

第1章 电路模型和电路定律

本章重点

1.1 电路和电路模型

1.2 电流和电压的参考方向

1.3 电功率和能量

1.4 电路元件

1.5 电阻元件

1.6 电压源和电流源

1.7 受控电源

1.8 储能元件

1.9 基尔霍夫定律

首页

● 重点:

1. 电压、电流的参考方向
2. 电阻元件和电源元件的特性
3. 基尔霍夫定律

1.1 电路和电路模型

1.实际电路 → **由电工设备和电气器件按预期目的连接构成的电流的通路。**

功能



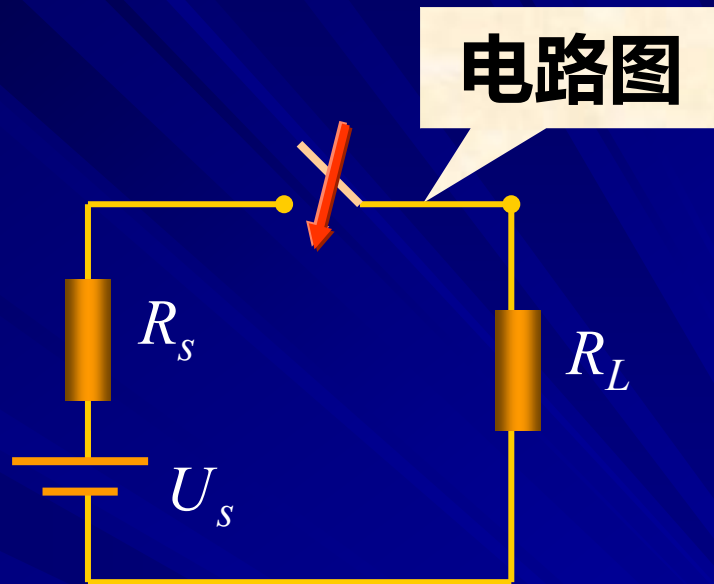
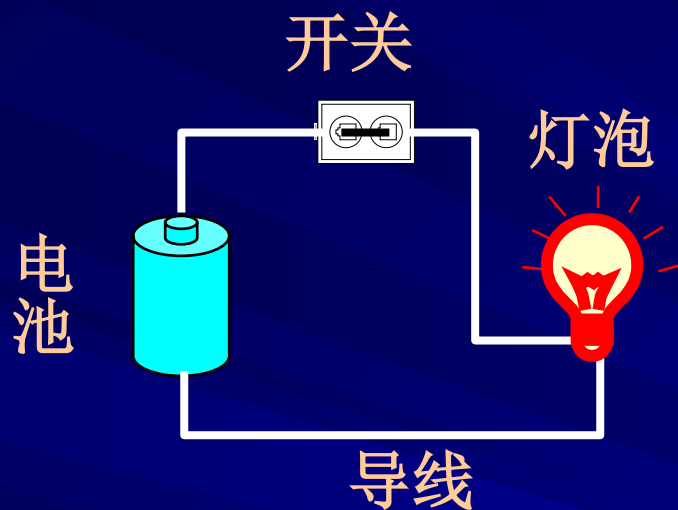
- a 能量的传输、分配与转换；**
- b 信息的传递、控制与处理。**

共性



建立在同一电路理论上。

2. 电路模型



- **电路模型** → 反映实际电路部件的主要电磁性质的理想电路元件及其组合。
- **理想电路元件** → 有某种确定的电磁性能的理想元件。

5种基本的理想电路元件：

电阻元件：表示消耗电能的元件

电感元件：表示产生磁场，储存磁场能量的元件

电容元件：表示产生电场，储存电场能量的元件

电压源和电流源：表示将其它形式的能量转变成电能的元件。



注意

① 5种基本理想电路元件有三个特征：

(a) 只有两个端子；

(b) 可以用电压或电流按数学方式描述；

(c) 不能被分解为其他元件。

●单位



A (安培)、
kA、mA、 μ A

$$1\text{kA}=10^3\text{A}$$

$$1\text{mA}=10^{-3}\text{A}$$

$$1\mu\text{A}=10^{-6}\text{A}$$

●方向



规定正电荷的运动方向为电流的实际方向
元件(导线)中电流流动的实际方向只有两种可能:



问题

对于复杂电路或电路中的电流随时间变化时, 电流的实际方向往往很难事先判断。

1.2 电流和电压的参考方向

电路中的主要物理量有电压、电流、电荷、磁链、能量、电功率等。在线性电路分析中人们主要关心的物理量是电流、电压和功率。

1. 电流的参考方向

● **电流**



带电粒子有规则的定向运动

● **电流强度**

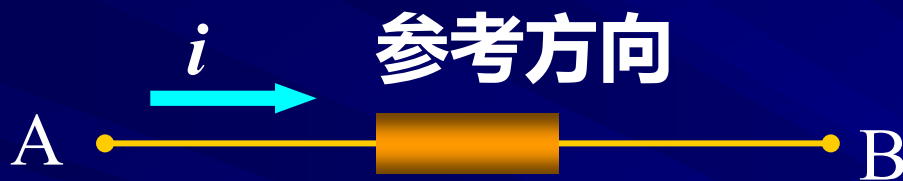


单位时间内通过导体横截面的电荷量

$$i(t) \stackrel{\text{def}}{=} \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{dq}{dt}$$

●参考方向

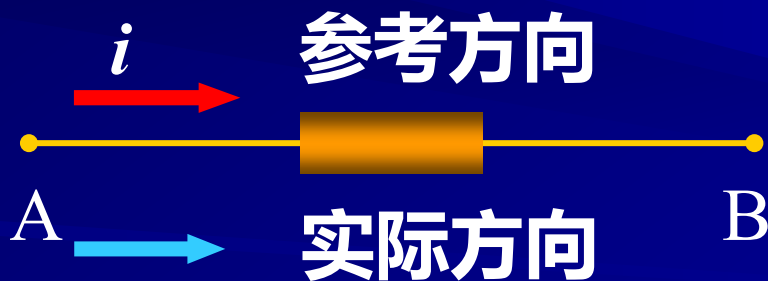
任意假定一个方向作为电流的参考方向。



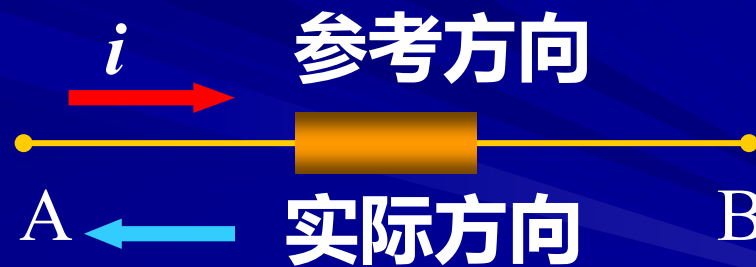
 表明 电流(代数量)

{ 大小
正负(方向)

约定:



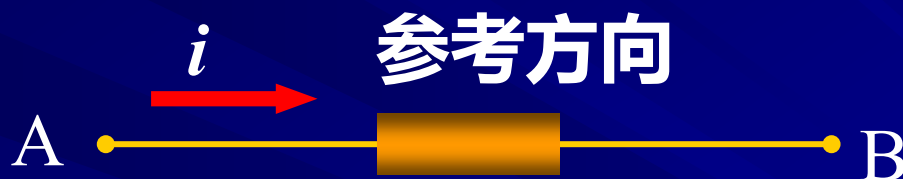
$$i > 0$$



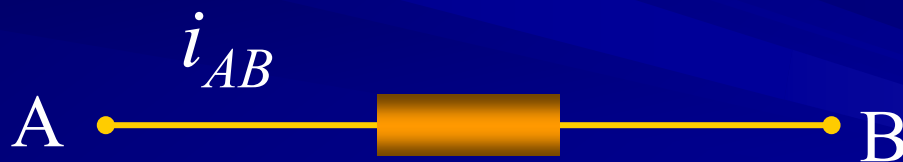
$$i < 0$$

电流参考方向的两种表示：

- 用箭头表示：箭头的指向为电流的参考方向。



- 用双下标表示：如 i_{AB} ，电流的参考方向由A指向B。



2.电压的参考方向

● 电位 φ

→ 单位正电荷 q 从电路中一点移至参考点 ($\varphi = 0$) 时电场力做功的大小。

● 电压 U

→ 单位正电荷 q 从电路中一点移至另一点时电场力做功 (W) 的大小。

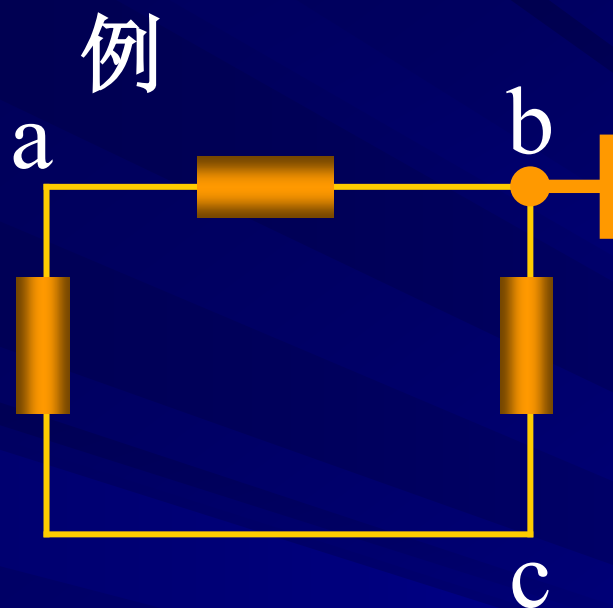
$$U \stackrel{\text{def}}{=} \frac{dW}{dq}$$

