www.paperpass.com

# PaperPass旗舰版检测报告 简明打印版

## 比对结果(相似度):

总 体: 29% (总体相似度是指本地库、互联网的综合对比结果)

本地库: 29% (本地库相似度是指论文与学术期刊、学位论文、会议论文、图书数据库的对比结果)

期刊库:15% (期刊库相似度是指论文与学术期刊库的比对结果) 学位库:28% (学位库相似度是指论文与学位论文库的比对结果) 会议库:5% (会议库相似度是指论文与会议论文库的比对结果) 图书库:5% (图书库相似度是指论文与图书库的比对结果) 互联网:5% (互联网相似度是指论文与互联网资源的比对结果)

报告编号: 5EC49EE8449563X1F

检测版本:旗舰版

论文题目:布尔函数的(快速)代数免疫性相关研究

论文作者:张柳

论文字数:23444字符(不计空格)

段落个数:468 句子个数:1477 句

提交时间: 2020-5-20 11:07:20

比对范围:学术期刊、学位论文、会议论文、书籍数据、互联网资源

查询真伪: http://www.paperpass.com/check

#### 句子相似度分布图:



## 本地库相似资源列表(学术期刊、学位论文、会议论文、书籍数据):

1.相似度:23% 篇名:《两类优良代数免疫性质布尔函数的构造与分析》

来源:学位论文汕头大学2019

2.相似度: 8% 篇名:《流密码设计中布尔函数的构造与分析》

来源:学位论文西南交通大学2015

3.相似度: 4% 篇名:《布尔函数的(快速)代数免疫性质研究进展》

来源:学术期刊《密码学报》2017年3期

4.相似度: 3% 篇名:《旋转对称布尔函数的快速代数免疫度研究》

来源:学位论文 复旦大学 2013

5.相似度:3% 篇名:《抗代数攻击布尔函数的构造与分析》

来源:学位论文解放军信息工程大学2013

6.相似度: 2% 篇名:《几类具有良好密码学性质的布尔函数的构造》

来源:学位论文西南交通大学2015

7.相似度: 2% 篇名:《代数免疫最优的偶数元旋转对称布尔函数构造研究》

来源:学位论文 汕头大学 2015

8.相似度: 2% 篇名:《具有优良密码学性质的布尔函数的构造及其在CDMA系统中的应用》

来源:学位论文西安电子科技大学2018

9.相似度: 2% 篇名:《一类布尔函数的代数免疫度的下界》

来源:学术期刊《通信学报》2016年10期

10.相似度: 2% 篇名:《几类热点布尔函数的性质分析》

来源:学位论文解放军信息工程大学2013

11.相似度: 1% 篇名:《级联函数的扩展代数免疫性》

来源:学术期刊《密码学报》2015年3期

12.相似度: 1% 篇名:《代数免疫最优的旋转对称布尔函数若干构造》

来源:学位论文 汕头大学 2016

13.相似度: 1%篇名:《具有良好密码学性质的布尔函数的级联构造》

来源:学术期刊《密码学报》2014年1期

14.相似度: 1% 篇名:《代数免疫度最优布尔函数的构造》

来源:学位论文国防科学技术大学2011

15.相似度: 1% 篇名:《布尔函数的代数免疫性分析》

来源:学位论文淮北师范大学2011

16.相似度: 1% 篇名: 《多输出布尔函数代数免疫度的若干性质》

来源:学术期刊《信息工程大学学报》2013年4期

17.相似度: 1% 篇名:《周期序列谱免疫度的性质研究》

来源:学位论文解放军信息工程大学2015

18.相似度: 1% 篇名:《具有几乎完美代数免疫的偶数元弹性函数构造》

来源:学术期刊 《计算机工程》 2014年12期

19.相似度: 1% 篇名:《满足多种指标的密码函数的设计》

来源:学位论文西安电子科技大学2016

20.相似度: 1%篇名:《基于全局优化搜索的良好密码特性布尔函数构造策略》

来源:学位论文 复旦大学 2012

21.相似度: 1% 篇名:《流密码算法的研究与设计》

来源:学位论文南京航空航天大学2011

22.相似度: 1% 篇名:《一类级联布尔函数的密码学性质》

来源:学术期刊《淮北师范大学学报(自然科学版)》2018年1期

23.相似度: 1% 篇名:《递归构造多个具有最优代数免疫度的平衡布尔函数》

来源:学术期刊《系统科学与数学》2012年7期

24.相似度: 1% 篇名:《高维守恒律方程基本波的相互作用与演化》

来源:学位论文 汕头大学 2008

25.相似度: 1% 篇名:《最优代数免疫度弹性布尔函数的构造》

来源:学位论文湖北大学2009

26.相似度: 1% 篇名:《旋转对称布尔函数研究综述》

来源:学术期刊《密码学报》2017年3期

27.相似度: 1% 篇名:《密码函数安全性指标的研究进展》

来源:学术期刊 《密码学报》 2014年6期

28.相似度: 1% 篇名:《布尔函数的代数免疫度和扩展代数免疫度》

来源:学位论文国防科学技术大学2010

29.相似度: 1% 篇名:《多输出布尔函数与布尔函数代数免疫阶之间的关系》

来源:学术期刊《电子学报》2011年1期 30.相似度: 1%篇名:《弹性布尔函数的构造》

来源:学位论文国防科学技术大学2011

31.相似度: 1% 篇名:《具有K阶代数免疫的布尔函数》 来源:学术期刊 《计算机技术与发展》 2011年3期

32.相似度: 1% 篇名:《代数免疫度最优的旋转对称布尔函数的构造》

来源:学位论文汕头大学2014

33.相似度: 1% 篇名:《旋转对称布尔函数的密码学性质的研究》

来源:学位论文 解放军信息工程大学 2012 34.相似度: 1% 篇名:《应用密码学》

来源:书籍数据北京邮电大学出版社 2005-6-1

35.相似度: 1% 篇名:《构造最优代数免疫度的布尔函数》

来源:学位论文 大连理工大学 2014

36.相似度: 1% 篇名:《基于FPGA的流密码机设计》

来源:学位论文西安电子科技大学2010

37.相似度: 1% 篇名:《一类代数免疫度最优的奇数变元旋转对称布尔函数的构造》

来源:学术期刊 《密码学报》 2019年4期 38.相似度: 1% 篇名:《现代密码学基础》 来源: 书籍数据 北京邮电大学出版社 2002-4-1

39.相似度: 1% 篇名:《具有较低透明阶值S盒的分析与构造》

来源:学位论文西安电子科技大学2017

40.相似度: 1% 篇名:《一些性质优良的密码函数的若干问题研究》

来源:学位论文解放军信息工程大学2013

41.相似度: 1% 篇名:《密码学中布尔函数及多输出布尔函数的构造》

来源:学位论文西安电子科技大学2012

42.相似度: 1% 篇名: 《布尔函数的线性结构分析与级联构造》

来源:学位论文 解放军信息工程大学 2012 43.相似度: 1% 篇名:《T—生存熵的理论研究》

来源:学位论文华中科技大学2007

44.相似度: 1% 篇名:《基于字的流密码算法Dragon的研究》

来源:学位论文西安电子科技大学2008

45.相似度: 1% 篇名:《对称布尔函数和Bent函数若干关键问题的研究》

来源:学位论文 西南交通大学 2013

46.相似度: 1% 篇名:《特殊性质的布尔函数构造与序列设计》

来源:学位论文西安电子科技大学2012

47.相似度: 1% 篇名:《信息安全中删位纠错码与MAI函数的构造》

来源:学位论文四川师范大学2015

48.相似度: 1%篇名:《基于流密码的代数攻击及代数免疫性研究》

来源:学位论文国防科学技术大学2006

49.相似度: 1% 篇名:《最优代数免疫布尔函数构造方法的研究》

来源:会议论文 2008-10-11

50.相似度: 1% 篇名:《最优代数免疫布尔函数的完全构造》

来源:会议论文 2011-11-01

#### 互联网相似资源列表:

1.相似度: 4% 标题:《流密码设计中布尔函数的构造与分析》

http://www.doc88.com/p-9912184190408.html

2.相似度: 4% 标题:《流密码设计中布尔函数的构造与分析》

https://www.docin.com/p-1655177641.html

#### 全文简明报告:

硕士学位论文

题 目

{83%:布尔函数的(快速)代数免疫性相关研究}

#### 英文题目

Research on the (fast) algebraic

immunity of Boolean functions

姓 名

张柳

学 号

111709030

所在学院

工学院

导师姓名

陈银冬

专业

计算机软件与理论

入学日期

2017. 09. 01

答辩日期

2020. 05. 31

#### 学位论文原创性声明

{100%:本文是我个人在导师指导下进行的工作研究及取得的研究成果。} {100%:论文中除了特别加以标注和致谢的地方外,不包含其他人或其它机构已经发表或撰写过的研究成果。} {100%:对本文的研究做出贡献的个人和集体,均已在论文中以明确方式标明。} 本人完全意识到本声明的法律责任由本人承担。

