

一文秒杀所有岛屿题目



通知: 数据结构精品课 V1.7 持续更新中; 第九期打卡挑战 开始报名; B 站可查看核心算法框架系列视频。

读完本文, 你不仅学会了算法套路, 还可以顺便解决如下题目:

牛客	LeetCode	力扣	难度
_	1020. Number of Enclaves	1020. 飞地的数量	
_	1254. Number of Closed Islands	1254. 统计封闭岛屿的数目	
_	1905. Count Sub Islands	1905. 统计子岛屿	
_	200. Number of Islands	200. 岛屿数量	
_	694. Number of Distinct Islands	694. 不同岛屿的数量	
-	695. Max Area of Island	695. 岛屿的最大面积	
_	-	剑指 Offer II 105. 岛屿的最大面积	

岛屿系列算法问题是经典的面试高频题,虽然基本的问题并不难,但是这类问题有一些有意思的扩展,比如求子岛屿数量,求形状不同的岛屿数量等等,本文就来把这些问题一网打尽。

岛屿系列题目的核心考点就是用 DFS/BFS 算法遍历二维数组。

的,无非就是把 DFS 改与成 BFS 而已。

那么如何在二维矩阵中使用 DFS 搜索呢?如果你把二维矩阵中的每一个位置看做一个节点,这个节点的上下左右四个位置就是相邻节点,那么整个矩阵就可以抽象成一幅网状的「图」结构。

根据 学习数据结构和算法的框架思维,完全可以根据二叉树的遍历框架改写出二维矩阵的 DFS 代码框架:

```
// 二叉树遍历框架
void traverse(TreeNode root) {
    traverse(root.left);
   traverse(root.right);
}
// 二维矩阵遍历框架
void dfs(int[][] grid, int i, int j, boolean[][] visited) {
   int m = grid.length, n = grid[0].length;
    if (i < 0 || j < 0 || i >= m || j >= n) {
       // 超出索引边界
       return;
    }
   if (visited[i][j]) {
       // 己遍历过 (i, j)
       return;
    }
   // 进入节点 (i, j)
    visited[i][j] = true;
    dfs(grid, i - 1, j, visited); // \pm
   dfs(grid, i + 1, j, visited); // T
   dfs(grid, i, j - 1, visited); // \pm
   dfs(grid, i, j + 1, visited); // 右
}
```

因为二维矩阵本质上是一幅「图」,所以遍历的过程中需要一个 visited 布尔数组防止走回头路,如果你能理解上面这段代码,那么搞定所有岛屿系列题目都很简单。

这里额外说一个处理二维数组的常用小技巧,你有时会看到使用「方向数组」来处理上下左右的遍历,和前文 图遍历框架 的代码很类似:



```
// 方向数组,分别代表上、下、左、右
int[][] dirs = new int[][]{{-1,0}, {1,0}, {0,-1}, {0,1}};
void dfs(int[][] grid, int i, int j, boolean[][] visited) {
    int m = grid.length, n = grid[0].length;
   if (i < 0 || j < 0 || i >= m || j >= n) {
       // 超出索引边界
       return;
   if (visited[i][j]) {
       // 己遍历过 (i, j)
       return;
    }
   // 进入节点 (i, j)
   visited[i][j] = true;
   // 递归遍历上下左右的节点
   for (int[] d : dirs) {
       int next_i = i + d[0];
       int next_j = j + d[1];
       dfs(grid, next_i, next_j, visited);
   // 离开节点 (i, j)
}
```