● 实际电压方向

→ 电位真正降低的方向。

● 单位

V (伏)、kV、mV、 μ V



已知：4C正电荷由a点均匀移动至b点电场力做功8J，由b点移动到c点电场力做功为12J，

①若以b点为参考点，求a、b、c点的电位和电压 U_{ab} 、 U_{bc} ；

②若以c点为参考点，再求以上各值。

解 (1) $\varphi_b = 0$

$$\varphi_a = \frac{W_{ab}}{q} = \frac{8}{4} = 2 \text{ V}$$

$$\varphi_c = \frac{W_{cb}}{q} = -\frac{W_{bc}}{q} = -\frac{12}{4} = -3 \text{ V}$$

$$U_{ab} = \frac{W_{ab}}{q} = \frac{8}{4} = 2 \text{ V}$$

$$U_{bc} = \frac{W_{bc}}{q} = \frac{12}{4} = 3 \text{ V}$$

解

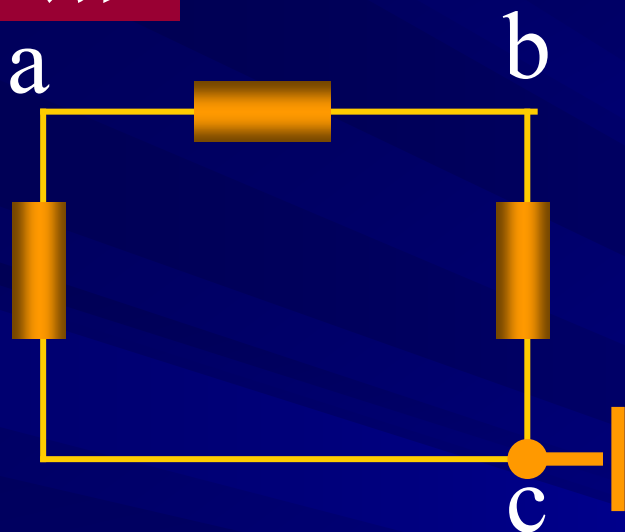
$$(2) \quad \varphi_c = 0$$

$$\varphi_a = \frac{W_{ac}}{q} = \frac{8+12}{4} = 5 \text{ V}$$

$$\varphi_b = \frac{W_{bc}}{q} = \frac{12}{4} = 3 \text{ V}$$

$$U_{ab} = \frac{W_{ab}}{q} = \frac{8}{4} = 2 \text{ V}$$

$$U_{bc} = \frac{W_{bc}}{q} = \frac{12}{4} = 3 \text{ V}$$



结论

电路中电位参考点可任意选择；参考点一经选定，电路中各点的电位值就唯一确定；当选择不同的电位参考点时，电路中各点电位值将改变，但任意两点间电压保持不变。



问题

复杂电路或交变电路中，两点间电压的实际方向往往不易判别，给实际电路问题的分析计算带来困难。

- 电压(降)的参考方向

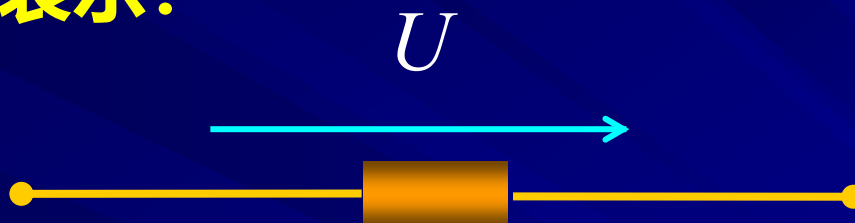


假设高电位指向低电位的方向。

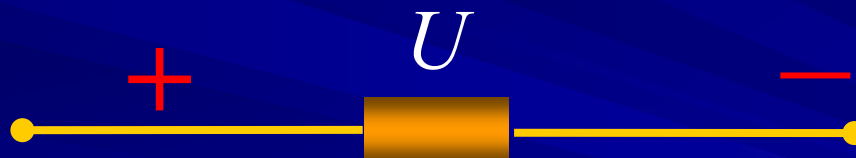


电压参考方向的三种表示方式：

(1) 用箭头表示：



(2) 用正负极性表示

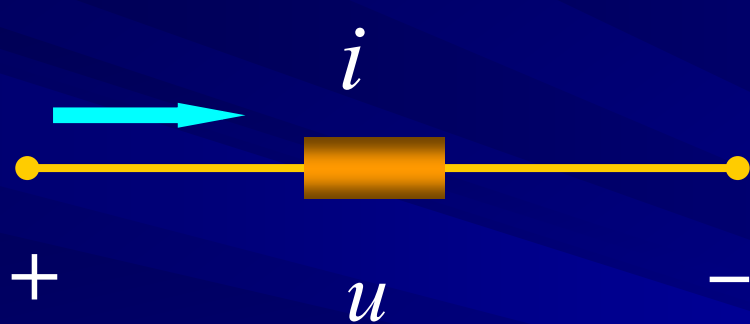


(3) 用双下标表示

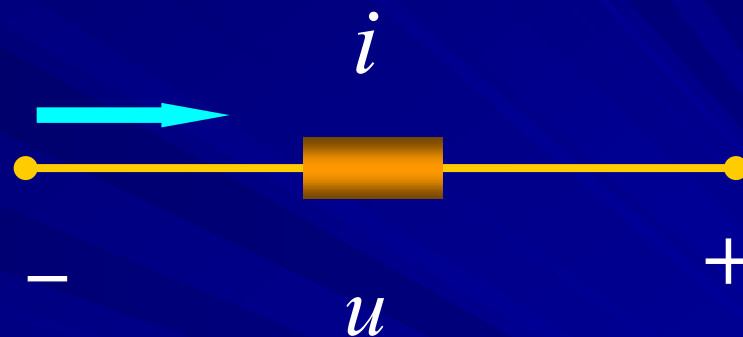


3. 关联参考方向 →

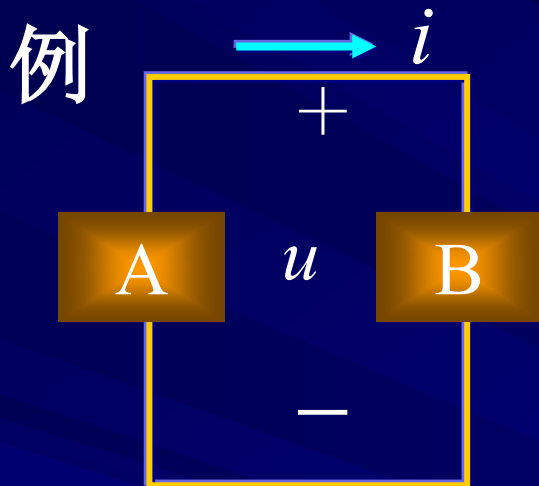
元件或支路的 u , i 采用相同的参考方向称之为**关联参考方向**。反之, 称为**非关联参考方向**。



关联参考方向



非关联参考方向



电压电流参考方向如图中所标，
问：对A、B两部分电路电压电
流参考方向关联否？

答：A电压、电流参考方向非关联；
B电压、电流参考方向关联。



注意

- ① 分析电路前必须选定电压和电流的参考方向
- ② 参考方向一经选定，必须在图中相应位置标注（包括方向和符号），在计算过程中不得任意改变
- ③ 参考方向不同时，其表达式相差一负号，但电压、电流的实际方向不变。

1.3 电功率和能量

1.电功率 \longrightarrow 单位时间内电场力所做的功。

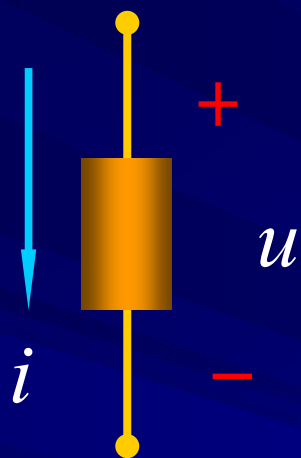
$$p = \frac{dw}{dt} \quad u = \frac{dw}{dq} \quad i = \frac{dq}{dt}$$

$$p = \frac{dw}{dt} = \frac{dw}{dq} \frac{dq}{dt} = ui$$

功率的单位：W (瓦) (Watt, 瓦特)

能量的单位：J (焦) (Joule, 焦耳)

2. 电路吸收或发出功率的判断

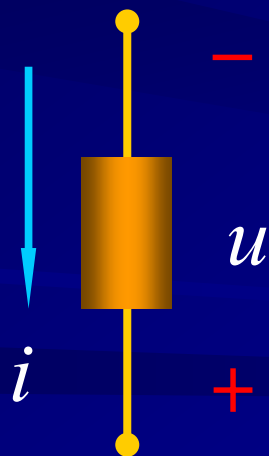


- u, i 取关联参考方向

$P = ui$ 表示元件吸收的功率

$P > 0$ 吸收正功率 (实际吸收)

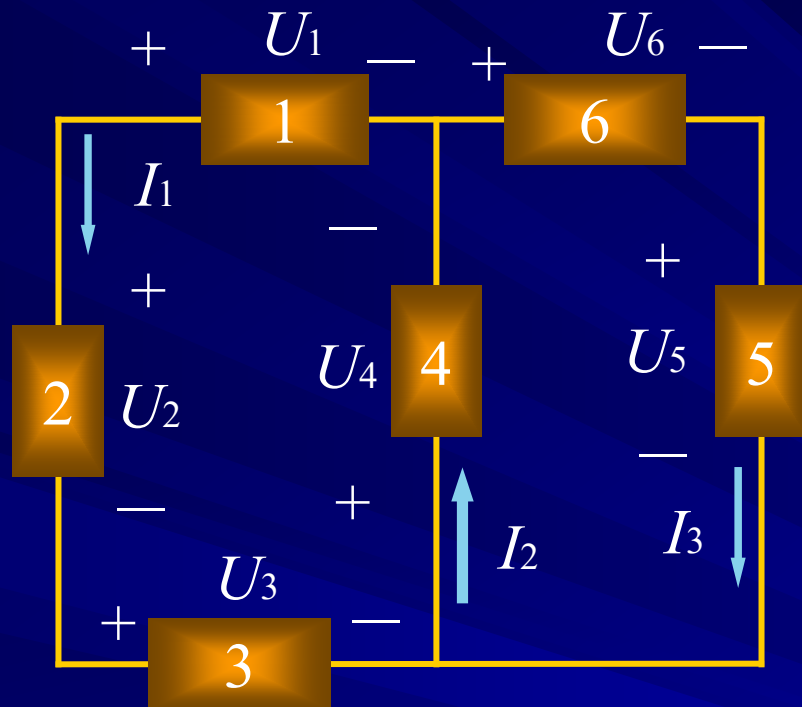
$P < 0$ 吸收负功率 (实际发出)



