

第五讲 - Python 函数

张建章

阿里巴巴商学院

杭州师范大学

2022-09



1 定义函数

2 变量的作用域

3 函数的参数

4 函数实例

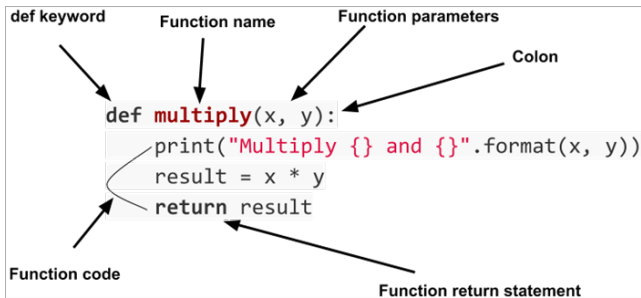
5 递归函数

6 匿名函数

7 生成器

1. 定义函数

函数: 为实现一个操作或特定功能而集合在一起的语句集, 避免代码复制带来的错误或漏洞, 不仅可以实现代码的复用, 还可以保证代码的一致性。



一个完整的函数由如上图所示的几部分组成: **def** 关键字 (`def` keyword), 函数名 (function name), 函数参数 (function parameters), 冒号 **:** (colon), 函数体 (function code)。

```
def multiply(x,y):  
    print("Multiply {} and {}".format(x, y))  
    result = x * y  
    return result
```

注意：函数体中的 `return` 语句不是必需的，如果不写，调用函数后返回 `None`，如果所定义的函数不需要参数，可以不写参数，但是括号必需写，看下面例子：

```
def color_print():  
    for i in range(91,96):  
        print("\033["+str(i)+"m"+"zjzhang"+" \033[0m")  
  
result = color_print()  
if result == None:  
    print('The call of Function color_print returns None')
```

函数调用

```
# 调用multiply函数，忽略返回值
multiply(3, 5)

# 调用multiply函数，并将函数的返回值复制给变量r
r = multiply(3, 5)

print(r) # 15

# 调用color_print函数，忽略返回值None
color_print()

# 调用color_print函数，将返回值赋值给变量r
# 对于没有参数的函数，这种调用方式没什么意义
r = color_print()
print(r)
```

注意: ① 函数调用可以将返回值赋值给其他变量，也可以忽略返回值；② 函数调用必须写括号，无论是否需要写参数。

局部变量: 在函数体内定义的变量，只能在函数内部被访问。

全局变量: 在所有函数之外创建的变量，可以在程序的任意位置访问。

```
# 此处的x, y为全局变量
x, y = 3, 5

def myfunct():
    # 此处的x, y为局部变量
    x, y = 8, 9
    result = x * y

p = myfunct() # 函数调用
# 使用全局变量做计算并将计算结果赋值给全局变量z
z = x + y
print(z) # 8, 不是17
print(p) # None
```

由上例可见，局部变量和全局变量可以同名，但是在函数内部定义的局部变量不能在函数外访问。

形式参数与实际参数

```
# 定义函数
def multiply(x,y):
    print("Multiply {} and {}".format(x, y))
    result = x * y
    return result

# 调用函数
p, q = 8, 9
multiply(p, q)
```

在上例中，定义函数时写的参数 x 和 y 是形式参数 (形参)，调用函数时传递给函数的参数 p 和 q (或者说 8 和 9) 叫做实际参数 (实参)。

Python 的参数传递

```
# 定义函数
def multiply(x,y):
    print("Multiply {} and {}".format(x, y))
    result = x * y
    return result

# 调用函数

p, q = 8, 9
# 这是引用传递, 引用了变量p和q的值8和9
multiply(p, q)
# 这是值传递
multiply(5, 6)
```

注意：引用传递的本质是将变量指向的数据对象传递到函数中，上例中，变量 `p` 和 `q` 指向的数据对象为整数 `8` 和 `9`。


```
# 定义函数
def my_double(my_obj):
    my_obj *= 2
    return my_obj

a = '000'
b = [1,2]
# 函数调用
my_double(a)
my_double(b)
print(a) # 000
print(b) # [1,2,1,2]
```

