

- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。



- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。

齿轮机构的特点和类型

齿轮机构用于传递空间任意两轴之间的运动和动力,是现代机械中应用最广泛的一种传动机构。

- 主要优点:传动效率高,结构紧凑,工作可靠、寿命长, 角速比(传动比)准确。
- 主要缺点:制造及安装精度要求高,价格较贵,不宜用于两轴间距离较大的场合。

齿轮机构分类:

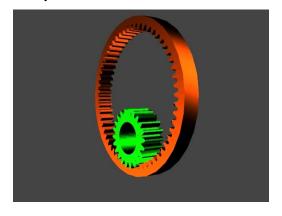
- ▶ 平面齿轮机构(相对运动为平面运动
- > 空间齿轮机构(相对运动为空间运动

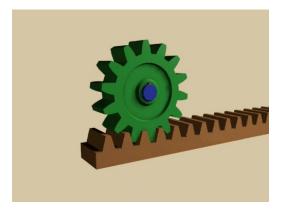


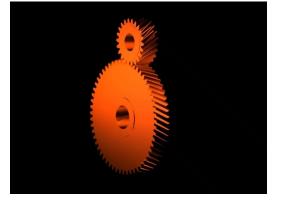
齿轮机构的特点和类型

平面齿轮机构——两齿轮轴线平行,两轮转向相同或相反; 轮齿分布于圆柱面上,也称圆柱齿轮。根据轮齿沿回转轴线 方向延伸形状的不同,进一步分为:直齿圆柱齿轮机构,平 行轴斜齿圆柱齿轮机构,人字齿轮机构。









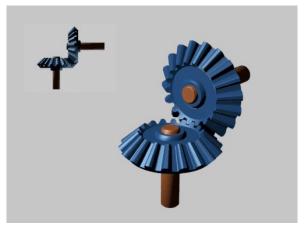


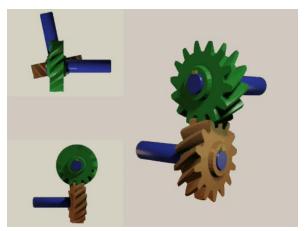
外齿轮,内齿轮, 齿条 外啮合,内啮合, 齿轮齿条啮合

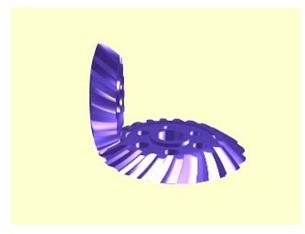
齿轮机构的特点和类型

空间齿轮机构——两齿轮轴线相交或交错。

进一步分为: 锥齿轮机构(直齿或曲齿), 交错轴斜齿轮机构, 蜗杆蜗轮机构。











- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。

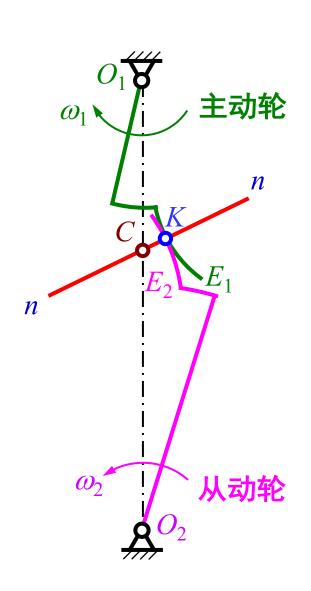
齿廓实现定角速比传动的条件

图示一对作平面啮合的齿轮,两轮的一对齿廓曲线 E_1 和 E_2 相切接触于点K

过K作公法线n-n与连心线 O_1O_2 交于点C(相对速度瞬心,称为节点),有角速比:

$$i_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{\overline{O_2 C}}{\overline{O_1 C}}$$

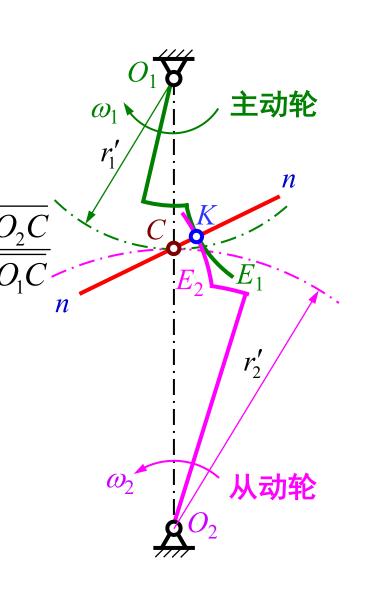
为使角速比 i_{12} 恒定不变,节点C的位置必须固定,即一对齿廓无论在何位置相切接触,过接触点的公法线都必须与连心线交于一定点。



齿廓实现定角速比传动的条件

理论上可以实现定角速比的齿廓有很多种,但需综合考虑制造、安装、强度等要求。目前常用的齿廓有渐开线、摆线和圆弧,其中以渐开线齿廓应用最广。 ω_1

当节点C的位置固定时,C在两个齿轮运动平面上的轨迹是两个圆,称为节圆,半径用 r_1' 、 r_2' 表示。中心距 $a = O_1O_2 = r_1' + r_2'$ 两齿轮的啮合运动相当于一对节圆的纯滚动。





- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

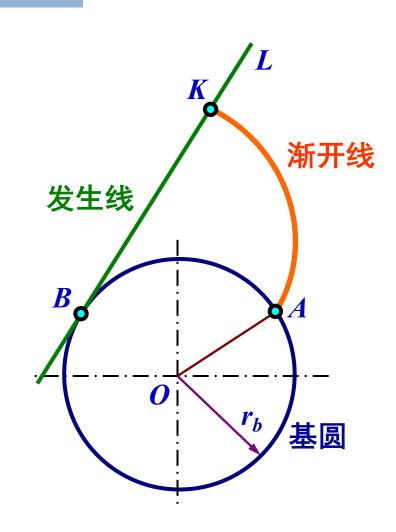
机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。

一、渐开线的形成和特性

当直线L沿一圆周作纯滚动时,直线上任意一点K的轨迹AK称为该圆的渐开线。

该圆称为渐开线的基圆,半径用 r_b 表示,基圆半径;

直线L称为渐开线的发生线。

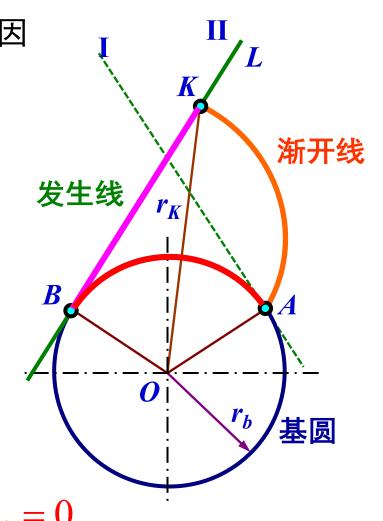


渐开线特性:

- ① 当发生线从位置I滚到位置II时,因它与基圆之间为纯滚动,有 $\overline{KR} = \widehat{AB}$
- ② 当发生线运动至位置II时刻,*B* 点为其绝对速度瞬心(瞬时转动中心),*BK*为渐开线在*K*点的法线(*BK*长为曲率半径,*B* 为曲率中心);渐开线上任一点的法线必切于基圆。

$$\rho_{K} = BK = \sqrt{r_{K}^{2} - r_{b}^{2}}$$

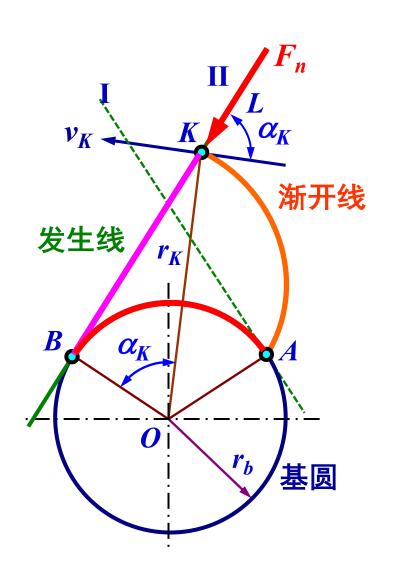
$$r_{K} \uparrow \Rightarrow \rho_{K} \uparrow \qquad r_{A} = r_{b} \Rightarrow \rho_{A} = 0$$



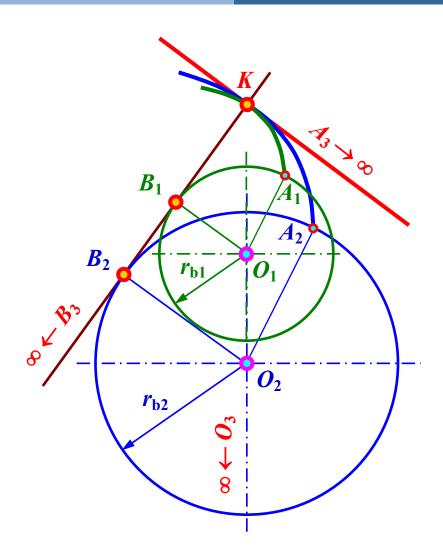
③ 法线BK(压力方向线)与K点速度 ν_K 方向之间的夹角称为渐开线齿廓在K点的压力角,用 α_k 表示, $\alpha_k = \angle BOK$

$$\cos \alpha_K = \frac{r_b}{r_K} \qquad r_K \uparrow \Rightarrow \alpha_K \uparrow \\ \alpha_A = 0$$

 α_k 也称为渐开线齿轮 r_k 圆上的压力角。



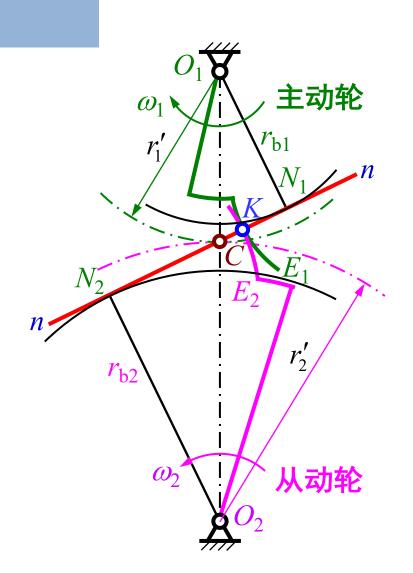
- ④ 渐开线的形状取决于基圆的大小。基圆越大,渐开线越平直。当基圆半径趋向于无穷大时,渐开线趋向于直线。
- ⑤ 基圆之内无渐开线。渐开 线从基圆开始向外伸展。



