

HESSIAN MATRİSİ

- Bir fonksiyonun hessian matrisi, tüm ikinci kısmi türevleri bir matriste düzenler; $H(f)$, H_f ve H_p şeklinde ifade edilebilir.

$$H_f = \begin{bmatrix} \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} & \frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y} & \frac{\partial^2 f}{\partial x \partial z} & \dots \\ \frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x} & \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} & \frac{\partial^2 f}{\partial y \partial z} & \dots \\ \frac{\partial^2 f}{\partial z \partial x} & \frac{\partial^2 f}{\partial z \partial y} & \frac{\partial^2 f}{\partial z^2} & \dots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots \end{bmatrix}$$

Buna göre, burada dikkat edilmesi gereken 2 nokta;

- Bu sadece skaler değerli fonksiyonlar için anlamlıdır.
- H_f sıradan bir matris değildir ancak girdileri fonksiyonlar olan bir matristir. Başka şekilde ifade ederseniz bir (x_0, y_0, \dots) noktasında hesaplamak içindir. Böylece bu H_f nesnesini "matris-değerli" bir fonksiyon olarak nitelendirebiliriz.

→ Hessian fonksiyonu ikinci türevlerin bir matrisi olarak tanımlanır ve genellikle ikinci dereceden türev varlığını gerektirir. *** İkinci türevler sürekli olduğunda ve bu türevlerin sınırlı olduğu noktalarda Hessian fonksiyonu hesaplanabilir. Ancak bu durumlar her zaman geçerli değildir, bazı karmaşık fonksiyonlarda veya belirli noktalarda Hessian hesaplamak mümkün olmayabilir.

→ Hessian fonksiyonu simetriklerdir. Simetri, ikinci türevlerin sırasının değiştirilebilir olduğu ve ikinci dereceden kısmi türevlerin değişiminin bağımsız değişkenlerin sıralamasına göre değişmediği anlamına gelir. Bu nedenle simetri, Hessianın özelliği olarak kabul edilir. Ancak her zaman böyle olmayabilir. Özellikle bazı özel durumlarda veya karmaşık fonksiyonlarda simetri sağlanmayabilir.