Lösningsförslag

Del 1

1.
$$1+2+3+4+5+6+7+8+9=45$$

2. Om x är antalet bilägare utan motorcykel, z antalet motorcykelägare utan bil och y är de som har både bil och motorcykel få följande ekvationer:

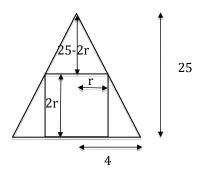
$$x + y + z = 351 \text{ och } y + z = 45 \Rightarrow x + 45 = 351 \text{ vilket ger att } x = 351 - 45$$

= 306

3. Om flickan väger x pund så väger hunden 0,4x pund och mamman väger 100 + 1,4x pund

$$x + 0.4x + 100 + 1.4x = 170 \Rightarrow 2.8x = 70 \Rightarrow x = \frac{70}{2.8} = 25 \text{ pund}$$

4. I genomskärning blir figuren enligt beteckningar till höger. Triangeln med höjden 25 är likformig med triangeln med höjden 25 – 2r. Den efterfrågade radien betecknas r. Likformigheten ger att:



$$\frac{25}{4} = \frac{25 - 2r}{r} \Rightarrow 25r = 4(25 - 2r) \Rightarrow$$

$$25r = 100 - 8r \ dvs \ 33r = 100 \ och \ r = \frac{100}{33} \text{cm}$$

5. För att regeln om medelvärde skall gälla måste avståndet mellan två på varandra följande tal vara lika stort. Mellan 8 och 59 finns 3 sådana "avstånd" och $\frac{59-8}{3} = 17 \Rightarrow X = 59 + 17 = 76$.

En alternativ metod kan vara följande (enligt figur):

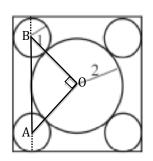


$$\begin{cases} 2z = 8 + y \\ 2y = z + 59 \end{cases}$$
 med en lösning $y = 42 \text{ och} \frac{42 + x}{2} = 59 \Rightarrow$

$$x = 76$$

6. Inför sista bytet har Erik dubblerat sitt innehav två gånger och har $36 \cdot 2 \cdot 2 = 144$ guldmynt. Eftersom han har 36 guldmynt kvar efter sista transaktionen måste 144 - 36 = 108 guldmynt fördubblat Stuarts och Ulfs kapital på 108 guldmynt. Summa: 108 + 108 + 36 = 252 guldmynt

7. Triangeln ABO i figuren är en likbent rätvinklig triangel. Sidan i kvadraten är sträckan AB + två radier med längden 1. OA = OB = 3. Enligt Pythagoras sats är $AB^2 = 3^2 + 3^2 \Rightarrow AB = \sqrt{18}$. Sidan på kvadraten alltså $2 + \sqrt{18}$ och arean $(2 + \sqrt{18})^2 = 4 + 4\sqrt{18} + 18 = 22 + 4\sqrt{18}$ eller $22 + 12\sqrt{2}$.



Del 2

- 1. Andel skuggade trianglar (alla trianglar lika stora): $\frac{7+6+5+4+3+2+1}{8^2} = \frac{28}{64} = \frac{7}{16}$
- 2. Tid, t, för Skutt och Padde att mötas: $8 \cdot t + 3 \cdot t = 77 \Rightarrow t = \frac{77}{11} = 7 h$. Ugge flyger mellan Padde och Skutt med hastigheten 30 km/h i 7 h och avverkar då sträckan $30 \cdot 7 = \mathbf{210}$ km
- 3. Det är nog inte så svårt att pröva sig fram till att x=4, y=6 och z=12. Då blir $x+y+z=4+6+12=\mathbf{22}$
- 4. Om x är det minsta talet och y det största blir medelvärdet: $\frac{x+5+y}{3}$.

 Vi vet att $x+10=y-15 \Rightarrow y=x+25$. Alltså är $\frac{x+5+x+25}{3}=x+10$ Vilket ger att $2x+30=3(x+10) \Rightarrow x=0$
- **5.** Antag att Simon åt x bananer första dagen och x + 6 bananer andra dagen. $x + x + 6 + x + 12 + x + 18 + x + 24 = 5x + 60 = 100 \Rightarrow 5x = 40 \Rightarrow x = 8$ Sista dagen åt Simon x + 24 = 8 + 24 = 32 bananer
- 6. P = xyz = 6(x + y + z). Säg att x = y + z då fås att: P = (y + z)yz = 6(y + z + y + z) = 12(y + z)Då vet vi att vi skall hitta y och z sådana att yz = 12

У	Z	X	Р
1	12	13	156
2	6	8	96
3	4	7	84

Σ 336

Del 3

Snabbaste sättet. Totalt antal kuber $17 \cdot 13 \cdot 7 = 1547$, antal icke färgade kuber $(17-2) \cdot (13-2)(7-2) = 825$. Antal kuber med färg 1547-825 = 722