这种写法无非就是用 for 循环处理上下左右的遍历罢了,你可以按照个人喜好选择写法。

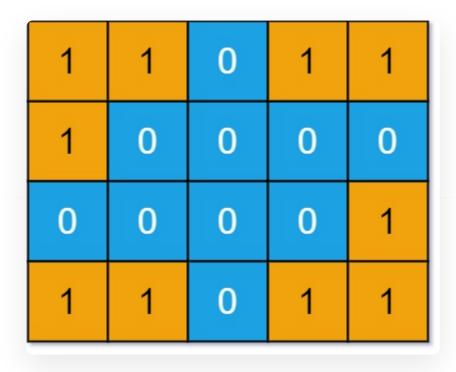
岛屿数量

这是力扣第 200 题「岛屿数量」,最简单也是最经典的一道问题,题目会输入一个二维数组 grid,其中只包含 Ø 或者 1, Ø 代表海水,1 代表陆地,且假设该矩阵四周都是被海水包围着的。

我们说连成片的陆地形成岛屿,那么请你写一个算法,计算这个矩阵 grid 中岛屿的个数,函数签名如下:

```
int numIslands(char[][] grid);
```





思路很简单,关键在于如何寻找并标记「岛屿」,这就要 DFS 算法发挥作用了,我们直接看解法 代码:

```
// 主函数, 计算岛屿数量
int numIslands(char[][] grid) {
   int res = 0;
    int m = grid.length, n = grid[0].length;
   // 遍历 grid
   for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
       for (int j = 0; j < n; j++) {</pre>
           if (grid[i][j] == '1') {
               // 每发现一个岛屿,岛屿数量加一
               res++;
               // 然后使用 DFS 将岛屿淹了
               dfs(grid, i, j);
           }
       }
    }
    return res;
}
```

// 从 (i, j) 开始,将与之相邻的陆地都变成海水

```
T (T < 0 || D < 0 || T >= III || D > 1) {
       // 超出索引边界
       return;
   }
   if (grid[i][j] == '0') {
       // 已经是海水了
       return;
   }
   // 将 (i, j) 变成海水
   grid[i][j] = '0';
   // 淹没上下左右的陆地
   dfs(grid, i + 1, j);
   dfs(grid, i, j + 1);
   dfs(grid, i - 1, j);
   dfs(grid, i, j - 1);
}
```

为什么每次遇到岛屿,都要用 DFS 算法把岛屿「淹了」呢?主要是为了省事,避免维护 visited 数组。

因为 dfs 函数遍历到值为 0 的位置会直接返回,所以只要把经过的位置都设置为 0 ,就可以起到不走回头路的作用。

PS: 这类 DFS 算法还有个别名叫做 FloodFill 算法,现在有没有觉得 FloodFill 这个名字还挺贴切的~

这个最最基本的算法问题就说到这,我们来看看后面的题目有什么花样。

封闭岛屿的数量

上一题说二维矩阵四周可以认为也是被海水包围的,所以靠边的陆地也算作岛屿。

力扣第 1254 题「 统计封闭岛屿的数目」和上一题有两点不同:

- 1、用 0 表示陆地,用 1 表示海水。
- 2、让你计算「封闭岛屿」的数目。所谓「封闭岛屿」就是上下左右全部被 1 包围的 0 , 也就是说靠边的陆地不算作「封闭岛屿」。

函数签名如下:



int closedIsland(int[][] grid)

比如题目给你输入如下这个二维矩阵:

1	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	0	1	1	0
1	0	1	0	1	1	1	0
1	0	0	0	0	1	0	1
1	1	1	1	1	1	1	0

算法返回 2, 只有图中灰色部分的 0 是四周全都被海水包围着的「封闭岛屿」。

那么如何判断「封闭岛屿」呢?其实很简单,把上一题中那些靠边的岛屿排除掉,剩下的不就是「封闭岛屿」了吗?

