1-6 用单纯形法求解下列线性规划问题:

(1)
$$\max S = x_1 + x_2 + x_3$$

$$\begin{cases}
-x_1 & -2x_3 \leqslant 5 \\
2x_1 - 3x_2 + x_3 \leqslant 3 \\
2x_1 - 5x_2 + 6x_3 \leqslant 5 \\
x_1 \geqslant 0, x_2 \geqslant 0, x_3 \geqslant 0
\end{cases}$$

$$(2) \min S = -x_1 - 3x_2 - 3x_3$$

(2)
$$\min S = -x_1 - 3x_2 - 3x_3$$

$$\begin{cases}
3x_1 + x_2 + 2x_3 & + x_5 & = 5 \\
x_1 & + x_3 & + 2x_5 + x_6 & = 2 \\
x_1 & + 2x_3 + x_4 + 2x_5 & = 6 \\
x_j \ge 0, j = 1, 2, 3, 4, 5, 6
\end{cases}$$
(3) $\min S = x_1 - x_2 + x_3 + x_4 + x_5 - x_6$

$$\begin{cases}
x_1 & + x_4 & + 6x_6 = 9 \\
3x_1 + x_2 - 4x_3 & + 2x_6 = 2 \\
x_1 & + 3x_3 & + x_5 + 2x_6 = 6 \\
x_j \ge 0, j = 1, \dots, 6
\end{cases}$$

(3)
$$\min S = x_1 - x_2 + x_3 + x_4 + x_5 - x_6$$

s. t.
$$\begin{cases} x_1 + x_4 + 6x_6 = 9 \\ 3x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_6 = 2 \\ x_1 + 3x_3 + x_5 + 2x_6 = 6 \\ x_j \geqslant 0, j = 1, \dots, 6 \end{cases}$$