

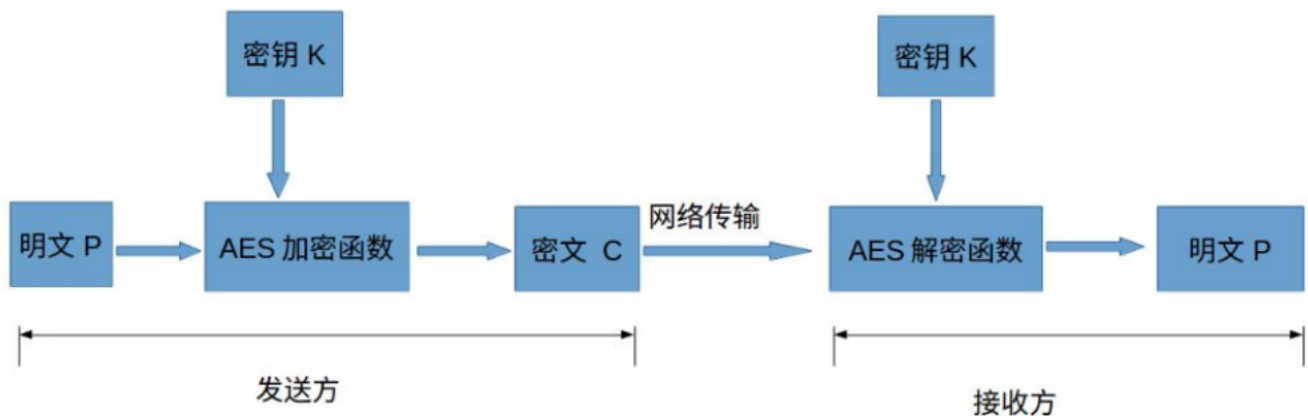
翟宏佳 电信钱61 2160405066

实验项目链接

1.AES介绍

AES（高级加密标准，Advanced Encryption Standard）是一个新的可以用于保护电子数据的加密算法。AES 是一个迭代的、对称密钥分组的密码，它可以使用128、192 和 256 位密钥，并且用 128 位（16字节）分组加密和解密数据。与公共密钥密码使用密钥对不同，对称密钥密码使用相同的密钥加密和解密数据。通过分组密码返回的加密数据的位数与输入数据相同。迭代加密使用一个循环结构，在该循环中重复置换和替换输入数据。

AES，在密码学中又称Rijndael加密法，是美国联邦政府采用的一种分组加密标准。这个标准用来替代原先的 DES，目前已经广为全世界所使用，成为对称密钥算法中最流行的算法之一。其加密流程如下所示：



明文P：没有经过加密的数据。

密钥K：用来加密明文的密码，在对称加密算法中，加密与解密的密钥是相同的。密钥为接收方与发送方协商产生，但不可以直接在网络上传输，否则会导致密钥泄漏，通常是通过非对称加密算法加密密钥，然后再通过网络传输给对方，或者直接面对面商量密钥。密钥是绝对不可以泄漏的，否则会被攻击者还原密文，窃取机密数据。

AES加密函数：设AES加密函数为E，则 $C = E(K, P)$ ，其中P为明文，K为密钥，C为密文。把明文P和密钥K作为加密函数的参数输入，则加密函数E会输出密文C。

