



# P3 ALU

《计算机组织结构》课程助教组



南京大學  
NANJING UNIVERSITY



# 作业要求

1. 在ALU类中实现实现整数的二进制乘法(要求使用布斯乘法实现)

```
public static String floatToBinary(String  
floatStr)
```

2. 实现整数的二进制除法 ( $\text{dest} \div \text{src}$ ), 使用恢复余数除法和  
不恢复余数除法均可。输入为32位二进制补码, 输出为32位商, 并  
且将32位余数正确储存在余数寄存器remainderReg中。

```
public static String binaryToFloat(String binStr)
```





# 解题步骤

## 1. 在ALU类中实现实现整数的二进制乘法(要求使用布斯乘法实现)

`public` `DataType mul(DataType src, DataType dest)`

实现思路：只需按照布斯算法描述严格实现即可

### 补码一位乘法：布斯算法

$[X \times Y]_c = 2^n \times [P_n]_c$  即约定部分积的小数点到最右侧

$[P_{i+1}]_c = [2^{-1} \times (P_i + X \times (y_i - y_{i+1}))]_c$  求得 $[P_i]_c$ 后, 根据两位即可求得 $[P_{i+1}]_c$



$y_{i+1}y_i = 01$ 则 $[P_{i+1}]_c = [2^{-1} \times (P_i + X)]_c$	} 执行 $[P_i]_c + [\pm X]_c$ 然后右移一位
$y_{i+1}y_i = 10$ 则 $[P_{i+1}]_c = [2^{-1} \times (P_i - X)]_c$	
$y_{i+1}y_i = 00$ 则 $[P_{i+1}]_c = [2^{-1} \times P_i]_c$	} 右移一位
$y_{i+1}y_i = 11$ 则 $[P_{i+1}]_c = [2^{-1} \times P_i]_c$	

#### 运算步骤:

1. 增加  $y_0 = 0$
2. 根据  $y_{i+1}y_i$  决定是否执行  $[P_i]_c + [\pm X]_c$
3. 右移部分积
4. 重复步骤 2 和步骤 3 共  $n$  次, 得到最终结果

推荐使用StringBuilder进行计算, `deleteCharAt`函数和`insert`函数等可以帮助你更快实现右移等操作。





# 解题步骤

2. 实现整数的二进制除法 ( $\text{dest} \div \text{src}$ ), 使用恢复余数除法和  
不恢复余数除法均可。输入为32位二进制补码, 输出为32位商, 并  
且将32位余数正确储存在余数寄存器remainderReg中。

`public DataType div(DataType src, DataType dest)`

余数寄存器:  $X$

除数寄存器:  $Y$

商寄存器:  $Z$

实现逻辑 (以不恢复余数除法为例):

1. 输入检查、特殊情况处理 (除法错、0做被除数等)

2. 判断  $X$  和  $Y$  符号:

    同号: 执行  $X - Y$

    异号: 执行  $X + Y$

3. 判断  $X$  和  $Y$  符号:

    同号:  $X$  和  $Z$  左移一位最低位补1,  $X = 2X - Y$

    异号:  $X$  和  $Z$  左移一位最低位补0,  $X = 2X + Y$

重复此步骤直到完成第 32 次循环



# 解题步骤

2. 实现整数的二进制除法 ( $\text{dest} \div \text{src}$ ), 使用恢复余数除法和  
不恢复余数除法均可。输入为32位二进制补码, 输出为32位商, 并  
且将32位余数正确储存在余数寄存器remainderReg中。

```
public static String binaryToFloat(String binStr)
```

4. 商修正:

    Z左移一位, 最低位: 为X和Y同号补1, 异号补0

    被除数和Y同号: 无操作

    被除数和Y异号: Z最低位加1

5. 余数修正:

    X和被除数同号: 不修正

    X和被除数异号 & 被除数和Y同号:  $X = X + Y$

    X和被除数异号 & 被除数和Y异号:  $X = X - Y$

注意除法算法固有的Bug (对于不恢复余数法), 对于整除结果要  
进行特判处理