二、渐开线齿廓满足定角速比要求

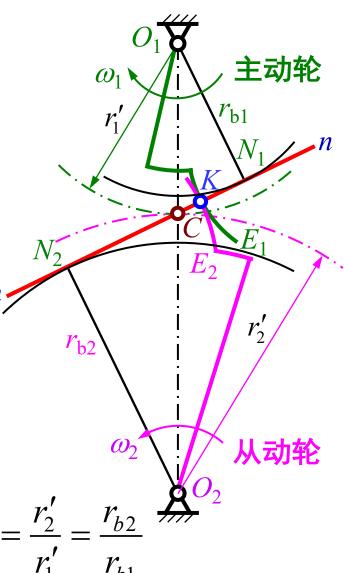
图示一对渐开线齿廓 E_1 和 E_2 相切 接触于任意点K,根据渐开线性 质,过K的公法线n-n同时与两基 圆相切,即公法线n-n为两轮基 圆的一条内公切线 N_1N_2 。 因两轮基圆的大小和安装位置均 固定不变,因此两基圆内公切线 与连心线交于固定点C,即渐开 线齿廓满足定角速比要求。

$$i_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{O_2 C}{O_1 C} = \frac{r_2'}{r_1'} = \frac{r_{b2}}{r_{b1}} = \text{constant}$$



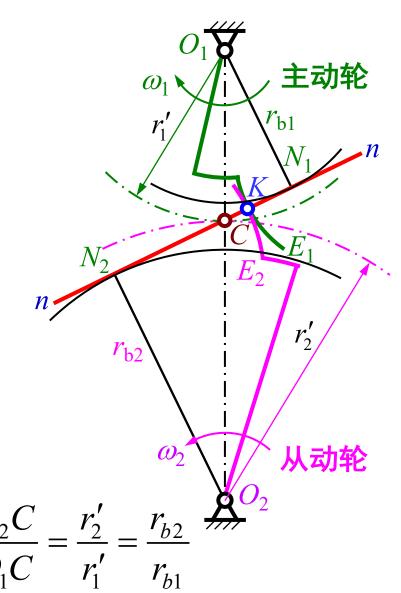
一对渐开线齿廓啮合的角速比(传 动比)决定于其基圆的大小,而齿 轮一经加工好后,基圆大小不变, 因此当两轮的实际中心距略有偏差 时,仍能保持原传动比,此特点称 为渐开线齿轮的中心距可分性。这 一特点对渐开线齿轮的制造、安装 n > 都是十分有利的。

中心距不同时,两齿轮基圆相对位置不同,节点位置及两轮节圆半径大小不同。但两轮节圆半径的比值不变,传动比不变。 $i_{13} = \frac{\omega_1}{2} = \frac{O_2C}{2}$



- 一对渐开线齿廓无论接触于什么位置,过接触点的公法线位置固定,为两轮基圆的内公切线;
- 一对渐开线齿廓若接触,则只有一点接触,且一定接触于两轮基圆的内公切线上。

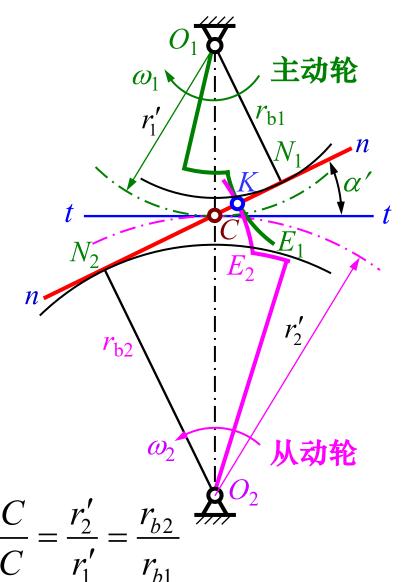
啮合线——渐开线齿廓的接触点 K在机架坐标系中走过的轨迹,就是两基圆的内公切线 N_1N_2 。因此一对渐开线齿廓的啮合线是一条定直线。 $i_{\alpha} = \frac{\omega_1}{2} = \frac{O}{2}$