上面例子中，变量 `a` 和变量 `b` 分别指向不可变对象 (字符串) 和可变对象 (列表)，因此，在函数调用后，变量 `b` 的值发生了变化，变量 `a` 的值不变。所以，当进行引用传递时，要注意，如果变量指向的是可变对象，函数体的代码是可以改变变量值的。

默认参数

定义函数时，可以为参数指定默认值。

如果在调用函数时，未指定参数，则使用参数的默认值作为参数值运行函数；

如果参数不存在默认值，并且调用时也没指定参数值，则程序出错。

```
def my_power(base, exponent=2):  
    return base ** exponent  
  
print(my_power(3)) # 9  
print(my_power()) # Error
```

上例中定义的函数 `my_power`，包含两个参数 `base` 和 `exponent`，参数 `base` 没有默认值，在调用函数时必须为其指定值，参数 `exponent` 有默认值，为 2，调用函数时，如不指定其值，则使用 2 作为其值运行函数。

定义函数时，没有默认值的参数在前，具有默认值的参数在后，否则，程序出错 (SyntaxError)。

```
# Correct
def my_power(base, exponent=2):
    return base ** exponent

# Error
def my_power(exponent=2, base):
    return base ** exponent
```

Python 不支持函数重载。

函数重载 (方法重载): 是某些编程语言 (如 C++、C#、Java、Swift、Kotlin 等) 具有的一项特性，该特性允许创建多个具有不同实现的同名函数。对重载函数的调用会运行其适用于调用上下文的具体实现，即允许一个函数调用根据上下文执行不同的任务。

按位置传参和按关键字传参

按位置传参: 按照函数定义时的顺序进行参数传递。

按关键字传参: 按照 `name=value` 的格式进行参数传递。

```
# my_sum的三个参数均有默认值
def my_sum(a = 1, b = 2, c = 3):
    return a**0 + b**1 + c**2

# 按位置传参
my_sum(7, 8, 9)
# 按关键字传参
my_sum(c=7, a=8, b=9)
# 按位置传参和按关键字传参混合使用
my_sum(7, 8, c=9)

my_sum(7, b=8, 9) # Error
```

注意: 按位置传参和按关键字传参混合使用时, 位置位置参数在前, 关键字参数在后, 否则, 程序出错 (SyntaxError)。

按关键字传参，对有默认值的参数使用其默认值

```
my_sum(a=9)
```

按位置传参，对有默认值的参数使用其默认值

```
my_sum(7)
```

按位置传参和按关键字传参混合使用

```
my_sum(7, c=8)
```

按位置和按关键字传参混合使用，并且引用传递和值传递混合使用

```
x, y, z = 7, 8, 9
```

```
my_sum(x, b=z, c=8)
```

按位置传参和按关键字传参混合使用，但是给参数`a`传递了多个值

```
my_sum(7, a=8) # Error
```

可变长度参数

注意：在定义函数时，不固定参数的数量，调用时也可以使用不同个数的参数，可使用两种参数名来实现：`*args` 和 `**kwargs`，分别对应参数元组（按位置传参）和参数字典（按关键字传参）。

```
def hello_args(para1, *args):
    print("para1 :", para1)
    print("type(args):", type(args))
    print("args :", args)
    for idx,arg in enumerate(args):
        print("args{}:".format(idx+1), arg)
```

```
hello_args() # Error, 必须要为para1指定参数值, 因为它没有默认值
hello_args('hello') # 按位置传参, 没有为*args传参
hello_args('hello', 'this', 'is', 'mc.zhang') # 按位置传参
```

