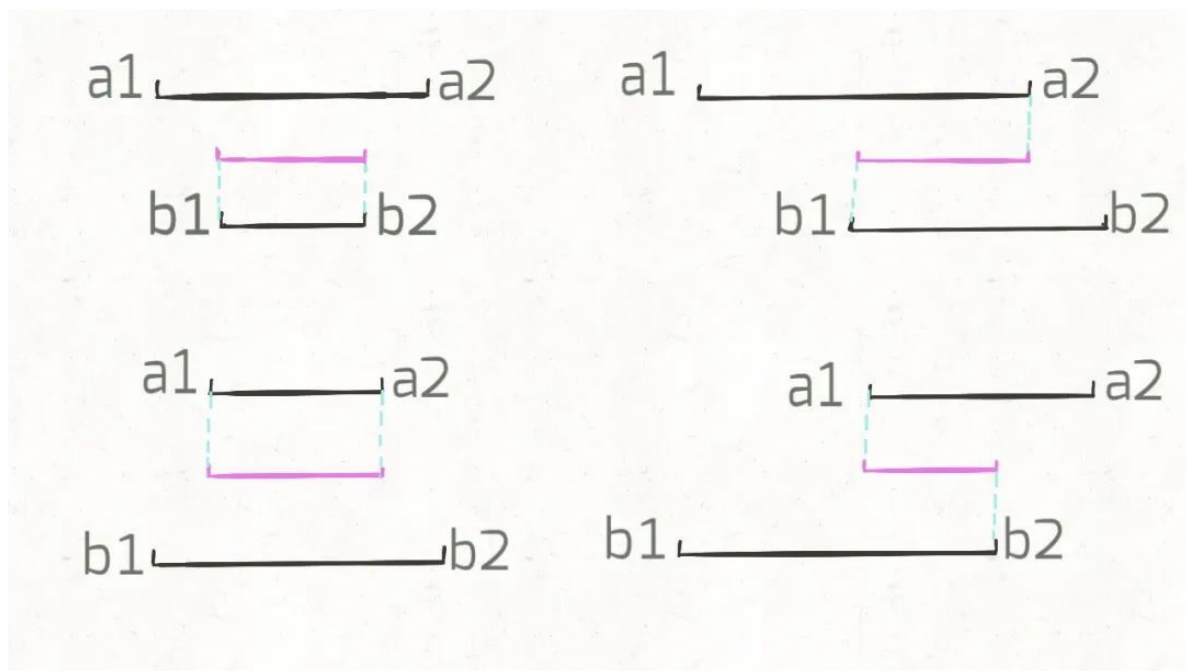
逻辑的否命题就是存在交集的条件：

```
# 不等号取反，or 也要变成 and
if b2 >= a1 and a2 >= b1:
    [a1,a2] 和 [b1,b2] 存在交集
```

接下来，两个区间存在交集的情况有哪些呢？穷举出来：



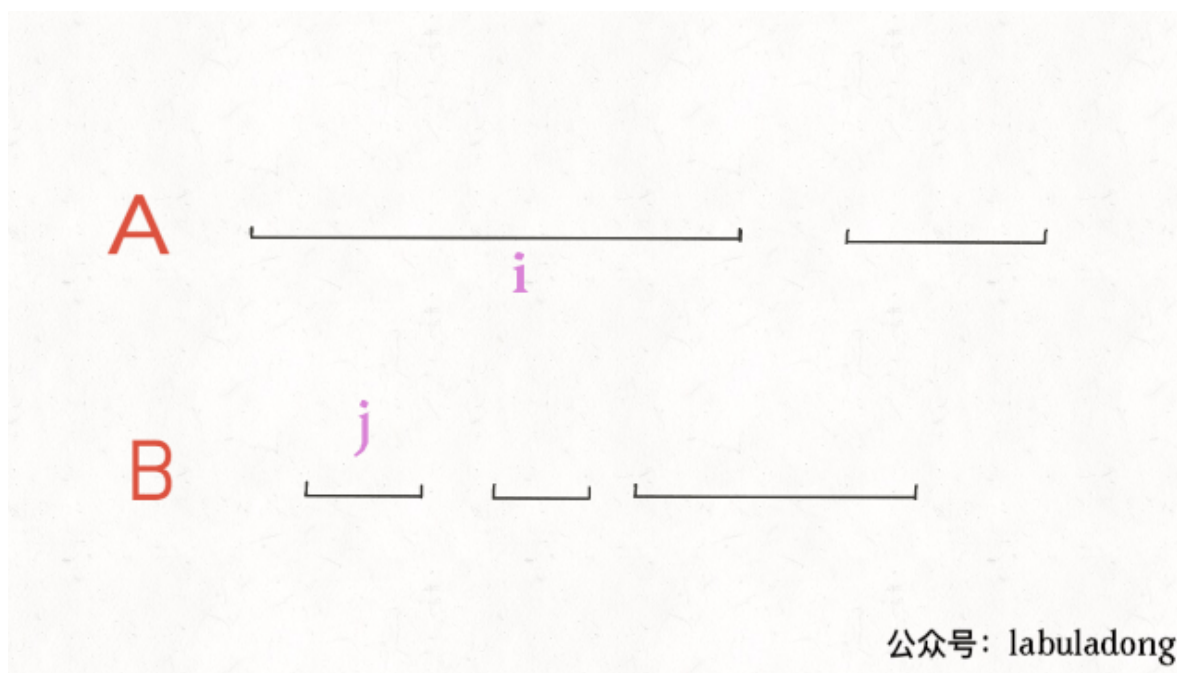
这很简单吧，就这四种情况而已。那么接下来思考，这几种情况下，交集是否有什么共同点呢？



我们惊奇地发现，交集区间是有规律的！如果交集区间是  $[c1, c2]$ ，那么  $c1 = \max(a1, b1)$ ， $c2 = \min(a2, b2)$ ！这一点就是寻找交集的核心，我们把代码更进一步：

```
while i < len(A) and j < len(B):  
    a1, a2 = A[i][0], A[i][1]  
    b1, b2 = B[j][0], B[j][1]  
    if b2 >= a1 and a2 >= b1:  
        res.append([max(a1, b1), min(a2, b2)])  
    # ...
```

最后一步，我们的指针  $i$  和  $j$  肯定要前进（递增）的，什么时候应该前进呢？



结合动画示例就很好理解了，是否前进，只取决于  $a2$  和  $b2$  的大小关系：

```
while i < len(A) and j < len(B):  
    # ...  
    if b2 < a2:  
        j += 1
```

```
else:  
    i += 1
```

以此思路写出代码：

```
# A, B 形如 [[0,2],[5,10]...]
def intervalIntersection(A, B):
    i, j = 0, 0 # 双指针
    res = []
    while i < len(A) and j < len(B):
        a1, a2 = A[i][0], A[i][1]
        b1, b2 = B[j][0], B[j][1]
        # 两个区间存在交集
        if b2 >= a1 and a2 >= b1:
            # 计算出交集，加入 res
            res.append([max(a1, b1), min(a2, b2)])
        # 指针前进
        if b2 < a2: j += 1
        else:      i += 1
    return res
```

总结一下，区间类问题看起来都比较复杂，情况很多难以处理，但实际上通过观察各种不同情况之间的共性可以发现规律，用简洁的代码就能处理。

文章分享自微信公众号：





本文参与 [腾讯云自媒体分享计划](#)，欢迎热爱写作的你一起参与！

如有侵权，请联系 [cloudcommunity@tencent.com](mailto:cloudcommunity@tencent.com) 删除。