作者签名: 日期: 年 月 日

学位论文使用授权声明

{100%:本人授权汕头大学保存本学位论文的电子和纸质文档,允许论文被查阅和借阅;} {98%:学校可将本学位论文的全部或部分内容编入有关数据库进行检索,可以采用影印、缩 印或其它复制手段保存和汇编论文;} {100%:学校可以向国家有关部门或机构送交论文并 授权其保存、借阅或上网公布本学位论文的全部或部分内容。} 对于保密的论文,按照保密 的有关规定和程序处理。

作者签名: 导师签名:

日期: 年月日日期: 年月日

摘要

序列密码是对称密码体制的重要实现方式之一,在密码算法的设计中,常常使用非线性函数作为基本的密码部件, {49%:使用布尔函数是实现这些非线性函数的一种有效途径。} {60%:为了抵抗已知的密码攻击手段,非线性布尔函数必须具有理论可证明的能够有效抵抗已知密码攻击的性能。} {59%:2003年之前,在流密码中使用的布尔函数必须同时兼具以下几个性质:} {62%:平衡性,高非线性度,高代数次数,高的弹性阶以及良好的自相关性质。} {78%:Courtois和Meier于2003年将代数攻击应用于基于线性反馈移位寄存器的流密码算法,} {49%:随后,Courtois在代数攻击的基础上进行了改进从而提出了快速代数攻击。}



{52%:布尔函数应分别具有高的代数免疫度和良好的快速代数免疫度才能有效的抵抗代数攻 击和快速代数攻击。} {54%:本文对一些基于有限域表示的布尔函数的仿射等价关系和快速 代数免疫度性质进行研究,主要工作有:}

{42%:在使用计算机进行辅助验证的基础上,研究了C-F函数,Tu-Deng函数,T-C-T函数 的仿射等价关系。} 基于有限域表示的这三类函数,它们的支撑集中都含有共同的参数 ),从而能得到大量性质优良的布尔函数。 经研究发现,当参数 {51%:取不同值 时,这些布尔函数是具有仿射等价的关系。}

{49%:在之前的研究中,主要是通过计算机计算布尔函数的快速代数免疫度。} {42%: 在唐灯的方法的启发下,我们通过数学证明的方法得到了一类一阶弹性函数的快速代数免疫度 大于等于6。} 于此同时,也证明了一些起源于Tu-Deng猜想的组合事实。

关键词: 流密码; 布尔函数; 仿射等价; (快速)代数免疫度

#### **ABSTRACT**

Sequence cipher is one of the important ways to realize symmetric cipher system. In the design of cryptographic algorithm, nonlinear function is often used as the basic cipher component, function is an effective Boolean way to realize these nonlinear functions. In order to resist the known cryptographic nonlinear Boolean attack, the function must have the provable performance to resist the known cryptographic attack. Before 2003, Boolean functions used in stream cipher must meet the following properties: balancedness, large nonlinerarity, high algebraic degree, high order resiliency and good autocorrelation properites. In 2003, Courtois and Meier applied algebraic stream cipher algorithm based on linear feedback shift register at European cipher annual conference. Later, Courtois improved algebraic attacks to come up with fast algebraic Boolean functions should have high algebraic immunity attacks. good fast algebraic immunity respectively to resist algebraic algebraic attack effectively. In this paper, attack and fast affine equivalence relations and fast algebraic immunity Boolean functions based on finite field representation are studied.

basis computer-aided verification, 0nof we study equivalence C-Ffunction, Tu-Deng function of and T-C-Tfunction. These three kinds of functions based on the finite representation have the same parameter in their support, which makes them reach a large number of Boolean functions excellent properties. It is found that these with Boolean functions have affine equivalence when the parameter different.

In the previous research, the fast algebraic immunity of

Boolean function was calculated by computer. Inspired by Tang Deng's method, of a class we get the fast algebraic immunity of first-order resilient functions by the method mathematical of proof. At the same time, we also prove combinatorial some facts originated from Tu-Deng conjecture.

Boolean functions, affine equivalence, Keywords: stream cipher, (fast) algebraic immunity

Ħ 录

要I 摘

ABSTRACTII

目 录III

第一章 绪 论1

- 1.1. 研究背景及意义1
- 1.2. 流密码与布尔函数3
- 1.3. 国内外研究现状9
- 1.4. 本文内容及结构10

第二章 预备知识11

- 2.1. 布尔函数的基本概念11
- 2.2. 布尔函数的密码学性质13
- 2.3. 序列表示和布尔函数的等价性15

第三章 基于本源元表示的布尔函数的平移等价性18

- 3.1. C-F函数支撑集的平移等价关系18
- 3. 2. Tu-Deng函数和T-C-T函数支撑集的平移等价关系20
- 3.3. 本章小结22

第四章 一类1阶弹性布尔函数的快速代数免疫度的下界23

- 4.1. 一类具有几乎最优代数免疫度的布尔函数23
- 4.2. 一类1阶弹性布尔函数的快速代数免疫度的下界29
- 4.3. 本章小结32

第五章 总结与展望33



- 5.1. 论文工作总结33
- 5.2. 后续研究工作展望33

参考文献34

致谢辞38

攻读硕士学位期间的科研成果39

## 绪论

#### 研究背景及意义

{46%:在信息化时代的浪潮中,信息安全已经渐渐位于核心区域。} 密码算法的分析和 研究与社会信息安全之间的关系越来越密切,如今密码算法被应用到国防、军事、政府、经济、 文化等各个领域。 {74%:密码学作为信息安全的基石和核心,在构建安全可靠的信息系统 息为目的,即保护要秘密传输的消息,防止第三方窃取信息的一门科学。} {71%:在信息传 输中,明文一般被认为是有意义的字符或比特集,将明文转换不可直接解读的字符或比特集的 算法称为加密算法,} {79%:得到的字符或比特集称为密文。} 解密则是与加密相反的过 程。 (61%:在加解密算法中,需要用到一组满足一定条件的随机序列,在加密过程和解密 过程中分别称为加密密钥和解密密钥,它们可能相同,也可能不同。}

