

代码优化文档

21371133 傅可树

编码前的设计

1. 中间代码优化

1.1 基本块划分

首先要划分基本块。一切的优化都是源于基本块良好的性质(块内没有跳转，都是顺序执行)。由于我之前做的LLVM划分的是伪基本块——一个函数只有一个基本块，每个基本块内都可能有跳转语句。这是极为粗糙的划分。

- 按照跳转语句把基本块划分开。
- 去掉无用的标签。之前生成的时候有很多不必要的标签插入。标签和标签之间甚至没有语句。
- 基本块之间的跳转连边，形成一个有向图。

1.2 Mem2reg

*phi*的定义：*phi*函数是一种在控制流图中用来表示多个不同路径上的值的方式。通常，*phi*函数用于合并不同的值，这些值可能来自于不同的基本块或控制流路径。

在编译器中，*phi*函数通常用于表示在条件分支语句中不同分支上产生的不同值。

引入*phi*的作用：

*phi*函数通常用于在控制流图中处理分支情况，而*Mem2reg*则关注将内存操作优化为对寄存器的操作。在执行*Mem2reg*时，编译器可能会引入*phi*函数来处理不同分支上的值，因为转换为SSA形式后，需要用*phi*函数来表示不同路径上的变量赋值。

*phi*函数的引入和*Mem2reg*的优化一起协同工作，帮助编译器更好地理解和优化程序的控制流和数据流。

但*phi*插在哪里，又应该如何消除便成了问题

这里就要引入支配的概念。

支配：如果CFG中从起始节点到基本块*y*的所有路径都经过了基本块*x*，我们说*x*支配*y*

严格支配：显然每个基本块都支配它自己。如果*x*支配*y*，且*x*不等于*y*，那么*x*严格支配*y*

直接支配者：严格支配*n*，且不严格支配任何严格支配*n*的节点的节点(直观理解就是所有严格支配*n*的节点中离*n*最近的那一个)，我们称其为*n*的直接支配者

支配边界：节点*n*的支配边界是CFG中刚好不被*n*支配到的节点集合。

支配便捷是我们插入*phi*的核心，假设*X*中出现了对于变量*x*的定义*def*(store)指令，那么对于*X*可以支配的节点，如果其中没有出现其他定义，那么我们可以在使用*x*的时候，直接使用*def*中给*x*赋的值。

但是，如果进入了 X 的支配边界，就可能有其他导向边界的路径。而这些路径上也出现了对于 x 的 def ，那么我们会根据定义发现这个边界就是这些路径的交汇点。

由此我们得到了插入 phi 的思路：

- 如果我们发现了对于某个变量的 def ，找到他所在基本块的支配边界，在那里插入一条 phi 指令。
- 如果已经插入了，那就增加一条分支。
- 同时， phi 指令也属于 def 需要迭代。

1.3 死代码删除

函数中有一些不会被运行的代码，或者是运行了一大段，但对后面结果毫无作用的代码(产生的变量不参与后续运算)。这些代码就是死代码。

删除死代码可以缩小程序规模，提高程序运行效率。(类比注释，我们其实要做的就是将代码中隐式的注释部分给提取出来)

具体执行步骤：

- **活跃变量分析**： $def - use$ 链的构建。执行活跃变量分析，确定每个变量在程序中的活跃范围
- **标记未使用的变量**：标记在活跃变量分析中被确定为未使用的变量。
- **控制流图分析**：分析控制流图，找出不可达的代码块
- **标记不可达代码块**：根据上一步的分析结果，对不可达代码块进行标记。
- 合并上面的分析结果，把死代码标记，并进行删除。
- **更新符号表**，因为死代码删除后会对后续的符号表等产生影响。我们要重新做一遍符号表的更新。避免产生 bug 。

2. 目标代码优化

2.1 寄存器分配

寄存器分配是属于目标代码的优化。

$mips$ 指令集只有32个寄存器。我们在使用的时候需要以一种比较合理的方式去分配。但某些变量有冲突关系。这可以抽象成图着色问题。但这被证明是一个 NP 完全问题，只有不可接受的阶乘解法。我们尝试用比较优的贪心策略来构造。

- 首先，先类似死代码删除，构建数据流方程。
- 再进行数据流分析。得到冲突图。（冲突图的构建可以是粗粒度的，也可以是细粒度的。但需要保证的是，宁可代码优化程度不高，也不能丢失正确性，这是宗旨）

