🧭 系外行星轨道周期预测模型

| 目录

- 1 梳理题目要求
- 2 思路
- 3 学习笔记
- 4 流程记录
- 5 运行成功截图

🤁 梳理题目要求

- 下载 NASA 系外行星数据,将要求的数据导入 sklearn.linear model.LinearRegression 训练模型
- ※用均方误差评估模型性能,随后可视化输出预测结果与真实轨道周期的关系以及最终的线性方 程
- **3** 手动使用 **最小二乘法** 来完成线性回归的任务
- ◆ 使用 R检测法 评估线性拟合的相关性
- 5 可视化 预测值 vs. 真实值的散点图
- 7 解释模型的误差

| 思路

- 1 访问 NASA 系外行星数据库,获取行星数据保存在 csv 文件 中(什么是 csv 文件?)
- 2 提取 csv 文件中所需要的数据,将不需要的数据 剔除(如何完成提取和剔除操作?)
- 使用提取到的有用数据来 训练模型 (如何训练模型?)
- ◆ 使用 均方误差(MSE) 来评估模型的预测性能(如何评估模型的预测性能?)
- 5 使用 R检测法 评估线性拟合的相关性(如何输出R检测法结果)

- る 将预测值的真实值的关系 绘制散点图(如何绘图?)
- 7 输出最终的线性方程(如何导出线性方程参数?)
- **3 手动** 使用最小二乘法来完成线性回归的任务(如何使用最小二乘法完成线性回归?)
- ☑ 对数据进行 对数变换 , 重复第二到七步 , 获得模型效果 , 进行对比 (如何进行对数变化?)
- 10 可视化 预测值 vs. 真实值的散点图,并解释模型的误差

相关知识学习

csv 文件

打开CSV文件 1 2 3

CSV (Comma Separated Values) 文件是一种纯文本文件,用于存储表格和电子表格信息。内容通常是由文本、数字或日期组成的表格。CSV文件的每一行表示表中的一行,逗号分隔行中的每个单元格 1 2。

在Microsoft Excel中打开CSV文件

- 1. **双击CSV文件**:如果你已经安装了Microsoft Excel,只需双击CSV文件即可在Excel中打开它。双击该文件后,可能会看到一个提示,询问你要使用哪个程序打开该文件,选择Microsoft Excel 1。
- 2. **通过Excel打开**:如果你已经在使用Microsoft Excel,可以选择"文件">"打开",然后选择CSV文件。如果看不到要打开的文件,可能需要将要打开的类型更改为"文本文件(*.prn, *.txt, *.csv)"。Excel将在新工作簿中显示数据 2。
- 3. **导入到现有工作表**: 在"数据"选项卡的"获取和转换数据"组中,单击"从文本/CSV"。 在"导入数据" 对话框中,双击要导入的CSV文件,然后单击"导入"。 在预览对话框中,你可以选择"加载"将数据直接加载到新工作表中,或选择"加载到"将数据加载到表或现有工作表中^1^。

csv 文件可以很好地处理表格类数据,而且具有方便处理的特性

具体处理方法可以使用 pandas 里的 read csv() 获取数据

加载数据

df = pd.read_csv("D:/lianshidaiRecurit/03/PSCompPars_2025.02.09_07.27.02.csv")

提取和剔除操作

四、筛选含有特定值的列 🔎

同样地,我们也可以筛选含有特定值的列。

```
1 # 筛选城市为"chicago"的列
2 df_filtered_columns = df[df['City'] == 'Chicago']
3 print(df['City'] == 'Chicago')
4 print("*"*30)
5 print(df_filtered_columns)
```

上面的代码会筛选出城市为"Chicago"的列,并返回一个新的DataFrame:

可以使用 df.read_csv() 返回的 DataFrame 数据类型进行数据的提取

同时发现,下载的文件中存在部分数据缺失,这将导致模型训练出现错误,因而需要将存在缺失数据的 地方删去

这里使用 DataFrame 的 .dropna() 方法进行处理,需要输入的参数 subset 为所需检测的列数据名称,返回删除缺失数据之后的 DataFrame