- u, i 取非关联参考方向

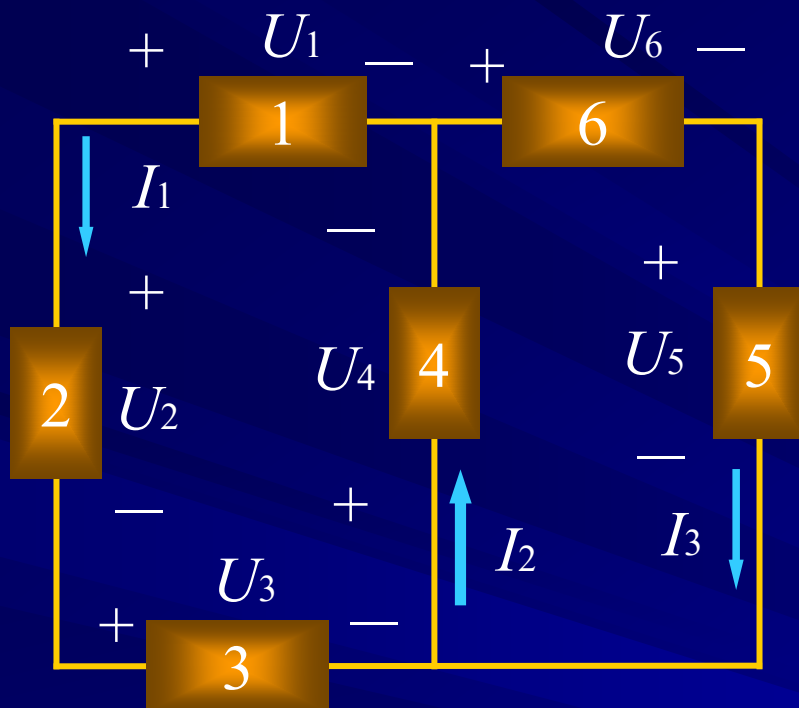
$P = -ui$ 表示元件吸收的功率

例



求图示电路中各
方框所代表的元件吸
收或产生的功率。

已知： $U_1=1\text{V}$, $U_2=-3\text{V}$, $U_3=8\text{V}$, $U_4=-4\text{V}$,
 $U_5=7\text{V}$, $U_6=-3\text{V}$, $I_1=2\text{A}$, $I_2=1\text{A}$, $I_3=-1\text{A}$



解

$$P_1 = U_1 I_1 = 1 \times 2 = 2\text{W} \text{ (发出)}$$

$$P_2 = U_2 I_1 = (-3) \times 2 = -6\text{W} \text{ (发出)}$$

$$P_3 = U_3 I_1 = 8 \times 2 = 16\text{W} \text{ (吸收)}$$

$$P_4 = U_4 I_2 = (-4) \times 1 = -4\text{W} \text{ (发出)}$$

$$P_5 = U_5 I_3 = 7 \times (-1) = -7\text{W} \text{ (发出)}$$

$$P_6 = U_6 I_3 = (-3) \times (-1) = 3\text{W} \text{ (吸收)}$$



注意

对一完整的电路，满足：发出的功率 = 吸收的功率

1.8 基尔霍夫定律

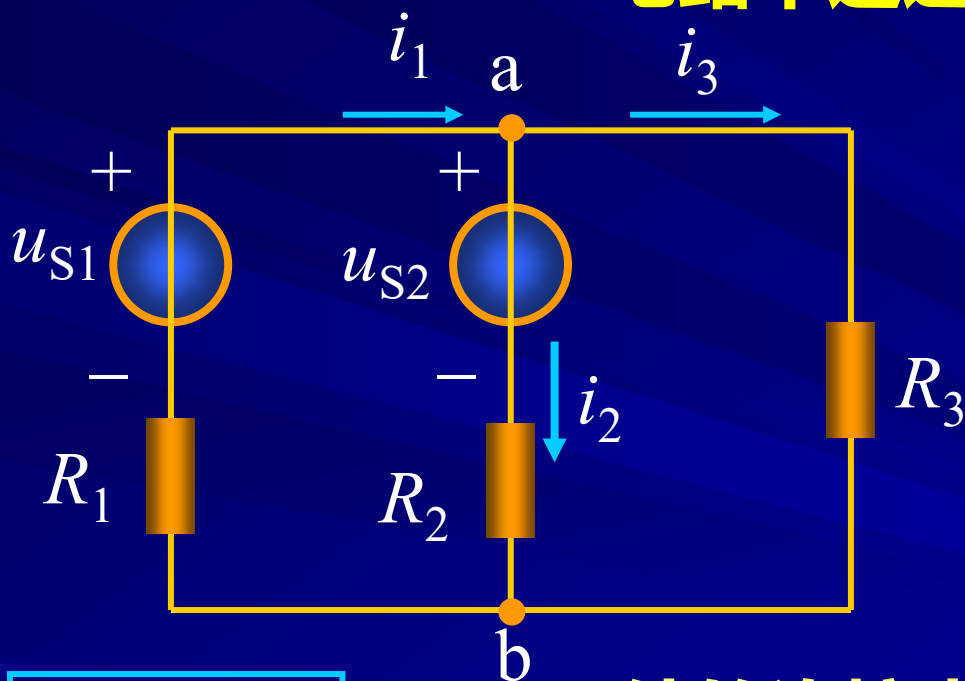
基尔霍夫定律包括基尔霍夫电流定律（KCL）和基尔霍夫电压定律（KVL）。它反映了电路中所有支路电压和电流所遵循的基本规律，是分析集总参数电路的基本定律。基尔霍夫定律与元件特性构成了电路分析的基础。

1.几个名词

①支路

电路中每一个两端元件就叫一条支路。 $b=5$

电路中通过同一电流的分支。 $b=3$



注意 两种定义分别用在不同的场合。

②结点

元件的连接点称为结点。 $n=4$
或三条以上支路的连接点称为结点。 $n=2$

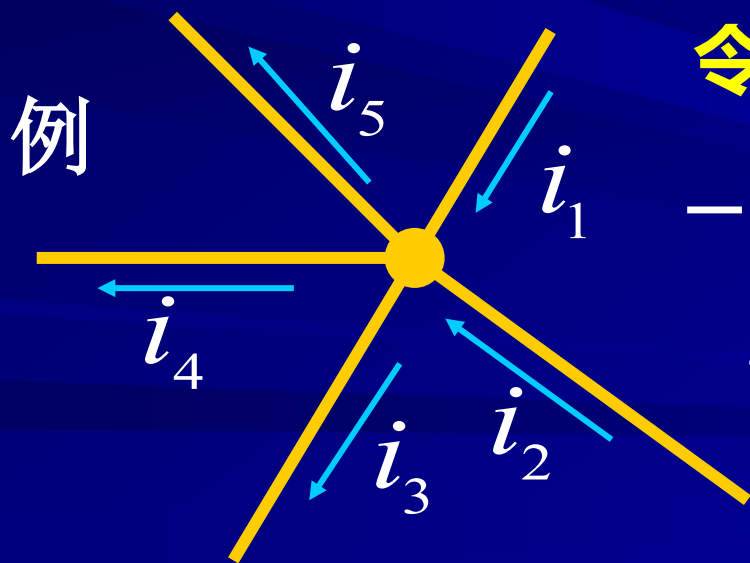
2. 基尔霍夫电流定律 (KCL)

在集总参数电路中，任意时刻，流出（或流入）电路中任意结点的电流的代数和等于零。

$$\sum_{b=1}^m i(t) = 0$$

$$or \quad \sum i_{\text{入}} = \sum i_{\text{出}}$$

流进的电流等于流出的电流



令流出为“+”，有：

$$-i_1 - i_2 + i_3 + i_4 + i_5 = 0$$

$$i_1 + i_2 = i_3 + i_4 + i_5$$

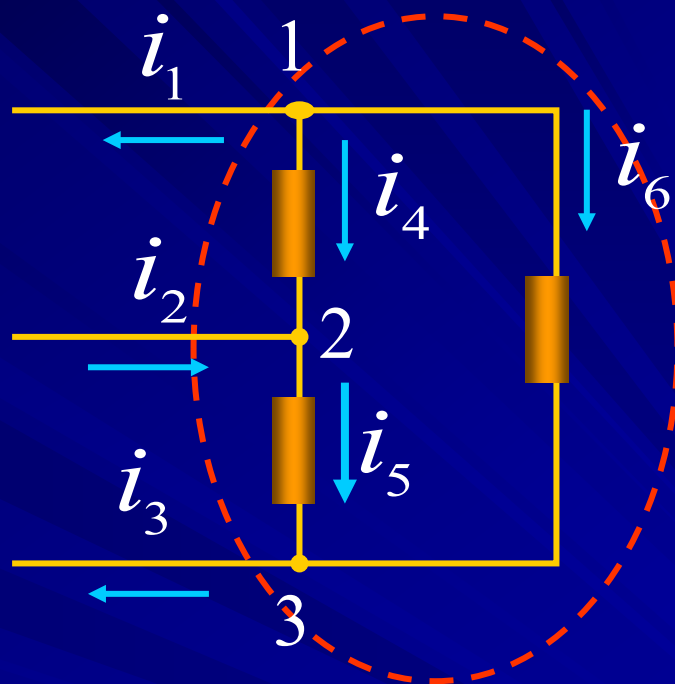
例 $i_1 + i_4 + i_6 = 0$

$$-i_2 - i_4 + i_5 = 0$$

$$i_3 - i_5 - i_6 = 0$$

三式相加得：

$$i_1 - i_2 + i_3 = 0$$



表明

KCL可推广应用于电路中包围多个结点的任一闭合面。



明确

- ① KCL是电荷守恒和电流连续性原理在电路中任意结点处的反映;
- ② KCL是对结点处支路电流加的约束, 与支路上接的是什麼元件无关, 与电路是线性还是非线性无关;
- ③ KCL方程是按电流参考方向列写的, 与电流实际方向无关。

3. 基尔霍夫电压定律 (KVL)

