赛拟模 PION

题目名称	游乐	木棍	区间	元祖
目录	happy	stick	gap	comb
可执行文件名	happy	stick	gap	comb
输入文件名	happy.in	${ m stick.in}$	gap.in	comb.in
输出文件名	happy.out	stick.out	gap.out	comb.out
每个测试点时限	1.0s	1.0s	1.0s	2.0s
内存限制	512MB	512MB	512MB	512MB
试题总分	100	100	100	100
测试点数目	20	20	20	20
每个测试点分值	5	5	5	5
是否有部分分	否	否	否	否
题目类型	传统型	传统型	传统型	传统型

提交的源程序文件名:

对于 C++ 语言	happy.cpp	stick.cpp	gap.cpp	comb.cpp
-----------	-----------	-----------	---------	----------

开freopen,-O2 -std=c++11

游乐(happy)

小D 家附近新开了一家游乐园。小D 经常光顾这家游乐园, 他想要找到最优的购票方案。

小 D 想要进入游乐园 N 次, 第 i 次在时刻 T_i , 这个游乐园有两种购票方式:

- 1. 购买单次票: 价格为 *One*, 该票每张只能进入游乐园一次。
- 2. 购买时限票: 时限票一共有 K 种类型, 第 i 种类型的时限票可以使用的时长为 num_i , 价格为 $\cos t_i$ 。具体来说, 若一张时限票在第 t 时刻被使用, 则在 $[t,t+num_i-1]$ 这个时刻区间内小 D 都可以进入游乐园。

这两种票都可以购买任意多张。记 sum_i 为小 D 前 i 次进入游乐园的最小花费 (不考虑 第 i 次之后的进入), 小 D 定义第 i 次进入游乐园的代价为 $spend_i = sum_i - sum_{i-1}$ 。小 D 想 要知道每次进入游乐园的代价, 即 $spend_1,\ldots,spend_n$ 。

输入格式

从文件 happy.in 中读取数据。

第一行两个非负整数 N, K, 表示进入游乐园的总次数和时限票的种类数。

第二行 N 个正整数 T_1,\ldots,T_N , 表示小 D 每次进入游乐园的时刻, 保证单调增。

第三行到第 K+2 行, 每行两个整数 num_i , $cost_i$ 表示每种时限票的时长和价格。

第 K+3 一个整数 One, 表示单次票的价格。

输出格式

输出到文件 happy.out 中。

N 行, 每行一个整数 $Spend_i$, 表示第 i 次进入游乐园的代价。

输入样例1

```
      1
      3
      2

      2
      10
      20
      30

      3
      90
      50

      4
      1440
      120

      5
      20
```

输出样例1

```
1 | 20
2 | 20
3 | 10
```

样例解释

对于前 1 次进入, 购买单次票, 总价格为 20, 故第 1 次进入的代价为 20-0=20; 对于前 2 次进入, 购买两张单次票, 总价格为 40, 故第 2 次进入的代价为 40-20=20; 对于前 3 次进入, 购买一张类型 1 时限票, 总价格为 50, 故第 3 次进入的代价为50-40=10;

输入样例2

输出样例2

```
20
 1
 2
   20
3
 4
   20
5
6
7
   0
8
   20
9
   15
10
   20
```

数据范围和约定

```
对于前 10\% 的数据, K=0; 对于前 40\% 的数据, K\leq 2, N\leq 10^3; 对于前 60\% 的数据, K\leq 2, N\leq 10^5; 对于前 80\% 的数据, K\leq 30, N\leq 10^5; 对于 100\% 的数据, K\leq 500, N\leq 10^5; 对于 100\% 的数据, K\leq 500, N\leq 10^5, 1\leq T_i, num_i, cost_i, One \leq 10^9, T_i 单调增。注意: 虽然 Spend_i 不会超过 int 范围,但是 Sum_i 可能会超出 int 范围。
```

木棍(stick)

游乐园内有这样一个项目: 扔出 N 根木棒, 猜这些木棒之间会有多少个交点。

形式化地, 我们可以假设木棒的长度近似为无穷, 木棒可以互相平行, 但是不存在木棒相 互重合或者三条及以上 木棒交于同一点的情况。

小 D 想要知道, 如果扔出 N 根木棒, 是否有可能出现总交点数为 M 的情况。

本题多组询问。

输入格式

从文件 stick.in 中读取数据。

第一行一个整数 Q, 表示询问的数量。

第二行到第 Q+1 行,每行两个整数 N,M 表示一组询问:在扔出 N 根木棒的情况下是否有可能出现交点数为 M 的情况。

输出格式

输出到文件 stick.out 中。

Q 行, 每行一个整数 0 或者 1:1 表示有可能出现, 0 表示不可能出现。

输入样例1

```
      1
      4

      2
      3
      0

      3
      3
      1

      4
      3
      3

      5
      4
      4
```