啮合角, α' ——过C作两节圆的公切线t-t,与啮合线(公法线) N_1N_2 之间的夹角。

因两渐开线齿廓接触点的公法线是定直线,所以其啮合角始终不变,而且在数值上恒等于渐开线在节圆上的压力角 α' 。

啮合角不变即两齿廓间作用力方 向不变, 传动平稳。



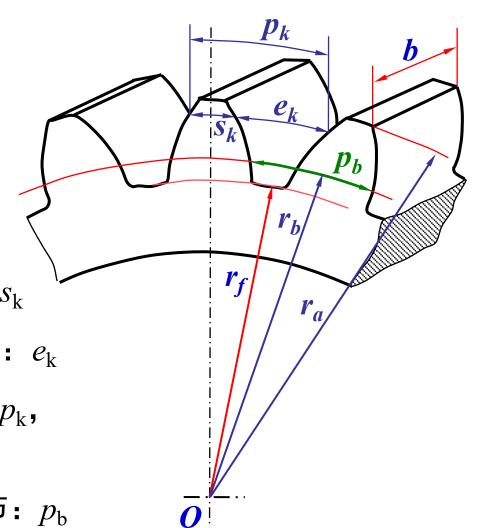
$$i_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{O_2 C}{O_1 C} = \frac{r_2'}{r_1'} = \frac{r_{b2}}{r_{b1}}$$



- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。

- 齿数: *z*
- 基圆: $d_{\rm b}$, $r_{\rm b}$
- 齿宽: b
- 齿顶圆: d_a, r_a
- 齿根圆: $d_{\rm f}$, $r_{\rm f}$
- r_k 圆上的齿厚(弧长): s_k
- r_k 圆上的齿槽宽(弧长): e_k
- r_k 圆上的齿距(弧长): p_k , $p_k = s_k + e_k$, $\pi d_k = z p_k$
- 基圆上的齿距,又称基节: p_b

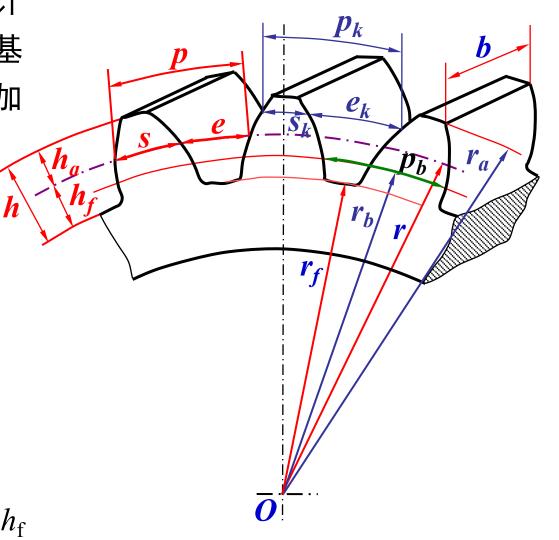


 分度圆: d, r, 是计 算齿轮几何尺寸的基 准圆。其上参数不加 角标。

分度圆上的齿厚、 齿槽宽及齿距依 次用s、e及p表示,

$$p = s + e$$

- 齿顶高: h_a
- 齿根高: h_f
- 齿全高: h, $h = h_a + h_f$



标准参数

• 模数: m(单位: mm)

分度圆周长: $zp = d\pi$ 定义: $m = \frac{p}{\pi}$ d = mz

我国通过国家标准规定了模数的系列取值。

模数m是决定齿轮尺寸的一个基本参数。齿数相同的齿轮,模数愈大,其尺寸也愈大。

标准模数系列表(GB/T 1357-2008)(单位: mm)

第一系列	1	1.25	1.5	2	2.5	3	4	5	6	8	10
	12	16	20	25	32	40	50				
第二系列	1.125	1.375	1.75	2.25	2.75	3.5	4.5	5.5	(6.5)	7	9
	11	14	18	22	28	35	45				

• 分度圆压力角: α $d_b = d \cos \alpha$ 齿廓在各圆上具有不同的压力角,我国规定分度圆压力角的标 齿槽宽 α 准值为 $\alpha = 20^\circ$ 。