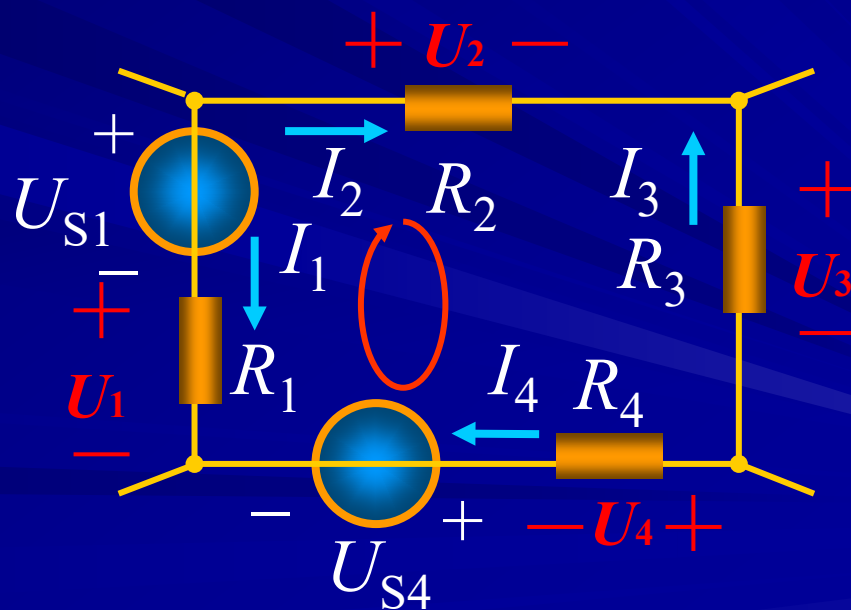
在集总参数电路中，任一时刻，沿任一回路绕行一周，所有支路电压的代数和恒等于零。

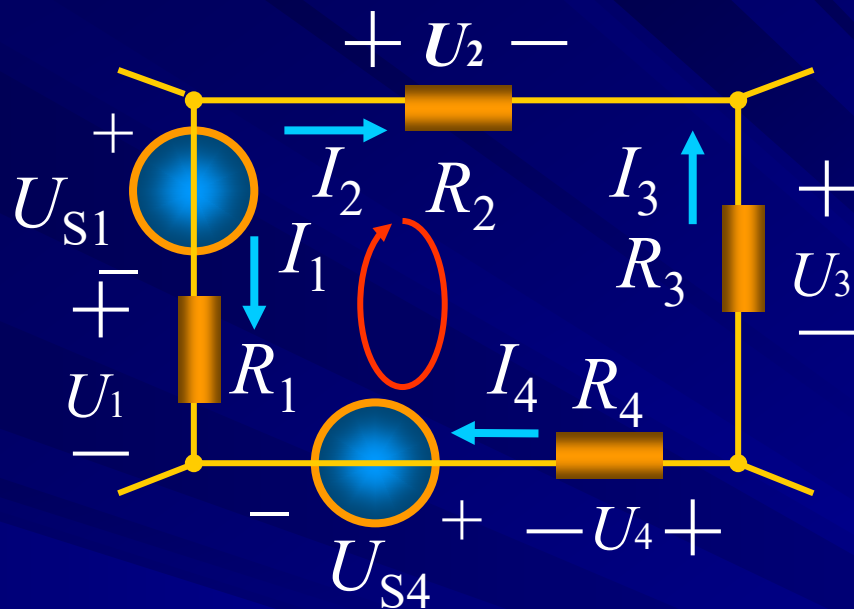
$$\sum_{b=1}^m u(t) = 0$$

$$or \sum u_{\text{降}} = \sum u_{\text{升}}$$

① 标定各元件电压参考方向

② 选定回路绕行方向，顺时针或逆时针。





**约定：参考方向
与回路绕行方向
一致，取“+”**

$$-U_1 - U_{S1} + U_2 + U_3 + U_4 + U_{S4} = 0$$

或：

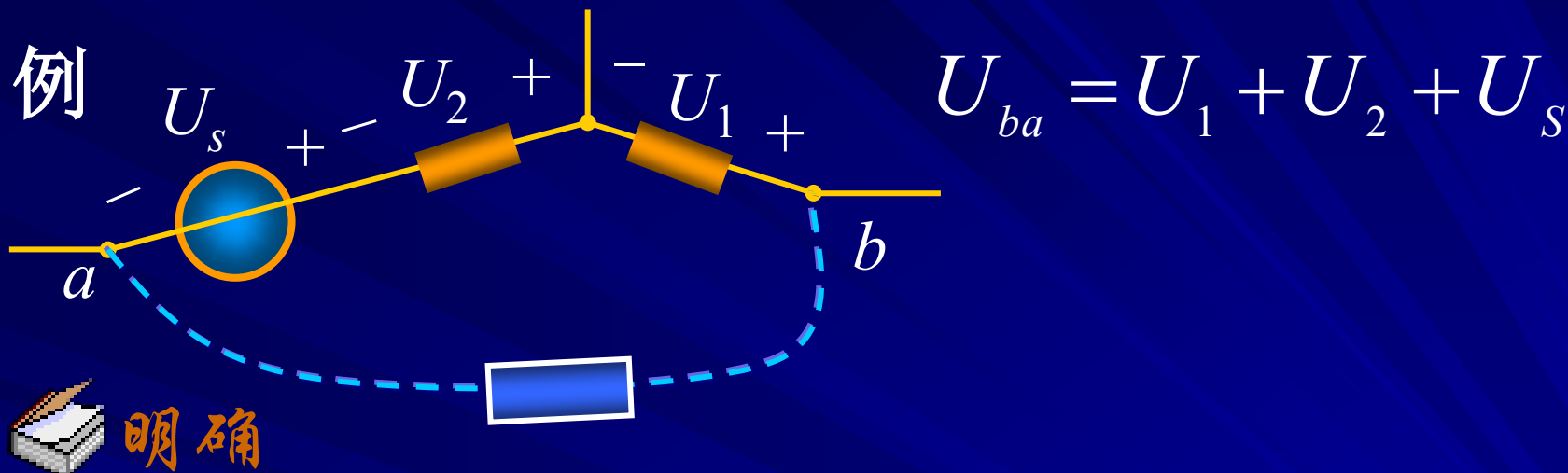
$$U_2 + U_3 + U_4 + U_{S4} = U_1 + U_{S1}$$

$$-R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_3 I_3 + R_4 I_4 = U_{S1} - U_{S4}$$



注意

KVL也适用于电路中任一假想的回路。

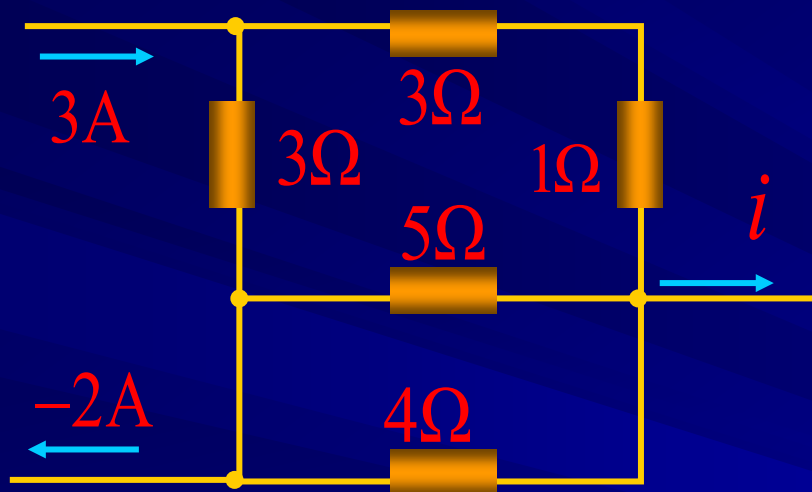


- ① KVL的实质反映了电路遵从能量守恒定律;
- ② KVL是对回路中的支路电压加的约束, 与回路各支路上接的是是什么元件无关, 与电路是线性还是非线性无关;
- ③ KVL方程是按电压参考方向列写, 与电压实际方向无关。

4. KCL、KVL小结:

- ① KCL是对支路电流的线性约束, KVL是对回路电压的线性约束。
- ② KCL、KVL与组成支路的元件性质及参数无关。
- ③ KCL表明在每一节点上电荷是守恒的; KVL是能量守恒的具体体现(电压与路径无关)。
- ④ KCL、KVL只适用于集总参数的电路。

