$$\begin{matrix} I & & & & \\ & \downarrow & & & \downarrow \\ & & & \downarrow & & \\ I \otimes R[S^{-1}] & \longrightarrow & I' & \longrightarrow & R[S^{-1}] & \longleftarrow & J(R[S^{-1}]) \end{matrix}$$