最后,将处理好的数据所需的列元素提取到 x, y 中,方便后续训练模型,这里可以使用 $X = df[['pl_orbsmax', 'st_mass']]$ 进行处理

```
import pandas as pd

# 加载数据

df = pd.read_csv("D:/lianshidaiRecurit/03/PSCompPars_2025.02.09_07.27.02.csv")

# 处理缺失值

df = df.dropna(subset=['pl_orbsmax', 'st_mass', 'pl_orbper'])

# 选择相关特征和目标变量

X = df[['pl_orbsmax', 'st_mass']]
y = df['pl_orbper']
```

训练模型

首先需要导入必要的库

```
import pandas as pd
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.linear_model import LinearRegression
```

对于一个已经处理好的数据 x,y ,为了训练模型,需要将 x,y 分别拆分成 训练集 和 测试集 ,这一步可以使用 train test split 来随机拆分数据集:

80% 用于训练 (X_train, y_train)

20% 用于测试 (X_test, y_test)

这一步可以用以下代码实现:

拆分数据集

X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2, random_state=42)

随后需要 创建并训练模型 , 具体的实现方式是:

```
model = LinearRegression() # 创建线性回归模型
model.fit(X_train, y_train) # 训练模型(让模型学习 X_train 和 y_train 之间的关系)
```

其中 .fit(X_train, y_train) 让模型学习数据的模式,即找到最合适的 直线 来拟合数据。

接下来使用训练好的模型预测测试集

y_pred = model.predict(X_test) # 用训练好的模型预测测试集数据

使用 MSE 评估模型的预测性能

什么是 MSE?

MSE指标是什么 1 2 3

均方误差 (MSE, Mean Squared Error) 是一种常用的统计度量,用于评估预测模型或估计方法的精确性。它通过计算预测值与实际值之间差值的平方的平均值来衡量误差。MSE的值越小,说明模型的预测精度越高 1。

MSE的计算公式

MSE的计算公式如下:

```
MSE = (1/n) * \Sigma(yi - y_pred)^2
```

其中,n是样本数量,yi是实际值,y_pred是预测值²。

MSE的特点

- 1. **非负值**: MSE的值始终非负,最小值为0,这发生在所有的预测值都精确匹配实际值时。
- 2. **惩罚较大误差**:由于误差项是平方的,所以较大的误差对MSE的贡献也更大,这意味着MSE对较大误差更为敏感。
- 3. 量纲: MSE的单位是原始数据单位的平方。例如,如果数据单位是米,则MSE的单位是平方米。
- 4. 对异常值敏感:由于误差平方的影响,MSE对异常值或离群值非常敏感 3。

也就是说, MSE 反映了模型预测的准确程度, 和准确率成正比

使用 python 进行实现如下:

```
from sklearn.metrics import mean_squared_error
mse = mean_squared_error(y_test, y_pred)
print(f"均方误差 (MSE): {mse}")
```

绘图

如果需要将数据绘制成图表,需要 matplotlib 进行操作

其中

plt.scatter()是 Matplotlib 用于绘制散点图的函数,它可以接受多个参数来控制散点的颜色、大小、形状等。

plt.scatter(x, y, s=None, c=None, marker=None, alpha=None, label=None, cmap=None, edgecolors=None

其中参数的含义为:

参数	说明
Х	x 轴数据 (横坐标)
У	y 轴数据(纵坐标)。
S	散点的大小,可以是单个数值或数组,默认 20。
С	颜色,可以是单个颜色值(如 'red') 或数值数组(结合 cmap 使用)。
marker	散点的形状,如 'o'(圆)、's'(方形)、'D'(菱形)等。
alpha	透明度,范围 [0,1],0 为完全透明,1 为不透明。
label	用于图例的标签,配合 plt.legend() 使用。
cmap	颜色映射(当 c 为数值数组时),如 'viridis'、'plasma'、'coolwarm' 等。
edgecolors	散点的边缘颜色,如 'black'。
linewidths	边缘线宽度,默认为 None。

plt.plot() 是 Matplotlib 中用于绘制 折线图 或 点线图 的函数,它的参数可以控制 线条样式、颜色、标记形状等。

plt.plot(x, y, fmt, color=None, linestyle=None, linewidth=None, marker=None, markersize=None, all