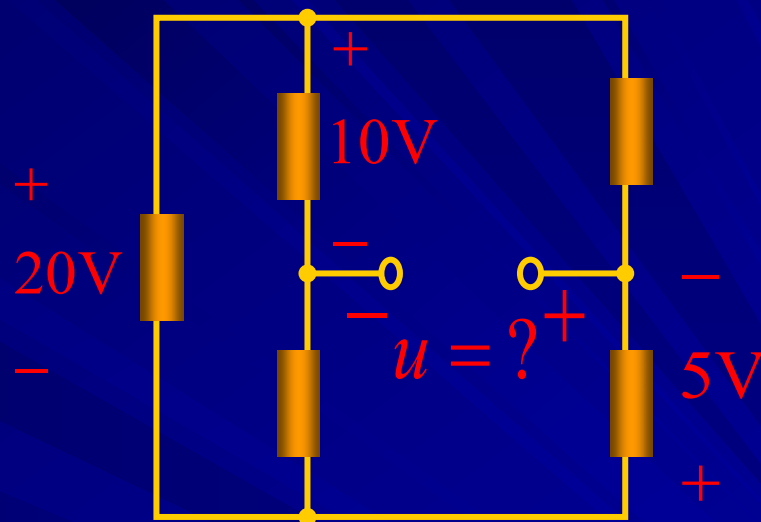
例1 求电流 i



解

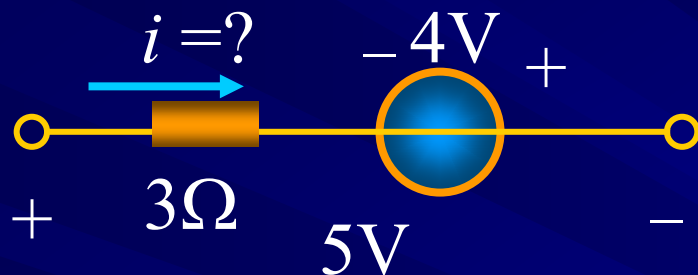
$$i = 3 - (-2) = 5A$$

例2 求电压 u



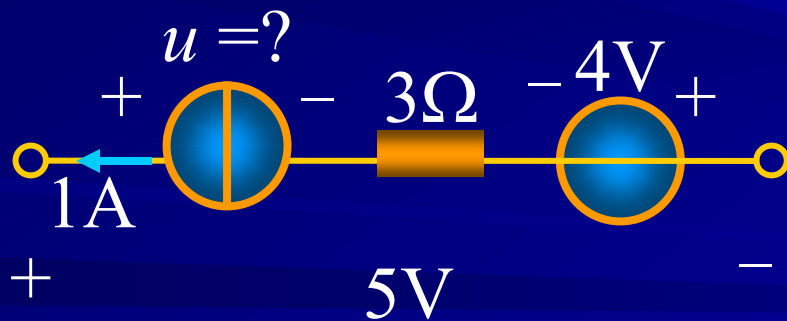
解

$$u = 10 - 20 - 5 = -15V$$

例3 求电流 i 

解

$$3i - 4 = 5 \Rightarrow i = 3\text{A}$$

例4 求电压 u 

解

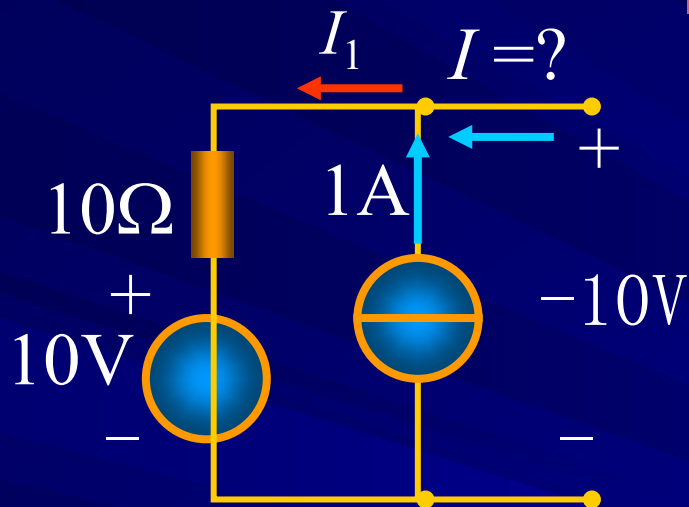
$$u = 5 + 7 = 12\text{V}$$



要求

能熟练求解含源支路的电压和电流。

例5 求电流 I



解

$$10I_1 + 10 - (-10) = 0$$

$$I_1 = -2A$$

$$I = I_1 - 1 = -2 - 1 = -3A$$

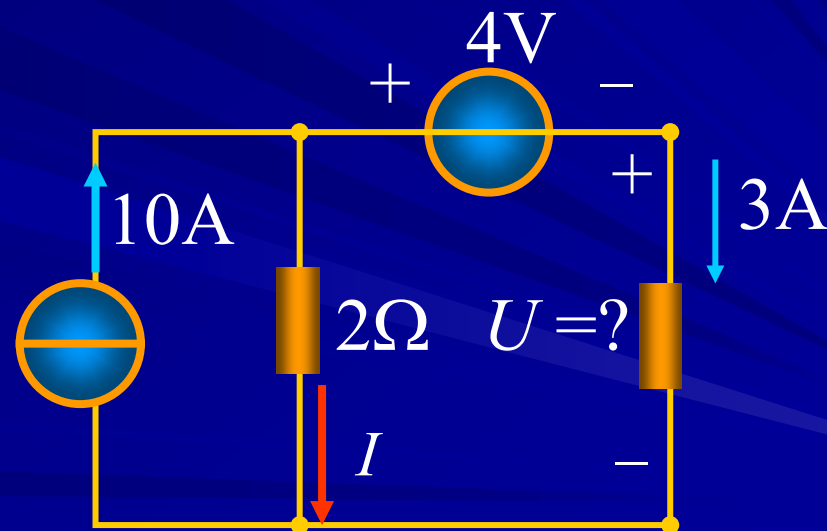
解

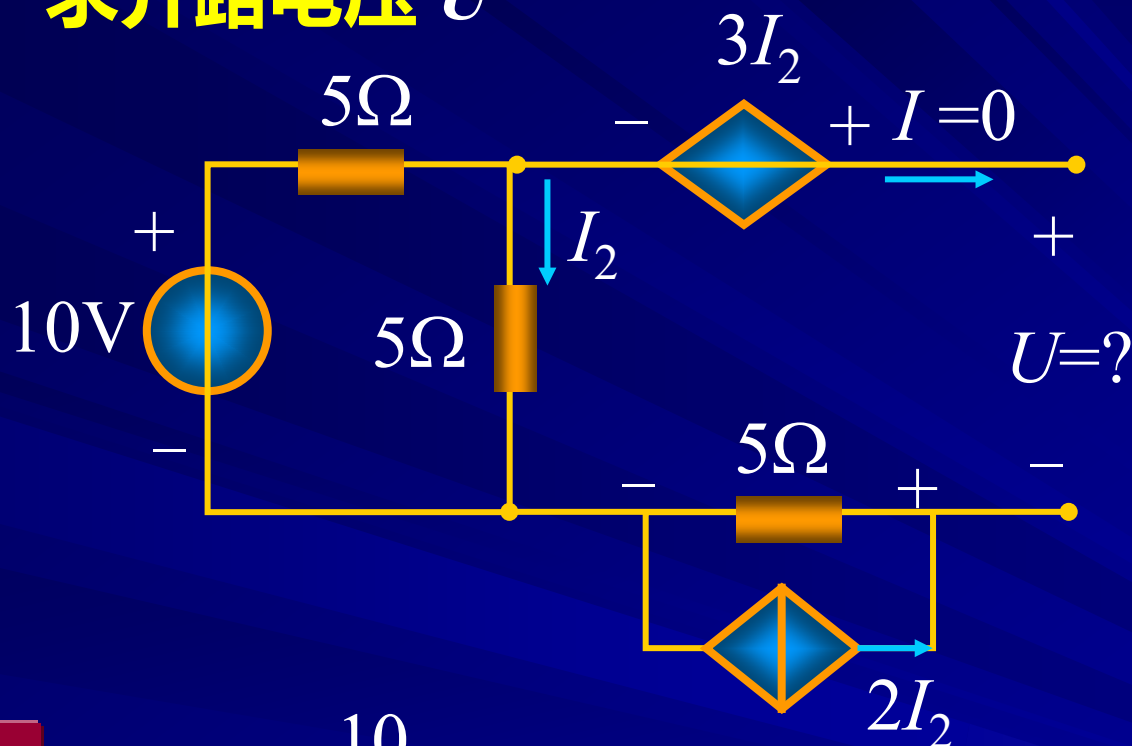
$$I = 10 - 3 = 7A$$

$$4 + U - 2I = 0$$

$$U = 2I - 4 = 14 - 4 = 10V$$

例6 求电压 U

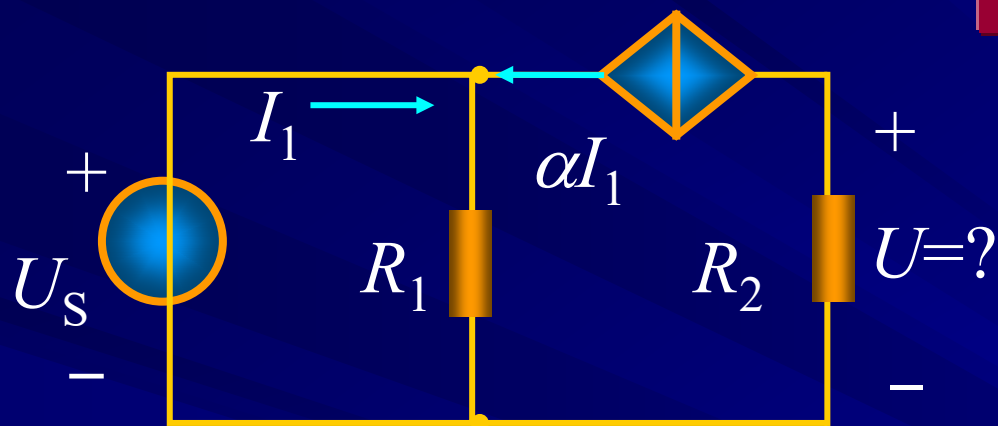


例7 求开路电压 U 

解

$$I_2 = \frac{10}{5+5} = 1\text{A}$$

$$U = 3I_2 + 5I_2 - 5 \times 2I_2 = -2I_2 = -2\text{V}$$

例8 求输出电压 U 

解

$$U = -R_2 \alpha I_1$$

$$I_1 + \alpha I_1 = U_s / R_1$$

$$I_1 = \frac{U_s}{R_1(1 + \alpha)}$$

$$\left| \frac{U}{U_s} \right| = \frac{R_2}{R_1} \frac{\alpha}{(1 + \alpha)}$$

$$\left| \frac{P_2}{P_s} \right| = \frac{R_2}{R_1} \frac{\alpha^2}{(1 + \alpha)}$$

