



《编译原理与技术》 语法分析IV

计算机科学与技术学院 李 诚 29/09/2018

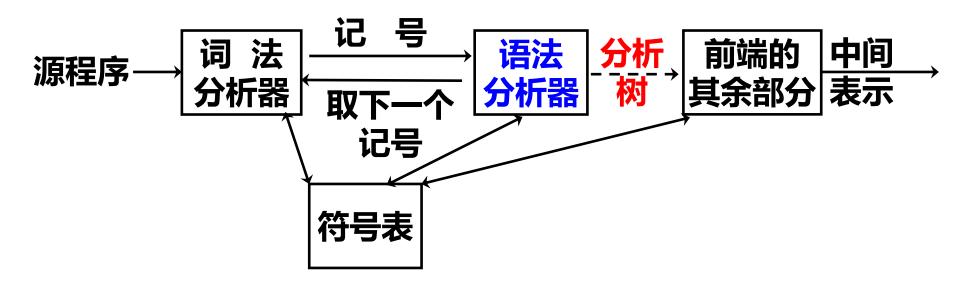




- □书面作业不允许补交,只判对错,不评分, 但质量差的有诫勉谈话
- □Lab作业允许迟交和补交,成绩会受到影响
 - **Advice:** submitting an incomplete version better than nothing, and optimizing it later







□LR(k)分析技术

- ❖LR分析器的简单模型
 - ≻action, goto函数
- ❖简单的LR方法(简称SLR)
 - >活前缀,识别活前缀的DFA/NFA,SLR算法
- ❖规范的LR方法
- ❖向前看的LR方法(简称LALR)



语法分析的主要方法



□自顶向下 (Top-down)

- ❖针对输入串,从文法的开始符号出发,尝试根据 产生式规则推导(derive)出该输入串。
- ❖LL(1)文法及非递归预测分析方法
- *****left-to-right scan + leftmost derivation

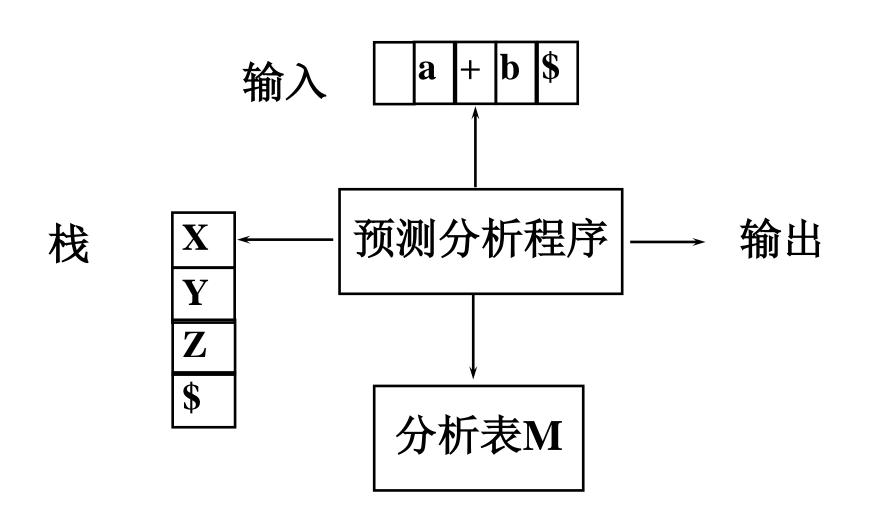
□自底向上 (Bottom-up)

- ❖针对输入串,尝试根据产生式规则归约 (reduce) 到文法的开始符号。
- ❖LR(k)文法及其分析器
- **❖left-to-right scan + rightmost derivation**