有了这个思路,就可以直接看代码了,注意这题规定 0 表示陆地,用 1 表示海水:

```
// 主函数: 计算封闭岛屿的数量
int closedIsland(int[][] grid) {
    int m = grid.length, n = grid[0].length;
    for (int j = 0; j < n; j++) {
        // 把靠上边的岛屿淹掉
        dfs(grid, 0, j);
        // 把靠下边的岛屿淹掉
        dfs(grid, m - 1, j);
    }
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        // 把靠左边的岛屿淹掉
        dfs(grid, i, 0);
        // 把靠右边的岛屿淹掉
```

```
// 她// YI'LU,料下的面刷印定到的面刷
    int res = 0;
    for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
       for (int j = 0; j < n; j++) {</pre>
           if (grid[i][j] == 0) {
               res++;
               dfs(grid, i, j);
           }
       }
    return res;
}
// 从 (i, j) 开始,将与之相邻的陆地都变成海水
void dfs(int[][] grid, int i, int j) {
    int m = grid.length, n = grid[0].length;
    if (i < 0 || j < 0 || i >= m || j >= n) {
       return:
    if (grid[i][j] == 1) {
       // 已经是海水了
       return;
   // 将 (i, j) 变成海水
   grid[i][j] = 1;
   // 淹没上下左右的陆地
   dfs(grid, i + 1, j);
    dfs(grid, i, j + 1);
    dfs(grid, i - 1, j);
   dfs(grid, i, j - 1);
}
```

只要提前把靠边的陆地都淹掉,然后算出来的就是封闭岛屿了。

PS: 处理这类岛屿题目除了 DFS/BFS 算法之外, Union Find 并查集算法也是一种可选的方法, 前文 Union Find 算法运用 就用 Union Find 算法解决了一道类似的问题。

这道岛屿题目的解法稍微改改就可以解决力扣第 1020 题 「飞地的数量」,这题不让你求封闭岛屿的数量,而是求封闭岛屿的面积总和。

其实思路都是一样的,先把靠边的陆地淹掉,然后去数剩下的陆地数量就行了,注意第 1020 题中 1 代表陆地, 10 代表海水:

```
int numEnclaves(int[][] grid) {
    int m = grid.length, n = grid[0].length;
    // 淹掉靠边的陆地
    for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        dfs(grid, i, ∅);
        dfs(grid, i, n - 1);
    for (int j = 0; j < n; j++) {</pre>
        dfs(grid, ∅, j);
        dfs(grid, m - 1, j);
    }
    // 数一数剩下的陆地
    int res = 0;
    for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        for (int j = 0; j < n; j++) {</pre>
            if (grid[i][j] == 1) {
                res += 1;
        }
    }
    return res;
}
// 和之前的实现类似
void dfs(int[][] grid, int i, int j) {
    // ...
}
```

篇幅所限,具体代码我就不写了,我们继续看其他的岛屿题目。

岛屿的最大面积

这是力扣第 695 题 「 岛屿的最大面积 」, **0** 表示海水, **1** 表示陆地, 现在不让你计算岛屿的个数了, 而是让你计算最大的那个岛屿的面积, 函数签名如下:

```
int maxAreaOfIsland(int[][] grid)
```



0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0
0	1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0
0	1	0	0	1	1	0	0	1	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0

其中面积最大的是橘红色的岛屿, 算法返回它的面积 6。

这题的大体思路和之前完全一样,只不过 afs 函数淹没岛屿的同时,还应该想办法记录这个岛屿的面积。

我们可以给 dfs 函数设置返回值,记录每次淹没的陆地的个数,直接看解法吧:

// 淹没与 (i, j) 相邻的陆地,并返回淹没的陆地面积



解法和之前相比差不多,我也不多说了,接下来的两道岛屿题目是比较有技巧性的,我们重点来看一下。

子岛屿数量

如果说前面的题目都是模板题,那么力扣第1905题「统计子岛屿」可能得动动脑子了:





```
輸入: grid1 = [[1,1,1,0,0],[0,1,1,1,1],[0,0,0,0,0],[1,0,0,0,0],
[1,1,0,1,1]], grid2 = [[1,1,1,0,0],[0,0,1,1,1],[0,1,0,0,0],
[1,0,1,1,0],[0,1,0,1,0]]
輸出: 3
解释: 如上图所示, 左边为 grid1 , 右边为 grid2 。
grid2 中标红的 1 区域是子岛屿, 总共有 3 个子岛屿。
```

这道题的关键在于,如何快速判断子岛屿? 肯定可以借助 Union Find 并查集算法 来判断,不过本文重点在 DFS 算法,就不展开并查集算法了。

什么情况下 grid2 中的一个岛屿 B 是 grid1 中的一个岛屿 A 的子岛?