{72%:根据加密过程中实际加密密钥是否会发生改变,对称密码体制可分为流密码和分 组密码。} {86%:在流密码的加密过程中,密钥流序列的产生与密钥生成器在当前时钟周期 的值有关。} {100%:分组密码在加密过程中每一个时钟周期则使用相同的密钥加密一个数 据单元。} {71%:通常,流密码在每一个时钟周期用一个比特的加密密钥与一个比特明文进 行异或操作,典型的流密码系统有A5, RC5等; } {83%:分组密码则在每一个时钟周期加 密一个固定长度的数据块,典型的分组密码有DES,AES,IDEA等。}

#### 流密码与布尔函数

{90%:在流密码系统中,布尔函数通常作为密钥流生成器的非线性组件,与反馈移位寄 存器搭配产生安全强度高的密钥流。} {52%:布尔函数的各种密码学指标都是根据各种攻击 提出的。}

#### 布尔函数在流密码中的应用

{56%:流密码也称序列密码,具有简单易懂的加解密过程:} {87%:使用一个密钥序列 与明文序列进行"异或"操作来产生密文,用相同密钥序列与密文"异或"操作来恢复明 文。} 流密码的模型如图1-1所示。 {98%:当用来加密的序列是由满足均匀分布的离散无 记忆信源产生的随机序列时,相应的序列密码就是所谓的"一次一密"密码体制。} {98%: Shannon已经证明"一次一密"密码体制在理论上是不可破解的,即密钥序列是随机序 要高昂的代价,因此并不适用于流密码的加解密过程。} {64%:在实际应用中,用伪随机序 列去替代随机序列作为加解密序列的方式则更为普遍。} {49%: 伪随机序列是将一个长度较 短的消息密钥按照一定的算法在最大程度满足随机特性的条件下生成一个很长的序列。} {67%:伪随机序列可根据原始短序列和生成算法预先确定的,并且是可以重复实现的,同时



又具有随即序列的特性,这些特性称为序列的伪随机性。} {100%:序列密码系统的安全性 强弱取决于密钥流伪随机性的好坏。} {98%:因此,如何设计出能生成周期较长、伪随机性 较好序列的密钥流生成器就成了流密码研究的关键问题。}

#### 图1-1 流密码模型

流密码通常被分为两个部分: 驱动部分和非线性组合部分。 {80%:驱动部分用于 控制存储器的状态进行转移,负责生成被组合部分使用的周期大、统计特性好的序列;} {72%:非线性组合部分则将驱动部分生成的序列进行组合生成具有良好密码性能的密钥流序 件是布尔函数 , } {91%: n级反馈移位寄存器模型结构如图1-2所示。} {78%:若反馈布尔 函数f是线性函数,则相应的反馈移位寄存器称为线性反馈移位寄存器(LFSR),否则,称为非 线性反馈移位寄存器 (NLFSR)。} {89%: LFSR具有实现简单、生成速度快、便于分析和计算 等优势,已广泛应用于各种数字电路中,是密钥算法中最重要的密钥流构成部件。}

{89%:图1-2 n级反馈移位寄存器模型}

{85%:从加密角度来说,由LSFR产生的伪随机序列密码学性质极弱,不能直接作为加密 密钥使用。} 现代密码学中, {88%:最常见的操作方式是用一个具有良好密码学性质的 非线性布尔函数对一个大周期的LFSR进行滤波操作或者对多个具有大周期的LFSR进行组合,} {90%:即滤波模式(图1-3)和组合模式(图1-4),这样操作方式既可以利用LFSR的周期性来产生 较长周期的伪随机序列,} {68%:同时能保证生成的序列具有非线性性质,从而实 现Shannon所提出的混淆和扩散原则,保证产生密钥流序列具有足够的安全强度。} {100%: 因此,可以说,基于LFSR的密钥流生成器实现了对"一次一密"的折中。}

图1-3 滤波模式

图1-4 组合模式

#### 流密码的(快速)代数攻击

{81%:代数攻击是已知明文攻击,其基本思想起源于Shannon,他认为一个密码算法可以 理解成一个大型的多变元方程组,求解这个方程组就可以得到密钥。} {77%:根 据Kerckhoff原则,我们可以得知密码算法的所有细节,从而密码分析学者可以根据明密文对 应关系以及密码算法的结构,建立起以密钥为未知变量的方程组。} {100%:事实上,密码 编码学者也正是基于此方程组求解的复杂度来保证密码系统的安全性。} {83%:代数攻击根 据这一特点,从建立方程的初始阶段找到了突破点——通过建立尽可能低次数的方程组,从而 降低方程组的求解复杂度。 \ {98%:在2003年欧密会上, Courtois和Meier[22]成功地将代 数攻击用于流密码的分析破译,引起国内外密码学者的广泛关注,} {50%:一些著名的密码 系统被标准代数攻击成功攻破,如Toyocrypt流密码算法和LILI-128等。}

{100%:下面介绍图1-3中非线性滤波函数生成器的代数攻击和快速代数攻击原理。} 设 是LFSR的初始状态(通常与密钥直接相关), 时刻状态为 ,输出密钥流比特用 表示, 密码系统中过滤函数是 元布尔函数 。 在已知密钥流比特 的情况下,从而得到如 下方程组

(1-1)

{100%:对于非线性滤波函数生成器也能列出类似的方程。} 理论上,如果知道足够多 {100%:就能建立足够多的方程进而求出密钥。} {100%:但是若非线性滤波函数的代 的

数次数较高,则求解这个方程组的难度就很大。} {72%:实际上,代数攻击和快速代数攻击 都是通过降低上述方程组求解复杂度从而进行攻击的。}

{97%: Courtois和Meier[22]提出并证明了布尔函数的低次倍式存在定理: } 对于任意 元布尔函数f,如果存在次数不超过 的非零布尔函数 ,使得 的代数次数不超过 。 基于该定理,对于高次函数,考虑其较低次数的倍式,其中,且的代数次数不超 过 。 用 乘以 的两边得

若 ,则 ; 若 ,则 。 因此,方程组(1-1)能转化为以初始状态 为未知 数关于 或 {100%:的低次方程组,大大降低了求解复杂度。} {98%:2004年, Meier 等[23]将该问题归结为求解布尔函数及其反函数的低次非零零化子的问题,} 进而提出了代 数免疫度(Algebraic Immunity, AI)的概念。 {45%:为了满足代数免疫度的要求,密码 研究者们提出了多种具有优良代数免疫度的布尔函数构造方法[11-15, 31, 32 , 44 , 45]。}

{96%:后来在2003年美密会上,Courtois[24]改进标准代数攻击并提出了快速代数攻 击: } 考虑 的倍式 ,其中 且 的代数次数远小于 , 的代数次数小于 的 代数次数。 在得到了一些连续的密钥流比特 之后,通过找到关于 的一个线性组合 来得到关于 的一个线性组合 。 {77%:显然,实施快速代数攻击并不不需要求出大量 的线性无关零化子来建立方程,只需要找到一个关于} 的特殊倍式关系。 {49%:因此, 快速代数攻击对增大了构造性质优良布尔函数的难度。} {100%:快速代数攻击对Toyocrypt、 攻击的能力,文献[28]引进了快速代数免疫度(Fast Algebraic Immunity, FAI)的概 尔函数的快速代数免疫度得到严格证明,} {100%:更为普遍的做法是用计算机程序对较小 变元的函数进行测试,} {90%:以此来展示该类函数抵抗快速代数攻击的能力。} {92%: 标准代数攻击和快速代数攻击的复杂度对比见表1-1。}