$$U = -\frac{\alpha R_2 U_s}{R_1(1 + \alpha)}$$

$$P_s = U_s I_1 = \frac{U_s^2}{R_1(1 + \alpha)}$$

$$P_2 = R_2 \alpha^2 \frac{U_s^2}{R_1^2 (1 + \alpha)^2}$$

**选择参数可以使得
输出电压和输出功
率放大。**

1.4 电路元件

1. 电路元件 → 是电路中最基本的组成单元。

5种基本的理想电路元件：

电阻元件：表示消耗电能的元件

电感元件：表示产生磁场，储存磁场能量的元件

电容元件：表示产生电场，储存电场能量的元件

电压源和电流源：表示将其它形式的能量转变成电能的元件。



注意 如果表征元件端子特性的数学关系式是线性关系，该元件称为线性元件，否则称为非线性元件。

1.5 电阻元件

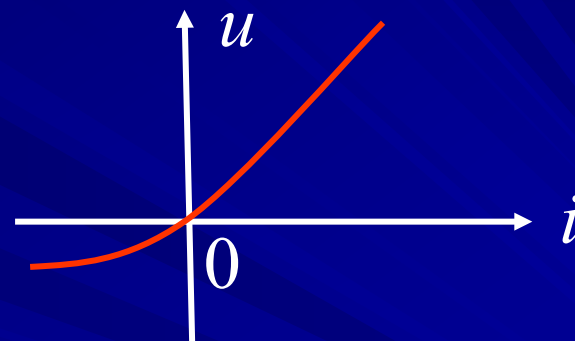
1. 定义

电阻元件

对电流呈现阻力的元件。其特性可用 $u \sim i$ 平面上的一条曲线来描述：

$$f(u, i) = 0$$

伏安特性



2. 线性时不变电阻元件

任何时刻端电压与电流成正比的电阻元件。

R

● 电路符号



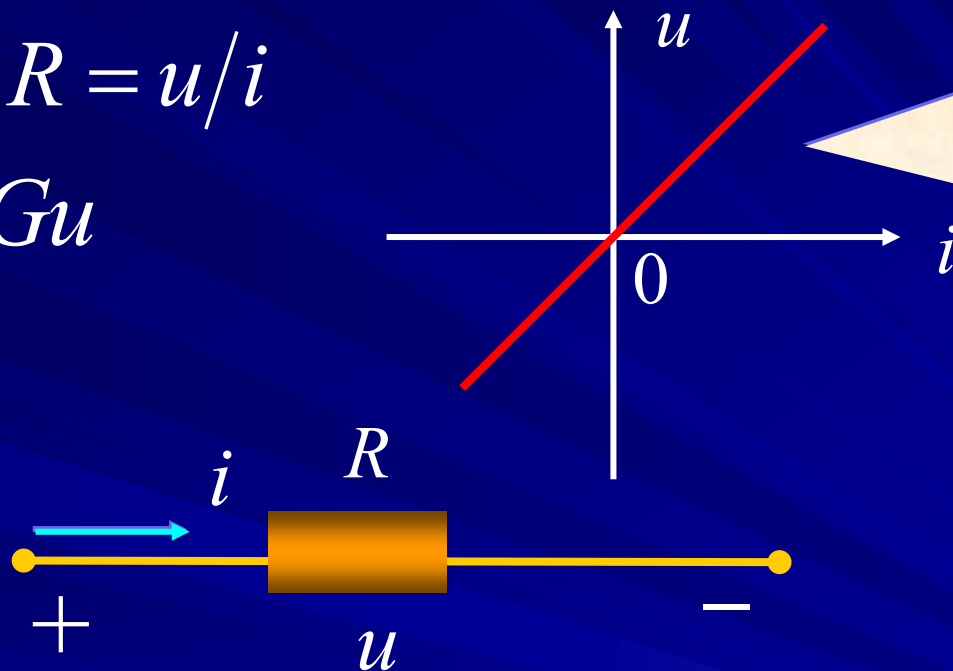
● $u \sim i$ 关系

→ 满足欧姆定律

$$u = Ri \quad R = u/i$$

$$i = u/R = Gu$$

u 、 i 取关联
参考方向



伏安特性为一条过原点的直线

● 单位

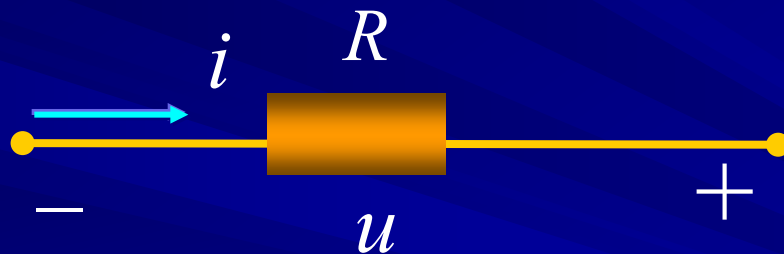
→ R 称为电阻, 单位: Ω (Ohm) G 称为电导, 单位: S (Siemens)



注意

欧姆定律

- ①只适用于线性电阻(R 为常数)；
- ②如电阻上的电压与电流参考方向非关联，公式中应冠以负号；
- ③线性电阻是无记忆、双向性的元件。



则欧姆定律写为

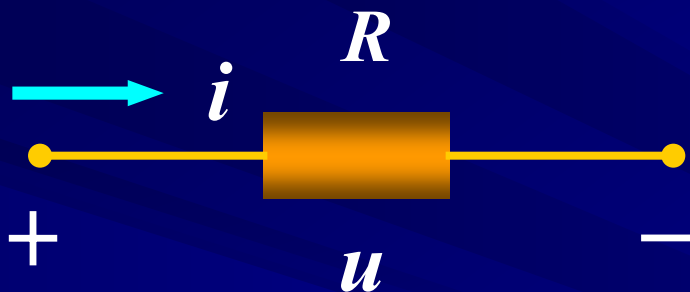
$$u = -R i$$

$$i = -G u$$

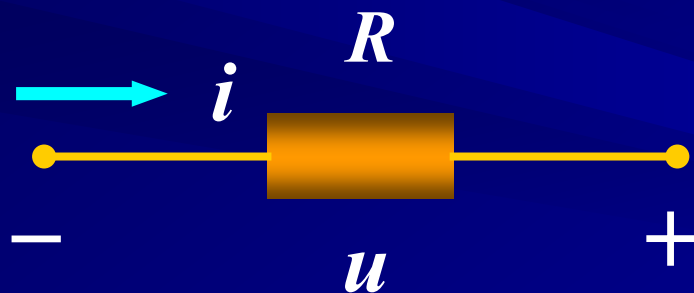
公式和参考方向必须配套使用！

3.功率和能量

● 功率



$$p = u i = i^2 R = u^2 / R$$



$$p = -u i = -(-R i) i = i^2 R$$



表明

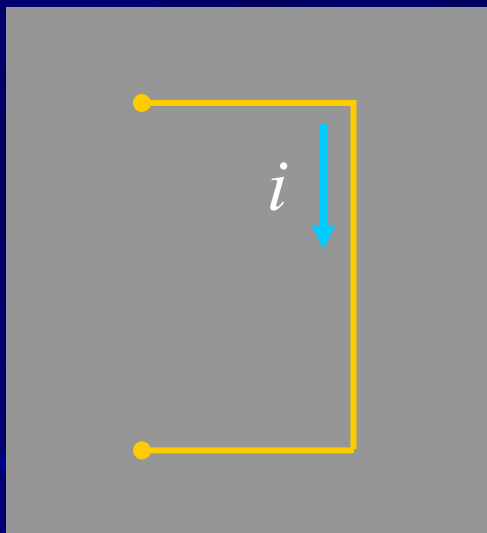
电阻元件在任何时刻总是消耗功率的。

● 能量

从 t_0 到 t 电阻消耗的能量:

$$W_R = \int_{t_0}^t p d\xi = \int_{t_0}^t u i d\xi$$

4. 电阻的开路与短路



● 开路

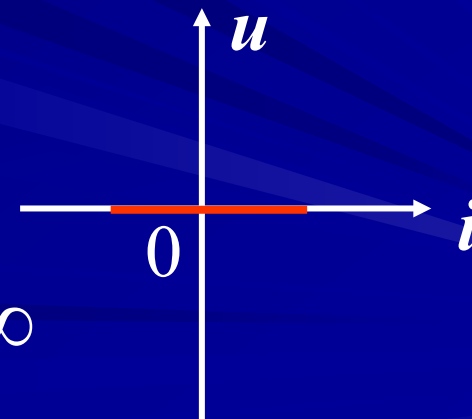
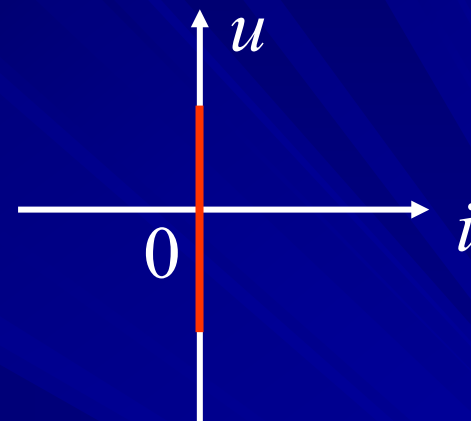
$$i = 0 \quad u \neq 0$$

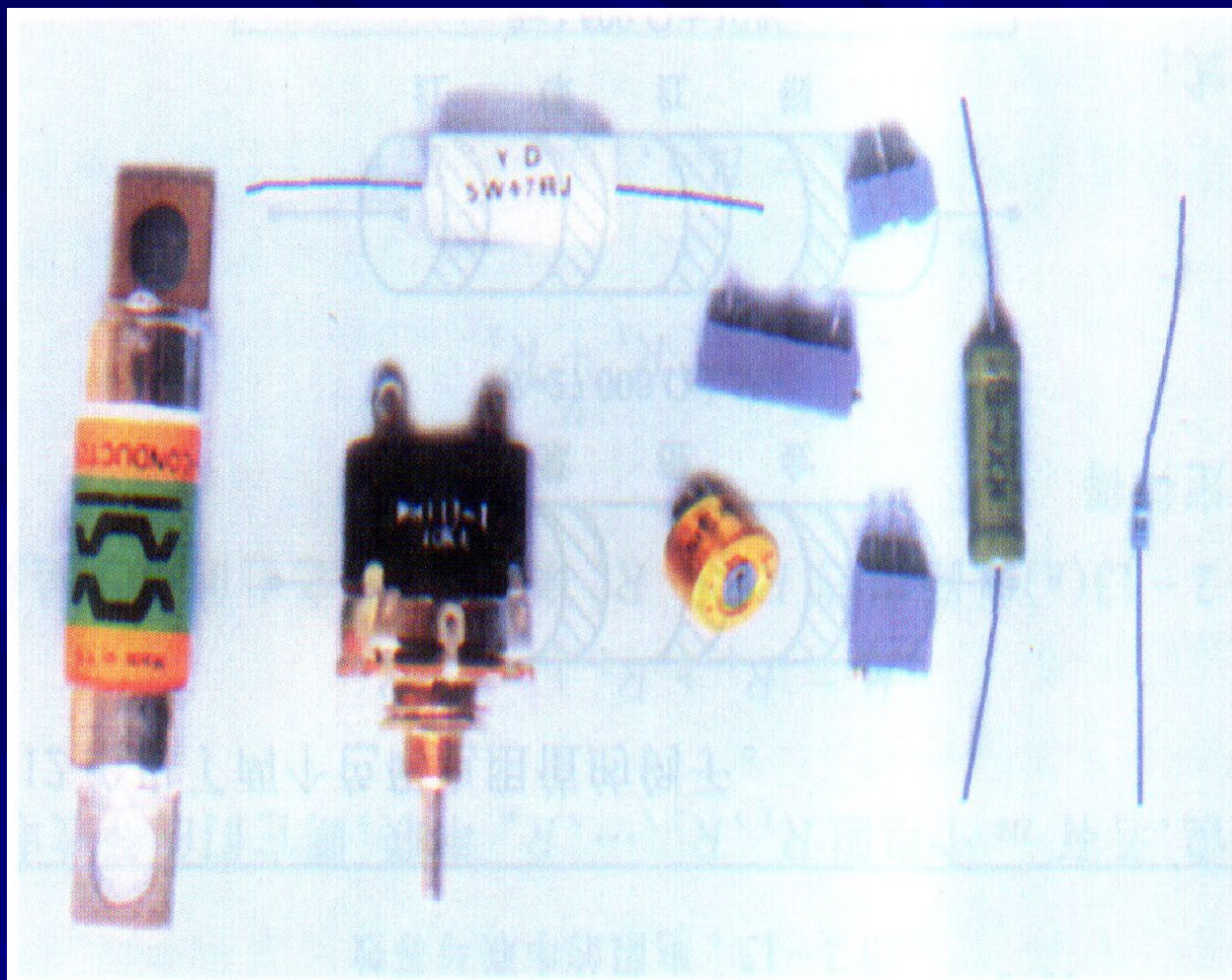
$$\longrightarrow R = \infty \quad \text{or} \quad G = 0$$