复习: LL(1)非递归分析







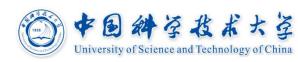
复习: LL(1)非递归分析

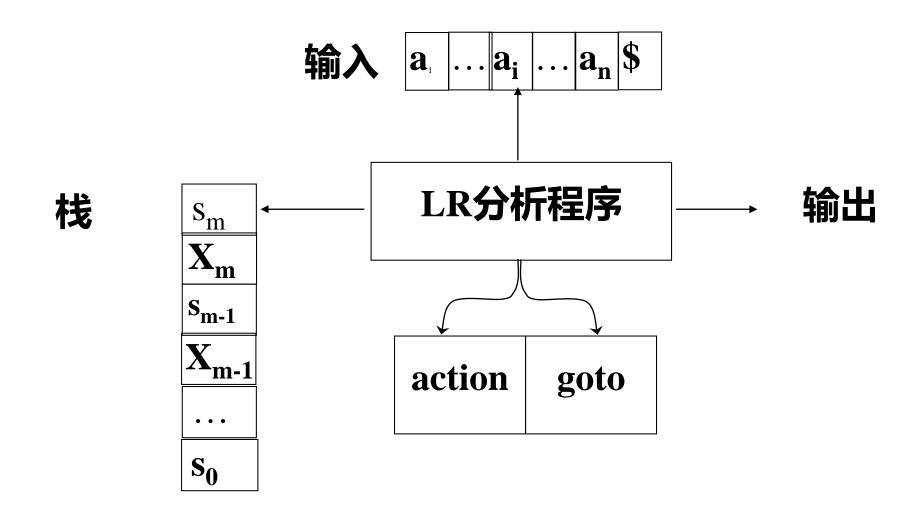


□行: 非终结符; 列: 终结符 或\$; 单元: 产生式

非终			输入	符号		
结符	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow$			$E \rightarrow$		
	TE'			TE'		
E '		$E' \rightarrow$			$E' o \epsilon$	$E' o \epsilon$
		+ TE '				
T	$T \rightarrow$			$T \rightarrow$		
	FT'			FT'		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		











 S_j : 总结了栈中该状 $|\mathbf{a}_i| \dots |\mathbf{a}_i| \dots |\mathbf{a}_n|$ 态以下的信息 X: 代表文法符号 LR分析程序 $S_{\underline{\underline{m}}}$ S_{m-1} action goto S_0 $action[s_m, a_i]$: 移进 | 归约 | 接受 | 出错

 $goto[s_{m-r}, A] = s_i$: 移进 $A n s_i$ (归约后使用)





例 $(1) E \rightarrow E + T$ $(2) E \rightarrow T$

 $(3) T \to T * F \quad (4) T \to E$

 $(5) F \rightarrow (E)$ $(6) F \rightarrow id$

si移进当前输入符号和状态i rj按第j个产生式进行归约 acc 接受

状态		动	作	action			转	移	goto
• • -	id	+	*	()	\$	\boldsymbol{E}	T	\boldsymbol{F}
0	<i>s</i> 5			s4			1	2	3
1		<i>s</i> 6				acc			
2		r2	<i>s</i> 7		r2	<i>r</i> 2			
3		<i>r</i> 4	r4		r4	r4			
4	<i>s</i> 5			s 4			8	2	3
5		r6	r6		r6	<i>r6</i>			
6	<i>s</i> 5			s4				9	3





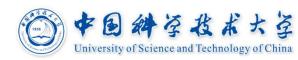
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进 (查action表)





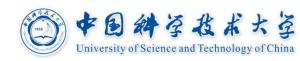
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
	1. 查action[5 2. 执行归约(• 从栈中弹出 • 查goto[0, F • 将(F, 3)压)	$(\mathbf{F} \rightarrow \alpha)$: $ \alpha \wedge \langle \mathcal{K} , \mathcal{H} \rangle$ $ \alpha \wedge \langle \mathcal{K} , \mathcal{H} \rangle$ $ \alpha + \langle \mathcal{K} , \mathcal{H} \rangle$





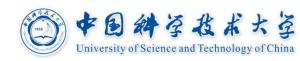
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	