{100%:表1-1 两类代数攻击方法的复杂度比较}

攻击方法

计算复杂度

空间复杂度

标准代数攻击

快速代数攻击

注: 表中 , , 是线性反馈移位寄存器的级数 , 是 的代数免疫度 , 是 的代数次数。

安全的布尔函数设计准则

{75%:序列密码、分组密码和Hash函数都采用布尔函数作为重要组成部分,其密码学性 质的好坏直接关系到密码系统的安全性。} {46%:布尔函数的安全性指标是衡量布尔函数密 码学性质的重要参数,这些安全指标的提出和密码分析方法密切相关。} {87%:布尔函数的

安全性指标主要包括: } {58%:平衡性、代数次数、非线性度、相关免疫阶、(快速)代数 免疫度[19]。}

{65%:图1-5 布尔函数的主要密码学指标}

#### 平衡性

{50%:序列密码产生的密钥流是否具有高的安全强度,取决于它们是否具有良好的伪随 机特性。} {63%:高平衡性是保证序列伪随机特性的一个重要条件。} {53%:当序列中不 同元素出现的次数至多相差一个时,称序列是平衡的。} {50%:例如,周期为偶数的二元序 列是平衡的,是指其中0和1的出现个数相同。}

#### 代数次数

{95%:密码系统中所使用的布尔函数应当具有高的代数次数,其同样为布尔函数的基本 设计准则之一。} {81%:事实上,如果密码系统中所使用的布尔函数代数次数过低,则可能 遭受Berkekamp-Massey算法攻击和Ronjom-Helleseth攻击。}

#### 非线性度

[69%:密码系统中所使用的布尔函数应该与所有仿射函数具有较大的汉明距离才能有效 的抵抗线性密码攻击。} 布尔函数 的非线性度 定义为 和所有仿射函数的最小 距 离,即。

#### 代数免疫度

{49%:代数免疫度(Algebraic Immunity, AI)[21, 23]的提出与代数次数有关,代 数攻击的基本思路是将如何破解密码体制转化为代数方程组的求解。} {76%:人们在攻 击LILI-128和Toyocrypt等序列密码时,发现如果密码系统中使用的布尔函数} 或者 {52%: 具有低次的零化子,那么密码系统对代数攻击的抵抗能力较弱。} 可以证明, {100%:元 布尔函数的代数免疫度不超过} {68%:,若达到了此上界,则称该布尔函数是代数免疫度最 优的函数。}

#### 快速代数免疫度

{79%:快速代数免疫度(Fast Algebraic Immunity, FAI)[28]是评价布尔函数抵抗 快速代数攻击能力的指标,定义为} 与 的较小值,其中 表示 的代数免疫度, 若 元布尔函数的FAI达到 (或 {100%:),则称该函数具有最 示 的代数次数。 优(或几乎最优)快速代数免疫度。}

#### 国内外研究现状

 ${71\%: 对于n元布尔函数f,若存在一个代数次数较低的函数g使得g·f的代数次数不大$ 那么快速代数攻击对于f就是有效的[24-26]。 {91%:为了抵御快速代数攻击, 密码系统中使用的布尔函数需满足较高的快速代数免疫度[27, 28]。} 2012年,刘美成 等[29]提出了完美代数免疫(Perfect Algebraic Immune, PAI)的概念,f是n元布尔函 数, {52%: e是任意正整数且e<n2,若对于任意次数不小于e的函数g都有g·f的代数次数不 则称f是完美代数免疫函数。 {73%:他们[29]同时证明了n元布尔函数具有完 美代数免疫度当且仅当n=2s或n=2s+1; } {92%:并且仅当变元数量是2s+1,存在平衡完美 代数免疫函数,仅当变元数量是2s,存在不平衡完美代数免疫函数。} {92%:实际上,完美 代数免疫函数具有最优代数免疫度和最优快速代数免疫,且代数次数不低于是n-1[29]。} {95%:2012年,王启春等[30]给出了快速代数免疫度关于高阶非线性度的一个上界。} {69%: C-F函数[12]和T-C-T函数[32]是目前比较有代表性的两类布尔函数,它们都能有效的抵抗已知 的密码攻击。} {80%:2012年,刘美成等[29]证明了变元数量为2s+1的C-F函数是完美代数免 疫函数; } {93%:2014年,他们[33]还证明了T-C-T函数对于任意变元都有几乎最优快速代数 免疫度。} {97%:2017年,唐灯等[34]构造了一大类代数免疫最优1阶弹性函数,这类函数兼 有最优代数次数和很高的非线性度下界等良好性质,} 且能从理论上证明其FAI不小于n-6。 {93%:这是1阶弹性函数的快速代数免疫度下界首次得到理论上的证明。} {100%:然而到目 前为止,对于变元数量大于16的布尔函数,即使是依靠计算机程序辅助计算,确定其快速代数 免疫度仍然是非常困难的事情。}

#### 本文内容及结构

{50%:本文对一些基于有限域表示的布尔函数的仿射等价关系和快速代数免疫度进行研 究,论文的研究内容和组织结构如下:}

{83%:第二章主要介绍布尔函数的一些相关概念,包括布尔函数的常见表示方法、主要 密码学性质。}

{44%:第三章研究了C-F函数, Tu-Deng函数, T-C-T函数的仿射等价关系。} 基于有限 域表示的这三类函数,它们的支撑集中都含有共同的参数 ( {56%:),使得能达到大 有仿射等价的关系。}

{46%:第四章介绍通过数学证明的方法得到了一类一阶弹性函数的快速代数免疫度大于 等于6。} 于此同时,我们也证明了一些起源于Tu-Deng猜想的组合事实。

{78%:第五章总结本文完成的主要工作,并对下一步的工作进行了展望。}

## 预备知识

{61%:本章首先介绍布尔函数及其表示的基本概念;} {52%:其次介绍一些关于序列表 示和布尔函数等价关系的基础知识。}

#### 布尔函数的基本概念

设 是二元有限域, 为正整数, 是 上的 维向量空间,从 到 的映射 称为 元布尔函数。 记全体 元布尔函数的集合为 ,则 中元素个数为 ,也就 是说, 共有 个不同的布尔函数。

任意一个 变元布尔函数 都可以用一个长为 的真值表

唯一表示。 的支撑集 定义为: 满足 且 的全体元素的集合。 集合 中 所含元素的个数称为 的Hamming重量,记为 。 如果一个 元布尔函数 满足 , 则称该函数是平衡的,即

这里 表示集合 中所含元素的个数。

## 设 , 和 的Hamming距离定义为

由定义可知, 和 的Hamming距离实际上为差函数 的Hamming重量,即

一个 元布尔函数 可以用一个 上的含 个变元的多项式表示:

(2-1)

这里, ,+表示 中的加法运算,即模2加运算。 形如式(2-1)的表示称为布尔函 的小项表示。 在进行合并同类项后可得到多项式: 数

, (2-2)

这里系数 。

布尔函数 形如式(2-2)的表示形式存在且唯一,该表示形式为 的代数正规型 (Algebraic Normal Form, ANF)。 若记集合 ,用 表示 的幂集,即 的所 有子集构成的集合,则 的代数正规型还可以表示为

, (2-3)

这里 。

非零布尔函数 {68%:的ANF中系数非零项所含有变元的个数的最大值称为它的代数次 数,记为},即

{67%:规定零函数的代数次数为0. 仿射函数的代数次数不超过1,全体} 元仿射函数 的集合记为 ,即

{66%:线性函数定义为常数项等于0的仿射函数,} 表示全体 元线性函数的集合,即

由于 当且仅当对任意 ,都有 ,于是对任意给定的 ,令 ,则布尔函数 在元素 处的值可以表示为

。 (2-4)

布尔函数的密码学性质

{69%:密码系统中所使用的布尔函数为了抵抗各种已知攻击必须同时满足多项密码学性 质,主要包括平衡性,} {100%:高非线性度,高代数次数,较好的(快速)代数免疫度等。}