上例中，`*args` 用来定义个数不确定的参数元组，在函数体中可以通过 `for` 循环和索引访问参数元组，对于 `*args`，可以传递 0 或多个参数。

```
def hello_args(para1, *args):  
    print("para1 :", para1)  
    print("type(args):", type(args))  
    print("args :", args)  
    for idx,arg in enumerate(args):  
        print("args{}:".format(idx+1), arg)
```

```
args_list = ['this', 'is', 'mc.zhang']
```

```
# 先序列(列表)解封, 再按位置传参
```

```
hello_args(*args_list)
```

```
# 先序列(列表)解封, 再按位置传参
```

```
hello_args('hello', *args_list)
```

```
# 先序列(列表)解封, 再混合使用按关键字传参和按位置传参, 不行
```

```
# 这样就违背了“位置参数在前, 关键字参数在后”的规则
```

```
hello_args(para1 = 'hello', *args_list) # Error
```

```
def hello_kwargs(para1, **kwargs):  
    print("para1 :", para1)  
    print("type(kwargs):", type(kwargs))  
    print("kwargs:", kwargs)  
    for key, value in kwargs.items():  
        print("{0} = {1}".format(key, value))
```

```
hello_kwargs() # Error, 必须要为para1指定参数值, 因为它没有默认值  
hello_kwargs('hello') # 按位置传参, 没有为*kwargs传参  
# 按位置传参和按关键字传参混合  
hello_kwargs("hello", kwarg_1='this', kwarg_2='is',  
    ↪ kwarg_3='mc.zhang')
```

上例中, `*kwargs` 用来定义个数不确定的参数字典, 在函数体中可以通过 `for` 循环和关键字 (key) 访问参数字典, 对于 `*kwargs`, 可以传递 0 或多个参数。


```
def hello_kwargs(para1, **kwargs):  
    print("para1 :", para1)  
    print("type(kwargs):", type(kwargs))  
    print("kwargs:", kwargs)  
    for key, value in kwargs.items():  
        print("{0} = {1}".format(key, value))
```

```
kwargs_dict = {'kwarg_1': 'this', 'kwarg_2': 'is', 'kwarg_3':  
↪ 'mc.zhang'}
```

先字典解封, 再按位置传参和按关键字传参混合

```
hello_kwargs("hello", **kwargs_dict)
```

按位置传参, *Error*, 对于**kwargs, 只能按关键字传参

```
hello_kwargs('hello', 'this', 'is', 'mc.zhang')
```

先字典解封, 再按关键字传参

```
hello_kwargs(para1 = "hello", **kwargs_dict)
```

```
hello_kwargs(**kwargs_dict, para1 = "hello")
```

Error, 违背了“位置参数在前, 关键字参数在后”的规则

```
hello_kwargs(**kwargs_dict, "hello")
```

本小节通过一系列函数实例展现函数的功能封装性。

题目：给定一个身份证号，验证其是否合法：① 总体校验；② 校验地区；③ 校验日期。

```
# 校验字符和长度
def verify_char_length(ids):
    if len(ids) != 18:
        return False
    if not ids[:-1].isdigit():
        return False
    if ids[-1] not in '0123456789X':
        return False
    return True
```

```
# 校验第18位是否正确
def verify_last_num(ids):
    ids_17 = ids[:-1]
    weights = [7, 9, 10, 5, 8, 4, 2, 1, 6, 3, 7, 9, 10, 5, 8, 4, 2]
    S = sum([int(num)*weight for num,weight in
    ↪ zip(list(ids_17),weights)])
    T = S % 11
    R = (12 - T) % 11
    if R == 10:
        last_num = 'X'
    else:
        last_num = R
    if ids[-1] == str(last_num):
        return True
    else:
        return False
```

校验前六位地区编码是否正确

```
def verify_area(ids):  
    import _locale  
    _locale._getdefaultlocale = (lambda *args: ['zh_CN', 'utf8'])  
    with open('./area_dict.json') as f:  
        area_dict = eval(f.read())  
    if ids[:6] not in area_dict.keys():  
        return False  
    else:  
        return True
```