分度圆:齿轮上具有标准摸数和标准压力 角的圆。

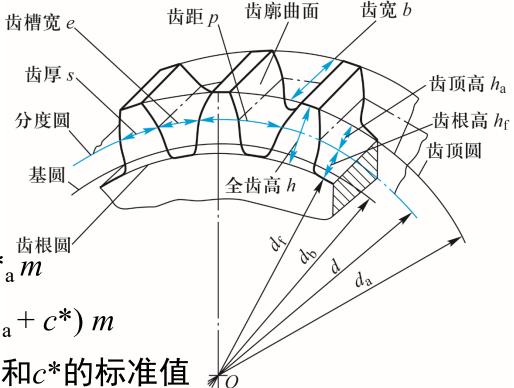
• 顶高系数: h_a^* , $h_a = h_a^*$

• 顶隙系数: c^* , $h_f = (h^*_a + c^*) m$

我国规定直齿圆柱齿轮 h^* _a和 c^* 的标准值 #

为: 正常齿制、 $m \ge 1$ mm时, $h_a^* = 1$, $c^* = 0.25$

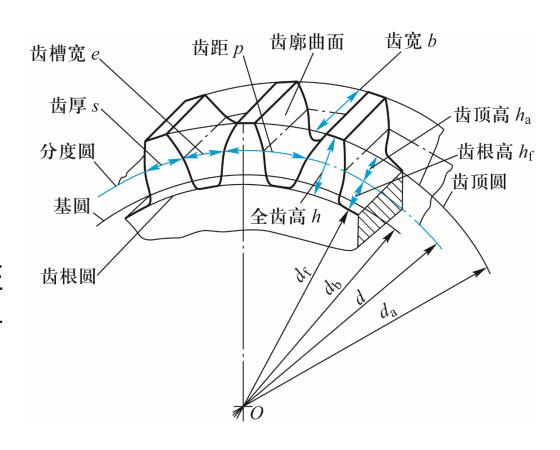
通过α规定了与分度 圆对应的基圆大小和 渐开线形状。



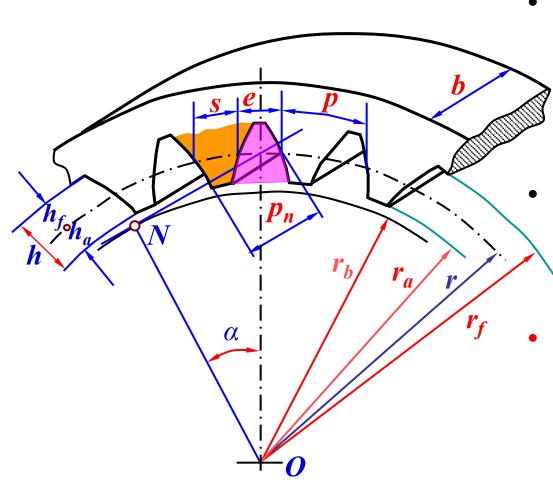
标准齿轮

- (1) 分度圆模数、压力 角为标准值;
- (2) 具有标准的齿顶高和齿根高;
- (3) 分度圆齿厚等于齿槽宽。

不能同时具备上述特征 的直齿轮都是非标准齿 轮。



内齿轮



与外齿轮的不同点是:

内齿轮的齿廓是内凹的, 其齿厚和齿槽宽分别对 应于外齿轮的齿槽宽和 齿厚。

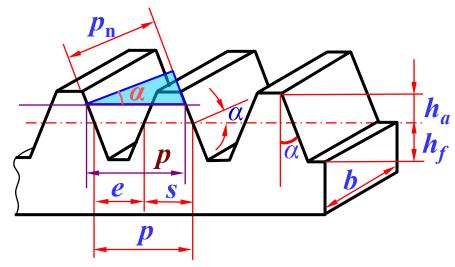
内齿轮的齿顶圆小于分 度圆,齿根圆大于分度 圆。

为了使内齿轮与外齿轮 组成的内啮合齿轮传动 能正确啮合,内齿轮的 齿顶圆必须大于基圆。

齿条

当标准外齿轮的齿数增加到无穷多时,齿轮的基圆及其他圆都变成互相平行的直线,同侧渐开线齿廓也变成互相平行的 斜直线齿廓,这样就形成标准齿条。齿条的主要特点:

- 齿廓上各点具有相同的压力角,且等于齿廓的倾斜角,此 角称为齿形角,标准值为20°。
- 与齿顶线平行的任一条直线上具有相同的齿距和模数。
- 与齿顶线平行且齿厚等 于齿槽宽的直线称为分 度线(中线),它是计 算齿条尺寸的基准线。





- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。

一、正确啮合条件

一对渐开线齿轮同时有两对齿参加啮合,两轮齿工作侧齿廓的啮合点分别为K和K'。为了保证定传动比,两啮合点K和K'必须同时落在啮合线 N_1N_2 上。这一条件可以表述为

$$KK' = p_{b1} = p_{b2}$$

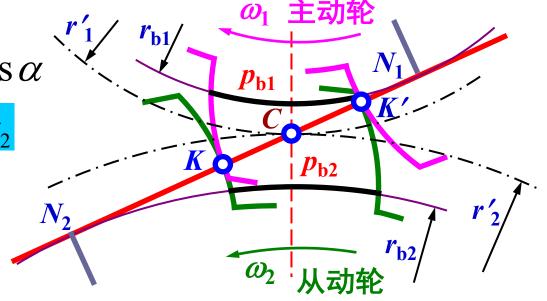
$$d_b = d \cos \alpha$$

$$p_b = p \cos \alpha = \pi m \cos \alpha$$

 $m_1 \pi \cos \alpha_1 = m_2 \pi \cos \alpha_2$

$$m_1 = m_2$$
 $\alpha_1 = \alpha_2$

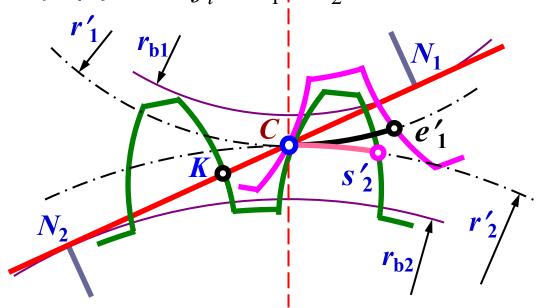
正确啮合条件



二、标准中心距

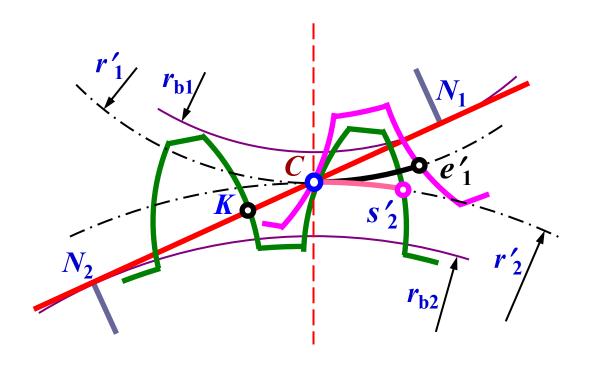
齿轮啮合传动时,为了在啮合齿廓之间形成润滑油膜,避免 因轮齿摩擦发热膨胀而卡死,齿廓之间必须留有间隙,此间 隙称为齿侧间隙。