当岛屿 B 中所有陆地在岛屿 A 中也是陆地的时候,岛屿 B 是岛屿 A 的子岛。

反过来说,如果岛屿 B 中存在一片陆地,在岛屿 A 的对应位置是海水,那么岛屿 B 就不是岛屿 A 的子岛。

那么,我们只要遍历 grid2 中的所有岛屿,把那些不可能是子岛的岛屿排除掉,剩下的就是子岛。

依据这个思路,可以直接写出下面的代码:

```
int countSubIslands(int[][] grid1, int[][] grid2) {
    int m = grid1.length, n = grid1[0].length;
   for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        for (int j = 0; j < n; j++) {
           if (grid1[i][j] == 0 && grid2[i][j] == 1) {
               // 这个岛屿肯定不是子岛,淹掉
               dfs(grid2, i, j);
            }
        }
    }
   // 现在 grid2 中剩下的岛屿都是子岛,计算岛屿数量
    int res = 0;
   for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        for (int j = 0; j < n; j++) {</pre>
           if (grid2[i][j] == 1) {
               res++;
               dfs(grid2, i, j);
            }
```

```
recurn res;
}
// 从 (i, j) 开始,将与之相邻的陆地都变成海水
void dfs(int[][] grid, int i, int j) {
   int m = grid.length, n = grid[0].length;
   if (i < 0 || j < 0 || i >= m || j >= n) {
       return;
    }
    if (grid[i][j] == 0) {
       return;
    }
    grid[i][j] = 0;
   dfs(grid, i + 1, j);
    dfs(grid, i, j + 1);
   dfs(grid, i - 1, j);
   dfs(grid, i, j - 1);
}
```

这道题的思路和计算「封闭岛屿」数量的思路有些类似,只不过后者排除那些靠边的岛屿,前者排除那些不可能是子岛的岛屿。

不同的岛屿数量

这是本文的最后一道岛屿题目,作为压轴题,当然是最有意思的。

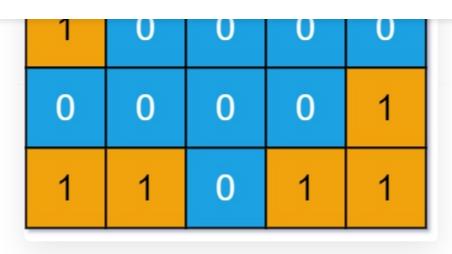
力扣第 694 题「不同的岛屿数量」,题目还是输入一个二维矩阵, ② 表示海水, 1 表示陆地,这次让你计算 不同的 (distinct) 岛屿数量,函数签名如下:

```
int numDistinctIslands(int[][] grid)
```

比如题目输入下面这个二维矩阵:







其中有四个岛屿,但是左下角和右上角的岛屿形状相同,所以不同的岛屿共有三个,算法返回 3。

很显然我们得想办法把二维矩阵中的「岛屿」进行转化,变成比如字符串这样的类型,然后利用 HashSet 这样的数据结构去重,最终得到不同的岛屿的个数。

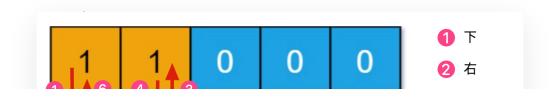
如果想把岛屿转化成字符串,说白了就是序列化,序列化说白了就是遍历嘛,前文二叉树的序列化和反序列化 讲了二叉树和字符串互转,这里也是类似的。