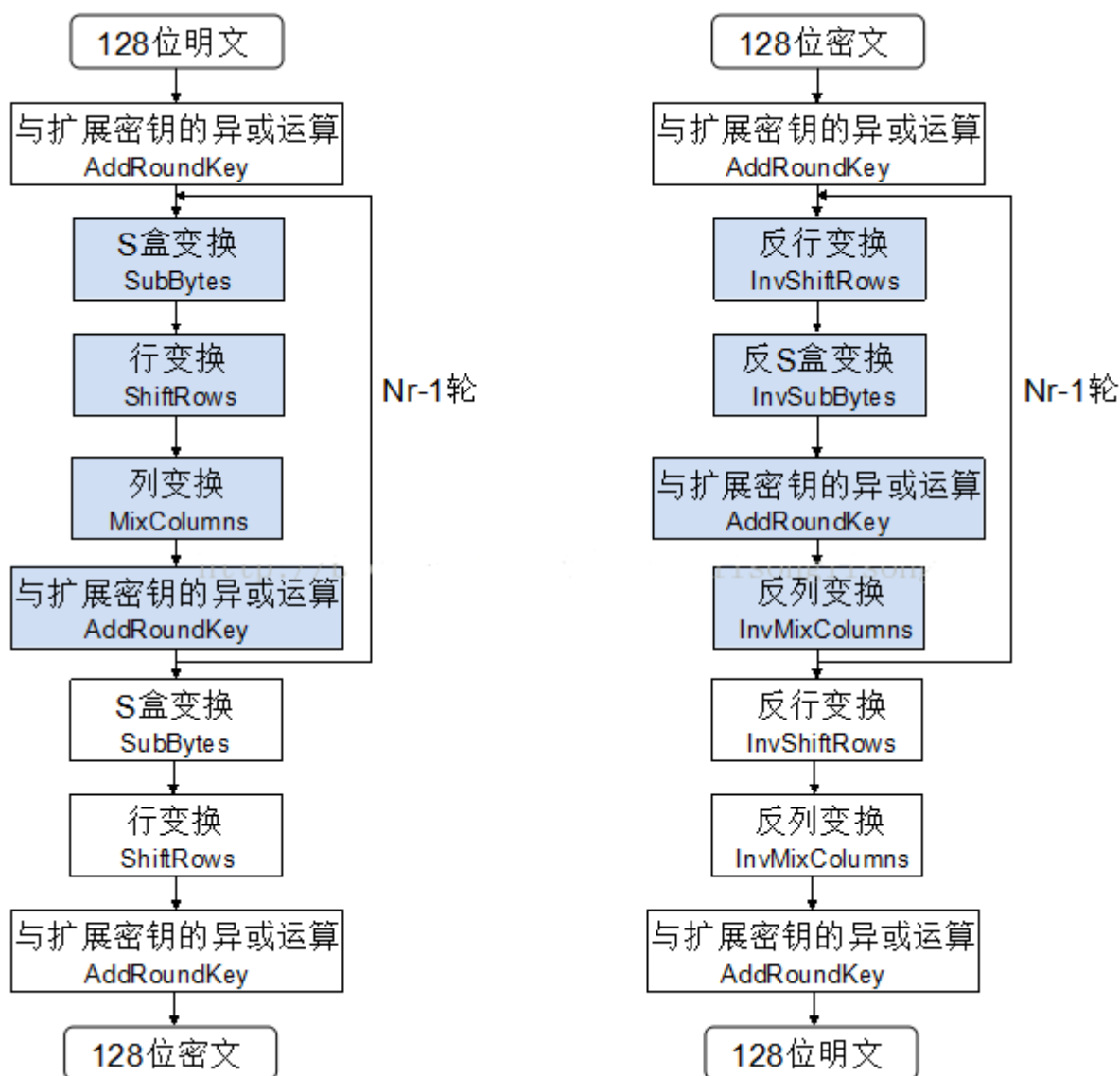
密文C：经加密函数处理后的数据

AES解密函数：设AES解密函数为D，则 $P = D(K, C)$ ，其中C为密文，K为密钥，P为明文。把密文C和密钥K作为解密函数的参数输入，则解密函数会输出明文P。

2.AES算法原理

AES算法（即 Rijndael 算法）是一个对称分组密码算法。数据分组长度必须是 128 bits，使用的密钥长度为 128, 192 或 256 bits。对于三种不同密钥长度的 AES 算法，分别称为“AES-128”、“AES-192”、“AES-256”。

下图是 AES 加密解密的整体流程图：



3个符号说明： N_b ——状态 State 包含的列（32-bit 字）的个数，也就是说 $N_b=4$ ； N_k ——密钥包含的 32-bit 字的个数，也就是说 $N_k=4, 6$ 或 8 ； N_r ——加密的轮数，对于不同密钥长度，轮数不一样。