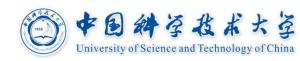
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进





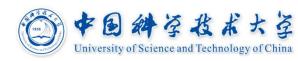
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	





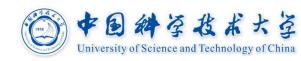
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	接 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按F→id归约





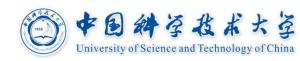
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	





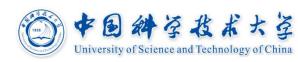
栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按F→id归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	接 $T \rightarrow T*F$ 归约





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按F→id归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	接 $T \rightarrow T*F$ 归约
• • •	• • •	• • •





栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按F→id归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	接 $T \rightarrow T*F$ 归约
• • •	• • •	• • •
0 E 1	\$	

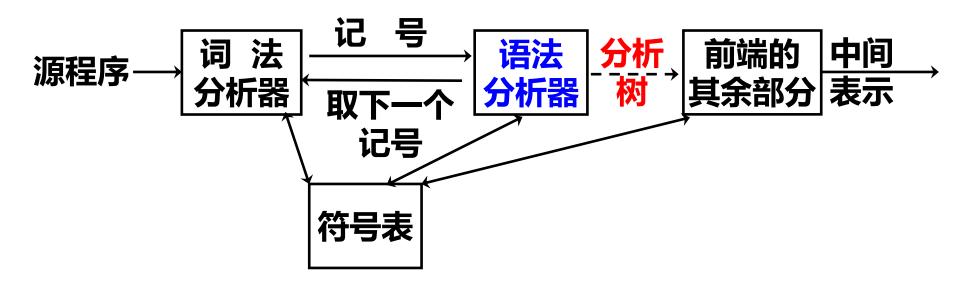




栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	接 $T \rightarrow T*F$ 归约
• • •	• • •	• • •
0 E 1	\$	接受







□LR(k)分析技术

- *LR分析器的简单模型
- ❖简单的LR方法(简称SLR)
 - ▶活前缀,识别活前缀的DFA/NFA, SLR算法
- ❖规范的LR方法
- ❖向前看的LR方法(简称LALR)





□关键在于构造LR分析表

- ❖计算所有可能的状态
- ❖明确状态之前的跳转关系
- ❖明确状态与输入之间对应的移进或者归约操作





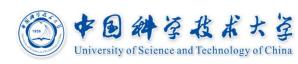
- ❖代表最右句型 $X_1X_2...X_ma_ia_{i+1}...a_n$
- ❖X₁X₂...X_m是最右句型的一个前缀





- ❖代表最右句型 $X_1X_2...X_ma_ia_{i+1}...a_n$
- ❖X₁X₂...X_m是最右句型的一个前缀
- ❖每一个前缀都对应一个状态,因此,找出所有可能在栈里出现的前缀,就可以确定所有的状态





- ❖代表最右句型 $X_1X_2...X_ma_ia_{i+1}...a_n$
- ❖X₁X₂...X_m是最右句型的一个前缀
- ❖每一个前缀都对应一个状态,因此,找出所有可能在栈里出现的前缀,就可以确定所有的状态
- ❖状态之间的转换 <==> 前缀之间的转换





- ❖代表最右句型 $X_1X_2...X_ma_ia_{i+1}...a_n$
- ❖X₁X₂...X_m是最右句型的一个前缀
- ❖每一个前缀都对应一个状态,因此,找出所有可能在栈里出现的前缀,就可以确定所有的状态
- ❖状态之间的转换 <==> 前缀之间的转换
- ❖在栈顶为s, 下一个字符为a的格局下, 前缀为p
 - ▶何时移进?当p不是句柄且存在p'= pa
 - ▶何时归约? 当p为句柄时





□活前缀 (viable prefix):

❖最右句型的前缀,该前缀不超过最右句柄的右端

$$S \Rightarrow^*_{rm} \gamma A w \Rightarrow_{rm} \gamma \beta w$$

❖ $\gamma\beta$ 的任何前缀(包括 ϵ 和 $\gamma\beta$ 本身)都是活前缀





栈中可能出现的串:

 $S \rightarrow aABe$

 $A \rightarrow Abc/b$

 $B \rightarrow d$

a

ab

aA

aAb

aAbc

aAd

aAB

aABe

S

活前缀:

最右句型的前缀, 该前缀不超过最右句柄的右端

$$S \Rightarrow^*_{rm} \gamma A w \Rightarrow_{rm} \gamma \beta w$$

 $\gamma\beta$ 的任何前缀(包括 ϵ 和 $\gamma\beta$ 本身)都是一个活前缀。



活前缀与句柄的关系



栈中可能出现的串:

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc / b$$

$$B \rightarrow d$$

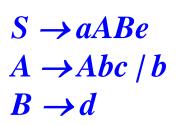
· 活前缀已含有句柄,表明产生式A
ightarrow eta的右部eta已出现在栈顶。

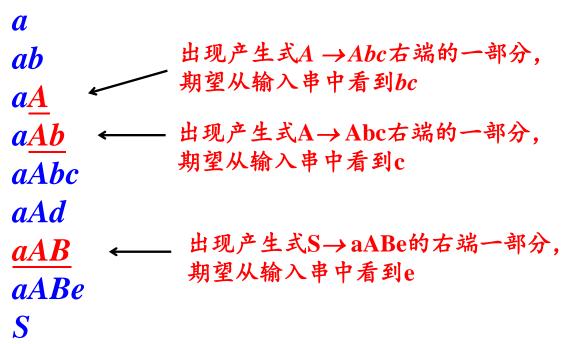


活前缀与句柄的关系



栈中可能出现的串:





- ・ 活前缀已含有句柄,表明产生式A
 ightarrow eta的右部eta已出现在栈顶。
- ・ 活前缀只含句柄的一部分符号如 eta_I 表明 $A oeta_Ieta_2$ 的右部子串 eta_I 已出现在栈顶,当前期待从输入串中看到 eta_2 推出的符号。





口栈中的文法符号总是形成一个活前缀

□分析表的转移函数本质上是识别活前缀的DFA

下表蓝色部分构成识别活前缀DFA的状态转换表

状态	动作					车	转 移		
	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s 5			s 4			1	2	3
1		s 6				acc			
2		r2	s <mark>7</mark>		<i>r</i> 2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s 5			s 4			8	2	3





- □栈中的文法符号总是形成一个活前缀
- □分析表的转移函数本质上是识别活前缀的DFA
- □栈顶的状态符号包含确定句柄所需的一切信息

栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
•••	• • •	•••
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按F→id归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	接 $T \rightarrow T*F$ 归约

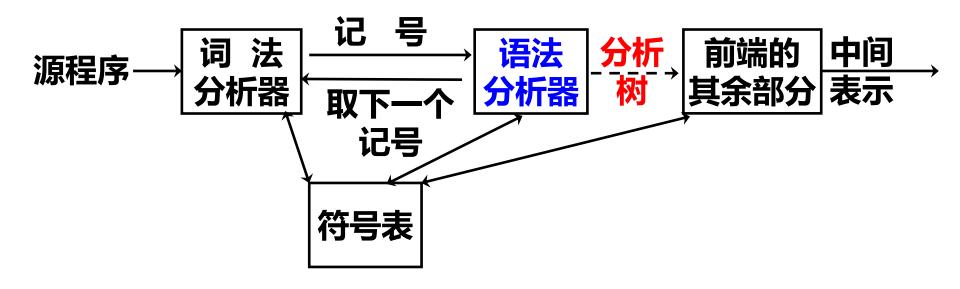




- □栈中的文法符号总是形成一个活前缀
- □分析表的转移函数本质上是识别活前缀的DFA
- □栈顶的状态符号包含确定句柄所需的一切信息
- 口是已知的最一般的无回溯的移进-归约方法
- □能分析的文法类是预测分析法能分析的文法类 的真超集
- □能及时发现语法错误
- □手工构造分析表的工作量太大