齿侧间隙的度量,节圆齿侧侧隙:一轮节圆上的齿槽宽与另一轮节圆上的齿厚之差 $j_t = e_1' - s_2'$



但是,齿侧间隙的存在会产生齿间冲击,影响齿轮传动的平稳性。因此,这个间隙只能很小,通常由齿轮公差来保证。对于齿轮运动设计仍按无齿侧间隙进行设计。

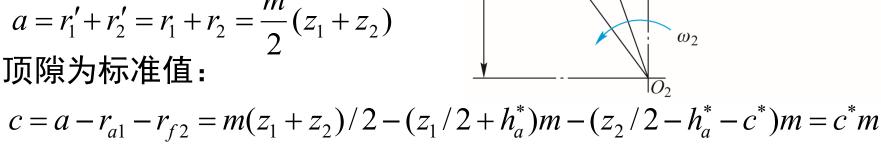
$$s_1' = e_2', \ s_2' = e_1'$$



一对模数、压力角分别相等的 外啮合标准齿轮, 因其分度圆 上的齿厚等于齿槽宽, 若将两 齿轮安装成其分度圆相切的位 置,两轮的节圆与分度圆重合, 则满足无侧隙条件。

标准齿轮的这种安装称为标准 安装,相应的中心距称为标准 中心距:

$$a = r_1' + r_2' = r_1 + r_2 = \frac{m}{2}(z_1 + z_2)$$



 $s_1' = e_2'$

 $s_2' = e_1'$

节圆(分度圆)

三、重合度

一对渐开线齿廓:

进入啮合时,必为主动轮的齿根部分与从动轮的齿顶接触;结束啮合时,必为主动轮的齿顶与从动轮的齿根部分接触。

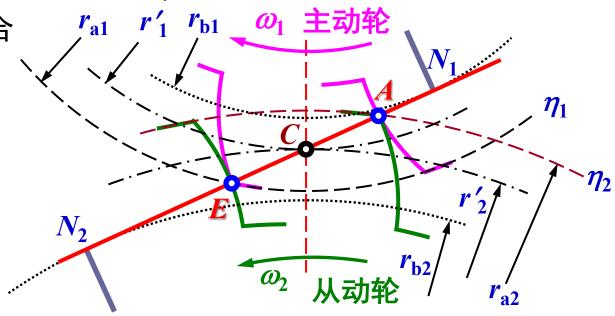
开始啮合点——从动轮齿顶圆 η_2 与啮合线 N_1N_2 的交点A

终止啮合点——主动轮齿顶圆 η_1 与啮合线 N_1N_2 的交点E

实际啮合线: 啮合

点的实际轨迹AE

理论啮合线: N_1N_2



连续定传动比传动条件: 在啮合线上, 前一对齿廓终止啮合 前,后一对齿廓已进入啮合,即任一 时刻啮合线上至少要有一对齿廓处于 啮合状态。 如图,满足正确啮合条件的两对 $EK = p_{b1} = p_{b2} = p_b$ 齿啮合, 前一对齿接触于终 止啮合点E,后一对齿接触 $^{\sim}$ 于点K。 若 $AE \ge EK = p_h$,则当前一 对齿分离时,后一对齿 已进入啮合,即能保证 连续定传动比传动。

定义重合度:

$$\varepsilon = \frac{AE}{EK} = \frac{AE}{p_b} \ge 1$$

假设某时刻轮2上有一齿廓处于开始啮合点A,其与节圆、基圆的交

点分别为F、F'。

当该齿廓FF′运动至经过

终止啮合点E的位置GG'