校验闰年

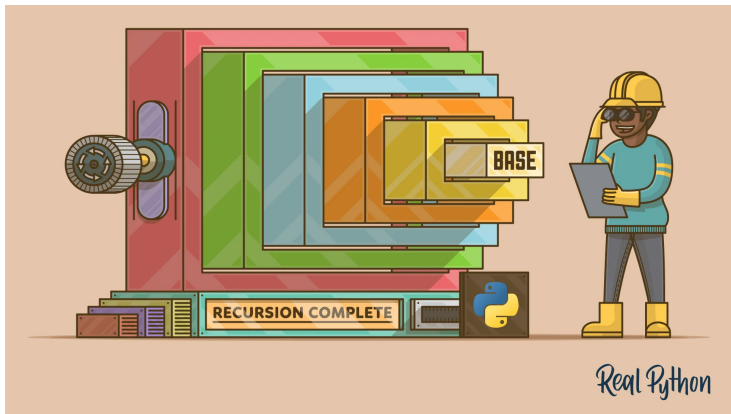
```
def is_leap_year(year):  
    if (year % 4 == 0 and year % 100 != 0) or (year % 400 == 0):  
        return True  
    else:  
        return False
```

```
def verify_date(ids):  
    year = int(ids[6:10])  
    if year > 2022 or year < 1900:  
        return False  
    month = int(ids[10:12])  
    if month > 12 or month < 1:  
        return False  
    day = int(ids[12:14])  
    if month in [1,3,5,7,8,10,12]:  
        if day > 31 or day < 1:  
            return False  
    elif month in [4,6,9,11]:  
        if day > 30 or day < 1:  
            return False  
    else:  
        if is_leap_year(year):  
            if day > 29 or day < 1:  
                return False  
        else:  
            if day > 28 or day < 1:  
                return False  
    return True
```

```
def verify_id(ids):  
    if all([verify_char_length(ids), verify_last_num(ids), verify_ar |  
        ↪ ea(ids), verify_date(ids)]):  
        print("VALID")  
    else:  
        print("INVALID")  
  
# https://www.dute.org/fake-id-card-number  
verify_id(ids = "110113198702121018") # VALID  
verify_id(ids = "110113198703121018") # INVALID
```

递归函数：在函数体内直接或间接调用自身的函数。

递归思想：将一个大型的、复杂的问题层层转换为一个与原问题相似的小规模问题来求解，给出一个自然、直观、简单的解决方案。



递归函数的特点

- 函数会使用**选择结构**将问题分成不同的情况；
- 函数中会有一个或多个**基础情况**用来结束递归；
- **非基础情况**的分支会递归调用自身，递归会将原始问题简化为一个或多个子问题，这些子问题与原问题性质一样但规模更小；
- 每次递归调用会不断接近基础情况，直到**变成基础情况**，终止递归；

```
# 求阶乘
def fact(n):
    # if双选结构
    if n == 0: # 只有一种基础情况
        return 1
    else:
        return n * fact(n-1) # 非基础情况递归调用自身
```


5. 递归函数

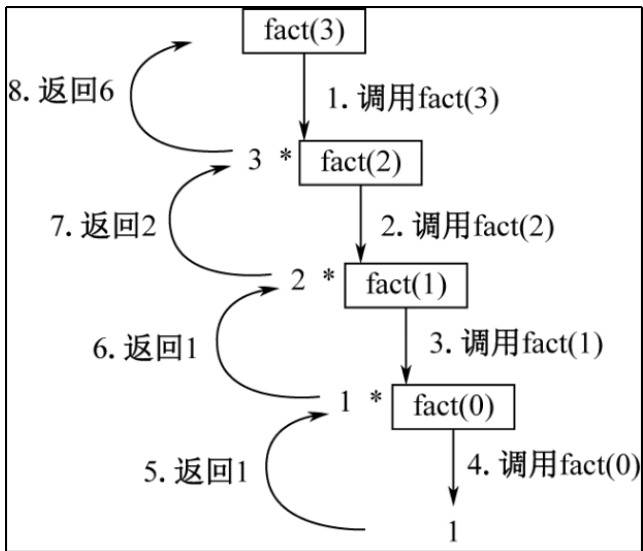


图 1: 递归实现阶乘示意图

斐波那契数列由 0 和 1 开始，之后的斐波那契数就是由之前的两数相加而得出，前几个斐波那契数是：0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, 377, 610, 987。

```
def fibo(n):  
    # 多选结构  
    if n == 0: # 基础情况1  
        return 0  
    elif n == 1: # 基础情况2  
        return 1  
    else:  
        return fibo(n-1) + fibo(n-2) # 非基础情况递归调用自身
```