AES算法主要分为三个方面：密钥扩展、分组加密、分组解密。

1. 密钥扩展

AES 算法通过密钥扩展程序（Key Expansion）将用户输入的密钥 K 扩展生成 $N_b(N_r+1)$ 个字，存放在一个线性数组 $w[N_b \cdot (N_r+1)]$ 中。

- 位置变换函数 $\text{RotWord}()$ ，接受一个字 $[a_0, a_1, a_2, a_3]$ 作为输入，循环左移一个字节后输出 $[a_1, a_2, a_3, a_0]$ 。
- S盒变换函数 $\text{SubWord}()$ ，接受一个字 $[a_0, a_1, a_2, a_3]$ 作为输入。S盒是一个 16×16 的表，其中每一个元素是一个字节。对于输入的每一个字节，前四位组成十六进制数 x 作为行号，后四位组成的十六进制数 y 作为列号，查找表中对应的值。最后函数输出 4 个新字节组成的 32-bit 字。
- 轮常数 $Rcon[]$ ，直接把它当做常量数组。
- 扩展密钥数组 $w[]$ 的前 N_k 个元素就是外部密钥 K ，以后的元素 $w[i]$ 等于它前一个元素 $w[i-1]$ 与前第 N_k 个元素 $w[i-N_k]$ 的异或，即 $w[i] = w[i-1] \oplus w[i-N_k]$ ；但若 i 为 N_k 的倍数，则 $w[i] = w[i-N_k] \oplus \text{SubWord}(\text{RotWord}(w[i-1])) \oplus Rcon[i/N_k-1]$ 。

```

KeyExpansion(byte key[4*Nk], word w[Nb*(Nr+1)], Nk)
begin
    word temp

    i = 0

    while (i < Nk)
        w[i] = word(key[4*i], key[4*i+1], key[4*i+2], key[4*i+3])
        i = i+1
    end while

    i = Nk

    while (i < Nb * (Nr+1))
        temp = w[i-1]
        if (i mod Nk = 0)
            temp = SubWord(RotWord(temp)) xor Rcon[i/Nk]
        else if (Nk > 6 and i mod Nk = 4)
            temp = SubWord(temp)
        end if
        w[i] = w[i-Nk] xor temp
        i = i + 1
    end while
end

```

2.分组加密

根据 AES 加密的整体流程图，其伪代码流程框架如下：

```

Cipher(byte in[4*Nb], byte out[4*Nb], word w[Nb*(Nr+1)])
begin
    byte state[4,Nb]

    state = in

    AddRoundKey(state, w[0, Nb-1])

    for round = 1 step 1 to Nr-1
        SubBytes(state)
        ShiftRows(state)
        MixColumns(state)
        AddRoundKey(state, w[round*Nb, (round+1)*Nb-1])
    end for

    SubBytes(state)
    ShiftRows(state)
    AddRoundKey(state, w[Nr*Nb, (Nr+1)*Nb-1])

    out = state
end

```

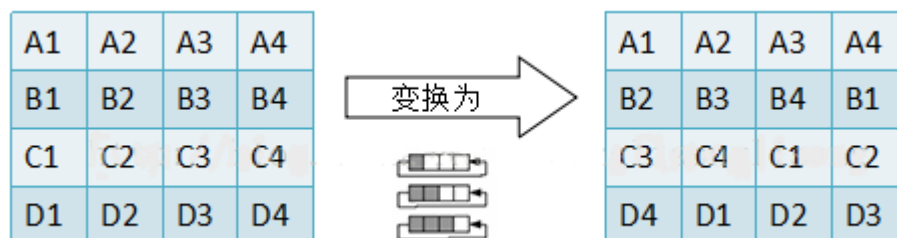
AES 加密时涉及到的子程序有 `SubBytes()`、`ShiftRows()`、`MixColumns()` 和 `AddRoundKey()`。

- S盒变换-SubBytes()