● 短路

$$i \neq 0 \quad u = 0$$

$$\longrightarrow R = 0 \quad \text{or} \quad G = \infty$$





实际电阻器

1.6 电压源和电流源

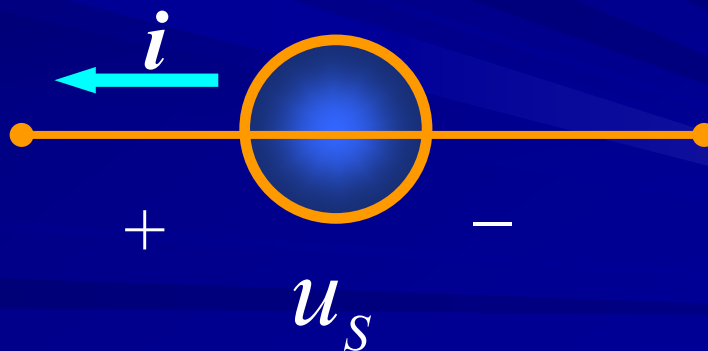
1.理想电压源

●定义

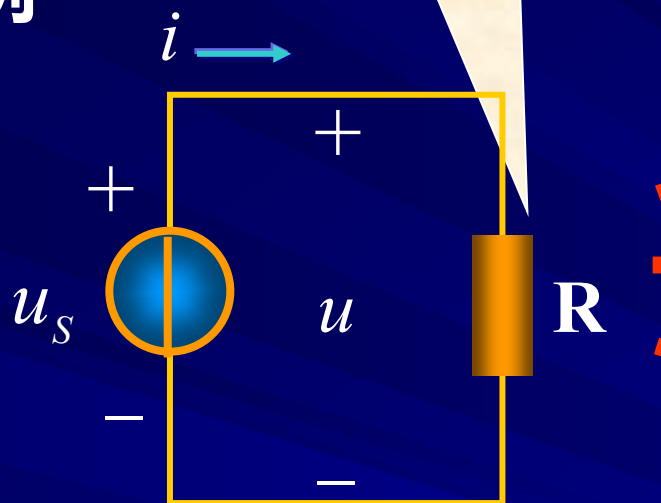


其两端电压总能保持定值或一定的时间函数，其值与流过它的电流 i 无关的元件叫理想电压源。

●电路符号



例



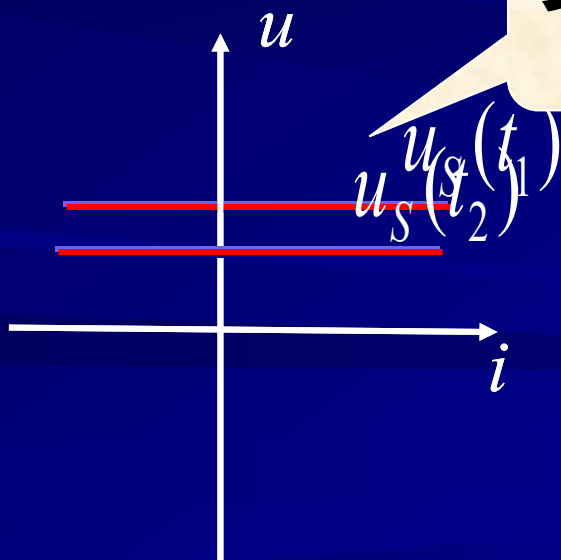
电压源不能短路!

$$i = u_s / R$$

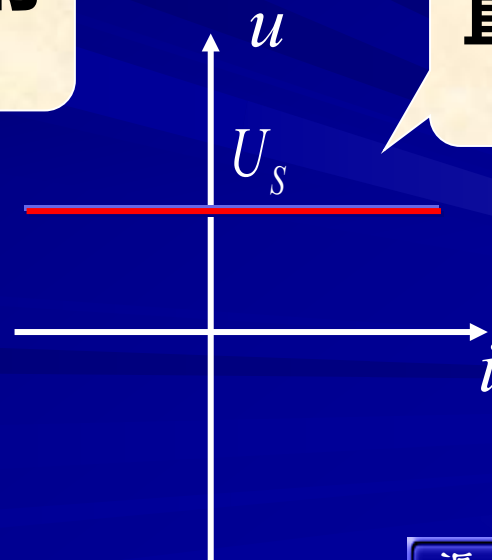
$$i = 0 \quad (R = \infty)$$

$$i = \infty \quad (R = 0)$$

交流电流源的伏安关系

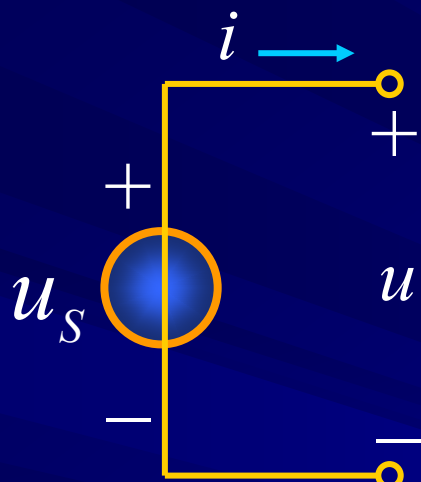


直流电流源的伏安关系



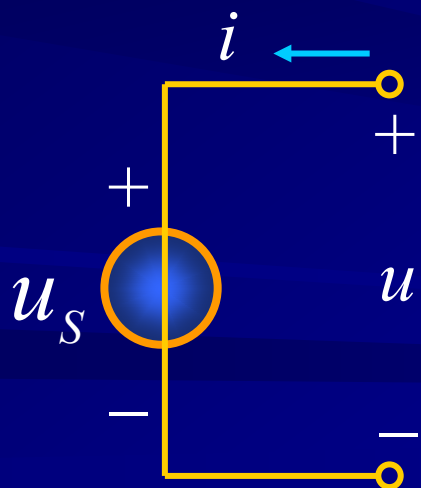
●电压源的功率

$$\longrightarrow P = u_S i$$



①电流从电压源正极流出；
物理意义：电流（正电荷）由低电位向高电位移动，外力克服电场力作功，电源发出功率。

$$P = u_S i \longrightarrow \text{发出功率，起电源作用}$$



②电流从外电路流入电压源的正极；
物理意义：电场力做功，电源吸收功率

$$P = u_S i \longrightarrow \text{吸收功率，充当负载}$$

例 计算图示电路各元件的功率

解

$$u_R = (10 - 5) = 5V$$

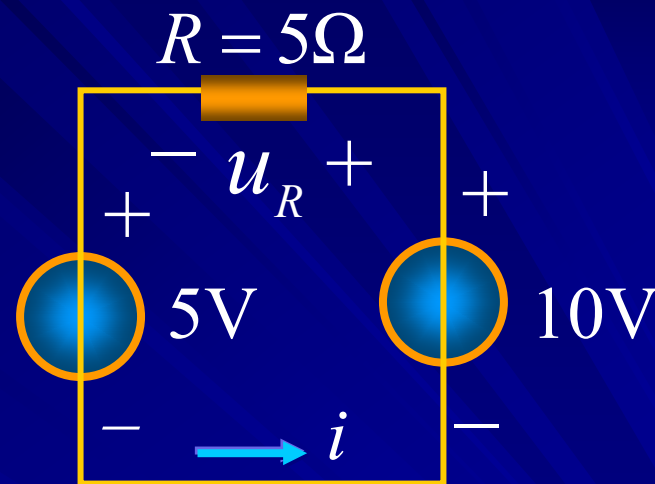
$$i = \frac{u_R}{R} = \frac{5}{5} = 1A$$

$$P_{10V} = u_S i = 10 \times 1 = 10W$$

$$P_{5V} = u_S i = 5 \times 1 = 5W$$

$$P_R = Ri^2 = 5 \times 1 = 5W$$

满足: $P(\text{发}) = P(\text{吸})$



发出

吸收

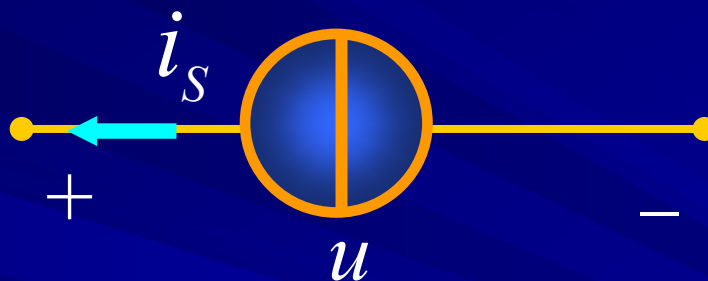
吸收

2.理想电流源

● 定义

其输出电流总能保持定值或一定的时间函数，其值与它的两端电压 u 无关的元件叫理想电流源。

● 电路符号

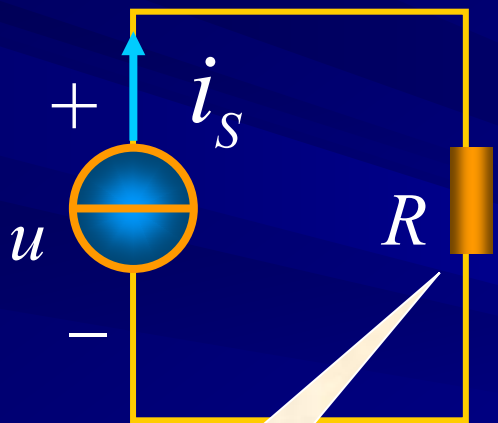


● 理想电流源的电压、电流关系

① 电流源的输出电流由电源本身决定，与外电路无关；与它两端电压方向、大小无关。

② 电流源两端的电压由电源及外电路共同决定。

例



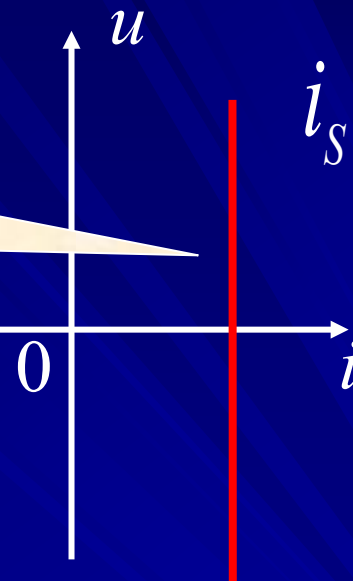
外电路

直流电流源的
伏安关系

$$u = Ri_s$$

$$u = 0 \quad (R = 0)$$

$$u = \infty \quad (R = \infty)$$



电流源不能开路!