平衡性



{83%:密钥流生成器产生的密钥流是否为伪随机流,决定流密码系统的安全性高低。} {90%:平衡性是衡量伪随机性的一个重要属性。} {70%:如果密码系统中使用的布尔函数输 出序列中0和1数量不等,那么利用统计分析的方法,密码系统就无法抵抗概率攻击。} 布尔 函数平衡性可由Walsh变换来描述。

引理2.1 若布尔函数 是平衡的,则。

代数次数

{76%:为了抵抗Berlekamp-Massey算法攻击[16, 17]和Røn.jom-Helleseth攻击[18],应 用中的布尔函数应具有较高的代数次数。} 对于 元平衡布尔函数 ,其中 汉明重量是偶数,由(2-2)式计算 的系数为

因此有如下引理:

引理2.2 若布尔函数 的汉明重量是偶数,则

非线性度

{69%:为了保证密码系统中使用的布尔函数能够抵抗最佳仿射逼近[19]和快速相关攻 击[20],布尔函数与所有仿射函数具有较大的汉明距离。}

{62%:定义2.1 布尔函数与所有仿射函数的最小汉明距离定义为非线性度。} 对于布 尔函数 , 其非线性度为

另外,对,由Walsh谱的定义可得

{100%:因此,布尔函数的非线性度可由Walsh变换等价表示为}

(2-6)

(快速)代数免疫度

{70%:代数免疫度[21, 23]是评价布尔函数抵抗代数攻击能力的指标,代数攻击的基本 思路是将破解密码系统的难度转换为求解代数方程组的难度。} {79%: 若密码系统使用的布 尔函数或其反函数存在低次零化子,那么该密码系统就是易遭受代数攻击的。}

,若 ,则称 是 的一个零化子。 元布 定义2.2 ([23]) 对于两个布尔函数 尔函数 的所有零化子组成的集合记为 。 布尔函数 的代数免疫度 定义为:

若 {100%:元布尔函数的代数免疫度达到了上界} [23],则称 具有最优代数免疫 度。

{89%:布尔函数具有较高的代数免疫度仅仅是抵抗代数攻击的必要条件,而不是充要条 件。} 对于 元布尔函数 {100%: , 若存在一个代数次数较低的非零函数} 使得 代数次数远小于 ,那么快速代数攻击对于 就是有效的[24-26]。 {75%:为了抵抗快速 代数攻击,密码系统中使用的布尔函数需具有较高的FAI[27, 28]。}

## 定义2.3 ([28]) 布尔函数 的快速代数免疫度为

若 的快速代数免疫度达到 (或 ),则称 {100%:具有最优(或几乎最优)快速代 数免疫度。}

序列表示和布尔函数的等价性

两个 元布尔函数 和 是仿射等价的当且仅当存在一个 上的 的可逆矩阵 和一个 上的向量 使得:

这里 。 《52%:因为仿射等价布尔函数有相同的代数次数,与此同时也拥有相同的 代数免疫度。} {55%:因此,布尔函数的代数次数和代数免疫度是仿射不变量。}

令寄存器生成一个周期为 的 序列,并且序列 满足递归关系:

这里。 与此同时, 是它的生成多项式并且是本源的。 (转置)伴随矩阵 (我们称它为序列的生成矩阵)是

令 为时刻 时寄存器的状态。 然后下一时刻的寄存器状态被确定通过

如果寄存器的初始状态是 ,那么序列能被表示为 。 这里 可以是任意非零 维列向量,因此这里有 个 对应干 个不同的 序列。 令 ,序列能够表示为

这里 。

因为次数为 的本源多项式的数量是 , 所以这有 个 生成 序列 , 并且不同的 对应不同的序列。 因为,这存在 个 序列,每个序列能够表示为

这里 , 是序列的生成矩阵,并且 。 显而易见, 是 的初始状态。

令。显而易见,这存在两个使得,这里是的一个子集。我们定义 两个函数为 和 。 那么 与 不相同仅当 和 。 给定任意的 , 通过使用 和 作为滤波函数生成的密钥流是相同的。 因此, 和 能够被看成相同的函数。 今

那么任意的 能够通过它的支撑集表示为如下形式

这里 的寄存器的生成军阵,并且 。

Røn jom ACid提出了布尔函数的非线性等价性,定义如下[41] :

定义2.4 令 {66%:为一个通过过滤生成器残生的密钥流当} 有本源反馈多项式 和滤波函数。 是与 等价的如果这存在一个被 过滤和能产生相同密钥流的 特别的是,如果这两个 有相同的生成多项式,我们说 和 是线性等价的,并且定义为 。 否则, 和 是非线性等价的,并且定义为 。

{51%:基于本源元表示的布尔函数的平移等价性}

本章首先证明了C-F函数支撑集的平移等价关系。接着采用相似的证明方法证明了Tu-Deng函数和T-C-T函数支撑集的平移等价关系。

C-F函数支撑集的平移等价关系

{53%: Carlet和冯克勤基于有限域的本源元和布尔函数的单变元表示构造了一类具有最优 代数免疫度的布尔函数(C-F函数)。}

构造3.1([37])令 为大于1的整数, 为 上的本源元。 当 是一个 元的布 尔函数,它的支撑集为

这里 是一个整数,布尔函数 有最优代数免疫度 。

在C-F函数的支撑集中存在一个参数 , 当我们对 {43%: 取不同值时, C-F函数的支 撑集是不相同的,随之对应的布尔函数也是不相同的。} {61%:因此,根据这种构造方法, 我们可以得到大量具有最优代数免疫度的布尔函数。} 然而,当参数 {55%:取不同值时, 得到的布尔函数是仿射等价的,并且它的代数次数、代数免疫度和非线性度是不变量。}

随后,王启春利用 {68%:上的本源多项式的伴随矩阵构造了一类具有最优代数免疫度 矩阵生成的构造2.

构造3.2([38])令 为大于1的整数, 是长度为 的 序列。 当 是一个 元 的布尔函数,它的支撑集为

这里 定义为 上的全零向量,那么布尔函数 有最优代数免疫度 。

事实上,构造1和构造2已经被证明是仿射等价的[39]。

引理3.1([39])令 为大于1的整数, 是 上的次数为 的本源多项式。 如果 是 的一个根,并且 是一个非零序列,这存在一个 上的基 使得

引理3.2 ([40])令 ,并且

这里 是序列的生成矩阵, 。 清晰可见,任意 能够 被表示为

这里 , 是一个生成矩阵,并且 。

定理3.1 令 为大于1的整数, 为 上的本源元。 当 是一个 元的布尔函数,它 的支撑集为

这里 是一个整数。 当参数 {45%: 取不同值时, 所生成的布尔函数具有仿射等价 的关系。}

证明: 从引理3.1中得知每一个在C-F函数支撑集中的 都有一个非零序列 与之相 对应。 令 为 时刻寄存器中的状态。 那么下一时刻的状态为

如果寄存器的初始状态是 , 那么这个序列能够表示为

因为

所以

因此,我们能将C-F函数表示为

从引理3.2可知给定一个 , 它的生成矩阵为 , 令 , 并且

显而易见,任意 能够被表示为

这里 是一个生成矩阵, 。 因此,当参数 {48%:取不同值时,所生成的C-F函 数是仿射等价的。}

Tu-Deng函数和T-C-T函数支撑集的平移等价关系

{84%:涂自然和邓映蒲构造了一类具有最优代数免疫度的} 函数,它是属于Dillon定义 的 类[31]。 {49%:在稍微修改它的真值表后,可以得到一个平衡的布尔函数。} {53%:



虽然会稍微降低它的非线性度,但它仍然具有最优代数免疫度。} 但是,在本文中,我们研 究的重点是仿射等价关系。

构造3.3([31])令 , 是 上的本源元。 布尔函数 定义如下

布尔函数 定义如下

定理3.2令 , 是 上的本源元。 布尔函数 定义如下

布尔函数 的支撑集能被定义为

这里 , 是一个整数。

证明 我们假定 是 上的本源元, 是 上的本源元,所以 。 通过构造3.3,我 们能假设 , 因此

并且 。 令 为 上的任一元素。 是 -向量空间 的一个基。 因此,我 们有。 令 , 所以 。 通过 的支撑集, 我们知道当 时, 。 最后, 我 们知道布尔函数 的支撑集为

在Tu-Deng函数的启发下,唐灯将函数 替换为 得到了两类变元为 的具有优良性质 的布尔函数。 第一类函数是不平衡的,它的汉明重量为 ,代数次数为 ,并且具有非 常高的非线性度。

构造3.4 ([32])令 , 为 上的一个本源元。 集合 ,这里 是一个整数。 那么布尔函数 定义如下

这里布尔函数 的支撑集为 。

定理3.3令 , 是 上的本源元。 布尔函数 定义如下

布尔函数 的支撑集能被定义为

这里 , 是一个整数。

证明 证明过程与定理3.2相似。

定理3.4 当参数 取不同值时,T-C-T函数是仿射等价的。 与此同时,Tu-Deng函数 也是仿射等价的。

证明 我们首先证明T-C-T函数是仿射等价的当参数 取不同值时。 T-C-T函数的支 撑集可以写作

我们能将T-C-T函数的支撑集的每个元素看作是两部分,以 作为分隔。 我们令 从定理3.1得知当参数 取不同值时,由 得到的布尔函数是仿射等价的。 此外, 使用仅仅是安排 后的第 个位置的值为1,这样增加了真值表中1的数量。 只要 定的,那么 的位置就是在 后不断移动的。 因此 对支撑集的平移等价性是没有影 故当参数 取不同值时,T-C-T函数是仿射等价的。 相同的证明过程可以得 到Tu-Deng函数也是仿射等价的。

#### 本章小结

本章研究了基于 {60%:上的本源元构造的布尔函数的仿射等价关系。} {43%:尽管 这三个构造被证明没有提供大量的性质优良的布尔函数,但它们都具有出色的密码学性质。} {65%:研究布尔函数的仿射等价性有助于构造布尔函数。}

此部分研究工作已整理成文章Translation equivalence of Boolean functions expressed by primitive element,并于2019年4月发表在IEICE TRANS. FUNDAMENTALS期刊。

{69%:一类1阶弹性布尔函数的快速代数免疫度的下界}

{50%:本章通过数学证明的方法得到了一类一阶弹性函数的快速代数免疫度大干等干6。} {50%:在之前的研究中,主要是通过计算机辅助计算布尔函数的快速代数免疫度。} 于此同 时,我们也证明了一些起源于Tu-Deng猜想的组合事实。

## {82%:一类具有几乎最优代数免疫度的布尔函数}

近些年,利用C-F函数作为一个组件,使用二元多项式表达的方法已经得到了大量优秀的 构造。 {48%:在2013年,唐灯提出了两类具有非常优秀密码学性质的布尔函数,但是它们 不是1阶弹性的,} 这是一个缺点当布尔函数作为一个滤波函数使用时[32]。

构造 4.1 ([32])令 , 是 上的一个本源元, ,这里 。 布尔函数 定义如下:

(4-1)

这里 定义在 上,并且

主张4.1 ([32])构造4.1中 变元布尔函数 包括四个密码学性质:

, ;

;

{48%:由于后续证明的需要,我们修改构造4.1从而得到了一类具有次优代数免疫度的布 

构造 4.2令 , 是 上的一个本源元 , , 这里 。 布尔函数 定义如下: (4-2)

这里 定义在在 上,并且 。

为了证明构造4.2的代数免疫度,我们需要去证明一些通过修改Tu-Deng猜想[31]产生的组 合事实。 最后,我们得到了一些新的引理。

引理 4.1 ([42])对于 ,令

那么。

引理 4.2对于 , 令

那么。

证明 因为移位等价性, 能够被表示为如下的形式:

这里。

如果 ,即 ,令

那么 和 。 因此 。

假设现在 , 并且令 , 那么

情形1: 是偶数。 令

这里 。 因为

所以 存在。 显而易见, 并且

因此 。

情形1: 是奇数。 令

这里 。 因为

所以 存在。 显而易见, ,并且

因此 。

因此,对于任意的,这总是存在至少一个,所以。

引理4.3 对于 , 令

那么。

证明 显而易见,

从引理4.1和引理4.2,可知 和 。 因此

引理4.4 对于 , 令

那么。

证明 当 , , 并且 ,即 。

情形1: 是奇数。 我们有 。 所以

因为对于奇数 , 。

情形1: 是偶数。 我们有 。 所以

因为对于偶数 , 。

证明完成。

{58%:从引理4.3和引理4.4,我们能推断出以下引理:}

引理 4.5 对于 ,令

那么。

定理4.1 令 为构造4.2中 变元的布尔函数。 那么 是 。

证明 从构造4.2中,我们能看出 。

首先,假定 是 的一个代数次数小于 的零化子,即

对于所有的 , 。

当 时, 。 这暗示当 时,

因此

这里

当 , 对于 时, 。

因此,当,向量

是一个 码的码字,它的长度为 ,设计距离为 。 此外,当它有元素在 中时,它 由于 {45%:界,当它的码字为非零时,它的汉明重量不少于} 。 但 的码字为零。 从引理4.5得知,它的汉明重量不超过。 因为,这个码字不得不为零,即

这里 。 因此,我们能得到 当 。 所以, 。

现在讨论 的情况。 假定 是 的一个代数次数小于 的零化子。 相似的,

这里。 因此,向量

是一个 码的码字,它的长度为 ,设计距离为 。 此外,当它有元素在 中时,它 的码字为零。 然而由 {52%:界的定义可知,当它的码字为非零时,它的汉明重量至少

为 。 从引理4.5,可以推断它的汉明重量最多 ,产生了一个矛盾。 所以, 。

从以上的讨论可知, 和 {80%:的零化子的代数次数最小值不小于} 。 所以, 。

{69%:一类1阶弹性布尔函数的快速代数免疫度的下界}

{44%:唐灯通过稍微修改构造4.1,得到了一类具有极其优秀密码学性质的1阶弹性函 数[43]。}

构造 4.3 ([43])令 , 是 上的一个本源元, 和 ,这里 。 布尔函 数 定义如下;

(4-3)

这里 属于(4-1),并且 包括以下三部分:

;

;

换句话说, 包括以下四部分:

;

定理 4.2 ([43])令 , 是构造4.3中的 元布尔函数。 那么布尔函数 的代 数免疫度是 ,即 。

{48%:我们将会给出构造4.3的一个快速代数免疫度的下界。} 与此同时,我们需要如 下的两个引理。

引理 4.6 令 , 是 上的一个本源元,

这里 。 当布尔函数 有 时, 的代数次数大于等于 ,这里 。

证明 首先,从定理4.1中可知, 有代数免疫度 当 和 是(4-2)中定义的布尔 函数。 因此, {81%:的非零零化子的代数次数不小于} 。 其次,很容易看出当 是构造4.2中的 的一个非零零化子。 因此, 的代数次数大于等于 。 证 明完毕。