注意：① 编写递归函数时，需要仔细考虑边界情况；② 一般的递归函数会占用大量的程序栈，尤其是当递归深度特别大的时候，有可能导致栈溢出；③ 当递归不能使全部的问题简化收敛到边界情况时，程序就会无限运行下去并且在程序栈溢出时导致运行时错误（递归函数写错了）；④ 掌握递归必须多练习，常应用。

课堂练习

1. 请定义函数，使用循环结构计算 n 的阶乘。
2. 请定义函数，使用循环结构计算第 n 个斐波那契数。
3. 请定义函数，使用循环结构输出包含前 n 个斐波那契数的列表。
4. 在梵文中，短音节 S 占一个长度单位，长音节 L 占两个长度单位，请定义函数，找出所有可能的长短音节组合方式，使得组合之后的结果长度为 n 。例如 $V_4 = \{LL, SSL, SLS, LSS, SSSS\}$ ， V_4 可进一步划分为两个子集合： $\{LL, LSS\}$ (将 L 与 $V_2 = \{L, SS\}$ 中的每个元素组合可得)， $\{SSL, SLS, SSSS\}$ (将 S 与 $V_3 = \{SL, LS, SSS\}$ 中的每个元素组合可得)。

汉诺塔游戏: 将柱子 A 上的 n 个盘子移动到柱子 C 上, 需遵守如下规则:

- ① 一次只能移动一个圆盘;
- ② 只能移动最顶部的圆盘;
- ③ 大圆盘必须在小圆盘下;

请思考所需次数最少的移动步骤。[点我在线试玩](#)。

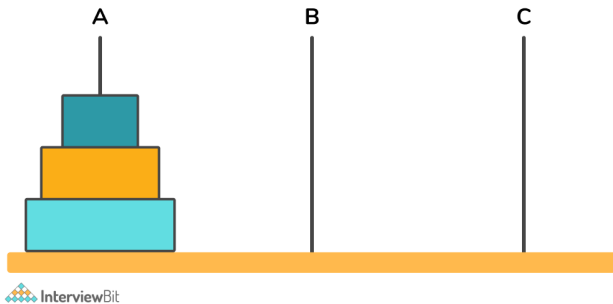


图 2: 3 个盘子的汉诺塔游戏

最小步数的基本思路类似于要把大象装冰箱拢共分三步 ($n \geq 2$):

- ① 把前 $n-1$ 个盘子放到 B 柱 (把冰箱门打开);
- ② 把第 n 个盘子放到 C 柱 (把大象装冰箱);
- ③ 把前 $n-1$ 个盘子从 B 柱放到 C 柱 (把冰箱门带上)。

```
def move(n, source, target):  
    if n == 1:  
        print('{}--->{}'.format(source, target)) # 基础情况  
    else:  
        move(n-1, 'A', 'B') # 把冰箱门打开  
        move(1, 'A', 'C') # 把大象装冰箱  
        move(n-1, 'B', 'C') # 把冰箱门带上
```

对于 n 个盘子, 最少步数为 $2^n - 1 = 2 \times (2^{n-1} - 1) + 1$,
($2^{n-1} - 1$) 对应上面的第一步和第三步, 1 对应第二步。

匿名函数: 使用 `lambda` 表达式创建, 语法为

`lambda parameters:expression`

- ① 参数间用逗号隔开, 允许参数有默认值, 表达式为匿名函数的返回值, 只能由一个表达式组成, 不能有其他的复杂结构;
- ② 可将 `lambda` 表达式赋值给一个变量, 此变量可作为函数使用;
- ③ 调用 `lambda` 表达式的语法与调用函数完全相同。

```
(lambda x, y:x**y)(2,3) # 直接调用定义的匿名函数, 8
# 使用条件表达式定义匿名函数
my_max = lambda x, y:x if x>y else y
# 定义匿名函数, 并将其赋值给变量my_sub
my_sub = lambda x, y=10: x- y
# 调用匿名函数
my_sub(5) # -5
# 使用匿名函数指定sorted函数的排序依据
word_freq = [('my',18), ('go',5), ('can',29), ('exam',3)]
sorted(word_freq,key = lambda item:item[1], reverse=True)
# [('can', 29), ('my', 18), ('go', 5), ('exam', 3)]
```