下面简单介绍一下图着色算法。

从冲突图中选择度数（相邻变量的数量）最小的节点，为它着色。然后，将该节点从图中删除，重复此过程，直到所有节点都被着色。这是一种高效的图着色算法，通过节点的合并和分割来降低干涉图的复杂性，进而提高图着色的效率。

2.2 乘除法优化

- 通过算术运算将除常数的运算，用乘法和二进制移位运算代替。
- 将乘法运算变为移位运算。

2.3 窥孔优化

- 一个寄存器被存入之后又被读取。此时连续的两条 sw, lw 指令可以消解
- 加法中加数为0，直接使用 li
- 减法中减数为0,被减数直接赋值。被减数为0,减数取相反数后赋值。
- 乘除法中有0，直接赋0

编码完成之后的修改

1.支配树的实现

1.1 支配树的定义

对于一张有向图，我们确定一个起点 S 。

对于一个点 k ，称 x 为其支配点当且仅当，删去点 x 后， S 无法到达 k ，即 S 到达 k 的所有路径都必须通过 x 。

容易发现，一个点的支配点不止一个。

同时，也很容易发现，如果我们将一个点 k 与其最近的支配点连边，那么会形成一个树形结构，这个树形结构即支配树。

接下来我们所成的支配点一般指其在支配树上的父亲。求解支配树可以用*Lengauer – Tarjan*算法，做到 $O(n \log n)$ 的时间复杂度内求解。

1.2 支配树的构造

首先，显然一个点 k 的支配点是所有能够直接到达 k 的点在支配树上的*LCA*。那么就很简单了，我们按照拓扑序依次做下去，建立反图找到所有能够直接到达当前点的点，倍增求解*LCA*即可。

*Lengauer – Tarjan*算法分为三步

- 求出*dfs*树，得到每个点 k 的*dfs*序 d_k
- 求半支配点
- 求支配点

1.3 半支配点

一个点 k 的半支配点是指一个*dfs*序最小的点 x ，使得 x 可以通过一条路径 $x, x_1, x_2, \dots, x_c, k$ 到达点 k ，求满足对于任意 $1 \leq i \leq c$ ，有 $d_{x_i} > d_k$ 。

只要能求出半支配点，就有办法求解支配点，所以我们先来求解半支配点。

对于一个可以直接到达点 k 的点 x ，有两种可能的情况：

1. 若 $d_x < d_k$, 则 x 可能是 k 的支配点。
 2. 若 $d_x > d_k$, 则考虑其所有祖先 u 满足 $d_u > d_k$, u 的半支配点可能是点 k 的半支配点。
- 这两种情况是充分的, 易证。

考虑按照 dfs 序倒序考虑所有点 k 。枚举所有能够直接到达点 k 的点 x , 第一种情况可以快速维护, 但第二种情况需要考虑其所有祖先, 我们不能暴力枚举。

考虑维护一个带权并查集, 每次处理完一个点 k , 我们就将 k 往其 dfs 树上的父亲合并, 同时维护一个点并查集中除根以外的所有祖先中, 半支配点 dfs 序最小的那个点, 就可以在一次 $O(\log n)$ 的时间复杂度内完成第二种情况的查询。

至此, 我们已经在 $O(n \log n)$ 的时间复杂度内完成了半支配点的求解。

1.4 利用半支配点求解支配点

考虑点 k 到其半支配点 x 的这条链(不包括 x)上半支配点 dfs 序最小的点 u 及其半支配点 v , 则 k 在支配点有两种情况:

1. 若 $x = v$, 则 k 的支配点就是 x 。
2. 若 $d_x > d_v$, 则 k 的支配点是 u 的支配点

可以证明这两种情况是充分必要的。

我们再次考虑按照 dfs 序倒序处理。

对于一个点 k , 我们考虑其在半支配点 x , 现在需要完成在 dfs 树上查询 k 到 x 这条链 (不包含 x) 中半支配点 dfs 序最小的点。

我们发现这个查询就在半支配点的求解中出现过。

考虑在求解半支配点同时求解支配点。当我们求出 k 的半支配点后, 将 k 的半支配点与 k 连边, 维护半支配树。同时令 x 为 k 在 dfs 树上的父亲, 枚举 x 在半支配树上的儿子 y , 容易发现当前并查集中维护的正好就是 y 到 x (不包含 x) 中半支配点 dfs 序最小的点。