输出样例1

```
      1
      1

      2
      0

      3
      1

      4
      1
```

样例解释

下图分别是 3 根木棒摆出 0、3 个交点以及 4 根木棒摆出 4 个交点的情况。



输入样例2

```
      1
      8

      2
      40
      99

      3
      41
      100

      4
      42
      782

      5
      43
      777

      6
      44
      888

      7
      45
      1000

      8
      46
      1212

      9
      47
      2333
```

输出样例2

```
    1
    0

    2
    0

    3
    1

    4
    1

    5
    1

    6
    0

    7
    0

    8
    0
```

数据范围和约定

```
对于前 20\% 的数据, N\leq 5, M\leq 20; 对于前 50\% 的数据, N\leq 10, M\leq 100; 对于前 80\% 的数据, N\leq 50, M\leq 2500, Q\leq 10; 对于 100\% 的数据, N\leq 500, 0\leq M\leq 10^5, Q\leq 10^5
```

区间(gap)

对于一个 1-N 的排列 p, 小 D 如下定义长度为 N 的阶梯数组 a:

 a_i 为包含下标 i 的由单调且连续的元素构成的区间的最大长度, 即在 p 中这个区间要么 是 $[x,x+1,x+2,\ldots,y-1,y]$ 或者是 $[y,y-1,\ldots,x+1,x]$ 的形式。

例如, 对于排列 p = [4, 1, 2, 3, 7, 6, 5], 我们有 a = [1, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3] 。

现在, 小 D 已经知道了阶梯数组 a, 他想知道有多少个排列的阶梯数组等于 a, 由于答案 可能很大, 小 D 只想知道答案对 998244353 取模后的结果。

输入格式

从文件 gap.in 中读取数据。

第一行一个整数 N, 表示阶梯数组的长度。

第二行 N 个正整数 a_1, \ldots, a_N , 描述阶梯数组。

输出格式

输出到文件 gap.out 中。

一行一个整数 Ans, 表示排列的数量对 998244353 取模后的结果。

输入样例1

```
    1
    6

    2
    3 3 3 1 1 1
```

输出样例1

1 6

样例解释

可能的排列 p 如下

输入样例2

```
    1
    8

    2
    2
    2
    2
    2
    1
    1
```

输出样例2

1 370

数据范围和约定

对于前 20% 的数据, $N \leq 8$;

对于前 50% 的数据, $N \leq 16$;

对于另外 10% 的数据, 保证 $a_i=1$;

对于另外 20% 的数据, 保证 $a_i>1$;

对于 100% 的数据, $N \leq 2000, 1 \leq a_i \leq N$ 。

元祖(comb)

小 D 最近迷上了'abab'类型的四元组, 即第一个位置和第三个位置相同, 第二个位置和第 四个位置相同。给定一个数列 a, 小 D 想要找到它的一个子序列 b, 满足:

- 1. 序列 b 的长度 m 为 4 的倍数;
- 2. 对于任意 $0 \le k < m/4$,有 $b_{4k+1} = b_{4k+3}$ 且 $b_{4k+2} = b_{4k+4}$ 。(注意 b_{4k+1} 可以与 b_{4k+2} 相同也可以不相同。)

现在小D 想要知道数列b 的长度最长可以是多少。

输入格式

从文件 comb.in 中读取数据。

第一行一个整数 N, 表示数列 a 的长度。

第二行 N 个整数 a_1, \ldots, a_N , 描述数列 a 。

输出格式

输出到文件 comb.out 中。

一行一个整数 Ans, 表示数列 b 的最大长度。

输入样例1

输出样例1

1 | 8

样例解释

序列 b 可以为:1, 2, 1, 2, 4, 5, 4, 5, 长度为 8。

数据范围和约定

对于前 10% 的数据, $N \leq 100$;

对于前 30% 的数据, $N \leq 3000$;

对于另外 20% 的数据, 保证每个 a_i 最多出现两次。

对于前 80% 的数据, $N < 10^5$;

对于 100% 的数据, $N < 5 \times 10^5$, $1 < a_i < N$.