



## 循环信用和内部收益率



#### 循环信用

信用卡的"循环信用",其实是一种自行安排的还款选择。收到信用卡账单后,若偿还的金额大于等于账单中的最低还款额(但小于应还金额即欠款总额)时,就在使用循环信用,剩余的未还金额就是循环信用余额。使用循环信用,需按日计息,且当期不能享受免息还款期的待遇。

#### 业务特点

无需抵押:作为一种无担保的便捷小额信用贷款,循环信用无需抵押

简单快捷:循环信用无需申请,偿还最低还款额后即可享受,不影响持卡人的信用记录

自由灵活:自由选择还款金额和时间,让持卡人灵活掌控财务状况

#### 对于消费刷卡而言:

- ▶ 如果你到期前全额还款,那么是没有利息的。
- ▶ 如果到期不是全额还款(即使差一点),那么将会从消费日起,分笔计算利息;已还部分利息记到还款日的前一天,未还的部分将记到帐单日那一天。如果有预借现金,那么将从预支当天开始计,一直记到还款的前一天为止。

#### 循环信用

张先生的账单日为每月10日,到期还款日为每月28日。

6月10日银行为张先生打印的本期账单包括了他从5月11日至6月10日之间的所有交易账务;

本月账单周期张先生仅有一笔消费——5月30日,消费金额为人民币1000元;

张先生的本期账单列印本期应还金额"为人民币1000元,最低还款额"为100元;

不同的还款情况下, 张先生的循环利息分别为:

- (1) 若张先生于6月28日前,全额还款1000元,则在7月10日的对账单中循环利息=0元
- (2) 若张先生于6月28日前,只偿还最低还款额100元,该100元是在6月25日偿还的,则7月10日的对账单的循环利息=20.20元

#### 具体计算如下:

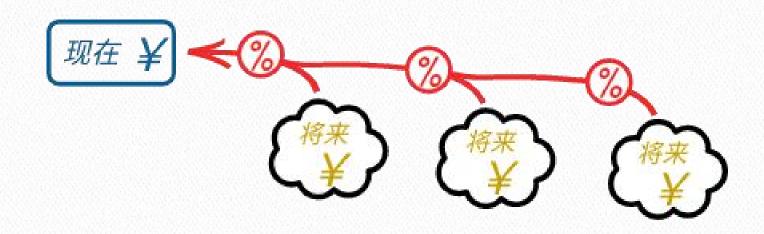
1000元 \* 0.05% \* 26天(5月30日--6月24日)+ (1000元-100元) \* 0.05% \* 16天(6月25日--7月10日) =13+7.2=20.2元

#### 货币时间价值

一个投资有现金流出(投资或开支)和流入(利润和红利等)。你希望流入大于流出,你便会得到利润!但在求总值前你需要计算货币时间价值。现在的钱财比未来的钱财更有价值。



现在的 ¥1,000 和 明年的 ¥1,100 是一样的(如果利率等于 10%), 明年 ¥1,100 的现值是 ¥1,000



### 现值和终值

现值 (present value, PV) 和终值 (final value, FV) 的换算公式如下:

$$PV = \frac{FV}{(1+r)^n}$$

- PV 是现值
- FV 是终值
- r 是利率 (以小数表示)
- n 是期数
- 确保r和n的时间单位一致(月-月利率,年-年利率)

#### 现值和终值

例子: 小李说他 3年后会给你 ¥900, 如果利率是 10%, 这笔钱的现值是多少?

- 终值 (FV) 是 ¥900,
- 利率 (r) 是 10%, 以小数表示是 0.10,
- 年数 (n) 是 3。

#### 3年后的 ¥900 的现值是:

$$PV = FV / (1+r)^n$$
 $PV = \frac{4900}{(1+0.10)^3}$ 
 $PV = \frac{4900}{1.10^3}$ 
 $PV = \frac{4676.18}{600}$  (精确到最近一分)

