一个函数秒杀 2Sum 3Sum 4Sum 问题

蛮三刀酱

31-38 minutes

东哥带你手把手撕力扣 😏 点击下方卡片即可搜索 🦴

经常刷 LeetCode 的读者肯定知道鼎鼎有名的 twoSum 问题,我们的旧文 <u>Two Sum 问题的核心思想</u>对 twoSum 的几个变种做了解析。

但是除了 twoSum 问题, LeetCode 上面还有 3Sum, 4Sum 问题, 我估计以后出个 5Sum, 6Sum 也不是不可能。

那么,对于这种问题有没有什么好办法用套路解决呢?本文就由浅 入深,层层推进,用一个函数来解决所有 nSum 类型的问题。

一、twoSum 问题

力扣上的 twoSum 问题,题目要求返回的是索引,这里我来编一道 twoSum 题目,不要返回索引,返回元素的值:

如果假设输入一个数组 nums 和一个目标和 target, **请你返回 nums 中能够凑出 target 的两个元素的值**,比如输入 nums = [5,3,1,6],target = 9,那么算法返回两个元素 [3,6]。可以假设只有且仅有一对儿元素可以凑出 target。

我们可以先对 nums 排序,然后利用前文「<u>双指针技巧汇总</u>」写过的左右双指针技巧,从两端相向而行就行了:

```
vector<int> twoSum(vector<int>& nums, int target) {
   // 先对数组排序
   sort(nums.begin(), nums.end());
   // 左右指针
   int lo = 0, hi = nums.size() - 1;
   while (lo < hi) {
       int sum = nums[lo] + nums[hi];
       // 根据 sum 和 target 的比较,移动左右指针
       if (sum < target) {</pre>
           10++;
       } else if (sum > target) {
           hi--;
       } else if (sum == target) {
           return {nums[lo], nums[hi]};
       }
   return {};
```

这样就可以解决这个问题,不过我们要继续魔改题目,把这个题目 变得更泛化,更困难一点:

nums 中可能有多对儿元素之和都等于 target,请你的算法返回所有和为 target 的元素对儿,其中不能出现重复。

函数签名如下:

```
vector<vector<int>> twoSumTarget(vector<int>& nums,
int target);
```

比如说输入为 nums = [1,3,1,2,2,3], target = 4, 那么算法返回的结果就是: [[1,3],[2,2]]。

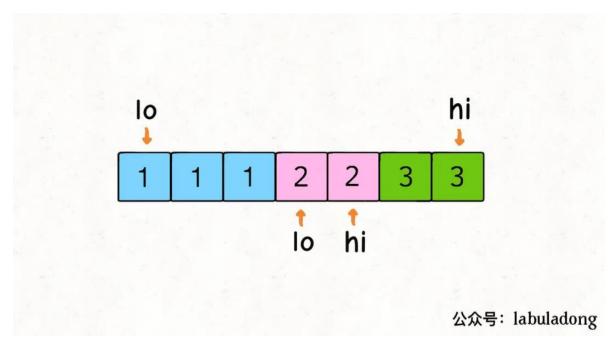
对于修改后的问题,关键难点是现在可能有多个和为 target 的数对儿,还不能重复,比如上述例子中[1,3]和[3,1]就算重复,只能算一次。

首先,基本思路肯定还是排序加双指针:

```
vector<vector<int>> twoSumTarget(vector<int>& nums,
int target {
    // 先对数组排序
    sort(nums.begin(), nums.end());
   vector<vector<int>> res;
    int lo = 0, hi = nums.size() - 1;
   while (lo < hi) {</pre>
        int sum = nums[lo] + nums[hi];
        // 根据 sum 和 target 的比较,移动左右指针
            (sum < target) lo++;
        if
        else if (sum > target) hi--;
        else {
            res.push_back({lo, hi});
            lo++; hi--;
        }
    }
    return res;
```

但是,这样实现会造成重复的结果,比如说 nums = [1,1,1,2,2,3,3],target = 4,得到的结果中 [1,3] 肯定会重复。

出问题的地方在于 sum == target 条件的 if 分支,当给 res 加入一次结果后,lo 和 hi 不应该改变 1 的同时,还应该跳过所有重复的元素:



所以,可以对双指针的 while 循环做出如下修改:

这样就可以保证一个答案只被添加一次,重复的结果都会被跳过,可以得到正确的答案。不过,受这个思路的启发,其实前两个 if 分支也是可以做一点效率优化,跳过相同的元素:

```
vector<vector<int>> twoSumTarget(vector<int>& nums,
```

```
int target) {
    // nums 数组必须有序
    sort(nums.begin(), nums.end());
    int lo = 0, hi = nums.size() - 1;
    vector<vector<int>> res;
    while (lo < hi) {
        int sum = nums[lo] + nums[hi];
        int left = nums[lo], right = nums[hi];
        if (sum < target) {</pre>
            while (lo < hi && nums[lo] == left) lo++;
        } else if (sum > target) {
            while (lo < hi && nums[hi] == right)</pre>
hi--;
        } else {
            res.push back({left, right});
            while (lo < hi && nums[lo] == left) lo++;
            while (lo < hi && nums[hi] == right)</pre>
hi--;
        }
    }
    return res;
```

这样,一个通用化的 twoSum 函数就写出来了,请确保你理解了该算法的逻辑,我们后面解决 3Sum 和 4Sum 的时候会复用这个函数。

这个函数的时间复杂度非常容易看出来,双指针操作的部分虽然有那么多 while 循环,但是时间复杂度还是 O(N),而排序的时间复杂度是 O(NlogN),所以这个函数的时间复杂度是 O(NlogN)。

二、3Sum 问题

这是力扣第 15 题「三数之和」:

15. 三数之和

给你一个包含n个整数的数组 nums,判断 nums 中是否存在三个元素a, b, c, 使得a+b+c=0?请你找出所有满足条件且不重复的三元组。

注意: 答案中不可以包含重复的三元组。

示例:

```
给定数组 nums = [-1, 0, 1, 2, -1, -4],
满足要求的三元组集合为:
[
    [-1, 0, 1],
    [-1, -1, 2]
]
```

题目就是让我们找 nums 中和为 0 的三个元素,返回所有可能的三元组 (triple),函数签名如下:

```
vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums);
```

这样,我们再泛化一下题目,不要光和为 0 的三元组了,计算和为 target 的三元组吧,同上面的 twoSum 一样,也不允许重复的结果:

```
vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums) {
    // 求和为 0 的三元组
    return threeSumTarget(nums, 0);
}

vector<vector<int>> threeSumTarget(vector<int>& nums,
int target) {
    // 输入数组 nums, 返回所有和为 target 的三元组
}
```

这个问题怎么解决呢?**很简单,穷举呗**。现在我们想找和为 target

的三个数字,那么对于第一个数字,可能是什么? nums 中的每一个元素 nums[i] 都有可能!

那么,确定了第一个数字之后,剩下的两个数字可以是什么呢? 其实就是和为 target - nums[i]的两个数字呗,那不就是 twoSum函数解决的问题么?

可以直接写代码了, 需要把 twoSum 函数稍作修改即可复用:

```
/* 从 nums[start] 开始,计算有序数组
* nums 中所有和为 target 的二元组 */
vector<vector<int>> twoSumTarget(
   vector<int>& nums, int start, int target) {
   // 左指针改为从 start 开始,其他不变
   int lo = start, hi = nums.size() - 1;
   vector<vector<int>> res;
   while (lo < hi) {
   return res;
/* 计算数组 nums 中所有和为 target 的三元组 */
vector<vector<int>> threeSumTarget(vector<int>& nums,
int target) {
   // 数组得排个序
   sort(nums.begin(), nums.end());
   int n = nums.size();
   vector<vector<int>> res;
   // 穷举 threeSum 的第一个数
   for (int i = 0; i < n; i++) {
       // 对 target - nums[i] 计算 twoSum
```

需要注意的是,类似 twoSum, 3Sum 的结果也可能重复,比如输入是 nums = [1,1,1,2,3], target = 6, 结果就会重复。

关键点在于,不能让第一个数重复,至于后面的两个数,我们复用的 twoSum 函数会保证它们不重复。所以代码中必须用一个 while 循环来保证 3Sum 中第一个元素不重复。

至此, 3Sum 问题就解决了,时间复杂度不难算,排序的复杂度为 0(NlogN), twoSumTarget 函数中的双指针操作为 0(N), threeSumTarget 函数在 for 循环中调用 twoSumTarget 所以总的时间复杂度就是 0(NlogN + N^2) = 0(N^2)。

三、4Sum 问题

这是力扣第 18 题「四数之和」:

18. 四数之和

难度中等 🖒 495 ♡ 收藏 🗋 分享 🕱 切换为英文 🛕 关注 🗓 反负

给定一个包含n 个整数的数组 nums 和一个目标值 target ,判断 nums 中是否存在四个元素a ,b ,c 和 d ,使 得 a+b+c+d 的值与 target 相等? 找出所有满足条件且不重复的四元组。

注意:

答案中不可以包含重复的四元组。

示例:

```
给定数组 nums = [1, 0, -1, 0, -2, 2], 和 target = 0。
满足要求的四元组集合为:
[
    [-1, 0, 0, 1],
    [-2, -1, 1, 2],
    [-2, 0, 0, 2]
]
```

函数签名如下:

```
vector<vector<int>> fourSum(vector<int>& nums, int
target);
```

都到这份上了,4Sum完全就可以用相同的思路:穷举第一个数字,然后调用3Sum函数计算剩下三个数,最后组合出和为target的四元组。

```
结果四元组
       for (vector<int>& triple : triples) {
           triple.push back(nums[i]);
           res.push back(triple);
       }
       // fourSum 的第一个数不能重复
       while (i < n - 1 \&\& nums[i] == nums[i + 1])
i++;
   }
   return res;
/* 从 nums[start] 开始,计算有序数组
* nums 中所有和为 target 的三元组 */
vector<vector<int>>
   threeSumTarget(vector<int>& nums, int start, int
target) {
       int n = nums.size();
       vector<vector<int>> res;
       // i 从 start 开始穷举,其他都不变
       for (int i = start; i < n; i++) {
       return res;
```

这样,按照相同的套路, 4Sum 问题就解决了, 时间复杂度的分析和之前类似, for 循环中调用了 threeSumTarget 函数, 所以总的时间复杂度就是 O(N^3)。

四、100Sum 问题?

在 LeetCode 上, 4Sum 就到头了, **但是回想刚才写 3Sum 和 4Sum** 的过程, 实际上是遵循相同的模式的。我相信你只要稍微修改一下 4Sum 的函数就可以复用并解决 5Sum 问题, 然后解决 6Sum 问题……

那么,如果我让你求 100Sum 问题,怎么办呢?其实我们可以观察上面这些解法,统一出一个 nSum 函数:

```
/* 注意: 调用这个函数之前一定要先给 nums 排序 */
vector<vector<int>> nSumTarget(
    vector<int>& nums, int n, int start, int target)
{
    int sz = nums.size();
    vector<vector<int>> res;
    // 至少是 2Sum, 且数组大小不应该小于 n
    if (n < 2 \mid | sz < n) return res;
    // 2Sum 是 base case
    if (n == 2) {
        // 双指针那一套操作
        int lo = start, hi = sz - 1;
        while (lo < hi) {</pre>
            int sum = nums[lo] + nums[hi];
            int left = nums[lo], right = nums[hi];
            if (sum < target) {</pre>
                while (lo < hi && nums[lo] == left)</pre>
10++;
            } else if (sum > target) {
                while (lo < hi && nums[hi] == right)</pre>
hi--;
            } else {
```

```
res.push back({left, right});
                while (lo < hi && nums[lo] == left)</pre>
10++;
                while (lo < hi && nums[hi] == right)</pre>
hi--;
            }
    } else {
        // n > 2 时, 递归计算 (n-1)Sum 的结果
        for (int i = start; i < sz; i++) {
            vector<vector<int>>
                sub = nSumTarget(nums, n - 1, i + 1,
target - nums[i]);
            for (vector<int>& arr : sub) {
                // (n-1)Sum 加上 nums[i] 就是 nSum
                arr.push back(nums[i]);
                res.push back(arr);
            while (i < sz - 1 && nums[i] == nums[i +
1]) i++;
        }
    return res;
```

嗯,看起来很长,实际上就是把之前的题目解法合并起来了, n == 2 时是 twoSum 的双指针解法, n > 2 时就是穷举第一个数字, 然后递归调用计算 (n-1)Sum,组装答案。

需要注意的是,调用这个 nSum 函数之前一定要先给 nums 数组排序, 因为 nSum 是一个递归函数, 如果在 nSum 函数里调用排序函

数,那么每次递归都会进行没有必要的排序,效率会非常低。 比如说现在我们写 LeetCode 上的 4Sum 问题:

```
vector<vector<int>> fourSum(vector<int>& nums, int
target) {
    sort(nums.begin(), nums.end());
    // n 为 4, 从 nums[0] 开始计算和为 target 的四元组
    return nSumTarget(nums, 4, 0, target);
}
```

再比如 LeetCode 的 3Sum 问题, 找 target == 0 的三元组:

```
vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums) {
    sort(nums.begin(), nums.end());
    // n 为 3, 从 nums[0] 开始计算和为 0 的三元组
    return nSumTarget(nums, 3, 0, 0);
}
```

那么,如果让你计算 100Sum 问题,直接调用这个函数就完事儿了。

文章分享自微信公众号:





本文参与 <u>腾讯云自媒体分享计划</u> , 欢迎热爱写作的你一起参与! 如有侵权, 请联系 cloudcommunity@tencent.com 删除。