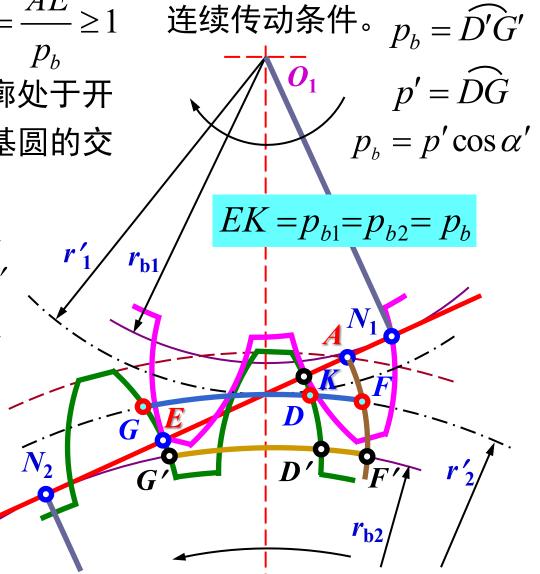
时, 齿廓点在节圆上走过

的弧线距离FG称为节圆

上的啮合弧。

$$AE = \widehat{F'G'} = \widehat{FG} \cos \alpha'$$

$$\varepsilon = \frac{AE}{p_h} = \frac{\widehat{FG}}{p'} \ge 1$$





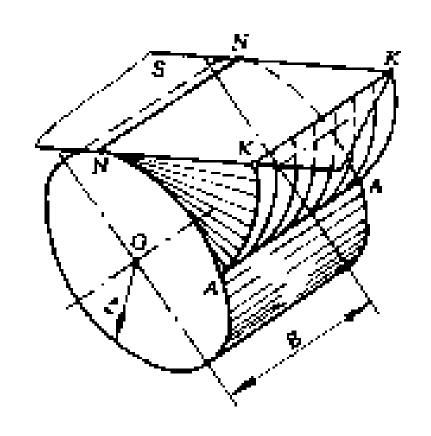
- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。

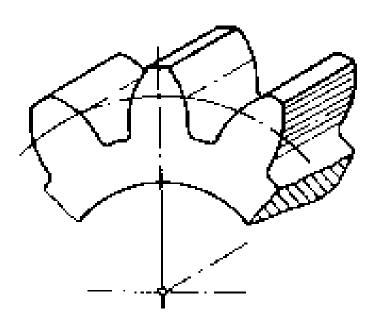
渐开线直齿圆柱齿轮齿廓曲面的形成

在考虑渐开线直齿圆柱齿轮轴向 宽度情况下, 其渐开线齿廓曲面 形成原理如下:

发生面S沿基圆柱作纯滚动时, 其上一条与基圆柱母线NN平行 的直线KK(平行于轴线)展成 直齿轮的齿面,称为渐开柱面。

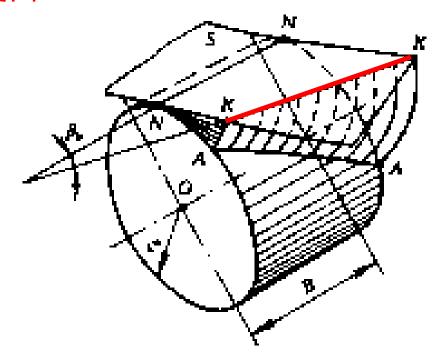


直齿轮工作时,两齿轮的齿廓曲面总是突然地沿整个齿宽同时进入啮合和退出啮合(接触线平行于轴线),从而轮齿上所受的力也是突然加上或卸掉,故传动平稳性差,冲击和噪音大。



一、斜齿轮啮合的共轭齿廓曲面

渐开线斜齿圆柱齿轮齿廓曲面的形成 发生面S沿基圆柱作纯滚动时,其上一条与基圆柱母线NN成 夹角 β 。(称为基圆柱螺旋角)的斜直线KK展成斜齿轮的齿面, 称为渐开螺旋面。

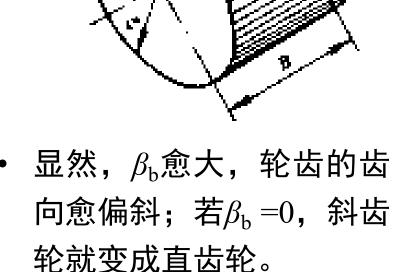


 \triangleright 切于基圆柱的平面与齿廓曲面(渐开螺旋面)的交线为斜直线,它与基圆柱母线NN的夹角总是 β_b 。

> 端面与齿廓曲面的交线为渐开线。

基圆柱面以及和它同轴的圆柱面与齿廓曲面的交线都是螺旋线,但不同圆柱面上螺旋线的螺旋角不等。基圆柱上螺旋线 AA的螺旋角称为基圆柱螺旋角 β_b,分度圆柱面上螺旋线的螺旋角简称螺旋角β。

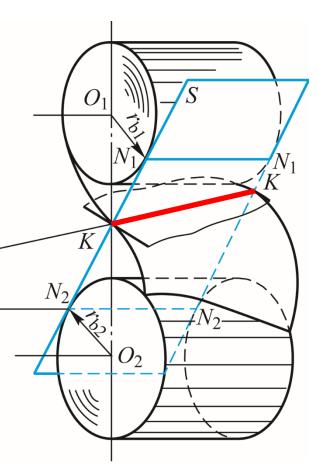
▶ 斜齿轮有左、右旋之分。



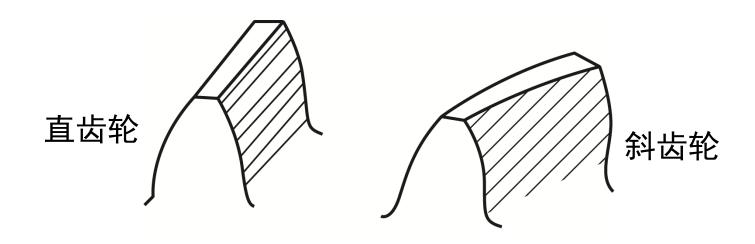
一对平行轴斜齿轮齿廓曲面的形成

两个基圆柱的内公切面S(发生面)分别沿两基圆柱作纯滚动,其上一条与基圆柱母线 N_1N_1 、 N_2N_2 成夹角 β_b 的斜直线KK分别展成两个渐开螺旋面。两渐开螺旋面的接触部分是斜直线(与轴线夹角总为 β_b),且位于内公切面上。