不过一个问题是, 如果查询出来的结果是第二种情况, 此时我们并不知道得到点的支配点, 所以把得到点先存下来, 最后再按照 dfs 序正序处理一遍就好了。

同时, 如果我们每一次都枚举 k 的父亲 x 在半支配树中的所有儿子, 会导致多次枚举了某些点, 所以每次枚举完之后需要将这些儿子清空才能保证复杂度正确。

至此我们完成了整个 *Lengauer – Tarjan* 算法。复杂度为 $O(n \log n)$

```

void add(int x,int y,int tp){
    qxx[++qxx_cnt]=(edge){y,h[x][tp]},h[x][tp]=qxx_cnt;
    return;
}

int dfn[maxn],fa[maxn],alt,back[maxn];
void dfs(int x,int f){
    dfn[x]=++alt,fa[x]=f,back[alt]=x;
    for(int i=h[x][0];i;i=qxx[i].next){
        int v=qxx[i].to;
        if(dfn[v])continue;
        dfs(v,x);
    }
    return;
}

int idom[maxn],sdom[maxn],mi[maxn],dsu[maxn];
int top(int x){
    if(dsu[x]==x)return x;
    int gt=top(dsu[x]);
    if(dfn[sdom[mi[x]]]>dfn[sdom[mi[dsu[x]]]])mi[x]=mi[dsu[x]];
    return dsu[x]=gt;
}

int n,m;
void lengauer_tarjan(){
    for(int i=1;i<=n;i++)sdom[i]=mi[i]=dsu[i]=i;
    dfs(1,0);
    for(int p=alt;p>=2;p--){
        int x=back[p];
        for(int i=h[x][1];i;i=qxx[i].next){
            int v=qxx[i].to;
            if(!dfn[v])continue;
            top(v);
            if(dfn[sdom[mi[v]]]<dfn[sdom[x]])sdom[x]=sdom[mi[v]];
        }
        dsu[x]=fa[x],add(sdom[x],x,2),x=fa[x];
        for(int i=h[x][2];i;i=qxx[i].next){
            int v=qxx[i].to;
            top(v);
            idom[v]=(sdom[mi[v]]==x?x:mi[v]);
        }
        h[x][2]=0;
    }
    for(int i=2;i<=alt;i++){
        int x=back[i];

```

```

        if(idom[x]!=sdom[x])idom[x]=idom[idom[x]];
    }
    return;
}
void pre(){
    for(int i=1;i<=m;i++){
        int x=e[i].x,y=e[i].y;
        add(x,y,0),add(y,x,1);
    }
    lengauer_tarjan();
}

```

2. *def* – *use*链的构建

死代码删除中最重要的就是*def* – *use*链的构建。*def* – *use*链的构建。

- 比较重要的点就是多个分支的*Def* – *use*合并。*Union*中就处理的是合并的情况
- *def* – *use*链需要迭代处理。直到没有变化为止。
- *add_chain*中写的是进入某个基本块之后，对于块内元素*def* – *use*链的处理。

```

void travel(int rt,int vector<string,vector<int>> vec){
    add_chain(rt,*vec);
    for (int i=0;i<a[u].son.size();i++){
        int v=a[u].son[i];
        travel(v,vec);
    }
}

void Union(int u){
    for (int i=0;i<In[u].size();i++){
        id=In[u][i];
        for (int j=0;j<vec[id].size();j++){
            vec[u].push_back(vec[id]);
        }
    }
}

void add_chain(int rt,vector<string,vector<int>> *defuse){
    if (def==NULL) return;
    if (a[rt].type==VAR){
        defuse.push_back(a[rt].name);
    }else{
        if (a[rt].type==ASSIGN){
            defuse.push_back(a[rt].name);
            add_chain(a[rt].son[0],defuse);
        }else{
            if (a[rt].type==Exp){
                add_chian(a[rt].son[0],defuse);
                add_chain(a[rt].son[1],defuse);
            }
        }
    }
}

```

3.图着色寄存器分配

图着色寄存器分配本质就是用启发式的算法实现分配。

```

vector<int> spill;
set<int> g[N];
inline bool check(int u,int c){
    for (auto v:g[u]){
        if (color[v]==c){
            return 0;
        }
    }
    return 1;
}
void colorGraph(int cnt){
    for (int i=0;i<g[u].size();i++){
        S.insert(i);
    }
    while (!vec.empty()){
        int u=*S.begin();
        S.erase(u);
        if (g[u].size()>=cnt){
            spill.push_back(u);
        }else{
            int col=0;
            while (!check(u,col)){
                col++;
            }
            color[u]=col;
            for (auto v:g[u]){
                g[v].erase(u);
            }
        }
    }
}

```