$$\begin{array}{cccc}
x & I_{\omega} & \longrightarrow R & r \\
\downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
(\pi_n(x))_{n \in \omega} & \coprod_{n \in \omega} \frac{I}{I_n} & \longrightarrow \coprod_{n \in \omega} E(\frac{I}{I_n}) & \varphi(1_R) \cdot r
\end{array}$$