引理 4.7 令 , 是 上的一个本源元,

这里 和 。 对于每个 ,如果我们选择一个任意元素 ,那么这将会有 个 不同的对 使得 等于1如果 , 这里 。

证明 很容易看出 因为 当且仅当 和 ,这里与条件 矛盾。 显而易见,

因为 。 那么我们得到 。 换句话说,我们也有 。 因此,为了去证明这存在 不同的元素对 使得 等于1,我们必须证明对于任意的 ,这有 不同的元素对 使得 。 由干

注意 如果 、 、 。 由以上两个等式可得 ,即 。 的基数是 。 也就是说, 。 因此 ,并且 。 当 ,有两种情况需要去考虑:

所以这有 个不同的元素对 使得 。 证明完毕。

定理 4.3 令 , , 构造4.3中的布尔函数 的快速代数免疫度至少为 。

证明 为了证明当 {75%:时,布尔函数的快速代数免疫度至少为} 。 我们应该 证明当 和 , 。 我们将使用反证法证明这个结论。 假设 当这有一个布尔函 数 ,并且 。 之后,通过(4-3)我们知道

(4-4)

这里 属于(4-1),并且 的支撑集为

。 这有两种情况需要考虑。

情形1: ,这里 。 通过引理4.6,我们知道 。 因为 是 的一个非零零 化子,并且从定理4.2可知 {81%:的非零零化子的代数次数不小于} ,所以 。 在此 情况下,我们有 与我们的假设 矛盾。

情形2: 。 那么这必须存在一个元素 使得 。

从引理4.7可知,这有存在元素 使得 等于1当 和 。 我们知道 是非零的, 并且 。 在(4-4)的两边分别乘上 得到

因为 是 {58%:的一个非零零化子,所以我们得到}

从以上证明我们得知这有一个非零函数 使得 ,这里 。 当 ,它是与主张4.1 的第四条矛盾的。 当 , 它与 矛盾。

因此,它是不可能的去假设, ,故我们有。 证明完毕。

本章小结

{52%:在本章中,我们证明了一类1阶弹性布尔函数的快速代数免疫度大于等于}。 {45%:为了证明本节的一个布尔函数的代数免疫度,我们证明了一些来源于Tu-Deng猜想的组 合事实。} {41%:利用该方法,我们同时也能证明一些其他的1阶弹性布尔函数有相同的快



速代数免疫度下界。} 但是,所得到的下界与实际值还存在一定的差距。 够找到一个更低代数次数的布尔函数} {45%:,那么我们将能提升快速代数免疫度的下界, 这也是我们后续研究的方向。}

此部分研究工作已整理成文章A Lower Bound of Fast Algebraic Immunity of A Class of 1-Resilient Boolean Functions, 并于2019年12月 在IEEE ACCESS期刊发表。

#### 总结与展望

{100%:本章对论文完成的工作进行总结,并对后续可开展的研究工作进行展望。}

#### 论文工作总结

{82%:在实际应用中,满足多项密码学性质的布尔函数在维护密码系统的安全性方面起 着关键作用。} {91%:为了抵抗各种已知密码攻击,密码系统中使用的布尔函数应同时满足 以下性质: {100%:平衡性,良好的(快速)代数免疫度,高非线性度,高代数次数等。}

{100%:本文完成的研究工作及取得的创新性研究成果主要包括:}

{41%:(1)在计算机辅助验证的基础上,我们研究了C-F函数,Tu-Deng函数,T-C-T函数 的仿射等价关系。} 基于有限域表示的这三类函数,它们的支撑集中都含有共同的参数 ( {56%:),使得能达到大量性质优良的布尔函数。} 经研究发现,当参数 {51%: 取不同值时,这些布尔函数是具有仿射等价的关系。}

{46%:(2)在之前的研究中,主要是通过计算机辅助来计算布尔函数的快速代数免疫度。} {43%:在唐灯的方法的启发下,利用数学证明的方法得到了一类一阶弹性函数的快速代数免 疫度大于等于6。} 于此同时,我们也证明了一些起源于Tu-Deng猜想的组合事实。

#### 后续研究工作展望

{100%:结合本文的研究工作,下一步的研究工作主要包括:}

提升快速代数免疫度的下界。 目前,所证明的FAI的下界与实际值仍有较大差距,计算 机辅助计算仍是评价布尔函数抵抗快速代数攻击能力的主要方式。 {54%:我们需要提升下 界,以更加严谨和可信的方法来证明一个布尔函数抵抗快速代数攻击的能力。} 此外,当前 的研究主要针对一个特定的布尔函数,能否将该证明方法推广到其他布尔函数,仍是一个待证 明的问题。

{69%:证明布尔函数快速代数免疫度的精确值。} 当我们将布尔函数的FAI的下界提升 到足够高时,或者利用已经证明的上界,是否能够证明某些布尔函数FAI的精确值。 数学证明是更加严谨和可信的。 {44%:我们可以尝试选取一些特殊的布尔函数,比如旋转 对称布尔函数,做一些尝试性的工作。}

## 参考文献

Shannon C E. Communication theory of secrecy systems [J].Bell Labs Tech. J., 1949, 28 (4): 656 - 715.

- Diffie Hellman M. New direction in cryptography [J]. W, IEEE Trans. Inf. Theory, 1976, 22 (6): 644-654.
- NBS. Encryption Standard [S]. Washington Data D C: **FLIPS** National Bureau Standards, PUB 46, of 1977.
- L, Shamir A, Adleman L Rivest R M. Α obtaining digital signatures and public-key cryptosystems [J].(2):Communication of the ACM, 1978, 21 120 - 126.
- (AES) [S].Washington D C: NIST. Advanced Encryption Standard Federal Information Processing Standards, 2001.
- J, Rijmen V. The design of Rijndael: AES-The Advanced Encryption Standard [C]. Berlin: Springer-Verlag, 2002: 221-227.
  - European IST. NESSIE Project [EB/OL]. http://www.cryptonessie.org.
  - European IST. ECRYPT Project [EB/OL]. http://www.nist.gov/aes.
- G J. Symmetric and Asymmetric Encryption [J]. Simmons Computing Surveys, 1979, 11 (4):305-330.

http://dacas.cn.

- Carlet C, Dalai D Κ, Gupta K C, Maitra S. Algebraic for cryptographically significant Boolean functions: analysis and construction [J]. IEEE Trans. Inform. Theory, 2006, 52 (7): 3105-3121.
- Carlet C, Feng K Q. An infinite class of balanced functions with optimal algebraic immunity, good immunity to fast nonlinearity [C]. attacks and good Advances 2008, Cryptology, ASIACRYPT Berlin, Germany, Lecture Notes in Computer Science, 2008, 5350: 425-440.
- Υ, С, Carlet C, Zeng X Li Hu L. Further properties of several classes Boolean functions of with optimum algebraic immunity [J].Des. Codes Cryptogr., 2009, 52 (3):
- Chen Y D, Lu Р Ζ. Two classes of symmetric Boolean optimum algebraic immunity: Construction functions with [J].IEEE Trans. Inform. Theory, 2011, 57 (4): analysis 2522-2538.
- J, Carlet С, Zeng X Y, Li C L, Hu L, Li balanced Boolean Y. Two constructions of functions with algebraic immunity, high nonlinearity and good behavior against algebraic attacks [J]. Des. Codes Cryptogr., 2015, fast 76

- (2):279-305.
- Massey J. Shift-register synthesis and BCH decoding [J]. IEEE Trans. Inf. Theory, 1969, 15(1): 122-127.
- Rueppel R, Staffelbach O. Products of linear recurring maximum complexity [J]. IEEE Trans. Inf. Theory, sequences with 1987, 33(1): 124-131.
- Helleseth T. A new attack on the filter Ronjom S, generator [J]. IEEE Trans. Inf. Theory, 2007, 53(5): 1752-1758.
- Ding C S, Xiao G Z, Shan W J. The stability theory of stream ciphers [M]. In: Lecture Notes in Computer Science, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg, 1991, 81-129.
- Meier W, Staffelbach O. Fast correlation attacks on stream ciphers [C]. Advances in Cryptology, EUROCRYPT 1988, Lecture Notes in Computer Science, 1988, 330: 301-314.
- D K, Gupta K C, Maitra S. Results on algebraic immunity for cryptographically significant Boolean functions [C]. International Conference on Cryptology in India, INDOCRYPT 2004, Lecture Notes in Computer Science, 2004, 3348: 92-106.
- Courtois N T, Meier W. Algebraic attacks on stream ciphers with linear feedback [C]. Advances in Cryptology, EUROCRYPT 2003, Lecture Notes in Computer Science, 2003, 2656:
- Pasalic E, Carlet C. Algebraic attacks Meier W, decomposition of Boolean functions [C]. Advances in Cryptology, EUROCRYPT 2004, Lecture Notes in Computer Science, 2004, 3027: 474-491.
- Courtois N T. Fast algebraic attacks on stream ciphers with linear feedback [C]. Advances in Cryptology, CRYPTO 2003, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg, Lecture Notes in Computer Science, 2003, 2729: 176-194.
- Armknecht F. Improving fast algebraic attacks [C]. Fast Encryption, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, 2004, Heidelberg, Lecture Notes in Computer Science, 3017: 65-82.
- Hawkes P, Rose G G. Rewriting variables: The complexity attacks on stream ciphers [C]. fast algebraic Advances in Cryptology, CRYPTO 2004, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg, Lecture Notes in Computer Science, 2004, 390-406.

- Liu M C, Lin D D. Fast algebraic attacks and decomposition of symmetric Boolean functions [Online]. ArXiv preprint, available online: https://arxiv.org/pdf/0910.4632, 2009.
- Zhang Y, Lin D D. Perfect algebraic immune Liu M C, functions [C]. Advances in Cryptology, ASIACRYPT 2012, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg, Lecture Notes in Computer 7658: 172–189. 2012,
- Q C, Johansson T, Kan H B. Some results on fast algebraic attacks and higher-order non-linearities [J]. IET Information Security, 2012, 6(1): 41-46.
- Deng Y P. A conjecture on binary string and Tu Z R, its applications on constructing boolean functions of optimal algebraic immunity [J]. Des. Codes Cryptogr., 2011, 60 (1): 1-14.
- Tang D, Carlet C, Tang X H. Highly nonlinear Boolean functions with optimal algebraic immunity and good behavior against fast algebraic attacks [J]. IEEE Trans. Inf. Theory, 2013, 59 (1): 653-664.
- Liu M C, Lin D D. Almost perfect algebraic immune functions with good nonlinearity [C]. 2014 IEEE International Symposium on Information Theory, 2014, 1837-1841.
- Tang D, Carlet C, Tang X H, Zhou Z C. Construction of Highly Nonlinear 1-Resilient Boolean Functions With Optimal Algebraic Immunity and Provably High Fast Algebraic Immunity [J]. IEEE Trans. Inf. Theory, 2017, 63 (9): 6113-6125.
- Qu L J, Li C, Feng K Q. A note on symmetric Boolean functions with maximum algebraic immunity in odd number of variables [J]. IEEE Trans. Inf. 2007, Theory, 53 (8): 2908-2910.
- S, Kan H B. On symmetric Boolean J, Wu Q Peng functions with high algebraic immunity on even number of variables [J]. IEEE 57 (10): Trans. Inf. Theory, 2011, 7205-7220.
- C. Carlet, K. Feng, An Infinite Class of Balanced Functions with Optimal Algebraic Immunity, Good Immunity to Fast Algebraic Attacks and Good Nonlinearity[C], International Conference Theory and Application of Cryptology and on the Information

Security: Advances in Cryptology. Springer-Verlag, 2008: 425-440.

- J. Peng, H. Kan, Constructions of Cryptographically Significant Boolean Functions Using Primitive Polynomials[J]. Transactions on Information Theory, 2010, 56(6):3048-3053.
- Chen, T. Tian, W. Qi, On the affine equivalence relation between two classes of Boolean functions with optimal algebraic immunity[J]. Designs Codes Cryptography, 67(2):175-185.
- Wang, T. Johansson, On Equivalence Classes of Boolean Functions[M] Information Security and Cryptology - ICISC 2010. Springer Berlin Heidelberg, 2010:311-324.
- Rønjom, S., Cid, C.: Nonlinear Equivalence of Stream T. (eds.) FSE 2010. Ciphers. In: Hong, S., Iwata, LNCS, vol. 6147, 40 - 54. Springer, Heidelberg (2010), pp. http: //www.isg.rhul.ac.uk/~ccid/publications/NL-equivalence.pdf
- B. Wu, "1-resilient Boolean function Jin, Z. Liu, with optimal algebraic immunity, " Cryptology ePrint Archive, Report 2011/549, http://eprint.iacr.org/.
- D. Tang, C. Carlet, X. Tang, "A class of 1-resilient Boolean functions with optimal algebraic immunity and good behavior against fast algebraic attacks, " International Journal of Foundations of Computer Science, vol. 25, no. 6, pp. 763-780, 2014.
- Dalai D K, Maitra S, Sarkar S. Basic theory in construction of Boolean functions with maximum possible annihilator 2006, 40 (1): 41–58. immunity [J]. Des. Codes Cryptogr.,
- Qu L J, Feng K Q, Liu F, Wang L. Constructing symmetric Boolean functions with maximum algebraic immunity [J]. IEEE Trans. Inf. Theory, 2009, 55 (5): 2406-2412.

#### 致谢辞

{100%:感谢我的硕士导师陈银冬老师,是他带领我走进神奇的密码学世界,引领我从事 有趣的布尔函数研究。} {100%:陈老师为学严谨,为人谦和,从他身上我学到了很多做人 和求知的道理。} 在此向陈老师表示衷心的感谢!

{100%:感谢科研团队学科负责人蔡伟鸿老师,是他悉心培养我们良好的科研习惯,精心 提升我们的科研素养,并为我们提供了整洁舒适的科研环境。}

{100%:感谢科研团队熊智老师、蔡玲如老师和其他同学给予我的帮助。}

{100%:感谢我的父母,他们的信任、坚守和默默付出无时无刻不在激励着我。} {100%:他

www.paperpass.com

们是我最坚实的后盾,让我在求学路上能走得更远,更坚定。} {100%:这篇论文也是我送给他们的第一份礼物。}

感谢汕大求学的三年时光。

## 攻读硕士学位期间的科研成果

Yindong, Zhang Liu, Tang Deng and Cai Weihong. of Boolean equivalence functions expressed by primitive element. IEICE Transactions Fundamentals Electronics Communications on of E102-A(04): 672 - 675. Computer Science, 2019,

Chen Yindong, Zhang Liu, Guo Fei, al. Fast algebraic et immunity of 2m+22m+3variables majority function. 80733-80736. ACCESS, 2019, 7:

Chen Yindong, Zhang Liu, Xu jianlong, et al. Bound of Fast Algebraic Immunity of A Class of 1-Resilient Boolean Functions. IEEE ACCESS, 2019, 7: 90145-90151.

Chen Yindong, Zhang Liu, Gong zhangquan, al. et Constructing Two Classes of Boolean Functions with Good ACCESS. 2019, 7: 149657-149665. Cryptographic Properties. **IEEE** 

## 检测报告由PaperPass文献相似度检测系统生成 Copyright 2007-2020 PaperPass