



循环信用和内部收益率



循环信用

信用卡的"循环信用",其实是一种自行安排的还款选择。收到信用卡账单后,若偿还的金额大于等于账单中的最低还款额(但小于应还金额即欠款总额)时,就在使用循环信用,剩余的未还金额就是循环信用余额。使用循环信用,需按日计息,且当期不能享受免息还款期的待遇。

业务特点

无需抵押:作为一种无担保的便捷小额信用贷款,循环信用无需抵押

简单快捷:循环信用无需申请,偿还最低还款额后即可享受,不影响持卡人的信用记录

自由灵活:自由选择还款金额和时间,让持卡人灵活掌控财务状况

对于消费刷卡而言:

- 如果你到期前全额还款,那么是没有利息的。
- ▶ 如果到期不是全额还款(即使差一点),那么将会从消费日起,分笔计算利息;已还部分利息记到还款日的前一天,未还的部分将记到帐单日那一天。如果有预借现金,那么将从预支当天开始计,一直记到还款的前一天为止。

循环信用





还款日为每月1日





循环信用

张先生的账单日为每月10日,到期还款日为每月28日。

6月10日银行为张先生打印的本期账单包括了他从5月11日至6月10日之间的所有交易账务;

本月账单周期张先生仅有一笔消费——5月30日,消费金额为人民币1000元;

张先生的本期账单列印"本期应还金额"为人民币1000元,"最低还款额"为100元;

不同的还款情况下, 张先生的循环利息分别为:

- (1) 若张先生于6月28日前,全额还款1000元,则在7月10日的对账单中循环利息=0元
- (2) 若张先生于6月28日前,只偿还最低还款额100元,该100元是在6月25日偿还的,则7月10日的对账单的循环利息=20.20元

具体计算如下:

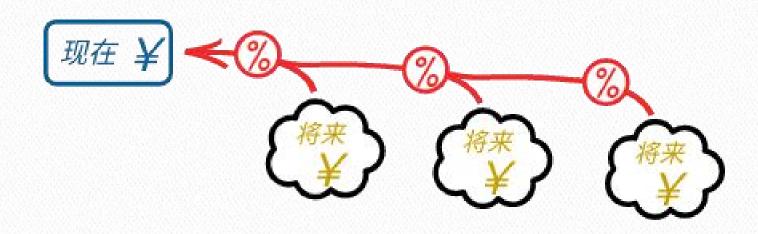
1000元 * 0.05% * 26天 (5月30日--6月24日) + (1000元-100元) * 0.05% * 16天 (6月25日--7月10日) =13+7.2=20.2元

货币时间价值

一个投资有现金流出(投资或开支)和流入(利润和红利等)。你希望流入大于流出,你便会得到利润!但在求总值前你需要计算货币时间价值。现在的钱财比未来的钱财更有价值。



现在的 ¥1,000 和 明年的 ¥1,100 是一样的(如果利率等于 10%), 明年 ¥1,100 的现值是 ¥1,000



现值和终值

现值 (present value, PV) 和终值 (final value, FV) 的换算公式如下:

$$PV = \frac{FV}{(1+r)^n}$$

- PV 是现值
- FV 是终值
- r 是年利率(以小数表示,所以对上面的利息r是 0.10,而不是 10%)
- n 是年数

现值和终值

例子: 小李说他 3年后会给你 ¥900, 如果利率是 10%, 这笔钱的现值是多少?

- 终值 (FV) 是 ¥900,
- 利率 (r) 是 10%, 以小数表示是 0.10,
- 年数 (n) 是 3。

3年后的 ¥900 的现值是:

$$PV = FV / (1+r)^n$$
 $PV = \frac{4900}{(1+0.10)^3}$
 $PV = \frac{4900}{1.10^3}$
 $PV = \frac{4676.18}{600}$ (精确到最近一分)

注意 ¥676.18 比 ¥900 少很多。

就是说,**现在的¥676.18**的价值和3**年后的¥900**是一样的(如果利率是10%)。

现值和终值

例子:用6%利率再做一遍

利率 (r) 是 6%, 以小数表示就是 0.06:

$$PV = FV / (1+r)^n$$

$$PV = \frac{40.06}{1}$$

$$PV = \frac{4900}{1.06^3}$$

当利率是 6% 时, 现在的 ¥755.66 的价值和 3年后的 ¥900 是一样的。

净现值

我们现在可以计算净现值了。为所有(流出和流入)的金额求现值,然后:加上流入金额的现值减去流出金额的现值

例子: 你现在投资¥500,明年拿回¥570。用10%的利率来求净现值。

现金流出: 现在 ¥500

现在投资¥500,所以PV=-¥500.00

现金流入: 明年 ¥570

$$PV = \frac{4570}{(1+0.10)^1} = \frac{4570}{1.10}$$

求净值:

→ 净现值 = ¥518.18 − ¥500.00 = **¥18.18**

所以, 当利率是 10% 时, 投资的**净现值 = ¥18.18**

你用的利率对结果有影响!

例子:相同投资,但利率是 15%

现金流出:现在¥500

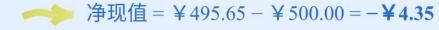


一 现在投资 ¥500,所以 PV = - **¥500.00**

现金流入: 明年 ¥ 570:

$$PV = \frac{4570}{(1+0.15)^1} = \frac{4570}{1.15}$$

求净值:



所以,当利率是 15% 时,投资的**净现值** = - **¥ 4.35**

净现值是负数!

净现值

关键时刻……哪个利率可以使得净现值刚好等于零?试试 14%:

例子:再做一遍,利率是 14% 现金流出:现在¥500 你现在投资 ¥500, 所以 PV = -**¥500.00** 现金流入: 明年 ¥570: $PV = \frac{4570}{(1+0.14)^1} = \frac{4570}{1.14}$ **→** PV = ¥500 (精确) 净值是: **→** 净现值 = ¥500 − ¥500.00 = **¥0** 刚好等于零! 当利率是 14% 时, 净现值 = ¥0

我们找到投资的内部收益率了……它是 14%。 因为 14% 的利率使净现值等于零。

它是个利率。 要计算内部收益率, 你先猜一个值(例如 10%), 然后计算净现值。 接下来继续猜测(8%?9%?), 求净现值, 直至净现值等于零。

例子: 珊珊开饼店!

珊珊估计两年内所有的支出和收入,然后计算净现值:



但净现值应该是零,所以珊珊试试 8% 利率:

→ 利率等于 8%,净现值是 -¥1600

不行! 试个小一点的, 7%:

~ 7% 的利率, 净现值是 ¥15

差不多等于零, 珊珊不想再算下去了。

内部收益率(IRR) 大约是 7%



内部收益率是使净现值等于零的利率。 "猜测和检查" 是最常见的求净现值的方法。(对于前面的简单例子也可以直接计算出来)。更复杂的例子:

例子: 今天投资 ¥2,000, 以后 3年每年收到 ¥100, 第三年另外再得到 ¥2,500。

试试用 10% 利率:

- 现在: PV = -¥2,000
- 1年: PV = ¥100 / 1.10 = **¥90.91**
- 2年: $PV = \frac{100}{1.10^2} = \frac{82.64}{1.10^2}$
- 3年: $PV = \frac{100}{1.10^3} = \frac{75.13}{1.10^3}$
- 3年(终极收付): PV = ¥2,500 / 1.10³ = **¥1,878.29**

加起来就是: NPV = -¥ 2,000 + ¥ 90.91 + ¥ 82.64 + ¥ 75.13 + ¥ 1,878.29 = **¥ 126.97**

试试用 12% 利率:

例子: (续) 12% 利率

- 现在: PV = -¥2,000
- 1年: PV = ¥100 / 1.12 = **¥89.29**
- 2年: $PV = \frac{100}{1.12^2} = \frac{79.72}{1.12}$
- 3年: $PV = \frac{100}{1.12} = \frac{71.18}{1.12}$
- 3年(终极收付): PV = ¥2,500 / 1.12³ = **¥1,779.45**

加起来: 净现值 = -¥2,000 + ¥89.29 + ¥79.72 + ¥71.18 + ¥1,779.45 = **¥19.64**

差不多了,再试试 12.4%?

例子: (续) 12.4% 利率

- 现在: PV = -¥2,000
- 1年: PV = ¥100 / 1.124 = **¥88.97**
- 2年: $PV = \frac{100}{1.124^2} = \frac{79.15}{1.124^2}$
- 3年: $PV = \frac{100}{1.124} = \frac{70.42}{1.124}$
- 3年(终极收付): PV = ¥2,500 / 1.124³ = **¥1,760.52**

加起来: 净现值 = -¥2,000 + ¥88.97 + ¥79.15 + ¥70.42 + ¥1,760.52 = -¥0.94

够精确了!我们就说内部收益率是 12.4%。

使用内部收益率

IRR 是评估投资的好方法。 首先, IRR 应该高于资金的成本。如果你要付 8% 的利息去借贷, 6%的 IRR 就不够了! 用来比较很不同的投资也很合适。

- > 可能投资需要很不一样的资金。
- > 可能一个投资开始时要很多资金,另一个则有很多小的支出。
- > 等等.....

使用内部收益率

例子:除了上面的¥2,000投资之外,你也可以在未来**3年里每年投资¥1,000**,然后在**第4年收回 ¥4,000**......你会选择哪个?

我用电子表格计算,内部收益率大约是10%时:

| | | 10 | % |
|-------------|------|--------|-------------|
| Amount | Year | 1.1000 | PV |
| -\$1,000.00 | 0 | 1.0000 | -\$1,000.00 |
| -\$1,000.00 | 1 | 1.1000 | -\$909.09 |
| -\$1,000.00 | 2 | 1.2100 | -\$826.45 |
| \$4,000.00 | 4 | 1.4641 | \$2,732.05 |
| | | | |
| | | NPV = | -\$3.48 |

当利率等于 10% 时, NPV = - ¥3.48

所以内部收益率大约是10%

因此,另一个投资(IRR为12.4%)比较好。

采用内部收益率法计算贷款年化利率

计算贷款年化利率较为公允的方法是,根据借款人的借款本金、每期还款金额、贷款期数等要素,考虑复利后计算得出的年化内部收益率(IRR)。计算公式为:

本金=
$$\sum_{i=0}^{nT}$$
 第i期支付金额 (1+IRR) i/n

其中, n 为年内还款频率(例如,每月还款一次为 12,每 3 个月还款一次为 4,每年还款一次为 1), T 为还款年数,由此计算得出的 IRR 即为年化利率。

1. 到期一次性还本付息类产品

借款人在贷款到期日一次性归还贷款本金并支付利息。

例如,某贷款产品,期限为2年,本金为10万元,2年后借款人一次性还本付息11万元。上述贷款的年化利率约为4.88%,计算过程为:

$$100000 = \frac{110000}{(1+IRR)^2}$$

2. 分期偿还类产品

借款人在还款期内,每期需偿还一定数额的本金,并支付<mark>实际占用的本金在该期所产生的利息。</mark>如使用等额本息或等额本金方式分期偿还的商业性个人住房贷款等。

例如,某个人住房贷款,期限为20年,按月还款,共240期,本金为100万元,采用等额本息方式还款。按照还款计划,从借款后第一个月末起,借款人每月等额偿还本息6599.6元。以IRR方法计算的年化利率约为5.12%,计算过程为:

$$1000000 = \frac{6599.6}{(1+IRR)^{1/12}} + \frac{6599.6}{(1+IRR)^{2/12}} + \dots + \frac{6599.6}{(1+IRR)^{240/12}}$$

3. 收取费用的产品

借款人需在借款当期一次性支付手续费等与贷款直接相关的费用,并在还款期内,分期偿还一定数额的本金和费用。

例如,某消费金融公司贷款,期限为1年,按月还款,共12期,本金为10万元。按照还款计划,借款人在借款当期一次性支付1000元服务费,并从借款后第一个月末起,每月等额偿还8833.3元,其中本金100000/12=8333.3元,分期费(按初始贷款本金的0.5%计算)100000*0.5%=500元。上述贷款以单利计算的综合年化利率约为12.80%。以IRR方法计算的综合年化利率约为13.58%,计算过程为:

$$100000 = \frac{1000}{(1+IRR)^{0}} + \frac{8833.3}{(1+IRR)^{1/12}} + \frac{8833.3}{(1+IRR)^{2/12}} + \dots + \frac{8833.3}{(1+IRR)^{12/12}}$$