生成器是创建可迭代对象的一种方式，其保存数据生成的方式 (算法)，有助于节省内存，创建生成器的常用方式有两种：

第一种：将列表推导式的边界符由中括号变为圆括号即可；

第二种：定义生成式函数，生成式函数与一般函数的主要区别在于，返回结果使用 `yield` 子句而非 `return` 语句。

```
import sys
g = (i**2 for i in range(1000))
l = [i**2 for i in range(1000)]
sys.getsizeof(g) # 在内存中占112个字节
sys.getsizeof(l) # 在内存中占8856个字节
```

生成器函数返回一个生成器对象，通常使用 `for` 循环依次获得生成器对象的每一个生成值，也可以通过其他内置函数将其转换为某种可迭代对象 (如，列表，元组)。下面定义一个生成器函数，返回斐波那契数列的前 n 个值。

```
# 先看课堂练习题2的答案
def fibo_loop(n):
    if n == 0:
        return 0
    if n == 1:
        return 1
    else:
        a = 0
        b = 1
        for i in range(n-1):
            c = a + b
            a, b = b, c
        return c
```


将上页代码稍作改动即可得到生成前 n 个斐波那契数的生成器函数。

```
def fibo_generator(n):  
    if n == 0:  
        yield 0  
    if n == 1:  
        yield 1  
    else:  
        a = 0  
        b = 1  
        yield 0  
        yield 1  
        for i in range(n-1):  
            c = a + b  
            a, b = b, c  
            yield c  
  
for item in fibo_generator(3):  
    print(item)  
fibonacci_list = list(fibo_generator(3))
```

理解生成器的要点

- 使用 `next` 函数查看生成器的下一个生成值，生成器中的代码运行时，每次遇到 `yield` 子句时函数会暂停并保存当前所有的运行信息，返回 `yield` 子句的生成值，并在下一次执行 `next` 函数时从当前位置继续运行；
- 使用 `for` 循环查看生成器的每一个生成值，相当于多次使用 `next` 函数依次查看生成器的生成值，从第一个看到最后一个；
- 当返回最后一个生成值后，再执行 `next` 函数会报错，使用 `for` 循环遍历生成器的每一个生成值时，遍历完最后一个生成值后，结束循环，不会报错，所以，通常使用 `for` 循环遍历访问生成器的生成值；(看下一页例子)
- 生成器只能前进，不能回看，就是只能依次生成下一个值。(看下一页例子)

定义一个生成器，赋值给变量 g ，表达式 $i**2$ 用于计算生成器每次返回的值

```
g = (i**2 for i in range(2))
```

```
next(g) # 0
```

```
next(g) # 1
```

根据定义，生成器 g 只能生成两个值，所以下述代码会报错

```
next(g) # Error
```

生成器 g 已经通过上面两次调用 $next$ 函数，生成了所有值，

→ 此时将其转化为列表，它没有新的元素可生成，所以返回空列表

```
list(g) # []
```

```
g = (i**2 for i in range(3))
```

使用 for 循环遍历生成器的每一个值

```
for item in g:
```

```
    print(g)
```

```
g = (i**2 for i in range(3))
```

```
next(g) # 0
```

```
list(g) # [1, 4]
```

```
list(g) # []
```

```
# 0, 1, 1, 2, 3
# 调用生成器函数，将返回的生成器赋值给变量 fibonacci_g
fibonacci_g = fibonacci_generator(5)

next(fibonacci_g) # 0
next(fibonacci_g) # 1
list(fibonacci_g) # [1, 2, 3]
list(fibonacci_g) # []
```

THE END