参数	说明
Х	x 轴数据(横坐标)。
У	y 轴数据(纵坐标)。
fmt	格式字符串,用于同时指定颜色、线型和标记(可选)。
color	颜色,如 'r'(红)、'g'(绿)、'b'(蓝)、'#ff5733'(十六进制)、(0.5,0.2,0.8) (RGB) 。
linestyle	线型,如 '-'(实线)、''(虚线)、':'(点线)、''(点划线)、'none'(无线)。
linewidth	线宽, 默认 1.5。
marker	数据点的标记,如 'o'(圆)、's'(方形)、'D'(菱形)、'x'(叉号)、'v'(下三角)。

参数	说明
markersize	标记的大小。
alpha	透明度,取值 [0,1],0 完全透明,1 不透明。
label	图例名称 (需配合 plt.legend() 使用)。

```
import matplotlib.pyplot as plt

# 可视化预测结果与真实值的关系,设置不透明度为 0.5 以便观察点的重合情况
plt.scatter(y_test, y_pred, alpha=0.5)

# 绘制对角线
plt.plot([y_test.min(), y_test.max()], [y_test.min(), y_test.max()], 'r--')

# 设置x轴、y轴以及标题名称
plt.xlabel("True pl_orbper")
plt.ylabel("Predicted pl_orbper")
plt.title("prediction vs True value")

# 绘制图像
plt.show()
```

导出线性方程参数

在 sklearn.linear_model.LinearRegression 中,训练好模型后,可以通过 .coef_ 和 .intercept_ 来获取最佳的 **权重** 和 **偏置**。最终的线性回归方程的形式如下:

$$y=w_1\cdot x_1+w_2\cdot x_2\cdots w_n\cdot x_n+b$$

其中:

 $w_1, w_2, ..., w_n$ 是特征的 **权重**,可通过 model.coef_ 获取。 b 是 **偏置**,可通过 model.intercept_ 获取。

手动使用最小二乘法完成线性回归

这里使用 正规方程 进行计算最小二乘法

$\theta = (X^T X)^{-1} X^T Y$

详解正规方程 (Normal Equation)



ChenIlliang

科学技术是第一生产力 喜欢《球状闪电》和《全频带阻塞干扰》

十 关注他

366 人赞同了该文章

第一篇机器学习文章希望做到详细而优雅

相信学过线性回归*的小伙伴对标题图片中的方程式*一定不陌生。用的时候可能并不知其所以然,大一下学期我在学校学习完了线性代数和多元函数微积分*的知识后,重新认识了这个方程

。 (所有方程使用TeX重新编辑, 带给你鸡汁的视觉体验!)

预备知识:线性代数*,多元函数微积分(大一知识即可)

使用伪逆公式计算最小二乘法的参数

theta_best = np.linalg.pinv(X_b.T @ X_b) @ X_b.T @ y_train

这里得到的 theta_best 所包含的数据 $\theta_0, \theta_1, \theta_2 \cdots \theta_n$ 即最好的参数:

$$\hat{y} = \theta_0 + \theta_1 \cdot x_1 + \theta_2 \cdot x_2 \cdot \cdot \cdot \theta_n \cdot x_n$$

