第一章(引论)习题

- 1、已知 $e = 2.7182818 \cdots$,求以下 x 的近似值 x^* 的相对误差,并说出其有几位有效数字:
 - (1) $x = e, x^* = 2.7;$

(2)
$$x = e, x^* = 2.718;$$

(3)
$$x = \frac{e}{100}$$
, $x^* = 0.027$;

(3)
$$x = \frac{e}{100}$$
, $x^* = 0.027$; (4) $x = \frac{e}{100}$, $x^* = 0.02718$.

2、下列公式要怎样变换后计算,才能使数值计算时避免有效数字的损失?

(1)
$$\int_{N}^{N+1} \frac{1}{1+x^2} dx = \arctan(N+1) - \arctan(N), \quad N \gg 1;$$

(2)
$$\sqrt{x+\frac{1}{x}} - \sqrt{x-\frac{1}{x}}, \quad x \gg 1;$$

(3)
$$\ln(x+1) - \ln x$$
, $x \gg 1$;

$$(4) \cos^2 x - \sin^2 x, \quad x \approx \frac{\pi}{4}.$$