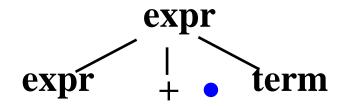
□LR(k)分析技术

- *LR分析器的简单模型
- ❖简单的LR方法(简称SLR)
 - ▶活前缀,识别活前缀的DFA/NFA, SLR算法
- ❖规范的LR方法
- ❖向前看的LR方法(简称LALR)





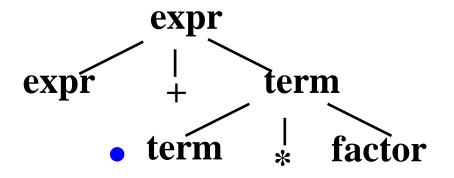
- \square SLR (Simple LR)
- □LR(0)项目 (简称项目)
 - ❖在右部的某个地方加点的产生式
 - ❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态







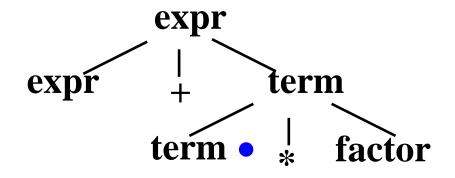
- \square SLR (Simple LR)
- □LR(0)项目 (简称项目)
 - ❖在右部的某个地方加点的产生式
 - ❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态







- \square SLR (Simple LR)
- □LR(0)项目 (简称项目)
 - ❖在右部的某个地方加点的产生式
 - ❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态







- □SLR (Simple LR)
- □LR(0)项目 (简称项目)

项代表了一个可能的 前缀

- ❖在右部的某个地方加点的产生式
- ❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态
- \square 例 $A \rightarrow XYZ$ 对应有四个项目

$$A \rightarrow XYZ$$

$$A \rightarrow X \cdot YZ$$

$$A \rightarrow XY Z$$

$$A \rightarrow XYZ$$
.

点的左边代表历史信息, 点的右边代表展望信息。

 \square 例 $A \rightarrow \epsilon$ 只有一个项目和它对应

$$A \rightarrow \cdot$$





- 口从文法构造识别活前缀的DFA
- 口从上述DFA构造分析表





1. 拓广文法 (augmented grammar)

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$





1. 拓广文法 (augmented grammar)

$$E' \rightarrow E$$

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$

当且仅当分析器使用 $E' \rightarrow E$ 归约时,宣告分析成功





2. 构造LR(0)项目集规范族

 I_0 :

$$E' \rightarrow E$$

项集族是若干可能前缀的 集合,对应DFA的状态





2. 构造LR(0)项目集规范族

$I_0: E' ightarrow E \ E ightarrow E + T \ E ightarrow T$

求项目集的闭包closure(I) 闭包函数closure(I) 1、I的每个项目均加入closure(I) 2、如果A \rightarrow a B β 在 closure(I)中, 且B \rightarrow y是产生式,那么如果项 目B \rightarrow y还不在closure(I)中的话, 那么把它加入。





2. 构造LR(0)项目集规范族

$I_{0}:$ $E' \rightarrow E$ $E \rightarrow E + T$ $E \rightarrow T$ $T \rightarrow T * F$ $T \rightarrow F$

求项目集的闭包closure(I) 闭包函数closure(I) 1、I的每个项目均加入closure(I) 2、如果A \rightarrow α B β 在 closure(I)中, 且B \rightarrow γ 是产生式,那么如果项 目B \rightarrow γ 还不在closure(I)中的话, 那么把它加入。





2. 构造LR(0)项目集规范族

I_0 :

$$E' \rightarrow E$$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow (E)$$

$$F \rightarrow id$$

求项目集的闭包closure(I)

闭包函数closure(I)

1、I的每个项目均加入closure(I)