进行对数变化

python 中的 numpy 为对数变换提供了一个有效的工具,只需要调用 np.log() 就能做到对目标数据的对数变换操作,并返回相同数据格式的变换结果

进行以 10 为底的对数变换

 $X_log10 = np.log10(X)$

输出R检测法结果

这里需要调用 sklearn.metrics 中的 r2_score 进行计算

from sklearn.metrics import r2_score

在操作上,只需要提供真实值和预测值,便能返回其线性回归的 \mathbb{R}^2

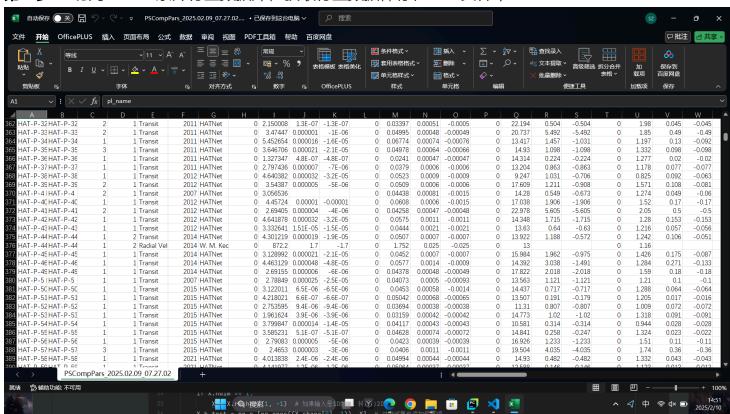
r2_sklearn = r2_score(y_test, y_pred)

流程记录

导入必要的库

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.linear_model import LinearRegression
from sklearn.metrics import mean_squared_error, r2_score
```

第一步: 访问 NASA 系外行星数据库, 获取行星数据保存在 csv 文件中



第二步: 提取 csv 文件中所需要的数据,保留'pl_orbsmax','st_mass'和'pl_orbper'数据,与此同时注意 到某些数据是缺失的,故而使用 df.dropna(subset=['pl_orbsmax','st_mass','pl_orbper']) 用来删除 含有缺失值的数据组,保证后续计算正确

```
# 加载数据

df = pd.read_csv("D:/lianshidaiRecurit/03/PSCompPars_2025.02.09_07.27.02.csv")

# 处理缺失值

df = df.dropna(subset=['pl_orbsmax', 'st_mass', 'pl_orbper'])

# 选择相关特征和目标变量

X = df[['pl_orbsmax', 'st_mass']]

y = df['pl_orbper']
```

第三步: 使用提取到的数据来训练模型

首先需要将数据使用 train_test_split 来拆分成 8:2 的训练集和测试集,使用训练集来进行线性回归 拟合

```
# 拆分训练集和测试集
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2, random_state=42)
# 使用 sklearn 进行线性回归
model = LinearRegression()
model.fit(X_train, y_train)
# 预测
y_pred = model.predict(X_test)
```

第四步: 使用 MSE、R检测法 来评估模型的预测性能

```
# 预测
y_pred = model.predict(X_test)

# 计算 sklearn 线性回归的 R^2 和 MSE
r2_sklearn = r2_score(y_test, y_pred)
mse_sklearn = mean_squared_error(y_test, y_pred)
```

第五步: 手动使用最小二乘法来完成线性回归的任务, 这里具体的计算方法使用了 伪逆矩阵

```
def manual(X_train, X_test, y_train, y_test):
   """手动实现最小二乘法计算参数"""
   # 偏置项
   X_b = np.c_[np.ones((len(X_train), 1)), X_train.values]
   # 伪逆法求解 theta best
   theta_best = np.linalg.pinv(X_b.T @ X_b) @ X_b.T @ y_train
   # 手动预测函数
   def predict_manual(X):
       X = X.values # 转换为 NumPy 数组
       X_b_{test} = np.c_{np.ones}((X.shape[0], 1)), X
       return X_b_test @ theta_best
   # 计算手动最小二乘法的预测值
   y_manual_pred = predict_manual(X_test)
   # 计算手动实现的 R^2 和 MSE
   r2_manual = r2_score(y_test, y_manual_pred)
   mse_manual = mean_squared_error(y_test, y_manual_pred)
   return r2_manual, mse_manual, theta_best, y_manual_pred
```

第六步: 将预测值的真实值的关系使用 matplotlib 绘制散点图进行 可视化

```
def draw_plot_map():
    # 可视化预测结果
    plt.scatter(y_test, y_pred, label="Sklearn Predict", alpha=0.5)
    plt.scatter(y_test, y_manual_pred, label="Manual Least Squares Predict", alpha=0.5, marker='
    plt.plot([y_test.min(), y_test.max()], [y_test.min(), y_test.max()], 'r--')
    plt.xlabel("True orbital period")
    plt.ylabel("Predicted orbital period")
    plt.title("Prediction vs True value (Log Transformed)")
    plt.legend()
    plt.show()
```

第七步: 输出最终的线性方程参数

第八步: 对数据进行对数变换, 然后重复第二到七步, 获得模型效果, 进行对比

在 天体问题 中,习惯的对数变换是以 10为底数 的变换,更符合天文物理学的习惯。与此同时,取对数可以更直观地对应开普勒定律。

这里需要时刻注意何时使用 对数后的数据 何时使用 原数据

具体使用代码来实现如下:

```
def pre():
   """训练前的数据处理"""
   #其余部分不变,略去
   # 进行 log10 对数变换
   X_log10 = np.log10(X)
   y_log10 = np.log10(y)
   # 拆分训练集和测试集
   X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X_log10, y_log10, test_size=0.2, random_
   return X_train, X_test, y_train, y_test
def sklearn(X_train, X_test, y_train, y_test):
   # 使用 sklearn 进行线性回归
   model = LinearRegression()
   model.fit(X_train, y_train)
   # 预测
   y_pred_log = model.predict(X_test)
   # 反变换回原始尺度
   y_pred = 10 ** y_pred_log
   # 计算 sklearn 线性回归的 R^2 和 MSE,注意在 log10 尺度计算 R^2, MSE 需要在原尺度计算
   r2_sklearn = r2_score(y_test, y_pred_log)
   mse_sklearn = mean_squared_error(10 ** y_test, y_pred)
   return r2_sklearn, mse_sklearn, model, y_pred
```

第九步: 解释模型的误差

各个系数的物理含义:

回归方程:

 $\log_{10} pl_orbper = 2.5611 + 1.4962 \log_{10} pl_orbsmax - 0.4700 \log_{10} st_mass$

对比理论的开普勒第三定律:

$$pl_orbper = C \cdot pl_orbsmax^{3/2} \cdot st_mass^{-1/2}$$

取对数:

$$\log_{10} pl_orbper = \log_{10} C + 1.5 \log_{10} pl_orbsmax - 0.5 \log_{10} st_mass$$

其中,偏置项代表:

$$\log_{10} C$$

所以,我们可以反推:

$$C = 10^{2.5611} \approx 363$$

开普勒定律的系数 c 取决于单位,在以 AU、天和太阳质量 为单位的时候, 理论值为365.25 而由公式可得, 另两个参数的理论值应该分别为 1.5 和 -0.5

最终的参数 实际值 和 理论值 对比:

 $363 \approx 365.25$

 $1.4962 \approx 1.5$

 $-0.4700 \approx -0.5$

尽管各个系数非常接近 **理论值**,但不完全一致,可能有几个原因:

1. 数据误差

• 测量数据可能有误差,导致拟合出的参数略有偏差

2. 情况复杂

• 理论上行星轨道只受到半径和质量的影响,但是在现实情况下,会受到其他天体(附近的行星)的引力扰动,这使得产生了噪声

如果希望修复这问题,我有以下两个思路:

1. 增大数据量

• 通过增大训练的数据量,可以一定程度上减少测量带来的误差影响

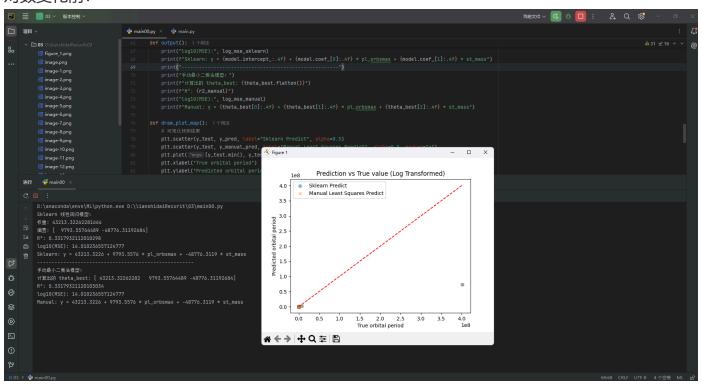
2. 删除噪声过大的数据

• 对于某些行星而言,其运动周期受到其他天体影响过于巨大,对于这样的天体再纳入训练只会起到反面作用。

• 可以通过计算数据的 **残差**,然后删除掉残差超过设定的 **阈值** 的数据,即噪声过大的数据来实现更精准的模型

三运行成功截图

• 对数变化前:



对数变化(10为底数)后:

