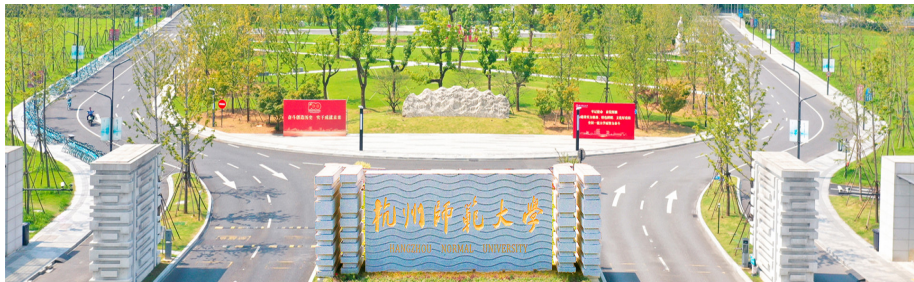


# 第四讲 - NLP基础算法：文本分类经典算法

张建章

阿里巴巴商学院  
杭州师范大学

2025-02-01



1 文本分类任务介绍

2 朴素贝叶斯分类器

3 训练朴素贝叶斯文本分类器

4 朴素贝叶斯文本分类实例

## 目录

### 1 文本分类任务介绍

### 2 朴素贝叶斯分类器

### 3 训练朴素贝叶斯文本分类器

### 4 朴素贝叶斯文本分类实例

## 正则表达式的定义与作用

文本分类是NLP乃至整个人工智能领域中的基础核心任务之一。理论上，分类问题也可能非常复杂，实际中，文本分类问题面对的往往是定义相对明确的类别。文本分类被广泛应用于情感分析、垃圾邮件检测、语言识别、以及图书主题分类等任务中。

### 1. 文本分类的基本方法

**基于规则的方法：**早期的文本分类方法依赖于专家手写的规则，这种方法虽然在某些领域内可见成效，但随着数据和应用场景的变化，其鲁棒性和适应性往往不足。

**监督机器学习方法：**当前最常用的文本分类方法是基于监督学习的统计方法。通过构建包含大量标注实例（即（文本，类别）对）的训练数据集，模型可以自动学习输入文本与输出类别之间的映射关系。该方法不仅能够给出分类决策，还能在一定程度上计算出每个类别的后验概率，为进一步决策提供支持。

### 2. 文本分类问题形式化

给定一个输入文本  $d$  以及预定义的类别集合  $Y = \{y_1, y_2, \dots, y_M\}$ , 目标是寻找一种映射, 使得能够对新的文本  $d$  正确预测其所属类别  $y \in Y$ 。这种映射可以用概率模型来描述:

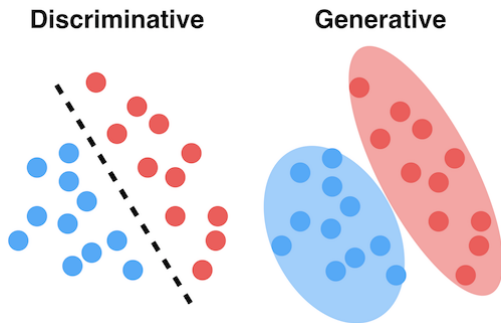
$$\hat{c} = \arg \max_{c \in C} P(c|d)$$

其中  $P(c|d)$  表示在给定文本  $d$  的条件下, 文本属于类别  $c$  的后验概率。

### 3. 监督机器学习方法中的生成模型与判别模型

**生成模型：**（如，朴素贝叶斯分类器）通过建立每个类别生成文本的概率模型来进行分类，即假设文本是由某一类别生成的，然后选择使得生成概率最大的类别。

**判别模型：**（如，逻辑回归）直接学习输入特征与类别之间的判别边界，从而实现分类决策。虽然判别模型通常在准确率上更为优越，但生成模型在某些情形下（如数据稀疏或需要生成新数据）仍然具有不可替代的优势。



# 目录

1 文本分类任务介绍

2 朴素贝叶斯分类器

3 训练朴素贝叶斯文本分类器

4 朴素贝叶斯文本分类实例

## 分类问题的形式化与贝叶斯推断

文本分类问题被形式化为：给定文档  $d$  以及预先定义类别集合  $C$ ，目标是选择使后验概率  $P(c|d)$  最大的类别，即

$$\hat{c} = \arg \max_{c \in C} P(c|d)$$

利用贝叶斯定理，后验概率可以分解为

$$P(c|d) = \frac{P(d|c)P(c)}{P(d)}$$

由于  $P(d)$  对所有类别均相同，故分类决策可以简化为

$$\hat{c} = \arg \max_{c \in C} P(d|c)P(c) \quad (1)$$

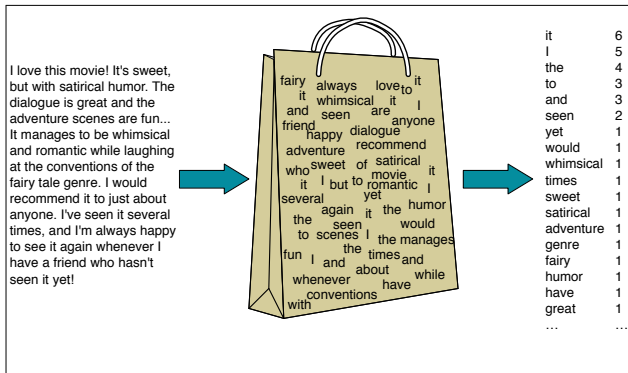
$P(c)$  表示类别的先验概率， $P(d|c)$  则反映了在类别  $c$  下生成文档  $d$  的可能性。



## 生成模型与词袋假设

朴素贝叶斯是一种生成模型，其假设文档生成过程为：首先依据先验概率  $P(c)$  选择一个类别，然后按照类别条件分布  $P(d|c)$  生成文档。

为了简化问题，采用**词袋模型**（bag-of-words）的表示文档，即忽略词语的顺序，只关注各词在文档中出现的频率。这种表示方式将文档  $d$  转化为一组特征（通常为各个词的出现次数）。



## 条件独立性假设

在词袋模型的基础上，朴素贝叶斯进一步引入了**条件独立性假设**：  
在给定类别  $c$  的条件下，文档  $d$  中各个词（特征）是相互独立的：

$$P(w_1, w_2, \dots, w_n | c) = \prod_{i=1}^n P(w_i | c)$$

这一定理化假设虽然在实际中不完全成立，但极大地简化了参数估计和计算过程，模型在许多文本分类任务中依然能取得较好的效果，将上式带入 (1) 式，得到朴素贝叶斯文本分类决策：

$$\hat{c} = \arg \max_{c \in C} P(c) \prod_{i=1}^n P(w_i | c) \quad (2)$$

## 对数空间计算与线性分类器的实现

为避免直接计算乘积时可能出现的**数值下溢**问题，同时加快计算速度，常在对数空间内进行计算。此时，朴素贝叶斯分类决策公式可写为：

$$\hat{c} = \arg \max_{c \in C} \left( \log P(c) + \sum_i \log P(w_i | c) \right)$$

这种对数转换使得最终的分类决策转化为输入特征的线性组合，从而使得朴素贝叶斯也被归类为一种**线性分类器**。

## 朴素贝叶斯分类器的变体

朴素贝叶斯文本分类器做了**2个简化假设**：**词袋模型**和**条件独立假设**。此外，朴素贝叶斯文本分类器对文档生成过程的假设还可以细分为：

- **多项式朴素贝叶斯**：对于选定的类别 $c$ ，抛掷一个多面体骰子 $n$ 次，文档中包含 $n$ 个词，每次生成文档中的一个词，多面体的每个面对应词典中的一个词；

- **多变量伯努利朴素贝叶斯**：对于选定的类别 $c$ ，抛掷 $|V|$ 次硬币（ $|V|$ 个硬币每个抛掷一次），正面朝上表示该硬币对应的词语出现在文档中。其中， $|V|$ 表示词典中词语的个数，对应 $|V|$ 个不均匀硬币；

## 目录

1 文本分类任务介绍

2 朴素贝叶斯分类器

3 训练朴素贝叶斯文本分类器

4 朴素贝叶斯文本分类实例

## 朴素贝叶斯分类器参数估计

利用训练数据来估计模型中的两个核心概率：类别先验概率  $P(c)$  以及条件概率  $P(w|c)$ （这里  $w$  表示文档中出现的词语）。

### 1. 最大似然估计（Maximum Likelihood Estimation）

类别先验概率的估计：对于每个类别  $c$ ，先验概率  $P(c)$  被定义为该类别在训练数据中出现的比例。设  $N_c$  表示类别  $c$  的文档数量， $N_{\text{doc}}$  表示总文档数，则有

$$\hat{P}(c) = \frac{N_c}{N_{\text{doc}}}$$

条件概率的估计：针对每个词  $w_i$  在类别  $c$  下的条件概率  $P(w_i|c)$ ，采用的方法是所有属于类别  $c$  的文档“拼接”成一个大文档，然后计算词  $w_i$  出现的频次在该大文档中所占的比例，即

$$\hat{P}(w_i|c) = \frac{\text{count}(w_i, c)}{\sum_{w \in V} \text{count}(w, c)}$$

其中，词汇表  $V$  为所有类别中出现过的词的集合，而非单一类别中的词。

## 零概率问题与平滑处理

### 1. 零概率问题

由于训练数据中可能存在某个词在某一类别下从未出现，直接采用最大似然估计会导致对应的  $P(w|c)$  为零。而朴素贝叶斯分类器在计算文档整体似然时需要将各个词的概率相乘，若其中任一项为零，将导致整个文档的概率为零，从而影响分类结果。

### 2. 加一平滑 (Laplace Smoothing)

为解决上述问题，采用加一平滑方法，即在每个词的计数上加1，得到调整后的估计公式：

$$\hat{P}(w_i|c) = \frac{\text{count}(w_i, c) + 1}{\sum_{w \in V} (\text{count}(w, c) + 1)} = \frac{\text{count}(w_i, c) + 1}{(\sum_{w \in V} \text{count}(w, c)) + |V|}$$

这种平滑方法能够有效避免零概率现象，确保即使某个词在某个类别中未出现，其概率也不为零。

## 未知词与停用词的处理

### 1. 未知词

对于测试数据中出现但在训练数据中完全未出现的词汇，解决办法是将其忽略，不纳入概率计算中。这是因为这部分词汇无法提供任何关于类别的信息。

### 2. 停用词的处理

一些应用可能会选择忽略非常频繁的词（如“the”、“a”等停用词），方法是从训练数据中按照词频选取前10-100个高频词并予以删除。然而，在大多数文本分类应用中，不使用停用词列表（即保留整个词汇表）往往能获得更好的性能。



## 朴素贝叶斯文本分类器算法流程

```

function TRAIN NAIVE BAYES(D, C) returns V, log  $P(c)$ , log  $P(w|c)$ 

for each class  $c \in C$            # Calculate  $P(c)$  terms
     $N_{doc}$  = number of documents in D
     $N_c$  = number of documents from D in class c
     $logprior[c] \leftarrow \log \frac{N_c}{N_{doc}}$ 
     $V \leftarrow$  vocabulary of D
     $bigdoc[c] \leftarrow$  append(d) for d  $\in$  D with class c
    for each word w in V           # Calculate  $P(w|c)$  terms
         $count(w, c) \leftarrow$  # of occurrences of w in  $bigdoc[c]$ 
         $loglikelihood[w, c] \leftarrow \log \frac{count(w, c) + 1}{\sum_{w' \in V} (count(w', c) + 1)}$ 
    return  $logprior$ ,  $loglikelihood$ , V

function TEST NAIVE BAYES( $testdoc$ ,  $logprior$ ,  $loglikelihood$ , C, V) returns best c

for each class  $c \in C$ 
     $sum[c] \leftarrow logprior[c]$ 
    for each position i in  $testdoc$ 
         $word \leftarrow testdoc[i]$ 
        if word  $\in V$ 
             $sum[c] \leftarrow sum[c] + loglikelihood[word, c]$ 
    return  $\operatorname{argmax}_c sum[c]$ 

```

**Figure 4.2** The naive Bayes algorithm, using add-1 smoothing. To use add- $\alpha$  smoothing instead, change the +1 to + $\alpha$  for loglikelihood counts in training.

# 目录

- 1 文本分类任务介绍
- 2 朴素贝叶斯分类器
- 3 训练朴素贝叶斯文本分类器
- 4 朴素贝叶斯文本分类实例**

以情感分析为背景，利用一个极简化的训练集和测试集说明模型参数估计和通过概率计算进行分类决策的过程。

	Cat	Documents
Training	-	just plain boring
	-	entirely predictable and lacks energy
	-	no surprises and very few laughs
	+	very powerful
	+	the most fun film of the summer
Test	?	predictable with no fun

## 1. 计算类别先验概率

根据训练数据，利用公式

$$P(\hat{c}) = \frac{N_c}{N_{\text{doc}}}$$

计算出负面类别的先验概率  $P(-) = \frac{3}{5}$  与正面类别的先验概率  $P(+) = \frac{2}{5}$

## 2. 条件概率的估计与加一平滑

- 为估计每个词在各类别下的条件概率  $P(w_i|c)$ ，将属于同一类别的所有文档合并成一个“大文档”，计算词频。

- 考虑到某些词在训练数据中可能未出现（例如在正面类中“predictable”和“no”均未出现），直接使用最大似然估计会导致概率为零，从而影响整体文档概率的计算。

- 因此，引入加一平滑方法，修正条件概率的估计公式为

$$\hat{P}(w_i|c) = \frac{\text{count}(w_i, c) + 1}{\sum_{w \in V} \text{count}(w, c) + |V|}$$

$$P(\text{“predictable”}|-) = \frac{1+1}{14+20} \quad P(\text{“predictable”}|+) = \frac{0+1}{9+20}$$

$$P(\text{“no”}|-) = \frac{1+1}{14+20} \quad P(\text{“no”}|+) = \frac{0+1}{9+20}$$

$$P(\text{“fun”}|-) = \frac{0+1}{14+20} \quad P(\text{“fun”}|+) = \frac{1+1}{9+20}$$

### 3. 测试阶段及分类决策

测试句子为“predictable with no fun”。首先，未知词“with”因未在训练数据中出现被忽略；然后，仅对“predictable”、“no”和“fun”进行概率计算。利用朴素贝叶斯分类公式

$$\hat{c} = \arg \max_{c \in C} P(c) \prod_{w_i \in d} P(w_i | c)$$

分别计算两个类别的联合概率：

$$P(-)P(S|-) = \frac{3}{5} \times \frac{2 \times 2 \times 1}{34^3} = 6.1 \times 10^{-5}$$

$$P(+ )P(S|+) = \frac{2}{5} \times \frac{1 \times 1 \times 2}{29^3} = 3.2 \times 10^{-5}$$

由于负面类别的概率较高，因此模型最终将测试句子判定为负面情感。

未完待续