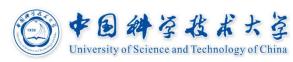
2、如果A→α Bβ在 closure(I)中,

且B→γ是产生式, 那么如果项

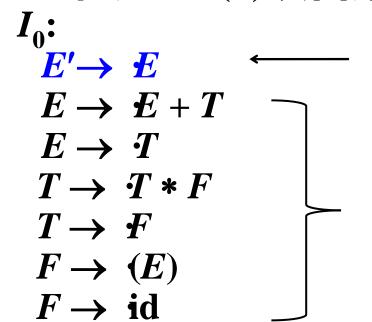
目B→ γ还不在closure(I)中的话,

那么把它加入。





2. 构造LR(0)项目集规范族



核心项目,初始项+点不在最左边的项

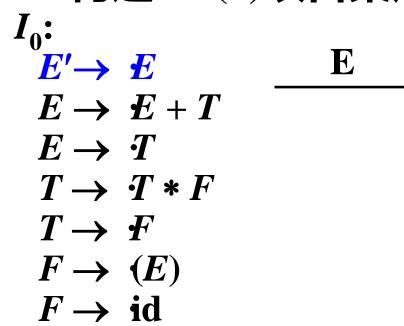
非核心项目, 不是初始项, 且点在最左边

可以通过对核心项目求闭包来获得 为节省存储空间,可省去





2. 构造LR(0)项目集规范族



$$I_1 := goto(I_0, E)$$

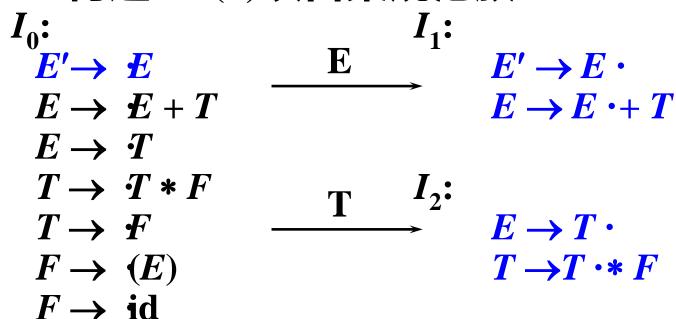
 $E' \rightarrow E$.

 $E \rightarrow E \cdot + T$

 I_1 :