注意 ¥676.18 比 ¥900 少很多。

就是说,**现在的¥676.18**的价值和3**年后的¥900**是一样的(如果利率是10%)。

### 现值和终值

例子:用6%利率再做一遍

利率 (r) 是 6%, 以小数表示就是 0.06:

$$PV = FV / (1+r)^n$$

$$PV = \frac{40.06}{1}$$

$$PV = \frac{4900}{1.06^3}$$

当利率是 6% 时, 现在的 ¥755.66 的价值和 3年后的 ¥900 是一样的。

#### 净现值

我们现在可以计算净现值了。为所有(流出和流入)的金额求现值,然后:加上流入金额的现值减去流出金额的现值,净现值为正才值得投资。

例子: 你现在投资¥500,明年拿回¥570。用10%的利率来求净现值。

现金流出: 现在 ¥500

现在投资¥500,所以PV=-¥500.00

现金流入: 明年 ¥570

$$PV = \frac{4570}{(1+0.10)^1} = \frac{4570}{1.10}$$

#### 求净值:

**→** 净现值 = ¥518.18 − ¥500.00 = **¥18.18** 

所以, 当利率是 10% 时, 投资的**净现值 = ¥18.18** 

#### 你用的利率对结果有影响!

例子:相同投资,但利率是 15%

现金流出:现在¥500

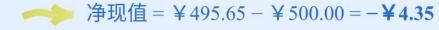


**一** 现在投资 ¥500,所以 PV = - **¥500.00** 

现金流入: 明年 ¥ 570:

$$PV = \frac{4570}{(1+0.15)^1} = \frac{4570}{1.15}$$

#### 求净值:



所以,当利率是 15% 时,投资的**净现值** = - **¥ 4.35** 

净现值是负数!

#### 净现值

关键时刻……哪个利率可以使得净现值刚好等于零?试试 14%:

例子:再做一遍,利率是 14% 现金流出:现在¥500 你现在投资 ¥500, 所以 PV = -**¥500.00** 现金流入: 明年 ¥ 570:  $PV = \frac{4570}{(1+0.14)^1} = \frac{4570}{1.14}$ **→** PV = ¥500 (精确) 净值是: **→** 净现值 = ¥500 − ¥500.00 = **¥0** 刚好等于零! 当利率是 14% 时, 净现值 = ¥0

我们找到投资的内部收益率了……它是 14%。 因为14%的利率使净现值等于零。

它是个利率。 要计算内部收益率, 你先猜一个值(例如 10%), 然后计算净现值。 接下来继续猜测(8%?9%?), 求净现值, 直至净现值等于零。

例子: 珊珊开饼店!

珊珊估计两年内所有的支出和收入,然后计算净现值:



但净现值应该是零,所以珊珊试试 8% 利率:

→ 利率等于 8%,净现值是 -¥1600

不行! 试个小一点的, 7%:

~ 7% 的利率, 净现值是 ¥15

差不多等于零, 珊珊不想再算下去了。

内部收益率(IRR) 大约是 7%



内部收益率是使净现值等于零的利率。 "猜测和检查" 是最常见的求净现值的方法。(对于前面的简单例子也可以直接计算出来)。更复杂的例子:

例子: 今天投资 ¥2,000, 以后 3年每年收到 ¥100, 第三年另外再得到 ¥2,500。

#### 试试用 10% 利率:

- 现在: PV = -¥2,000
- 1年: PV = ¥100 / 1.10 = **¥90.91**
- 2年:  $PV = \frac{100}{1.10^2} = \frac{82.64}{1.10^2}$
- 3年:  $PV = \frac{100}{1.10^3} = \frac{75.13}{1.10^3}$
- 3年(终极收付): PV = ¥2,500 / 1.10<sup>3</sup> = **¥1,878.29**

加起来就是: NPV = -¥ 2,000 + ¥ 90.91 + ¥ 82.64 + ¥ 75.13 + ¥ 1,878.29 = **¥ 126.97** 

#### 试试用 12% 利率:

#### 例子: (续) 12% 利率

- 现在: PV = -¥2,000
- 1年: PV = ¥100 / 1.12 = **¥89.29**
- 2年:  $PV = \frac{100}{1.12^2} = \frac{79.72}{1.12}$
- 3年:  $PV = \frac{100}{1.12} = \frac{71.18}{1.12}$
- 3年(终极收付): PV = ¥2,500 / 1.12<sup>3</sup> = **¥1,779.45**

加起来: 净现值 = -¥2,000 + ¥89.29 + ¥79.72 + ¥71.18 + ¥1,779.45 = **¥19.64** 

差不多了,再试试 12.4%?