首先,对于形状相同的岛屿,如果从同一起点出发,dfs 函数遍历的顺序肯定是一样的。

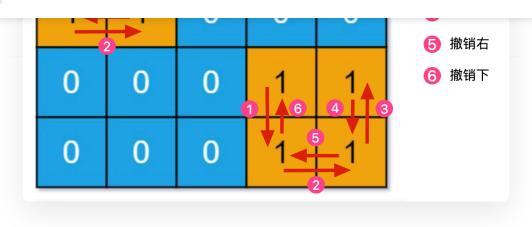
因为遍历顺序是写死在你的递归函数里面的,不会动态改变:

```
void dfs(int[][] grid, int i, int j) {
    // 递归顺序:
    dfs(grid, i - 1, j); // 上
    dfs(grid, i + 1, j); // 下
    dfs(grid, i, j - 1); // 左
    dfs(grid, i, j + 1); // 右
}
```

所以,遍历顺序从某种意义上说就可以用来描述岛屿的形状,比如下图这两个岛屿:







假设它们的遍历顺序是:

下,右,上,撤销上,撤销右,撤销下

如果我用分别用 1,2,3,4 代表上下左右,用 -1,-2,-3,-4 代表上下左右的撤销,那么可以这样表示它们的遍历顺序:

2, 4, 1, -1, -4, -2

你看,这就相当于是岛屿序列化的结果,只要每次使用 dfs 遍历岛屿的时候生成这串数字进行比较,就可以计算到底有多少个不同的岛屿了。

PS: 细心的读者问到,为什么记录「撤销」操作才能唯一表示遍历顺序呢?不记录撤销操作好像也可以?实际上不是的。

比方说「下,右,撤销右,撤销下」和「下,撤销下,右,撤销右」显然是两个不同的遍历顺序,但如果不记录撤销操作,那么它俩都是「下,右」,成了相同的遍历顺序,显然是不对的。

所以我们需要稍微改造 dfs 函数,添加一些函数参数以便记录遍历顺序:

```
griu[i][j] = v;
sb.append(dir).append(',');

dfs(grid, i - 1, j, sb, 1); // 上
dfs(grid, i + 1, j, sb, 2); // 下
dfs(grid, i, j - 1, sb, 3); // 左
dfs(grid, i, j + 1, sb, 4); // 右

// 后序遍历位置: 离开 (i, j)
sb.append(-dir).append(',');
}
```

dir 记录方向,dfs 函数递归结束后,sb 记录着整个遍历顺序。有了这个 dfs 函数就好办了,我们可以直接写出最后的解法代码:

```
int numDistinctIslands(int[][] grid) {
   int m = grid.length, n = grid[0].length;
   // 记录所有岛屿的序列化结果
   HashSet<String> islands = new HashSet<>();
   for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
       for (int j = 0; j < n; j++) {</pre>
           if (grid[i][j] == 1) {
              // 淹掉这个岛屿,同时存储岛屿的序列化结果
               StringBuilder sb = new StringBuilder();
               // 初始的方向可以随便写,不影响正确性
               dfs(grid, i, j, sb, 666);
               islands.add(sb.toString()); "
           }
       }
   }
   // 不相同的岛屿数量
   return islands.size();
}
```

这样,这道题就解决了,至于为什么初始调用 dfs 函数时的 dir 参数可以随意写,这里涉及 DFS 和回溯算法的一个细微差别,前文 图算法基础 有写,这里就不展开了。

以上就是全部岛屿系列题目的解题思路,也许前面的题目大部分人会做,但是最后两题还是比较巧妙的,希望本文对你有帮助。



▶ 引用本文的文章

《labuladong 的算法小抄》已经出版,关注公众号查看详情;后台回复关键词「进群」可加入算法群;回复「PDF」可获取精华文章 PDF:



共同维护高质量学习环境,评论礼仪见这里,违者直接拉黑不解释





19 of 26

20 of 26





7/23/2022, 8:45 PM 22 of 26





7/23/2022, 8:45 PM 24 of 26







26 of 26