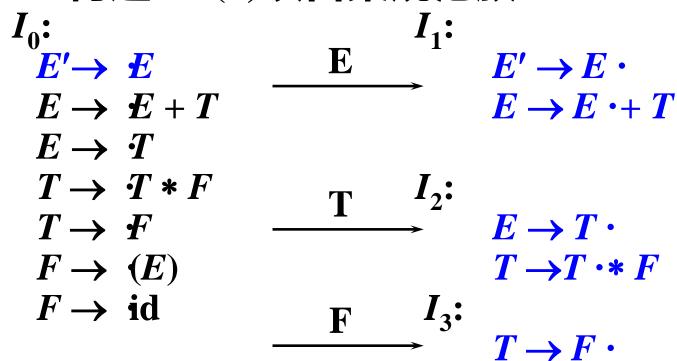






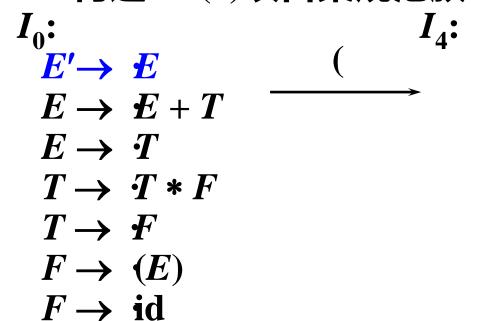








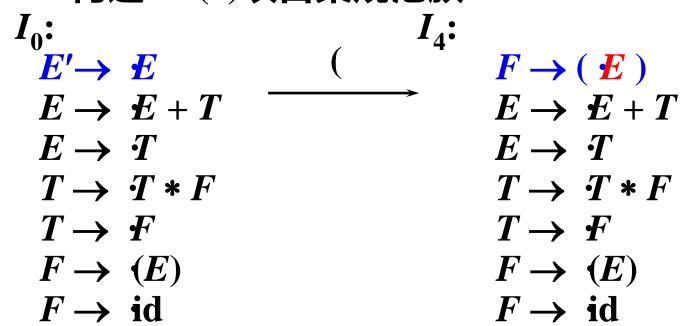




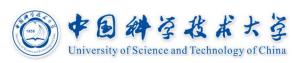
$$F \rightarrow (E)$$

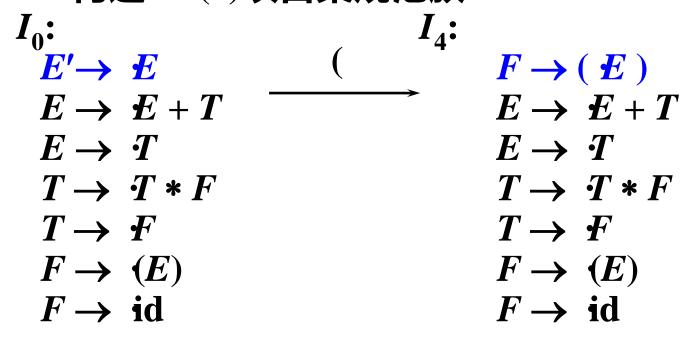


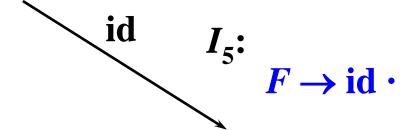






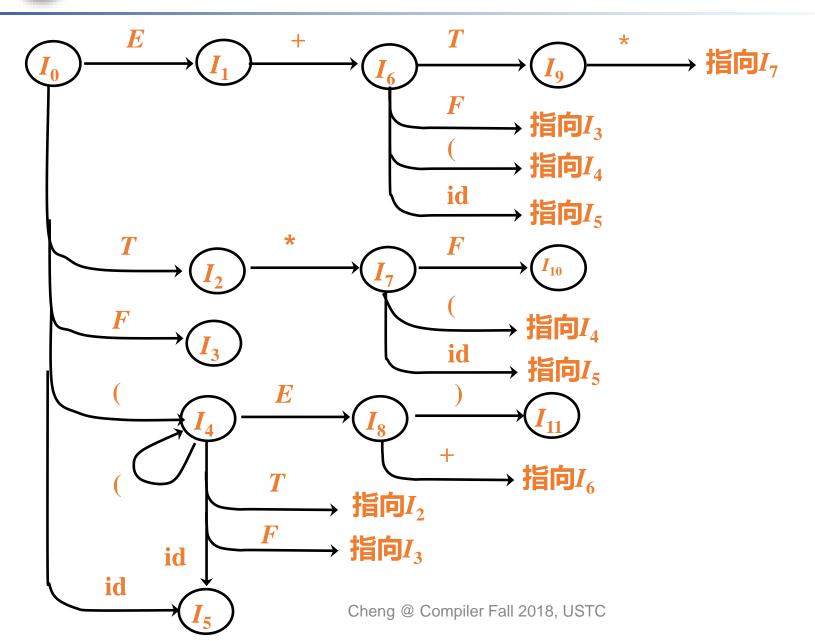




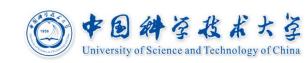


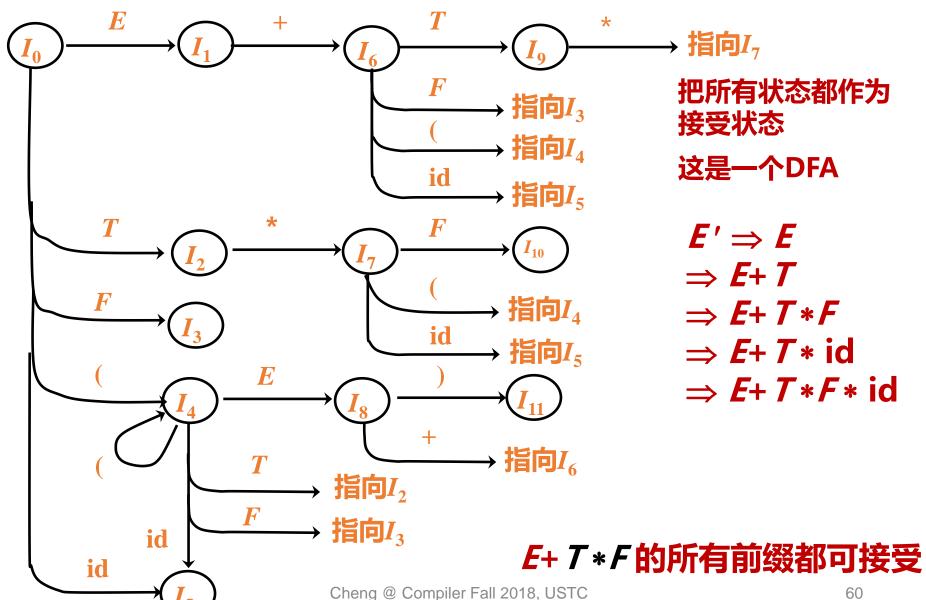












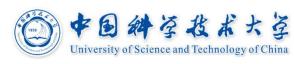




- 口从文法构造识别活前缀的DFA
- 口从上述DFA构造分析表



从DFA构造SLR分析表



□状态i从I_i构造,它的action函数如下确定:

- ◆如果 $[A \rightarrow \alpha \alpha \beta]$ 在 I_i 中,并且 $goto(I_i, \alpha) = I_j$,那么 $\Xi action[i, \alpha]$ 为sj
- ❖如果[A→ α]在 I_i 中,那么对FOLLOW(A)中的所有a,置action[i,a]为rj,j是产生式 A→ α 的编号
- ❖如果[S'→S]在 I_i 中,那么置action[i, \$]为接受 acc

□如果出现动作冲突,那么该文法就不是SLR(1)





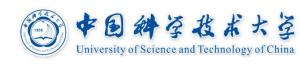
- □状态i从I,构造,它的action函数如下确定:
 - ❖此处省略,参见上页
- □使用下面规则构造状态i的goto函数:
 - ❖对所有的非终结符A,如果 $goto(I_i, A) = I_j$,那么goto[i, A] = j





- □状态i从I_i构造,它的action函数如下确定:
 - ❖此处省略,参见上页
- □使用下面规则构造状态i的goto函数:
 - ❖此处省略,参见上页
- □不能由上面两步定义的条目都置为error
- □分析器的初始状态是包含 $[S' \rightarrow S]$ 的项目集对应的状态





例 $(1) E \rightarrow E + T$ $(2) E \rightarrow T$

 $(3) T \to T * F \quad (4) T \to E$

 $(5) F \rightarrow (E) \quad (6) F \rightarrow id$

si移进当前输入符号和状态i rj按第j个产生式进行归约 acc 接受

状态	动 作 action						转 移 goto		
	id	+	*	()	\$	\boldsymbol{E}	T	${m F}$
0	<i>s</i> 5			s 4			1	2	3
1		<i>s</i> 6				acc			
2		r2	<i>s</i> 7		r2	r2			
3		<i>r</i> 4	r4		r4	r4			
4	<i>s</i> 5			s 4			8	2	3
5		r6	r6		<i>r6</i>	r6			
6	<i>s</i> 5			s4				9	3

Cheng @ Compiler Fail 2018, USTC





《编译原理与技术》 语法分析IV

The Pessimist Sees Difficulty In Every Opportunity.
The Optimist Sees Opportunity In Every Difficulty.

—— Winston Churchill