实际电流源的产生:

可由稳流电子设备产生, 有些电子器件输出具备电流源的特性, 如晶体管的集电极电流与负载无关; 光电池在一定光线照射下, 光电子被激发产生一定值的电流等。

● 电流源的功率

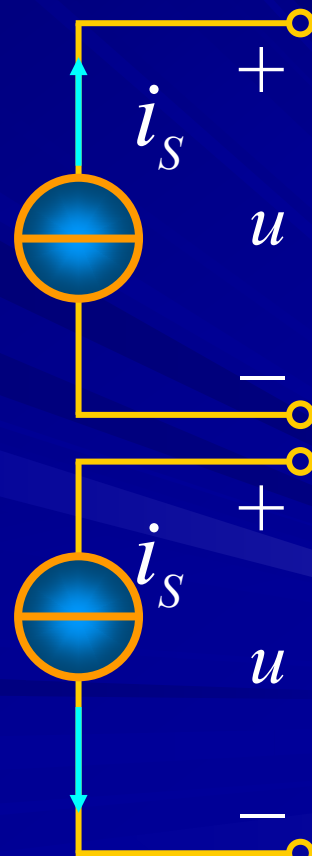
$$\longrightarrow P = ui_S$$

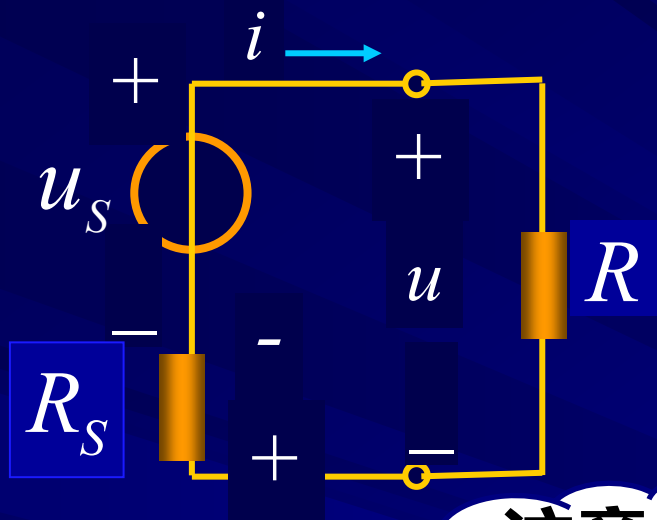
① 电流方向与端电压方向非关联;

$P = ui_S \longrightarrow$ 发出功率, 起电源作用

② 电流方向与端电压方向关联;

$P = ui_S \longrightarrow$ 吸收功率, 充当负载

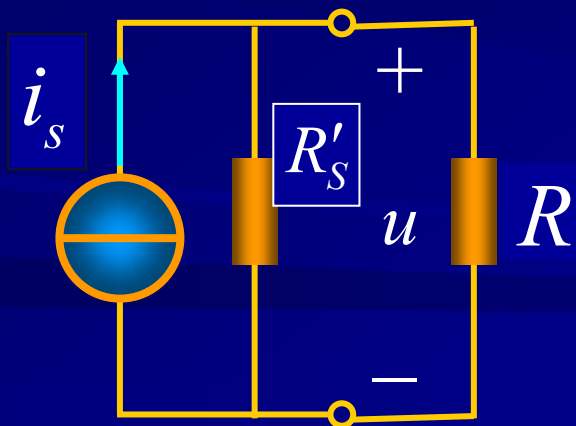




注意参考
方向

$$u = u_s - R_s i$$

$$i = \frac{u_s - u}{R_s} = \frac{u_s}{R_s} - \frac{u}{R_s}$$



$$\frac{u_s}{R_s} = i_s$$

$$R_s = R'_s$$

$$i = i_s - \frac{u}{R'_s}$$

$$u = R'_s i_s - R'_s i$$

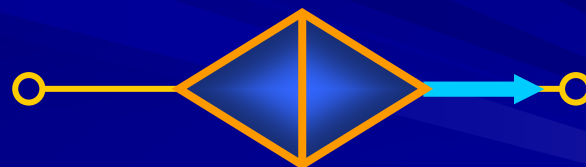
1.7 受控电源(非独立源)

1.定义 \longrightarrow 电压或电流的大小和方向不是给定的时间函数，而是受电路中某个地方的电压(或电流)控制的电源，称受控源。

● 电路符号



受控电压源

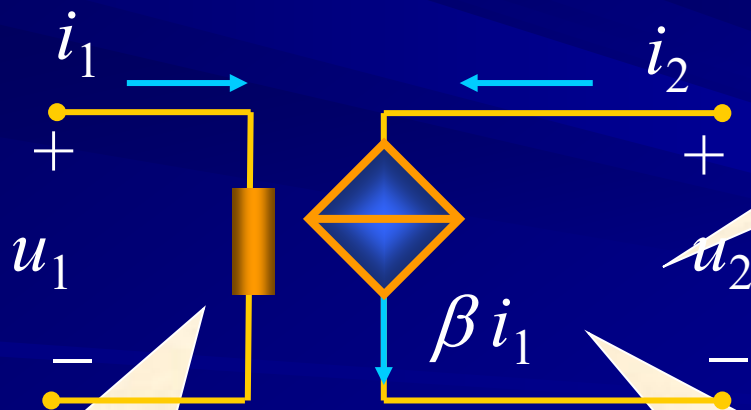


受控电流源

2.分类

根据控制量和被控制量是电压 u 或电流 i ，受控源可分四种类型：当被控制量是电压时，用受控电压源表示；当被控制量是电流时，用受控电流源表示。

① 电流控制的电流源 (CCCS)



四端元件

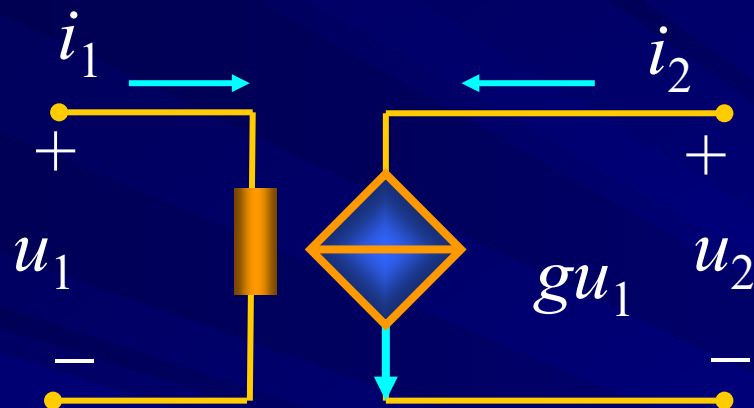
$$i_2 = \beta i_1$$

β : 电流放大倍数

输入：控制部分

输出：受控部分

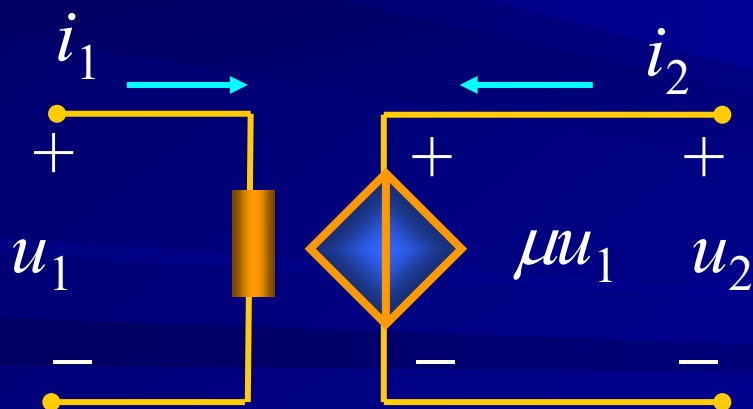
②电压控制的电流源 (VCCS)



$$i_2 = g u_1$$

g : 转移电导

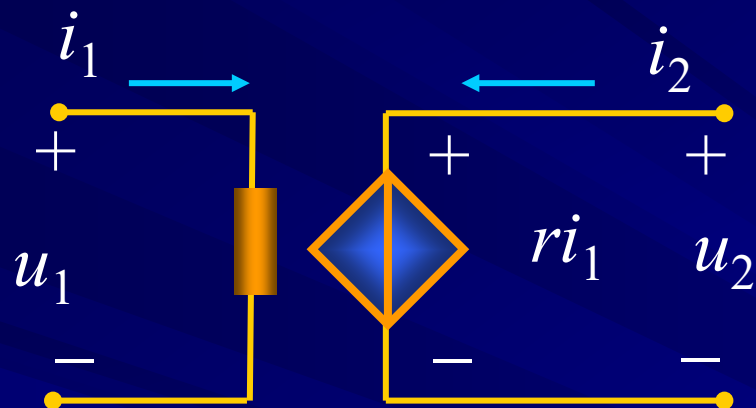
③电压控制的电压源 (VCVS)



$$u_2 = \mu u_1$$

μ : 电压放大倍数

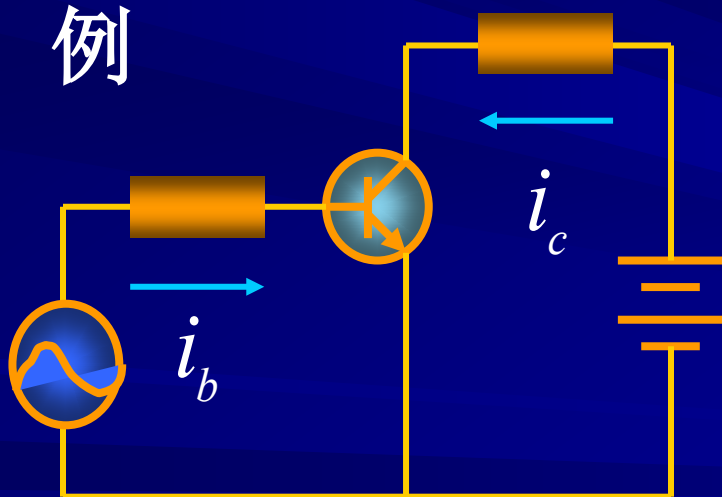
④电流控制的电压源 (CCVS)



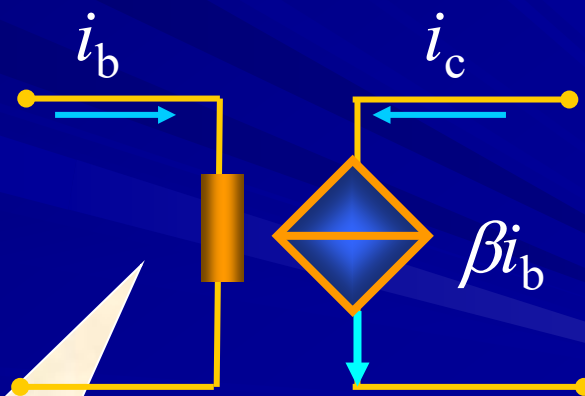
$$u_2 = ri_1$$

r : 转移电阻

例



$$i_c = \beta i_b$$



电路模型

3.受控源与独立源的比较

- ①独立源电压(或电流)由电源本身决定,与电路中其它电压、电流无关,而受控源电压(或电流)由控制量决定。
- ②独立源在电路中起“激励”作用,在电路中产生电压、电流,而受控源是反映电路中某处的电压或电流对另一处的电压或电流的控制关系,在电路中不能作为“激励”。

例 求：电压 u_2

解

$$i_1 = \frac{6}{3} = 2A$$

$$\begin{aligned} u_2 &= -5i_1 + 6 \\ &= -10 + 6 = -4V \end{aligned}$$