S盒是一个 16 行 16 列的表，表中每个元素都是一个字节。S盒变换很简单：函数SubBytes()接受一个 4x4 的字节矩阵作为输入，对其中的每个字节，前四位组成十六进制数 x 作为行号，后四位组成的十六进制数 y 作为列号，查找表中对应的值替换原来位置上的字节。

- 行变换-ShiftRows()

行变换也很简单，它仅仅是将矩阵的每一行以字节为单位循环移位：第一行不变，第二行左移一位，第三行左移两位，第四行左移三位。如下图所示：



- 列变换-MixColumns()

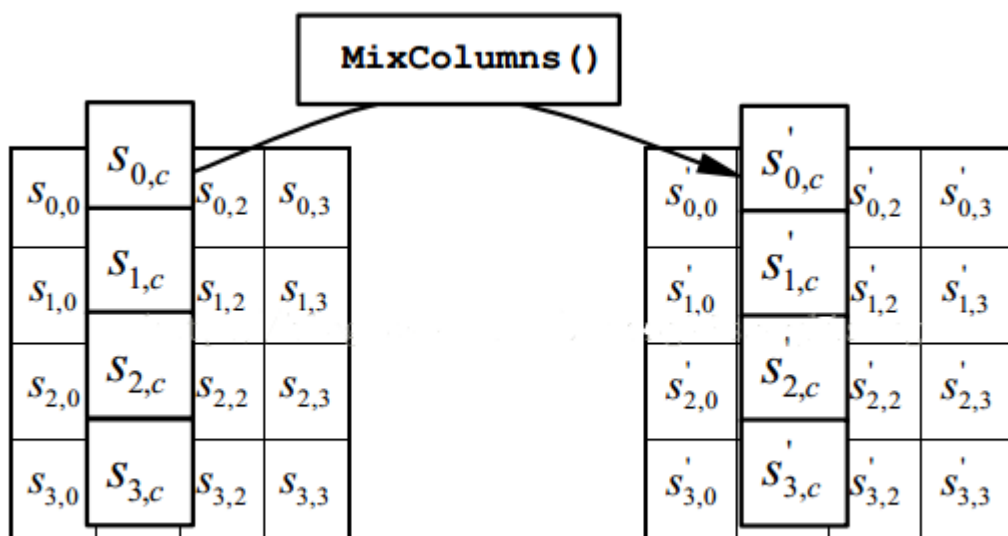
函数 MixColumns() 同样接受一个 4x4 的字节矩阵作为输入，并对矩阵进行逐列变换，变换方式如下：变换中采用的乘法是伽罗华域上面的乘法。

$$\begin{bmatrix} s'_{0,c} \\ s'_{1,c} \\ s'_{2,c} \\ s'_{3,c} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_{0,c} \\ s_{1,c} \\ s_{2,c} \\ s_{3,c} \end{bmatrix} \quad 0 \leq c < 4$$

展开以后，得到如下计算式：

$$\begin{aligned} s'_{0,c} &= (\{02\} \bullet s_{0,c}) \oplus (\{03\} \bullet s_{1,c}) \oplus s_{2,c} \oplus s_{3,c} \\ s'_{1,c} &= s_{0,c} \oplus (\{02\} \bullet s_{1,c}) \oplus (\{03\} \bullet s_{2,c}) \oplus s_{3,c} \\ s'_{2,c} &= s_{0,c} \oplus s_{1,c} \oplus (\{02\} \bullet s_{2,c}) \oplus (\{03\} \bullet s_{3,c}) \\ s'_{3,c} &= (\{03\} \bullet s_{0,c}) \oplus s_{1,c} \oplus s_{2,c} \oplus (\{02\} \bullet s_{3,c}) \end{aligned}$$