#### 例子: (续) 12.4% 利率

- 现在: PV = -¥2,000
- 1年: PV = ¥100 / 1.124 = **¥88.97**
- 2年:  $PV = \frac{100}{1.124^2} = \frac{79.15}{1.124^2}$
- 3年:  $PV = \frac{100}{1.124} = \frac{70.42}{1.124}$
- 3年(终极收付): PV = ¥2,500 / 1.124<sup>3</sup> = **¥1,760.52**

加起来: 净现值 = -¥2,000 + ¥88.97 + ¥79.15 + ¥70.42 + ¥1,760.52 = -¥0.94

够精确了!我们就说内部收益率是 12.4%。

### 使用内部收益率

IRR 是评估投资的好方法。 首先,IRR 应该高于资金的成本。如果你要付 8% 的利息去借贷,6%的 IRR 就不够了! 用来比较很不同的投资也很合适。

- > 可能投资需要很不一样的资金。
- > 可能一个投资开始时要很多资金,另一个则有很多小的支出。
- > 等等.....

### 使用内部收益率

例子:除了上面的¥2,000投资之外,你也可以在未来**3年里每年投资¥1,000**,然后在**第4年收回 ¥4,000**......你会选择哪个?

我用电子表格计算,内部收益率大约是10%时:

		10	%
Amount	Year	1.1000	PV
-\$1,000.00	0	1.0000	-\$1,000.00
-\$1,000.00	1	1.1000	-\$909.09
-\$1,000.00	2	1.2100	-\$826.45
\$4,000.00	4	1.4641	\$2,732.05
		NPV =	-\$3.48

当利率等于 10% 时, NPV = - ¥3.48

所以内部收益率大约是10%

因此,另一个投资(IRR 为 12.4%)比较好。

复利的计算是先计算第一期的利息,把利息加到本金上,然后用新的本金计算下一期的利息,就这样重复下去:

例子: 投资 ¥1,000,5年,年利率<mark>6%</mark>:

利率是 6%,小数是 r = 0.06

期数 n = 5

$$PV \times (1+r)^n = FV$$

$$= 1,000 \times (1 + 0.06)^5 = FV$$

$$=$$
  $=$ 

有时候利率是年利率,但一年里计算多次利息,每次的利息都加到本金上,所以一年内也有复利计算:

例子: "10%, 半年复利"

半年复利就是一年算两次复利。所以10%要分开两半:

- 上半年 5%,
- 下半年 5%,

但每次都是复利(利息加到本金上):

投资: ¥1,000 → ¥1,050 → ¥1,102.50 利息: ×5% ¥50 ×5% ¥52.50

#### 两个年利率?

对了,有两个年利率:

例子

10% 名义利率(声明的利率)

10.25% 有效年利率 (计算复利后的利率)

有效年利率是实际的利率!

当复利在一年**内**计算时,有效年利率便**高于**名义利率。 高多少跟利率的大小和一年内计算复利的次数有关。

#### 算法

我们现在来导出一个**有效年利率**的公式,如果我们知道:

- 声明的利率 (名义利率 "r")
- 计算复利的次数("n")。

我们把利率(例如 10%)分开为 "n" 期来计算复利。

用上面的复利公式我们可以计算 "n" 期的复利:

 $FV = PV (1+r)^n$ 

但是, 利率不是 "r", 因为要把年利率分开成 "n" 期, 像这样:

r/n

复利公式变成:

这是定期复利的公式:

$$FV = PV (1+(r/n))^n$$

其中 FV = 终值

**PV** = 现值

r=年利率

n=期数

用上面 "10%, 半年复利" 的例子来试试:

$$FV = \frac{1,000}{(1+(0.10/2))^2} = \frac{1,000}{(1.05)^2} = \frac{1,000}{(1.05)^2$$

这个管用! 但我们也需要知道新的利率。我们不想用货币来表达,所以拿走货币符号:

$$(1+(r/n))^n = (1.05)^2 = 1.1025$$

减掉 1 就是利率 (0.1025 = 10.25%):

$$(1+(r/n))^n - 1 = 0.1025 = 10.25\%$$

因此,公式是:

有效年利率 = 
$$(1+(r/n))^n - 1$$

例子:广告上写的是: "月复利 6%",实际有效年利率是多少?

r=0.06 (6% 的小数)

n = 12

有效年利率 =  $(1+(r/n))^n - 1$ 

$$=(1+(0.06/12))^{12}-1$$

$$=(1.005)^{12}-1=0.06168=6.168\%$$

实际利率是 6.168%

你需要记住:

把年利率分开为 "n"期	r/n
计算 "n" 次复利:	$(1+(r/n))^n$
不要忘了减掉"1"	$(1+(r/n))^n-1$

#### 采用内部收益率法计算贷款年化利率

计算贷款年化利率较为公允的方法是,根据借款人的借款本金、每期还款金额、贷款期数等要素,考虑复利后计算得出的年化内部收益率(IRR)。计算公式为:

本金=
$$\sum_{i=0}^{nT}$$
第i期支付金额 (1+IRR)<sup>i/n</sup>

其中, n 为一年内还款频率(例如,每月还款一次为 12,每3个月还款一次为4,每年还款一次为1),T为还款年数,由此计算得出的IRR即为年化利率。

#### 1. 到期一次性还本付息类产品

借款人在贷款到期日一次性归还贷款本金并支付利息。

例如,某贷款产品,期限为2年,本金为10万元,2年后借款人一次性还本付息11万元。上述贷款的年化利率约为4.88%,计算过程为:

$$100000 = \frac{110000}{(1+IRR)^2}$$

#### 2. 分期偿还类产品

借款人在还款期内,每期需偿还一定数额的本金,并支付实际占用的本金在该期所产生的利息。如使用等额本息或等额本金方式分期偿还的商业性个人住房贷款等。

例如,某个人住房贷款,期限为20年,按月还款,共240期,本金为100万元,采用等额本息方式还款。按照还款计划,从借款后第一个月末起,借款人每月等额偿还本息6599.6元。以IRR方法计算的年化利率约为5.12%,计算过程为:

$$1000000 = \frac{6599.6}{(1+IRR)^{1/12}} + \frac{6599.6}{(1+IRR)^{2/12}} + \dots + \frac{6599.6}{(1+IRR)^{240/12}}$$

#### 3. 收取费用的产品

借款人需在借款当期一次性支付手续费等与贷款直接相关的费用,并在还款期内,分期偿还一定数额的本金和费用。

例如,某消费金融公司贷款,期限为1年,按月还款,共12期,本金为10万元。按照还款计划,借款人在借款当期一次性支付1000元服务费,并从借款后第一个月末起,每月等额偿还8833.3元,其中本金100000/12=8333.3元,分期费(按初始贷款本金的0.5%计算)100000\*0.5%=500元。上述贷款以单利计算的综合年化利率约为12.80%。以IRR方法计算的综合年化利率约为13.58%,计算过程为:

$$100000 = \frac{1000}{(1+IRR)^{0}} + \frac{8833.3}{(1+IRR)^{1/12}} + \frac{8833.3}{(1+IRR)^{2/12}} + \dots + \frac{8833.3}{(1+IRR)^{12/12}}$$

### 等额本金和等额本息

等额本金:每月偿还相同金额的本金,由于剩余本金减少,每月的利息也逐月减少,因此每月的还款金额也相应递减。

等额本息:每月以相同的金额偿还贷款本息(即每月的总还款额一致,其中利息逐月递减,本金逐月增加)。

### 等额本息每月还款额计算方法

总贷款额为M,贷款期数为n,每期利率为r,每期还款额为A, $a_i$ 表示第i期的欠款。

$$a_0 = M$$
 $a_1 = a_0 (1+r) - A$ 
 $a_2 = a_1 (1+r) - A = a_0 (1+r)^2 - (1+r)A - A$ 
 $a_3 = a_2 (1+r) - A = a_0 (1+r)^3 - (1+r)^2 A - (1+r)A - A$ 
 $a_n = a_{n-1} (1+r) - A = a_0 (1+r)^n - (1+r)^{n-1} A - (1+r)^{n-2} A \cdots - (1+r) A - A$ 

令
$$a_n = a_0 (1+r)^n + A \frac{1-(1+r)^n}{1-(1-r)} = a_0 (1+r)^n + A \frac{1-(1+r)^n}{r} = 0 (利用等比数列公式)$$
,得:
$$a_0 (1+r)^n = A \frac{(1+r)^n - 1}{r}$$
$$A = \frac{a_0 \cdot r \cdot (1+r)^n}{(1+r)^n - 1}$$

#### 总结

$$PV = \frac{FV}{(1+r)^n}$$

- PV 是现值
- FV 是终值
- r 是利率
- n 是期数
- r和n的单位要一致(年利率,年;月利率,月;日利率,日)
- 月利率 = 年利率 / 12;日利率 = 年利率 / 360
- 0年是从借贷"成立"那一天开始以后的第一年,1年从借贷的"第一个生日"开始。5年的开始是刚好在借贷成立之后5年





# 谢