内公切面既是两斜齿齿廓的公法面, 也是传动的啮合面。



斜齿轮机构啮合过程中接触线由短变长,再由长变短。轮 齿上的受力也是由小变大,再由大变小,故传动较平稳, 冲击和噪音小,适用于高速传动。但存在轴向力。



五、斜齿轮的主要特点

平行轴斜齿轮与直齿轮比较, 其主要特点如下:

- (1) 重合度大, 齿面接触情况好, 传动平稳, 承载能力高。
- (2) 标准斜齿轮不根切的最少齿数比直齿轮少,可以得到更为紧凑的结构尺寸。
- (3) 两者制造成本相同。
- (4) 斜齿轮存在轴向力,螺旋角不宜太大,一般取 $\beta = 8^{\circ} \sim 20^{\circ}$ 。



- 4.1 齿轮机构的特点和类型
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓
- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合
- 4.8 平行轴斜齿轮机构
- 4.9 锥齿轮机构

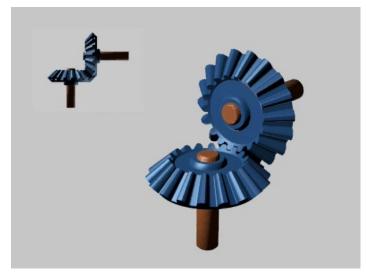
机械设计基础主要研究机械中的常用机构和通用零件的工作原理、结构特点、基本的设计理论和方法。

锥齿轮机构

-、锥齿轮概述

锥齿轮用于相交两轴之间的传动, 两轴交角 Σ 称为轴角,其值可根据 传动需要确定,一般采用90°。

锥齿轮的轮齿排列在截圆锥体上, 轮齿由大端到小端逐渐收缩变小,大端参数取为标准值。



对应于圆柱齿轮中的各有关"圆柱"在锥齿轮中就变成了 "圆锥",如分度圆锥、节圆锥、基圆锥、齿顶圆锥、齿根 圆锥等。

一对锥齿轮的运动相当于一对节圆锥的纯滚动。

锥齿轮机构

轴角: $\Sigma = \delta_1 + \delta_2$

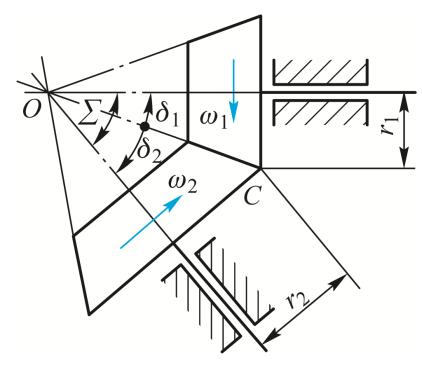
大端分度圆半径:

$$r_1 = OC \sin \delta_1$$

$$r_2 = OC \sin \delta_2$$

正确啮合条件:

大端模数和大端压力角分别相等



$$\Sigma = \delta_1 + \delta_2$$

传动比:
$$i_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{z_2}{z_1} = \frac{r_2}{r_1} = \frac{\sin \delta_2}{\sin \delta_1}$$



- 4.1 齿轮机构的特点和类型(特点、类型)
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓

(渐开线的特性1、2、3、4、5, 渐开线齿廓定角速比,中心距可分性, 啮合线、啮合角)

- 4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸
- (齿数、基圆、齿顶圆、齿根圆、齿厚、齿槽宽、齿距、齿根高、齿顶高、齿全高、分度圆、模数、分度圆上的各个参数、标准齿轮)
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合(正确啮合条件、标准中心距、重合度)
- 4.8 平行轴斜齿轮机构(斜齿轮啮合的共轭齿廓曲面、优缺点)
- 4.9 锥齿轮机构(概述)



- 4.1 齿轮机构的特点和类型(特点、类型)
- 4.2 齿廓实现定角速比传动的条件
- 4.3 渐开线齿廓

(新开线的特性1、2、3、4、5,渐开线齿廓定角速比,中心距可分性,啮合线、啮合角)

4.4 齿轮各部分名称及渐开线标准齿轮的基本尺寸

(<mark>齿数、基圆、齿顶圆、齿根圆、齿厚、齿槽宽、齿距、齿根高、齿顶</mark>

- 高、齿全高、分度圆、模数、分度圆上的各个参数、标准齿轮)
- 4.5 渐开线标准齿轮的啮合(<mark>正确啮合条件</mark>、标准中心距、重合度)
- 4.8 平行轴斜齿轮机构(斜齿轮啮合的共轭齿廓曲面、优缺点)
- 4.9 锥齿轮机构(概述)