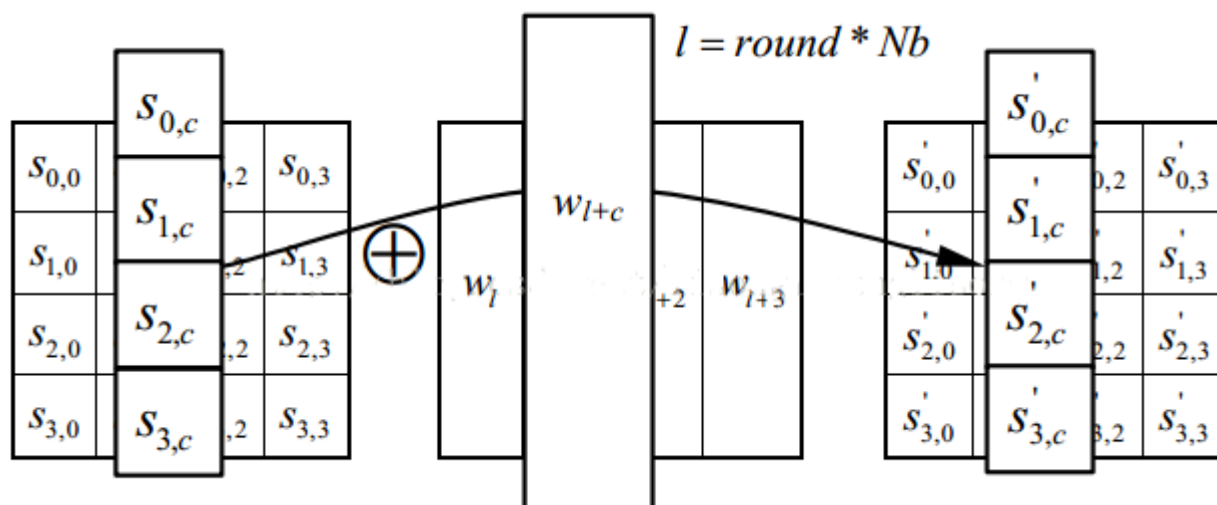
⊕表示异或，•表示伽罗华域（有限域）上的乘法



MixColumns() 在状态的列上运算

- 与扩展密钥的异或-AddRoundKey()

根据当前加密的轮数，用 $w[]$ 中的 4 个扩展密钥与矩阵的 4 个列进行按位异或。如下图所示：



3.分组解密

根据 AES 解密的整体流程图，可以得出伪代码如下：

```

InvCipher(byte in[4*Nb], byte out[4*Nb], word w[Nb*(Nr+1)])
begin
    byte state[4,Nb]

    state = in

    AddRoundKey(state, w[Nr*Nb, (Nr+1)*Nb-1]) // See Sec. 5.1.4

    for round = Nr-1 step -1 downto 1
        InvShiftRows(state)                // See Sec. 5.3.1
        InvSubBytes(state)                 // See Sec. 5.3.2
        AddRoundKey(state, w[round*Nb, (round+1)*Nb-1])
        InvMixColumns(state)               // See Sec. 5.3.3
    end for

    InvShiftRows(state)
    InvSubBytes(state)
    AddRoundKey(state, w[0, Nb-1])

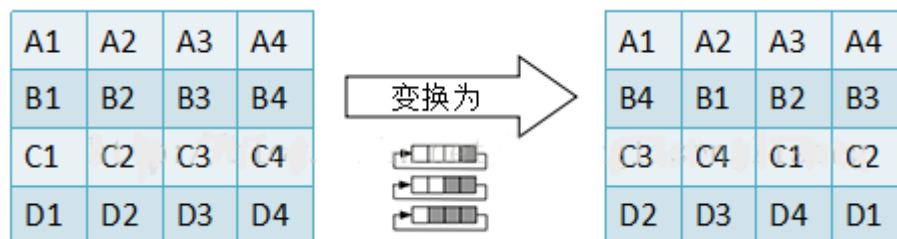
    out = state
end

```

从伪代码可以看出，解密部分需要分别实现 S 盒变换、行变换和列变换的逆变换 `InvShiftRows()`、`InvSubBytes()` 和 `InvMixColumns()`。

- 逆行变换-`InvShiftRows()`

上面讲到 `ShiftRows()` 是对矩阵的每一行进行循环左移，所以 `InvShiftRows()` 是对矩阵每一行进行循环右移。



- 逆 S 盒变换-`InvSubBytes()`

与 S 盒变换一样，也是查表，查表的方式也一样，只不过查的是另外一个置换表（S-Box 的逆表）。

- 逆列变换-`InvMixColumns()`

与列变换的方式一样，只不过计算公式的系数矩阵发生了变化。如下图：

$$\begin{bmatrix} s'_{0,c} \\ s'_{1,c} \\ s'_{2,c} \\ s'_{3,c} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0e & 0b & 0d & 09 \\ 09 & 0e & 0b & 0d \\ 0d & 09 & 0e & 0b \\ 0b & 0d & 09 & 0e \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_{0,c} \\ s_{1,c} \\ s_{2,c} \\ s_{3,c} \end{bmatrix} \quad 0 \leq c < 4$$

展开以后，得到如下计算式：

$$\begin{aligned} s'_{0,c} &= (\{0e\} \bullet s_{0,c}) \oplus (\{0b\} \bullet s_{1,c}) \oplus (\{0d\} \bullet s_{2,c}) \oplus (\{09\} \bullet s_{3,c}) \\ s'_{1,c} &= (\{09\} \bullet s_{0,c}) \oplus (\{0e\} \bullet s_{1,c}) \oplus (\{0b\} \bullet s_{2,c}) \oplus (\{0d\} \bullet s_{3,c}) \\ s'_{2,c} &= (\{0d\} \bullet s_{0,c}) \oplus (\{09\} \bullet s_{1,c}) \oplus (\{0e\} \bullet s_{2,c}) \oplus (\{0b\} \bullet s_{3,c}) \\ s'_{3,c} &= (\{0b\} \bullet s_{0,c}) \oplus (\{0d\} \bullet s_{1,c}) \oplus (\{09\} \bullet s_{2,c}) \oplus (\{0e\} \bullet s_{3,c}) \end{aligned}$$

\oplus 表示异或， \bullet 表示伽罗华域（有限域）上的乘法

3.实验演示结果：

KEY IS: 2b 7e 15 16 28 ae d2 a6 ab f7 15 88 9 cf 4f 3c

w[0] = 2b7e1516
w[1] = 28aed2a6
w[2] = abf71588
w[3] = 9cf4f3c
w[4] = a0fafe17
w[5] = 88542cb1
w[6] = 23a33939
w[7] = 2a6c7605
w[8] = f2c295f2
w[9] = 7a96b943
w[10] = 5935807a
w[11] = 7359f67f
w[12] = 3d80477d
w[13] = 4716fe3e
w[14] = 1e237e44
w[15] = 6d7a883b
w[16] = ef44a541
w[17] = a8525b7f
w[18] = b671253b
w[19] = db0bad00
w[20] = d4d1c6f8
w[21] = 7c839d87
w[22] = caf2b8bc
w[23] = 11f915bc
w[24] = 6d88a37a
w[25] = 110b3efd
w[26] = dbf98641
w[27] = ca0093fd
w[28] = 4e54f70e
w[29] = 5f5fc9f3
w[30] = 84a64fb2
w[31] = 4ea6dc4f
w[32] = ead27321
w[33] = b58dbad2
w[34] = 312bf560
w[35] = 7f8d292f
w[36] = ac7766f3
w[37] = 19fadc21
w[38] = 28d12941
w[39] = 575c006e
w[40] = d014f9a8
w[41] = c9ee2589
w[42] = e13f0cc8
w[43] = b6630ca6


```
xjturn03@xjturn03-V100:~/ban/Network-Security-homework/build$ ./main  
密钥是: 2b 7e 15 16 28 ae d2 a6 ab f7 15 88 9 cf 4f 3c
```

待加密的明文:

```
32 88 31 e0  
43 5a 31 37  
f6 30 98 7  
a8 8d a2 34
```

加密后的密文:

```
39 2 dc 19  
25 dc 11 6a  
84 9 85 b  
1d fb 97 32
```

解密后的明文:

```
32 88 31 e0  
43 5a 31 37  
f6 30 98 7  
a8 8d a2 34
```